

الفصل السادس

الأرقام القياسية

(٦ - ١) مقدمة

لقد صاحب التقدم والتطور التكنولوجي المعاصر اتساع في التبادل التجاري بين الدول والشعوب، وزيادة في الإنتاج والاستهلاك، وربما رافق ذلك بعض الزيادة في الأسعار لبعض السلع، وارتفاع في تكاليف المعيشة بالنسبة لمستوى الدخل، مما يجب تغطيته بزيادة معقولة في الرواتب والأجور على المستويين العام والخاص. دفعت كل هذه العوامل المسؤولين لبحث واستقصاء مقدار التغير في الأسعار ونفقات المعيشة مثلاً، حتى يتمكنوا من تحديد زيادة مناسبة في الرواتب والأجور تتفق مع الزيادة التي تطرأ على أسعار السلع وتتكاليف المعيشة، أو للدراسة كيفية معالجة مثل هذه الزيادة في بعض السلع على الأقل. ولذلك نشأت الحاجة إلى إيجاد مقاييس إحصائية تعبر بصورة واسحة ودقيقة عن مقدار التغيرات من حيث الزيادة أو النقص في الأسعار، أو في الكميات المنتجة، أو الكميات المستهلكة أو الكميات المعروضة، أو قيمة الصادرات أو الواردات بالنسبة لفترتين زمنيتين مختلفتين، أو بالنسبة لمكانين مختلفين.

وهذه المقاييس هي ما يسمى الأرقام القياسية، وسوف نكتفي بدراسة الأرقام القياسية للمتغيرات بالنسبة للزمن، وهي : عبارة عن مقياس نسبي لقيمة المتغير محل الدراسة في فترة زمنية معينة تسمى فترة المقارنة، بالنسبة إلى قيمة هذا المتغير في فترة زمنية أخرى تسمى فترة الأساس . ولتعريف الرقم القياسي نورد على سبيل المثال ما يلي :

إذا كان سعر سلعة ما في ١٣٩٥ هـ هي ٤٠ ريالاً وسعرها في ١٤٠٠ هـ هو ٥٠ ريالاً فإن الرقم القياسي لسعر هذه السلعة في عام ١٤٠٠ هـ باعتبار أن عام ١٣٩٥ هـ سنة الأساس: هو حاصل قسمة السعر في سنة المقارنة ١٤٠٠ هـ مقسوماً على السعر في سنة الأساس ١٣٩٥ هـ مضروباً في ١٠٠ أي أن:

$$\frac{٥٠}{٤٠} \times ١٠٠ = ١٢٥\%$$

ولقد جرت العادة على حذف النسبة المئوية، وكذلك التعبير عن سنة الأساس بالرقم ١٠٠ وعليه، ففي المثال السابق يمكن القول: إن سعر السلعة زاد في سنة المقارنة ١٤٠٠ هـ بمقدار ٢٥٪ عما كان عليه سعر السلعة في سنة الأساس ١٣٩٥ هـ.

ولكي تكون الأرقام القياسية معبرة بصورة صحيحة يجب أن تختار فترة الأساس بحيث تكون فترة طبيعية ومستقرة بعيدة عن الأحداث الطارئة، مثل الكوارث والخروف.. الخ.

وهنالك عدة أنواع من الأرقام القياسية نذكر منها الأرقام القياسية البسيطة (التجمعية والنسبية)، والأرقام القياسية المرجحة (التجمعية والنسبية)، وكذلك الأرقام القياسية المثلث (التجمعية والنسبية). وسوف نتناول فيما يلي كلاً من هذه الأنواع بالشرح مع بعض التفصيل موضعين ذلك بالأمثلة.

(٦ - ٢) الأرقام القياسية البسيطة

يتكون الرقم القياسي البسيط لسلعة ما بقسمة سعر السلعة في فترة المقارنة على سعر السلعة في فترة الأساس وضرب خارج القسمة في ١٠٠ . فإذا كان سعر سلعة ما في سنة المقارنة هو S_1 ، وسعرها في سنة الأساس هو S_0 .

فإن الرقم القياسي البسيط لهذه السلعة يعرف كالتالي:

$$\text{الرقم القياسي البسيط} = \frac{S_1}{S_0} \times 100 \dots \dots \dots (1)$$

مثال (١)

إذا كان سعر سلعة ما عام ١٤٠٠ هـ هو ٧٠ ريالاً وسعرها في عام ١٤٠٥ هـ هو ١٠٥ ريالات، فاحسب الرقم القياسي البسيط لهذه السلعة لعام ١٤٠٥ هـ باعتبار عام ١٤٠٠ هـ سنة الأساس.

نفرض أن سعر سنة المقارنة ١٤٠٥ هـ هو س. = ١٠٥ ريالات
وأن سعر سنة الأساس ١٤٠٠ هـ هو س. = ٧٠ ريالاً

$$\text{فيكون الرقم القياسي البسيط للسلعة} = \frac{\text{س.}}{\text{س.}} \times 100$$

$$= \frac{105}{70}$$

$$= 150$$

وإذا كان المطلوب حساب الرقم القياسي البسيط لأسعار مجموعة من السلع فإننا نستخدم في هذه الحالة نوعين من الأرقام القياسية البسيطة. النوع الأول يسمى الرقم القياسي التجميعي البسيط، والنوع الثاني يسمى الرقم القياسي النسبي البسيط، ويمكن تعريفهما كما يلي.

(٢ - ١) : الرقم القياسي التجميعي البسيط

هو مجموع أسعار السلع في سنة المقارنة مقسوماً على مجموع أسعار السلع في سنة الأساس وضرب نتيجة القسمة في ١٠٠ أي أن:

$$\text{الرقم القياسي التجميعي البسيط} = \frac{\text{مج. س.}}{\text{مج. س.}} \times 100 \quad (٢)$$

(٢ - ٢) : الرقم القياسي النسبي البسيط

ويعرف بأنه متوسط الأرقام القياسية البسيطة لمجموعة من السلع وضرب الناتج في ١٠٠ أي أن:

$$\text{الرقم القياسي النسبي البسيط} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{S_i}{S_i}$$

حيث إن «ن» عبارة عن عدد السلع الداخلة في تركيب الرقم القياسي النسبي البسيط ونوضح طريقة الحساب بالمثال التالي.

مثال (٢)

احسب الرقم القياسي التجميعي البسيط وكذلك الرقم القياسي النسبي البسيط لأسعار وحدة من السلع أ، ب، ج «بالريالات» الموضحة بالجدول التالي:

جدول (٦ - ١): أسعار ٣ سلع في عامي ١٤٠٥ هـ و ١٤٠١ هـ

السلعة	أسعار عام ١٤٠١ هـ بالريالات	أسعار عام ١٤٠٥ هـ بالريالات
أ	٤٠	١٢٠
ب	٦٠	٩٠
ج	٢٠	٤٠
المجموع		٢٥٠
١٢٠		

سبق أن عرفنا الرقم القياسي التجميعي البسيط بالصيغة التالية:

$$\text{الرقم القياسي التجميعي البسيط} = \frac{\sum S_i}{\sum S_i} \times 100$$

وباستخدام بيانات الجدول السابق نجد أن

$$\text{الرقم القياسي التجميعي البسيط} = \frac{40 + 90 + 120}{20 + 60 + 40} \times 100$$

$$= \frac{250}{120} \times 100$$

$$= 208,33$$

$$\text{الرقم القياسي النسبي البسيط} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(\frac{s_i}{w_i} - 1 \right) \times 100$$

أي أن

$$\begin{aligned} & 100 \times \left(\frac{1}{40} + \frac{9}{60} + \frac{12}{20} \right) = \\ & 100 \times \frac{1}{3} = \\ & 216,67 = \end{aligned}$$

ونورد فيما يلي بعض الملاحظات على استخدام الرقمان القياسيين السابقين :

- ١ - عند استخدام الرقم القياسي التجمعي البسيط يجب ملاحظة كونه يتاثر بوحدات القياس، ولذلك يراعي عند استخدامه تساوي الوحدات لجميع السلع. بينما نجد أن الرقم القياسي النسبي البسيط لا يتاثر باختلاف الوحدات من سلعة إلى أخرى وذلك لأن النسبة تلغى الوحدات.
- ٢ - كما يلاحظ من الحسابات في مثال (٢) السابق بأن الرقم القياسي البسيط سواء التجمعي أو النسبي يشير إلى زيادة في أسعار السلع يفوق الضعف، وعند النظر إلى جدول أسعار ، ب، ج نجد أن السلعة ا زادت بمقدار ثلاثة أضعاف سعرها في سنة الأساس، وأن السلعة «ب» زادت بمقدار قليل يمثل نصف السعر، أما السلعة جـ فإنها زادت بمقدار الضعف، وهذا يفسر أن السلعة أثرت على زيادة الرقم القياسي للأسعار للسلع الثلاثة مما جعل قيمته تزيد عن الضعف.

ولذلك فإننا بحساب الرقم القياسي بهذه الطريقة تكون قد أعطينا نفس الأهمية. أو نفس الوزن لجميع السلع الداخلة في حساب الرقم القياسي وهذا ليس صحيحاً دائماً. فهل السلعة «ا» من الأهمية بحيث تعطي أهمية أكبر من السلعتين بـ، جـ، عند حساب الرقم القياسي البسيط؟

بالفرض الصحيح ، عند حساب مستوى تكاليف المعيشة في منطقة ما لا بد من إعطاء وزن للمواد أو السلع التي تدخل في استهلاك الفرد وهذه تختلف من منطقة إلى أخرى ، وهذا ينطبق على الأرقام القياسية للمواد المستوردة أو المصنعة إلخ . مثل هذا التساؤل عن أهمية العناصر أو السلع الداخلة في حساب الأرقام القياسية يقودنا إلى دراسة ما يسمى الأرقام القياسية المرجحة .

(٦ - ٣) الأرقام القياسية المرجحة

تحسب الأرقام القياسية المرجحة بعد إعطاء كل سلعة وزنًا أو ترجيحاً يتاسب مع أهميتها في تكوين الرقم القياسي . وقد تكون هذه الأوزان هي الكمية المنتجة من هذه السلع ، أو الكميات المستهلكة منها في إحدى السنوات ، أو الكميات المعروضة منها أو... وذلك لتلافي تأثير إحدى السلع الداخلة في تكوين الرقم القياسي تأثيراً أكبر من السلع الأخرى ، مع أن هذه السلعة أقل أهمية من السلع الأخرى . وعندما نستخدم الأوزان لبيان أهمية السلع الداخلة في تركيب الرقم القياسي فإننا في هذه الحالة نسمى الأرقام القياسية بالأرقام القياسية المرجحة . وسوف نتناول دراسة الأرقام القياسية المرجحة بالنسبة لأوزان أو كميات سنة الأساس ، وهي ما تسمى الأرقام القياسية للاسبير (Laspeyres) . والأرقام القياسية المرجحة بالنسبة لأوزان أو كميات سنة المقارنة ، وهي ما تسمى الأرقام القياسية لباش (Paasche) . وكذلك الأرقام الناتجة من الوسط الهندسي لكل من الرقمين القياسيين السابقيين للاسبير وباش ، وهي ما تسمى الأرقام القياسية المثل لفيشر (Fisher) . وستتناول تعريف كل من هذه الأرقام القياسية مع تطبيقها على مثال لتوضيح طريقة استخدامها .

(٦ - ٣ - ١) الرقم القياسي المرجح للاسبير

يستخدم الرقم القياسي المرجح للاسبير (Laspeyres) كميات أو أوزان سنة الأساس كأوزان مرجعية وذلك لحساب الرقم القياسي المرجح لأسعار مجموعة من السلع فإذا كانت الكميات النسبية لسنة الأساس كـ ، والكميات النسبية لسنة المقارنة كـ (حيث إن المقصود بالكميات النسبية هو حاصل قسمة كمية السلعة على مجموع

الكميات في تلك السنة)، وأسعار سنة الأساس س، وأسعار سنة المقارنة س، لمجموعة من السلع فإننا نعرف الرقم القياسي التجمعي المرجح للاسيير على أنه: «مجموع حاصل ضرب أسعار سنة المقارنة في الكميات النسبية لسنة الأساس مقسوماً على مجموع حاصل ضرب أسعار سنة الأساس في الكميات النسبية لسنة الأساس وضرب نتيجة القسمة في ١٠٠» أي أن:

$$\text{الرقم القياسي التجمعي المرجح للاسيير} = \frac{\sum \text{س.ك.}}{\sum \text{س.ك.}} \times 100 \dots (4)$$

أما الرقم القياسي النسبي المرجح للاسيير فهو: «مجموع حاصل ضرب نسب سعر سنة المقارنة إلى سنة الأساس في الكميات النسبية لسنة الأساس وضرب حاصل الجمع في .١٠٠».

أي أن:

$$\text{الرقم القياسي النسبي المرجح للأسيير} = \frac{\sum (\frac{\text{س.}}{\text{س.}}) \text{ك.}}{100} \dots (5)$$

(٤-٣-٢) الرقم القياسي المرجح لباش

يستخدم الرقم القياسي المرجح لباش (Paasche) أوزان أو كميات سنة المقارنة وذلك لحساب الرقم القياسي المرجح لأسعار مجموعة من السلع. وبذلك فإنه يمكن تعريف الرقم القياسي التجمعي المرجح لباش بأنه: «مجموع حاصل ضرب أسعار سنة المقارنة في كمياتها النسبية لسنة المقارنة مقسوماً على مجموع حاصل ضرب أسعار سنة الأساس في الكميات النسبية في سنة المقارنة وضرب حاصل القسمة في ١٠٠».

أي أن

$$\text{الرقم القياسي التجمعي المرجح لباش} = \frac{\sum \text{س.ك.}}{\sum \text{س.ك.}} \times 100 \dots (6)$$

أما الرقم النسبي المرجع لباش فهو: «عبارة عن مجموع حاصل ضرب سعر سنة المقارنة على سعر سنة الأساس لكل سلعة مضروباً في الكمية النسبية لتلك السلعة في سنة المقارنة وضرب الناتج في ١٠٠». أي أن:

$$\text{الرقم القياسي النسبي المرجع لباش} = \frac{\sum_{\text{س.}}}{\sum_{\text{س.}}} \times 100 \dots \dots \dots \quad (7)$$

(٦ - ٣ - ٣) الرقم القياسي الأمثل لفيشر
والرقم الأمثل لفيشر (Fisher) يشتق من الرقمين السابقين للاسيير وباش وهو عبارة عن الوسط الهندسي لهما.

ويعرف الرقم القياسي التجمعي الأمثل لفيشر: « بأنه الجذر التربيعي لحاصل ضرب الرقمين القياسيين التجمعيين لكل من لاسيير وباش».

$$\text{الرقم القياسي التجمعي الأمثل لفيشر} = \sqrt{\frac{\sum_{\text{س.}} \cdot \sum_{\text{ك.}}}{\sum_{\text{س.}} + \sum_{\text{ك.}}}} \times 100 \dots \dots \dots \quad (8)$$

أما الرقم القياسي النسبي الأمثل لفيشر: فيعرف على أنه «الجذر التربيعي لحاصل ضرب الرقمين القياسيين النسبة لكل من لاسيير وباش».

$$\text{الرقم القياسي النسبي الأمثل لفيشر} = \sqrt{\frac{\sum_{\text{س.}} \cdot \sum_{\text{ك.}}}{\sum_{\text{س.}} + \sum_{\text{ك.}}}} \times 100 \dots \dots \dots \quad (9)$$

ولتوضيح كيفية استخدام كل من الأرقام القياسية السابقة نورد المثال التالي.

مثال (٣)

إذا أعطيت السلع الثلاث أ، ب، ج الموضحة في مثال (٢) أوزانا حسب أهمية كل منها كما هو مبين بالجدول:

جدول (٢ - ٦) : أسعار ٣ سلع لعامي ١٤٠١ هـ و ١٤٠٥ هـ وأوزانها المرجحة

السلعة	أسعار عام ١٤٠١ (س.)	أسعار عام ١٤٠٥ (س.)	وزن المرجح لعام ١٤٠٥ (ك)	وزن المرجح لعام ١٤٠١ (ك)
١	٤٠	١٢٠	٠,١٥	٠,١٩
ب	٦٠	٩٠	٠,٦٠	٠,٥١
ج	٢٠	٤٠	٠,٢٥	٠,٣٠

احسب الأرقام القياسية لكل من لاسيير وباش والأمثل لفيشر.

المحل

يمكن تلخيص الحسابات في الجدول التالي:

السلعة	س. ك													
١	٤٠	١٢٠	٠,١٩	٠,١٥	٢٠	٤٠	٠,٣٠	٠,٢٥	٩٠	٦٠	٠,٥١	٠,٦٠	١,٥	٠,٥٧
ب	٦٠	٩٠	٠,٥١	٠,٦٠	٣٦	٥٤	٣٠,٦	٤٥,٩	٠,٦٠	٠,٥١	٠,٥٧	١,٥	٠,٧٧	٠,٩٠
ج	٢٠	٤٠	٠,٣٠	٠,٣٠	١٠	٦,٠	١٢,٠	١٢,٠	٠,٢٥	٠,٢٥	٠,٢٥	٢	٥	٠,٦٠
المجموع														١,٨٥

$$\text{الرقم القياسي التجمعي للإسيير} = \frac{\sum \text{س. ك}}{\sum \text{س. ك}} \times ١٠٠ \quad (٦)$$

$$= \frac{١٠٠ \times ٨٠,٧}{٤٤,٢}$$

$$= ١٨٢,٥٨$$

الرقم القياسي النسبي المرجع للاسيبر = $\frac{\text{مج. } \frac{س.}{ك.}}{\text{مج. } س.}$ $\times 100$

$$= 100 \times 1,94$$

$$= 194$$

الرقم القياسي التجمعي المرجع لباش = $\frac{\text{مج. } س.}{\text{مج. } س.} \times 100$

$$= 100 \times \frac{82}{47}$$

$$= 174,47$$

الرقم القياسي النسبي المرجع لباش = $\frac{\text{مج. } س.}{\text{مج. } س.} \times 100$

$$= 100 \times 1,85$$

$$= 185$$

الرقم القياسي النسبي الأمثل لفيشر = $\sqrt{\frac{\text{مج. } س.}{\text{مج. } س.} \times \frac{\text{مج. } س.}{\text{مج. } س.}}$ $\times 100$

$$\sqrt{100 \times 1,7447 \times 1,8258} =$$

$$= 100 \times 1,7848$$

$$= 178,48$$

الرقم القياسي النسبي الأمثل لفيشر = $\sqrt{\frac{\text{مج. } س.}{\text{مج. } س.} \times \frac{\text{مج. } س.}{\text{مج. } س.}} \times 100$

$$\sqrt{100 \times 1,85 \times 1,94} =$$

$$= 100 \times 1,8945$$

$$= 189,45$$

(٦ - ٣ - ٤) منسوب السعر

سبق أن عرّفنا الرقم القياسي للأسعار بأنه خارج قسمة سعر سلعة ما في فترة المقارنة مقسوماً على سعر هذه السلعة في فترة الأساس وضرب حاصل القسمة في ١٠٠ . وعادة ما يشار لخارج قسمة سعر السلعة في فترة المقارنة على سعرها في فترة الأساس بمنسوب السعر وسوف نرمز له بالرمز $m_{ق_١}$ أي أن

$$m_{ق_١} = \frac{\text{سعر سلعة ما في فترة المقارنة}}{\text{سعر هذه السلعة في فترة الأساس}} \times 100$$

وكذلك إذا علم $m_{ق_١}$ فإنه يمكن حساب الرقم القياسي بسهولة بأن نضرب هذا المنسوب في ١٠٠ أي أن :

$$\text{الرقم القياسي} = m_{ق_١} \times 100$$

(٦ - ٤) الأرقام القياسية ذات الأساس المتحرك

لقد سبق لنا حساب الأرقام القياسية وذلك بعد ثبيت فترة الأساس ، وأحياناً تكون المدة بين فترة الأساس وفترة المقارنة كبيرة نسبياً مما يجعل الرقم القياسي للأسعار مجموعة من السلع غير معبيراً صحيحاً ، لأنه قد تظهر أنواع جديدة من السلع ، أو قد تخفي أنواع أخرى . كما قد تقل أهمية أو كمية بعض الأنواع ، وقد تزداد أهمية أو كمية بعضها الآخر . ولذا فإنه يلزم تكوين رقم قياسي دقيق يتطلب تقصير المدة بين فترتي الأساس والمقارنة . لأنه كلما قصرت المدة كانت ظروف التشابه للسلع محل الدراسة كبيرة ، من حيث أنواع السلع ، وكذلك أسعارها ، وهذه الاعتبارات السابقة ، نشأت الحاجة إلى تكوين أرقام قياسية ذات فترة أساس متحركة ، وفي نفس الوقت يمكن إرجاعها جديعاً إلى أساس ثابت عند اللزوم . وبهذا نستطيع ادخال ما يستجد من أنواع جديدة من السلع ، وكذلك استبعاد السلع التي تخفي ، وكذلك أيضاً تغيير أوزان السلع ، حسب ما يستجد من زيادة أو نقص في أهميتها .

وتتلخص طريقة الأساس المتحرك في أنه إذا كانت المدة بين فترة الأساس وفترة المقارنة كبيرة ، تقسم إلى مدد زمنية قصيرة تكون فيها ظروف السلع متشابهة وأسعارها

متقاربة . وعند تكوين منسوب السعر لمجموعة من السلع لكل مدة زمنية ، نعتبر بدأياً هذه المدة فترة أساس لها ونهايتها فترة المقارنة لها ، وكذلك لحساب منسوب السعر للمدة التالية لنفس المجموعة من السلع ، نأخذ فترة الأساس هي فترة المقارنة للمدة السابقة وهكذا... فعلى سبيل المثال إذا قسمنا مدة عشر سنوات إلى فترات كل منها سنة واحدة ، وكانت الأسعار في هذه الفترات لسلعة ما كالتالي:

س. ، س. ، ، س. ،

فإنه يمكن التعبير عن مناسبات هذه الأسعار كالتالي :

٨٩٣ ، ، ١٢٣ ، ٠.١٣

حيث إن :

$$\frac{\text{س.}}{\text{س.}} = \frac{\text{س.}}{\text{س.}} = \frac{\text{س.}}{\text{س.}} = \dots = \frac{\text{س.}}{\text{س.}}$$

ومن المناسبات السابقة يمكن حساب التالي :

- ١ - الأرقام القياسية ذات الأساس المتحرك بضرب هذه المناسبات في ١٠٠ .
- ب - وإذا رغبنا في إيجاد رقم قياسي ذي أساس ثابت عند فترة ما ، فإننا نضرب المناسبات ذات الأساس المتحركة في بعضها ل الحصول على المنسوب بأساس ثابت للمدة المطلوبة . ثم نضرب هذا المنسوب في ١٠٠ ل الحصول على الرقم القياسي ذي الأساس الثابت .

ولتوضيح ذلك من المثال السابق . فإنه إذا أردنا حساب الرقم القياسي لمدة أربع سنوات يكون الرقم القياسي هو :

$$100 \times 100 \times 123 \times 223 = 100 \times 100 \times 100 \times 100$$

$$= \frac{\text{س.}}{\text{س.}} \times \frac{\text{س.}}{\text{س.}} \times \frac{\text{س.}}{\text{س.}} \times \frac{\text{س.}}{\text{س.}}$$

$$= \frac{\text{س.}}{\text{س.}} \times 100$$

مثال (٤)

إذا كانت أسعار السلع أ، ب، ج خلال خمس سنوات موضحة بالجدول

التالي:

جدول (٦ - ٣): أسعار ٣ سلع للأعوام من ١٤٠١ هـ حتى ١٤٠٥ هـ

السلع	سعر عام ١٤٠١ هـ	سعر عام ١٤٠٢ هـ	سعر عام ١٤٠٣ هـ	سعر عام ١٤٠٤ هـ	سعر عام ١٤٠٥ هـ
أ	٤٠	٦٠	٨٠	١٠٠	١٢٠
ب	٦٠	٧٠	٧٥	٨٠	٩٠
ج	٢٠	٢٥	٣٠	٣٥	٤٠
المجموع	١٢٠	١٥٥	١٨٥	٢١٥	٢٥٠

فيكون الرقم القياسي النسبي لأسعار عام ١٤٠٢ هـ بالنسبة لعام ١٤٠١ هـ

$$M_{1402} = \frac{1}{N} \sum \left(\frac{S_{1402}}{S_{1401}} \right) =$$

$$\frac{1}{3} \left(\frac{25}{20} + \frac{70}{60} + \frac{60}{40} \right) =$$

$$\frac{1}{3} \left(\frac{125 + 117 + 150}{100} \right) =$$

$$= 130,67$$

حيث إن $M_{1402} = 1,3067$ (وذلك بقسمة الرقم القياسي على ١٠٠)

الرقم القياسي النسبي لأسعار عام ١٤٠٣ هـ بالنسبة لعام ١٤٠٢ هـ

$$M_{1403} = \frac{1}{N} \sum \left(\frac{S_{1403}}{S_{1402}} \right) =$$

$$\frac{1}{3} \left(\frac{30}{25} + \frac{75}{70} + \frac{80}{60} \right) =$$

$$\begin{aligned} & \frac{1}{3} = \frac{1}{100 \times (1,20 + 1,07 + 1,33)} \\ & 120 = \\ & \text{ويكون } M_{12} = 1,20 \end{aligned}$$

الرقم القياسي النسبي لأسعار عام ١٤٠٤ هـ بالنسبة لعام ١٤٠٣ هـ

$$\begin{aligned} & \frac{1}{n} \sum \left(\frac{s_2}{s_1} \right) = \frac{1}{100 \times (1,17 + 1,07 + 1,25)} \\ & = \frac{1}{100 \times (\frac{35}{30} + \frac{80}{75} + \frac{100}{80})} \\ & = \frac{1}{100 \times (1,17 + 1,07 + 1,25)} = \\ & 116,33 = \\ & \text{ويكون } M_{23} = 1,1633 \end{aligned}$$

الرقم القياسي النسبي لأسعار عام ١٤٠٥ هـ بالنسبة لعام ١٤٠٤ هـ

$$\begin{aligned} & \frac{1}{n} \sum \left(\frac{s_3}{s_2} \right) = \frac{1}{100 \times (1,14 + 1,13 + 1,20)} \\ & = \frac{1}{100 \times (\frac{40}{35} + \frac{90}{80} + \frac{120}{100})} \\ & = \frac{1}{100 \times (1,14 + 1,13 + 1,20)} = \\ & 115,67 = \\ & \text{ويكون } M_{34} = 1,1567 \end{aligned}$$

ومن الأرقام القياسية السابقة ذات الأوساط المتحركة يمكن حساب الرقم القياسي بالنسبة لمدة خمس سنوات باعتبار عام ١٤٠٥ هـ سنة المقارنة، وعام ١٤٠١ هـ

سنة الأساس وذلك بضرب المنسوب السابقة ذات الأساس المتحركة في بعضها، ثم ضربها جيئا في ١٠٠ كما يلي:

الرقم القياسي النسي لأسعار عام ١٤٠٥ هـ بالنسبة لعام ١٤٠١ هـ على
الأساس المتحرك

$$\begin{aligned} &= ٢٤٣ \times ٢٢٣ \times ٠١٢ \times ١٠٠ \\ &= ١,٦٣٣ \times ١,٢٠ \times ١,٣٠٦٧ \times ١,١٥٦٧ \\ &= ٢١٠,٩٩ \end{aligned}$$

ولقد سبق حساب الرقم القياسي النسي لأسعار عام ١٤٠٥ هـ بالنسبة لعام ١٤٠١ هـ على الأساس الثابت وكان يساوي ٢٦١,٦٧، وذلك في مثال (٢)، ويختلف عن نظيره الرقم القياسي النسي على الأساس المتحرك السابق وهو ٢١٠,٩٩.

(٦ - ٥) اختبار الأرقام القياسية

سبق لنا أن استعرضنا طرق حساب الأرقام القياسية سواء كانت أرقاماً قياسية تجميعية أم نسبية، أم أرقاماً قياسية مرجحة أم غير مرجحة وأرقاماً قياسية ذات أساس متحرك. أم أساس ثابت. ومن الناحية العملية لا توجد قاعدة عامة تفضل طريقة على أخرى، ولكن طبيعة المواد الداخلة في الرقم القياسي من عناصر وأوزان وسنة أساس تجعلنا نختار طريقة الحساب التي تناسب وطبيعة تكوين الرقم القياسي المناسب لها.

ولكن توجد بعض الاعتبارات النظرية للمفاضلة بين الطرق المختلفة لحساب الأرقام القياسية. والرقم القياسي الجيد هو الذي يحقق اختبار الانعكاس في الأساس، وكذلك اختبار الانعكاس في المعامل، وسوف ندرس كلا من هذين الاختبارين مع إبراد مثال عن كل حالة.

(٦ - ٥ - ١) اختبار الانعكاس الرمزي في الأساس

يتحقق اختبار الانعكاس (time reversal test) في الأساس لأي رقم قياسي إذا ضربنا هذا الرقم الذي يمثل أسعار مجموعة من السلع في الرقم القياسي لمجموعة

السلع نفسها، بعدأخذ فترة الأساس للمقارنة، وفترة المقارنة للأساس (وذلك بأخذ كل من الرقمين مقسوما على ١٠٠)، فإنه يكون ناتج الضرب هو الواحد الصحيح، ونوضح ذلك بالمثال التالي.

مثال (٥)

من البيانات في مثال (٢) أي الأرقام القياسية يتحقق خاصية الانعكاس في الأساس؟

١ - سبق في مثال (٢) حساب الرقم القياسي التجميعي البسيط وهو:

$$\frac{\text{مج. س.}}{\text{مج. س.}} = \frac{٢٠٨,٣٣}{١٠٠} = ١٠٠ \times ٢٠٨,٣٣$$

ويقسمه هذا الرقم على ١٠٠ فإننا نحصل على المنسوب السعري $م_{١٤٠٥}$ أي أن:

$$٢,٠٨٣٣ = م_{١٤٠٥}$$

الرقم التجميعي البسيط باعتبار أسعار سنة ١٤٠٥ هـ كسنة أساس وأسعار سنة ١٤٠١ هـ كسنة المقارنة

$$\begin{aligned} \frac{\text{مج. س.}}{١٠٠} &= \\ \frac{١٢٠}{٢٥٠} &= \\ ٤٨ &= \end{aligned}$$

ويقسمه هذا الرقم على ١٠٠ نحصل على $م_{١٤٠٤}$ أي أن:

$$٠,٤٨ = م_{١٤٠٤}$$

اختبار الانعكاس في الأساس = $m_{1,0} \times 10^m$

$$= 10,0833 \times 2,0833 =$$

∴ الرقم القياسي التجمعي البسيط يحقق خاصية الانعكاس في الأساس.

ب - سبق في مثال (٢) حساب الرقم النسبي البسيط وهو:

$$= \frac{1}{n} \sum \left(\frac{s_i}{s_{1,0}} \right) \times 100$$

منه $m_{1,0} = 2,1667$ (وذلك بقسمة الرقم القياسي على ١٠٠)

وبحساب الرقم القياسي النسبي البسيط باعتبار عام ١٤٠٥ هـ سنة أساس وعام ١٤٠٠ هـ سنة المقارنة فيكون مساوياً

$$= \frac{1}{n} \sum \left(\frac{s_i}{s_{1,0}} \right) \times 100$$

$$= 100 \times \left(\frac{20}{40} + \frac{60}{90} + \frac{40}{120} \right) = \frac{1}{3}$$

$$= 100 \times \left(0,3333 + 0,6667 + 0,3333 \right) = \frac{1}{3}$$

$$= 50$$

ويكون $m_{1,0} = 0,5$ (وذلك بقسمة الرقم القياسي على ١٠٠)

اختبار الانعكاس في الأساس = $m_{1,0} \times 10^m$

$$= 0,5 \times 2,1667 =$$

$$= 1,0834 \neq 1$$

∴ الرقم القياسي النسبي البسيط لا يحقق خاصية الانعكاس في الأساس.

(٦ - ٥ - ٢) اختبار الانعكاس في المعامل
من المعلوم أن القيمة لأي سلعة (Q) = السعر \times الكمية
أي أن

$$Q = S \times K$$

فإذا كان لدينا أسعار مجموعة من السلع معلوم لها كمياتها، وحسبنا الرقم القياسي للأسعار واستبدلنا في هذا الرقم سعر كل سلعة في فترة معينة بكمياتها في نفس الفترة، وكمية كل سلعة في فترة معينة بسعرها في نفس الفترة، فإن الرقم القياسي الناتج يسمى البديل في المعامل. وتنص قاعدة الانعكاس في المعامل بأن حاصل الضرب للرقم القياسي للأسعار في البديل المعامل له يساوي الرقم القياسي للقيمة (وذلك بقسمة الأرقام السابقة على ١٠٠).

وعلى سبيل المثال الرقم القياسي التجميسي البسيط لأسعار مجموعة من السلع

$$= \frac{\sum S_i}{\sum S_i} \times 100$$

$$\text{البديل في المعامل لهذا الرقم القياسي} = \frac{\sum K_i}{\sum K_i} \times 100$$

ويكون الرقم القياسي التجميسي البسيط لهذه المجموعة من السلع = $\frac{\sum Q_i}{\sum Q_i} \times 100$

$$\text{الرقم القياسي} \times \text{البديل في المعامل} = \frac{\sum S_i}{\sum S_i} \times \frac{\sum K_i}{\sum K_i} = \frac{\sum Q_i}{\sum Q_i}$$

(وذلك بعد قسمة الأرقام السابقة على ١٠٠)

ولقد وجد أن الرقم القياسي الأمثل هو الوحيد الذي يحقق خاصية الانعكاس في المعامل، وكذلك خاصية الانعكاس في الأساس، ولذلك سمي الأمثل.

مثال (٦)

الجدول التالي يبين أسعار ثلاثة سلع، أ، ب، ج، وكذلك كمياتها في كل من عام ١٤٠٥ هـ للمقارنة، وعام ١٤٠١ هـ للأساس.

جدول (٦ - ٤) : أسعار ٣ سلع في عامي ١٤٠١ هـ و ١٤٠٥ هـ وكمياتها

السلعة	س. ك.	ك.	س.	س. ك.	ك.	س.	ق. = س. ك.
أ	٤٠	٦	١٢٠	٢٤٠	٣٦	٨	٩٦٠
ب	٦٠	٨	٩٠	٤٨٠	١٢	١٦	١٤٤٠
ج	٢٠	٤	٤٠	٨٠	١٢	١٢	٤٨٠
المجموع	١٢٠	٣٦	٢٥٠	٨٠٠	٣٦	٣٦	٢٨٨٠

ومن الجدول يمكن حساب المقادير التالية:

$$\text{الرقم القياسي التجمعي البسيط للأسعار} = \frac{\text{مجموع سعر}}{\text{مجموع سلعة}} \times 100$$

$$= \frac{٢٥٠}{١٢٠} \times 100$$

$$= ٢٠٨,٣٣$$

$$\text{الرقم القياسي البديل في المعامل} = \frac{\text{مجموع كمية}}{\text{مجموع سلعة}} \times 100$$

$$= \frac{٣٦}{١٨} \times 100$$

$$= ٢٠٠$$

$$\text{الرقم القياسي التجمعي البسيط للقيمة} = \frac{\text{مجموع سعر}}{\text{مجموع كمية}} \times 100$$

$$= \frac{٨٠٠}{٢٨٨٠} \times 100$$

$$= ٣٦٠$$

بقسمة هذه الأرقام القياسية على ١٠٠ نحصل على
 $٣,٦ ، ٢ ، ٢ ، ٠٨٣٣$

$$\begin{aligned} \text{فإن اختبار الانعكاس في المعامل} &= \text{الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار} \\ &\times \text{الرقم القياسي البديل في المعامل} \\ &= ٤,١٦٦٦ = ٢ \times ٢,٠٨٣٣ \\ &\neq ٣,٦ \end{aligned}$$

أي أن الرقم التجميعي البسيط لا يحقق خاصية الانعكاس في المعامل، وباتباع نفس الخطوات لباقي الأرقام القياسية المختلفة نجد أن الرقم القياسي الأمثل هو الذي يحقق خاصية الانعكاس في المعامل.

(٦ - ٦) تمارين

- الجدول التالي يوضح متوسط الأجر الأسبوعي بالريال للعمال في بعض الصناعات في الأسبوع الأول من حرم عام ١٣٩٢ هـ ، وحرم عام ١٣٩٥ هـ .

الأجر الأسبوعي لعمال بعض الصناعات في عامي ١٣٩٢ و ١٣٩٥

الإسمست	الأثاث	الملابس	المشروبات	المواد الغذائية	السنة
١٣١	١٣٧	١١٧	١٢٩	١٣٤	١٣٩٢
١٣٧	١٦٢	١٤٥	١٨١	١٦٩	١٣٩٥

والمطلوب :

حساب رقم قياسي بسيط لأجور العمال في عام ١٣٩٥ هـ بالنسبة لعام ١٣٩٢ هـ كسنة أساس في الصناعات المذكورة على طريقة القياس للأسعار وذلك بطريقتين مختلفتين.

- الجدول التالي يمثل بيانات الأسعار بالريالات ، وكميات ثلاثة سلع في إحدى البلدان .

أسعار ثلاث سلع وكمياتها في عامي ١٩٥٠ و ١٩٥٥ م

الكمية		الأسعار		السلع
١٩٥٥	١٩٥٠	١٩٥٥	١٩٥٠	
١٠٠	٩	٩,٥	٤,٨	قمح
١٢	١٠	٦,٨	٣,٦	أرز
٥	٣	٥,١	٢,٧	شعير

أوجد ما يلي :

- ١) الرقم القياسي لكل من لاسبير وباش والأمثل لفيشر.
- ب) اختبر خاصية الانعكاس في الأساس ، وفي المعامل لكل من الأرقام القياسية السابقة .
- ٣ - أثبت جرباً أن الرقم القياسي للأمثل لفشر يحقق خاصية الانعكاس في المعامل ، وكذلك خاصية الانعكاس في الأساس أيضاً .
- ٤ - أسعار ثلاث سلع استهلاكية أ، ب، ج- من عام ١٩٧٧ م حتى عام ١٩٨٢ م في إحدى البلدان معطاة كما يلي :

أسعار ثلاث سلع في الأعوام من ١٩٧٧ م حتى ١٩٨٢ م

سعر ١٩٨٢	سعر ١٩٨١	سعر ١٩٨٠	سعر ١٩٧٩	سعر ١٩٧٨	سعر ١٩٧٧	السلعة
١٦	١٦	١٥	١٣	١٣	١٢	أ
٢٠	١٩	١٩	١٨	١٨	١٧	ب
٣٥	٣٣	٣٤	٣٣	٣٣	٣٢	ج
٧١	٦٨	٦٨	٦٤	٦٤	٦١	المجموع

احسب الرقم القياسي البسيط باستخدام الأساس المتحرك لمدة عام وذلك للأسعار عام ١٩٨٢ م بالنسبة لعام ١٩٧٧ م وقارن هذا الرقم القياسي بالرقم القياسي للأسعار عام ١٩٨٢ م بالنسبة لعام ١٩٧٧ م وذلك باستخدام الأساس الثابت.

٥ - الجدول التالي يوضح الإنتاج وسعر البيع في إحدى المصانع لثلاثة أنواع من السلع أ، ب، ج.

أسعار ثلاثة سلع وكميات انتاجها في عامي ١٣٩٦ و ١٣٩٨

عام ١٣٩٨		عام ١٣٩٦		السلع
الإنتاج	السعر	الإنتاج	السعر	
٨٢	٦١	٧١	٦٢	أ
٩٣	٦٥	١٠٢	٦٣	ب
٧٧	٦٦	٨١	٦٢	ج

باعتبار كمية الإنتاج هي مقياس لأهمية السلعة. أوجد الأوزان المرجحة لكل من السلع أ، ب، ج ثم استخدم هذه الأوزان في حساب الرقم القياسي النسبي لكل من لاسير وباش والأمثل لفيشر.

٦ - إذا كان متوسط أجر العامل في السنوات من عام ١٣٨٧ م إلى ١٣٩١ م في بلد ما هو كما يلي ٢٠، ٢٣، ٢٥، ٣٠ ريالاً في اليوم والأرقام القباسية للأسعار هي على التوالي ١٠٠، ١٠٧، ١٠٥، ١٠٩. فاحسب متوسط أجر العامل بأسعار عام ١٣٨٧ م.

٧ - في إحدى الدول المتقدمة كانت الطاقة الكهربائية المباعة بيليين الكيلووات/ساعة كما في الجدول التالي:

كميات الطاقة الكهربائية بالكيلووات / ساعة المباعة في الأعوام من ١٣٨٧ هـ حتى ١٣٩٢ هـ

السنة	الطاقة الكهربية بليون كيلووات/ساعة	١٣٩٢	١٣٩١	١٣٩٠	١٣٨٩	١٣٨٨	١٣٨٧
٧,٢	٥,٥	٤,٥	٣,٥	٣,٢	٢,٦		

- عبر عن البيانات باستخدام مناسبات الكمية مستخدماً سنة ١٣٨٨ هـ كسنة أساس.

٨ - في عام ١٣٩٠ هـ زاد سعر سلعة ما بنسبة ٦٠٪ عن سعرها في عام ١٣٨١ هـ بينما انخفضت كمية الإنتاج بنسبة ٣٥٪ ما هي النسبة المئوية للارتفاع أو الانخفاض من القيمة الإجمالية للسلعة في عام ١٣٩٠ هـ بالنسبة للقيمة في عام ١٣٨١ هـ؟