

تحليل التباين

(١٤ - ١) مقدمة

استخدمنا فيما سبق الإحصائية ص والإحصائية تي في فحص مدى وجود فرق بين متوسطي عينتين. كما أشرنا في الفصل الثاني عشر إلى الاختبارات غير المعلمية لفحص الفرق بين مجموعتين في حالة عدم امكانية معرفة التوزيع الذي تتبعه البيانات ولو بصورة تقريبية. والجدير بالذكر أن مثل هذه الاختبارات يمكن استخدامها في حالة وجود أكثر من مجموعتين على حدة، ومقارنتها معاً. ولكن من الملاحظ أننا نحتاج إلى إجراء الفحص ٣ مرات مثلاً عندما نود فحص وجود فرق بين متوسطات ثلاث مجموعات من البيانات مثلاً أي $ق٣$ وعند فحص مدى اختلاف المتوسطات في م مجموعة نحتاج إلى $ق٣$ مرة.

من الملاحظ أنه بالإضافة إلى أن هذه الطريقة متعبة ومملة فإنها أكثر عرضة للخطأ الحسابي لكثرة المقادير المراد حسابها فيها. في الواقع إن اختبار كروسكال واليس يعتبر تعميماً لمثل هذه الفحوصات عند عدم معرفة التوزيع الاحتمالي الذي يحكم البيانات المدروسة، ولكنه تقريبي أسوأ بجميع الاختبارات غير المعلمية ولا نلجأ إليه عادة إلا عند صغر العينة أو عدم إمكانية التعرف على توزيعها.

وقبل أن نستعرض البديل الأدق والأسرع لمقارنة متوسطات عدة مجموعات وفحص ما إذا كان يوجد فروق معنوية أم لا. نورد بعض الأمثلة التي تبين مدى الحاجة له.

نحتاج أحياناً إلى معرفة مستويات مجموعات مختلفة من الطلاب مثلاً كخريجي عدد من الثانويات أو الذين درسوا عبر برامج تعليمية مختلفة، وذلك بإجراء امتحان موضوع أو أكثر ومقارنة الدرجات لهذه المجموعات. تتركز معظم الأبحاث الزراعية على المقارنة بين تأثير أسمدة على نمو محصول أو نبات ما أو تأثير أنظمة معينة للتغذية على حيوان ما، فمثلاً لو أراد باحث أن يدرس تأثير الأسمدة أ، ب، جـ على محصول القمح فلا بد أن يزرع نوعية القمح المطلوبة تحت نفس الظروف، ويعالج عدداً من أجزاء أو مساحات متساوية من الأرض المزروعة بالسداد أ، ب، جـ كل على حدة ومن ثم نرصد مقادير المحاصيل الناتجة تحت تأثير هذه الأسمدة لدراستها واختبار مدى وجود فروق فيما بينها.

كما قد يكون الموضوع المراد دراسته هو معرفة مدى وجود فرق في الواردات أو الصادرات الشهرية للمملكة على مدى ٣ سنوات أو أكثر أو مقارنة الواردات، أو الصادرات، أو المؤشرات الاقتصادية الأخرى الشهرية من عدة دول. . الخ.

دراسات هذه المقارنة بين متوسطات عدد من المجموعات تظهر في مجالات متعددة من الحياة العملية ففي الطب قد يراد معرفة الفروق بين تأثيرات عقارات معينة على الشفاء من مرض ما، أو تأثير عقار ما على مجموعات مختلفة من البشر مثلاً، في السن، أو الوزن، أو فصيلة الدم، أو عدد كريات الدم الحمراء، أو البيضاء في المليمتر المكعب. . الخ. كما تظهر هذه الدراسات في الصناعة والهندسة والإدارة والتجارب البحثية في مختلف العلوم كالفيزياء والكيمياء والأحياء. . الخ.

ويعتبر مفهوم تحليل التباين من أنجح الأساليب الإحصائية في المقارنة بين متوسطات مجموعات ومن أدقها وأقلها تكاليفاً من الناحية الحسابية كما توجد حزم من برامج الحاسب الآلي لإنجاز حسابات تحليل التباين، مثل حزم ساس وإس بي إس إس وإم دي بي. سنحاول في هذا الفصل استعراض (وبصورة مبسطة) كيفية إجراء تحليل التباين مع التركيز على توضيح الأسس الداخلية في تبرير خطوات هذا الأسلوب.

وتجدر الإشارة إلى أننا سنقتصر في هذا الفصل على تحليل التباين باتجاه واحد، أي فحص مجموعات القراءات من متغير مستقل وحيد، أي دراسة إمكانية وجود تأثير على المتغير من استخدام علاجات، أو معاملته بطرق مختلفة، وستتضح الصورة لمثل هذا التحليل من الأمثلة التي سنقدمها فيما بعد.

(١٤ - ٢) فرضيات تحليل التباين

يمكن التعبير عن تحليل التباين على أنه نموذج خطي على الصيغة

$$س = \mu + ع + خ$$

أو

$$س - \mu = ع + خ$$

أي أنه في أي تجربة فإن القراءة المشاهدة س تختلف عن وسط المجتمع تو بمقدارين الأول ع ناتج من تأثير المعالجة التي تعرضت لها الوحدة التي قراءتها س، والثاني هو التغيير الطبيعي أو الخطأ خ، ولو كانت المعالجة عديمة التأثير أي أن ع = صفرًا فإن الفرق الناتج بين مختلف القراءات هو عبارة عن الخطأ العشوائي الذي سببه الفحص الإحصائي، وأنه فرق سطحي وليس معنويًا.

والفرضيات التي لا يمكن تطبيق أسلوب تحليل التباين أو الاعتماد عليه إلا بتوفرها هي:

(أ) يجب أن يكون الخطأ المتوقع عشوائيًا في كل المجموعات المعالجة أي أن تكون معالجة المجموعات محل الدراسة باتجاه واحد، وتحت الظروف نفسها تقريبًا.

(ب) يجب ألا يكون الاختلاف في قيم بيانات المجموعات كبيرًا جدًا بحيث يعزى إلى أكثر من كون ذلك صدفة فقط. أي تكون بيانات المجموعات متجانسة أو متقاربة وفي حالة ظهور تباين إحدى المجموعات بقيمة مختلفة وبصورة متميزة عن تباينات المجموعات الأخرى، فلا بد من إعادة النظر في تصميم التجربة، أو الظروف التي أجريت فيها.

ج) يجب أن يتبع المتغير المراد دراسته عن طريق تحليل التباين التوزيع الطبيعي، وذلك لأن تحليل التباين من الاختبارات المعلمية التي ترتبط بطبيعة توزيع المجتمع المراد دراسته، وتجدر الإشارة إلى إمكانية تطبيق تحليل التباين في حالة الإنحراف البسيط للبيانات عن التوزيع الطبيعي.

وسنستعرض في هذا الفصل تحليل التباين لبيانات تتفق مع الفرضيات الأساسية للتحليل. علمًا بأنه يمكن استخدام بعض التحولات مثل أخذ لوغاريثم البيانات الناتجة لجعلها تقترب من الفرضيات السابقة ومن ثم إجراء تحليل التباين بالصورة المعتادة.

(١٤ - ٣) استخدام تحليل التباين

أراد أحد الباحثين في قسم الإنتاج الحيواني معرفة تأثير ثلاث نوعيات من أنظمة التغذية أ، ب، ج على أحد أنواع البقر. اختار لذلك ١٨ بقرة تعيش في نفس الحظيرة، وتحت نفس الظروف وأعطى كل ست أختيرت عشوائيًا منها الرموز أ أو ب أو ج على التوالي. وبعد فترة زمنية كافية وجد أن الزيادة في الوزن مقربة لأقرب كيلوجرام هي كما في الجدول التالي:

الزيادة في أوزان الأبقار للأغذية الثلاثة

ج	ب	أ
١٤	٩	١٦
١٩	١٣	١٧
١٣	١٢	١١
١١	١١	١٥
١٣	١٥	١٨
١٤	١٢	١٩

في هذه الحالة يكون عدد المجموعات $l = 3$ وعدد القراءات في كل مجموعة هي n_1, n_2, n_3 حيث إن كلاً منها تساوي 6 (في هذه التجربة) كما أن $n = n_1 + n_2 + n_3 = 18$ ، ونوجد لكل مجموعة متوسطها وتباينها كما يلي:

$$\bar{s}_1 = \frac{s_{11} + s_{12} + \dots + s_{1n_1}}{n_1}$$

$$\bar{s}_1 = \frac{19 + 18 + 15 + 11 + 17 + 16}{6} = 16$$

$$\sigma^2(s_1) = \frac{\text{مجم} (s_1 - \bar{s}_1)^2}{n_1}$$

$$\sigma^2(s_1) = \frac{^2(16-19) + 0 + ^2(16-17) + ^2(16-16)}{6}$$

$$= 8,004$$

وبالمثل نجد أن:

$$\bar{s}_2 = 12, \quad \sigma^2(s_2) = 3,996$$

$$\bar{s}_3 = 14, \quad \sigma^2(s_3) = 7,200$$

أما المتوسط الكلي للقراءات الناتج من جمع جميع القراءات في المجموعات الثلاث ومن ثم تقسيمها على n فيكون:

$$\bar{s} = \frac{\text{مجم} s_1 + \text{مجم} s_2 + \text{مجم} s_3}{n}$$

أي أنه في هذه الحالة يكون:

$$\bar{s} = \frac{\bar{s}_1 + \bar{s}_2 + \bar{s}_3}{3}$$

وذلك لأن عدد المفردات في كل المجموعات متساوي .

$$\therefore \bar{x} = \frac{14 + 12 + 16}{3} = 14$$

أما التباين الكلي فهو أن نجد متوسط تباعد جميع القراءات في كل المجموعات الثلاث عن الوسط الكلي أي أن :

$$\frac{\sigma^2 (س_1) + \sigma^2 (س_2) + \sigma^2 (س_3)}{3} = \sigma^2$$

$$\therefore \sigma^2 = \frac{7,2 + 3,996 + 8,004}{3}$$

$$= 6,4$$

أما مجموع مربع انحرافات الأوساط عن الوسط الكلي فتحسب كمايلي :

$$مجم = (\bar{x}_1 - \bar{x})^2 + (\bar{x}_2 - \bar{x})^2 + (\bar{x}_3 - \bar{x})^2$$

$$= (14 - 14)^2 + (14 - 12)^2 + (14 - 16)^2$$

$$= 8$$

وبذلك نجد أن تباين \bar{x} هو مجموع مربعات الانحراف السابق على عدد المجموعات ل مطروحاً منه واحد بغرض الحصول على التباين غير المتحيز أي أن :

$$\bar{s}^2 = \frac{8}{3-1} = 4$$

$$\sigma^2 = \frac{8}{3-1} = 4$$

ويعطى التغير الحاصل بين أوساط المجموعات تقديراً لتباين المجتمع . فمعلوم أننا نستطيع نظرياً سحب عشرات أو مئات المجموعات ، كل مجموعة تتكون من ست قراءات حيث إن $n = 6$ ومن ذلك نوجد توزيع العينة لأوساط المجموعات ، حيث إننا نحسب تباين توزيع الأوساط من تباين المجتمع من العلاقة على الصورة :

$$\sigma^2 = \frac{\sigma^2}{n}$$

أي أن:

$$\sigma^2 = n (\bar{s})^2$$

$$= 6 \times 4$$

$$= 24$$

وهذا تقدير آخر لتباين المجتمع من التقديرات الحاصلة بين المجموعات ومن الملاحظ أنه يختلف في قيمته عن التباين داخل المجموعات الذي كانت قيمته ٤, ٦. ومن الملاحظات الأساسية في هذه الحالة هو أن تقدير التباين بين المجموعات يعتمد على ثلاث قراءات فقط، بينما يعتمد التباين داخل المجموعات على ١٨ قراءة، وهي مجموع قراءات المجموعات الثلاث.

وقبل أن نجري اختبار تحليل التباين بصورة نهائية نشير إلى قاعدة مهمة يعتمد عليها هذا التحليل، وهي:

«أي تغير ناتج بين أوساط المجموعات يتكون من تقدير تباين المجتمع بالإضافة إلى كمية ناتجة بسبب الاختلافات الناتجة بتأثير المعالجات المستخدمة».

ولاختبار ما إذا كان تقدير تباين المجتمع عن طريق تباين متوسطات المجموعات هو التقدير الوحيد لتباين المجتمع، أو يحتوي على كمية إضافية لاختلاف قيم أوساط المجموعات، نستخدم توزيع ف حيث تكون قيمة ف المحسوبة (ف) هي:

$$F = \frac{24}{6,4} = 3,75$$

وتقل قيمة ف المحسوبة كلما قلت قيمة تقدير تباين المجتمع الناتجة عن الفروق بين أوساط المجموعات والعكس بالعكس أي أن ف تعكس التغير بين قيم المجموعات أو بين المعالجات المستخدمة في كل مجموعة.

أما حساب ف من الجدول رقم (٥) والملحق في نهاية الكتاب نتجت عن قيمة ف تحت ٠,٠٥ أو ٠,٠١، ففي التقاء العمود الثاني مع الصف ١٥ نجد أن قيمة ف (١٥,٢) هي ٣,٦٨، وتناظر ٠,٠٥ أو ف (١٥,٢) = ٦,٧٦ وتناظر ٠,٠١.

ونتيجة التحليل هي أنه تحت مستوى معنوي ١٪ فإن الاختلاف بين أوساط المجموعات ليس معنوياً أو أنه ليس كبيراً لدرجة أنه لا يمكن استخدامه في تقدير تباين المجتمع لأن قيمة ف المحسوبة ٣,٧٥ أقل من قيمة ف المجدولة في جدول رقم (٥) تحت مستوى ١٪ وهي ٦,٣٦. وبعبارة أخرى لا يوجد فرق بين المجموعات أو المعالجات الثلاث السابقة تحت مستوى ٠,٠١.

بينما نلاحظ أنه - تحت مستوى ٠,٠٥ - يوجد فرق معنوي لأن قيمة ف المحسوبة تساوي ٣,٧٥، بينما قيمة ف (١٥,٢) = ٣,٦٨، وبالتالي هناك فرق بين المعالجات أو المجموعات الثلاث السابقة تحت مستوى معنوية ٠,٠٥.

والآن نلخص الحسابات السابقة في جدول يسمى جدول تحليل التباين كمايلي :

جدول تحليل التباين

اختبار ف	نو(م)	د.ح.	م.م	المصدر
$\frac{1}{n}$	$1 = \sum_{j=1}^m (1 - l_j)$	(١-ل)	م.م	الفرق بين المجموعات
	$n = \sum_{j=1}^m ((1 - n_j) + \dots + (1 - n_j))$	$((1 - n_j) + \dots + (1 - n_j))$	م.م	الفرق داخل المجموعات
		١ - ن	م.م	المجموع

حيث إن م.م ب هي مجموع مربعات الانحرافات بين المجموعات.

م.م د مجموع مربعات الانحرافات داخل المجموعات.

م.م ك مجموع مربعات الانحرافات الكلي.

د.ح. درجات الحرية.
 لـ (م) متوسط مجموع مربعات الانحرافات.

ففي مثالنا السابق في مسألة تغذية الأبقار يكون:

$$22 = \frac{(\text{مجمس ج.})^2}{n} + \frac{(\text{مجمس ب.})^2}{n} + \frac{(\text{مجمس ا.})^2}{n} - \frac{(\text{مجمس ج.} + \text{مجمس ب.} + \text{مجمس ا.})^2}{n}$$

$$22 = \text{مجمس ا.} - \frac{(\text{مجمس})^2}{n}$$

$$22 = 22 - \text{مجمس ا.}$$

$$\text{حيث إن } n = n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k$$

أما درجات الحرية بالنسبة لمجموع المربعات بين المجموعات فهي ل - ١ ، ودرجات الحرية بالنسبة لمجموع المربعات داخل المجموعات [(ن_١ - ١) + (ن_٢ - ١) + ... + (ن_ك - ١)] .

ويتطبيق ذلك المثال السابق تحسب أولاً المقادير التالية:

أ	أ'	ب	ب'	ج	ج'
١٦	٢٥٦	٩	٨١	١٤	١٩٦
١٧	٢٨٩	١٣	١٦٩	١٩	٣٦١
١١	١٢١	١٢	١٤٤	١٣	١٦٩
١٥	٢٢٥	١١	١٢١	١١	١٢١
١٨	٣٢٤	١٥	٢٢٥	١٣	١٦٩
١٩	٣٦١	١٢	١٤٤	١٤	١٩٦
المجموع	١٥٧٦	٧٢	٨٨٤	٨٤	١٢١٢

ومن ذلك نجد أن:

$$\frac{\sum (٨٤ + ٧٢ + ٩٦)}{١٨} - \frac{\sum (٨٤)}{٦} + \frac{\sum (٧٢)}{٦} + \frac{\sum (٩٦)}{٦} = ٢٢ ب$$

$$٣٥٢٨ - ٣٥٧٦ =$$

$$٤٨ =$$

$$\frac{\sum (٨٤ + ٧٢ + ٩٦)}{١٨} - (١٢١٢ + ٨٨٤ + ١٥٧٦) = ٢٢ ك$$

$$٣٥٢٨ - ٣٦٧٢ =$$

$$١٤٤ =$$

ومنه نجد أن:

$$٢٢ ب - ٢٢ ك = ٢٢ د$$

$$٤٨ - ١٤٤ =$$

$$٩٦ =$$

ويكون جدول تحليل التباين هو:

المصدر	٢٢	د.ح.	تو (م)	قيمة ف
الفرق بين المجموعات	٤٨	٢ = ١ - ٣	٢٤	٣,٧٥
الفرق داخل المجموعات	٩٦	١٥ = (١ - ٦) + (١ - ٦) + (١ - ٦)	٦,٤	

ونجد قيمة ف سواءً في مستوى ٠,٠١، أو ٠,٠٥، وبدرجات حرية (٢، ١٥) وهي ٦,٣٦ أو ٣,٦٨ وبالتالي فإننا نجد أن قيمة ف المحسوبة غير معنوية عند مستوى ٠,٠١ ومعنوية عند مستوى ٠,٠٥، لأن ف المحسوبة = ٣,٧٥. ويشار أحياناً في بعض جداول تحليل البيانات للفرق بين المجموعات بالمعالجة، والفرق داخل المجموعات بالخطأ، ويضاف كذلك المجموع، وسنوضح هذه الصيغة في البند التالي.

(١٤ - ٤) تحليل تصميم تام العشوائية

ما زلنا في طور تحليل التباين وفي اتجاه واحد وذلك لدراسة الاختلاف في أوساط قراءات متغير ما تعرّض لتأثير خارجي، أراد أحد الباحثين اختبار تأثير حضور المدرس دورة في الرياضيات المعاصرة واستيعاب الطلاب لمقرر الرياضيات، فجرى اختيار عينة مكونة من ١٦ طالباً من المستوى الدراسي نفسه ولهم مستوى الذكاء نفسه تقريباً، وأخذت عينة لها المؤهلات نفسها من المدرسين بعضهم حضر دورة، وجرى توزيع هؤلاء الطلاب على فصول المدرسين، وكانت نتائجهم في نهاية البرنامج المعد كمايلي:

جدول (١٤ - ٢) درجات الطلاب حسب دورة الرياضيات للمدرس

بدون دورة (س _١)	دورة قصيرة (س _٢)	دورة متوسطة (س _٣)	دورة طويلة (س _٤)
٥٥	٦٥	٨٠	٨٥
٦٠	٦٥	٨٠	١٠٠
٥٥	٧٠	٧٥	٩٥
٥٠	٦٠	٨٥	٩٥

ومن ذلك نحسب المقادير كما في الجدول الآتي:

س _١	س _٢	س _٣	س _٤	س _١	س _٢	س _٣	س _٤
٥٥	٣٠٢٥	٦٥	٤٢٢٥	٨٠	٦٤٠٠	٨٥	٧٢٢٥
٦٠	٣٦٠٠	٦٥	٤٢٢٥	٨٠	٦٤٠٠	١٠٠	١٠٠٠٠
٥٥	٣٠٢٥	٧٠	٤٩٠٠	٧٥	٥٦٢٥	٩٥	٩٠٢٥
٥٠	٢٥٠٠	٦٠	٣٦٠٠	٨٥	٧٢٢٥	٩٥	٩٠٢٥
٢٢٠	١٢١٥٠	٢٦٠	١٦٩٥٠	٣٢٠	٢٥٦٥٠	٣٧٥	٣٥٢٧٥
المجموع							

$$م م = مجس^2 - \frac{^2(مجس)}{ن}$$

$$\therefore م م = \frac{(30270 + 20600 + 16900 + 12100)}{16} - \frac{^2(370 + 320 + 260 + 220)}{4}$$

$$= 86289,062 - 90020 =$$

$$3730,938 =$$

$$م م ب = \frac{^2(مجس)}{ن} - \frac{^2(مجس_1)}{ن_1} + \frac{^2(مجس_2)}{ن_2} + \frac{^2(مجس_3)}{ن_3} + \frac{^2(مجس_4)}{ن_4}$$

$$= 86289,062 - \frac{^2(370)}{4} + \frac{^2(320)}{4} + \frac{^2(260)}{4} + \frac{^2(220)}{4} =$$

$$= 86289,062 - 89706,250 =$$

$$3467,188 =$$

وبالتالي نجد أن

$$م م د = م م ك - م م ب$$

$$= 3467,188 - 3730,938 =$$

$$= 268,750 =$$

ويكون جدول تحليل التباين على الصورة

المصدر	م م	د.ح.	تو (م)	ف
المعالجات	3467,188	3	1100,729	51,6
الخطأ	268,750	12	22,3908	
المجموع الكلي	3730,938	15	-	

وباستخدام جدول ف نجد أنه تحت مستوى ٥% و ١% هي على التوالي:

$$F_{(١٢,٣)} = ٣,٨٨ ، F_{(١٢,٣)} = ٦,٩٣$$

أي أنه توجد فروق معنوية بين درجات الطلاب الذين قام بتدريسهم مدرسون بمدد مختلفة من الدورات في الرياضيات ونستنتج من ذلك أن دورات الرياضيات المعاصرة ذات تأثير إيجابي على استيعاب الطلاب للمقرر.

نلاحظ أنه يمكن تطبيق أسلوب تحليل التباين حتى في حالة وجود مجموعة ليست متساوية القراءات، والفرق الوحيد يكمن في حساب م م ب، وكذلك في درجات الحرية، وسنورد بعضاً من هذه الحالات في التمارين. علماً أنه من المستحسن تقليل عدد المتغيرات ما أمكن ذلك وبالتالي يجب أن تكون أعداد القراءات في كل المجموعات متقاربة إلا في حالة الضرورة كأن تكون طبيعة التجربة لا تمكننا من ذلك.

(١٤ - ٥) تمارين

١ - وجد أن عدد الأطفال في الأسرة السعودية في ثلاث عينات كل منها يتكون من ٥

أسر من ثلاث مناطق في مدينة الرياض هي كما يلي:

أعداد الأطفال في خمس أسر في ثلاث مناطق مختلفة

المنطقة أ عدد الأطفال	المنطقة ب عدد الأطفال	المنطقة ج عدد الأطفال
٤	٦	٥
٠	٨	٢
٨	١٢	١
٥	٨	٠
٢	٥	٣

استخدم تحليل التباين واختبار ف لمعرفة ما إذا كان يوجد فرق بين متوسط عدد الأطفال في المناطق الثلاث.

٢ - أعطي أحد الباحثين قراءات ثلاث عينات من ثلاثة مواقع لكمية النيتروجين مقاسة بالميللجرام في ١٠٠ جرام والمطلوب فحص ما إذا كان يوجد اختلاف معنوي في كميات النيتروجين في هذه المواقع الثلاثة.

كميات النيتروجين لثلاث عينات في ثلاث مناطق مختلفة

موقع أ	موقع ب	موقع ج
٢٦٠	٢٥٠	٢٤٠
١٩٨	١٩٠	١٨٠
٢١١	٢٠٥	١٩٥
٢٢٦	٢٥٠	١٩٠
٣٢٠	٣١٠	٢٠٠
٢٥٠	٢٣٠	-

٣ - لاختبار فاعلية أربعة أنواع من السماد على محصول القمح أخذت عشرون قطعة من الأرض متجانسة تماماً واستعمل لكل منها نوع من الأسمدة أ، ب، ج، د وكانت النتائج كالتالي:

إنتاج القمح باستخدام أربع أنواع مختلفة من السماد

أ	ب	ج	د
٣٩٠	٤٢٥	٣٧٥	٤١٧
٣٥٠	٤٠٥	٣٦٠	٤٠٨
٤١٠	٣٧٠	٤٣٥	٣٩٠
٣٦٨	٤٢٥	٣١٥	٤٠٥
٤٠٤	٤٠٣	-	٤٢٠
-	٤٠٥	-	٤٥٦

والمطلوب اختبار فاعلية الأسمدة الأربعة عند مستوى معنوية ٠,٠٥.

٤ - يوجد أربع آلات في مصنع يعمل على كل آلة عامل مدرب بطريقة معينة. أخذت عينات من الآلات الأربع أ، ب، ج، د، وكانت النتائج كالتالي:

إنتاج أربع عمال مدرين بطريق مختلفة

د	ج	ب	أ
١١٣	١١٢	١٠٧	١٠٥
١١١	١١١	١١٠	١٠٧
١١٠	١١٢	١٠٧	١١٢
١٠٩	١١٠	١٠٦	١١١

والمطلوب عند مستوى معنوي ٠,٠٥ اختبر ما إذا كان إنتاج الآلات الأربع متجانساً (أي له نفس التوزيع).

٥ - استخدمت أربع أنواع من الحمية (نظام التغذية لمجموعة الأطفال) يعاني كل منهم من مرض نفسي ما وكانت الزيادة في أوزانهم بالكيلوجرام هي كمايلي:

٣,٥	٤,٢	٣	٢	٣,٢	الحمية الأولى:
٢,٩	٢,٩	٣,٤	٢,٧	٢,٣	الحمية الثانية:
٥,١	٤,٥	٥,٧	٣,٩	٦,٣	الحمية الثالثة:
٢,٥	٤	٣,٤	٣	٤,٥	الحمية الرابعة:

استخدم تحليل التباين لفحص الفرق بين أنواع الحمية على أوزان الأطفال.

٦ - أخذت عينات من السيارات غير متساوية الحجم أصحابها يسكنون في ثلاثة أحياء مختلفة، وكان سعر سيارة كل منهم بآلاف الريالات وحسب سعر السوق الحالية هي كمايلي:

أسعار السيارات لعينة من سكان ثلاثة أحياء مختلفة

٣٦	٢٥	١٩	١٣	٩	أسعار سيارات ساكني الحي الأول	
	٤٠	٢٩	٢١	١٠	أسعار سيارات ساكني الحي الثاني	
١٩	٢٠	١٧	١٢	١٦	١٢	أسعار سيارات ساكني الحي الثالث

بين ما إذا كان يوجد اختلاف في متوسط أسعار السيارات في الأحياء الثلاثة باستخدام تحليل التباين .

٧- أعد أحد الباحثين التربويين ثلاث نسخ من إجابة أحد الامتحانات النهائية لعشرة طلاب في مادة ما في المستوى الأول في جامعة الملك سعود وأعطيت لثلاثة مدرسين للمقرر لتصحيحها فكانت النتائج كالتالي :

درجات تصحيح ثلاثة مدرسين لتسعة أوراق إجابة

المدرس الأول	٩	٧	٣	٤	٥	٦	٨	٩	٣
المدرس الثاني	٥	٨	٧	٩	٧	٦	٨	٨	٥
المدرس الثالث	٧	٣	٧	٨	٦	٥	٤	٣	٥

٨- بين ما إذا كان يوجد اختلاف معنوي في التصحيح للمدرسين الثلاثة .
البيانات التالية تعطي النقاط التي حصل عليها مجموعة من الجنود في التهديف لإصابة هدف باستخدام نفس البندقية ، ونفس العدد من الطلقات ، وباستخدام ثلاث طرق للتهديف وهي عندما تكون العينان مفتوحتان ، أو العين اليسرى فقط مفتوحة ، وأخيراً عندما تكون العين اليمنى فقط مفتوحة ، وكانت النتائج كما يلي :

نقاط التهديف باستخدام ثلاث طرق مختلفة

استخدام العينين معا	٥٢	٦٤	٥٢	٤٥	٤٦	٦٢	٥٥
استخدام العين اليسرى فقط	٤٠	٤٥	٥٦	٤٩	٣٨		
استخدام العين اليمنى فقط	٤٧	٤٩	٥٢	٥٣	٤٥	٦٠	

بين ما إذا كان يوجد اختلاف معنوي في استخدام الثلاث طرق السابقة .

ثبت الرموز والمصطلحات

المنوال	م	تباين	σ^2
معامل الارتباط الخطي	م	تباين العينة	ع ^٢
(بيرسون)		تقدير سنة الأساس	تق.
معامل التوافق	م	تقدير سنة (ن)	تق.
التكرارات المتوقعة	مت	توقع	م
المئين رقم ر	م	متوسط مجموع مربعات	م (م)
معامل ارتباط الرتب	م	الانحرافات	
(سبيرمان)	س	احتمال حادثة	ح (٠)
معامل اقتران يل	م	درجات الحرية	د.ح.
التكرارات المشاهدة	مش	الربيع الأدنى (أو الأول)	ر
مجموع مربعات انحرافات	م	الربيع الأعلى (أو الثالث)	ر
الأوساط عن الوسط الكلي (أو العام)	م	نصف المدى الربيعي	ر
مجموع مربعات الانحرافات	م	المتوسط	س
بين المجموعات	م	القيمة المعيارية للمقدار س	ص
مجموع مربعات الانحرافات	م	الفرضية الأولية	فر.
داخل المجموعات	م	الفرضية البديلة	فر.
		تكرار الفئة تحت الدراسة	ك
		مربع كاي	كا ^٢

معامل تشاوبر للاقتران	م _r	متوسط مربعات انحرافات	م _{تر}
معامل بيرسون للاقتران	م _y	الأوساط عن الوسط العام	
الانحراف المعياري للعينه	ع	مجموع مربعات الانحرافات	م _ك
انحراف معياري	σ	الكلبي	

obeyikanda.com

المراجع

أولاً: المراجع العربية

- أبو صالح، محمد صبحي، و عوض، عدنان محمد (١٩٨٣). مقدمة في الإحصاء. نيويورك: دار وايلي للنشر.
- الصيد، جلال و سمرة، عادل (١٩٧٦). مبادئ الإحصاء لطلاب الدراسات الأدبية. الطبعة الأولى. جدة: جامعة الملك عبدالعزيز.
- بنيخلف، مصطفى (١٩٧٥). الاحتمالات والإحصاء الرياضي. المغرب، الدار البيضاء: دار النشر المغربي.
- بيوسشتز، سيمور (١٩٧٤). الاحتمالات. ماجروهيل للنشر؛ ترجمة سامح داود ومراجعة عبدالعظيم أنيس، الرياض: دار المريخ.
- زايد، مصطفى (١٩٨٤). الإحصاء ووصف البيانات. الرياض: دار العلوم للطباعة والنشر.
- سرحان، أحمد عباده (١٩٦٥). طرق التحليل الإحصائي. القاهرة: دار المعارف.
- عاشور، سمير كامل (١٩٧٧). مبادئ الإحصاء الوصفي والتحليلي. القاهرة: معهد الإحصاء، جامعة القاهرة.
- عبدالرحمن، جوهرة فهد محمد (١٤٠٠). العدد ودلالته، دراسة لغوية نحوية قرآنية. بحث مقدم كجزء من متطلبات الماجستير في علوم اللغة العربية، الرياض: كلية التربية للبنات.

- كننجو، أنيس (١٩٨٠). الإحصاء وطريق تطبيقه في طرق البحث العلمي. الجزء الثاني. بيروت: مؤسسة الرسالة.
- مصطفى، مدني دسوقي (١٩٧٥). مبادئ في علم الإحصاء. القاهرة: دار النهضة العربية.
- مصطفى، مدني دسوقي (١٩٧٩). مبادئ في نظرية الاحتمالات والإحصاء الرياضي. القاهرة: دار النهضة العربية.
- منتصر، سعدية (١٩٧٥). الإحصاء الوصفي مع مقدمة في الحاسبات الإلكترونية. القاهرة: مكتبة التجارة والتعاون.
- منصور، أنيس فرنسيس و عبدالعزیز، زكي محمد (١٩٧٢) مقدمة إلى الإحصاء. القاهرة: مكتبة الأنجلو المصرية.
- هويل، ح. (١٩٨٤). المبادئ الأولية في الإحصاء. الطبعة الرابعة؛ ترجمة بدرية شوقي عبدالوهاب ومحمد كامل الشربيني، نيويورك: جون وايلي.
- هيكل، عبدالعزيز فهمي وأحمد، فاروق عبدالعظيم (١٩٨٠). الإحصاء. بيروت: دار النهضة العربية للطباعة والنشر.

ثانياً: المراجع الأجنبية

- Ferguson, G.A.** (1981). *Statistical Analysis in Psychology and Education*. London: McGraw Hill.
- Francis, A.** (1979). *Advanced Level Statistics*. Stanley Thrones (Publ.) Ltd.
- Gupta, C.B.** (1973). *An Introduction to Statistical Methods*. India, Sahibabad: Vikas Pub. House Pvt. Ltd.
- Huntsbarger, D.V. and Billingsley, P.** (1973). *Elements of Statistical Inference*. Boston: Allyn and Bacon, Inc.
- Lapin, L.** (1980). *Statistics: Meaning and Method*. New York: Harcourt Blace Jonanorrich Inc.
- Lindley, D.V. and Miller, J.C.P.** (1953). *Cambridge Elementary Statistical Tables*. Cambridge: Cambridge Univ. Press.
- Mendenhall, W.** (1980). *Introduction to Probability and Statistics*. North Scituate: Dusebury Press.
- Regier, M.H.; Mohapatra, R.N. and Mohapatra, S.N.** (1982). *Biochemical Statistics with Computing*. Chichester: Research Studies Press.
- Scheffer, W.C.** (1979). *Statistics for Biological Sciences*. 2nd Ed. Reading, MA, U.S.A.: Addison-Wesley.
- Sprinthall, R.C.** (1982). *Basic Statistical Analysis*. Reading, MA, U.S.A.: Addison-Wesley.

الجداول

جدول (١) الأرقام العشوائية

٧٤	٧٣	٩٨	٣٨	٨٣	٠٤	٦٣	٠٨	٢٢	٠٤	٢٧	٩٥	٥٣	٨٢	٣٢	٩٧	٠٠	٨٢	١٨	٠٩
٥٠	٦١	٠٧	٨٧	٩١	٩٧	١٩	٨٨	٩٣	٩٤	٥٤	٠٦	١٥	٩٨	٥١	٩٧	٥٤	٥٨	٠٤	٩٠
١٨	٧٠	٤٦	١٢	٢٧	٦٤	٤٤	٠٦	٢٩	٦٢	٦٩	٦٢	٧٢	٦٧	٤٧	٠٧	٠٢	٩٥	١٨	٧٣
٧١	٥٨	٥٠	٣٧	٩٥	٧٢	٢٢	٩١	٤٢	٩٠	٤٩	١٧	١٨	٩٧	٢٠	٩٠	٦٤	٨٧	٧٦	٧٥
٩٥	٣٢	٤٥	٧١	٢٠	٩٨	٧٣	٢٢	٦٨	٠٠	٠٣	١٠	١٣	٢٨	٦٦	٥٦	٤٠	٦٤	٠١	٥٤
٥٣	٧٥	٨٩	٦١	٠٤	٧٣	٨٨	١٥	٦٦	١٣	٨٥	٢٧	٢٤	٥٤	٧٨	١٠	٩٩	٨٦	٣٥	٠٨
٧٥	٠٤	٤٦	٦٠	٣٢	٩٣	٧٨	٠٠	٥١	٤٠	٩١	٠٥	٣١	٣٣	٨١	٦٤	٣٢	٦٠	٣٠	٢٨
٩٥	٨٧	٦٦	٤٦	٢٨	٩٠	٠٢	٥٩	٢١	٥١	٢٨	٣٦	٤١	٥٩	٨١	٣٣	٦٢	٠٨	٨٤	٥٣
١٤	٦٥	١٧	٧٨	٥٥	١٢	٠٢	٣٩	٢٦	٥٠	٦٩	٢٢	٣٦	٦١	٦١	٤١	٣٧	٧٥	٧٥	٩١
٠٦	٢٣	٩٧	٩٤	٤٨	٤٦	٧٦	٧١	٦٠	١٢	٩١	٨٣	٧٥	٣٩	٠٠	٩٤	٢٦	٥٩	٤١	٨٩
٨٠	٣٩	٨١	٩٠	٥١	٧٤	٢٧	٤٨	٤١	٦٨	٠١	٩٩	٤٢	٨٣	٨٦	٢٠	٣٨	٣٠	٥١	٧٧
٥١	٥٢	٧٧	٢٨	٧٤	٧٣	٩٧	٠٢	٢١	٥٥	٨٨	٠٢	٩٢	٩٧	٦٩	٩٣	١٣	٢٣	٥٠	١٩
٤٦	٥٠	٢٨	٠٨	٠٧	٥٦	٣١	٦٧	٦٨	٠٥	٥٧	١٧	٨٨	٢٧	٩٣	١٣	٩٣	٨٥	٨١	٢١
٩١	٩١	٦٠	٨٣	٤٢	٤٥	١٣	٩٧	٠٤	٦٤	٢١	٣٦	٧٢	١٠	٦٨	٩٩	٦٤	٤٦	٤٧	٥١
٤٢	٨١	٩٧	٨١	٧٤	٣٠	٢٨	٧١	٧٧	٦٩	٧٠	٤١	٥٢	٥٣	٦٢	٣١	٨٣	٩٦	٥٥	٩٩
٢٢	٩٨	٣٢	٣٠	٥٨	٢١	٤٧	٦٦	٩٢	٥١	٩٦	٢٨	٤٧	٥٨	٩٣	٠٧	٨٠	٣٤	٧١	٣٣
٠٠	٠٤	٥٩	٥١	٧٣	٣٧	٤١	٤٣	٨٣	٢٨	٧٠	٩٢	٣٢	٣٠	١١	٩٣	٦٨	٤٨	٢٧	٨٥
٦١	٠٥	٢٦	٢٢	٦١	٩١	٠٠	٢٧	٨٥	٧٣	٦٦	٢١	٥٥	٠٣	٤٤	٤٠	٩٦	٣٨	١٣	٨٤
٦٠	٧٥	٦٥	٤٩	٨٥	٢٢	١٦	٣٩	١٢	١٠	٣١	٦١	٥٩	٣٩	١٧	٣٤	٦٢	٢١	٧٣	٥٦
٦٩	١٠	٥٢	٨٧	٤٥	٦١	٥٨	٣٦	٣١	٣٤	٦١	٥٢	٨٨	٦٤	٨٧	٠٦	٦٨	٨٥	١٣	٦٥
٤٠	٤٠	٩٦	٢١	٧٤	٣٧	٢٩	٢٩	٦٠	٧١	١١	١٧	٩١	٧١	٨١	٧٦	٢١	١٠	٠٠	٣٨
٠٥	٢٦	٤٦	٣٢	٤٧	٨٦	٠٠	١١	٢٧	٥٦	٨٦	٧٥	٤٧	٣٠	٠١	٩٧	٦٣	٢٩	٤٠	٣٧
٤٧	٠٢	٧٦	٢٣	٧٥	٥٠	٩٢	٥٣	٨١	٢١	١٧	١٤	٣٣	٠٨	٨٧	٤٨	٠٣	٥٤	١٢	٩٧
٤١	٦٤	٩٠	١٣	٤٩	٠٢	٥٩	٨٨	٦٣	٦٤	٧٢	٤٠	٣٣	١٤	٤٧	٣٤	١١	٦٤	٨٢	٢١
٥٦	٨١	٩٨	٧٨	٠٨	٩٦	٤٢	٤٧	٧٩	٨٥	٣٥	٩٠	٩٠	٧١	٩٥	٤٢	٢٧	٥٤	١٣	٧٣
٦٦	٧١	٦٥	٧٢	٩٠	٨٥	٧٣	٢٠	٦٨	٧٢	٢٠	٨٩	٩٧	٥٢	٧١	٦٠	٤٢	٧٢	٨٠	٢٥
٢٠	٣٦	٤٨	٩٨	٦٨	٠٨	١٨	٣٤	٤٤	٢١	٤١	٨٠	٢٩	٣٠	٨٨	٦٥	٧٩	٠٩	١٧	٠٦
٨٩	٦٤	١١	٤٢	٣٦	٣٨	٨٨	٦٢	١٧	٠١	٠٥	١١	٢٨	٤١	٧٤	٤٤	٤٤	٨٥	٨٠	٦٠
٣٣	٠٥	٨٤	٦٣	٩٢	٤٤	١٩	٢٧	٥٨	١٣	٢٢	٦٢	٨٣	٤٠	١٠	٩٣	٤٨	٠٤	٩٤	٨٠
٠٨	٢٨	٦٨	٠٣	٢١	٩٢	٥٢	١٧	١٧	٨٠	٤٣	١٦	٩٧	٧٥	٤٦	٢٠	٠١	٦٩	٥١	١٩
٧٤	٠١	٨١	١٧	٩١	٠١	١١	٥٤	٧٨	٢١	٥٤	٣٥	٤٢	٦٠	٢٣	٨٠	٤٤	٦٥	٣٨	٤٩
٥١	١٨	٩٨	١٨	٩٨	٠٩	٤٨	٨٦	٤٥	٤٧	٢١	٩٣	٥٦	٩٩	١٥	٤٠	٨٩	٢٨	٣١	٠٦
٤٤	٤٢	٧٥	٧١	٩٦	٣٢	٨٠	٥٦	٤٠	٤٠	٧٤	٢٦	٧٩	٨٩	١١	٠٧	٠٣	٢٠	٣٤	٦٠
٣٦	٣١	٨٩	٤٤	٣٩	٦١	٢٠	٩٩	٢٠	٧١	٤٧	٤٤	٤٤	٢٨	٧٨	٣٢	٨٩	٩٩	٩٩	٩٢
٢٠	٧٨	٧١	١٣	٥٨	٧١	٩٦	١٢	٥٦	٨٥	٢٤	١٩	٤٥	٣٨	٣١	٧٤	٦٦	٩٢	٣٢	٧٧

جدول (٣) القيم الحرجة لـ تي

مستوى المعنوية لطرف واحد						درجات الحرية
٠,٠٠٠٥	٠,٠٠٥	٠,٠١	٠,٠٢٥	٠,٠٥	٠,١٠	
مستوى المعنوية لطرفين						
٠,٠٠١	٠,٠١	٠,٠٢	٠,٠٥	٠,١٠	٠,٢٠	
٦٣٦,٦١٩	٦٣,٦٥٧	٣١,٨٢١	١٢,٧٠٦	٦,٣١٤	٣,٠٧٨	١
٣١,٥٩٨	٩,٩٢٥	٦,٩٦٥	٤,٣٠٣	٢,٩٢٠	١,٨٨٦	٢
١٢,٩٤١	٥,٨٤١	٤,٥٤١	٣,١٨٢	٢,٣٥٣	١,٦٣٨	٣
٨,٦١٠	٤,٦٠٤	٣,٧٤٧	٢,٧٧٦	٢,١٣٢	١,٥٣٣	٤
٦,٨٥٩	٤,٠٣٢	٣,٣٦٥	٢,٥٧١	٢,٠١٥	١,٤٧٦	٥
٥,٩٥٩	٣,٧٠٧	٣,١٤٣	٢,٤٤٧	١,٩٤٣	١,٤٤٠	٦
٥,٤٠٥	٣,٤٩٩	٢,٩٩٨	٢,٣٦٥	١,٨٩٥	١,٤١٥	٧
٥,٠٤١	٣,٣٥٥	٢,٨٩٦	٢,٣٠٦	١,٨٦٠	١,٣٩٧	٨
٤,٧٨١	٣,٢٥٠	٢,٨٢١	٢,٢٦٢	١,٨٣٣	١,٣٨٣	٩
٤,٥٨٧	٣,١٦٩	٢,٧٦٤	٢,٢٢٨	١,٨١٢	١,٣٧٢	١٠
٤,٤٣٧	٣,١٠٦	٢,٧١٨	٢,٢٠١	١,٦٩٦	١,٣٦٣	١١
٤,٣١٨	٣,٠٥٥	٢,٦٨١	٢,١٧٩	١,٧٨٢	١,٣٥٦	١٢
٤,٢٢١	٣,٠١٢	٢,٦٥٠	٢,١٦٠	١,٧٧١	١,٤٥٠	١٣
٤,١٤٠	٢,٩٧٧	٢,٦٢٤	٢,١٤٥	١,٧٦١	١,٣٤٥	١٤
٤,٠٧٣	٢,٩٤٧	٢,٦٠٢	٢,١٣١	١,٧٥٣	١,٣٤١	١٥
٤,٠١٥	٢,٩٢١	٢,٥٨٣	٢,١٢٠	١,٧٤٦	١,٣٣٧	١٦
٣,٩٦٥	٢,٨٩٨	٢,٥٦٧	٢,١١٠	١,٧٤٠	١,٣٣٣	١٧
٣,٩٢٢	٢,٨٧٨	٢,٥٥٢	٢,١٠١	١,٧٣٤	١,٣٣٠	١٨
٣,٨٨٣	٢,٨٦١	٢,٥٣٩	٢,٠٩٣	١,٧٢٩	١,٣٢٨	١٩
٣,٨٥٠	٢,٨٤٥	٢,٥٢٨	٢,٠٨٦	١,٧٢٥	١,٣٥٥	٢٠
٣,٨١٩	٢,٨٣١	٢,٥١٨	٢,٠٨٠	١,٧٢١	١,٣٢٣	٢١
٣,٧٩٢	٢,٨١٩	٢,٥٠٨	٢,٠٧٤	١,٧١٧	١,٣٢١	٢٢
٣,٧٦٧	٢,٨٠٧	٢,٥٠٠	٢,٠٦٩	١,٧١٤	١,٣١٩	٢٣
٣,٧٤٥	٢,٧٩٧	٢,٤٩٢	٢,٠٦٤	١,٧١١	١,٣١٨	٢٤
٣,٧٢٥	٢,٧٨٧	٢,٤٨٥	٢,٠٦٠	١,٧٠٨	١,٣١٦	٢٥
٣,٧٠٧	٢,٧٧٩	٢,٤٧٩	٢,٠٥٦	١,٧٠٦	١,٣١٥	٢٦
٣,٦٩٠	٢,٧٧١	٢,٤٧٣	٢,٠٥٢	١,٧٠٤	١,٣١٤	٢٧
٣,٦٧٤	٢,٧٦٣	٢,٤٦٧	٢,٠٤٨	١,٧٠١	١,٣١٣	٢٨
٣,٦٥٩	٢,٧٥٦	٢,٤٦٢	٢,٠٤٥	١,٦٩٩	١,٣١١	٢٩
٣,٦١٦	٢,٧٥٠	٢,٤٥٧	٢,٠٤٢	١,٦٩٧	١,٣١٠	٣٠
٣,٥٥١	٢,٧٠٤	٢,٤٢٣	٢,٠٢١	١,٦٨٤	١,٣٠٣	٤٠
٣,٤٦٠	٢,٦٦٠	٢,٣٩٠	٢,٠٠٠	١,٦٧١	١,٢٩٦	٦٠
٣,٣٧٣	٢,٦١٧	٢,٣٥٨	٢,٩٨٠	١,٦٥٨	١,٢٨٩	١٢٠
٣,٢٩١	٢,٥٧٦	٢,٣٢٦	١,٩٦٠	١,٦٤٥	١,٢٨٢	-

جدول (٤) مربع کای

٠,٠٠٠٥	٠,٠١	٠,٠٢٥	٠,٠٥	٠,١٠	٠,٢٥	دج
٧,٨٧٩	٦,٦٣٥	٥,٠٢٤	٣,٨٤١	٢,٧٠٦	١,٣٢٣	١
١٠,٥٩٧	٩,٢١٠	٧,٣٧٨	٥,٩٩١	٤,٦٠٥	٢,٧٧٣	٢
١٢,٨٣٨	١١,٣٤٥	٩,٣٤٨	٧,٨١٥	٦,٢٥١	٤,١٠٨	٣
١٤,٨٦٠	١٣,٢٧٧	١١,١٤٣	٩,٤٨٨	٧,٧٧٩	٥,٣٨٥	٤
١٦,٧٥٠	١٥,٠٨٦	١٢,٨٣٣	١١,٠٧١	٩,٢٣٦	٦,٦٢٦	٥
١٨,٥٤٨	١٦,٨١٢	١٤,٤٤٩	١٢,٥٩٢	١٠,٦٤٥	٧,٨٤١	٦
٢٠,٢٧٨	١٨,٤٧٥	١٦,٠١٣	١٤,٠٦٧	١٢,٠١٧	٩,٠٣٧	٧
٢١,٩٥٥	٢٠,٠٩٠	١٧,٥٣٥	١٥,٥٠٧	١٣,٣٦٢	١٠,٢١٩	٨
٢٣,٥٨٩	٢١,٦٦٦	١٩,٠٢٣	١٦,٩١٩	١٤,٦٨٤	١١,٣٨٩	٩
٢٥,١٨٨	٢٣,٢٠٩	٢٠,٤٨٣	١٨,٣٠٧	١٥,٩٨٧	١٢,٥٤٩	١٠
٢٦,٧٥٧	٢٤,٧٢٥	٢١,٩٢٠	١٩,٦٧٥	١٧,٢٧٥	١٣,٧٠١	١١
٢٨,٢٩٩	٢٦,٢١٧	٢٣,٣٣٧	٢١,٠٢٦	١٨,٥٤٩	١٤,٨٤٥	١٢
٢٩,٨١٩	٢٧,٦٨٨	٢٤,٧٣٦	٢٢,٣٦٢	١٩,٨١٢	١٥,٩٨٤	١٣
٣١,٣١٩	٢٩,١٤١	٢٦,١١٩	٢٣,٦٨٥	٢١,٠٦٤	١٧,١١٧	١٤
٣٢,٨٠١	٣٠,٥٧٨	٢٧,٤٨٨	٢٤,٩٩٦	٢٢,٣٠٧	١٨,٢٤٥	١٥

تابع جدول (٥). قيم ف (٩٩, ١٠٠, ١٠١, ١٠٢)

د = درجات الطريقة للبسط

∞	٢٤	١٢	١٠	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٦٣٦٦	٦٢٣٥	٦١٠٦	٦٠٥٦	٥٩٨١	٥٩٧٨	٥٨٥٩	٥٧٦٤	٥٦٢٥	٥٤٠٣	٤٩٩٤	٤٠٥٢
٩٩,٥٠	٩٩,٤٦	٩٩,٤٢	٩٩,٤٠	٩٩,٣٧	٩٩,٣٦	٩٩,٣٣	٩٩,٣٠	٩٩,٢٥	٩٩,١٧	٩٩,٠٠	٩٨,٥٠
٢٦,١٣	٢٦,٦٠	٢٧,٠٥	٢٧,٢٣	٢٧,٤٩	٢٧,٦٧	٢٧,٩١	٢٨,٢٤	٢٨,٧١	٢٩,٤٦	٣٠,٨٢	٣٤,١٢
١٣,٤٦	١٣,٩٣	١٤,٣٧	١٤,٥٥	١٤,٨٠	١٤,٩٨	١٥,٢١	١٥,٥٢	١٥,٩٨	١٦,٦٩	١٨,٠٠	٢١,٢٠
٩,٠٢٠	٩,٤٦٦	٩,٨٨٨	١٠,٠٠٠	١٠,٢٩	١٠,٤٦	١٠,٦٧	١٠,٩٧	١١,٣٩	١٢,٠٦	١٣,٢٧	١٦,٢٦
٦,٨٨٠	٧,٣١٣	٧,٧١٨	٧,٨٧٤	٨,١٠٢	٨,٢٦٠	٨,٤٦٦	٨,٧٤٦	٩,١٤٨	٩,٧٨٠	١٠,٩٢	١٣,٧٥
٥,٦٥٠	٦,٠٧٤	٦,٤٦٩	٦,٦٢٠	٦,٨٤٠	٦,٩٩٣	٧,١٩١	٧,٤٦٠	٧,٨٤٧	٨,٤٥١	٩,٥٤٧	١٢,٢٥
٤,٨٥٩	٥,٢٧٩	٥,٦٦٧	٥,٨١٤	٦,٠٢٩	٦,١٧٨	٦,٣٧١	٦,٦٣٢	٧,٠٠٦	٧,٥٩١	٨,٦٤٩	١١,٢٦
٤,٣١١	٤,٧٢٩	٥,١١١	٥,٢٥٧	٥,٤٦٧	٥,٦١٣	٥,٨٠٢	٦,٠٥٧	٦,٤٢٢	٦,٩٩٢	٨,٠٢٢	١٠,٥٦
٣,٩٠٩	٤,٣٢٧	٤,٧٠٦	٤,٨٤٩	٥,٠٥٧	٥,٢٠٠	٥,٣٨٦	٥,٦٣٦	٥,٩٩٤	٦,٥٥٢	٧,٥٥٩	١٠,٠٤
٣,٦٠٢	٤,٠٢١	٤,٣٩٧	٤,٥٣٩	٤,٧٤٤	٤,٨٨٦	٥,٠٦٩	٥,٣١٦	٥,٦٦٨	٦,٢١٧	٧,٢٠٦	٩,٦٤٦
٣,٣٦١	٣,٧٨٠	٤,١٥٥	٤,٢٩٦	٤,٤٩٩	٤,٦٤٠	٤,٨٧١	٥,٠٦٤	٥,٤١٢	٥,٩٥٣	٦,٩٢٧	٩,٣٣٠
٣,١٦٥	٣,٥٨٧	٣,٩٦٠	٤,١٠٠	٤,٣٠٢	٤,٤٤١	٤,٦٢٠	٤,٨٦٢	٥,٢٠٥	٥,٧٣٩	٦,٧٠١	٩,٠٧٤
٣,٠٠٤	٣,٤٢٧	٣,٨٠٠	٣,٩٣٩	٤,١٤٠	٤,٢٧٨	٤,٤٥٦	٤,٦٩٥	٥,٠٣٥	٥,٥٦٤	٦,٥١٥	٨,٨٦٢
٢,٨٦٨	٣,٢٩٤	٣,٦٦٦	٣,٨٠٠	٤,٠٠٤	٤,١٤٢	٤,٣١٨	٤,٥٥٦	٤,٨٩٣	٥,٤١٧	٦,٣٥٩	٨,٦٨٣
٢,٧٥٣	٣,١٨١	٣,٥٥٣	٣,٦٩١	٣,٨٩٠	٤,٠٢٦	٤,٢٠٢	٤,٤٣٧	٤,٧٧٣	٥,٢٩٢	٦,٢٣٦	٨,٥٣١
٢,٦٥٣	٣,٠٨٤	٣,٤٥٥	٣,٥٩٣	٣,٧٩١	٣,٩٢٧	٤,١٠٢	٤,٣٣٦	٤,٦١٩	٥,١٨٥	٦,١١٢	٨,٤٠٠
٢,٥٦٦	٢,٩٩٩	٣,٣٧١	٣,٥٠٨	٣,٧٠٥	٣,٨٤١	٤,٠١٥	٤,٢٤٨	٤,٥٧٩	٥,٠٩٢	٦,٠١٣	٨,٢٨٥
٢,٤٨٩	٢,٩٢٥	٣,٢٩٧	٣,٤٣٤	٣,٦٣١	٥,٧٦٥	٥,٩٣٩	٤,١٧١	٤,٥٠٠	٥,٠١٠	٥,٩٢٦	٨,١٨٥

ت = درجات الطريقة للبسط

تابع جدول (٥). قيم ف (٩٩, ٩٠, ٨٠, ٧٠, ٦٠, ٥٠, ٤٠, ٣٠, ٢٠, ١٠, ٠)

د = درجات الحرية للبسط

∞	٢٤	١٢	١٠	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٢,٤٢١	٢,٨٥٩	٣,٢٣١	٣,٣٦٨	٣,٥٦٤	٣,٦٩٩	٣,٨٧١	٤,١٠٣	٤,٤٣١	٤,٩٣٨	٥,٨٤٩	٨,٠٩٦
٢,٣٦٠	٢,٨٠١	٣,١٧٣	٣,٣١٠	٣,٥٠٦	٣,٦٤٠	٣,٨١٢	٤,٠٤٢	٤,٣٦٩	٤,٨٧٤	٥,٧٨٠	٨,٠١٧
٢,٣٠٥	٢,٧٤٩	٣,١٢١	٣,٢٥٨	٣,٤٥٣	٣,٥٨٧	٣,٧٥٨	٣,٩٨٨	٤,٣١٣	٤,٨١٧	٥,٧١٩	٧,٩٤٥
٢,٢٥٦	٢,٧٠٢	٣,٠٧٤	٣,٢١١	٣,٤٠٦	٣,٥٣٩	٣,٧١٠	٣,٩٣٩	٤,٢٦٤	٤,٧٦٥	٥,٦٦٤	٧,٨٨١
٢,٢١١	٢,٦٥٩	٣,٠٣٢	٣,١٦٨	٣,٣٦٣	٣,٤٩٦	٣,٦٦٧	٣,٨٩٥	٤,٢١٨	٤,٧١٨	٥,٦١٤	٧,٨٢٣
٢,١٦٩	٢,٦٢٠	٢,٩٩٣	٣,١٢٩	٣,٣٢٤	٣,٤٥٧	٣,٦٢٧	٣,٨٥٥	٤,١٧٧	٤,٦٧٥	٥,٥٦٨	٧,٧٧٠
٢,١٣١	٢,٥٨٥	٢,٩٥٨	٣,٠٩٤	٣,٢٨٨	٣,٤٢١	٣,٥٩١	٣,٨١٨	٤,١٤٠	٤,٦٣٧	٥,٥٢٦	٧,٧٢١
٢,٠٩٧	٢,٥٥٢	٢,٩٢٦	٣,٠٦٢	٣,٢٥٦	٣,٣٨٨	٣,٥٥٨	٣,٧٨٥	٤,١٠٦	٤,٦٠١	٥,٤٨٨	٧,٦٧٧
٢,٠٦٤	٢,٥٢٢	٢,٨٩٦	٣,٠٣٢	٣,٢٢٦	٣,٣٥٨	٣,٥٢٨	٣,٧٥٤	٤,٠٧٤	٤,٥٦٨	٥,٤٥٣	٧,٦٣٦
٢,٠٣٤	٢,٤٩٥	٢,٨٦٨	٣,٠٠٥	٣,١٩٨	٣,٣٣٠	٣,٤٩٩	٣,٧٢٥	٤,٠٤٥	٤,٥٣٨	٥,٤٢٠	٧,٥٩٨
٢,٠٠٦	٢,٤٦٩	٢,٨٤٣	٢,٩٧٩	٣,١٧٣	٣,٣٠٤	٣,٤٧٣	٣,٦٩٩	٤,٠١٨	٤,٥١٠	٥,٣٩٠	٧,٥٦٢
١,٩٥٦	٢,٤٢٣	٢,٧٩٨	٢,٩٣٤	٣,١٢٧	٣,٢٥٨	٣,٤٢٧	٣,٦٥٢	٣,٩٦٩	٤,٤٥٩	٥,٣٣٦	٧,٤٩٩
١,٩١١	٢,٣٨٣	٢,٧٥٨	٢,٨٩٤	٣,٠٨٧	٣,٢١٨	٣,٣٨٦	٣,٦١١	٣,٩٢٧	٤,٤١٦	٥,٢٨٩	٧,٤٤٤
١,٨٧٢	٢,٣٤٧	٢,٧٢٣	٢,٨٥٩	٣,٠٥٢	٣,١٨٣	٣,٣٥١	٣,٥٧٤	٣,٨٩٠	٤,٣٧٧	٥,٢٤٨	٧,٣٩٦
١,٨٣٧	٢,٣١٦	٢,٦٩٢	٢,٨٢٨	٣,٠٢١	٣,١٥٢	٣,٣١٩	٣,٥٤٢	٣,٨٥٨	٤,٣٤٣	٥,٢١١	٧,٣٥٣
١,٨٠٥	٢,٢٨٨	٢,٦٦٥	٢,٨٠١	٢,٩٩٣	٣,١٢٤	٣,٢٩١	٣,٥١٤	٣,٨٢٨	٤,٣١٣	٥,١٧٩	٧,٣١٤
١,٦٠١	٢,١١٥	٢,٤٩٦	٢,٦٣٢	٢,٨٢٣	٢,٩٥٣	٣,١١٩	٣,٣٣٩	٣,٦٤٩	٤,١٢٦	٤,٩٧٧	٧,٠٧٧
١,٣٨١	١,٩٥٠	٢,٣٣٦	٢,٤٧٢	٢,٦٦٣	٢,٧٩٢	٢,٩٥٦	٣,١٧٤	٣,٤٨٠	٣,٩٤٩	٤,٧٨٧	٦,٨٥١
١,٠٠٠	١,٧٩١	٢,١٨٥	٢,٣٢١	٢,٥١١	٢,٦٣٩	٢,٨٠٢	٣,٠١٧	٣,٣١٩	٣,٧٨٢	٤,٦٠٥	٦,٦٣٥

ملاحظات: ١ =

جدول (٧). اللوغاريتمات للأساس (١٠)

س	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩
١٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠
١١	٣١٣	٤٣٣	٥٥٣	٦٧٣	٧٩٣	٩١٣	١٠٣٣	١١٥٣	١٢٧٣
١٢	٧٩٢	٨٨٧	٩٨٢	١٠٧٧	١١٧٢	١٢٦٧	١٣٦٢	١٤٥٧	١٥٥٢
١٣	١١٣٩	١١٧٣	١٢٠٦	١٢٤٠	١٢٧٤	١٣٠٨	١٣٤٢	١٣٧٦	١٤١٠
١٤	١٤٦١	١٤٩٢	١٥٢٣	١٥٥٤	١٥٨٤	١٦١٥	١٦٤٦	١٦٧٦	١٧٠٦
١٥	١٧٦١	١٧٩٠	١٨١٨	١٨٤٧	١٨٧٥	١٩٠٣	١٩٣١	١٩٥٩	١٩٨٧
١٦	٢٠٣١	٢٠٦٨	٢١٠٥	٢١٤٢	٢١٧٩	٢٢١٦	٢٢٥٣	٢٢٩٠	٢٣٢٧
١٧	٢٣٠٠	٢٣٣٣	٢٣٦٥	٢٣٩٨	٢٤٣٠	٢٤٦٢	٢٤٩٤	٢٥٢٦	٢٥٥٨
١٨	٢٥٥٣	٢٥٩٧	٢٦٤١	٢٦٨٥	٢٧٢٩	٢٧٧٣	٢٨١٧	٢٨٦١	٢٩٠٥
١٩	٢٧٨٨	٢٨٣٢	٢٨٧٦	٢٩٢٠	٢٩٦٤	٣٠٠٨	٣٠٥٢	٣٠٩٦	٣١٤٠
٢٠	٣١٨١	٣٢٢٥	٣٢٦٩	٣٣١٣	٣٣٥٧	٣٤٠١	٣٤٤٥	٣٤٨٩	٣٥٣٣
٢١	٣٢٢٥	٣٢٦٩	٣٣١٣	٣٣٥٧	٣٤٠١	٣٤٤٥	٣٤٨٩	٣٥٣٣	٣٥٧٧
٢٢	٣٤٢٤	٣٤٦٨	٣٥١٢	٣٥٥٦	٣٦٠٠	٣٦٤٤	٣٦٨٨	٣٧٣٢	٣٧٧٦
٢٣	٣٧١٧	٣٧٦١	٣٨٠٥	٣٨٤٩	٣٨٩٣	٣٩٣٧	٣٩٨١	٤٠٢٥	٤٠٦٩
٢٤	٣٨٠٢	٣٨٤٦	٣٨٩٠	٣٩٣٤	٣٩٧٨	٤٠٢٢	٤٠٦٦	٤١١٠	٤١٥٤
٢٥	٤١٥٤	٤١٩٨	٤٢٤٢	٤٢٨٦	٤٣٣٠	٤٣٧٤	٤٤١٨	٤٤٦٢	٤٥٠٦
٢٦	٤٥٠٦	٤٥٥٠	٤٥٩٤	٤٦٣٨	٤٦٨٢	٤٧٢٦	٤٧٧٠	٤٨١٤	٤٨٥٨
٢٧	٤٨٥٨	٤٩٠٢	٤٩٤٦	٤٩٩٠	٥٠٣٤	٥٠٧٨	٥١٢٢	٥١٦٦	٥٢١٠
٢٨	٥٢١٠	٥٢٥٤	٥٢٩٨	٥٣٤٢	٥٣٨٦	٥٤٣٠	٥٤٧٤	٥٥١٨	٥٥٦٢
٢٩	٥٥٦٢	٥٦٠٦	٥٦٥٠	٥٦٩٤	٥٧٣٨	٥٧٨٢	٥٨٢٦	٥٨٧٠	٥٩١٤
٣٠	٥٩١٤	٥٩٥٨	٦٠٠٢	٦٠٤٦	٦٠٩٠	٦١٣٤	٦١٧٨	٦٢٢٢	٦٢٦٦
٣١	٦٢٦٦	٦٣١٠	٦٣٥٤	٦٣٩٨	٦٤٤٢	٦٤٨٦	٦٥٣٠	٦٥٧٤	٦٦١٨
٣٢	٦٦١٨	٦٦٦٢	٦٧٠٦	٦٧٥٠	٦٧٩٤	٦٨٣٨	٦٨٨٢	٦٩٢٦	٦٩٧٠
٣٣	٦٩٧٠	٧٠١٤	٧٠٥٨	٧١٠٢	٧١٤٦	٧١٩٠	٧٢٣٤	٧٢٧٨	٧٣٢٢
٣٤	٧٣٢٦	٧٣٧٠	٧٤١٤	٧٤٥٨	٧٥٠٢	٧٥٤٦	٧٥٩٠	٧٦٣٤	٧٦٧٨
٣٥	٧٦٣٨	٧٦٨٢	٧٧٢٦	٧٧٧٠	٧٨١٤	٧٨٥٨	٧٩٠٢	٧٩٤٦	٧٩٩٠
٣٦	٨٠٦٢	٨١٠٦	٨١٥٠	٨١٩٤	٨٢٣٨	٨٢٨٢	٨٣٢٦	٨٣٧٠	٨٤١٤
٣٧	٨٤١٨	٨٤٦٢	٨٥٠٦	٨٥٥٠	٨٥٩٤	٨٦٣٨	٨٦٨٢	٨٧٢٦	٨٧٧٠
٣٨	٨٧٦١	٨٨٠٥	٨٨٤٩	٨٨٩٣	٨٩٣٧	٨٩٨١	٩٠٢٥	٩٠٦٩	٩١١٣
٣٩	٩١٥٤	٩١٩٨	٩٢٤٢	٩٢٨٦	٩٣٣٠	٩٣٧٤	٩٤١٨	٩٤٦٢	٩٥٠٦
٤٠	٩٥٦٢	٩٦٠٦	٩٦٥٠	٩٦٩٤	٩٧٣٨	٩٧٨٢	٩٨٢٦	٩٨٧٠	٩٩١٤

تابع جدول (٧) . اللوغاريتمات الاساس (١٠)

س	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩
٢٦	٤١٥٠	٤١٨٣	٤٢٠٠	٤٢١٦	٤٢٣٢	٤٢٤٩	٤٢٦٥	٤٢٨١	٤٢٩٨
٢٧	٤٣١٤	٤٣٤٦	٤٣٦٢	٤٣٧٨	٤٣٩٣	٤٤٠٩	٤٤٢٥	٤٤٤٠	٤٤٥٦
٢٨	٤٤٧٢	٤٥٠٢	٤٥١٨	٤٥٣٣	٤٥٤٨	٤٥٦٤	٤٥٨٠	٤٥٩٤	٤٦٠٩
٢٩	٤٦٢٤	٤٦٣٩	٤٦٥٤	٤٦٦٩	٤٦٨٣	٤٦٩٨	٤٧١٣	٤٧٢٧	٤٧٤٢
٣٠	٤٧٧١	٤٧٨٦	٤٨٠٠	٤٨١٤	٤٨٢٩	٤٨٤٣	٤٨٥٧	٤٨٧١	٤٨٨٦
٣١	٤٩٤٤	٤٩٦٨	٤٩٨٢	٤٩٩٦	٥٠١٠	٥٠٢٤	٥٠٣٨	٥٠٥٢	٥٠٦٦
٣٢	٥١٥١	٥١٧٥	٥١٩٢	٥٢٠٨	٥٢٢٥	٥٢٤١	٥٢٥٧	٥٢٧٤	٥٢٩٠
٣٣	٥٣١٥	٥٣٣٨	٥٣٥٢	٥٣٦٦	٥٣٨٠	٥٣٩٤	٥٤٠٨	٥٤٢٢	٥٤٣٦
٣٤	٥٦٠١	٥٦٢٥	٥٦٤٠	٥٦٥٤	٥٦٦٨	٥٦٨٢	٥٦٩٦	٥٧١٠	٥٧٢٤
٣٥	٥٨٦٣	٥٨٨٧	٥٩٠١	٥٩١٥	٥٩٢٩	٥٩٤٣	٥٩٥٧	٥٩٧١	٥٩٨٥
٣٦	٥٧٨٢	٥٨٠٦	٥٨٢٠	٥٨٣٤	٥٨٤٨	٥٨٦٢	٥٨٧٦	٥٨٩٠	٥٩٠٤
٣٧	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٣٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٣٩	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٠	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤١	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٢	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٣	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٤	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٥	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٦	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٧	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٤٩	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨
٥٠	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨	٥٩٩٨

تابع جدول (٧). الوظائف الأساسية (١٠)

٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠	س
٧٠٦٧	٧٠٥٩	٧٠٥٠	٧٠٤٢	٧٠٣٣	٧٠٢٤	٧٠١٦	٧٠٠٧	٦٩٩٨	٦٩٧٦	٥١
٧٢٣٥	٧٢٢٦	٧٢١٨	٧٢١٠	٧٢٠٢	٧١٩٣	٧١٨٥	٧١٧٧	٧١٦٨	٧١٦٠	٥٢
٧٣١٦	٧٣٠٨	٧٣٠٠	٧٢٩٢	٧٢٨٤	٧٢٧٥	٧٢٦٧	٧٢٥٩	٧٢٥١	٧٢٤٣	٥٣
٧٣٩٦	٧٣٨٨	٧٣٨٠	٧٣٧٢	٧٣٦٤	٧٣٥٦	٧٣٤٨	٧٣٤٠	٧٣٣٢	٧٣٢٤	٥٤
٧٤٧٤	٧٤٦٦	٧٤٥٩	٧٤٥١	٧٤٤٣	٧٤٣٥	٧٤٢٧	٧٤١٩	٧٤١١	٧٤٠٣	٥٥
٧٥٥١	٧٥٤٣	٧٥٣٦	٧٥٢٨	٧٥٢٠	٧٥١٣	٧٥٠٥	٧٤٩٧	٧٤٩٠	٧٤٨٢	٥٦
٧٦٢٧	٧٦١٩	٧٦١٢	٧٦٠٤	٧٥٩٦	٧٥٨٩	٧٥٨٢	٧٥٧٤	٧٥٦٦	٧٥٥٩	٥٧
٧٧٠١	٧٦٩٤	٧٦٨٦	٧٦٧٨	٧٦٧٢	٧٦٦٤	٧٦٥٧	٧٦٤٩	٧٦٤٢	٧٦٣٤	٥٨
٧٧٧٤	٧٧٦٦	٧٧٦٠	٧٧٥٢	٧٧٤٥	٧٧٣٨	٧٧٣١	٧٧٢٣	٧٧١٦	٧٧٠٩	٥٩
٧٨٤٦	٧٨٣٩	٧٨٣٢	٧٨٢٥	٧٨١٨	٧٨١٠	٧٨٠٣	٧٧٩٦	٧٧٨٩	٧٧٨٢	٦٠
٧٩١٧	٧٩١٠	٧٩٠٣	٧٨٩٦	٧٨٨٩	٧٨٨٢	٧٨٧٥	٧٨٦٨	٧٨٦٠	٧٨٥٣	٦١
٧٩٨٧	٧٩٨٠	٧٩٧٣	٧٩٦٦	٧٩٥٩	٧٩٥٢	٧٩٤٥	٧٩٣٨	٧٩٣١	٧٩٢٣	٦٢
٨٠٥٥	٨٠٤٨	٨٠٤١	٨٠٣٥	٨٠٢٨	٨٠٢١	٨٠١٤	٨٠٠٧	٨٠٠٠	٧٩٩٣	٦٣
٨١٢٢	٨١١٦	٨١٠٩	٨١٠٢	٨٠٩٦	٨٠٨٩	٨٠٨٢	٨٠٧٥	٨٠٦٩	٨٠٦٢	٦٤
٨١٨٩	٨١٨٢	٨١٧٦	٨١٦٩	٨١٦٢	٨١٥٦	٨١٤٩	٨١٤٢	٨١٣٦	٨١٢٩	٦٥
٨٢٥٤	٨٢٤٨	٨٢٤١	٨٢٣٥	٨٢٢٨	٨٢٢٢	٨٢١٥	٨٢٠٩	٨٢٠٢	٨١٩٥	٦٦
٨٣١٩	٨٣١٢	٨٣٠٦	٨٢٩٩	٨٢٩٢	٨٢٨٧	٨٢٨٠	٨٢٧٤	٨٢٦٧	٨٢٦١	٦٧
٨٣٨٢	٨٣٧٦	٨٣٧٠	٨٣٦٣	٨٣٥٧	٨٣٥١	٨٣٤٥	٨٣٣٨	٨٣٣١	٨٣٢٥	٦٨
٨٤٤٥	٨٤٣٩	٨٤٣٢	٨٤٢٦	٨٤٢٠	٨٤١٤	٨٤٠٧	٨٤٠١	٨٣٩٥	٨٣٨٨	٦٩
٨٥٠٦	٨٥٠٠	٨٤٩٤	٨٤٨٨	٨٤٨٢	٨٤٧٦	٨٤٧٠	٨٤٦٣	٨٤٥٧	٨٤٥١	٧٠
٨٥٦٧	٨٥٦١	٨٥٥٥	٨٥٤٩	٨٥٤٣	٨٥٣٧	٨٥٣١	٨٥٢٥	٨٥١٩	٨٥١٣	٧١
٨٦٢٧	٨٦٢١	٨٦١٥	٨٦٠٩	٨٦٠٣	٨٥٩٧	٨٥٩١	٨٥٨٥	٨٥٧٩	٨٥٧٣	٧٢
٨٦٨٦	٨٦٨١	٨٦٧٥	٨٦٦٩	٨٦٦٣	٨٦٥٧	٨٦٥١	٨٦٤٥	٨٦٣٩	٨٦٣٣	٧٣
٨٧٤٥	٨٧٣٩	٨٧٣٣	٨٧٢٧	٨٧٢٢	٨٧١٦	٨٧١٠	٨٧٠٤	٨٦٩٨	٨٦٩٢	٧٤
٨٨٠٢	٨٧٩٧	٨٧٩١	٨٧٨٥	٨٧٧٩	٨٧٧٤	٨٧٦٨	٨٧٦٢	٨٧٥٦	٨٧٥١	٧٥

تابع جدول (٧). اللوائحيات الأساس (١٠)

٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠	س
٠	٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٨٨٥٩	٨٨٥٤	٨٨٤٨	٨٨٤٢	٨٨٣٧	٨٨٣١	٨٨٢٥	٨٨٢٠	٨٨١٤	٨٨٠٨	٧٦
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٨٩١٥	٨٩١٠	٨٩٠٤	٨٨٩٩	٨٨٩٣	٨٨٨٧	٨٨٨٢	٨٨٧٦	٨٨٧١	٨٨٦٥	٧٧
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٨٩٧١	٨٩٦٥	٨٩٦٠	٨٩٥٤	٨٩٤٩	٨٩٤٣	٨٩٣٨	٨٩٣٢	٨٩٢٧	٨٩٢١	٧٨
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٠٢٥	٩٠٢٠	٩٠١٥	٩٠٠٩	٩٠٠٤	٨٩٩٨	٨٩٩٣	٨٩٨٧	٨٩٨٢	٨٩٧٦	٧٩
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٠٧٩	٩٠٧٤	٩٠٦٩	٩٠٦٣	٩٠٥٨	٩٠٥٣	٩٠٤٧	٩٠٤٢	٩٠٣٦	٩٠٣١	٨٠
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩١٣٣	٩١٢٨	٩١٢٣	٩١١٧	٩١١٢	٩١٠٦	٩١٠١	٩٠٩٦	٩٠٩٠	٩٠٨٥	٨١
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩١٨٦	٩١٨٠	٩١٧٥	٩١٧٠	٩١٦٥	٩١٥٩	٩١٥٤	٩١٤٩	٩١٤٣	٩١٣٨	٨٢
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٢٣٨	٩٢٣٢	٩٢٢٧	٩٢٢٢	٩٢١٧	٩٢١٢	٩٢٠٦	٩٢٠١	٩١٩٦	٩١٩١	٨٣
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٢٨٩	٩٢٨٤	٩٢٧٩	٩٢٧٤	٩٢٦٩	٩٢٦٣	٩٢٥٨	٩٢٥٣	٩٢٤٨	٩٢٤٣	٨٤
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٣٤٠	٩٣٣٥	٩٣٣٠	٩٣٢٥	٩٣٢٠	٩٣١٥	٩٣٠٩	٩٣٠٤	٩٢٩٩	٩٢٩٤	٨٥
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٣٩٠	٩٣٨٥	٩٣٨٠	٩٣٧٥	٩٣٧٠	٩٣٦٥	٩٣٦٠	٩٣٥٥	٩٣٥٠	٩٣٤٥	٨٦
٠	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٤٤٠	٩٤٣٥	٩٤٣٠	٩٤٢٥	٩٤٢٠	٩٤١٥	٩٤١٠	٩٤٠٥	٩٤٠٠	٩٣٩٥	٨٧
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٤٨٩	٩٤٨٤	٩٤٧٩	٩٤٧٤	٩٤٦٩	٩٤٦٥	٩٤٦٠	٩٤٥٥	٩٤٥٠	٩٤٤٥	٨٨
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٥٣٨	٩٥٣٣	٩٥٢٨	٩٥٢٣	٩٥١٨	٩٥١٣	٩٥٠٩	٩٥٠٤	٩٤٩٩	٩٤٩٤	٨٩
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٥٨٦	٩٥٨١	٩٥٧٦	٩٥٧١	٩٥٦٦	٩٥٦٢	٩٥٥٧	٩٥٥٢	٩٥٤٧	٩٥٤٢	٩٠
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٦٣٣	٩٦٢٨	٩٦٢٤	٩٦١٩	٩٦١٤	٩٦٠٩	٩٦٠٥	٩٦٠٠	٩٥٩٥	٩٥٩٠	٩١
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٦٨٠	٩٦٧٥	٩٦٧١	٩٦٦٦	٩٦٦١	٩٦٥٧	٩٦٥٢	٩٦٤٧	٩٦٤٣	٩٦٣٨	٩٢
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٧٢٧	٩٧٢٢	٩٧١٧	٩٧١٣	٩٧٠٨	٩٧٠٣	٩٦٩٩	٩٦٩٤	٩٦٨٩	٩٦٨٥	٩٣
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٧٧٣	٩٧٦٨	٩٧٦٣	٩٧٥٩	٩٧٥٤	٩٧٥٠	٩٧٤٥	٩٧٤١	٩٧٣٦	٩٧٣١	٩٤
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٨١٨	٩٨١٤	٩٨٠٩	٩٨٠٥	٩٨٠٠	٩٧٩٥	٩٧٩١	٩٧٨٦	٩٧٨٢	٩٧٧٧	٩٥
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٨٦٣	٩٨٥٩	٩٨٥٤	٩٨٥٠	٩٨٤٥	٩٨٤١	٩٨٣٦	٩٨٣٢	٩٨٢٧	٩٨٢٣	٩٦
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٩٠٨	٩٩٠٣	٩٨٩٩	٩٨٩٤	٩٨٩٠	٩٨٨٦	٩٨٨١	٩٨٧٧	٩٨٧٢	٩٨٦٨	٩٧
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٩٥٣	٩٩٤٨	٩٩٤٣	٩٩٣٩	٩٩٣٤	٩٩٣٠	٩٩٢٦	٩٩٢١	٩٩١٧	٩٩١٢	٩٨
٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٣	٩٩٩٦	٩٩٩١	٩٩٨٧	٩٩٨٣	٩٩٧٨	٩٩٧٤	٩٩٦٩	٩٩٦٥	٩٩٦١	٩٩٥٦	٩٩

جدول (٨). اللوغاريثات العكسية

س	٠	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩
٠	١٧٧٨	١٧٨٢	١٧٨٦	١٧٩١	١٧٩٥	١٧٩٩	١٨٠٣	١٨٠٧	١٨١١	١٨١٦
١	١٧٨٠	١٧٨٤	١٧٨٨	١٧٩٣	١٧٩٧	١٨٠١	١٨٠٥	١٨٠٩	١٨١٣	١٨١٧
٢	١٧٦٢	١٧٦٦	١٧٧٠	١٧٧٥	١٧٧٩	١٧٨٣	١٧٨٧	١٧٩١	١٧٩٥	١٨٠٠
٣	١٧٤٤	١٧٤٨	١٧٥٢	١٧٥٦	١٧٦٠	١٧٦٤	١٧٦٨	١٧٧٢	١٧٧٦	١٧٨٠
٤	١٧٢٦	١٧٣٠	١٧٣٤	١٧٣٨	١٧٤٢	١٧٤٦	١٧٥٠	١٧٥٤	١٧٥٨	١٧٦٢
٥	١٧٠٨	١٧١٢	١٧١٦	١٧٢٠	١٧٢٤	١٧٢٨	١٧٣٢	١٧٣٦	١٧٤٠	١٧٤٤
٦	١٦٩٠	١٦٩٤	١٦٩٨	١٧٠٢	١٧٠٦	١٧١٠	١٧١٤	١٧١٨	١٧٢٢	١٧٢٦
٧	١٦٧٢	١٦٧٦	١٦٨٠	١٦٨٤	١٦٨٨	١٦٩٢	١٦٩٦	١٧٠٠	١٧٠٤	١٧٠٨
٨	١٦٥٤	١٦٥٨	١٦٦٢	١٦٦٦	١٦٧٠	١٦٧٤	١٦٧٨	١٦٨٢	١٦٨٦	١٦٩٠
٩	١٦٣٦	١٦٤٠	١٦٤٤	١٦٤٨	١٦٥٢	١٦٥٦	١٦٦٠	١٦٦٤	١٦٦٨	١٦٧٢
١٠	١٦١٨	١٦٢٢	١٦٢٦	١٦٣٠	١٦٣٤	١٦٣٨	١٦٤٢	١٦٤٦	١٦٥٠	١٦٥٤
١١	١٦٠٠	١٦٠٤	١٦٠٨	١٦١٢	١٦١٦	١٦٢٠	١٦٢٤	١٦٢٨	١٦٣٢	١٦٣٦
١٢	١٥٨٢	١٥٨٦	١٥٩٠	١٥٩٤	١٥٩٨	١٦٠٢	١٦٠٦	١٦١٠	١٦١٤	١٦١٨
١٣	١٥٦٤	١٥٦٨	١٥٧٢	١٥٧٦	١٥٨٠	١٥٨٤	١٥٨٨	١٥٩٢	١٥٩٦	١٦٠٠
١٤	١٥٤٦	١٥٥٠	١٥٥٤	١٥٥٨	١٥٦٢	١٥٦٦	١٥٧٠	١٥٧٤	١٥٧٨	١٥٨٢
١٥	١٥٢٨	١٥٣٢	١٥٣٦	١٥٤٠	١٥٤٤	١٥٤٨	١٥٥٢	١٥٥٦	١٥٦٠	١٥٦٤
١٦	١٥١٠	١٥١٤	١٥١٨	١٥٢٢	١٥٢٦	١٥٣٠	١٥٣٤	١٥٣٨	١٥٤٢	١٥٤٦
١٧	١٤٩٢	١٤٩٦	١٥٠٠	١٥٠٤	١٥٠٨	١٥١٢	١٥١٦	١٥٢٠	١٥٢٤	١٥٢٨
١٨	١٤٧٤	١٤٧٨	١٤٨٢	١٤٨٦	١٤٩٠	١٤٩٤	١٤٩٨	١٥٠٢	١٥٠٦	١٥١٠
١٩	١٤٥٦	١٤٦٠	١٤٦٤	١٤٦٨	١٤٧٢	١٤٧٦	١٤٨٠	١٤٨٤	١٤٨٨	١٤٩٢
٢٠	١٤٣٨	١٤٤٢	١٤٤٦	١٤٥٠	١٤٥٤	١٤٥٨	١٤٦٢	١٤٦٦	١٤٧٠	١٤٧٤
٢١	١٤٢٠	١٤٢٤	١٤٢٨	١٤٣٢	١٤٣٦	١٤٤٠	١٤٤٤	١٤٤٨	١٤٥٢	١٤٥٦
٢٢	١٤٠٢	١٤٠٦	١٤١٠	١٤١٤	١٤١٨	١٤٢٢	١٤٢٦	١٤٣٠	١٤٣٤	١٤٣٨
٢٣	١٣٨٤	١٣٨٨	١٣٩٢	١٣٩٦	١٤٠٠	١٤٠٤	١٤٠٨	١٤١٢	١٤١٦	١٤٢٠
٢٤	١٣٦٦	١٣٧٠	١٣٧٤	١٣٧٨	١٣٨٢	١٣٨٦	١٣٩٠	١٣٩٤	١٣٩٨	١٤٠٢
٢٥	١٣٤٨	١٣٥٢	١٣٥٦	١٣٦٠	١٣٦٤	١٣٦٨	١٣٧٢	١٣٧٦	١٣٨٠	١٣٨٤
٢٦	١٣٣٠	١٣٣٤	١٣٣٨	١٣٤٢	١٣٤٦	١٣٥٠	١٣٥٤	١٣٥٨	١٣٦٢	١٣٦٦
٢٧	١٣١٢	١٣١٦	١٣٢٠	١٣٢٤	١٣٢٨	١٣٣٢	١٣٣٦	١٣٤٠	١٣٤٤	١٣٤٨
٢٨	١٢٩٤	١٢٩٨	١٣٠٢	١٣٠٦	١٣١٠	١٣١٤	١٣١٨	١٣٢٢	١٣٢٦	١٣٣٠
٢٩	١٢٧٦	١٢٨٠	١٢٨٤	١٢٨٨	١٢٩٢	١٢٩٦	١٣٠٠	١٣٠٤	١٣٠٨	١٣١٢
٣٠	١٢٥٨	١٢٦٢	١٢٦٦	١٢٧٠	١٢٧٤	١٢٧٨	١٢٨٢	١٢٨٦	١٢٩٠	١٢٩٤
٣١	١٢٤٠	١٢٤٤	١٢٤٨	١٢٥٢	١٢٥٦	١٢٦٠	١٢٦٤	١٢٦٨	١٢٧٢	١٢٧٦
٣٢	١٢٢٢	١٢٢٦	١٢٣٠	١٢٣٤	١٢٣٨	١٢٤٢	١٢٤٦	١٢٥٠	١٢٥٤	١٢٥٨
٣٣	١٢٠٤	١٢٠٨	١٢١٢	١٢١٦	١٢٢٠	١٢٢٤	١٢٢٨	١٢٣٢	١٢٣٦	١٢٤٠
٣٤	١١٨٦	١١٩٠	١١٩٤	١١٩٨	١٢٠٢	١٢٠٦	١٢١٠	١٢١٤	١٢١٨	١٢٢٢
٣٥	١١٦٨	١١٧٢	١١٧٦	١١٨٠	١١٨٤	١١٨٨	١١٩٢	١١٩٦	١٢٠٠	١٢٠٤
٣٦	١١٥٠	١١٥٤	١١٥٨	١١٦٢	١١٦٦	١١٧٠	١١٧٤	١١٧٨	١١٨٢	١١٨٦
٣٧	١١٣٢	١١٣٦	١١٤٠	١١٤٤	١١٤٨	١١٥٢	١١٥٦	١١٦٠	١١٦٤	١١٦٨
٣٨	١١١٤	١١١٨	١١٢٢	١١٢٦	١١٣٠	١١٣٤	١١٣٨	١١٤٢	١١٤٦	١١٥٠
٣٩	١٠٩٦	١١٠٠	١١٠٤	١١٠٨	١١١٢	١١١٦	١١٢٠	١١٢٤	١١٢٨	١١٣٢
٤٠	١٠٧٨	١٠٨٢	١٠٨٦	١٠٩٠	١٠٩٤	١٠٩٨	١١٠٢	١١٠٦	١١١٠	١١١٤
٤١	١٠٦٠	١٠٦٤	١٠٦٨	١٠٧٢	١٠٧٦	١٠٨٠	١٠٨٤	١٠٨٨	١٠٩٢	١٠٩٦
٤٢	١٠٤٢	١٠٤٦	١٠٥٠	١٠٥٤	١٠٥٨	١٠٦٢	١٠٦٦	١٠٧٠	١٠٧٤	١٠٧٨
٤٣	١٠٢٤	١٠٢٨	١٠٣٢	١٠٣٦	١٠٤٠	١٠٤٤	١٠٤٨	١٠٥٢	١٠٥٦	١٠٦٠
٤٤	١٠٠٦	١٠١٠	١٠١٤	١٠١٨	١٠٢٢	١٠٢٦	١٠٣٠	١٠٣٤	١٠٣٨	١٠٤٢
٤٥	١٠٠٠	١٠٠٤	١٠٠٨	١٠١٢	١٠١٦	١٠٢٠	١٠٢٤	١٠٢٨	١٠٣٢	١٠٣٦

تابع جدول (أ). اللوغاريتمات العنقابلة

	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠	س	
٧	٩	٣٣٠٤	٣٢٩٦	٣٢٨٩	٣٢٨١	٣٢٧٣	٣٢٦٦	٣٢٥٨	٣٢٥١	٣٢٤٣	٣٢٣٦	٠,٥١
٧	٦	٣٣٨١	٣٣٧٣	٣٣٦٥	٣٣٥٧	٣٣٥٠	٣٣٤٢	٣٣٣٤	٣٣٢٧	٣٣١٩	٣٣١١	٠,٥٢
٧	٥	٣٤٥٩	٣٤٥١	٣٤٤٣	٣٤٣٦	٣٤٢٨	٣٤٢٠	٣٤١٢	٣٤٠٤	٣٣٩٦	٣٣٨٨	٠,٥٣
٧	٤	٣٥٤٠	٣٥٣٢	٣٥٢٤	٣٥١٦	٣٥٠٨	٣٤٩٩	٣٤٩١	٣٤٨٣	٣٤٧٥	٣٤٦٧	٠,٥٤
٧	٣	٣٦٢٢	٣٦١٤	٣٦٠٦	٣٥٩٧	٣٥٨٩	٣٥٨١	٣٥٧٣	٣٥٦٥	٣٥٥٦	٣٥٤٨	٠,٥٥
٧	٢	٣٧٠٧	٣٦٩٨	٣٦٩٠	٣٦٨١	٣٦٧٣	٣٦٦٤	٣٦٥٦	٣٦٤٨	٣٦٣٩	٣٦٣١	٠,٥٦
٧	١	٣٧٩٣	٣٧٨٤	٣٧٧٦	٣٧٦٧	٣٧٥٨	٣٧٥٠	٣٧٤١	٣٧٣٣	٣٧٢٤	٣٧١٥	٠,٥٧
٧	٠	٣٨٨٢	٣٨٧٣	٣٨٦٤	٣٨٥٥	٣٨٤٦	٣٨٣٧	٣٨٢٨	٣٨١٩	٣٨١١	٣٨٠٢	٠,٥٨
٨	٩	٣٩٧٢	٣٩٦٣	٣٩٥٤	٣٩٤٥	٣٩٣٦	٣٩٢٦	٣٩١٧	٣٩٠٨	٣٨٩٩	٣٨٩٠	٠,٥٩
٨	٨	٤٠٦٤	٤٠٥٥	٤٠٤٦	٤٠٣٦	٤٠٢٧	٤٠١٨	٤٠٠٩	٣٩٩٩	٣٩٩٠	٣٩٨١	٠,٦٠
٨	٧	٤١٥٩	٤١٥٠	٤١٤٠	٤١٣٠	٤١٢١	٤١١١	٤١٠٢	٤٠٩٣	٤٠٨٣	٤٠٧٤	٠,٦١
٨	٦	٤٢٥٦	٤٢٤٦	٤٢٣٦	٤٢٢٧	٤٢١٧	٤٢٠٧	٤١٩٨	٤١٨٨	٤١٧٨	٤١٦٩	٠,٦٢
٨	٥	٤٣٥٥	٤٣٤٥	٤٣٣٥	٤٣٢٥	٤٣١٥	٤٣٠٥	٤٢٩٥	٤٢٨٥	٤٢٧٥	٤٢٦٦	٠,٦٣
٨	٤	٤٤٥٧	٤٤٤٦	٤٤٣٦	٤٤٢٦	٤٤١٦	٤٤٠٦	٤٣٩٥	٤٣٨٥	٤٣٧٥	٤٣٦٥	٠,٦٤
٨	٣	٤٥٦٠	٤٥٥٠	٤٥٣٩	٤٥٢٩	٤٥١٩	٤٥٠٨	٤٤٩٨	٤٤٨٧	٤٤٧٧	٤٤٦٧	٠,٦٥
٨	٢	٤٦٦٧	٤٦٥٦	٤٦٤٥	٤٦٣٤	٤٦٢٤	٤٦١٣	٤٦٠٣	٤٥٩٢	٤٥٨١	٤٥٧١	٠,٦٦
٨	١	٤٧٧٥	٤٧٦٤	٤٧٥٣	٤٧٤٢	٤٧٣٢	٤٧٢١	٤٧١٠	٤٦٩٩	٤٦٨٨	٤٦٧٧	٠,٦٧
٨	٠	٤٨٨٧	٤٨٧٥	٤٨٦٤	٤٨٥٣	٤٨٤٢	٤٨٣١	٤٨١٩	٤٨٠٨	٤٧٩٧	٤٧٨٦	٠,٦٨
٩	٩	٥٠٠٠	٤٩٨٩	٤٩٧٧	٤٩٦٦	٤٩٥٥	٤٩٤٣	٤٩٣٢	٤٩٢٠	٤٩٠٩	٤٨٩٨	٠,٦٩
٩	٨	٥١١٧	٥١٠٥	٥٠٩٣	٥٠٨٢	٥٠٧٠	٥٠٥٨	٥٠٤٧	٥٠٣٥	٥٠٢٣	٥٠١٢	٠,٧٠
٩	٧	٥٢٣٦	٥٢٢٤	٥٢١٢	٥٢٠٠	٥١٨٨	٥١٧٦	٥١٦٤	٥١٥٢	٥١٤٠	٥١٢٩	٠,٧١
٩	٦	٥٣٥٨	٥٣٤٦	٥٣٣٣	٥٣٢١	٥٣٠٩	٥٢٩٧	٥٢٨٤	٥٢٧٢	٥٢٦٠	٥٢٤٨	٠,٧٢
٩	٥	٥٤٨٣	٥٤٧٠	٥٤٥٨	٥٤٤٥	٥٤٣٣	٥٤٢٠	٥٤٠٨	٥٣٩٥	٥٣٨٣	٥٣٧٠	٠,٧٣
٩	٤	٥٦١٠	٥٥٩٨	٥٥٨٥	٥٥٧٢	٥٥٥٩	٥٥٤٦	٥٥٣٣	٥٥٢١	٥٥٠٨	٥٤٩٥	٠,٧٤
٩	٣	٥٧٣١	٥٧١٨	٥٧٠٥	٥٦٩٢	٥٦٧٩	٥٦٦٦	٥٦٥٣	٥٦٤١	٥٦٢٦	٥٦١٣	٠,٧٥

تابع جدول (٨). اللوغاريثات العكسية

١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
٠,٧٦	٥٧٥٤	٥٧٦٨	٥٧٨١	٥٧٩٤	٥٨٠٨	٥٨٢١	٥٨٣٤	٥٨٤٨	٥٨٦١	٥٨٧٥	٥٨٨٨	٥٩٠٢	٥٩١٦	٥٩٣٠	٥٩٤٣	٥٩٥٧	٥٩٧٠	٥٩٨٤	٥٩٩٨	٥٨٧٥
٠,٧٧	٥٨٨٨	٥٩٠٢	٥٩١٦	٥٩٣٠	٥٩٤٣	٥٩٥٧	٥٩٧٠	٥٩٨٤	٥٩٩٨	٥٨٦١	٥٨٧٥	٥٨٨٨	٥٩٠٢	٥٩١٦	٥٩٣٠	٥٩٤٣	٥٩٥٧	٥٩٧٠	٥٩٨٤	٥٩٩٨
٠,٧٨	٦٠٢٦	٦٠٣٩	٦٠٥٣	٦٠٦٧	٦٠٨١	٦٠٩٥	٦١٠٩	٦١٢٤	٦١٣٨	٦١٥٢	٦١٦٦	٦١٨٠	٦١٩٤	٦٢٠٨	٦٢٢٣	٦٢٣٧	٦٢٥٢	٦٢٦٦	٦٢٨١	٦١٥٢
٠,٧٩	٦١٦٦	٦١٨٠	٦١٩٤	٦٢٠٨	٦٢٢٣	٦٢٣٧	٦٢٥٢	٦٢٦٦	٦٢٨١	٦٢٩٥	٦٣١٠	٦٣٢٤	٦٣٣٩	٦٣٥٣	٦٣٦٧	٦٣٨٢	٦٣٩٧	٦٤١١	٦٤٢٦	٦٢٨١
٠,٨٠	٦٣١٠	٦٣٢٤	٦٣٣٩	٦٣٥٣	٦٣٦٧	٦٣٨٢	٦٣٩٧	٦٤١١	٦٤٢٦	٦٤٤٠	٦٤٥٥	٦٤٦٩	٦٤٨٤	٦٤٩٨	٦٥١٢	٦٥٢٦	٦٥٤٠	٦٥٥٤	٦٥٦٨	٦٤٢٦
٠,٨١	٦٤٥٧	٦٤٧١	٦٤٨٤	٦٤٩٨	٦٥١٢	٦٥٢٦	٦٥٤٠	٦٥٥٤	٦٥٦٨	٦٥٨٢	٦٥٩٦	٦٦١٠	٦٦٢٤	٦٦٣٨	٦٦٥٢	٦٦٦٦	٦٦٨٠	٦٦٩٤	٦٧٠٨	٦٥٦٨
٠,٨٢	٦٦٠٧	٦٦٢١	٦٦٣٤	٦٦٤٧	٦٦٦٠	٦٦٧٣	٦٦٨٦	٦٦٩٩	٦٧١٢	٦٧٢٥	٦٧٣٨	٦٧٥١	٦٧٦٤	٦٧٧٧	٦٧٩٠	٦٨٠٣	٦٨١٦	٦٨٢٩	٦٨٤٢	٦٧١٢
٠,٨٣	٦٧١١	٦٧٢٤	٦٧٣٧	٦٧٥٠	٦٧٦٣	٦٧٧٦	٦٧٨٩	٦٨٠٢	٦٨١٥	٦٨٢٨	٦٨٤١	٦٨٥٤	٦٨٦٧	٦٨٨٠	٦٨٩٣	٦٩٠٦	٦٩١٩	٦٩٣٢	٦٩٤٥	٦٨٢٨
٠,٨٤	٦٨١٨	٦٨٣١	٦٨٤٤	٦٨٥٧	٦٨٧٠	٦٨٨٣	٦٨٩٦	٦٩٠٩	٦٩٢٢	٦٩٣٥	٦٩٤٨	٦٩٦١	٦٩٧٤	٦٩٨٧	٦٩٩٩	٧٠١٢	٧٠٢٥	٧٠٣٨	٧٠٥١	٦٩٣٥
٠,٨٥	٦٩١٨	٦٩٣١	٦٩٤٤	٦٩٥٧	٦٩٧٠	٦٩٨٣	٦٩٩٦	٧٠٠٩	٧٠٢٢	٧٠٣٥	٧٠٤٨	٧٠٦١	٧٠٧٤	٧٠٨٧	٧١٠٠	٧١١٣	٧١٢٦	٧١٣٩	٧١٥٢	٧٠٣٥
٠,٨٦	٧٠٧٨	٧٠٩١	٧١٠٤	٧١١٧	٧١٣٠	٧١٤٣	٧١٥٦	٧١٦٩	٧١٨٢	٧١٩٥	٧٢٠٨	٧٢٢١	٧٢٣٤	٧٢٤٧	٧٢٦٠	٧٢٧٣	٧٢٨٦	٧٢٩٩	٧٣١٢	٧١٨٢
٠,٨٧	٧٢٤٤	٧٢٥٧	٧٢٧٠	٧٢٨٣	٧٢٩٦	٧٣٠٩	٧٣٢٢	٧٣٣٥	٧٣٤٨	٧٣٦١	٧٣٧٤	٧٣٨٧	٧٣٩٩	٧٤١٢	٧٤٢٥	٧٤٣٨	٧٤٥١	٧٤٦٤	٧٤٧٧	٧٣٤٨
٠,٨٨	٧٥٨٦	٧٥٩٩	٧٦١٢	٧٦٢٥	٧٦٣٨	٧٦٥١	٧٦٦٤	٧٦٧٧	٧٦٩٠	٧٧٠٣	٧٧١٦	٧٧٢٩	٧٧٤٢	٧٧٥٥	٧٧٦٨	٧٧٨١	٧٧٩٤	٧٨٠٧	٧٨٢٠	٧٦٩٠
٠,٨٩	٧٧٦٢	٧٧٧٥	٧٧٨٨	٧٨٠١	٧٨١٤	٧٨٢٧	٧٨٤٠	٧٨٥٣	٧٨٦٦	٧٨٧٩	٧٨٩٢	٧٩٠٥	٧٩١٨	٧٩٣١	٧٩٤٤	٧٩٥٧	٧٩٧٠	٧٩٨٣	٧٩٩٦	٧٨٦٦
٠,٩٠	٧٩٤٣	٧٩٥٦	٧٩٦٩	٧٩٨٢	٧٩٩٥	٨٠٠٨	٨٠٢١	٨٠٣٤	٨٠٤٧	٨٠٦٠	٨٠٧٣	٨٠٨٦	٨٠٩٩	٨١١٢	٨١٢٥	٨١٣٨	٨١٥١	٨١٦٤	٨١٧٧	٨٠٤٧
٠,٩١	٨١٧٨	٨١٩١	٨٢٠٤	٨٢١٧	٨٢٣٠	٨٢٤٣	٨٢٥٦	٨٢٦٩	٨٢٨٢	٨٢٩٥	٨٣٠٨	٨٣٢١	٨٣٣٤	٨٣٤٧	٨٣٦٠	٨٣٧٣	٨٣٨٦	٨٣٩٩	٨٣١٢	٨١٧٨
٠,٩٢	٨٣١٨	٨٣٣١	٨٣٤٤	٨٣٥٧	٨٣٧٠	٨٣٨٣	٨٣٩٦	٨٤٠٩	٨٤٢٢	٨٤٣٥	٨٤٤٨	٨٤٦١	٨٤٧٤	٨٤٨٧	٨٤٩٩	٨٥١٢	٨٥٢٥	٨٥٣٨	٨٥٥١	٨٣٣١
٠,٩٣	٨٥١١	٨٥٢٤	٨٥٣٧	٨٥٥٠	٨٥٦٣	٨٥٧٦	٨٥٨٩	٨٦٠٢	٨٦١٥	٨٦٢٨	٨٦٤١	٨٦٥٤	٨٦٦٧	٨٦٨٠	٨٦٩٣	٨٧٠٦	٨٧١٩	٨٧٣٢	٨٧٤٥	٨٥٤٧
٠,٩٤	٨٧١٠	٨٧٢٣	٨٧٣٦	٨٧٤٩	٨٧٦٢	٨٧٧٥	٨٧٨٨	٨٨٠١	٨٨١٤	٨٨٢٧	٨٨٤٠	٨٨٥٣	٨٨٦٦	٨٨٧٩	٨٨٩٢	٨٩٠٥	٨٩١٨	٨٩٣١	٨٩٤٤	٨٧٤٧
٠,٩٥	٨٩١٣	٨٩٢٦	٨٩٣٩	٨٩٥٢	٨٩٦٥	٨٩٧٨	٨٩٩١	٩٠٠٤	٩٠١٧	٩٠٣٠	٩٠٤٣	٩٠٥٦	٩٠٦٩	٩٠٨٢	٩٠٩٥	٩١٠٨	٩١٢١	٩١٣٤	٩١٤٧	٨٩٤٧
٠,٩٦	٩١٢٠	٩١٣٣	٩١٤٦	٩١٥٩	٩١٧٢	٩١٨٥	٩١٩٨	٩٢١١	٩٢٢٤	٩٢٣٧	٩٢٥٠	٩٢٦٣	٩٢٧٦	٩٢٨٩	٩٣٠٢	٩٣١٥	٩٣٢٨	٩٣٤١	٩٣٥٤	٩١٤٧
٠,٩٧	٩٣٣٣	٩٣٤٦	٩٣٥٩	٩٣٧٢	٩٣٨٥	٩٣٩٨	٩٤١١	٩٤٢٤	٩٤٣٧	٩٤٥٠	٩٤٦٣	٩٤٧٦	٩٤٨٩	٩٥٠٢	٩٥١٥	٩٥٢٨	٩٥٤١	٩٥٥٤	٩٥٦٧	٩٣٤٦
٠,٩٨	٩٥٥٠	٩٥٦٣	٩٥٧٦	٩٥٨٩	٩٦٠٢	٩٦١٥	٩٦٢٨	٩٦٤١	٩٦٥٤	٩٦٦٧	٩٦٨٠	٩٦٩٣	٩٧٠٦	٩٧١٩	٩٧٣٢	٩٧٤٥	٩٧٥٨	٩٧٧١	٩٧٨٤	٩٥٤٦
٠,٩٩	٩٧٧٢	٩٧٨٥	٩٧٩٨	٩٨١١	٩٨٢٤	٩٨٣٧	٩٨٥٠	٩٨٦٣	٩٨٧٦	٩٨٨٩	٩٩٠٢	٩٩١٥	٩٩٢٨	٩٩٤١	٩٩٥٤	٩٩٦٧	٩٩٨٠	٩٩٩٣	٩٩٠٦	٩٧٧٢

obeikandi.com

كشاف الموضوعات

أعمدة بيانية ٣٩
مجزأة ٤٠، ٤٢
مزدوجة (متلاصقة) ٤٠، ٤١
اقتران ١٤٥، ١٤٦، ١٤٨، ١٥٠، ١٥٢،
١٥٤، ١٥٣
التواء ١١٥، ١١٨، ١١٩، ١٢٠، ١٢١
انحدار ١٣١، ١٥٤، ١٥٥، ١٥٦، ١٥٨،
١٥٩، ١٦٠، ١٦١
انحراف متوسط ٩٩، ١٠٠، ١٠١، ١٠٢،
١٠٣
معياري ١٠٤، ١٠٥، ١٠٦، ١٠٧،
١٠٨، ١٠٩، ١١٠، ١١١، ١١٣
أوساط متحركة ١٩٩، ٢٠٠، ٢٠١، ٢٠٢،
٢٠٣

ب

بيانات كمية (رقمية) ١٤، ١٦، ١٨
وصفية (كيفية) ١٤

ت

تباديل ٢٦٤

ث

احتمال شرطي ٢٥٨، ٢٥٩، ٢٧١
إحصاءات الأمراض ٢٢٨
حيوية ٢١٥، ٢١٦، ٢١٧
إحصائيات المواليد ٢٢٣
الوفيات والهجرة ٢٢٥
اختبار الإشارة ٣٨٥، ٣٨٦، ٣٨٨
غير معملية ٣٨٥
الفروق بين متوسطي عينتين غير
مستقلين ٣٥٠
الفروض ٣٣١
كروسكال والبيس ٣٩٤
مان - وتيني يو ٣٨٩
ولكوكسون ٣٩١

ارتباط ١٣١
الأرقام القياسية ١٦١
استقلال ٢٥٨، ٢٥٩، ٢٦٠
استمارة احصائية ٧، ١٢
أشكال المنحنيات التكرارية ٣٥
أعمدة بسيطة ٣٩

طبيعي (معتدل) ٣٠٠
 طبيعي قياسي ٣٠٢
 معاينة ٣١٣، ٣١٧، ٣١٨
 توقع ٢٨٥، ٢٨٦، ٢٩١، ٢٩٣، ٢٩٤
 ٢٩٥، ٢٩٧

ج

جداول التجانس ٣٧٦، ٣٧٧
 تكرارية ذات الفئات غير المنتظمة ٢٣
 توزيعات تكرارية مزدوجة ٢٦
 توزيعات تكرارية مفتوحة ٢٤
 جدول توزيع التكرار النسبي ٢٢
 متجمع صاعد ٢٠، ٢١، ٢٢
 متجمع هابط ٢٠، ٢١، ٢٢

ح

حادثة ٢٤٣-٢٥٧، ٢٦١-٢٧١، ٢٧٣
 حدود فعلية للفئات ١٩، ٢٠

خ

خط بياني ٣٦، ٣٧، ٣٨

د

رسوم بيانية ٣٦
 دائرية ٤٢، ٤٣

س

سلاسل زمنية ١٩١

تباين ٨٦، ٩٠، ١٠٣، ١٠٤، ١٠٥
 ١٠٧، ١١٠، ١١١
 ٢٨٥، ٢٨٦، ٢٩١، ٢٩٣
 ٢٩٤، ٢٩٥، ٢٩٧
 تجربة عشوائية ٢٤٣، ٢٤٦، ٢٤٧، ٢٤٨
 تحليل التباين ٤٠١، ٤٠٢، ٤٠٣، ٤٠٤
 ٤٠٧، ٤٠٨، ٤١٠، ٤١١
 ٤١٢، ٤١٣

تصميم تام العشوائية ٤١١
 السلاسل الزمنية ١٩١، ١٩٢
 ١٩٣، ١٩٤، ١٩٥، ١٩٦
 ١٩٧، ١٩٨، ١٩٩

تعداد السكان ٢١٥، ٢١٦، ٢٢٠، ٢٢٢
 تعريف تجريبي للاحتفال ٢٤٨، ٢٤٩
 تقليدي للاحتفال ٢٤٨

تفلطح ١١٥، ١٢٢، ١٢٣، ١٢٤، ١٢٥
 تقدير ٣١٣، ٣٢٢، ٣٢٣، ٣٢٤، ٣٢٦
 ٣٢٧، ٣٢٨، ٣٢٩

عدد السكان ٢١٨
 تمثيل بياني للتوزيعات ٢٨
 بياني للسلسلة الزمنية ١٩٢
 تنظيم وتلخيص البيانات ١٣
 توافق ١٤٨، ١٤٩

توافق ٢٦٥
 توزيعات احتمالية ٢٨٢، ٢٨٣، ٢٨٥
 توزيع بواسون ٢٩٧، ٢٩٨، ٢٩٩

تسي ٣٤٤، ٣٤٥
 ذي الحدين ٢٩٢، ٢٩٣، ٢٩٤
 ٢٩٥، ٢٩٦

مركبات السلاسل الزمنية ١٩٤ - ١٩٨
 مركز الفئات ١٩ ، ٢٠
 منسلمات الاحتمالات ٢٤٩ ، ٢٥٠ ، ٢٥٢ ،
 ٢٥٤
 مصادر البيانات ٦
 مصدر تاريخي ٦
 ميداني ٦
 مضلع تكراري ٣٠ - ٣٢
 معامل الاختلاف المتوي ١١٤ ، ١١٥
 معامل الاختلاف النسبي ١١٤ ، ١١٥
 مقاييس التشتت النسبية ١١٣
 النزعة المركزية ٥١
 منحني تكراري ٣٢ ، ٣٣
 متجمع صاعد ٣٢ ، ٣٣
 متجمع هابط ٣٤
 منوال ٦٩ - ٧٩

ن

نصف المدى الربيعي ٩٢ - ٩٧ ، ٩٩

هـ

وسط توافقي ٨١ ، ٨٢
 حسابي (متوسط) ٥٢ - ٥٤ ،
 ٥٦ - ٥٨
 حسابي مرجح ٥٨ ، ٥٩
 هندسي ٧٩ ، ٨٠ ، ٨٢
 وسيط ٦٠ - ٦٩

ط

طرق العد ٢٦٣ ، ٢٦٦ ، ٢٦٧ ، ٢٦٩
 طريقة المربعات الصغرى ١٥٨

ع

عزوم ١١٥ ، ١١٦ ، ١١٧ ، ١١٩ ، ١٢٠ ،
 ١٢٢ ، ١٢٣ ، ١٢٤
 عينة إحصائية ٣
 عشوائية بسيطة ٤ ، ٥
 عشوائية طبقية ٥

ف

فراغ العينة ٢٤٣ - ٢٤٦ ، ٢٤٨ ، ٢٥٦ ،
 ٢٦٣ ، ٢٦٧ ، ٢٦٨ ، ٢٦٩

م

مبادئ الاحتمالات ٢٣٣
 متغيرات عشوائية ٢٨١ - ٢٨٦ ، ٢٨٨ ،
 ٢٩١ - ٢٩٤ ، ٢٩٦ ، ٢٩٨ ،
 ٢٩٩ ، ٣٠٧
 مجتمع إحصائي ٣ ، ٤
 مجموعات ٢٣٤ - ٢٤٠ ، ٢٤٣
 مدرج تكراري ٢٨ ، ٢٩ ، ٣٠ ، ٧٦
 مدى ٩٠ ، ٩١ ، ٩٢
 مربع كاي ٣٥٩ - ٣٦١ ، ٣٦٣ ، ٣٦٩ ،
 ٣٧٠ ، ٣٧٣ ، ٣٧٥