

الفصل السادس

Chapter Six

ديناميكية التفاعلات

Reaction Kinetics

obeikandl.com

مقدمة

تعرف ديناميكية التفاعل بأنها مجموع الأسس (القوى) لمكونات التركيز المعبرة عن معدل التفاعل كما أن ديناميكية التفاعل تختلف باختلاف التفاعلات.

أنواع ديناميكية التفاعلات

1- Zero Order Kinetics

وهو زيادة تركيز المواد المتفاعلة كثيراً لدرجة لا تغير معدل التفاعل. ولنفرض ان المادة المتفاعلة A تتحول إلى ناتج التفاعل P كالتالي:



وعادة يقل تركيز المادة المتفاعلة بمرور الزمن ولذلك يكون:

$$R = \frac{-dA}{dt} = K \quad \dots\dots\dots (2-6)$$

حيث ان R هو معدل التفاعل.

وان $\frac{-dA}{dt}$ هو النقصان الحاصل في تركيز المادة المتفاعلة بتغير الزمن وهو يعبر عن معدل التفاعل.

وان K هي كمية ثابتة.

و عند إجراء التحويلات للمعادلة (2-6) يحصل الآتي:

$$-dA = dt K \quad \dots\dots\dots (3-6)$$

و عندما يؤخذ تكامل المعادلة (3-6) يحصل الآتي:

$$\int_{A_0}^A dA = -K \int_0^t dt \quad \dots\dots\dots (4-6)$$

وبعبارة أخرى

$$-(A - A_0) = K(T - 0) \quad \dots\dots\dots (5-6)$$

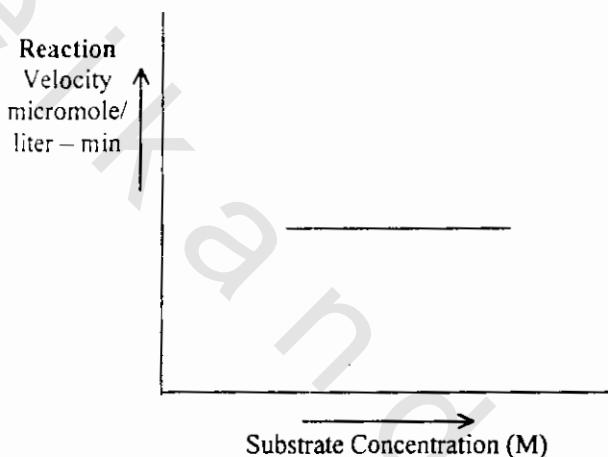
أو

$$A_0 - A = KT \quad \dots\dots(6-6)$$

ان الشكل المرقم (٦-٦) يوضح علاقة سرعة التفاعل بتركيز مادة التفاعل عندما يكون التفاعل من نوع **Zero Order Kinetics**

- التفاعل من نوع **Frist Order Kinetics**

وهو ان زيادة تركيز المواد المتفاعلة تؤثر كثيراً على معدل التفاعل. ولنفرض ان مادة التفاعل **A** تتحول إلى ناتجي التفاعل **B** و **C** كالتالي:



شكل رقم (٦-٦): علاقة سرعة التفاعل بتركيز مادة التفاعل عندما يكون التفاعل من نوع **Zero Order Kinetics**



فيكون معدل التفاعل كالتالي:

$$R = \frac{-dA}{dt} = KA \quad \dots\dots(8-6)$$

حيث ان **R** هو معدل التفاعل.

وان $\frac{-dA}{dt}$ هو تغير آخر عن معدل التفاعل.

وأن K هي كمية ثابتة.

وأن A هو تركيز المادة المتفاعلة.

و عند تحويل المعادلة (٩-٦) يحصل الآتي:

$$-\frac{dA}{A} = Kdt \quad \dots\dots\dots (9-6)$$

كما تتحول المعادلة (٩-٦) إلى ما يأتى:

$$-d \ln A = Kdt \quad \dots\dots\dots (10-6)$$

وعندما يؤخذ تكامل المعادلة (١٠-٦) يحدث الآتي:

$$-\int_{A_0}^A d \ln A = K \int dt \quad \dots\dots\dots (11-6)$$

أو تتحول إلى ما يأتى:

$$\ln \frac{A}{A_0} = K(T - 0) \quad \dots\dots\dots (12-6)$$

أو تتحول إلى ما يأتى:

$$\ln \frac{A}{A_0} = KT \quad \dots\dots\dots (13-6)$$

أو تتحول إلى ما يأتى:

$$\ln \frac{A_0}{A} = KT \quad \dots\dots\dots (14-6)$$

أو تتحول إلى ما يأتى:

$$2.31 \log \frac{A_0}{A} = KT \quad \dots\dots\dots (15-6)$$

ومما يذكر أنه عند استعمال نصف مادة التفاعل في منتصف الوقت فإن المعادلة (١٥-٦) تصبح

كالآتي:

$$2.31 \log \frac{2}{1} = KT_{\frac{1}{2}} \quad \dots\dots\dots (16-6)$$

وتختصر المعادلة (١٦-٦) إلى ما يأتى:

$$\log 2 = \frac{KT_{\frac{1}{2}}}{2.31} \quad \dots\dots\dots (17-6)$$

و عند استعمال $\log 2$ يكون الآتي:

$$0.3 = \frac{KT_1}{2.31} \quad \dots\dots\dots (18-6)$$

و يمكن ان تختصر المعادلة (18-6) إلى ما ياتي:

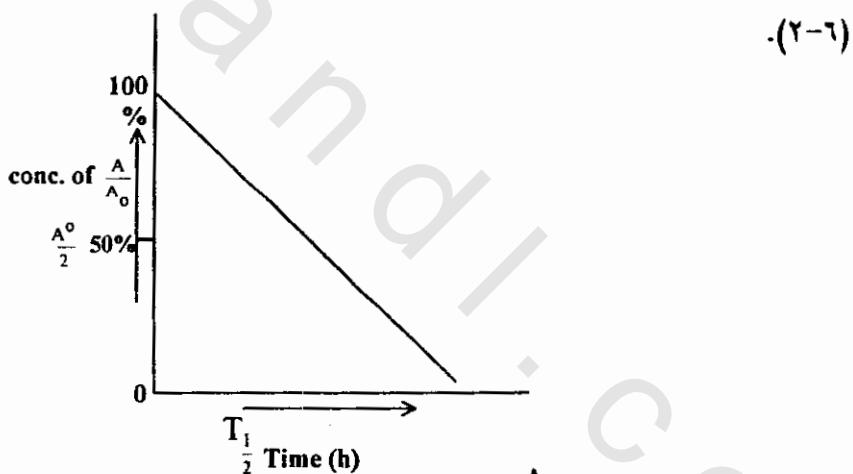
$$KT_{\frac{1}{2}} = 0.3 \times 2.31$$

$$KT_{\frac{1}{2}} = 0.693 \quad \dots\dots\dots (19-6)$$

و يمكن اختصار المعادلة (19-6) إلى اكثرب من ذلك:

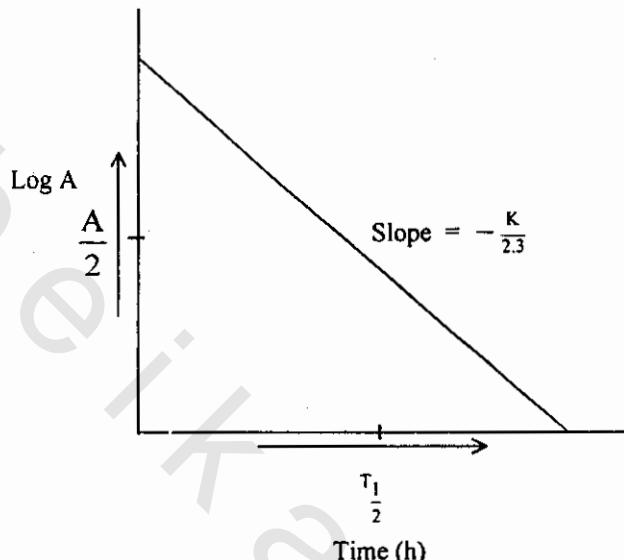
$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{0.693}{K} \quad \dots\dots\dots (20-6)$$

وما ينكر انه عند رسم المنحنى البياني لعلاقة $\frac{A}{A_0}$ مع الزمن يحصل الشكل المرفق



شكل رقم (٢-٦): علاقه نسبة تركيز $\frac{A}{A_0}$ مع الزمن عندما يكون الفاعل من نوع First Order Kinetics

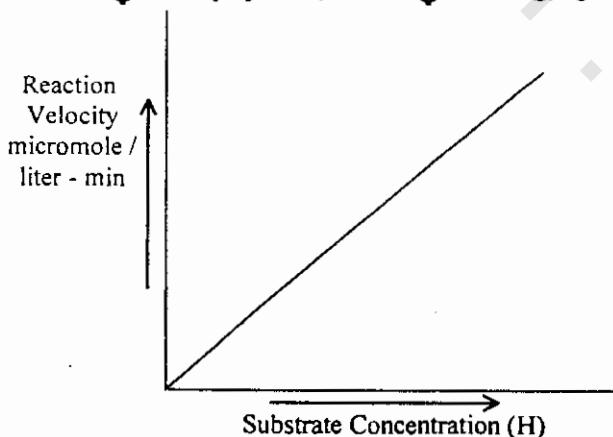
ولكن عندما يؤخذ منحنى علاقه لوغاريم تركيز مادة للتفاعل مع الزمن يحدث الشكل المرفق (٣-٦):



كل رقم (٣-٤): علاقة لوغاریتم مادة التفاعل مع الزمن عندما يكون التفاعل من نوع First Order Kinetics

اما إذا اخذ منحنى علاقة سرعة التفاعل بتركيز مادة التفاعل يحدث الشكل المرقم (٤-٤).

٣ - التفاعل من نوع Second Order Kinetics
ويعني أن مجموع قوى التراكيز الدالة في المعاملة يعادل (٢) فمثلاً في التفاعل الآتي:



شكل رقم (٤-٤): منعنى علاقه سرعة التفاعل مع تركيز مادة التفاعل عندما يكون التفاعل من نوع First Order Kinetics



ويكون معدل التفاعل كالتالي:

$$R = \frac{-dA}{dt} = K(A)^2 \quad \dots\dots (22-1)$$

ويمكن تحويل المعادلة إلى ما يأتي:

$$\dots\dots (23-6) \quad \frac{dA}{A^2} = -Kdt$$

و عند اخذ تكامل هذه المعادلة من حالة التركيز الأصلي أو البدائي (A_0) إلى التركيز المعن A يحصل الآتي:

$$\int_{A_0}^A \frac{dA}{A^2} = -K \int_0^T dt \quad \dots\dots (24-6)$$

ان ذلك يعني ما يأتي:

$$\frac{1}{A} - \frac{1}{A_0} = KT \quad \dots\dots (25-26)$$

اما نصف العمر فيعادل ما يأتي:

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{KA_0} \quad \dots\dots (26-6)$$

اما إذا حدث التفاعل الآتي:



فإن معدل التفاعل سيكون كالتالي:

$$\frac{dx}{dt} = K(A_0 - x)(B_0 - x) \quad \dots\dots (28-6)$$

حيث أن X تمثل عدد مولات A التي تفاعلت مع B.

أن المعادلة (28-6) تحور إلى ما يأتي:

$$\frac{dx}{(A_0 - x)(B_0 - x)} = Kdt \quad \dots\dots (29-6)$$

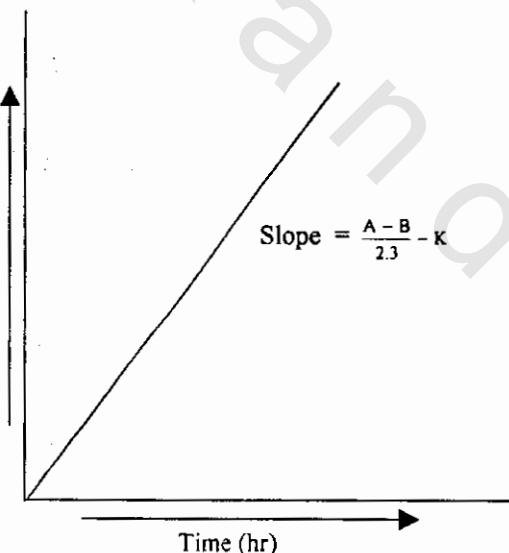
و عند اخذ تكامل المعادلة (29-6) ينتج الآتي:

$$\frac{1}{A_0 - B_0} \ln \frac{B_0 (A_0 - x)}{A_0 (B_0 - x)} = Kt \quad \dots\dots (30-6)$$

أو تحور المعادلة (30-6) إلى ما يأتى:

$$\frac{2.3}{A_0 - B_0} = \log \frac{B_0 (A_0 - x)}{A_0 (B_0 - x)} = Kt \quad \dots\dots (31-6)$$

وهذا وان الشكل المرقم (5-6) يوضح علاقه $\frac{1}{A - B}$ مع الزمن.



شكل رقم (5-6): منحنى يابي يوضح علاقه $\frac{1}{A - B} - \ln \frac{B(A - x)}{A(B - x)}$ مع الزمن

٤ - التفاعل من النوع Third Order Kinetics

لفرض حدوث التفاعل الآتي:



حيث ان A هو تركيز مادة التفاعل في الوقت T .

أو أن A_0 هو تركيز مادة التفاعل في الوقت T_0 .

أو لنفرض حدوث التفاعل كالتالي:



فيكون معدل التفاعل كالتالي:

$$\frac{-dA}{dt} = KA^3 \quad \dots\dots\dots (34-6)$$

وعند اخذ التفاضل والتكامل يكون الآتي:

$$K = \frac{1}{(3-2)t} \left(\frac{1}{A^2} - \frac{1}{A_{\circ}^2} \right) \quad \dots\dots\dots (35-6)$$

وتحور المعادلة (35-6) إلى ما يأتي:

$$K = \frac{1}{2t} \left(\frac{1}{A^2} - \frac{1}{A_{\circ}^2} \right) \quad \dots\dots\dots (36-6)$$

أو تحور المعادلة (36-6) إلى ما يأتي:

$$Kt = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{A^2} - \frac{1}{A_{\circ}^2} \right) \quad \dots\dots\dots (37-6)$$

اما نصف العمر $\frac{1}{2} T$ فيقاس كالتالي:

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{2^2 - 1}{KA_{\circ}^2 (2)} \quad \dots\dots\dots (38-6)$$

وختصر المعادلة (38-6) إلى ما يأتي:

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{3}{2KA_{\circ}^2} \quad \dots\dots\dots (39-6)$$

هذا ويمكن استنباط المعادلة العامة الآتية:

$$\frac{-dA}{dt} = KA^n \quad \dots\dots(40-6)$$

حيث ان n هي نوع التفاعل ماعدا نوع **First order** كما ان K تتحسب كالتالي:

$$K = \frac{1}{(n-1)t} \left(\frac{1}{A^{n-1}} - \frac{1}{A_0^{n-1}} \right) \quad \dots\dots(41-6)$$

وان نصف العمر يقاس كالتالي:

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{2^{n-1} - 1}{KA_0^{n-1}(n-1)} \quad \dots\dots(42-6)$$

Coupled Reactions التفاعلات المترتبة

في التفاعلات السابقة درست حالة التفاعل البسيط عندما يحدث نوع واحد من التفاعلات في اتجاه واحد وان ناتج التفاعل لا يرجع للوراء بتفاعل عكسي ولكن ستدرس بعض التفاعلات الاكثر تعقيدا والتي تشمل ما يأتي:

١- التفاعلات المتعاكسة Opposed Reactions

لنفرض ان المادة X تتحول إلى Y بتفاعل إلى اليمين (f) وان Y تعكس إلى X

بتفاعل عكسي (b) كالتالي:



ولنفرض انه في بداية التجربة $t=0$ ان تركيز X يساوي X_0 وان تركيز Y يعادل الصفر. لهذا فان تركيز X يقل مع مرور الزمن كالتالي:

$$\frac{dX}{dt} = - K_f (X) \quad \dots\dots(44-6)$$

وحالما يتجمع التركيز الملائم من Y يحدث التفاعل العكسي كالتالي:

$$\frac{dY}{dt} = - K_b (Y) \quad \dots\dots(45-6)$$

وتحت ظروف معينة فان:

$$Y = X_0 - X \quad \dots \dots \dots (46-6)$$

وعند تعويض المعادلة (46-6) في المعادلة (45-6) يحصل الآتي:

$$\frac{d(X_0 - X)}{dt} = \frac{-dX}{dt} = -K_b (X_0 - X) \quad \dots \dots \dots (47-6)$$

وان التغير الصافي في X يكون كالتالي:

$$\frac{dX}{dt} = -K_f + K_b (X_0 - X) \quad \dots \dots \dots (48-6)$$

وفي حالة التوازن يتساوى معدلا التفاعلين العكسيين وبعبارة أخرى:

$$K_f X_{eq} = K_b Y_{eq} = K_b (X_0 - X_{eq}) \quad \dots \dots \dots (49-6)$$

هذا ويمكن التعبير عن العلاقة بالنسبة إلى K_b كالتالي:

$$\frac{dX}{dt} = K_b \frac{X_0}{X_{eq}} (X_{eq} - X) \quad \dots \dots \dots (50-6)$$

ويمكن تحويل المعادلة (50-6) إلى ما يأتى:

$$\frac{dX}{X_{eq} - X} = K_b \frac{X_0}{X_{eq}} dt \quad \dots \dots \dots (51-6)$$

ويمكن تكامل المعادلة (51-6) من التركيز البدائي X_0 إلى التركيز المعيين X كالتالي:

$$\int_0^X \frac{dX}{X_{eq} - X} = K_b \frac{X_0}{X_{eq}} \int_0^t dt \quad \dots \dots \dots (52-6)$$

أو ان

$$\ln \frac{X_0 - X_{eq}}{X - X_{eq}} = K_b \frac{X_0}{X_{eq}} t \quad \dots \dots \dots (53-6)$$

أو ان

$$2.3 \log \frac{X_0 - X_{eq}}{X - X_{eq}} = K_b \frac{X_0}{X_{eq}} t \quad \dots \dots \dots (54-6)$$

٢- التفاعلات من نوع المتزامنة **Simultaneous Reactions**

لنفرض ان **X** قد تتحول إلى **Y** أو إلى **Z** في آنوقت نفسه كالتالي:



ان معدل اختفاء **X** يكون كالتالي:

$$-\frac{dX}{dt} = K_1(X) + K_2(X) = (K_1 + K_2)(X) \quad \dots\dots(56-6)$$

و عند اخذ تكامل المعادلة (56-6) الشبيهة بتفاعل الـ **First Order Kinetics** يحصل الآتي:

$$\dots\dots(57-6) - \ln \frac{X}{X_0} = (K_1 + K_2)t$$

و قد تحور المعادلة (57-6) إلى ما يأتي:

$$\dots\dots(58-6) X = X_0 e^{-(k_1 + k_2)t}$$

اما إذا قيس معدل التفاعل بالنسبة لزيادة **Y** فيمكن التعبير عن ذلك بالمعادلة الآتية:

$$\frac{dY}{dt} = K_1(X) \quad \dots\dots(59-6)$$

و عند تعويض المعادلة (58-6) يحصل الآتي:

$$\frac{dY}{dt} = K_1 X_0 e^{-(k_1 + k_2)t} \quad \dots\dots(60-6)$$

و عند تكامل المعادلة (60-6) يحصل الآتي:

$$Y = \frac{-K_1 X_0}{K_1 + K_2} e^{-(k_1 + k_2)t} + \frac{K_1 X_0}{K_1 + K_2} \quad \dots\dots(61-6)$$

و يمكن اختصار المعادلة (61-6) إلى ما يأتي:

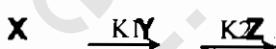
$$Y = \left(\frac{K_1}{K_1 + K_2} X_0 \left(1 - e^{-(k_1 + k_2)t} \right) \right)^{\frac{1}{2}} \quad \dots \dots \quad (62-6)$$

وبنفس الطريقة فان تركيز Z يعادل مثالي:

$$Z = \left(\frac{K_2}{K_1 + K_2} X_0 \right) \left(1 - e^{-(k_1 - k_2)t} \right) \quad \dots \dots \quad (63-6)$$

٣- التفاعل من نوع التفاعقبية Sequential Reactions

فرض حدوث التفاعل الآتي:



وان معدل تغير تركيز كل واحد من هذه المكونات الثلاثة يكون الآتي:

$$\frac{dX}{dt} = -K_1 X \quad \dots \dots \quad (65-6)$$

$$\frac{dY}{dt} = K_1 X - K_2 Y \quad \dots \dots \quad (66-6)$$

$$\frac{dZ}{dt} = K_2 Y \quad \dots \dots \quad (67-6)$$

لنفرض في الظروف البدائية $t=0$ تكون تركيز كل من X و Y و Z يعادل X_0 و Y_0 و Z_0 كالتالي:

$$X = X_0 e^{-k_1 t} \quad \dots \dots \quad (68-6)$$

و عند تعويض المعادلة (68-6) في المعادلة (66-6) يحصل الآتي:

$$\frac{dY}{dt} = K_1 X_0 e^{-k_1 t} - K_2 Y \quad \dots \dots \quad (69-6)$$

و عند تكامل هذه المعادلة تعطى الآتي:

$$Y = \frac{K_1}{K_2 - K_1} X_0 (e^{-k_1 t} - e^{-k_2 t}) \quad \dots \dots \quad (70-6)$$

و من المعلوم ان مجموع التركيز في أي وقت يعادل الآتي:

$$X_o = X + Y + Z \quad \dots\dots(71-6)$$

وأن تركيز Z سيعادل الآتي:

$$Z = X_o - X - Y \quad \dots\dots(72-6)$$

وعند تعويض المعادلين (68-6) و (70-6) يحصل الآتي:

$$Z = X_o \left[1 + \frac{1}{K_1 + K_2} (K_2 e^{-k_1 t} - K_1 e^{-k_2 t}) \right] \quad \dots\dots(73-6)$$

مثال (1-6)

ان تجمع أيونات النترات NO^{-1} في جذور الشعير النامي في محلول مغذ قيس من نقصان النترات في محلول الغذائي كالتالي:

4	3	2	1	صفر	الوقت ساعة
10	20	30	40	50	تركيز النترات

- أ- بين مانوية Kinetics للتفاعل (الامتصاص) وما هو السبب ؟
 ب- ما عدد الساعات التي تأخنها الخلايا لامتصاص 95% من مول واحد من النترات ؟

ج- احسب ثابت التفاعل K بوحدة $\frac{1}{\text{sec}}$ وكذلك احسب T .

الحل

أ- باتباع المعادلة المرفقة (15-6) بعد تحويلها إلى ما يأتي

$$\log \frac{S_o}{S_t} = \frac{K_t}{2.3}$$

وعند تعويض الأرقام يكون

$$\log \frac{50}{40} = \frac{K \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$\log 5 - \log 4 = \frac{K \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$0.7 - 0.6 = \frac{K \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$0.1 = \frac{K \times 36000}{2.3}$$

K × 36000 = 0.23

$$K = \frac{0.23}{36000} \frac{1}{\text{sec}} \text{ or } 7 \times 10^{-5} \text{ sec}^{-1}$$

و كذلك يحدث الآتي:

$$\log \frac{50}{30} = \frac{K \times 2 \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$\log 5 - \log 3 = \frac{K \times 2 \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$0.7 - 0.47 = \frac{K \times 2 \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$0.23 = \frac{K \times 2 \times 60 \times 60}{2.3}$$

$$K = \frac{2.3 \times 0.23}{60 \times 60 \times 2}$$

$$K = \frac{0.23}{36000} \frac{1}{\text{sec}} \text{ or } 7 \times 10^{-5} \text{ sec}^{-1}$$

أي ان التفاعل من نوع First Order Kinetics لاتباعه معادلة (٦-١٥).

ب- ان التركيز الأصلي من نوع **1000 millimole = 1 mole** ويكون التركيز بعد

امتصاص 95% هو 5% ويعادل $1000 \times \frac{5}{100} = 50$ مليمول.

وبتطبيق المعادلة (٦-١٥) يكون:

$$\log \frac{1000}{50} = \frac{(7 \times 10^{-5})(t)}{2.3}$$

$$\log \frac{100}{50} = \frac{(7 \times 10^{-5})(t)}{2.3}$$

$$\log 100 - \log 5 = \frac{(7 \times 10^{-5})(t)}{2.3}$$

$$2 - 0.7 = \frac{0.23 \times t}{3600 \times 2.3}$$

$$1.3 = \frac{0.23 \times t}{3600 \times 2.3}$$

$$t = \frac{3600 \times 2.3 \times 1.3}{0.23 \times 3600}$$

$$t = \frac{230 \times 1.3}{23} = 10 \times 1.3$$

$$t = 13 \text{ hours}$$

جـ - حساب $T_{\frac{1}{2}}$

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{0.693}{K}$$

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{0.693}{\frac{0.23}{3600}} = \frac{3600 \times 0.693}{0.23 \times 3600} = 3 \text{ hours}$$

مثال (٢-٦)

في التفاعل من نوع First order وجد ان قيمة X_0 هي 10 ضغط جوي وقيمة X_{eq} هي 3.2 ضغط جوي وان قيمة K تعادل 0.054 sec^{-1} احسب قيمة X بعد ست ثوان.

الحل

بتنطبق المعادلة المرفقة (٦-٥٤) وهي

$$2.3 \log \frac{X_0 - X_{eq}}{X - X_{eq}} = K_b \frac{X_0}{X_{eq}} t$$

وبعد تعويض الأرقام يحصل

$$2.3 \log \frac{10 - 3.2}{X - 3.2} = 0.054 \times \frac{10}{3.2} \times 6$$

$$\log \frac{10 - 3.2}{X - 3.2} = 0.44$$

$$\frac{10 - 3.2}{X - 3.2} = \text{Antilog } 0.44$$

$$\frac{10 - 3.2}{X - 3.2} = 2.76$$

$$10 - 3.2 = 2.76(X - 3.2)$$

$$X - 3.2 = \frac{10 - 3.2}{2.76}$$

$$X = \frac{10 - 3.2}{2.76} + 3.2$$

$$X = 5.66 \text{ atm}$$

الأسئلة

(١-٦) ان تحول مادة A Acetochloroacetanilide إلى ناتج التفاعل-P
 يحدث بإضافة محلول B Chloroacetanilide و معادلة اليود المتحرر مع محلول KI يتفاعل مع A فقط والتفاعل يحدث كالتالي:

MI of 0.1 $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3^{-2}$	الوقت ساعة:
49.30	صفر
35.60	1
25.75	2
18.50	3
14.00	4
7.30	6
4.60	8

احسب ثابت التفاعل من النوع First order Kinetics بوحدة - $\frac{1}{\text{sec}}$

(٢-٦) ان تحل السكروز حسب المعادلة الآتية:



يحدث بدرجة حرارة 25°C كالتالي:

الوقت دقيقة:	السكروز المتحول إلى الناتج mole / liter
0	0
30	0.101
60	0.1946
90	0.2770
130	0.3726
180	0.4676

ان التركيز البدائي للسكروز هو 1.0023 mole / liter

أ- احسب ثابت التفاعل من النوع First order Kinetics

ب- ما هو الوقت اللازم لتحول 95% من كيلو غرام واحد من السكروز.

(٣-٦) ان التحلل المائي لمادة **Enthylnitrobenzoata** بـأيونات الهيدروكسيل يحدث الآتي:

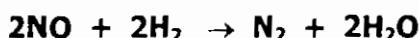


وبدرجة حرارة 15°C وإن تركيز كل من المادتين للمتفاعلين يعادل (0.05 M) وكان التفاعل كالآتي:

الوقت ثانية:	نسبة للمادة المتحالة %
120	32.95
180	41.75
240	48.80
330	58.05
530	69.00
600	70.35

احسب ثابت التفاعل من النوع ? **Second Order Kinetics**

(٤-٦) لقد درس التفاعل الآتي:



باستعمال كميات متساوية من NO و H_2 بضغط بدائيه كالآتي:

نصف العمر $T_{\frac{1}{2}}$ (دقيقة)	الضغط البدائي (mm)
81.0	534
102.0	340.5
95.0	375
140.0	288
180.0	251
176.0	243
224	202

- حدد نوعية الـ **Order** لهذا التفاعل.