

أرقام قديمة جداً



عرف الإنسان الأرقام منذ فترة طويلة ، وقد تطورت الأرقام التي استخدمت تطوراً كبيراً حتى صارت بالهيئة التي نراها عليها الآن .
والجدول التالي يوضح بعض نماذج الأرقام التي استخدمتها الأمم السابقة :

الأرقام الحديثة	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	100
قدماء المصريين	∟	∟∟	∟∟∟	∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟
البابليون	∟	∟∟	∟∟∟	∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟∟
الرومان	A	B	Γ	Δ	E	F	Z	H	θ	I	K	N	P
المصريين	—	—	—	—	—	—	—	—	—
الصينيون	一	二	三	四	五	六	七	八	九	十	二十	五十	百
الهنود	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	100
العرب	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	100

➔ الأرقام اللاتينية

لا تزال الأرقام اللاتينية تستخدم حتى الآن . وتعتمد هذه الأرقام على سبعة أحرف مختلفة كما يلي :

$$100 = C , 50 = L , 10 = X , 5 = V , 1 = I$$

$$1000 = M , 500 = D$$

ولهذه الأعداد قواعد وأصول . . فإذا كان العدد يتكون من حرفين ، وكان الحرف الأيمن يعني رقماً أكبر مما يعنيه الحرف الأيسر . يطرح الأصغر من الأكبر .

مثال : $9 = 10 - 1 = IX$.

وإذا كان الحرف الأيمن يعنى رقمًا أصغر أو مساويًا لما يعنيه الحرف الأيسر . . كان العكس حيث يجمع مدلول الحرفين . .

$$7 = 1 + 1 + 5 = VII \text{ : مثال}$$

$$20 = 10 + 10 = XX \text{ ,}$$

والجدول الآتى يوضح معظم الأرقام والأعداد اللاتينية

الرقم اللاتينى	الرقم المتداول	الرقم اللاتينى	الرقم المتداول	الرقم اللاتينى	الرقم المتداول	الرقم اللاتينى	الرقم المتداول
CD	400	XXX	30	XI	11	I	1
D	500	XL	40	XII	12	II	2
DC	600	L	50	XIII	13	III	3
DCC	700	LX	60	XIV	14	IV	4
DCCC	800	LXX	70	XV	15	V	5
CM	900	LXXX	80	XVI	16	VI	6
M	1000	XC	90	XVII	17	VII	7
MM	2000	C	100	XVIII	18	VIII	8
MMM	3000	CC	200	XIX	19	IX	9
		CCC	300	XX	20	X	10

ولكتابة أى عدد بمدلوله اللاتينى نسوق هذا المثال :

$$4000 + 800 + 60 + 2 = 4862 \text{ : مثال}$$

$$MMMM \text{ DCCC LX II} =$$

$$MMMMDCCCLXII = 4862 \text{ أى أن}$$

والآن هل يمكنك كتابة العدد 1998 بالأرقام اللاتينية ؟



نعرض هنا بعض الألغاز والألعاب الطريفة والممتعة التي يمكنك أن تجربها مع بعض أصدقائك . .

👉 لغز العدد 1089 :

هذه حيلة طريفة يمكنك أن تخدع بها أصدقائك ، وتجعلهم يسلمون لك بالذكاء الخارق ، حيث تخبرهم أنك تستطيع أن تعرف ناتج العملية الحسابية قبل إجرائها !! وإليك الطريقة :

اكتب العدد 1089 في قطعة صغيرة من الورق وأحكم طيها ، وأعطها لصديقك . . والآن تبدأ اللعبة :

1 - اطلب منه أن يختار أي عدد مكون من ثلاثة أرقام بحيث يزيد رقم المئات على رقم الآحاد باثنين أو أكثر . . وليكن هذا العدد هو (854) .

2 - اطلب منه أن يعكس هذا العدد بحيث يصبح رقم الآحاد مكان رقم المئات ، ورقم المئات مكان رقم الآحاد ، هكذا (458) .

3 - اطلب منه أن يحسب الفرق بين العددين [$396 = 458 - 854$] .

4 - اطلب منه أن يعكس ناتج عملية الطرح هكذا (693) .

5 - اطلب منه أن يجمع ناتج عملية الطرح + معكوسه ، هكذا :

$$1089 = 693 + 396$$

6 - اطلب منه أن يقارن الناتج (1089) بالعدد الذي سبق أن كتبه له في الورقة الصغيرة .

سوف يتعجب صديقك كثيراً وتعلوه الدهشة ، إذ أن الناتج هو نفس العدد الذي سبق أن كتبه في الورقة قبل بداية هذه اللعبة الحسابية العجيبة !!

• مثال تطبيقي :

351	(1) الرقم المختار
153	(2) معكوسه
198	(3) ناتج الطرح
891	(4) معكوس ناتج الطرح
1089	(5) المجموع

وهو العدد السحري العجيب

👉 كيف يمكنك معرفة العدد بمعرفة رقم واحد من مكوناته ؟

- وبهذه اللعبة أيضا يشهد لك الأصدقاء بالبراعة الفائقة ، والعقل الرياضى المميز . . . والآن لنبدأ اللعبة :
- اطلب من صديقك أن :
- (1) يختار رقماً من 1 إلى 9 .
 - (2) يضرب هذا الرقم $\times 10$.
 - (3) يضيف الرقم المختار إلى ناتج الخطوة السابقة .
 - (5) يضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 3$ ثم يضرب الناتج $\times 11$ ثم يضرب الناتج $\times 3$
- والآن اطلب من صديقك أن يخبرك فقط برقم الآحاد فى الناتج النهائى . . . وإذ أنه بهذا الرقم يمكنك معرفة الناتج النهائى ، هكذا :
- الآن أنت تعرف رقم الآحاد (الرقم الأخير) .
 - الرقم الثانى = $9 -$ رقم الآحاد .
 - الرقم الأول = الرقم الثانى + 1
 - = أيضا الرقم الذى اختاره صديقك أولاً .
 - الرقم الثالث = $9 -$ الرقم الأول .
- والآن بترتيب هذه الأرقام يمكنك معرفة الناتج النهائى والذى سبق أن توصل له صديقك ولم يخبرك سوى برقم الآحاد منه . . .

• مثال تطبيقي :

(1) هب أن صديقك اختار الرقم 7 .

(2) اضرب $10 \times 7 = 70$

(3) أضف الرقم المختار إلى الخطوة السابقة $77 = 7 + 70$

(4) اضرب $3 \times 77 = 231$

ثم اضرب $11 \times 231 = 2541$

ثم اضرب $3 \times 2541 = 7623$

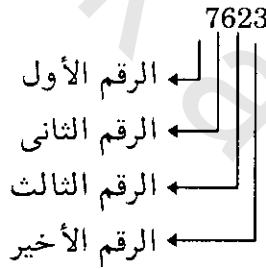
(5) مفتاح الحل هو رقم الآحاد (الأخير) وهو هنا (3) .

- الرقم الثاني $6 = 3 - 9 = 3 - 9$

- الرقم الأول $7 = 1 + 6 = 1 + 6 \leftarrow$ وهو أيضا الرقم المختار أولاً .

- الرقم الثالث $2 = 7 - 9 = 7 - 9$

- وعلى ذلك فإن الناتج النهائي هو :



كيف يمكنك أن تعرف العدد الذي اختاره صديقك دون أن يخبرك به ؟

وهذه لعبة أخرى يمكنك فيها أن تتعرف على العدد الذي اختاره صديقك دون أن يخبرك . . وإليك الطريقة :

(1) اطلب من صديقك أن يختار أي عدد مكون من رقمين ، ولا يخبرك به .

(2) اطلب منه أن يضرب رقم العشرات $\times 5$ ثم يضيف 7 إلى حاصل الضرب .

(3) اطلب منه أن يضاعف ناتج الخطوة رقم (2) .

(4) عليه الآن أن يضيف رقم الآحاد إلى ناتج الخطوة (3) ، ثم يخبرك بعد ذلك بالناتج .

(5) دون أن يدري ، اطرح (14) من ناتج القوة (4) ، سيكون ناتج الطرح هو نفس العدد الذى اختاره صديقك فى البداية . . وطبعاً ستكون المفاجئة عندما تخبره بذلك !!

• مثال تطبيقي :

(1) افترض أن صديقك اختار العدد 84 .

(2) اضرب رقم العشرات $\times 5$ ثم أضف 7 إلى حاصل الضرب

$$47 = 7 + (5 \times 8)$$

(3) مضاعفة الناتج $94 = 2 \times 47$

(4) إضافة رقم الآحاد إلى ناتج الخطوة (3) $98 = 94 + 4$

(5) دون أن يدري ، اطرح (14) من ناتج الخطوة (4) ،

$$\boxed{84} = 14 - 98$$

وناتج الخطوة (5) هو نفسه العدد الذى تم اختياره أولاً . .

ولكن : ماذا لو كان العدد الذى اختاره صديقك ثلاثياً ؟

بالطبع سنتبع طرقاً أخرى لمعرفة هذا العدد دون أن يخبرك به صديقك !
وهذه الطرق كالاتى :

اطلب من صديقك أن :

(1) يختار أى عدد يتكون من ثلاثة أرقام ، ولا يخبرك به .

(2) يضرب رقم المئات $\times 2$ ، ثم يضيف إلى الناتج 3 .

(3) يضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 5$ ثم يضيف إلى الناتج 7 .

(4) يضيف رقم العشرات فى العدد الذى اختاره إلى ناتج الخطوة السابقة .

(5) يضاعف ناتج الخطوة السابقة ثم يضيف إلى الناتج 3 .

(6) يضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 5$ ، ثم يضيف إلى الناتج رقم الآحاد

فى العدد الذى اختاره .

(7) اطلب منه الآن أن يخبرك فقط بناتج الخطوة (6) ، وبعيداً عنه اطرح

235 من هذا الناتج .

وستكون دهشته بالغة عندما تخبره بناتج الطرح ، إذ هو نفسه العدد الذي اختاره وأخفاه عنك !! .

• مثال تطبيقي :

(1) افترض أن صديقك اختار العدد 843

$$19 = 3 + (2 \times 8) \quad (2)$$

$$102 = 7 + (5 \times 19) \quad (3)$$

$$106 = 102 + 4 \quad (4)$$

$$215 = 3 + (2 \times 106) \quad (5)$$

$$1078 = 3 + (5 \times 215) \quad (6)$$

$$\boxed{843} = 235 - 1078 \quad (7)$$

وهو نفس العدد الذي اختاره صديقك !!

أليس ذلك مدهشاً؟ !!

👉 كيف يمكنك أن تحدد عمر صديقك دون أن يخبرك به ؟

هذه واحدة من طرائف الأعداد ، حيث يمكنك معرفة عمر صديقك دون أن

يخبرك به ، وما عليك إلا اتباع الخطوات التالية بالترتيب :

(1) اطلب من صديقك أن يضيف عمره الحالي إلى عمره العام القادم .

(2) اطلب منه أن يضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 5$.

(3) عليه أن يضيف رقم الآحاد في عام ميلاده إلى ناتج الخطوة (2) .

(4) اطلب منه أن يطرح 5 من ناتج الخطوة السابقة .

(5) الرقمان أقصى يسار الناتج يمثلان العمر الحقيقي لصديقك !!

• مثال تطبيقي :

هَب أن عمر صديقك 14 عاماً وأنه ولد عام 1982 .

$$29 = 15 + 14 \quad (1)$$

$$145 = 5 \times 29 \quad (2)$$

$$149 = 145 + 4 \quad (3)$$

$$(4) \quad 149 - 5 = 144 .$$

(5) الرقمان أقصى اليسار هما العمر الحقيقي وهما 14 .

كيف تحدد تاريخ ميلاد صديقك باليوم والشهر دون أن يخبرك ؟

إذا كنت قد استطعت أن تعرف عمر صديقك دون أن يخبرك ، فإنك تستطيع أن تخبره بتاريخ ميلاده ! . . إنها طرفة الأرقام و غرابتها . . وبداية ، عليك أن تمثل بالأرقام ترتيب أيام الأسبوع . . وكذا الشهور . . هكذا :

السبت ← 1 ، الأحد ← 2 ، الاثنين ← 3

وهكذا حتى الجمعة ← 7

وأيضاً :

يناير ← 1 ، فبراير ← 2 ، مارس ← 3

وهكذا حتى ديسمبر ← 12

والآن تبدأ اللعبة باتباع الخطوات التالية :

(1) اطلب من صديقك أن يسجل (مبتدئاً من اليسار) العدد الذى يمثل ترتيب اليوم الذى ولد فيه من الأسبوع ، ثم ترتيب الشهر الذى ولد فيه من السنة ، ثم ترتيب اليوم الذى ولد فيه من الشهر . . ليكون العدد المطلوب مرتباً هكذا :

--	--	--

ترتيب اليوم من الشهر ترتيب الشهر من السنة ترتيب اليوم من الأسبوع

(2) اطلب من صديقك أن يضاعف هذا العدد .

(3) ثم يضيف 5 إلى الناتج .

(4) بضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 50$.

(5) اطلب منه أن يضيف إلى ناتج الخطوة (4) عمره الحالى .

(6) ثم يطرح 365 من ناتج الخطوة (5) .

(7) ثم نضيف إلى ناتج الخطوة السابقة 115 .

والآن فإن ناتج الخطوة (7) يمثل المفاجأة . . إنه يمثل من اليسار ترتيب اليوم الذي ولد فيه صديقك ، ثم ترتيب الشهر ، ثم ترتيب اليوم من الشهر . . وأخيراً عمره الحالي !!

• مثال تطبيقي (1) :

افتراض أن صديقك ولد يوم الأحد ، السادس من مايو في عام 1962 ، وأن عمره الحالي 33 سنة .

(1) سوف نبدأ مع العدد 256 ، حيث يمثل الرقم 2 يوم الأحد ، والرقم 5 شهر مايو ، والرقم 6 ترتيب اليوم الذي ولد فيه من الشهر .

$$(2) \text{ يضاعف العدد السابق} \quad 512 = 256 \times 2$$

$$(3) \quad 517 = 5 + 512$$

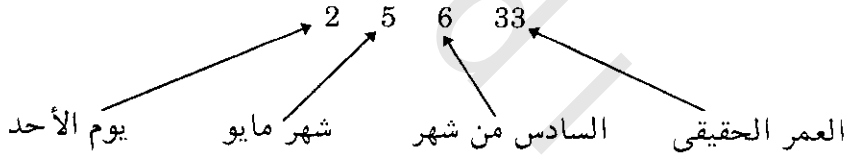
$$(4) \quad 25850 = 50 \times 517$$

$$(5) \quad 25883 = 33 + 25850$$

$$(6) \quad 25518 = 365 - 25883$$

$$(7) \quad 25633 = 115 + 25518$$

والآن ، فإن الناتج الأخير يمثل العدد المعجز . . إذ أن :



• مثال تطبيقي (2) :

هب أن صديقك ولد يوم الأربعاء 15 من أكتوبر عام 1962 وأن عمره الحالي 33 سنة .

$$(1) \text{ العدد الأول} \quad 5 \quad 10 \quad 15$$

$$(2) \quad 2 \times$$

$$\hline 10 \quad 20 \quad 30$$

$$\begin{array}{r} 10 \quad 20 \quad 30 \\ \quad 5 \quad + \end{array} \quad (3)$$

$$\begin{array}{r} 10 \quad 20 \quad 35 \\ \quad 50 \quad \times \end{array} \quad (4)$$

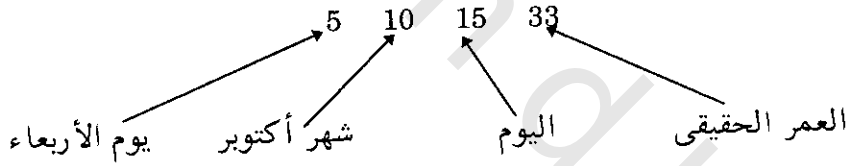
$$\begin{array}{r} 5101750 \\ \quad 33 \quad + \end{array} \quad (5)$$

$$\begin{array}{r} 5101783 \\ \quad 365 \quad - \end{array} \quad (6)$$

$$\begin{array}{r} 5101418 \\ \quad 115 \quad + \end{array} \quad (7)$$

5101533

والآن تأمل الناتج الأخير وقرأه هكذا :



مربع عيد الميلاد :

كثيراً ما نسمع عن المربعات السحرية ، والتي يمكن تكوين العديد منها . .
 وكل منها يعتمد على فكرة أساسية .
 وهنا نقوم بتكوين مثل هذه المربعات ، والتي تعتمد أساساً على فكرة تاريخ
 الميلاد ، وتلعب فيها الأرقام دوراً طريفاً وشائقاً كما يتضح مما يلي :
 نفترض أن حاتم ولد في الخامس من شهر فبراير عام 80 ، ونريد أن
 نستخدم هذه المعلومات في تكوين مربع سحري 3×3 .

اتبع هذه الخطوات :

ص	أ	س
هـ	و	جـ
ب	ع	د

- تكون المربع بالحروف كما هو موضح .
- تاريخ الميلاد هو 5 / 2 / 80 .
- ندخل الأعداد فى المربعات كما يلى :
- فى المربع (أ) اكتب السنة (80)

- أضف اليوم إلى السنة ($85 = 80 + 5$) وأدخل الناتج فى المربع (ب) .

- أضف اليوم إلى عدد المربع ب ($90 = 85 + 5$) وأدخل الناتج فى المربع (جـ) .

- أضف الشهر إلى السنة ($82 = 80 + 2$) وأدخل الناتج فى المربع (د) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (د) ($84 = 82 + 2$) وأدخل الناتج فى المربع (هـ) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (ب) ($87 = 85 + 2$) وأدخل الناتج فى المربع (و) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (و) ($89 = 87 + 2$) وأدخل الناتج فى المربع (س) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (جـ) ($92 = 90 + 2$) وأدخل الناتج فى المربع (ص) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (ص) ($94 = 92 + 2$) وأدخل الناتج فى المربع (ع) .

والآن لقد اكتمل المربع (مربع حاتم) كما ترى :

92	80	89
84	87	90
85	94	82

261 ← (top row sum)
 261 (left column sum)
 261 (right column sum)
 261 (bottom row sum)

اختبر هذا المربع تجد أن :

(1) مجموع أى صف = مجموع أى عمود

= مجموع أى من القطرين

(2) عند قسمة هذا المجموع $\div 3$

يكون الناتج هو العدد الموجود

فى مربع المركز .

حيث أن المجموع (261) $\div 3 = 87$ (عدد مربع المركز) .

والآن يمكنك تكوين هذا المربع باستخدام تاريخ ميلاد والد صديقك ، إذا

علمت أن تاريخ ميلاده هو 5 / 8 / 52

- أ = 52

- ب = 52 + 5 = 57

- ج = 57 + 5 = 72

- د = 52 + 8 = 60

- هـ = 8 + 60 = 68

- و = 57 + 8 = 65

- س = 65 + 8 = 73

- ص = 62 + 8 = 70

- ع = 70 + 8 = 78

والآن أصبح المربع كالاتى :

195	70	52	78
	68	65	62
	57	78	60
195			195

مجموع الأعداد فى أى صف = مجموعها فى أى عمود .

= مجموعها فى أى من القطرين = 195

$195 \div 3 = 65$ ← وهو نفس العدد الموجود فى مربع المركز

كما أن هناك خاصية مهمة تضاف إلى ما سبق وهى أن :

العدد الموجود فى مربع المركز = اليوم + الشهر + السنة

$52 + 8 + 5 = 65$

رقم السر :

تؤكد هذه اللعبة العددية على مهارتك في معرفة ما يخفيه الأصدقاء عنك من أرقام . . . والآن لنبدأ اللعبة :

- (1) دع صديقك يختار أى عدد مكون من 6 أرقام بعيداً عنك .
- (2) اطلب منه أن يحسب مجموع هذه الأرقام الستة .
- (3) دعه يطرح مجموع هذه الأرقام من العدد الأصلي .
- (4) اطلب منه أن يحتفظ بأى رقم من ناتج الخطوة السابقة ، ويعتبره رقم السر .
- (5) اطلب منه أن يحسب مجموع أرقام الخطوة السابقة بعد استبعاد رقم السر ويخبرك بهذا المجموع .
- (6) والآن يمكنك إخباره برقم السر الذى احتفظ به وأخفاه عنك ، وذلك بطرح ناتج الخطوة السابقة من أول عدد يليه يقبل القسمة على 9 .

• مثال تطبيقي (1) :

- (1) العدد المختار هو 975341
- (2) مجموع أرقام العدد = 29
- (3) ناتج الطرح = 975312
- (4) لنفترض أنه أخفى الرقم 5 ، فيكون العدد الباقي هو 97312
- (5) مجموع أرقام العدد بعد حذف رقم السر = 22
- أول عدد يقبل القسمة على 9 بعد 22 هو 27 .
- فيكون رقم السر هو $27 - 22 = 5$

• مثال تطبيقي (2) :

- (1) العدد الأصلي 408752 .
- (2) المجموع 26
- (3) ناتج الطرح 408726
- (4) هب أن صديقك أخفى الصفر . فيكون العدد الباقي هو 48726 .

(5) المجموع 27 .

ولما كان العدد 27 يقبل القسمة على 9

فإن رقم السر = $27 - 27 =$ صفر

👉 كيف تستطيع أن تعرف ما مع صديقك من نقود دون أن يخبرك ؟

بطريقة سهلة وشائقة ، ومحيرة في الوقت نفسه ، يمكنك أن تخبر صديقك

بما معه من نقود . . وما عليك إلا اتباع الخطوات التالية :

(1) اطلب منه أن يكتب المبلغ الذي معه (عدداً صحيحاً) في ورقة بعيداً عنك .

(2) عليه الآن أن يضاعف المبلغ .

(3) ثم يضيف واحداً إلى الناتج السابق .

(4) بضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 5$.

(5) يضيف إلى الناتج السابق 5 .

(6) عليه أن يضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 10$.

(7) يطرح 100 من ناتج الخطوة (6) .

والآن اطلب منه أن يخبرك بالناتج الأخير ، وما عليك إلا أن تحذف

رقمي الآحاد والعشرات ، ويكون العدد الباقي هو الذي يمثل المبلغ

الذي مع صاحبك .

• مثال تطبيقي :

(1) ما مع صديقك 25 جنيهاً .

$$50 = 2 \times 25 \quad (2)$$

$$51 = 1 + 50 \quad (3)$$

$$255 = 5 \times 51 \quad (4)$$

$$260 = 5 + 255 \quad (5)$$

$$2600 = 10 \times 260 \quad (6)$$

$$2500 = 100 - 2600 \quad (7)$$

بعد حذف رقمى الآحاد والعشرات ، يكون العدد المتبقى (25) وهو ما يمثل قيمة المبلغ الذى مع صاحبك .

أولاد وبنات :

- هذه لعبة طريفة تدل على طرافة الأرقام ومرونتها . . يمكنك أن تلعبها مع أفراد أسرتك ، وتنفذ كالآتى :
- (1) عدد الوالدين دائما $2 =$
 - (2) أضف عدد الأولاد إلى عدد الوالدين ثم اضرب الناتج $\times 2$ وأضف 1 .
 - (3) اضرب ناتج الخطوة السابقة $\times 5$ ثم أضف عدد البنات .
 - (4) اطرح 25 من ناتج الخطوة السابقة .
 - (5) تأمل ناتج الخطوة (4) جيداً ، تلاحظ أن رقم الآحاد يمثل عدد البنات بينما يمثل رقم العشرات عدد الأولاد .

• مثال تطبيقى :

إذا كان عدد الأولاد $= 5$ ، وعدد البنات $= 3$

$$(1) \text{ عدد الوالدين} = 2$$

$$(2) 15 = 1 + 2 \times (2 + 5)$$

$$(3) 78 = 3 + 5 \times 15$$

$$(4) 53 = 25 - 78$$

عدد الأولاد

عدد البنات

ويمكن إجمال الخطوات السابقة فى المعادلة الآتية :

$$[\text{الأبوان} + \text{الأولاد}) \times 2 + 1] \times 5 + \text{البنات} - 25 = \text{س ص}$$

فيكون س هو عدد البنات ، ص هو عدد الأولاد .

الناتج دائما = 7 :

- (1) تخير أى عدد .
- (2) ضاعف هذا العدد .
- (3) أضف إلى الناتج 17 .
- (4) اطرح من الناتج 3 .
- (5) اقسم الناتج على 2 .
- (6) اطرح العدد الأصلي من ناتج القسمة . . ماذا تلاحظ ؟
سوف نلاحظ دائما أن ناتج الطرح = 7 !!

• مثال تطبيقي :

1864 = العدد المختار (1)

$2 \times$ (2)

3728

$17 +$ (3)

3745

$3 -$ (4)

3742

$2 \div$ (5)

1871

$1864 -$ (6)

$7 =$

حيلة مدهشة :

- (1) اختر أى عدد .
- (2) اضرب هذا العدد $\times 3$.

- (3) أضف إلى الناتج 2 .
 (4) اضرب الناتج $\times 3$.
 (5) أضف إلى الناتج عدداً يزيد عن الذى اخترته بمقدار 2 .
 (6) تأمل الناتج النهائى جيداً . . ماذا تلاحظ ؟
 تلاحظ أنه بعد حذف رقم الآحاد فإن الأرقام المتبقية تمثل العدد الذى اخترته أولاً .

• مثال تطبيقي :

$$107 \quad (1) \text{ العدد المختار هو}$$

$$\begin{array}{r} 107 \\ \times 3 \\ \hline \end{array} \quad (2)$$

$$\begin{array}{r} 321 \\ + 2 \\ \hline \end{array} \quad (3)$$

$$\begin{array}{r} 323 \\ \times 3 \\ \hline \end{array} \quad (4)$$

$$\begin{array}{r} 969 \\ + 109 \\ \hline \end{array} \quad (5) \quad [109 = 2 + 107]$$

$$1078$$

- (6) بعد حذف رقم الآحاد يصير العدد 107 ، وهو نفسه الذى تم اختياره أولاً .

👉 الرقم المفقود :

- (1) اختر عدداً كبيراً مكوناً من ستة أو سبعة أرقام .
 (2) اجمع أرقام هذا العدد .
 (3) اطرح المجموع من العدد الأسمى .
 (4) أعد ترتيب أرقام ناتج الطرح بأى طريقة تراها .

- (5) أضف إلى العدد الجديد 25 .
 (6) احذف من الناتج أى عدد غير الصفر .
 (7) اجمع الأرقام المتبقية بعد الحذف .
 (8) اطرح هذا المجموع من 25 .
 (9) ناتج الطرح دائماً يساوى الرقم المحذوف !!
 وإذا كان الناتج عدداً مكوناً من رقمين ، كان مجموعهما هو الرقم
 المحذوف !!

• مثال تطبيقي :

- (1) الرقم المختار = 712543
 (2) مجموع أرقامه = 22
 (3) ناتج الطرح = 712521
 (4) يمكن إعادة ترتيب الأرقام هكذا : 211527
 (5)
$$\begin{array}{r} 25 \\ + \\ \hline 211552 \end{array}$$

 (6) احذف الرقم 1 = 21552
 (7) المجموع بعد الحذف = 15
 (8) اطرح المجموع من 25 يكون الناتج = 10
 الرقم المحذوف = 0 + 1 = 1

وهذه الحيلة يمكن تحويلها إلى لعبة طريفة مع الأصدقاء ، مع إيهامهم
 بقدرتك على معرفة الرقم المحذوف دون أن يخبروك . . فقط اطلب منهم
 المجموع بعد حذف الرقم ، ثم اطرح هذا المجموع من 25 لتخبرهم بالرقم
 المحذوف ، وعندها ستسيطر عليهم الدهشة !!



جدول معرفة الأعمار :

أ	ب	ج	د	هـ	و
1	2	4	8	16	32
3	3	5	9	17	33
5	6	6	10	18	34
7	7	7	11	19	35
9	10	12	12	20	36
11	11	13	13	21	37
13	14	14	14	22	38
15	15	15	15	23	39
17	18	20	24	24	40
19	19	21	25	25	41
21	22	22	26	26	42
23	23	23	27	27	43
25	26	28	28	28	44
27	27	29	29	29	45
29	30	30	30	30	46
31	31	31	31	31	47
33	34	36	40	48	48
35	35	37	41	49	49
37	38	38	42	50	50
39	39	39	43	51	51
41	42	44	44	52	52
43	43	45	45	53	53
45	46	46	46	54	54
47	47	47	47	55	55
49	50	52	56	56	56
51	51	53	57	57	57
53	54	54	58	58	58
55	55	55	59	59	59
57	58	60	60	60	60
59	59	61	61	61	61
61	62	62	62	62	62
63	63	63	63	63	63

الجدول المقابل يساعدك في معرفة

أعمار أصدقائك . .

وإليك الطريقة :

أسأل صديقك عن الأعمدة المدون

بها عمره .

وببساطة اجمع الأعداد أعلى تلك

الأعمدة ، فيكون الناتج هو عمر

صديقك ..

لنفترض أن عمر صديقك 21 سنة ،

نجد أن العدد 21 موجود في

الأعمدة أ ، ج ، هـ ،

مجموع الأعداد أعلى هذه الأعمدة

$$21 = 16 + 4 + 1 =$$

وبالعكس إذا أخبرك صاحبك أن

عمره تكرر في الأعمدة أ ، د ، هـ

$$\text{فإن عمره } = 16 + 8 + 1 =$$

$$25 = \text{سنة}$$

وبالفعل نجد أن العدد 25 مكرر في

الأعمدة الثلاثة المذكورة .

الضرب بمجرد النظر :

هناك بعض عمليات الضرب قد تبدو صعبة نظراً لضخامة الأعداد المستخدمة ، إلا أنه في الواقع يمكن إجراء تلك العمليات بسهولة كما في الحالات التالية :

• الضرب $\times 999$:

لاحظ المثال التالي : $475000 - 475 = 474525 = 475 \times 999$

أى أننا أضفنا للعدد المضروب فيه ثلاثة أصفار [عدد التسعات] ، ثم طرحنا من الناتج المضروب فيه.

وبالمثل فإن : $82500 - 825 = 81675 = 825 \times 99$

، $7200000 - 72 = 7199928 = 72 \times 99999$ ،

• الضرب $\times 5$:

لضرب عدد ما $\times 5$ ، أضف صفراً إلى العدد ، ثم اقسم الناتج $\div 2$ ، كما يلي :

$172 \times 5 = 860 = 1720 \div 2$

• الضرب $\times 125$:

لضرب عدد ما $\times 125$ ، أضف ثلاثة أصفار إلى العدد ثم اقسم الناتج $\div 8$ كما يلي :

$872 \times 125 = 109000 = 872000 \div 8$

التقويم :

جمعة	خميس	أربعاء	ثلاثاء	اثنين	أحد	سبت
2	1					
9	8	7	6	5	4	3
16	15	14	13	12	11	10
23	22	21	20	19	18	17
30	29	28	27	26	25	24

هذه لعبة طريفة تنم عن طرافة الأرقام ولغتها المرححة ، ولا تحتاج فيها إلا إلى تقويم شهري كالمبين بالشكل السابق .

(1) اطلب من صديقك أن يختار ثلاثة تواريخ متتالية ، ويكون منها مربعاً يحتوى على ثلاثة صفوف وثلاثة أعمدة كما بالشكل .

(2) من غير أن تطلع على ما اختاره صديقك يمكنك إخباره بمجموع الأعداد داخل المربع الذى اختاره كما يلي .

(3) فقط اسأله عن أصغر تاريخ فى المربع .

(4) أضف إلى التاريخ 8 ثم اضرب التاريخ $\times 9$ يكون الناتج هو مجموع الأعداد داخل المربع . .

وفى المثال الموضح مجموع الأعداد

$$22 + 21 + 20 + 15 + 14 + 13 + 8 + 7 + 6 = 126 =$$

- أصغر تاريخ هو 6 $126 = 9 \times (8 + 6)$

- وكذا لو أخذنا المربع الثانى ، فإن مجموع الأعداد

$$27 + 26 + 25 + 20 + 19 + 18 + 13 + 12 + 11 = 171 =$$

- أصغر تاريخ هو 11 $171 = 9 \times (8 + 11)$

👉 حساب مربع أى عدد مكون من تكرارات الرقم 9 :

عند ضرب أى عدد مكون من تكرار الرقم 9 فى نفسه ، عليك باتباع

الآتى مبتدئاً من اليمين :

(1) اكتب الرقم 1 .

(2) ضع عدداً من الأصفار أقل من عدد التسعات بمقدار 1 .

(3) ضع 8 .

(4) ضع عدداً من التسعات يساوى عدد الأصفار .

• مثال : احسب $(99999)^2$

$$1 \quad (1)$$

$$0000 \quad (2) \quad [\text{أربعة أصفار ، حيث عدد التسعات} = 5]$$

$$8 \quad (3)$$

$$9999 \quad (4)$$

$$9999800001 = (9999)^2 \text{ أى أن :}$$

👉 **حساب مربع أى عدد رقم أحاده = 5 :**

عند حساب مربع أى عدد مكون من مجموعة أرقام ، فيه رقم الآحاد = 5 نبدأ من اليمين ونكتب 25 (مربع رقم الآحاد) ثم نكتب حاصل ضرب رقم العشرات فى الرقم التالى له . .

$$\text{• مثال : } 1225 = (35)^2$$

$$3 \text{ (رقم العشرات)} \times 4 \text{ (الرقم التالى له)}$$

$$5 \times 5$$

$$\text{وكذا : } 9025 = (95)^2$$

فإذا كان العدد مكوناً من ثلاثة أرقام مثل :

$$697225 = (835)^2$$

$$84 \times 83$$

$$5 \times 5$$

$$\text{وبالمثل : } 555025 = (745)^2$$

وكذا إذا كان العدد مكوناً من أربعة أرقام كما يلى :

$$55130625 = (7425)^2$$

$$743 \times 742$$

$$5 \times 5$$

👉 **حساب مجموع سلسلة من الأعداد المتتالية :**

عند حساب مجموع سلسلة من الأعداد المتتالية عليك اتباع الآتى :

- (1) أضف العدد الأول إلى العدد الأخير .
 (2) اضرب الناتج $\times \frac{1}{2}$ عدد أعداد السلسلة .

• مثال تطبيقي :

أوجد مجموع السلسلة الآتية : (14 + 15 + 16 + 17 + 18 + 19)

$$(1) \quad 33 = 19 + 14$$

$$(2) \quad 99 = \frac{6}{2} \times 33$$

أى أن المجموع = 99

وكذا : (39 + 40 + 41 + 42 + + 48)

$$\text{المجموع} = \frac{10}{2} \times (48 + 39) = 435$$

➡ حساب مجموع متتالية من الأعداد الفردية :

من 1 إلى 100 يوجد 50 عدداً فردياً :

$$1 + 3 + 5 + 7 + + 99$$

$$\text{المجموع} = \frac{50}{2} \times (99 + 1) = 2500$$

وبالمثل فإن مجموع المتتالية الحسائية :

$$(1, 3, 5, 7, 9, 11, 13)$$

$$= (13 + 1) \times \frac{7}{2} = 49$$

➡ حساب مجموع متتالية من الأعداد الزوجية :

من 1 إلى 100 يوجد 50 عدداً زوجياً :

$$2 + 4 + 6 + 8 + + 100$$

$$\text{المجموع} = \frac{50}{2} \times (100 + 2) = 2550$$

وبالمثل فإن مجموع المتتالية الحسائية :

$$(2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20)$$

$$= (20 + 2) \times \frac{10}{2} = 110$$

حساب حاصل ضرب أى عدد $\times 25$:

اضرب العدد $\times 100$ واقسم الناتج $\div 4$

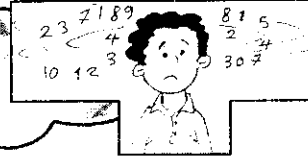
• مثال : $11550 = \frac{46200}{4} = 25 \times 462$

قابلية العدد للقسمة :

- يقبل العدد القسمة على 2 إذا كان رقم آحاده صفرًا أو زوجيًا مثل :
(150 ، 272 ، 6654 ، 43756 ، 199878)
- يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على 3
مثل : (48 ، 267 ، 1356)
- يقبل العدد القسمة على 4 إذا كان رقما الآحاد والعشرات يكونان عددًا يقبل القسمة على 4 ، أو كان كل منهما يساوى الصفر .
مثل (984 ، 1900)
- يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان رقم الآحاد فيه صفرًا أو خمسة مثل :
(5670 ، 5675) .
- يقبل العدد القسمة على 6 إذا كان زوجيًا ومجموع أرقامه يساوى 6 أو 9 . مثل : [3084 \Leftarrow مجموع الأرقام = 15 أى 15 = 1 + 5 = 6]
[1908 \Leftarrow مجموع الأرقام = 18 أى 18 = 1 + 8 = 9]
- يقبل العدد القسمة على 8 إذا كانت أرقام الآحاد والعشرات والمئات تكون عددًا يقبل القسمة على 8 . مثل : [41560 ، 5048]
- يقبل العدد القسمة على 9 إذا كان مجموع أرقامه = 9
[3222 \Leftarrow مجموع الأرقام = 9 ،
28998 \Leftarrow مجموع الأرقام = 36 أى 36 = 3 + 6 = 9]



تركيبات عددية مذهشة



نعرض هنا لجانب من جوانب إبداع الأرقام وسحرها !!
فهناك العدد من التراكيب المدهشة التي تكونها الأرقام .. وفيما يلي بعض منها :

• مع الرقم (1) :

$$\begin{aligned}
 1 &= 1 & \times & 1 \\
 121 &= 11 & \times & 11 \\
 12321 &= 111 & \times & 111 \\
 1234321 &= 1111 & \times & 1111 \\
 123454321 &= 11111 & \times & 11111 \\
 12345654321 &= 111111 & \times & 111111
 \end{aligned}$$

• مع الرقم (8) :

$$\begin{aligned}
 9 &= 1 + 8 \times 1 \\
 98 &= 2 + 8 \times 12 \\
 987 &= 3 + 8 \times 123 \\
 9876 &= 4 + 8 \times 1234 \\
 98765 &= 5 + 8 \times 12345 \\
 987654 &= 6 + 8 \times 123456 \\
 9876543 &= 7 + 8 \times 1234567 \\
 98765432 &= 8 + 8 \times 12345678 \\
 987654321 &= 9 + 8 \times 123456789
 \end{aligned}$$

وتأمل أيضا هذا التركيب المدهش الذي كونه الرقم 8 مع العدد 13 :

$$77 = 13 + 8 \times 8$$

$$717 = 13 + 88 \times 8$$

$$\begin{aligned}
7117 &= 13 + 888 \times 8 \\
71117 &= 13 + 8888 \times 8 \\
711117 &= 13 + 88888 \times 8 \\
7111117 &= 13 + 888888 \times 8
\end{aligned}$$

• مع الرقم (9) والتركيب 11 :

$$\begin{aligned}
1 &= 1 + 0 \times 9 \\
11 &= 2 + 1 \times 9 \\
111 &= 3 + 12 \times 9 \\
1111 &= 4 + 123 \times 9 \\
11111 &= 5 + 1234 \times 9 \\
111111 &= 6 + 12345 \times 9 \\
1111111 &= 7 + 123456 \times 9 \\
11111111 &= 8 + 1234567 \times 9 \\
111111111 &= 9 + 12345678 \times 9 \\
1111111111 &= 10 + 123456789 \times 9
\end{aligned}$$

• مع الرقم (9) والتركيب 88 :

$$\begin{aligned}
8 &= 8 + 0 \times 9 \\
88 &= 7 + 9 \times 9 \\
888 &= 6 + 98 \times 9 \\
8888 &= 5 + 987 \times 9 \\
88888 &= 4 + 9876 \times 9 \\
888888 &= 3 + 98765 \times 9 \\
8888888 &= 2 + 987654 \times 9 \\
88888888 &= 1 + 9876543 \times 9 \\
888888888 &= 0 + 98765432 \times 9
\end{aligned}$$

: 9 × 9 •

$$\begin{aligned} 81 &= 9 \times 9 \\ 9801 &= 99 \times 99 \\ 998001 &= 999 \times 999 \\ 99980001 &= 9999 \times 9999 \\ 9999800001 &= 99999 \times 99999 \end{aligned}$$

: 1 . 9 •

$$\begin{aligned} 08 &= 1 - 1 \times 9 \\ 188 &= 1 - 21 \times 9 \\ 2888 &= 1 - 321 \times 9 \\ 38888 &= 1 - 4321 \times 9 \\ 488888 &= 1 - 54321 \times 9 \\ 5888888 &= 1 - 654321 \times 9 \\ 68888888 &= 1 - 7654321 \times 9 \\ 788888888 &= 1 - 87654321 \times 9 \\ 8888888888 &= 1 - 987654321 \times 9 \end{aligned}$$

: 7 . 6 •

$$\begin{aligned} 49 &= 7 \times 7 \\ 4489 &= 67 \times 67 \\ 444889 &= 667 \times 667 \\ 44448889 &= 6667 \times 6667 \\ 4444488889 &= 66667 \times 66667 \\ 444444888889 &= 666667 \times 666667 \end{aligned}$$

: 4 . 3 •

$$\begin{aligned} 16 &= 4 \times 4 \\ 1156 &= 34 \times 34 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
111556 &= 334 \times 334 \\
11115556 &= 3334 \times 3334 \\
1111155556 &= 33334 \times 33334 \\
111111555556 &= 333334 \times 333334
\end{aligned}$$

• اضحك مع العدد 37 !!

عند ضرب العدد 37 في حدود المتوالية العددية :

3 ، 6 ، 9 ، 12 ، 15 ، 18 . . . سنجد أن الناتج مثيراً للدهشة . .

تعال لنرى :

$$111 = 3 \times 37$$

$$222 = 6 \times 37$$

$$333 = 9 \times 37$$

$$444 = 12 \times 37$$

$$555 = 15 \times 37$$

$$666 = 18 \times 37$$

$$777 = 21 \times 37$$

$$888 = 24 \times 37$$

$$999 = 27 \times 37$$

والآن جرب وتأمل ناتج الضرب في بقية حدود المتوالية .

• مع المتوالية العددية 9 ، 18 ، 27 . . .

تأمل ناتج ضرب حدود المتوالية العددية 9 ، 18 ، 27 ، . . . ، 81 في

123456789 هكذا :

$$1111111101 = 123456789 \times 9$$

$$2222222202 = 123456789 \times 18$$

$$3333333303 = 123456789 \times 27$$

$$4444444404 = 123456789 \times 36$$

$$5555555505 = 123456789 \times 45$$

$$6666666606 = 123456789 \times 54$$

$$7777777707 = 123456789 \times 63$$

$$8888888808 = 123456789 \times 72$$

$$9999999909 = 123456789 \times 81$$

ولكن . . ترى كيف سيكون ناتج الضرب لو عكس العدد 123456789 ؟!
سيكون الناتج أكثر غرابة . . تأمل :

$$0888888889 = 987654321 \times 9$$

$$1777777778 = 987654321 \times 18$$

$$2666666667 = 987654321 \times 27$$

$$3555555556 = 987654321 \times 36$$

$$4444444445 = 987654321 \times 45$$

$$5333333334 = 987654321 \times 54$$

$$6222222223 = 987654321 \times 63$$

$$7111111112 = 987654321 \times 72$$

$$8000000001 = 987654321 \times 81$$

من غرائب الرقم 9 ، أنه إذا ضرب \times أي عدد فإن مجموع أرقام الناتج دائماً = 9

$$[9 = 4 + 1 + 2 + 2] 4122 = 458 \times 9$$

$$\Leftarrow 18 = 5 + 2 + 0 + 2 + 9] 52029 = 5781 \times 9$$

$$[9 = 1 + 8$$

$$[9 = 8 + 1] 81 = 9^2$$

$$[9 = 1 + 8 \Leftarrow 18 = 7 + 2 + 9] 729 = 9^3$$

$$[9 = 1 + 8 \Leftarrow 18 = 6 + 5 + 6 + 1] 6561 = 9^4$$

$$[9 = 2 + 7 \Leftarrow 27 = 5 + 9 + 0 + 4 + 9] 59049 = 9^5$$

$$+ 6 + 7 + 8 + 4 + 4 + 0 + 1] 3486784401 = 9^{10}$$

$$[9 = 4 + 5 \Leftarrow 45 = 3 + 4 + 8$$

وهكذا

• مع الرقم (2) :

لاحظ التركيب الآتى :

9	8	7	6	5	4	3	2	1
1	2	3	4	5	6	7	8	9
9	8	7	6	5	4	3	2	1
1	2	3	4	5	6	7	8	9
							2	+
<hr/>								
2	2	2	2	2	2	2	2	2

• لاحظ الرقم 5 :

$$25 = 5 \times 5$$

$$3025 = 55 \times 55$$

$$308025 = 555 \times 555$$

$$30858025 = 5555 \times 5555$$

• لاحظ الرقم 6 :

$$36 = 6 \times 6$$

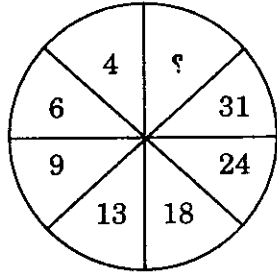
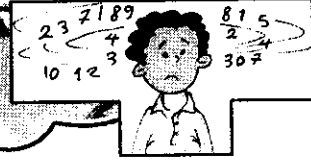
$$4356 = 66 \times 66$$

$$443556 = 666 \times 666$$

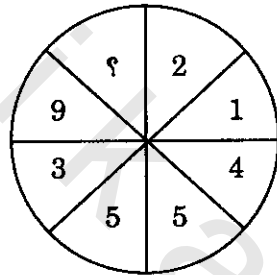
$$44435556 = 6666 \times 6666$$

$$4444355556 = 66666 \times 66666$$

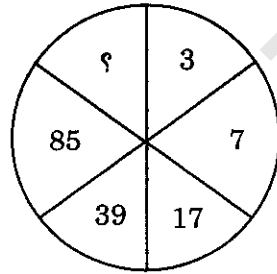
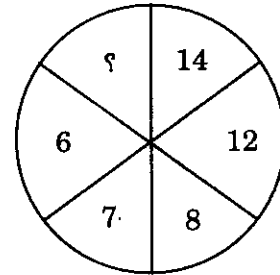
الأعداد الناقصة



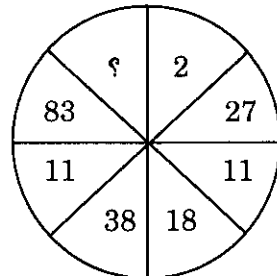
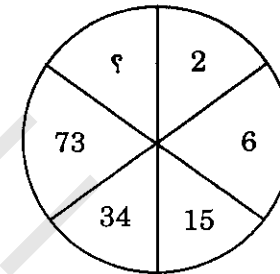
- (1) (أ) تأمل الأعداد الموضحة بالدوائر التالية ، واستنتج العلاقة بينها لتتعرف على الأعداد الناقصة :



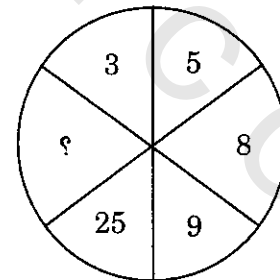
- (2)



- (3) (4)

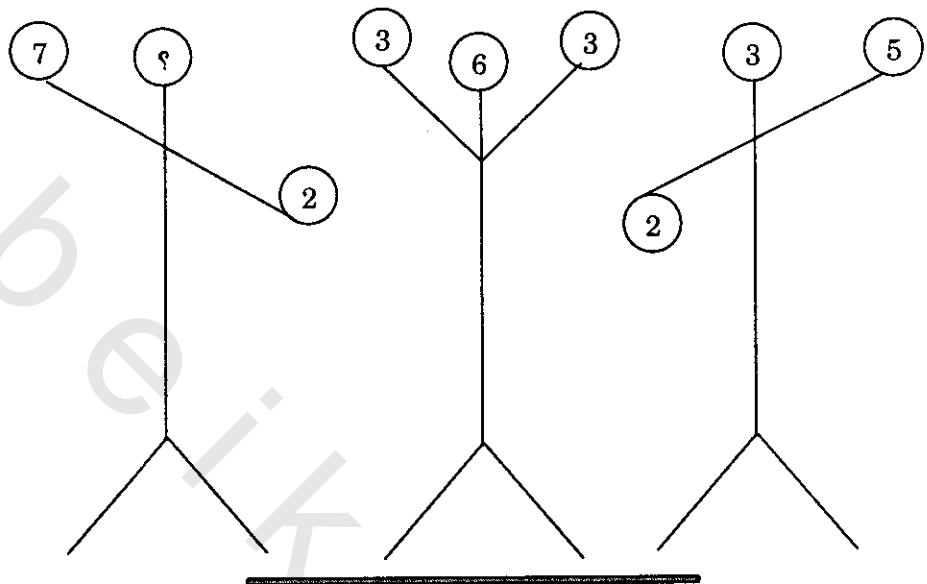


- (5) (6)

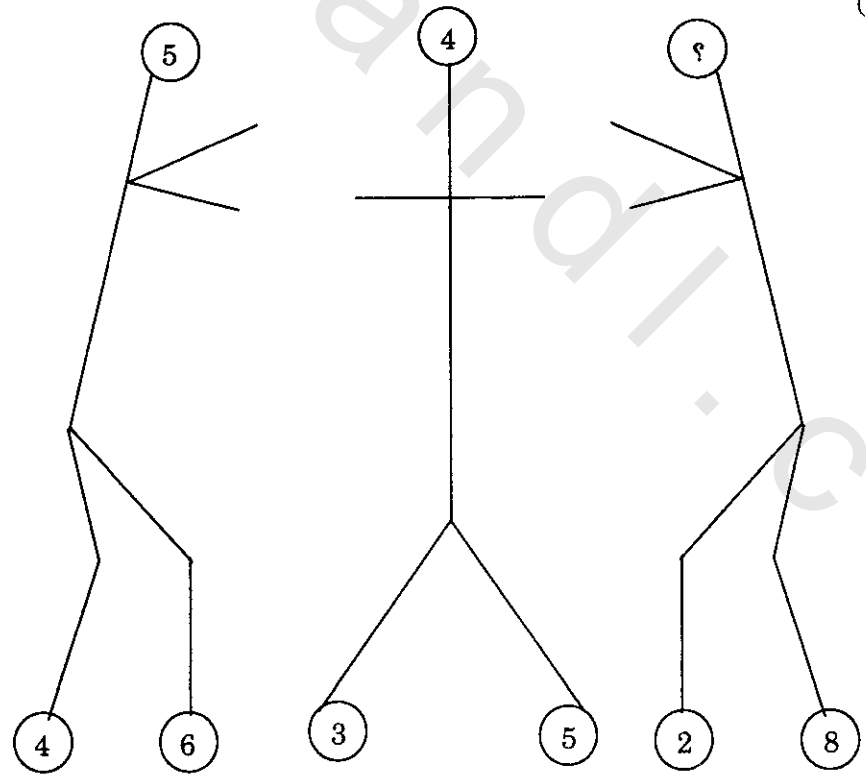


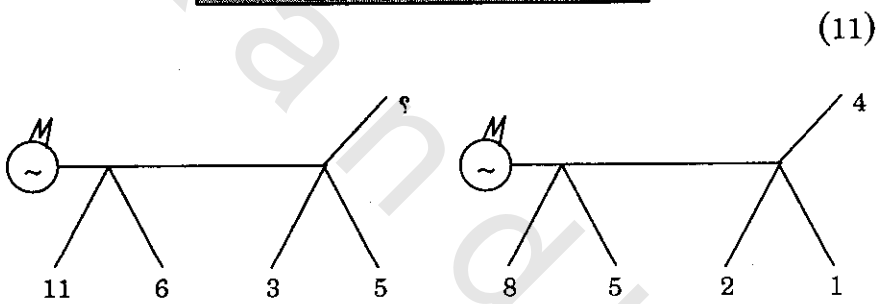
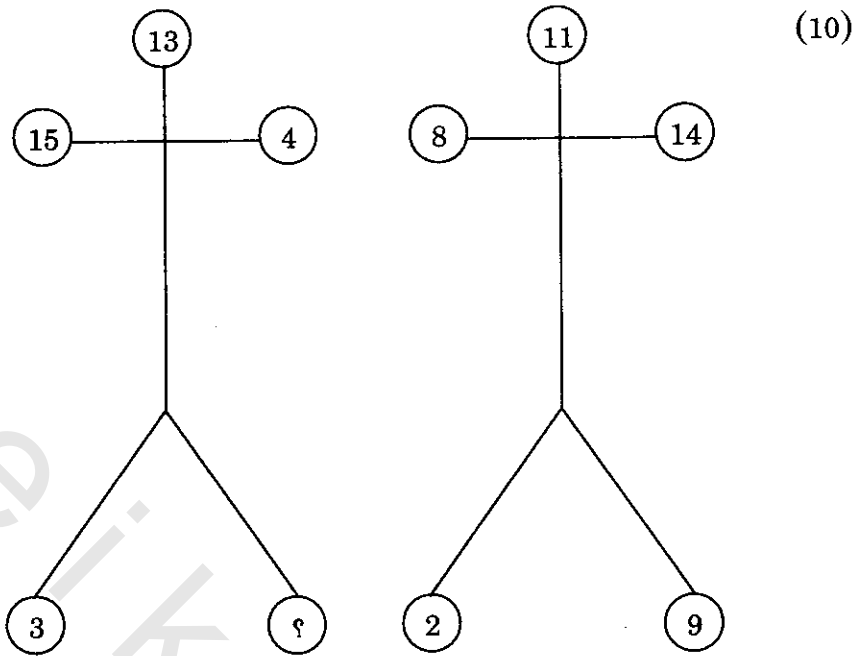
(ب) أكمل الأعداد الناقصة في الأشكال التالية :

(8)



(9)





(ج) أكمل السلاسل التالية :

؟ 32 24 20 18 (12)

؟ 113 146 179 212 (13)

؟ 14 14 11 10 8 6 (14)

39 (112) 17 (15)

49 (؟) 28

$$\begin{array}{r} 3 \quad 9 \quad 3 \quad (16) \\ 1 \quad 7 \quad 5 \\ \hline \text{؟} \quad 1 \quad 7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{؟} \quad 45 \quad 24 \quad 13 \quad 7 \quad (17) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 567 \quad (333) \quad 234 \quad (18) \\ 645 \quad (\text{؟}) \quad 300 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{؟} \quad 35 \quad 19 \quad 11 \quad 7 \quad 5 \quad 4 \quad (19) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{؟} \quad 21 \quad 13 \quad 9 \quad 7 \quad 6 \quad (20) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 \quad 4 \quad 8 \quad (21) \\ 5 \quad 2 \quad 8 \\ \hline \text{؟} \quad 8 \quad 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 818 \quad (283) \quad 314 \quad (22) \\ 28 \quad (\text{؟}) \quad 600 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \quad 5 \quad 7 \quad (23) \\ 7 \quad 0 \quad 8 \\ \hline \text{؟} \quad 3 \quad 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 516 \quad (70) \quad 481 \quad (24) \\ 428 \quad (\text{؟}) \quad 619 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 37 \quad (333) \quad 18 \quad (25) \\ 15 \quad (\text{؟}) \quad 12 \end{array}$$

	+		÷		=	3
-		-		-		×
	+		+	3	=	
×		+		÷		÷
	×	2	÷		=	
=		=		=		=
9	-		+		=	

(26) أدخل الأرقام الناقصة في الشكل الموضح . . [الأرقام كلها أقل من 10 ، وليس من بينها الصفر]

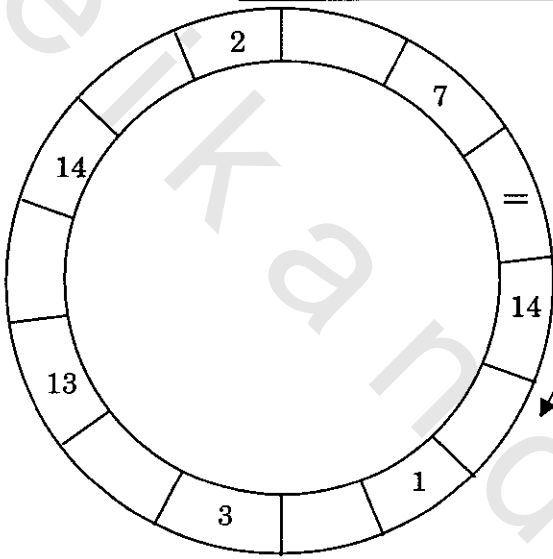
100		25		5		13	=	12
2		15		5		3	=	12
10		14		4		8	=	12
8		2		3		4	=	12
=		=		=		=		
12		12		12		12		

(27) أدخل العمليات الحسابية

(÷ ، × ، - ، +)

في أماكنها الصحيحة

من الشبكة الموضحة .



(28) مبتدئاً من السهم

أدخل العمليات (+)

في (÷ ، × ، - ،

أماكنها الصحيحة من

الدائرة ليكون الناتج

في النهاية = 14

18		6		7		1	=	20
2		4		5		7	=	20
3		15		10		8	=	20
28		10		2		4	=	20
=		=		=		=		
20		20		20		20		

(29) أدخل العمليات

الحسابية الأربعة في

أماكنها الصحيحة من

الشبكة الموضحة في

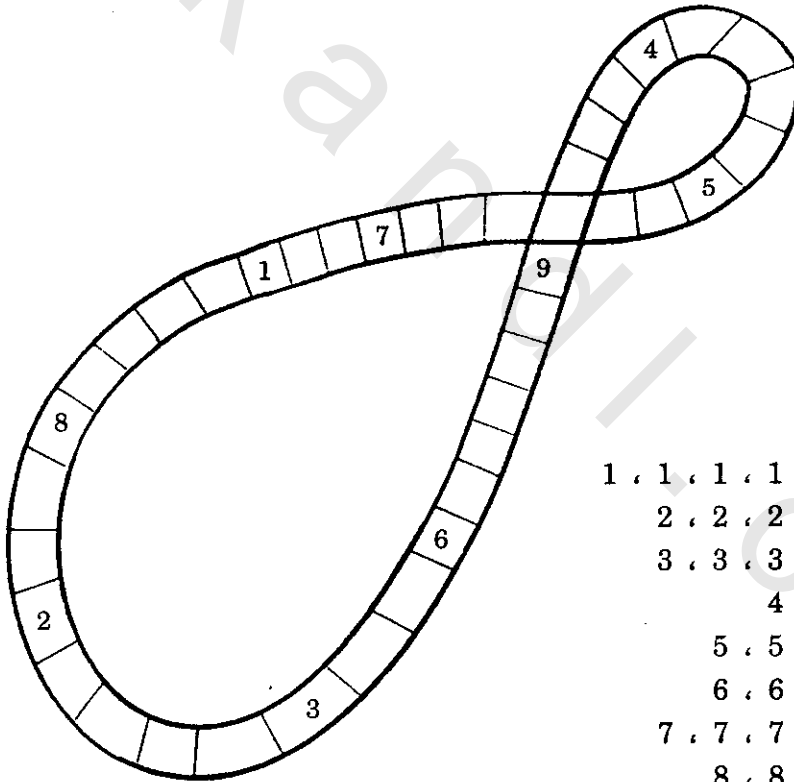
الشكل :

1	2	3	4	5	6	7	8	8
	÷		+		=	9		
×		+		+				
	×		-		=	7		
÷		-		-				
	+		-		=	5		
=		=		=				
4		8		13				

(30) مبتدئًا من أقصى اليسار
ويأتجاه اليمين ، وكذا
من أعلى إلى أسفل ،
أكمل الشبكية الموضحة
بالأرقام المعطاة أعلاها .

(31) سكة حديد :

أدخل الأرقام المتبقية من المجموعات التالية في أماكنها الصحيحة ،
بحيث يكون أى عدد مكون من ثلاثة أرقام متجاورة يقبل القسمة على 3 .



- 1 ، 1 ، 1 ، 1 ، 1 ، 1 ، 1
 2 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2
 3 ، 3 ، 3 ، 3 ، 3 ، 3
 4 ، 4 ، 4 ، 4
 5 ، 5 ، 5 ، 5
 6 ، 6 ، 6 ، 6
 7 ، 7 ، 7 ، 7 ، 7
 8 ، 8 ، 8 ، 8
 9 ، 9 ، 9 ، 9 ، 9

$$(38) \quad \begin{array}{cccccc} (99) & (45) & (39) & (36) & (28) & (21) \\ (72) & (27) & (18) & (21) & (?) & (13) & (8) \end{array}$$

(39) لفز المائة :

كتب سعيد الأرقام من 1 إلى 9 بالترتيب ، وأمكنه بعد إدخال العلامتين (+ ، -) فيما بين هذه الأرقام أن يحصل على الناتج 100 فى أقصى اليمين كما يلي :

$$98 - 7 + 6 + 5 + 4 - 3 - 2 - 1 = 100$$

والمطلوب الآن :

(أ) التوصل إلى طرق جديدة باستخدام نفس العمليتين (الجمع والطرح) للحصول على نفس الناتج 100 .

(ب) التوصل إلى نفس الناتج باستخدام عمليتى الجمع والطرح أربع مرات فقط .

(40) مبتدئاً من أقصى اليسار ، أدخل العمليات الحسابية التى تراها مناسبة للوصول إلى الناتج 100 أقصى اليمين .

$$\longrightarrow 10 \quad 5 \quad 13 \quad 20 \quad 3 = 100$$

(41) أدخل فيما بين الأرقام التالية 4 عمليات . جمع ، 3 عمليات طرح ، عملية قسمة واحدة ، ليكون الناتج النهائى أقصى اليمين = صفر .

$$\longrightarrow 9 \quad 8 \quad 7 \quad 6 \quad 5 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 1 = \text{صفر}$$

(42) فى المعادلات الثلاثة التالية سقطت العلامات الحسابية (+ ، - ، × ، ÷) . . والمطلوب وضعها فى أماكنها الصحيحة .

$$18 = 6 \square 3 \square 4 \quad (\text{أ})$$

$$18 = 3 \square 5 \square 16 \quad (\text{ب})$$

$$18 = 13 \square 5 \square 25 \quad (\text{ج})$$

(43) أكمل بوضع الأعداد المناسبة :

?	?	37	26	17	10	5
?	14	17	15	16		
?	34	31	33	32		

• أوجد قيمة س في كل مما يلي :

9	5	8	1	2
2	6	2	7	3
س	1	1	2	4

(46) 97376 ، 7938 ، 1512 ، س

(47) 1 ، 4 ، 27 ، 256 ، س

4	7	8	3	8	5
6	5			7	4
8	1	8	6	2	
3	6	5	8	7	6
	7	2	6	3	7
8	4	7	4	7	5

(48) أكمل الشبكية التالية

بالأرقام المناسبة :

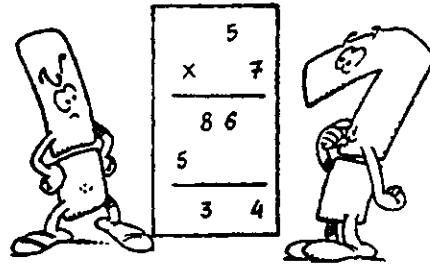
(49) باستخدام جميع العلاقات الرياضية (+ ، - ، × ، ÷) أكمل المعادلة التالية :

39 = 6 22 3 2

(50) في العملية الحسابية الآتية هناك ثلاثة أشكال مختلفة تمثل ثلاثة أرقام مختلفة حاول أن تتعرف على هذه الأرقام :

4	✿	2	5
✿	2	✿	6 -
1	✿	2	✿

أى من الإجابات الثلاثة المذكورة تكمل عمليتي الضرب التاليتين ؟



(51)

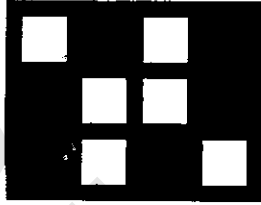
1	2	3
$\begin{array}{r} 5 \square 2 \\ \times 2 \square \\ \hline 3 \square \square 4 \\ \square 5 4 \\ \hline 9 \square 0 \square \end{array}$	$\begin{array}{r} 5 \square 2 \\ \times 1 \square \\ \hline 3 \square \square 4 \\ \square 5 2 \\ \hline 9 \square 8 \square \end{array}$	$\begin{array}{r} 5 \square 2 \\ \times 1 \square \\ \hline 3 \square \square 4 \\ \square 1 2 \\ \hline 8 \square 8 \square \end{array}$

(52)

4 1
× 4
1 4
2
8 8





(1)	(2)	(3)															
<table border="1" style="width: 100%;"> <tr><td>□ □ 1</td></tr> <tr><td>2 □</td></tr> <tr><td>□ 6 □ 4</td></tr> <tr><td>8 □ 2</td></tr> <tr><td>9 □ 6 □</td></tr> </table>	□ □ 1	2 □	□ 6 □ 4	8 □ 2	9 □ 6 □	<table border="1" style="width: 100%;"> <tr><td>□ 2 2</td></tr> <tr><td>1 □</td></tr> <tr><td>□ 6 8 8</td></tr> <tr><td>4 □ 2</td></tr> <tr><td>5 □ 0 □</td></tr> </table>	□ 2 2	1 □	□ 6 8 8	4 □ 2	5 □ 0 □	<table border="1" style="width: 100%;"> <tr><td>□ □ 2</td></tr> <tr><td>2 □</td></tr> <tr><td>□ 6 □ 8</td></tr> <tr><td>8 □ 4</td></tr> <tr><td>9 □ 8 □</td></tr> </table>	□ □ 2	2 □	□ 6 □ 8	8 □ 4	9 □ 8 □
□ □ 1																	
2 □																	
□ 6 □ 4																	
8 □ 2																	
9 □ 6 □																	
□ 2 2																	
1 □																	
□ 6 8 8																	
4 □ 2																	
5 □ 0 □																	
□ □ 2																	
2 □																	
□ 6 □ 8																	
8 □ 4																	
9 □ 8 □																	

(53) المربع الموجود أقصى اليسار هو جزء من المربع الكبير . . . قطعه أحمد منه ، إلا أنه نسي أن يضع الأعداد في موضعها . . . وكل ما يذكره أحمد أن مجموع هذه الأعداد المقطوعة = 25 . . . فهل يمكنك أن تساعد أحمد في وضع الأعداد الستة في مواضعها الصحيحة ؟



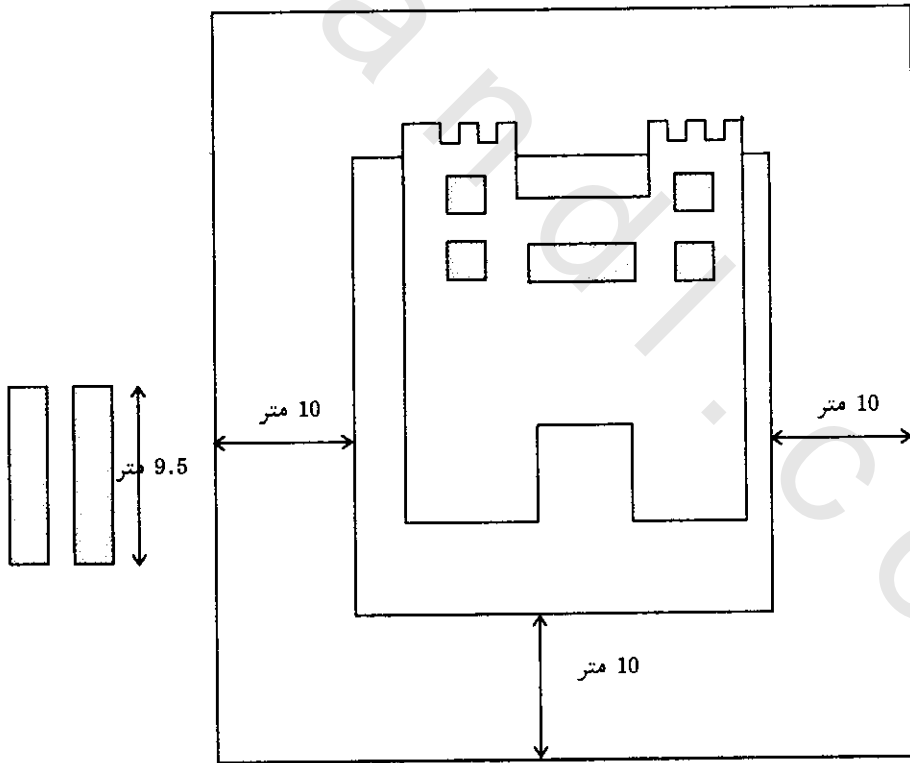
9	0	8	1	10	3
4	9	0	2	6	2
6	11	7	3	4	5
9	1	6	13	15	4
2	19	7	14	3	1

(54) أكمل عملية الجمع التالية :

	5					
	5		+			
				8	0	7



- (1) ما أكبر عدد يمكن الحصول عليه باستخدام الرقم 1 أربع مرات ؟
- (2) كم يبلغ طول ضلع المربع الذى يتساوى فيه محيطه مع مساحته ؟
- (3) ماذا تعنى الساعة 1530 ؟
- (4) إذا كانت صورة الساعة فى المرآة تشير إلى الثالثة إلا الثلث ، فكم يكون الوقت فى الحقيقة ؟
- (5) الشكل التالى يوضح قلعة محاطة بخندق يعزلها من جميع الجهات بمسافة 10 أمتار ، فإذا أردت الوصول إليها وليس معك سوى لوحين خشبيين طول الواحد منهما 9.5 متر ، ولا يمكنك تثبيتهما ببعضهما ، فماذا تفعل لعبور الخندق إلى القلعة ؟



(6) إذا علمت أن 20 رجلاً بإمكانهم حفر 40 بئراً في 60 يوماً . . فكم يوماً تلزم لأن يحفر 10 رجال 20 بئراً ؟

(7) يقول حسام :

أنا أقف دائماً في طابور الصباح بحيث يكون ترتيبى رقم الحادى عشر سواء كنت تعد الطابور من بدايته أو من نهايته . . فكم عدد أفراد الطابور ؟

(8) صندوق من التفاح به 60 تفاحة . . يوجد بين كل 12 منها 8 تفاحات بحالة جيدة والباقى تالف . . فكم تفاحة تالفة فى الصندوق ؟

(9) تشير صورة الساعة فى المرأة إلى الحادية عشرة وخمس دقائق ، فما الوقت الصحيح التى تشير إليه الساعة ؟

(10) إذا علمت أن أحمد تمكن من ملء نصف حصالته فى خمسة أيام ، وأنه يضع بها كل يوم ضعف ما كان بها فى اليوم السابق . . ففى كم يوم يستطيع أحمد أن يملأ الحصاله عن آخرها ؟

(11) قطار يتكون من عدة عربات ، يبلغ طولها جميعاً كيلو متر واحد . . مر القطار بنفق طوله أيضاً كيلو متر واحد . . فإذا علمت أن القطار يسير بسرعة كيلو متر واحد فى الساعة ، فما الوقت الذى يستغرقه ليخرج القطار بأكمله من النفق ؟

(12) إذا علمت أن :

$$28 = 3 + 5 \quad , \quad 59 = 2 + 7$$

$$13 = 2 + 1 \quad , \quad 810 = 1 + 9$$

$$\text{فإن : } 4 + 5 = ?$$

(13) تدق ساعة الجامعة 6 مرات فى خمس ثوان . . ففى كم ثانية تدق 12 مرة ؟

(14) إذا كان :

$$18 = 3 \times 3 \quad , \quad 8 = 2 \times 2$$

$$\text{فإن : } 4 \times 4 = ?$$

(15) ولد رجل عام 50 قبل الميلاد ، فكم كان عمره فى عيد ميلاده الخمسين بعد الميلاد ؟

(16) أوجد حاصل ضرب السلسلة الآتية :

(س - أ) (س - ب) (س - ت) (س - ث) (س - ي)

(17) باستخدام الرقم 6 ست مرات كيف يمكنك الحصول على 144 ؟

(18) باستخدام الرقم 6 أربع مرات ، كيف يمكنك الحصول على 100 ؟

(19) باستخدام الرقم 9 ثلاث مرات ، كيف يمكنك الحصول على 1 ؟

(20) وعاء من الدقيق يزن 19 كيلو جراماً ، وبعد استخدام ثلث الدقيق صار وزن الوعاء بما فيه 14 كيلو جراماً . . فكم يكون وزن الوعاء فارغاً ؟

(21) إذا كان الفرق بين عدد وجذره التربيعى يساوى 90 ، فما هو العدد ؟

(22) أوصى رجل بثلث ثروته للأعمال والجمعيات الخيرية ويأخذ كل من ولديه نصف الباقي . فإذا كان نصيب كل ولد 10000 جنيه . . فما قيمة الثروة التى تركها الرجل ؟ هل هى :

20000 جنيه أم 140000 جنيه أم 30000 جنيه أم 70000 جنيه ؟

(23) فى أحد المصانع يعمل 200 صبى ، 150 شاباً ، 650 رجلاً . . وبعد التوسعات التى حدثت بالمصنع طلب المدير زيادة عدد الموظفين إلى 1150 موظفاً ، ما بين صبى وشاب ورجل بنفس النسبة السابقة ؟ فكم عدد الصبية المطلوب زيادتهم ؟

(24) الشكل يوضح صور

الساعات الأربعة فى

المرآة . . . فما

الوقت الحقيقى الذى

تشير إليه كل منها ؟

