

obiektaнд.com

الدرس التاسع :

الأطوال Lengths

[١ - ٩] مقدمة :

توجد أنظمة مختلفة في قياس الأطوال والنظامان المشهوران هما النظام الفرنسي (المتر) والنظام الإنجليزي ، ومعظم دول العالم تستخدم وحدات النظام المترى في عمليات قياس الأطوال وهي :

كيلومتر ورمزه كم ، المتر ورمزه م ، السنتيمتر ورمزه سم ، والمليمتر ورمزه

سم .

$$\begin{aligned} 1 \text{ كم} &= 1000 \text{ م} , \\ 1 \text{ م} &= 100 \text{ سم} \\ 1 \text{ سم} &= 10 \text{ مم} \end{aligned}$$

[جدول ٩ - ١]

ويستخدم النظام الانجليزى في بعض الدول مثل أمريكا وانجلترا وكندا واستراليا والهند وغيرها ، وفيما يلى موجز لنظام المسافات الإنجليزى .

- الميل - ١٧٦٠ ياردة .
- الياردة - ٣ أقدام .
- القدم - ١٢ بوصة .
- الميل - ٨ فيرلنچ .
- الفيرلنچ - ٢٢٠ ياردة .

[جدول ٩ - ٢]

وستستخدم وحدة الفيرلنچ في سباقات الخيول .

٩ - ٢ [التحويل من النظام الإنجليزي للنظام المترى :]

- | |
|-----------------------------------|
| ١ بوصة تساوى تقريرياً ٢,٥٤ سم . |
| ١ ياردة تساوى تقريرياً ٩١,٥٠ سم . |
| ١ ميل تساوى تقريرياً ١,٦١ كم . |

جدول [٩ - ٣]

، إن طول خط ما يعني . قياساً يحدد لنا مدى امتداد الخط من أحد طرفيه وحتى الطرف الآخر .

فمثلاً طول الخط الموضح في شكل (٩ - ١) هو ٦ سم أو ٦٠ مم .



ويستخدم المليمتر والستيمتر في قياس الأطوال الصغيرة .

أما الأطوال الكبيرة فيستخدم في قياسها المتر والكيلومتر .

فالقطع الخشبية والأجزاء الميكانيكية يستخدم في قياسها الستيمتر والمليمتر بل بأجزاء من المليمتر .

أما الأقمشة ومساحات المنازل والمبانى فيمكننا قياسها بالметр في حين أن المسافة بين المدن والدول تمقاس بالكيلومتر .

ومن المفيد في الحياة أن نتعلم كيفية التحويل من نوع من الوحدات إلى نوع آخر .

مثال (١) : كم من المليمترات في كل من :

(ج) ٢١٤ سم .

(ب) ٦,٥ سم

(أ) ٨ سم

الحل :

$$\therefore 1 \text{ سم} = 10 \text{ مم} .$$

أى أنه لتحويل السم إلى مم يلزم أن نضرب في ١٠ .

$$\therefore (أ) ٨ \text{ سم} = 10 \times ٨ = ٨٠ \text{ مم} .$$

$$(ب) ٦,٥ \text{ سم} = 10 \times ٦,٥ = ٦٥ \text{ مم} .$$

$$(ج) ٢١٤ \text{ سم} = 10 \times ٢١٤ = ٢١٤٠ \text{ مم} .$$

مثال (٢) : كم من المستعمرات في كل من :

(ج) ٦٠٠ م

(ب) ٦,٢٣ م

(أ) ٧٥ متراً

الحل :

$$\therefore 1 \text{ م} = ١٠٠ \text{ سم} .$$

أى أنه لتحويل المتر إلى سم يلزم أن نضرب في ١٠٠ .

$$\therefore (أ) ٧٥ \text{ م} = ١٠٠ \times ٧٥ = ٧٥٠٠ \text{ سم} .$$

$$(ب) ٦,٢٣ \text{ م} = ١٠٠ \times ٦,٢٣ = ٦٢٣ \text{ سم} .$$

$$(ج) ٦٠٠ \text{ م} = ١٠٠ \times ٦٠٠ = ٦٠٠٠ \text{ سم} .$$

مثال (٣) : كم كيلومتراً في كل من :

(ج) ٦٠٠ م

(ب) ٧٣٠٠ م

(أ) ٦٥٠٠ م

الحل :

$$\therefore 1 \text{ كم} = ١٠٠٠ \text{ م} .$$

لكل تحويل من المتر إلى الكيلومتر نقسم على ١٠٠٠ ، لكنى نقسم على ١٠٠٠ .

فإإننا نحرك العلامة العشرية بمقدار ثلاثة خانات إلى اليسار .

$$(أ) ٦٥٠٠ \text{ م} = ٦٥٠٠ \div ١٠٠٠ = ٦,٥ \text{ كم} .$$

$$(ب) 7300 \text{ م} = 1000 \div 7300 = 7,3 \text{ كم}.$$

$$(ج) 600 \text{ م} = 1000 \div 600 = 1,6 \text{ كم}.$$

٩ - ٣ [الجمع والطرح والقسمة لوحدات الأطوال :

ارجع للدرس الثالث ، وفي بداية المسألة علينا أن تتأكد دائمًا من أن الوحدات التي تعامل معها ، من نفس النوع ، في جميع الأعداد .

مثال (١) : اجمع ١٣,٥ سم + ٢٧ سم .

الحل :

$$\begin{array}{r} \text{إما أن نقول : } 13,5 \text{ سم أو نقول : } 135 \text{ مم} \\ 135 \\ 27 + \\ \hline 162 \text{ مم} \end{array} \quad \begin{array}{r} \text{إما أن نقول : } 2,7 \text{ سم أو نقول : } 27 \text{ مم} \\ 27 \\ 135 + \\ \hline 162 \text{ سم} \end{array}$$

مثال (٢) : أنقص ٢٣ سم من ٧,٦ سم .

الحل :

$$\begin{array}{r} \text{إما أن نقول : } 7,6 \text{ سم أو نقول : } 76 \text{ مم} \\ 76 \\ 23 - \\ \hline 53 \text{ مم} \end{array}$$

مثال (٣) : اقسم ٦١٢ مم على ٤

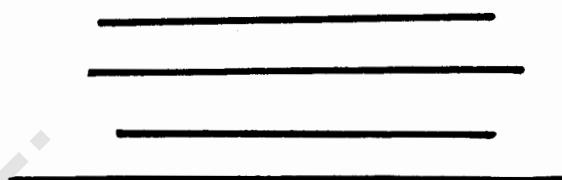
الحل :

$$\begin{array}{r} 153 \\ 4 \overline{)612} = 153 \text{ مم أو } 15,3 \text{ سم .} \end{array}$$

تدريبات على القياس بالنظام المتر

[١] أوجد قياس أطوال الخطوط المرسومة في شكل (٣ - ٩) :

ثانياً : بالمليمتر (سم) . أولاً : بالستيمتر (سم)



شكل [٣ - ٩]

[٢] حول الآتي إلى مليمترات :

- | | | |
|-------------|------------|-------------|
| (أ) ٦ سم | (ب) ٣ سم | (ج) ٢٣,٥ سم |
| (هـ) ١,٥ سم | (و) ٠,٨ سم | (ح) ١٧,١ سم |
| (ن) ٣٢,٣ سم | (م) ٠,٧ سم | (ل) ٠,٣ سم |
| · | | (ك) ٦,٨ سم |

[٣] حول الآتي إلى سنتيمترات :

- | | | |
|-----------|----------|-----------|
| (أ) ٣٠ م | (ب) ٧٠ م | (ج) ١٧ م |
| (هـ) ١٦ م | (و) ١ م | (ز) ١١ م |
| (ن) ٢٥ م | (م) ٣٨ م | (ل) ١٠١ م |
| · | | (ك) ١٠٩ م |

[٤] حول الآتي إلى أمتار :

- | | | |
|------------|------------|------------|
| (أ) ٣٠٠ سم | (ب) ٣٠٥ سم | (ج) ٢٩٧ سم |
| (هـ) ٧٥ سم | (و) ٦٠١ سم | (ز) ٧٨٠ سم |
| (ن) ٩٠٠ سم | (م) ٤٠٩ سم | (ل) ٨١١ سم |
| · | | (ك) ١٠١ سم |

[٥] حول الآتي إلى سنتيمترات :

- | | | |
|-------------|------------|------------|
| (أ) ٥ م | (ب) ٨ م | (ج) ٥,٣ م |
| (هـ) ٠,٠٩ م | (و) ١,٠١ م | (ز) ٠,٧ م |
| · | | (د) ٧,٣٨ م |

[٦] حول الآتي إلى كيلومترات :

- (أ) ٧٨٠٠ م (ب) ٦٠٠ م (ج) ٣١٢٥ م (د) ٣٧ م
(هـ) ٣٠٠١ م (ز) ١٠٠٦ م (و) ٧ م (ح) ٣٠٠١ م

[٧] حول الآتي إلى أمتار :

- (أ) ٥ كم (ب) ٧,٦ كم (ج) ٣,١٢ كم (د) ٦,٤٣٥ كم
(هـ) ٠,١٢ كم (ز) ١,٠٥ كم (و) ٠,٠٩٩ كم (ح) ٨,٠ كم

[٨] إجمع الآتي على أن يكون الناتج بالوحدات الموضحة :

- (أ) ٥ م + ٢,٣ م + ١٨٠ سم + ١ م + ٧٥ سم (بالأمتار)
(ب) ٥,٢٣ م + ٧٧ سم + ١ م + ٢٤ سم + ٢١٣ سم (بالستيمترات)
(ج) ٣,٧ سم + ١٣ م + ١٣ سم + ٧ م + ٢,٢ سم (بالمليمترات)
(د) ٧ كم + ٢,٣٥ كم + ٢,٣١٧ كم + ٢١٠ كم + ٣٦٥٠ م (بالكيلومترات)
(هـ) ١,٣ كم + ١٧ م + ٥٢٢ م + ١ كم + ٢,٣٥٠ كم (بالأمتار)

[٩] اطرح الآتي على أن يكون الناتج بالوحدات الموضحة :

- (أ) ٧ سم - ١,٦ سم (بالسم)
(ب) ٨ سم - ٥٤ مم (بالسم)
(ج) ٦,٣ سم - ٣٨ م (بالمم)
(د) ٣,١٧ م - ٢٨٥ سم (بالسم)
(هـ) ٦,٢ م - ٣١٤ سم (بالمسنون)
(و) ٢,٨ كم - ٥١٨ متر (بالمسنون)
(ز) ٧,٠٥٤ كم - ٣٨٢٩ م (بالمسنون)
(ح) ٨ كم - ٧٨٤ م (بالكم)
(ك) ٢٧ م - ٨ م - ٧٩ سم (بالمسنون)

[١٠] كم قالب طوب ارتفاع كل منها ١٢ سم يلزم رصها فوق بعضها لكي يصبح الإرتفاع ١,٨٠ م ؟

[١١] إذا قمنا بنشر لوح خشب طوله ٤,٢ م إلى ٧ أجزاء متساوية فكم يبلغ طول كل قطعة ؟

[١٢] مجموعة ورق كرتون على شكل دوائر متساوية قطر كل منها ١٧ سم .
رُصت أفقياً على خط واحد متلاصقة فكم قطعة يلزم لكي يصبح طول هذا الخط
٣٦ سم .

[١٣] عند ذهابك للمدرسة يومياً ، تقطع في ذهابك حوالى ١,١٧ كيلومتر فكم تبلغ
المسافة التي تقطعها في ٢٠ يوم وفي ٣٥ يوم .



الدرس العاشر :

الأوزان Mass

[١ - ١٠] مقدمة :

في جدول (١٠ - ١) يتضح النظام المترى (الفرنسي) للموازين المستخدم في معظم الدول ،

وتحتاج إلى الاحصارات التالية للسهولة :

كيلو جرام = كجم ، جرام = جم ، ملليجرام = ملجم .

١ طن (مترى) = ١٠٠٠ كجم

١ كجم = ١٠٠٠ جم

١ جم = ١٠٠٠ ملجم

[١ - ١] جدول

وسوف نكتفى هنا بالإشارة للنظام الإنجليزى في الأوزان كما في جدول (٢ - ١٠) .

١ طن - ٢٠ هندردويت

١ هندردويت = ٨ حجر .

١ حجر - ١٤ رطل

١ رطل - ١٦ أوقية

[١ - ٣] جدول

[١٠ - ٢] التحويل إلى الوحدات المتриّة :

أُنظر جدول (١٠ - ٣) :

٤ أوقية تزيد قليلاً عن ١٠٠ جم

٢ رطل يقل قليلاً عن ١ كجم

جدول [١ - ٣]

وتستخدم الوحدات الصغيرة : ملجم ، جم في قياس الأوزان الخفيفة مثل كيماويات الأدوية والحلوى والذهب وخلافه .

بينما تستخدم الوحدات الأكبر مثل : كجم ، طن في قياس الأوزان الثقيلة مثل الخضروات والفواكه والبترول والفحم والصلب والسفن وخلافه ومن المفيد في حياتنا أن نتعلم كيفية التحويل من وحدة إلى أخرى كما في الأمثلة التالية :

مثال (١) : حول ٦٠٠٠ جم إلى كجم

الحل :

$$\therefore 1 \text{ كجم} = 1000 \text{ جم} .$$

$$\therefore 6000 \text{ جم} = 1000 \div 6000 = 6 \text{ كجم} .$$

مثال (٢) : حول ٧٣٨٥ جم إلى كجم .

الحل :

$$1000 \div 7385 = 0,1385 \text{ كجم}$$

مثال (٣) : حول ٧٠٠ جم إلى كجم .

الحل :

$$1000 \div 700 = 1,4285 \text{ كجم} .$$

مثال (٤) : حول ٨,٠٥٦ كجم إلى جم

الحل :

$$1000 \times 8,056 = 8,056 \text{ جم .}$$

ويجب أن لا ننسى أنه عند الضرب في 1000 فإن العلامة العشرية يجب أن تزدوج إلى اليمين بمقدار ثلات علامات (خانات) ، بينما عند القسمة على 1000 فإن العلامة يجب أن تزدوج إلى اليسار بمقدار ثلات خانات .

تدريبات على الأوزان

قبل البدء في حل أي مسألة يجب التأكد من عدم اختلاف نوع الوحدات ولا فيلزم تحويلها إلى نوع واحد قبل البدء في حل مسائلها .

كما وأنه يجب أن تذكر أن الكلمة كيلو تعني ألف فمثلاً كيلومتر تعني ألف متر .
، كيلو جرام تعني ألف جرام .
، كيلو كالورى تعنى ألف كالورى .

[١] حدد نوع وحدة الوزن المناسبة عند الرغبة في وزن ما يلى :

(أ) خاتم من الذهب .

(ب) طابع بريد .

(ج) قطعة من الشيكولاتة .

(د) لوري محمل بالبضائع .

(هـ) سفينة محمولة بالبضائع .

(و) سلة بها فاكهة .

(ز) طفل عمره ١٠ سنوات .

[٢] حول الأوزان التالية إلى ما يناظرها من الوحدات الموضحة أمام كل منها بين القوسين :

(أ) ٦ طن (كجم)(ب) ٥ كجم (جم)(ج) ٦ جم (ملجم)(د) ٣,٠٥ كجم (جم)

(هـ) ٢,١٧ طن(كجم)(و) ٩,٠٠ جم (ملجم)(ز) ٤٣٨٢ كجم(طن)(ح) ٨١٧ ملجم(جم)

(ط) ٦٤٥٥ جم (كجم) (ل) ٥ كجم ٣٦٠ جم (جم)

[٣] علبة من المربى تزن ٣٥٠ جم ، فكم تزن ٤٠ علبة من نفس النوع بالكيلوجرامات .

[٤] صندوق فارغ يزن ٥٤٠ جم وبداخله ٦٠ علبة مأكولات محفوظة تزن كل منها ١٠١ جم فكم يكون إجمالي وزن الصندوق وما فيه .

[٥] عشر علب متماثلة وزنها ٦,٤٠ كجم ، فكم يكون وزن العلبة الواحدة : أولاً : بالكجم ثانياً : بالجム .

[٦] علبة شيكولاتة بها مائة قطعة وزنها الإجمالي ٢,٤ كجم ، فإذا أكل منها طفل ٢٧ قطعة في أسبوع ، فما مقدار وزن ما أكله الطفل بالجهم .

[٧] صندوق خشب كبير يحتوى على ٣٠٠ عبوة من الفواكه المحفوظة ويزن ١٨٠ كجم فإذا كان وزن الصندوق فارغاً هو ٣٠ كجم فأوجد وزن عبوة الفاكهة الواحدة بالكجم وبالججم .

الدرس الحادى عشر :

السعة Capacities

[١١ - ١] مقدمة :

السعة هي مقدار الحيز الذى يشغله السائل أو المائع داخل الإناء أو الوعاء الذى يحتويه .

وفىما يلى الوحدات المترية التى تستخدم لقياس السعة كما فى جدول (١١ - ١) :

المليلتر (مل) والستيلتر (سل) واللتر (ل) .

١ لتر (ل) - ١٠٠ سل
١ سل - ١٠ ملل
١ لتر - ١٠٠٠ ملل

[١١ - ١] جدول

أما بالنسبة لوحدات النظام الإنجليزى والتى ما زال استخدامها محصوراً فى بعض الدول القليلة فهى :

الأوقية السائلة ، البايت ، الكوارت ، الجالون كما فى جدول (١١ - ٢) .

- | |
|--------------------------|
| ١ جالون - ٨ بابنت |
| ١ جالون - ٤ كوارت |
| ١ بابنت - ٢ كوارت |
| ١ بابنت - ٢٠ أوقية سائلة |

جدول [١١ - ٣]

وستستخدم وحدة الأوقية السائلة في تحديد أحجام العبوات الصغيرة أما البابنت فيستعمل لمعرفة كميات الألبان بينما يستعمل الجالون وبصفة خاصة في تحديد كميات البترول المباعة .

[١١ - ٤] التحويل إلى الوحدات المترية :

يكون التحويل من الوحدات الإنجليزية إلى الوحدات الفرنسية (المترية) أو بالعكس طبقاً للجدول التالي :

١ لتر يساوى تقريباً $\frac{1}{3}$ بابنت
٣٠ ملل تساوى تقريباً ١ أوقية سائلة
١ جالون يساوى تقريباً $\frac{1}{7}$ لترات

جدول [١١ - ٤]

وفي الأمثلة التالية ، نتعلم كيفية التحويل من وحدة إلى وحدة أخرى في النظام المترى فقط .

مثال (١) : حول ٣٤٥٦ ملل إلى لترات .

الحل :

$$\therefore 1 \text{ لتر} = 1000 \text{ ملل} .$$

$\therefore 3456 \text{ ملل} = 1000 \div 3456 = 3,456 \text{ لتر}$

أو ٣ لترات ، ٤٥٦ ملل .

مثال (٢) : حول ٤٥ سل إلى لترات ومليلترات .

الحل :

$\therefore 1 \text{ لتر} = 100 \text{ سل} .$

$\therefore 45 \text{ سل} = 45 \div 100 = 0,45 \text{ لتر} .$

$, 0,45 \text{ ل} = 0,45 \times 1000 = 450 \text{ ملل} .$

مثال (٣) : حول ٦٣٠ ملل إلى سل .

الحل :

$\therefore 1 \text{ سل} = 10 \text{ ملل} .$

$\therefore 630 \text{ ملل} = 630 \div 10 = 63 \text{ سل} .$

[١١ - ٣] مسائل السعات (الحجوم) :

كما فعلنا في مسائل الأطوال والأوزان ، فإن العمليات الحسابية هنا غاية في البساطة ولكن يلزم توحيد نوع الوحدات المستخدمة في حل المسألة .

تطبيقات

[١] حول الكميات التالية ، إلى نوع الوحدة المكتوب بين القوسين أمامها :

- | | | | | |
|------|---------|-------|-----|----------|
| (أ) | ٤ ل | (ملل) | (و) | ٧٥٠ ملل |
| (ب) | ٢,٥٤ ل | (ملل) | (ز) | ٧٠٥٥ ملل |
| (ج) | ٦,٠٥ ل | (ملل) | (ح) | ٧ ملل |
| (د) | ٠,٩٣ ل | (ملل) | (ط) | ٩٩ ملل |
| (هـ) | ٥,٠٠٥ ل | (ملل) | (ل) | ٦٨٥ ملل |

[٢] إذا كانت سعة كوب من اللبن هي ٣٠٠ ملل فكم كوباً يمكن ملؤها من إناء سعته ٤,٥ لترات .

[٣] إذا علمت أن ملء ملعقة صغيرة من الدواء يساوى ٥ ملل فكم ملعقة يمكن أخذها من زجاجة دواء سعتها ١٨ سل .

[٤] يوجد إناء لين سعة ١٢٠ لتر يراد تعبئته عدد من الزجاجات المتساوية سعة الواحدة ٧٥٠ ملل فكم زجاجة يمكن ملؤها .

[٥] إناء صغير يسع ٧,٥ لترات ، يراد تعبئته عدد من الأكواب سعة الواحد ٢٧٥ ملل فكم كوبًا يمكن ملؤها وما مقدار ما يتبقى بالمليلتر .

[٦] أعطيت ٣ لترات من العصير وقمت بتوزيع جزء منها على ستة أكواب سعة الواحدة ٣٠٠ ملل والباقي وزعته على عدد من الأكواب الصغيرة ، سعة الواحدة ٢٠٠ ملل فكم يبلغ عدد هذه الأكواب الصغيرة .

[٧] مريض يتناول يومياً ٤ جرعات من الدواء كل جرعة عبارة عن ١٠ ملل فني كم يوماً يستهلك زجاجة دواء سعتها ١٠٠ سل .

[٨] إذا كانت كمية البنزين اللازمة لقطع مسافة ١٢ كم هي لتر واحد ، فكم تكون المسافة التي يمكن قطعها باستخدام ٢٠٠ ملل من البنزين .

تدريب : على استخدام الوحدات المتربة المختلفة بصورة عامة .

كيلومتر	(كم)	مليمتر	(مم)	مليليلتر	(مل)
متر	(م)	لتر	(ل)	كيلوجرام	(كجم)
ستيometer	(سم)	ستييلتر	(سل)	جرام	(جم)
	(ملجم)			مليجرام	

[١] احتر من الوحدات السابقة : الوحدة المناسبة لاستخدامها في معرفة ما يلى :

(أ) وزن كيس من رقائق البطاطس (شيشى) .

(ب) ارتفاع سقف المنزل .

(ج) سمك مسطرة .

(د) وزن كيس من الفاكهة .

(هـ) سعة خزان وقود السيارة .

(و) وزن سيارة صغيرة .

(ز) وزن حقيبة المدرسة .

- (ح) طول ملعب كرة القدم .
- (ط) وزن الكرة .
- (ل) سعة زجاجة مياه غازية .
- (م) وزن خاتم من الذهب .
- (ن) طول صفحة هذا الكتاب .

[٢] إذا كنت تشرب في اليوم الواحد ٤٠٠ ملل من اللبن ، فكم لترًا تشربها في مدة شهر كامل ؟

[٣] لديك ثوب من القماش طوله ٤،٥ متر يراد قطعه إلى قطع طول كل واحدة منها ١٥٠ مم فكم يبلغ عدد هذه القطع ؟

[٤] إطار سيارة صغيرة طول محبيطه ١،٦٠ م ، تدرج لمسافة ٣٢٠ م فكم مرة دارها حول نفسه ؟

[٥] علبة عصير تزن ٢٥٠ جم فكم يبلغ وزن ٧٠ علبة منها ؟

[٦] إذا كان بإمكانك الجري حول حديقة المنزل الذي يبلغ ٥٥٠ م فكم كيلو متراً تقطعها إذا أردت أن تجري حول الحديقة ٣ مرات ؟



الدرس الثالث عشر :

محيط الأشكال Perimeter

ملاحظة : مقياس الرسم المستخدم في هذا الدرس ليس دائماً ١ : ١ .

[١٢ - ١] تعريف :

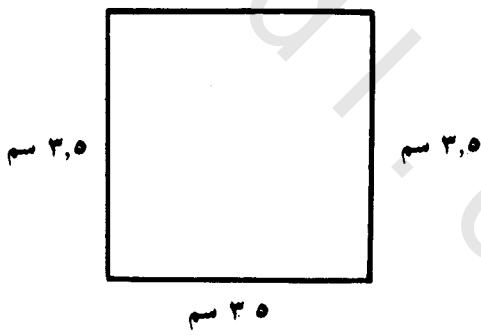
محيط شكل ما هو مجموع أطوال أحرف هذا الشكل التي تحصره .

[١٢ - ٢] تعيين محيطة بعض الأشكال الهندسية المختلفة :

مثال (١) : محيط المربع في الشكل (١٢ - ١) هو :

$$\text{المحيط} = ٣,٥ + ٣,٥ + ٣,٥ + ٣,٥ = ١٤ \text{ سم .}$$

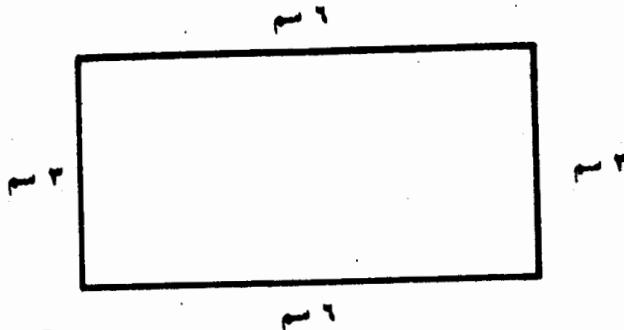
٣,٥ سم



شكل [١٢ - ١]

مثال (٢) : محيط المستطيل في الشكل (١٢ - ٢) هو :

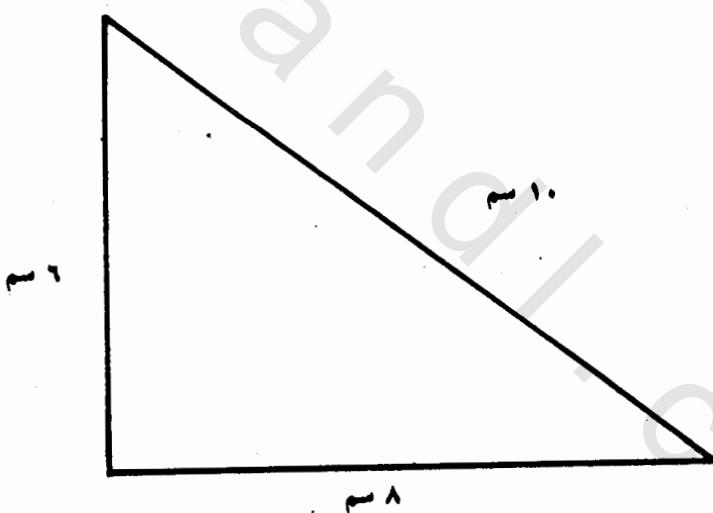
$$\text{المحيط} = ٦ + ٦ + ٣ + ٣ = ١٨ \text{ سم .}$$



شكل [١٢ - ٣]

مثال (٣) : محيط المثلث في الشكل (١٢ - ٣) هو :

$$\text{المحيط} = 6 + 8 + 10 = 24 \text{ سم}$$

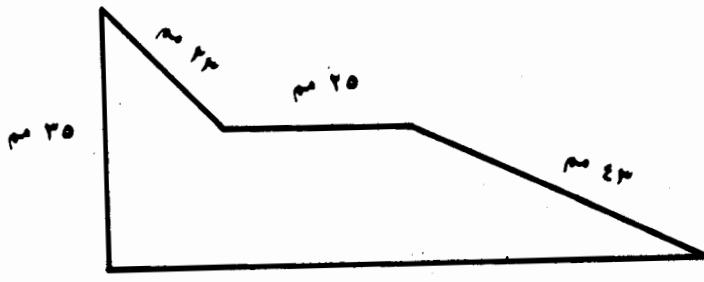


شكل [١٢ - ٤]

مثال (٤) : محيط الرسم المبين في الشكل (١٢ - ٤) هو :

$$\text{المحيط} = 20 \text{ سم} + 25 \text{ سم} + 23 \text{ سم} + 30 \text{ سم}$$

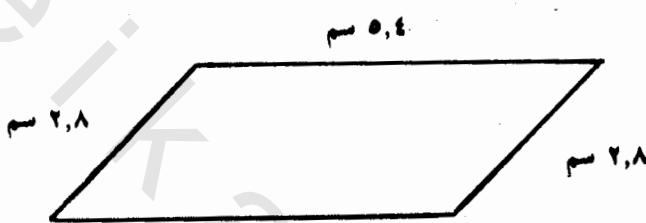
$$= 98 \text{ سم}$$



شكل [١٢ - ٤]

مثال (٥) : محیط متوازی الأضلاع المبين في شكل (١٢ - ٥) هو :

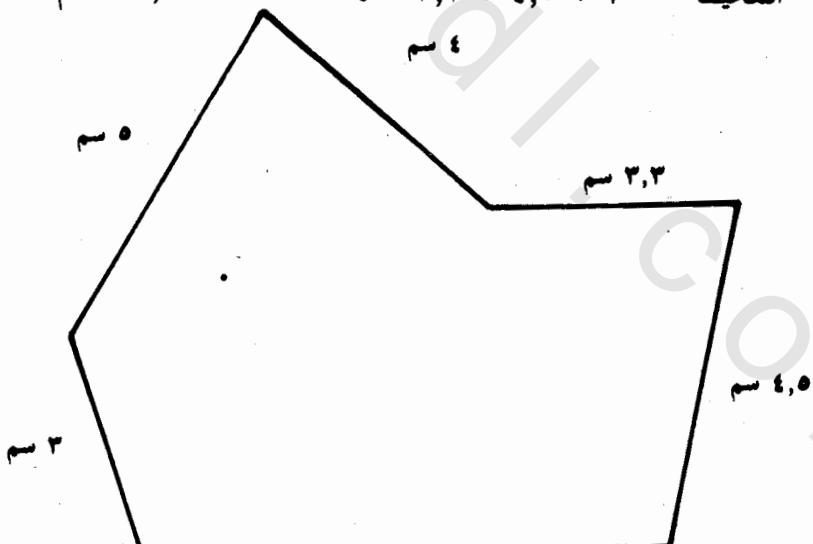
$$\text{المحيط} = ٥,٤ + ٥,٤ + ٢,٨ + ٢,٨ = ١٦,٤ \text{ سم.}$$



شكل [١٢ - ٥]

مثال (٦) : محیط الشكل المبين في شكل (١٢ - ٦) هو :

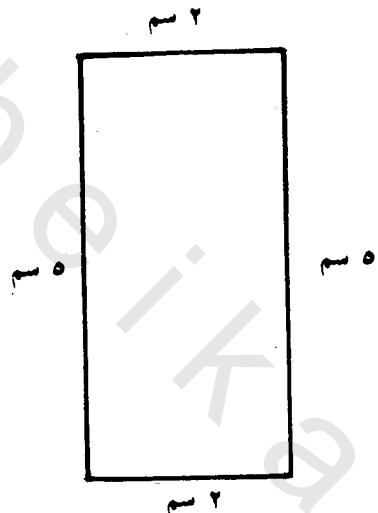
$$\text{المحيط} = ٣ + ٥ + ٤ + ٣,٣ + ٤,٥ + ٧ = ٢٦,٨ \text{ سم.}$$



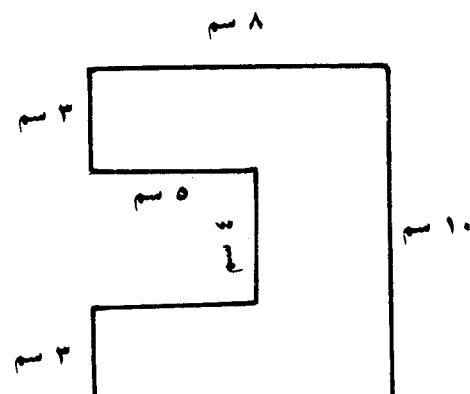
شكل [١٢ - ٦]

تدريبات

أوجد محيط الرسوم المبينة في شكل (١٢ - ٧) ولا تنسى أن الرسوم ليست مرسومة كلها بمقاييس رسم ١ : ١ ، الإجابة تكون بالرسم .



شكل (ب)



شكل (١)

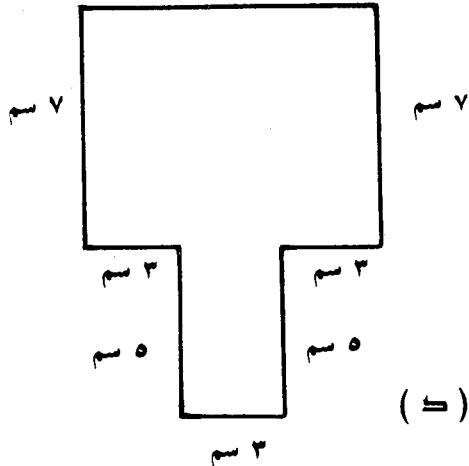
مس = ٤,٥

مس = ١,٥

مس = ١,٥

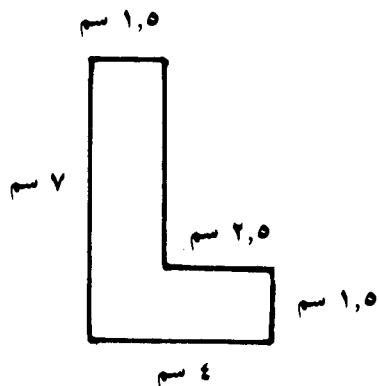


شكل (ج)

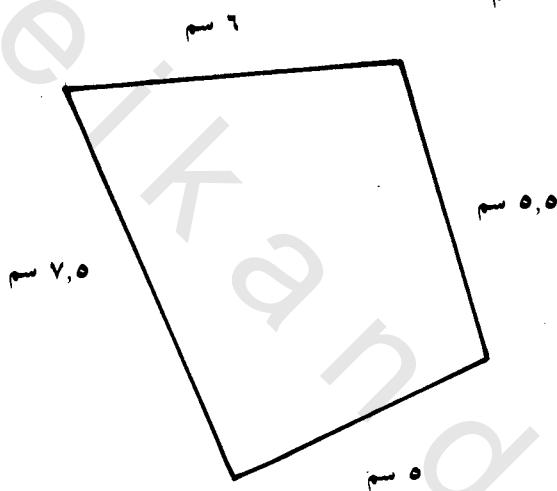


شكل (د)

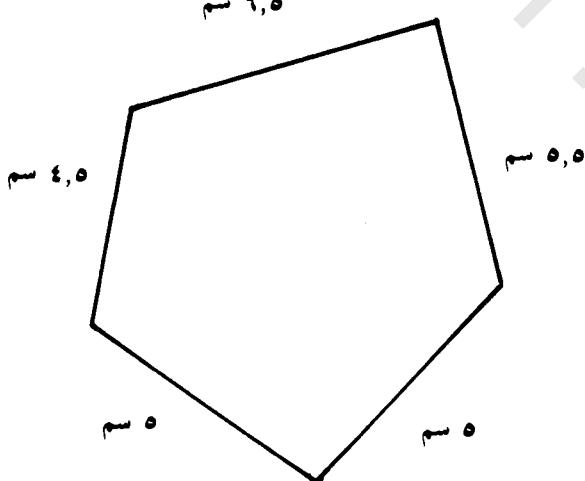
شكل (ه)

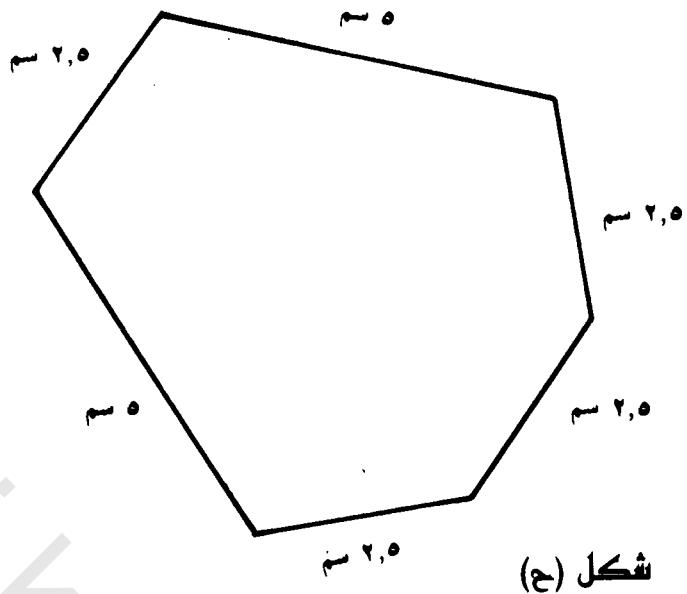


شكل (و)

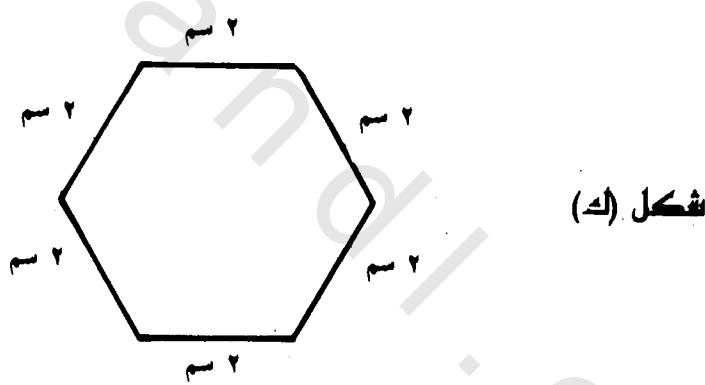


شكل (ز)

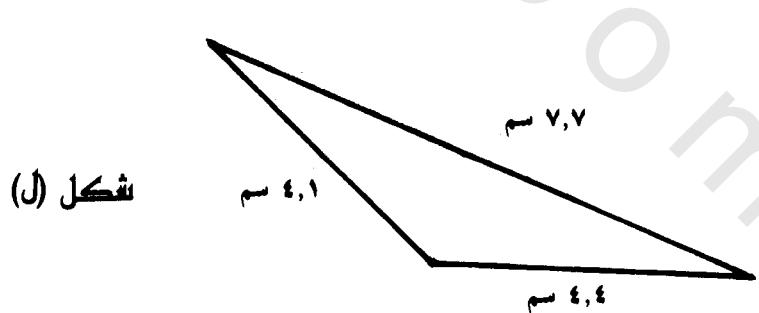




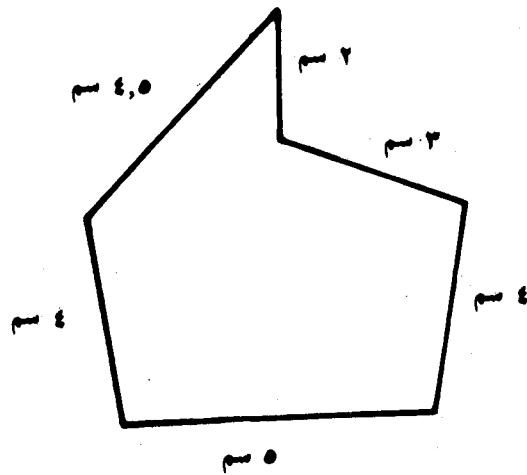
شكل (ج)



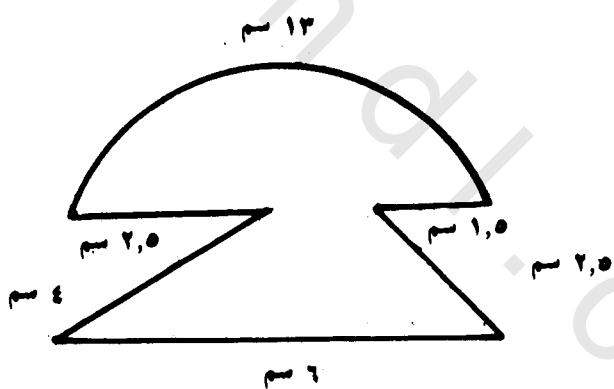
شكل (ك)



شكل (ل)



شکل (م)



شکل (ن)

شکل [۷ - ۱۲]

الدرس الثالث عشر :

المساحات Areas

ملاحظة : الأشكال التي بهذا الدرس ليست كلها مرسومة كلها بمقاييس رسم ١ : ١

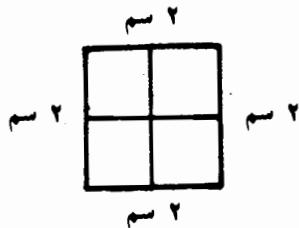
[١٣ - ١] المربعات والمستطيلات :

عند رسم شكلًا ما على ورقة ، فإن هذا الشكل يحصر قدرًا معيناً من هذه الورقة بداخله ، ويعرف هذا القدر المحصور بمساحة الشكل فالمربيع الصغير الذي طول ضلعه ١ سم تكون مساحته ١ سم^٢ . انظر شكل (١٣ - ١) .



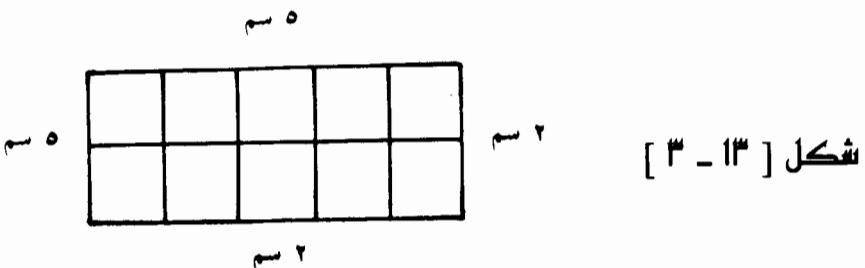
شكل [١٣ - ١]

أما المربيع الذي طول ضلعه ٢ سم ، فهو يتكون كما بالشكل (١٣ - ٢) من أربعة مربعات صغيرة مساحة كل منها ١ سم² أي أن مساحته = ٤ سم² .



شكل [١٣ - ٢]

بينما المستطيل الذي طول ضلعه ٥ سم وعرضه ٢ سم ، فهو يتكون كما بشكل (١٣ - ٣) من عشرة مربعات صغيرة مساحة كل منها ١ سم² ، أي أن مساحته = ١٠ سم² .

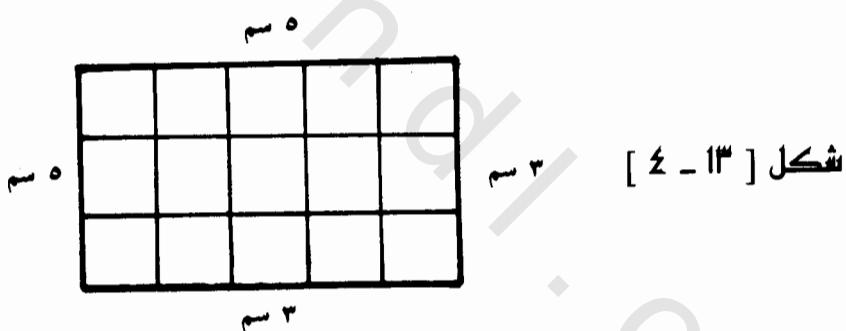


وليس من السهل دائمًا أن نقسم الأشكال إلى مربعات صغيرة ، مساحة كل منها 1 سم^2 ، ثم عد هذه المربعات لحساب المساحة ، فمن السهل أن نحسب مساحة الأشكال السابقة (مربعات ومستويات) وذلك بضرب الطول \times العرض .

$$\text{مساحة المربع بشكل } (13 - 2) = 2 \times 2 = 4 \text{ سم}^2 .$$

$$\text{ومساحة المستطيل بشكل } (13 - 3) = 2 \times 5 = 10 \text{ سم}^2 .$$

مثال (١) : أوجد مساحة المستطيل المبين بشكل $(13 - 4)$.

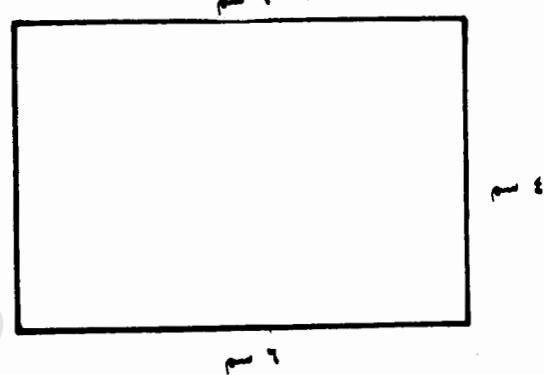


المستطيل المبين يتكون من ١٥ مربعاً صغيراً مساحة كل منهم 1 سم^2 .
أى أن المساحة = 15 سم^2 .

$$\text{أو المساحة} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 3 \times 5 = 15 \text{ سم}^2$$

مثال (٢) : أوجد مساحة مستطيل طوله ٦ سم وعرضه ٤ سم المبين في شكل $(5 - 13)$.

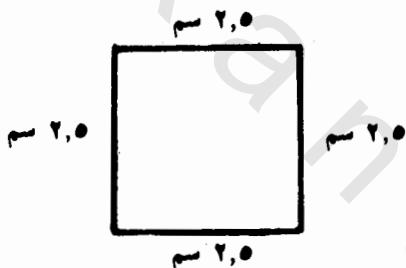
$$\text{المساحة} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 6 \times 4 = 24 \text{ سم}^2$$



شكل [١٣ - ٤]

مثال (٣) : أوجد مساحة مربع طول ضلعه ٢,٥ سم ، شكل (١٣ - ٦) .

$$\text{المساحة} = ٢,٥ \times ٢,٥ = ٦,٢٥ \text{ سم}^٢ .$$

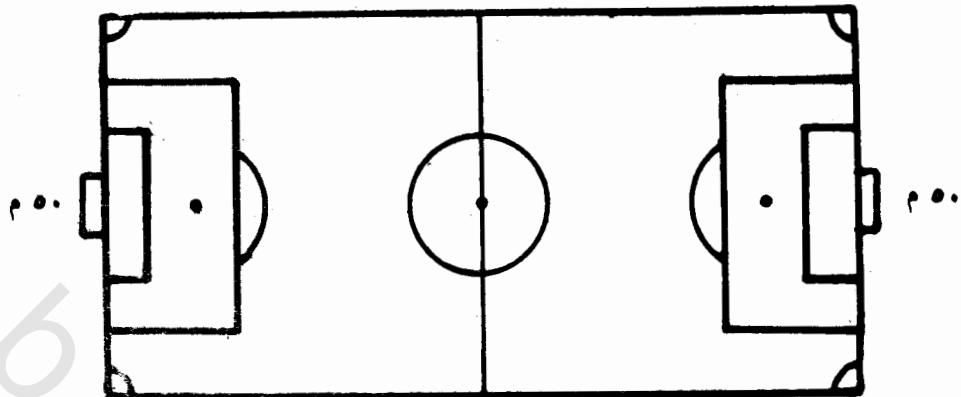


شكل [١٣ - ٧]

وكما تعاملنا مع مساحات بالستيمتر المربع فإنه يجد الملاحظة بأن هناك وحدات أخرى للمساحة في النظام المترى (الفرنسي) ، مثل مم٢ ، سم٢ ، م٢ ، كم٢ والمليمتر المربع عبارة عن وحدة مساحة صغيرة جداً تمثل مساحة مربع طول ضلعه ١ مم بينما المتر المربع هو مساحة مربع طول ضلعه ١ م = ١٠٠ سم وهذه الوحدة تستخدم في قياس مساحات المباني والأراضي .

فمثلاً ملعب كرة القدم الموضح بالشكل (١٣ - ٧) ، طول ١٠٠ م وعرضه ٥٠

م



شكل [٧ - ١٣]

$$\text{وتكون مساحته} = 100 \times 50 = 5000 \text{ م}^2.$$

والكيلومتر المربع هو مساحة مربع طول ضلعه ١ كم وهو وحدة مساحات تستخدم لتحديد مساحات الأراضي الكبيرة كالمدن والأقاليم والدول .

ومن المهم أن نتعلم كيف نحول بسهولة إحدى المساحات المقاسة بوحدة معينة إلى وحدة أخرى .

فمثلاً للمربيع الذي طول ضلعه ٢ سم (٢٠ مم) ، فإنه يمكن رسمه بطريقتين . انظر شكل (١٣ - ٢) .

$$\text{فإذا اعتبرنا طول ضلعه ٢ سم ، فإن مساحته} = 2 \times 2 = 4 \text{ سم}^2.$$

$$\text{وإذا اعتبرنا طول ضلعه ٢٠ مم ، فإن مساحته} = 20 \times 20 = 400 \text{ مم}^2.$$

$$\text{أى أن } 4 \text{ سم}^2 = 400 \text{ مم}^2.$$

$$\therefore 1 \text{ سم}^2 = 100 \text{ مم}^2.$$

$$\text{وبالمثل } 1 \text{ م}^2 = 1 \text{ م} \times 1 \text{ م} = 100 \text{ سم} \times 100 \text{ سم} = 10000 \text{ سم}^2.$$

$$\therefore 1 \text{ م}^2 = 10000 \text{ سم}^2.$$

$$\text{وكذلك } 1 \text{ كم}^2 = 1 \text{ كم} \times 1 \text{ كم} = 1000 \text{ م} \times 1000 \text{ م} = 1000000 \text{ م}^2.$$

$$\therefore 1 \text{ كم}^2 = 1000000 \text{ م}^2.$$

انظر جدول (١٣ - ١) : أى أن

$$\begin{aligned}1 \text{ كم}^2 &= 1000000 \text{ م}^2 \\1 \text{ م}^2 &= 10000 \text{ سم}^2 \\1 \text{ سم}^2 &= 100 \text{ مم}^2\end{aligned}$$

جدول [١٣ - ١]

ملحوظة مهمة : يجب مراعاة أنه عند إيجاد مساحة أى شكل ، فإن أطواله يجب أن تكون بنفس الوحدات .

مثال (٤) : أوجد مساحة المستطيل المبين في شكل (١٣ - ٨) ، والذي طول ضلعه ١٢٠ م وعرضه ٤٠ سم .

الحل : نلاحظ هنا أن وحدات الطول بالметр ووحدات العرض بالستيometer فإذا ما أن نحوت وحدات الطول إلى سنتيمترات أو نحوت وحدات العرض إلى أمتار .

ففي الحالة الأولى :

$$\text{الطول} = 120 \text{ سم} \quad \text{والعرض} = 40 \text{ سم} .$$

$$\therefore \text{المساحة} = 120 \times 40 = 4800 \text{ سم}^2 .$$

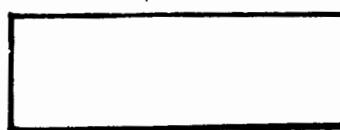
وفي الحالة الثانية :

$$\text{الطول} = 1,20 \text{ م} \quad \text{والعرض} = 0,4 \text{ م} .$$

$$\therefore \text{المساحة} = 1,2 \times 0,4 = 0,48 \text{ م}^2 .$$

شكل [١٣ - ٨]

٤٠ سم



م ١,٢٠

٤٠ سم

وللتتأكد من أن الطريقةتين متماثلتان تماماً فإننا نقوم بتحويل أحد الجوابين إلى وحدة الجواب الآخر .

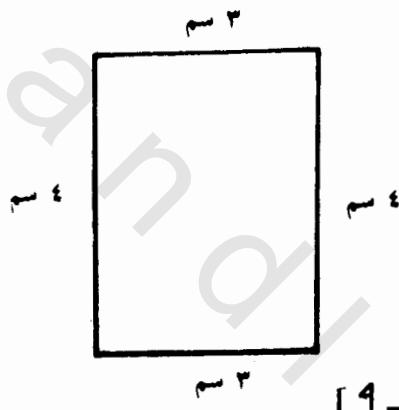
$$\therefore 1 \text{ م}^2 = 10000 \text{ سم}^2 .$$

$$\therefore \text{الجواب الثاني} = 4800 \times 10000 = 4800000 \text{ سم}^2 .$$

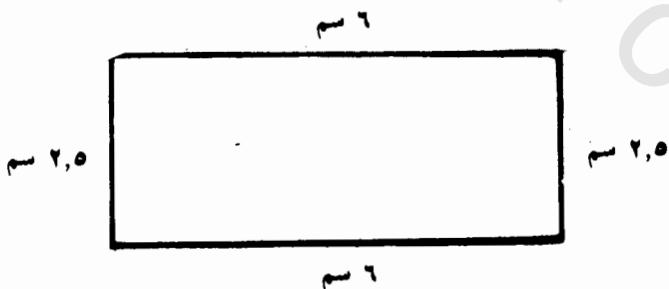
وهي نفس قيمة الجواب الأول .

ćطربيلت

[١] أوجد مساحة كل من المستطيلات التالية مع مراعاة نوع الوحدات المستخدمة ؟



شكل [١٣ - ٩]

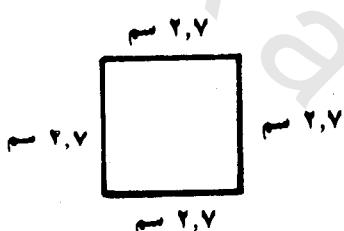


شكل [١٣ - ١٠]

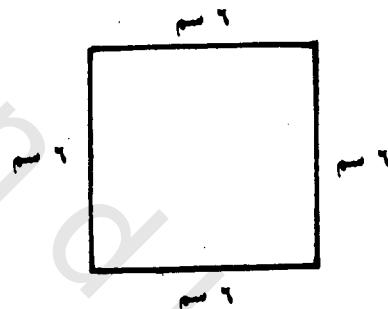
[٢] أوجد مساحة المستطيلات التالية :

- (أ) مستطيل بعدها = ٣ سم ، ٦ سم .
- (ب) مستطيل بعدها = ٤ م ، ٧ م .
- (ج) مستطيل بعدها = ٣,٥ م ، ٣٠ سم .
- (د) مستطيل بعدها = ٥,٥ سم ، ٢,٥ سم .
- (هـ) مستطيل بعدها = ٩ كم ، ٢,٥ كم .
- (و) مستطيل بعدها = ٦ سم ، ٢٣ مم .
- (ز) مستطيل بعدها = $\frac{7}{9}$ م ، ٩ م .
- (ح) مستطيل بعدها = $\frac{1}{7}$ م ، ٧٥ سم .

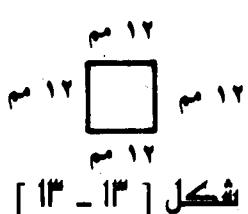
[٣] أوجد مساحة كل من المربعات التالية :



شكل [١٣ - ١٢]



شكل [١٣ - ١١]



شكل [١٣ - ١٢]

[٤] أوجد مساحة كل من المربعات التالية :

- (أ) مربع طول ضلعه ٦ سم .
- (ب) مربع طول ضلعه ١٢ سم .

(ج) مربع طول ضلعه ٥,٣ م .

(د) مربع طول ضلعه ٢٥ مم .

(هـ) مربع طول ضلعه ٠,٦٥ م .

(و) مربع طول ضلعه $\frac{6}{7}$ م .

[٥] أُوجد مساحة مربع طول ضلعه ٧ سم .

[٦] أُوجد مساحة مستطيل بعدها ٨ سم ، ١٢ سم .

[٧] أُوجد طول ضلع مربع مساحته ٩ سم ^٢ .

[٨] أُوجد طول ضلع مربع مساحته ٨١ سم ^٢ .

[٩] مستطيل مساحته ٨١ سم ^٢ وطوله ٢٧ م فكم يكون عرضه ؟

[١٠] صورة مساحتها ٧٢ سم ^٢ وعرضها ٦ سم فكم يكون طولها ؟

[١١] حمام سباحة طوله ١٠٠ م وعرضه ٤٠ م فكم تكون مساحته ؟

[١٢] مكتب طوله ٢,٥ م ومساحته ٣,٧٥ م ^٢ فكم يكون عرضه ؟

[١٣] قطعة قماش طولها ٣ م وعرضها ٢ م يراد تقطيعها إلى مناديل صغيرة مربعة مساحة الواحد ٤٠٠ سم ^٢ فكم عدد المناديل ؟

[١٤] حُجرة مُستطيلة الشكل طولها ٧ م وعرضها ٥ م يُراد تبليطها بيلات مربع الشكل طول ضلعه ٢٥ سم ، فكم يكون عدد البلاطات الازمة لذلك ؟

[١٥] يراد طلاء سور بارتفاع ١ م حول حديقة منزل على شكل مستطيل بعدها ٦٠ م ، ٣٠ م ، فإذا كان سعة طلاء المتر = ٢٥,٠ جنيهاً فكم تتلفف عملية طلاء السور .

[١٦] لوحة طولها ٨٠ سم وعرضها ٣٥٠ مم فما مساحتها :

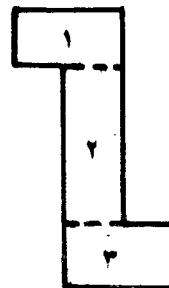
(أ) بالستيometer المربع . (ب) بالملليمتر المربع .

[١٣ - ٤] جمع المساحات :

انظر الرسم شكل (١٣ - ١٤) ، إذا أردنا إيجاد مساحة هذا الشكل ، فإنه يجب أن نجزئ الشكل إلى ٣ مستطيلات ونوجد مساحة كل واحد منها ثم نجمع

المساحات للحصول على المساحة الكلية .

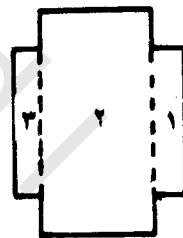
أى أن المساحة الكلية = المساحة (١) + المساحة (٢) + المساحة (٣) .
وكل منها تمثل مستطيلاً صغيراً يسهل إيجاد مساحته .



شكل [١٤ - ١٣]

وبنفس الفكرة يمكننا إيجاد مساحة الشكل (١٣ - ١٥) بتجزئه إلى مستطيلات صغيرة .

مساحة الشكل = المساحة (١) + المساحة (٢) + المساحة (٣) .



شكل [١٥ - ١٣]

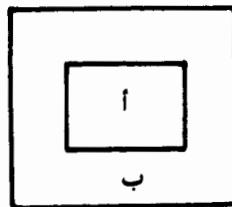
[١٣ - ٣] طرح المساحات :

عند الرغبة في إيجاد مساحة الشكل (١٣ - ١٦) وهو عبارة عن حديقة « ب » تحيط بمنزل مستطيل الشكل (أ) ، فإنه يمكننا كما سبق أن نجزىء الحديقة إلى مستطيلات ونوجد مساحة كل منها ، إلا أنه من الأسهل أن نوجد مساحة الحديقة بالكامل بما فيها المنزل (أ + ب) ثم نطرح منها مساحة المنزل (أ) فيتبقى لنا مساحة الحديقة (ب) المطلوبة .

وبمعرفة أبعاد الحديقة والمنزل يمكن حل المسألة .

(أ) حقيقة .
(ب) منزل

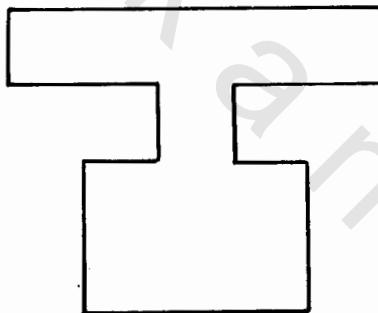
شكل [١٦ - ١٣]



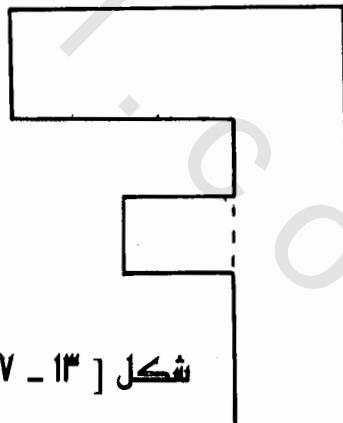
ćدريبات

أولاً : على الأشكال المستطيلة والمرجعة :

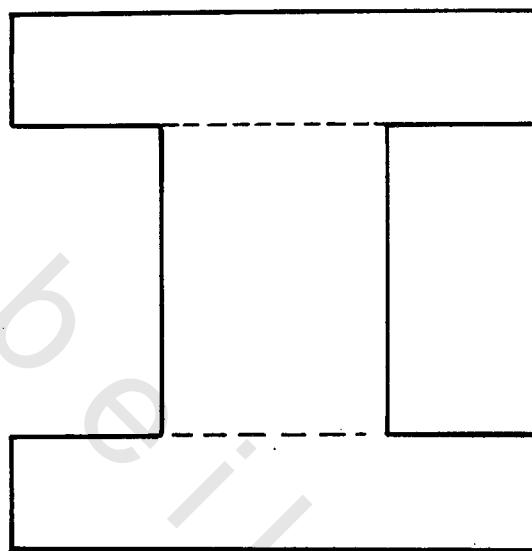
أوجد مساحات الأشكال التالية في شكل (١٢ - ١٧) وذلك بتجزئتها إلى مستطيلات أو مربعات ثم جمع هذه المساحات أو بطريقة طرح المساحات .
الأشكال في هذه المسألة بمقاييس رسم ١ : ١ ، ويمكن معرفتها من على الرسم .



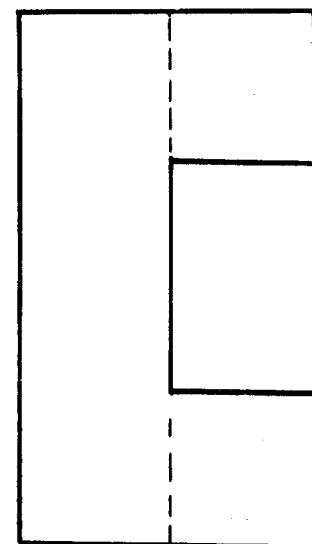
شكل [١٦ - ١٧ - ١]



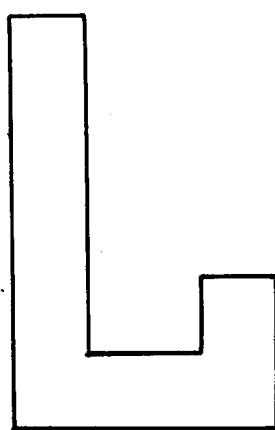
شكل [١٦ - ١٧ - ب]



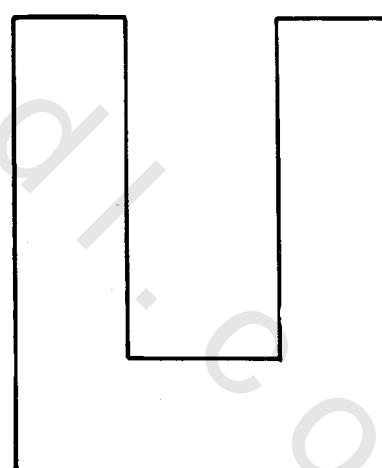
شكل [۴ - ۱V - ۱۳]



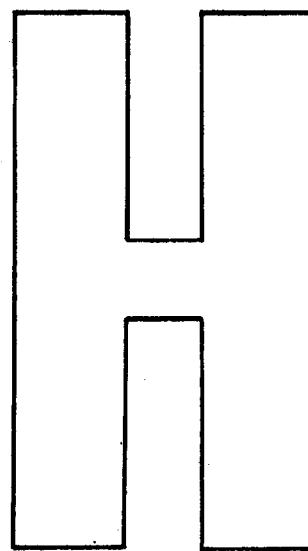
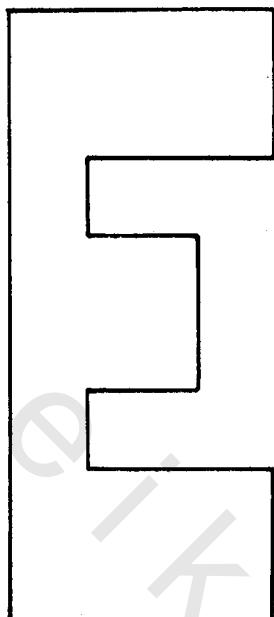
شكل [۴ - ۱V - ۱۳]



شكل [۹ - ۱V - ۱۳]

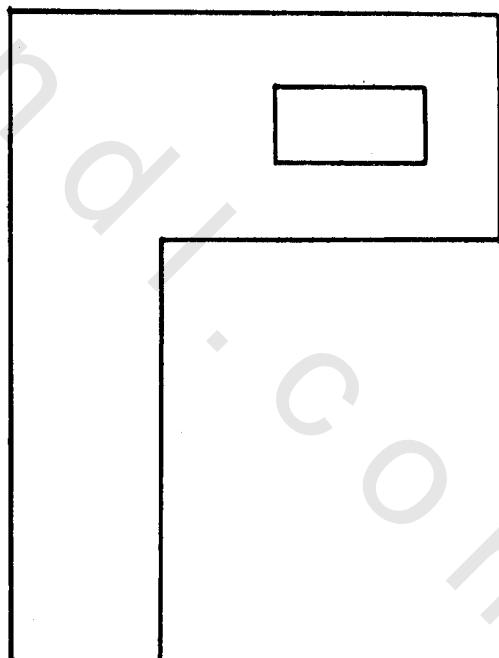
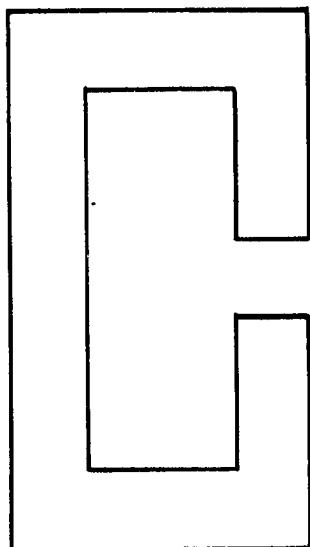


شكل [۴ - ۱V - ۱۳]



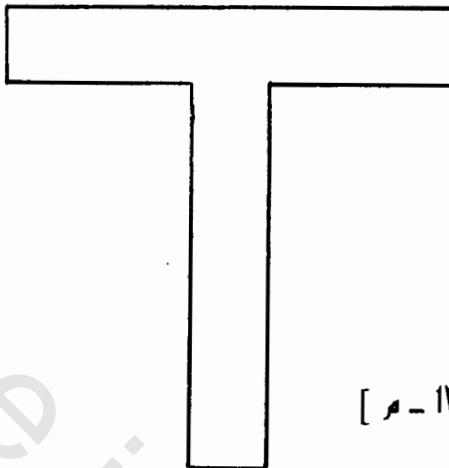
شكل [١٣ - ١٧ - ذ]

شكل [١٣ - ١٧ - ط]



شكل [١٣ - ١٧ - ج]

شكل [١٣ - ١٧ - ك]



شكل [١٧ - ١٣]

ثانياً : على تحويل الوحدات :

[١] حول إلى سم^٢ :

- (أ) ٥ سم^٢ (ب) ١٨ سم^٢ (ج) ١١,٢٥ سم^٢ (د) $\frac{5}{3}$ سم^٢

[٢] حول إلى م^٢ :

- (أ) ١٢ سم^٢ (ب) ٧,٥ سم^٢ (ج) ٣,٧ سم^٢ (د) $\frac{3}{2}$ سم^٢

[٣] حول إلى م^٢ :

- (أ) ٣٧٥٠ سم^٢ (ب) ٣٨٠٠٠ سم^٢

سم^٢ كم^٢ (ج) ٠,٨ كم^٢ (د) $\frac{2}{3}$ كم^٢

[٤] حول ٠,٠٥ م^٢ إلى : (أ) سم^٢ ، (ب) م^٢

[٥] أوجد : المساحة والمحيط ، لكل من المستطيلات التالية بالوحدات المبينة بين الأقواس .

(أ) مستطيل طوله ٧ م وعرضه ٣٠ سم .

المساحة (بالسم^٢) والمحيط (بالเมตร) .

(ب) مستطيل طوله (٢ م) وعرضه (١٥ م) .

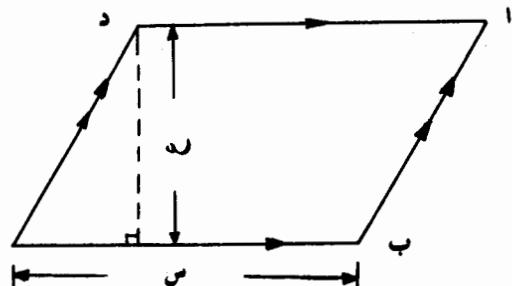
المساحة (بالسم^٢) والمحيط (بالم) .

[١٣ - ٤] مساحة متوازي الأضلاع Area of a Parallelogram

متوازي الأضلاع عبارة عن شكل رباعي (تحدهه ٤ أضلاع)، فيه كل ضلعين متقابلين متساوين ومتوازيين.

ويلاحظ أن كل من المربع والمستطيل، شكل رباعي يمكن اعتباره متوازي أضلاع في وضع خاص حيث أن زواياه الأربع قوائم بينما متوازي الأضلاع فيه ٤ زوايا إثنتان منفرجتان وإثنتان حادتان. انظر شكل (١٢ - ١٨).

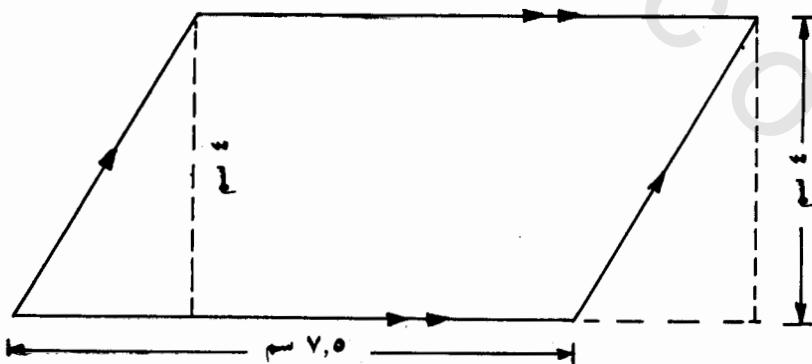
شكل [١٨ - ١٣]
متوازي الأضلاع



وكما يتضح من الشكل فإن مساحة متوازي الأضلاع $أ ب ج د = طول القاعدة \times الارتفاع$ المحصور بين قاعدتيه $ب ج$ ، $أ د$ وهو يساوى ع .
المساحة = $س \times ع$ وحدة مربعة .

مثال (١) : إحسب مساحة متوازي الأضلاع في شكل (١٣ - ١٩) .

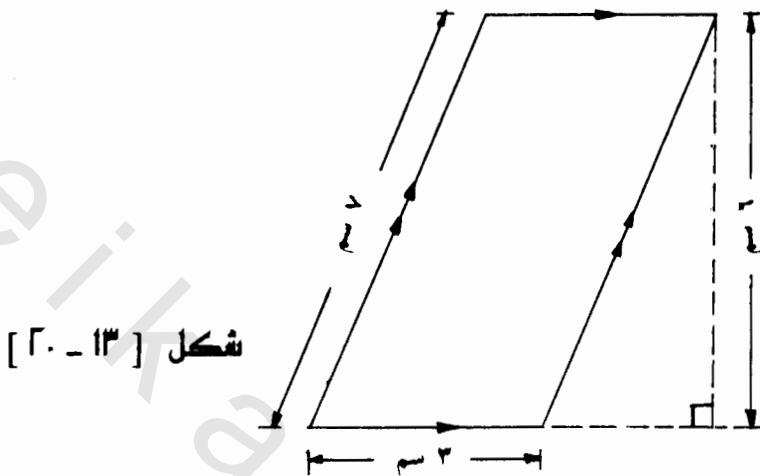
شكل [١٩ - ١٣]



المساحة = طول القاعدة × الارتفاع .

$$4 \times 7,5 = 30 \text{ سم}^2$$

مثال (٢) : احسب مساحة متوازي الأضلاع في شكل (١٣ - ٢٠) .



مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة × الارتفاع العمودي .

$$6 \times 3 = 18 \text{ سم}^2$$

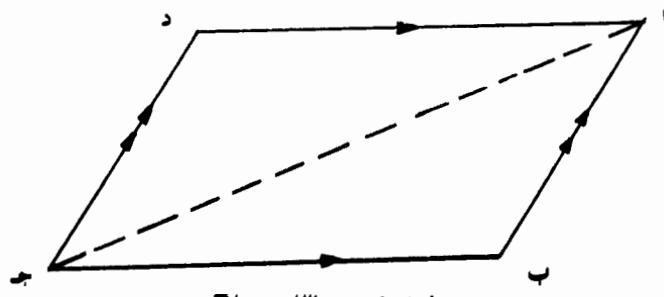
ملحوظة : يجب تجاهل طول الضلع المائل لمتوازي الأضلاع في شكل (١٣ - ٢٠) حيث أن المطلوب هو الارتفاع العمودي ٦ سم وليس الضلع المائل (٧ سم) .

[١٣ - ٥] مساحة المثلث

تعلمنا ، كيفية إيجاد مساحة متوازي الأضلاع وأنها تساوى :

القاعدة × الارتفاع .

وإذا تأملنا متوازي الأضلاع المرسوم في شكل (١٣ - ٢١) .



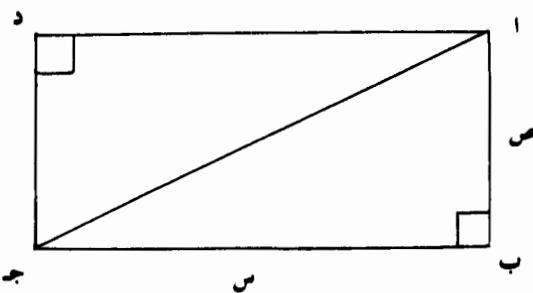
شكل [١٣ - ٢١]

وقد رسمنا قطر أـج ، نلاحظ إنقسام متوازى الأضلاع إلى مثلثين متساوين ، تماماً ، أي أن مساحة أي مثلث منها = $\frac{1}{2}$ مساحة متوازى الأضلاع ونستنتج من هذا أن :

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} .$$

وبالمثل ، إذا نظرنا لشكل (١٣ - ٢٢) ، فإننا نرى أن مساحة المستطيل المبين بالشكل = الطول \times العرض ، كما علمنا سابقاً ، أي $= س \times ص$.

فإذا رسمنا قطر المستطيل أـج فإنه يكون لدينا مثلثين متساوين ولكل من هذين المثلثين مساحة تعادل تماماً نصف مساحة المستطيل .



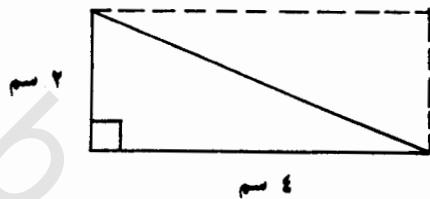
شكل [١٣ - ٢٢]

$$\therefore \text{مساحة المثلث } أـبـج = \text{مساحة المثلث } أـجـد = \frac{1}{2} \times \text{مساحة المستطيل } أـبـجـد = \frac{1}{2} \times س \times ص .$$

مثال (١) : أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٣) ؟

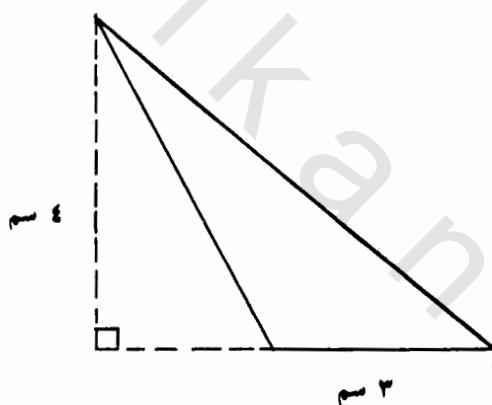
الحل : مساحة المستطيل = $2 \times 4 = 8$ سم^٢.

∴ مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times 8 \times 4 = 16$ سم^٢.



شكل [١٣ - ٢٣]

مثال (٢) : أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٤).



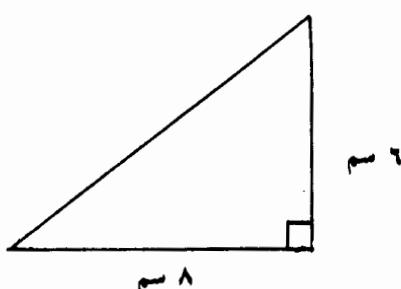
شكل [١٣ - ٢٤]

الحل :

المساحة = $\frac{1}{2}$ القاعدة × الارتفاع العمودي للمثلث.

$$\therefore \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6 \text{ سم}^2.$$

مثال (٣) : أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٥)؟

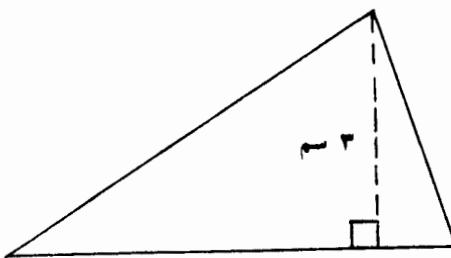


شكل [٢٤ - ١٣]

المساحة = $\frac{1}{2}$ القاعدة × الارتفاع .

$$\therefore \frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24 \text{ سم}^2$$

مثال (٤) : أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٦) ؟

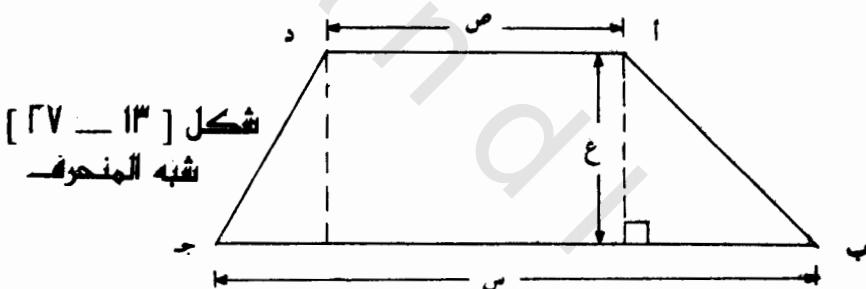


شكل [١٣ - ٢٦]

الحل :

المساحة = $\frac{1}{2}$ القاعدة × الارتفاع .

$$\therefore \frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9 \text{ سم}^2$$



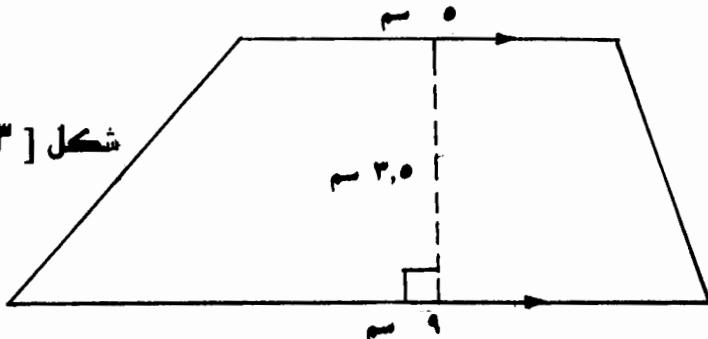
[١٣ - ٦] مساحة شبه المنحرف Area of a trapezium

شبه المنحرف هو شكل رباعي فيه ضلعان (من الأربعة) متوازيان فمساحة شبه المنحرف $A = \frac{1}{2} \times (ص + س) \times ع$ ، حيث $ص$ و $س$ هما القاعدتين المتوازيتين والارتفاع $ع$ = مجموع القاعدتين المتوازيتين × الارتفاع المحصور بينهما .

$$= \frac{1}{2} (ص + س) \times ع . \text{ وحدة مربعة .}$$

مثال (١) : أوجد مساحة شبه المنحرف المبين في شكل (١٣ - ٢٨) .

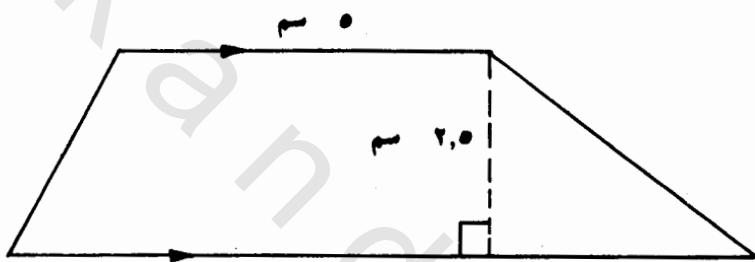
شكل [١٣ - ٢٨]



$$\begin{aligned} \text{مساحة شبه المنحرف} &= \frac{1}{2} \times (\text{مجموع القاعدتين المتوازيتين}) \times \text{الارتفاع} . \\ &= \frac{1}{2} \times (9 + 14) \times 2,5 = \frac{1}{2} \times 23 \times 2,5 = 28,75 . \\ &= 28,75 \text{ سم}^2 . \end{aligned}$$

مثال (٢) : أوجد مساحة شبه المنحرف المبين في شكل (١٣ - ٢٩) .

شكل [١٣ - ٢٩]

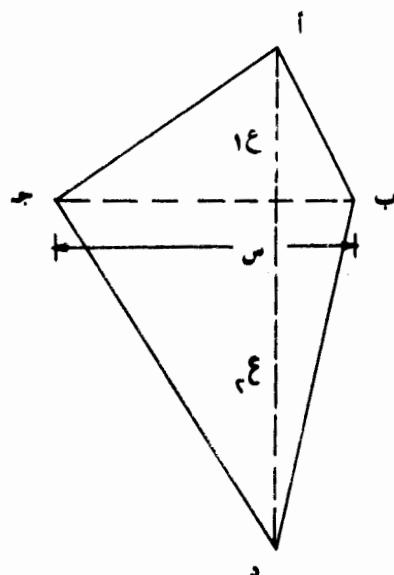


الحل :

$$\begin{aligned} \text{المساحة} &= \frac{1}{2} \times (\text{مجموع القاعدتين}) \times \text{الارتفاع العمودي بينهما} . \\ &= \frac{1}{2} \times (5 + 10) \times 2,5 = \frac{1}{2} \times 15 \times 2,5 = 18,75 = 18,75 \text{ سم}^2 . \end{aligned}$$

[١٣ - ٧] مساحة الشكل الرباعي على شكل شبه المعين :

يتكون هذا الشكل من مثلثين وبإيجاد مساحة كل منها يمكننا بإيجاد مساحة شبه المعين كله ، وهو شكل رباعي كثير الاستخدام في حياتنا العملية .
ويلاحظ من الشكل (١٣ - ٣٠) ، أن قاعدة كل من المثلثين واحدة مشتركة فيما بينهما ، والاختلاف هو في ارتفاع المثلثين .



شكل [٣٠ - ١٣]

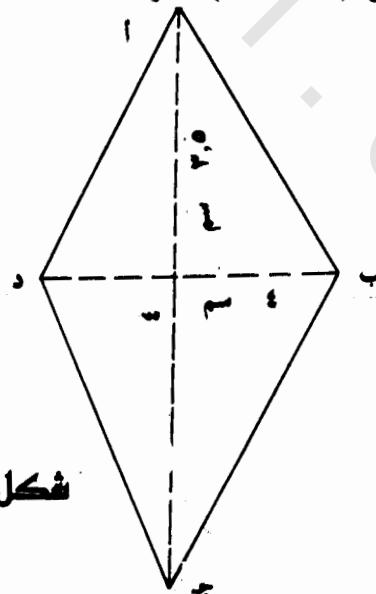
مساحة الشكل = مجموع مساحة المثلثين ب جـ أ ، ب جـ د .

فمساحة المثلث العلوي بالشكل ب جـ أ = $\frac{1}{2} \times س \times ع_1$.

ومساحة المثلث السفلي بالشكل ب جـ د = $\frac{1}{2} \times س \times ع_2$.

∴ مساحة الشكل كله = $\frac{1}{2} س \times ع_1 + \frac{1}{2} س \times ع_2$.

مثال : في الشكل (١٣ - ٣١) ، أوجد مساحة الشكل المبين أ ب جـ د .



شكل [٣١ - ١٣]

الحل :

$$\text{مساحة المثلث العلوي } B D A = \frac{1}{2} \times 4 \times 7 = 14 \text{ سم}^2.$$

$$\text{مساحة المثلث السفلي } B D G = \frac{1}{2} \times 4 \times 8 = 16 \text{ سم}^2.$$

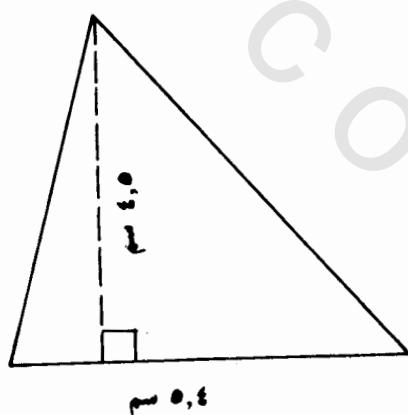
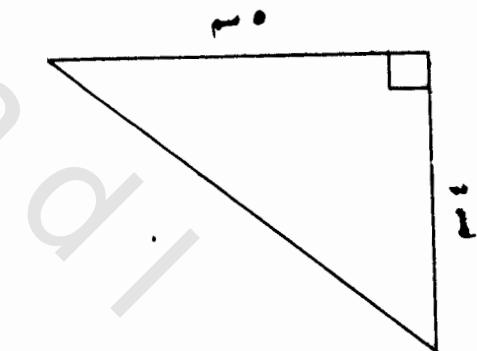
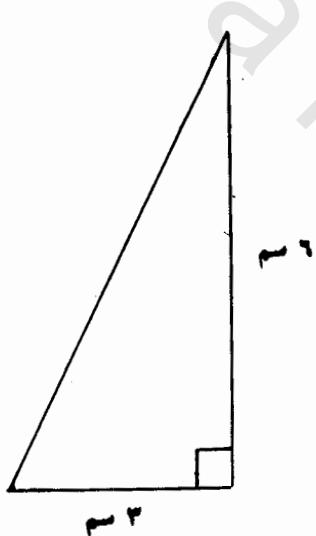
$$\therefore \text{مساحة الشكل } A B D G = 14 + 16 = 30 \text{ سم}^2.$$

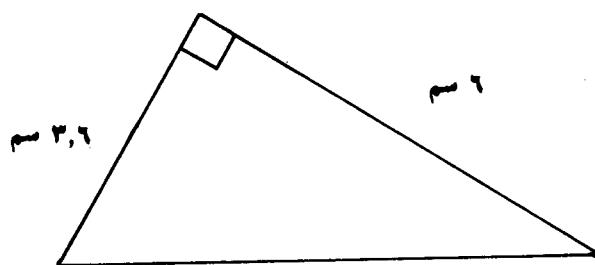
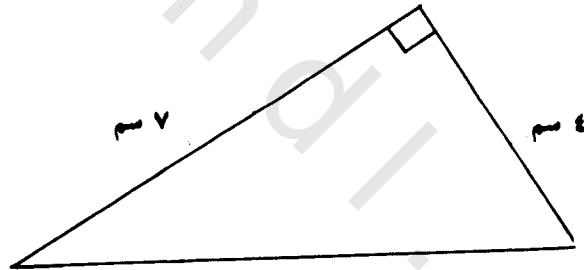
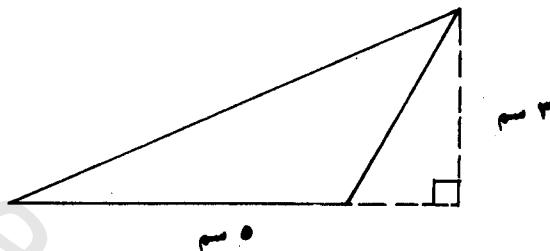
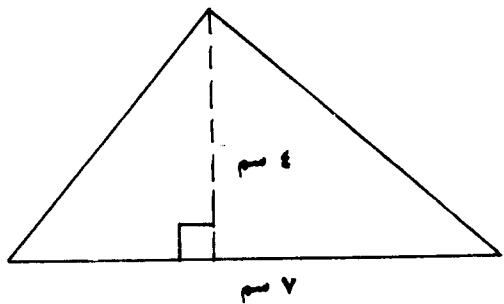
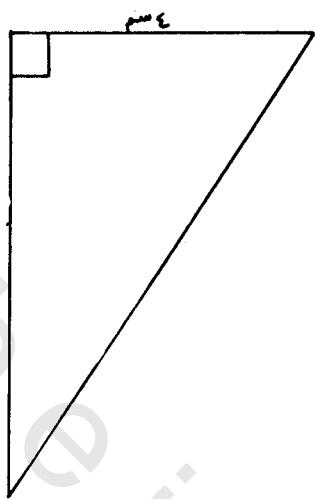
$$\text{وبلأحظ أن } 30 = \frac{1}{2} (4 \times 7,5) = 7,5 \times 4.$$

أى أن مساحة الشكل = $\frac{1}{2}$ حاصل ضرب القطرين ، أحدهما 4 سم ، الآخر 7,5 سم = $(4 + 7,5) \times 7,5 = 30$.

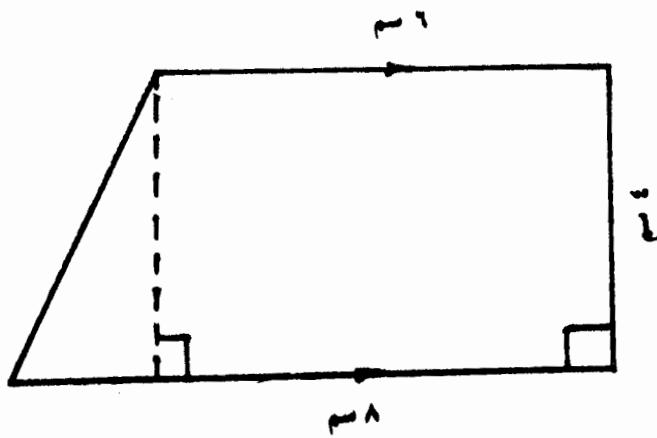
تقريرات على مساحات المثلثات والأشكال الرباعية

[١] أوجد مساحة كل من الأشكال التالية ، كما في شكل (١٢ - ٣٢).

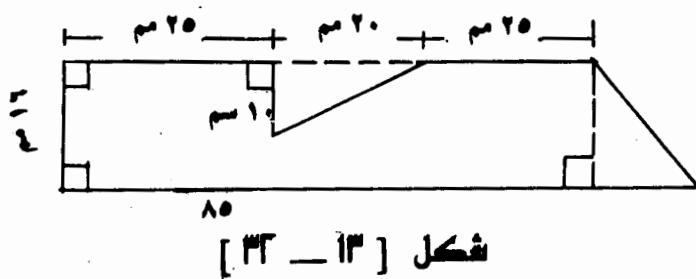
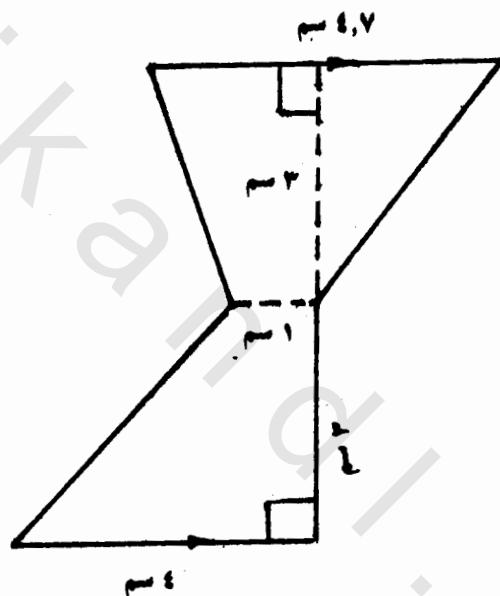




(٢)

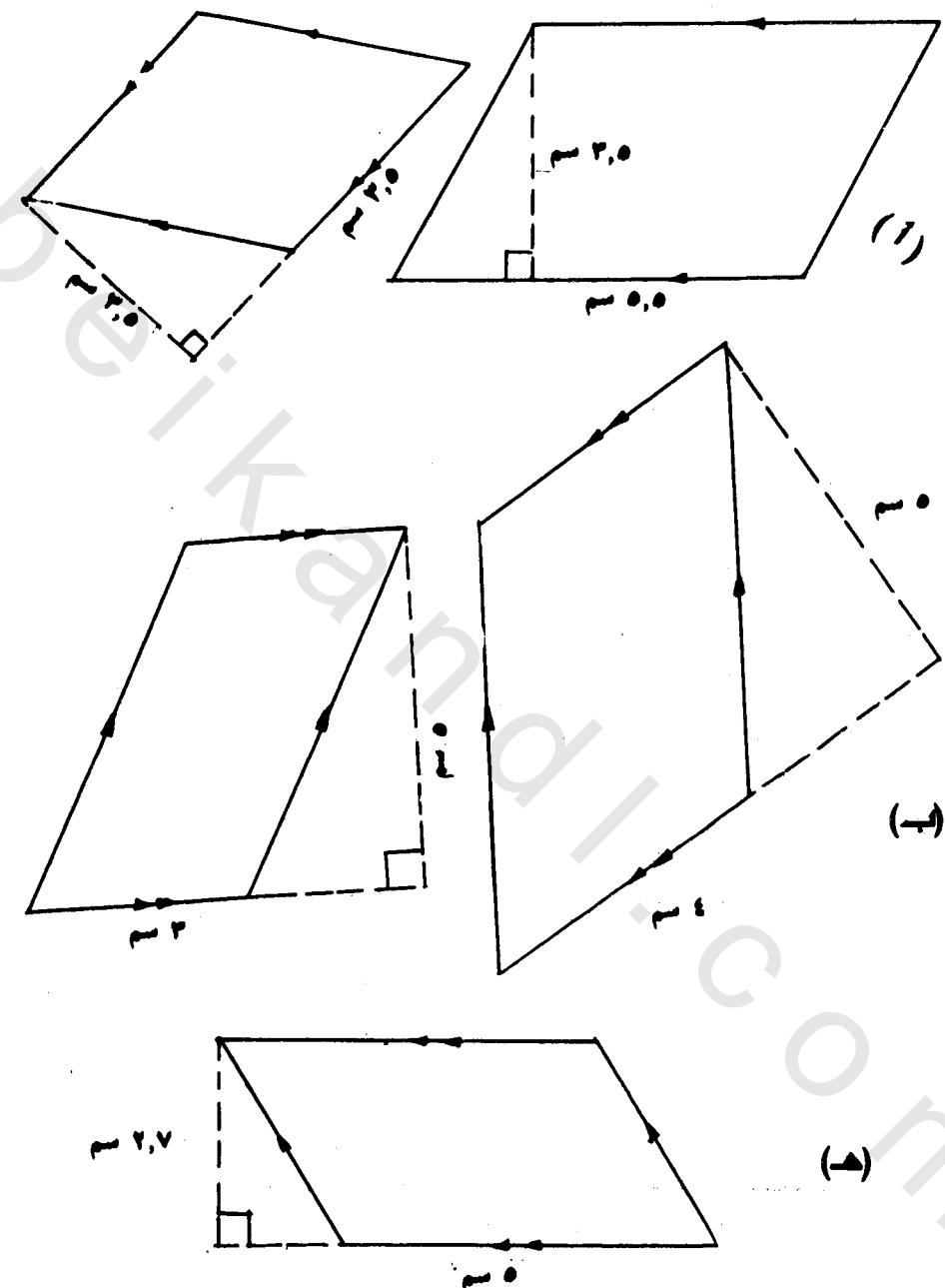


(٣)



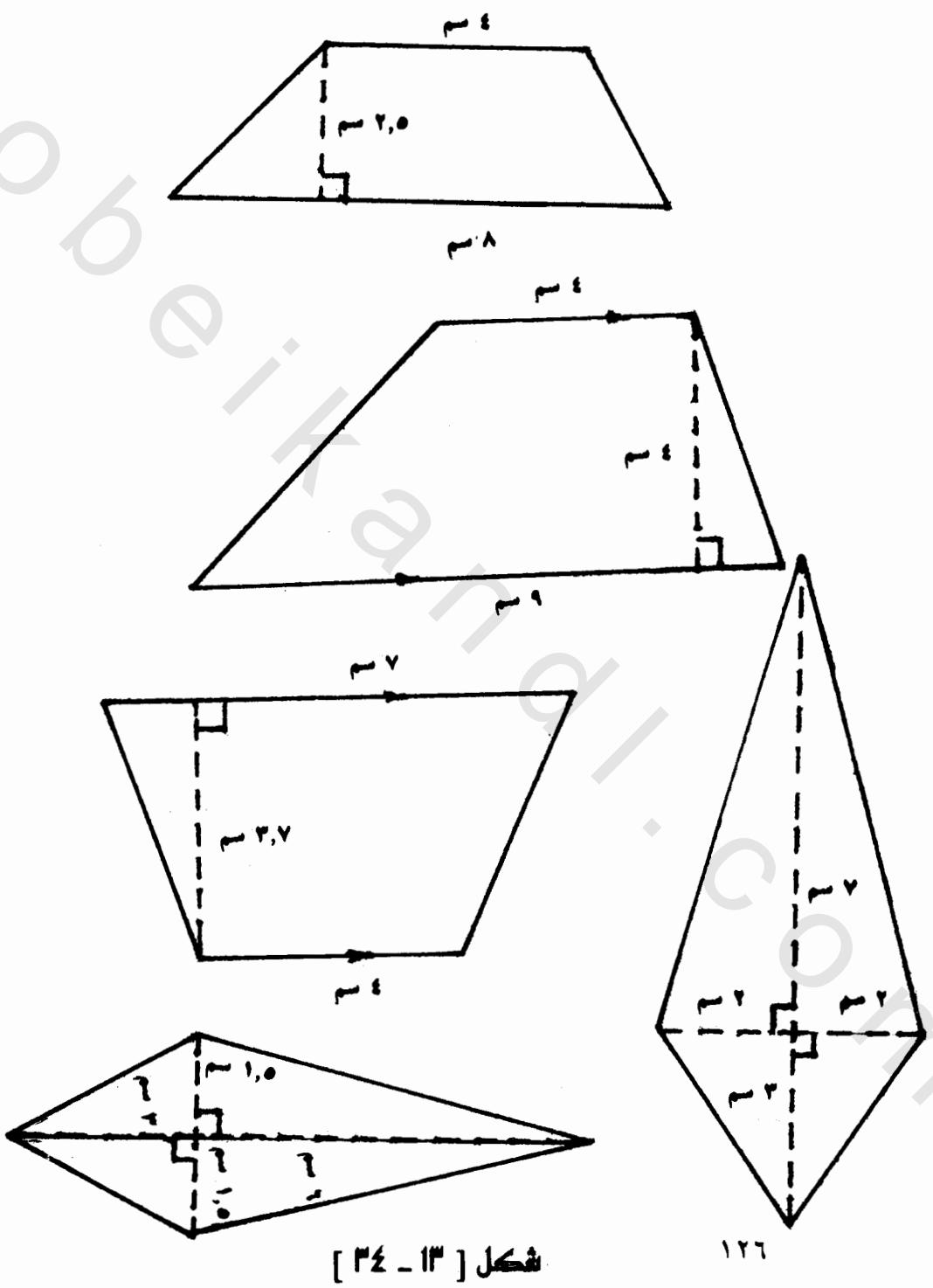
[٣٣ - ١٣] شكل

[٢] أوجد مساحة كل من متوازيات الأضلاع التالية ، في شكل (١٣ - ٣٣) .



شكل [٣٣ - ١٣]

[٣] أوجد مساحة الأشكال الرباعية التالية ، في شكل (١٢ - ٣٤) .



شكل [١٣ - ٣٤]

[٨ - ١٣] مسائل على المساحات والمحيط للأشكال المختلفة :

[أيهما أكبر ، حديقة طولها ١٠,٥ م وعرضها ٦ م وأخرى طولها ٩ م وعرضها ٧,٢٥ م ؟]

[٢] قطعة أرض طولها ٢٠٠ م وعرضها ٦٠ م يراد عمل ملعب كرة قدم بها بعدها ١٠٠ م ، ٥٠ م ، أوجد مساحة الجزء الخارجي للملعب ؟

[٣] صورة مربعة الشكل طول ضلعها ١٣,٥ سم يراد وضعها في إطار (برواز) أبعاده ٢٠ سم ، ٢٥ سم ، أوجد مساحة الجزء المحيط بالصورة داخل الإطار .

[٤] شبه منحرف ، طول قاعدتيه المتوازيتين ٦,٢٥ م ، ١٠ م ويبعد كل منهما عن الآخر بمسافة ٢ م ، احسب مساحته .

[٥] الجدول (١٣ - ٢) ، لمجموعة من شبه المنحرفات ، يراد إكمال بياناته ؟

مسلسل	طول القاعدة العليا	طول القاعدة السفلية	الارتفاع	المساحة
١	١٦	٢٤	٥	؟
٢	؟	١٨	١٠	٢٠٠
٣	٢٦	؟	٢٥	٤٠٠
٤	١٢	٧	؟	٩٥

جدول [١٣ - ٢] الوحدات بالسنتيمتر

الوقت Time

[١٤ - ١] وحدات الوقت :

تفق وحدات الوقت أو الزمن في كلاً من النظامين الفرنسي والإنجليزي . وبالتالي فهي وحدات تستخدمها كل بلاد العالم بدون استثناء . وفيما يلى جدول يحدد الأزمنة ،

١ سنة - ١٢ شهر
١ سنة - ٥٢ أسبوع
١ فصل - ١٣ أسبوع
سنة كبيسة - ٣٦٦ يوم
سنة - ٣٦٥ يوم
شهر - ٣٠ يوم أ، ٣١ يوم أ، ٢٨ يوم أو ٢٩ يوم
أسبوع - ٧ أيام
يوم - ٢٤ ساعة
ساعة - ٦٠ دقيقة
دقيقة - ٦٠ ثانية
ساعة - ٣٦٠٠ ثانية

وشهور السنة التي بها ٣٠ يوم هي : أبريل ، يونيو ، سبتمبر ، نوفمبر .
وشهور السنة التي بها ٣١ يوم هي : يناير ، مارس ، مايو ، يوليو ، أغسطس ،
أكتوبر ، ديسمبر .

أما شهر فبراير فهو ٢٨ يوم ، ما عدا السنوات الكبيسة فيكون ٢٩ يوم .
ويمكنا التعبير عن الوقت أو الساعة أثناء اليوم بطريقتين :

الطريقة الأولى : وهي الشائعة الاستخدام في حياتنا اليومية ، وتستخدم فيها الأرقام أو الساعات من (١ - ١٢) فقط وهذا هو تدريج الساعات العادية التي نستخدمها جميعاً ، وبهذه الطريقة ، فإن اليوم (٢٤ ساعة) ينقسم إلى جزئين وهما الصباح والمساء « من الواحدة ليلًا و حتى الثانية عشر ظهراً تعتبر فترة الصباح بينما من الواحدة ظهراً و حتى الثانية عشر ليلًا فإنها تعتبر فترة المساء » .

الطريقة الثانية : وتستخدم فيها الأرقام من (١ - ٢٤) وتستخدم هذه الطريقة في التوقيتات العسكرية وفي مواعيد السفر بالطائرات والسفن وغيرها . فمثلاً الساعة السابعة صباحاً تكتب الساعة ٧٠٠ وتنطق الساعة سبعاً مائة وكذلك الساعة السادسة صباحاً هي ٦٠٠ والساعة ١٢ ظهراً تكتب الساعة ١٢٠٠ وهي تعنى منتصف النهار .

أما الساعة الخامسة والنصف مساءً فتكتب ١٧٣٠ (ألف وسبعمائة وثلاثون) . وكذلك الساعة التاسعة والربع مساءً فتكتب ٢١١٥ (ألفان مائة وخمسة عشر) .

مثال (١) : حول $\frac{1}{4}$ ساعة إلى دقائق .

$$1 \text{ ساعة} = 60 \text{ دقيقة .}$$

$$\therefore \frac{1}{4} \text{ ساعة} = \frac{1}{4} \times 60 = 15 \text{ دقيقة .}$$

مثال (٢) : حول ٦١٥ ثانية إلى دقائق .

الحل :

$$\text{كل } 60 \text{ ثانية} = 1 \text{ دقيقة .}$$

$$615 \text{ ثانية} = \frac{615}{60} = \frac{15}{1} + \frac{1}{4} = 10 \text{ دقيقة} + \frac{1}{4} \text{ دقيقة .}$$

$$\therefore 615 \text{ ثانية} = \frac{1}{4} 10 \text{ دقيقة .}$$

مثال (٣) : يبلغ دخل موظف في الشهر ٣٢٠ جنيهاً فكم يبلغ دخله في السنة ؟

الحل :

$$\text{السنة} = 12 \text{ شهراً .}$$

$$\therefore \text{دخل الموظف في الشهر} = 12 \times 320 = 3840 \text{ جنيهاً .}$$

ال詢問

[١] حول ما يأتي إلى ثوانى :

- (هـ) $\frac{1}{3}$ ساعة .
(وـ) ١٣ دقيقة .
(زـ) $\frac{5}{12}$ ١ دقيقة .
(حـ) $\frac{7}{6}$ دقيقة .
(أـ) ٨ دقائق .
(بـ) $\frac{1}{3}$ ٦ دقيقة .
(جـ) $\frac{1}{4}$ ٥ دقيقة .
(دـ) $\frac{1}{4}$ ١ ساعة .

[٢] حول ما يأتي إلى دقائق :

- (هـ) $\frac{5}{6}$ ٣ ساعة .
(وـ) $\frac{7}{12}$ ٤ ساعة .
(زـ) ٢٤ ساعة .
(حـ) ٢ ساعتين ، ٥٠ دقيقة .
(أـ) ٤ ساعات .
(بـ) ٥ ساعات .
(جـ) ٣ ساعات و ٣٠ دقيقة .
(دـ) $\frac{1}{4}$ ٢ ساعة .

[٣] احسب الوقت بالدقائق فيما بين الأزمنة التالية :

- . ١٩١٠ ، ١٧٣٠ (زـ) ٨,٤٥ صباحاً .
. ١٨١٠ ، ١٦٤٠ (حـ) ٦,٣٠ مساءً ، ٧,١٥ مساءً .
. ١٥,٤٠ ، ١٣٢٠ (طـ) ١٢,٠٥ ظهراً ، ٣,١٠ مساءً .
. ١٣٠٥ ، ١١٠٠ (كـ) ١١,١٥ صباحاً ، ١,١٥ مساءً .
. ١٤١٠ ، ١٢٠٠ (لـ) ٢,٣٥ ظهراً ، ٣,٠٥ ظهراً .
. ٢٤٠٠ ، ٢١١٥ (مـ) ٩,٥٥ مساءً ، ١٢,٠٠ مساءً .

[٤] احسب الوقت بالساعات والدقائق فيما بين الأزمنة التالية :

- . ٢٢٠٠ ، ١١٠٠ (وـ) ٣,١٧ صباحاً ، ٦,١٢ صباحاً .
. ١٧٢٧ ، ١٣١٥ (زـ) ٥,١٣ مساءً ، ١١,٢٧ مساءً .
. ٢٣١٦ ، ١٢٢٨ (حـ) ٦,٠٧ صباحاً ، ١١,١٣ مساءً .
. ١٨٢٥ ، ١٤٣٥ (طـ) ١٢,٢٠ ظهراً ، ٥,٤٠ مساءً .
. ١٩١٥ ، ١٠٠٠ (كـ) ٧,٠٥ صباحاً ، ٧,٠٥ مساءً .

[٥] اكتب التوقيتات التالية إلى نظام الساعات (من ١ — ٢٤) :

- (أ) ٣,٠٥ ظهراً .
 (ب) ١٢,٢٠ ظهراً .
 (ج) ٦,٠٧ صباحاً .
 (د) ٥,١٥ مساءً .
 (هـ) ٩,٠٥ صباحاً .
 (و) ١١,٣٦ مساءً .
- (ز) ٨,١٣ مساءً .
 (ح) ٧,٢٣ صباحاً .
 (ط) ١,٤٥ صباحاً .
 (ك) ٩,١٥ مساءً .
 (ل) ٦,٣٨ مساءً .
 (م) ١,٠١ مساءً .

[٦] حول التوقيتات التالية إلى نظام الساعات المعتادة (من ١ - ١٢) :

- | | | |
|-----|------|------|
| (ز) | ١٤٣٠ | ٠٠٥٥ |
| (ح) | ١٦٤٥ | ١١٥٥ |
| (ط) | ١٨٠٥ | ١٢٤٠ |
| (ك) | ٠٧٣٦ | ٠٦٠٠ |
| (ل) | ١٩٤٤ | ٠٨١٥ |
| (م) | ٢١٥٦ | ٠٧٢٠ |

[٧] فيما يلى مواعيد الرحلات للقطارات ، والمطلوب معرفة البيانات الناقصة وتدوينها ، جدول (١٤ - ٢) .

الرحلة	موعد القيام	موعد الوصول	زمن الرحلة
أ	١٠,٣٠	٢,٠٢	١ س ، ٤٥ ق
ب	٠٨١٥	١٠٠	٢ س ، ٣٢ ق
ج	١٢٢٣		١٤٠
د		١٧٣٥	١٩٥٥
هـ			٣ س ، ٣٥ ق
و	٦,٢٠		
ز	١٦٠٠		
ح		١٨٢٣	٠٠٤٥ صباحاً
ط	١١٠٠	٢٢١٥	
ك	٨,٤٥	١٢١٦	
ل	١٤٣٥	١٠,٢٥ ص	١٦٥٥

- [٨] تستغرق رحلة الذهاب إلى عمل موظف من منزله ٥٥ دقايق فإذا خرج من منزله الساعة ٦:٤٥ ص ففي أي ساعة يصل لعمله .
- [٩] بنام محمد يومياً الساعة ١٠:١٥ مساءً فإذا علمت أنه نام لمدة ٩:١٥ ساعة ففي أي وقت يستيقظ في الصباح .
- [١٠] ترك قطار من القاهرة الساعة ١٧:٥٥ مساءً فوصل إلى الإسكندرية الساعة ٢١:٢٣ فكم استغرقت رحلة القطار .
- [١١] كان إمتحان الرياضيات مخصصاً له زمناً قدره ٣ ساعات وبدأ الإمتحان الساعة ٨:٠٠ وأنهى محمد امتحانه في ٢٠٥ س. فكم كانت الساعة عند خروجه من قاعة الامتحان .