

مقدمة

الحمد لله رب العالمين والصلوة والسلام على نبيينا محمد وبعد

هذه الدراسة تعد بداية منطقية لدراسة علم الإحصاء بطريقة عملية تطبيقية، ولذلك قد روعى في هذه الدراسة البساطة في الشرح وعرض المادة العلمية عن طريق أسئلة وأجوبة وكذلك إعطاء تدريبات يقوم الطالب أو الباحث أو المستفيد بحلها داخل الدراسة.

كما أخذ بعين الاعتبار احتمال استمرار بعض الطلاب في هذا المجال لذا يوجد جزء آخر متمم لهذا الجزء.

هذا ويسعدني أنني قد ساهمت في إيصال الإحصاء التطبيقي بهذا الأسلوب إلى كل الطلاب والباحثين والمهتمين بهذا المجال من أبناء وطني العزيز آملًا أن أراهم في المقدمة إن شاء الله دائمًا في جميع مجالات العلم والمعرفة وما توفيقى إلا بالله.

المؤلف

د. مصطفى باهى

obeikandi.com

الجامعة:

الكلية:

الاسم:

القسم أو الشعبة:

الرقم:

التاريخ:

obeikandi.com

س١: اكتب باختصار ما تعرفه عن علم الإحصاء ؟

ج: ورد ذكر علم الإحصاء في القرآن الكريم بنفس الغرض التي يستخدم فيه ألا وهو الحصر والعد، كما يعتبر من العلوم التي تحددها نظريات ثابتة ومعروفة، إلا إنه في حقيقة الأمر أحد العلوم التطبيقية، حيث يمكن استخدام الأدوات والطرق الإحصائية في تحليل الظواهر بكافة مجالتها. ويمكن تقسيم علم الإحصاء بصفة عامة إلى نوعين.

أ - إحصاء وصفي: وهو يمدنا بعدة طرق لتقليل الكميات الكبيرة من البيانات إلى كميات يسهل التعامل معها ووصفها بدقة باستخدام مقاييس النزعة المركزية والتشتت وال العلاقات.

ب - الإحصاء التحليلي: ويوفر لنا الوسائل التحليلية لتقدير التائج عن طريق تقدير معالم مجهلة عن المجتمع من خلال مشاهدة المقاييس المأخوذة من العينات، وكذلك اختبار فروض الأبحاث متضمنين في ذلك بيانات العينات.

س٢: اذكر أهم أغراض الوسائل التحليلية ؟

ج:

أ - الإحصاء كأداة للبحث .

ب - الفروض البحثية للباحث يعني أن استخدام الطرق الإحصائية المناسبة تعتبر أمراً حيوياً إذا كانت نتائج البحث سوف يتم تفسيرها بوضوح ودون أي غموض.

س٣: ما هي مستويات القياس ؟

ج: - **مستويات القياس هي:**

أ - القياس الاسمي: يتضمن تصنيف الأشياء والأشخاص والاستجابات إلى مجموعات، وعلى سبيل المثال يستخدم هذا المقياس في تصنيف الأفراد طبقاً للنوع ويمكن توضيح ذلك بالمثال التالي :

هناك عدد من الأفراد لهم انتتمائاتهم السياسية والجدول التالي يوضح ذلك :

جدول (١)

العدد	الحزن
٨	أ
٧	ب
٣	ج
٣	د
٢	محايد

بـ- القياس الرتبى: يستخدم هذا المقياس عندما لا نستطيع أن نكتشف درجات الاختلاف بين المشاهدات، ويفترض هذا المقياس وجود ترتيب بين البيانات. وترتيب البيانات فى صورة رتب الجدول التالى يوضح ذلك.

رتب أوزان بعض الطلاب

جدول (٢)

الرتبة	الاسم
١ (الأثقل وزنا)	أحمد
٢	على
٣	فؤاد
٤	خالد
٥ (الأخف وزناً)	سالم

ج - القياس الفترى: هو قياس الظواهر بوضع أرقام للمشاهدات، والبيانات هى أعداد تمثل الفترات بينها كميات متساوية.

د - القياس النسبى: هو نقطة الصفر المطلق والتى يبدء عندها التدرج.

س٤: عرف المصطلحات التالية: المتغير، المتغير التابع، المتغير المستقل؟

ج :

أ - المتغير: هو سلوك أو خاصية من الممكن أن تأخذ قيم مختلفة.

ب - المتغير التابع: هو النتيجة المتوقع ظهورها بعد معالجة ما.

ويعنى ذلك أنه يتبع أو يعتمد على المعالجة.

ج - المتغير المستقل: هو المعالجة التى يتوقع أن نحصل منها على نتائج ما ويعنى ذلك إنه لا يعتمد على النتيجة.

س٥: مَاذا يقصد بجمع البيانات؟

ج: يقصد بجمع البيانات الحصول على معلومات رقمية أو وصفية تتصرف بالصحة والدقة عن ظاهرة معينة من مصدر معين فى فترة زمنية محددة. ولذا نجد أن جمع البيانات هى القاعدة التى تبني عليها كل المراحل التالية فى البحث وكلما كانت البيانات التى تجمع عن الظواهر بيانات حديثة ودقيقة، كلما ساعد ذلك فى دراستها ووضع الحلول المناسبة لها.

س٦: اذكر باختصار ما تعرفه عن المصادر التاريخية لجمع البيانات؟

ج: ويقصد بها الإحصائيات أو النشرات الإحصائية التى تنشرها الأجهزة الإحصائية أو الهيئات المتخصصة فى الدولة أو أى جهة أخرى، وقد تكون هذه النشرات الإحصائية سنوية أو نصف أو ربع سنوية أو شهرية حسب طبيعة النشاط والعمل الذى تمارسه الوزارة أو الهيئة. أما إذا كانت البيانات غير متوفرة فى المصادر التاريخية فإن الباحث يكون مضطراً فى هذه الحالة إلى اللجوء إلى المصادر الميدانية ليحصل على بياناته أو يجمعها بنفسه.

س٧: اذكر باختصار ما تعرفه عن المصادر الميدانية لجمع البيانات ؟

ج : فيها يحصل الباحث على البيانات بنفسه سواء بال مقابلة الشخصية أو الاستبيان أو الاختبارات أو المقاييس لمصدر البيانات أو بلاحظة الظاهرة و مشاهدتها أو بأى طريقة أخرى من وسائل جمع البيانات . أى أن الباحث ينزل إلى المجتمع محل الدراسة ليجمع البيانات من كل أو بعض أفراد هذا المجتمع . والمقصود بالمجتمع هنا المجتمع الإحصائي وهو ذو معنى أعم وأشمل من لفظ المجتمع البشري .

س٨: عرف المجتمع الإحصائي ؟

ج : مجموعة المفردات التي يجمعها إطار عام واحد أو مجموعة خصائص عامة واحدة . **ويلاحظ ما يلى :**

- أ - المجتمع يتميز بالشمول ، أى يشمل جميع المفردات .
- ب - جميع المفردات لها خصائص عامة واحدة أو يجمعها إطار عام واحد .

س٩: عرف المجتمع المحدود ؟

ج : هو الذى يمكن معرفة حجمه أو عدد مفرداته . فمثلاً طلاب أحد الفصول الدراسية يمثل مجتمعاً محدوداً لأنه يمكن حصر مفرداته .

س١٠: عرف المجتمع غير المحدود ؟

ج : هو الذى لا يمكن معرفة حجمه أو عدد مفرداته .

س١١: عندما يقرر الباحث اللجوء إلى المصادر الميدانية . فما هي الأساليب التي يمكن اتباعها مع ذكر مميزاتها وعيوبها ؟

ج : ١ - **الحصر الشامل** : وفيه يتم دراسة جميع مفردات المجتمع الإحصائي ويستخدم هذا الأسلوب عادة في الأبحاث الكبيرة والتي تجرى على

فترات زمنية متباينة كتعدادات السكان. ومميزات هذه الطريقة تمثل في أنه يكون لدى الباحث معلومات عن جميع مفردات المجتمع. أى تكون لديه صوره كامله عنه.

أما عيوب الخصر الشامل: فإنها تتلخص في الوقت والجهد والتكليف فهذا الأسلوب يحتاج إلى وقت طويل، ومجهد كبير، وتكليف باهظة، لاسيما إذا كان المجتمع محل الدراسة كبيراً.

ب - العينات: وفيه يكتفى الباحث بجمع البيانات من جزء من المجتمع الإحصائي، أو بعدد من مفرداته تسمى عينة. ويتم اختيار هذا الجزء بطريقة معينة بحيث يمثل المجتمع محل الدراسة أصدق تمثيل. ومن بيانات العينة تعمم النتائج التي يحصل عليها على المجتمع كله. ويمتاز هذا الأسلوب في أنه يوفر الوقت والجهد والتكليف.

أما عن عيوبه: فإنها تلخص في كون العينة جزء من المجتمع، و اختيارها بطريقة غير عملية - أى لا تكون ممثلة للمجتمع تمثيلاً صادقاً، يجعل النتائج التي يتم التوصل إليها بناءً على هذه العينة مضللة أو غير سليمة.

س ١٢: تكلم عن ما يلى: (وحدة المعاينة) (الإطار) ؟

: ج

أ - وحدة المعاينة: هي عملية اختبار العينة: وعند المعاينة لابد أن يكون المجتمع الإحصائي مقسماً إلى وحدات أو مفردات تكون هي أساس عملية المعاينة. وهذه الوحدات هي التي تسمى وحدات المعاينة.

ب - الإطار: يحتوى على جميع وحدات المعاينة. وقد يأخذ الإطار شكل قائمة تضم جميع الوحدات، أو على شكل مجموعة بطاقات بحيث تكون لكل وحدة في المجتمع بطاقة، أو على شكل خريطة أو مجموعة خرائط. إذن الإطار هو الذي يحدد وحدات المعاينة تحديداً دقيقاً وأضحاً.

س١٣: تكلم باختصار عن أنواع العينات ؟

: ج

- ١ - العينات غير العشوائية: هي التي لا يتحقق شرط العشوائية عند اختيارها. وأهم هذه العينات ما يسمى **بالعينة العمدية** وفيها يقوم الباحث باختبار المفردات التي يرى أنها تناسب الفرض الذي اختيرت من أجله.
 - ٢ - العينات العشوائية: وهي التي يتحقق شرط العشوائية عند اختيارها. وهي:
 - أ - العينة العشوائية البسيطة: وهي طريقة تعطى جميع مفردات المجتمع نفس الفرصة في الاختبار وتستخدم عندما يكون المجتمع محل الدراسة متجانساً.
 - ب - العينة الطبقية: تستخدم عندما يكون المجتمع محل الدراسة غير متجانس، حيث يقسم المجتمع إلى طبقات متجانسة، وتحوذ عينة عشوائية بسيطة من كل طبقة.
 - ج - العينة المتعددة المراحل: تستخدم عندما يكون المجتمع محل الدراسة كبير ومتشر على مساحات جغرافية شاسعة.
- س١٤: اذكر أهم القواعد التي يجب أخذها في الاعتبار عند تصميم استماراة البحث ؟

: ج

- ١ - أن تكون الأسئلة مرتبة وسلسلة منطقية. وأن توضع في مجموعات متجانسة إن أمكن.
- ٢ - أن توضع الأسئلة بلغة أفراد المجتمع أو العينة.
- ٣ - أن تكون الأسئلة بسيطة وواضحة تماماً، بحيث لا تحتمل اللبس.
- ٤ - لا يحتوى السؤال الواحد على أكثر من نقطة أو أكثر من موضوع.
- ٥ - لا تكون الأسئلة أكثر من اللازم حتى لا يمل الأفراد، ولا تكون أقل من اللازم حتى يتم الحصول على البيانات المطلوبة.
- ٦ - لا تحتاج الأسئلة إلى تفكير عميق أو عمليات حسابية معقدة قبل الإجابة عليها.

٧ - ألا تكون الأسئلة محرجة أو حساسة أو مما يثير غضب أفراد المجتمع أو العينة.

٨ - ألا تكون الأسئلة إيحائية، أي لا توحى للأفراد بالإجابة التي قد يرغبتها الباحث، ولا أن تكون ذات إجابات بدئية معروفة مقدما حتى لا يضيع وقت الباحث ومن يجرى عليهم البحث.

٩ - ألا تكون الأسئلة ذات إجابات مفتوحة حيث يكون من الأفضل أن يحدد الباحث الإجابات المحتملة ويطلب من يجرى عليهم البحث وضع علامة معينة أمام الإجابة الملائمة.

١٠ - أن تذكر وحدات القياس المستخدمة في الأسئلة بوضوح تام لا يتحمل اللبس فإذا كان السؤال مثلاً عن الدخل فيجب توضيح هل المقصود الدخل الشهري أم السنوي وهل الدخل من الراتب فقط أو من المصادر الأخرى كذلك.

١١ - يفضل أن تحتوى الاستماره على بعض الأسئلة المعاذه والتي تسمى بالأسئلة الضابطه، والتي تكون بصيغ مختلفة وفي أماكن متبااعدة من الاستماره وذلك بهدف التأكد من صحة بعض البيانات الهامة في الاستماره مع ملاحظة أن هذا يقتصر على الأسئلة وأصبح أكثر من اللازم.

**س١٥: عرف المصطلحات التالية: التعريف الإجرائي، الفرض البحثي،
الفرض الإحصائي؟**

: ج

١ - **التعريف الإجرائي:** يوضح معنى المفهوم أو الفكرة بتحديد الإجراءات التي يجب استخدامها أو تطبيقها لقياس المفهوم. وهذا النوع من التعريف يعتبر عنصر أساسى في الأبحاث حيث أن البيانات يجب أن يتم تجميعها في صورة أحداث ملموسة يمكن ملاحظتها، والتعريف الإجرائي يشير إلى العمليات التي عن طريقها يمكن أن يقيس الباحث مفهوم ما.

ب - الفرض البحشى: يحدد الإجابة المتوقعة للسؤال البحثى .

ج - الفرض الإحصائى: يحدد العلاقة بين المتغيرات فى توزيعات المجتمع وله صيغتان: **الفرض الصفرى** وهو فرض إحصائى تحت الاختبار و**الفرض البديل** وهو الفرض الذى يظل قائماً عند رفض الفرض الصفرى وهو دائماً المقابل المنطقى للفرض الصفرى .

س ١٦: ضع البيانات بالجدول التالي في جدول تكراري بسيط؟

جدول (٣)

البيان	البيان	البيان	البيان	البيان
مقبول	جيد	مقبول	جيد جداً	ممتاز
مقبول	ممتاز	جيد	جيد	مقبول
جيد	جيد جداً	مقبول	مقبول	جيد
جيد جداً	جيد	مقبول	ممتاز	جيد جداً
جيد جداً	جيد	جيد جداً	جيد جداً	جيد
جيد	مقبول	ممتاز	جيد	مقبول
ممتاز	ممتاز	جيد	مقبول	مقبول
مقبول	جيد	جيد	جيد	جيد جداً

جدول (٤)

ج: التوزيع التكراري لتقديرات ٤٠ طالباً في مادة الإحصاء

التكرار (ك)	التقدير
١٢	مقبول
١٤	جيد
٨	جيد جداً
٦	ممتاز
٤٠	المجموع

س١٧: من خلال البيانات بالجدول التالي لعدد ١٠٠ طالب بالإعدادي في اختبار الوثب العريض

جدول (٥)

٩٧	٨٧	١١٦	٦٢	١١٥	٧٠	٩٣	٨٠	١٠٠	٨١
١٢٨	٩٧	٩٦	٩٣	٩٥	٩٥	٩٤	٧٠	٩٤	٨٣
١٠١	٩٨	١١٨	٧٢	٩٧	٨٢	١٠٧	٦٦	٨٤	٩٨
١١٩	٧٣	٩٣	١١٧	١٢٥	٩٢	٩٨	٩٩	١١٠	٨٣
٧١	٩٤	١١٣	١٠٨	٧٧	١٠٧	٦٥	٨٤	٨٥	٩٩
١١٤	٩٩	٧٤	١٠٢	٩٢	١١١	١٢٠	٧٢	٩٠	٨٠
١٠٩	١٢٢	١١٢	٩١	٦٧	٨١	١٠١	٨٥	٩٢	٩١
٧٥	٨٩	١٠٥	٧٢	٩٥	٧٧	٨٨	٨٦	٩٠	٨٦
١٠٤	٨٦	٦٩	٨٨	١٠٣	١٠٣	٩١	٨٧	١٠٢	١٢٩
٩٧	١٠٥	٨٩	٨٢	٧٩	٩٦	١٩	٨٧	٩٠	٧٥

: ج

- أ - حساب المدى المطلق للبيانات وهو $١٢٩ - ٦٢ = ٦٧$ سم.
- ب - تحديد طول الفئة المناسبة وفي مثالنا هذا انساب طول للفئة (١٠).
- ج - قسمة المدى المطلق على طول الفئة نحصل على عدد الفئات وفي هذا المثال نجد أن عدد الفئات هي (٧) فئات متساوية طول كل فئة منها (١٠).

د - تحدد جدول التفريغ وهو كالتالي:

جدول (١)

النكرار	العلامات التكرارية	الفئات
٥		- ٦.
١٥		- ٧.
٢٠		- ٨.
٣٠		- ٩.
١٥		- ١٠.
١٠		- ١١.
٥		١٣٠ - ١٢.
١٠٠	١٠٠	المجموع

س ١٨: المجدول التالي يوضح التوزيع التكراري لأوزان ١٠٠ طالب بالكيلو جرام والمطلوب رسم المدرج التكراري والمضلعل التكراري والمنحنى التكراري؟

جدول (٧)

المجموع	٨٦ - ٨٤	- ٨٠	- ٧٦	- ٧٢	- ٦٨	- ٦٤	- ٦٠	ف
١٠٠	٧	١١	١٦	٢٤	٢٥	١١	٦	ك

: ج

س١٩: ارسم المنحنى المتجمع الصاعد والمنحنى المتجمع النازل من خلال البيانات التالية لعدد ١٠٠ طالب في اختبار الوثب العالى؟

جدول (٨)

المجموع	١٩٠ - ١٨٥	- ١٨٠	- ١٧٥	- ١٧٠	- ١٦٥	- ١٦٠	- ١٥٥	- ١٥٠	ف
ك	٥	١٠	١٥	٢٠	٣٠	١٥	١٠	٥	ك

: ج

س٢٠: عرف المتوسط الحسابي مع ذكر مزاياه وعيوبه؟

: ج

١ - **المتوسط الحسابي أو الوسط الحسابي**: هو قيمة إذا أعطيت لكل مفردة من مفردات الظاهرة لكان مجموع القيم الجديدة مساوياً للمجموع الفعلى للقيمة الأصلية للظاهرة، أي أن الوسط الحسابي يساوى مجموع القيم مقسوماً على عددها.

ب - مزايا المتوسط الحسابي:

١ - تدخل جميع القيم في حسابه.

٢ - السهولة والبساطة في الحساب، ولذلك فهو أكثر المتوسطات استخداماً.

ج - عيوب المتوسط الحسابي:

١ - لا يمكن إيجاده بالرسم.

٢ - يتتأثر بالقيم الشاذة أو المتطرفة والقيمة الشاذة هي التي تكون إما كبيرة جداً أو صغيرة جداً.

س٢١: اذكر الفوائد العملية التطبيقية للمتوسط الحسابي؟ أو استخداماته؟

: ج

ب - المقارنة.

أ - المعاير.

س٢٢: اذكر الخواص الإحصائية للمتوسط الحسابي؟

: ج

أ - مجموع الانحرافات عن المتوسط الحسابي يساوى صفر.

ب - يتتأثر المتوسط الحسابي بالدرجات القريبة منه تأثراً قليلاً، ويتأثر بالدرجات البعيدة عنه تأثراً كبيراً. أي أنه يتتأثر بالدرجات المتطرفة.

ج - يتتأثر المتوسط الحسابي بعدد الدرجات، ويسهل إلى الاستقرار كلما كان هذا العدد كبير.

د - جمع المتوسطات.

ه - طرح المتوسطات.

س٤٣: عرف الوسيط مع ذكر مزاياه وعيوبه ؟

ج :

أ - **الوسيط**: « هو القيمة التي تتوسط مجموعة القيم بعد ترتيبها تصاعدياً أو تناظرياً، بحيث يكون عدد القيم الأصغر منها مساوياً لعدد القيم الأكبر منها ». .

ب - مزايا الوسيط :

١ - يمكن إيجاده بالرسم.

٢ - لا يتأثر بالقيم الشاذة أو المتطرفة.

ج - عيوب الوسيط : لا يدخل في حسابه سوى قيمة واحدة أو قيمتين من المجموعة كلها.

س٤٤: اذكر الفوائد العملية التطبيقية للوسيط ؟ أو استخداماته ؟

ج :

أ - في المعاير.

ب - المقارنة وخاصة عندما يكون التوزيع التكراري للدرجات متواياً.

س٤٥: اذكر الخواص الإحصائية للوسيط ؟

ج :

أ - مجموع الانحرافات المطلقة عن الوسيط أصغر من مجموع الانحرافات المطلقة عن المتوسط بشرط إهمال الإشارة. لأن الوسيط يتوسط توزيع الدرجات أكثر مما يتوسطها المتوسط ، ولذا فإن الوسيط في أي توزيع تكراري عادي يقع بين المتوسط والمنوال.

ب - يتآثر الوسيط بالدرجات الوسطى أكثر مما يتآثر بالدرجات المتطرفة في التوزيع التكراري.

س١: عرف المنوال مع ذكر مزاياه وعيوبه ؟

ج : هو القيمة الأكثـر شيـعاً أو تـكراراً، أي الـقيمة التي تـكررت أكـثر من غيرها.

س٢: اذكر الفوائد العلمية التطبيقية للمنوال ؟ أو استخداماته ؟

ج :

ب - المقارنة.

أ - المعاير.

س٣: اذكر الخواص الإحصائية للمنوال ؟

ج :

أ - لا يتأثر المنوال بالدرجات المتطرفة ولا بالدرجات الوسطى . وإنما يتأثر بالتـكرار نفسه عندما يـبلغ نهاـيـته العـظـمى بـالـنـسـبـة لـدـرـجـة ما أو لـفـةـ ما فـى الدـرـجـات . فهو يـعد أكـثـر ثـبـاتـا واستـقـرـارـا من التـوـسـطـ والـوـسـيـطـ .

ب - يتأثر المنوال بعدد فئات التوزيع وبمدى الفئة .

ج - عندما تتعدد قيم التوزيع التكراري تتعدد أيضاً قيم المنوال .

س٤: ما هي العلاقة بين مقاييس النزعة المركزية ؟

ج :

أ - تتطـبـق جـمـيع مقـايـيس النـزـعـة المـرـكـزـيـة عـلـى بـعـضـها وـتـسـاـوـي جـمـيعـاً فـي التـوزـع التـكـرـارـي الـاعـدـالـيـ .

ب - عندما يكون التوزيع التكراري متـوـيا إـلـتـوـاء مـوـجـا يـمـتد الـطـرـفـ الطـوـيلـ للـمـنـحـنـى إـلـى الـجـهـة الـيـمـنـى ويـصـبـح تـرـتـيـب مقـايـيس النـزـعـة المـرـكـزـيـة كـالتـالـىـ :

المتوسط - الوسيط - المنوال .

س٥: اوجد قيمة المتوسط الحسابي من البيانات بالجدول التالي :

جدول (٤)

المجموع	٨٠ - ٧٠	- ٦٠	- ٥٠	- ٤٠	- ٣٠	- ٢٠	- ١٠	ف
١٠٠	٥	١٠	٢٠	٣٠	١٥	١٠	٥	ك

ج :

١ - القانون المستخدم : ١ / ١

٢ - عمل الجدول الخاص بالحل ويستخرج خاناته من القانون .

جدول (١٠)

$\kappa \times s$	s	κ	f
٧٥	١٥	٥	- ١٠
٢٥٠	٢٥	١٠	- ٢٠
٧٠٠	٣٥	٢٠	- ٣٠
١٣٥٠	٤٥	٣٠	- ٤٠
١١٠٠	٥٥	٢٠	- ٥٠
٦٥٠	٦٥	١٠	- ٦٠
٣٧٥	٧٥	٥	٨٠ - ٧٠
٤٥٠٠		١٠٠	المجموع

- ٣ - خانة «f» ، « κ » من الجدول المعطى في السؤال.
- ٤ - خانة «s» أو مركز الفئة يمكن استخراجها من جمع الفئة الأولى + الفئة الثانية ثم $\div 2$ وهكذا مثل $10 + 20 = 20 \div 30 = 2 = 15$ وهكذا.
- ٥ - خانة « $\kappa \times s$ » تستخرج من حاصل ضرب « $\kappa \times s$ ».
- ٦ - اذن المتوسط الحسابي = $\frac{4500}{100} = 45$.

ويمكن حل هذه المسألة بطريقة ثانية:

- ١ - القانون المستخدم: ٢/١
- ٢ - عمل الجدول الخاص بالحل ويستخرج خاناته من القانون.

جدول (١١)

$k \times h$	h	s	k	f
.	.	→ ١٥	٥	- ١٠
١٠٠	١٠	٢٥	١٠	- ٢٠
٤٠٠	٢٠	٣٥	٢٠	- ٣٠
٩٠٠	٣٠	٤٥	٣٠	- ٤٠
٨٠٠	٤٠	٥٥	٢٠	- ٥٠
٥٠٠	٥٠	٦٥	١٠	- ٦٠
٣٠٠	٦٠	٧٥	٥	٨٠ - ٧٠
٣٠٠			١٠٠	المجموع

- ٣ - خانة «f»، «k» من الجدول المعطى في السؤال.
 ٤ - خانة «s» أو مركز الفئة كما في الحل السابق.
 ٥ - «h» وهي اختيار وسط فرضي ولتكن ١٥ ثم طرح قيمة بعد ذلك منه مثل: $25 - 15 = 10$ وهكذا.

٦ - خانة «k» \times «h» تستخرج من حاصل ضرب «k» \times «h».

$$7 - \text{اذن المتوسط الحسابي} = \frac{15 + 10 + 30}{100} = 45$$

وهي نفس النتيجة السابقة.

ويمكن حل هذه المسألة بطريقة ثالثة:

١ - القانون المستخدم: ١/٣

٢ - عمل الجدول الخاص بالحل ويستخرج خاناته من القانون.

جدول (١٢)

ك × ح	ح	ح	س	ك	ف
صفر	.	.	١٥	٥	- ١.
١٠	١	١٠	٢٥	١٠	- ٢.
٤٠	٢	٢٠	٣٥	٢٠	- ٣.
٩٠	٣	٣٠	٤٥	٣٠	- ٤.
٨٠	٤	٤٠	٥٥	٢٠	- ٥.
٥٠	٥	٥٠	٦٥	١٠	- ٦.
٣٠	٦	٦٠	٧٥	٥	٨٠ - ٧٠.
٣٠٠				١٠٠	المجموع

- ٣ - خانة «ف»، «ك» من الجدول المعطى في السؤال.
- ٤ - خانة «س» أو مركز الفئة كما في الحل السابق.
- ٥ - خانة «ح» كما في الحل السابق.
- ٦ - خانة «حَ» تستخرج من قسمة عامل مشترك في خانة ح.
- ٧ - خانة «ك» × «حَ» تستخرج من حاصل ضرب «ك» × «حَ».
- ٨ - اذن المتوسط الحسابي = $\frac{(١٠ \times ٣٠) + (١٠٠ \times ١٥)}{١٠٠} = ١٥ + ٣٠ = ٤٥$

وهي نفس النتيجة في الحلول السابقة الخاصة بالمتوسط الحسابي.

س٣١: اوجد قيمة المتوسط الحسابي من البيانات في صـ «١٥»؟

: ج

١ - القانون المستخدم: ١/٤

٢ - جمع جميع القيم ثم قسمتها على العدد الكلى.

$$3 - \text{اذن المتوسط الحسابي} = \frac{93 \cdot 9}{100}$$

ويمكن حل هذه المسألة بطريقة ثانية:

١ - القانون المستخدم : ٥/١

٢ - طرح كل قيمة من الوسط الفرضي ثم جمعها وقسمتها على العدد ثم جمعها على الوسط الفرضي .

$$3 - \text{اذن المتوسط الحسابي} = \frac{31 \cdot 9}{100} + 62 = \frac{93 \cdot 9}{100}$$

ويمكن حل هذه المسألة بطريقة ثالثة:

١ - القانون المستخدم: ٦/١

٢ - قسمة كل قيمة على عدد يقبل القسمة عليهم ثم جمعهم .

$$3 - \frac{93 \cdot 9}{100} + 62 = \frac{(10 \times 31 \cdot 9)}{100} + 62 = 31 \cdot 9 + 62 = 93 \cdot 9$$

س٣٢: اوجد قيمة المتوسط الحسابي في ص"١٥" مع مقارنة بين إيجاد المتوسط بطريقة الفئات أو من الدرجات الخام ؟

: ح

١ - القانون المستخدم: ١/١ ، ٢/١ ، ١/١ ، ٣/١

جدول (١٣)

.....	ك	ف
.....	٥	-٦٠
.....	١٥	-٧٠
.....	٢٠	-٨٠
.....	٣٠	-٩٠
.....	١٥	-١٠٠
.....	١٠	-١١٠
.....	٥	١٣٠-١٢٠
				١٠٠	المجموع

س٣٣: اوجد قيمة الوسيط من خلال البيانات بالجدول التالي:

جدول (١٤)

النكرار المتجمع الصاعد	أقل من الحد الأعلى للفئة	k	F
٥	٢٠	٥	- ١٠
١٥	٣٠	١٠	- ٢٠
٣٥	٤٠	٢٠	- ٣٠
٦٥	٥٠	٣٠	- ٤٠
٨٠	٦٠	٢٠	- ٥٠
٩٥	٧٠	١٠	- ٦٠
١٠٠	٨٠	٥	٨٠ - ٧٠
		١٠٠	المجموع

: ج

١ - تكوين الجدول التكراري المتجمع الصاعد.

$$2 - إيجاد ترتيب الوسيط = \frac{\text{مج } k}{2} = \frac{100}{2} = \frac{\text{مج } k}{2}$$

٣ - إيجاد فئة الوسيط وهي داخل الفئة (٤٠ -).

٤ - استخدام القانون التالي : $1/2$

$$\text{إذن الوسيط} = 10 \times \frac{10}{30} + 40 = 10 \times \frac{35 - 50}{30} + 40 = 10 \times 0.5 + 40 = 45$$

س٤: أوجد قيمة الوسيط للبيانات صـ «١٥»

: ج

١ - ترتيب البيانات تناظرياً أو تصاعدياً كالتالي:

- ٧٢ - ٧٢ - ٧٢ - ٧١ - ٧٠ - ٧٠ - ٦٩ - ٦٧ - ٦٦ - ٦٥ - ٦٢
- ٨١ - ٨٠ - ٨٠ - ٧٩ - ٧٨ - ٧٧ - ٧٧ - ٧٥ - ٧٥ - ٧٤ - ٧٣
- ٨٦ - ٨٦ - ٨٥ - ٨٥ - ٨٤ - ٨٤ - ٨٣ - ٨٣ - ٨٢ - ٨٢ - ٨١
- ٩١ - ٩٠ - ٩٠ - ٩٠ - ٨٩ - ٨٩ - ٨٨ - ٨٨ - ٨٧ - ٨٧ - ٨٦
- ٩٤ - ٩٤ - ٩٤ - ٩٣ - ٩٣ - ٩٣ - ٩٢ - ٩٢ - ٩٢ - ٩١ - ٩١
- ٩٨ - ٩٨ - ٩٧ - ٩٧ - ٩٧ - ٩٦ - ٩٦ - ٩٦ - ٩٥ - ٩٥ - ٩٥
١٠٣ - ١٠٢ - ١٠٢ - ١٠١ - ١٠١ - ١٠٠ - ٩٩ - ٩٩ - ٩٩ - ٩٨
١٠٩ - ١٠٩ - ١٠٨ - ١٠٧ - ١٠٦ - ١٠٥ - ١٠٥ - ١٠٤ - ١٠٣ -
١١٨ - ١١٧ - ١١٦ - ١١٥ - ١١٤ - ١١٣ - ١١٢ - ١١١ - ١١٠ -
. ١٢٩ - ١٢٨ - ١٢٥ - ١٢٢ - ١٢٠ - ١١٩ -

٢ - استخدام القانون التالي : $\frac{93 + 93}{2}$

$$\text{اذن الوسيط} = \frac{93 + 93}{2}$$

س١٥: اوجد قيمة المنوال من البيانات ص «٤٤» ؟

: ج

١ - وضع الجدول الخاص بالمنوال وهو كالتالى:

جدول (١٥)

k	f
٥	- ١٠
١٠	- ٢٠
٢٠ → التكرار السابق	- ٣٠
٣٠	- ٤٠
٢٠ → التكرار اللاحق	- ٥٠
١٠	- ٦٠
٥	٨٠ - ٧٠
١٠٠	المجموع

٢ - القانون المستخدم هو : $1/3$

٣ - بداية الفئة المنواليه أمام أكبر تكرار.

٤ - اذن المنوال = $40 + 40 \times 20 = 40 + 20 \times (10 - س)$.

$$40 + 200 - 200 = 40 + 200 - 200 - س$$

$$40 + 200 = 240$$

$$240 + 40 = 280$$

$$45 = 5 + 40 = \frac{200}{4} + 40$$

س ٣٦ : اوجد المنوال من البيانات في صـ «٢٩» ؟

ج: المنوال هو أكثر التكرارات شيوعاً وفي مثالنا هذا نجد أن القيم: ٩٠، ٩١، ٩٢، ٩٣، ٩٤، ٩٥، ٩٦، ٩٧، ٩٨، ٩٩ كل قيمة منها تكررت ثلاث مرات.

اذن المنوال هو متوسط هذه القيم $\frac{٩٤٥}{١٠} = ٩٤,٥$

س ٣٧: اوجد قيمة الوسيط من البيانات التالية:

جدول (١٦)

.....	ئ	ف
.....	٥	-٦٠
.....	١٥	-٧٠
.....	٢٠	-٨٠
.....	٣٠	-٩٠
.....	١٥	-١٠٠
.....	١٠	-١١٠
.....	٥	١٣٠ - ١٢٠
			١٠٠	المجموع

ج: القانون المستخدم : ١/٢

س٣٨: اوجد قيمة المتوسط من البيانات التالية:

جدول (١٧)

ك	ف
٥	- ٦٠
١٥	- ٧٠
٢٠	- ٨٠
٣٠	- ٩٠
١٥	- ١٠٠
١٠	- ١١٠
٥	١٣٠ - ١٢٠
١٠٠	المجموع

ج: القانون المستخدم : ١/٣

س٣٩: من خلال البيانات التالية:

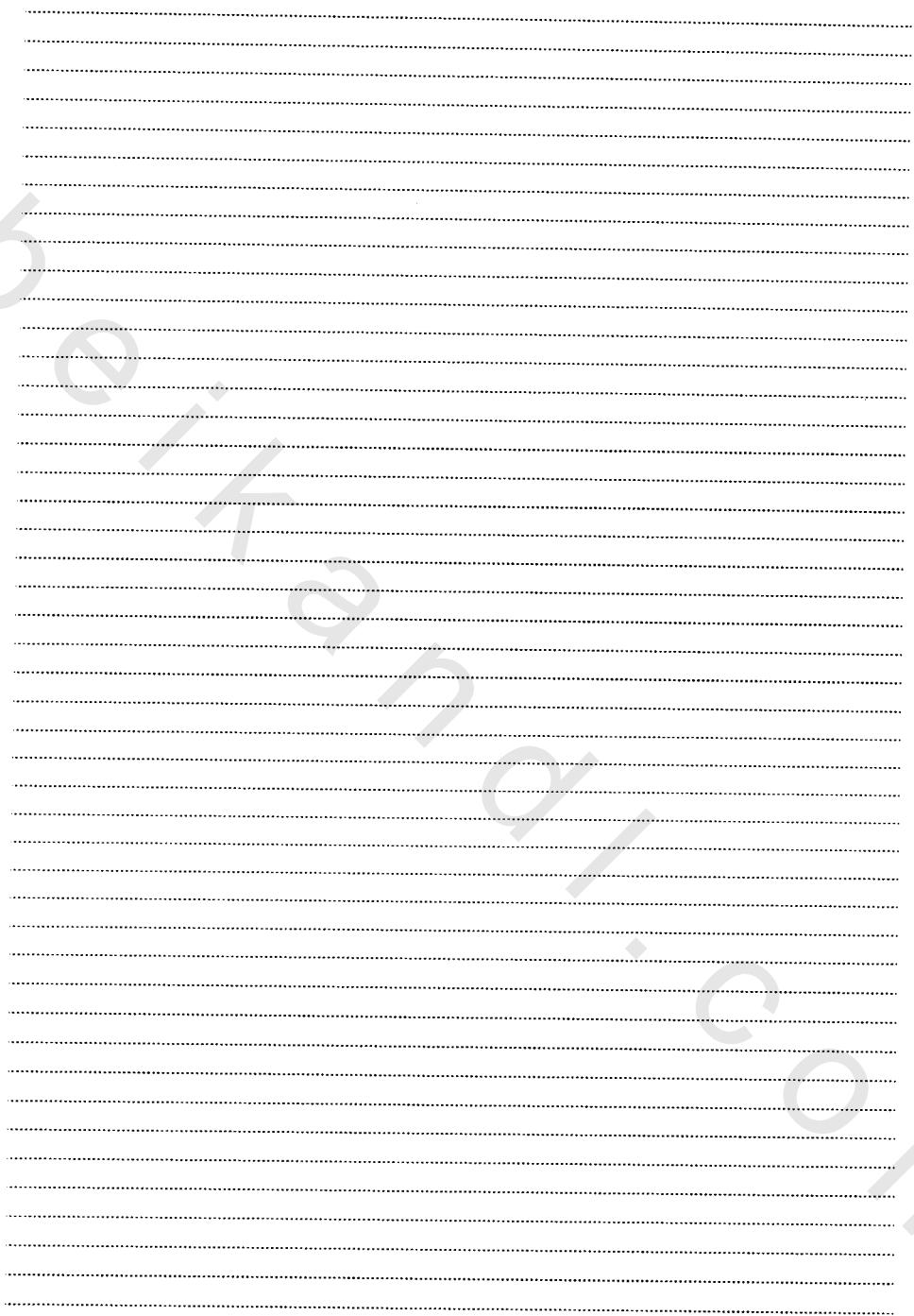
جدول (١٨)

٥	٢٨	٣٤	٢٦	١٥
٣٧	٢٧	٢٥	٤٤	٣٧
٨	٢٥	٤٦	٣٨	٢٨
١٩	٤٥	٣٤	٤٥	٢٥
٢٢	٤٩	٢٨	٤٢	١٨
٣٥	٢٢	١٩	٣٦	٥٠
٣٠	٣٥	٣٢	٣٨	٢٢
٢٣	٢٧	٢٤	٢٩	٢٧
٣٨	٢٢	٢٥	٢٢	٣٢
١٦	١٧	٢٧	١٥	١٤

أوجد ما يلى :

- ١ - المتوسط الحسابى ؟ - الوسيط ؟ - المنوال ؟

: ج

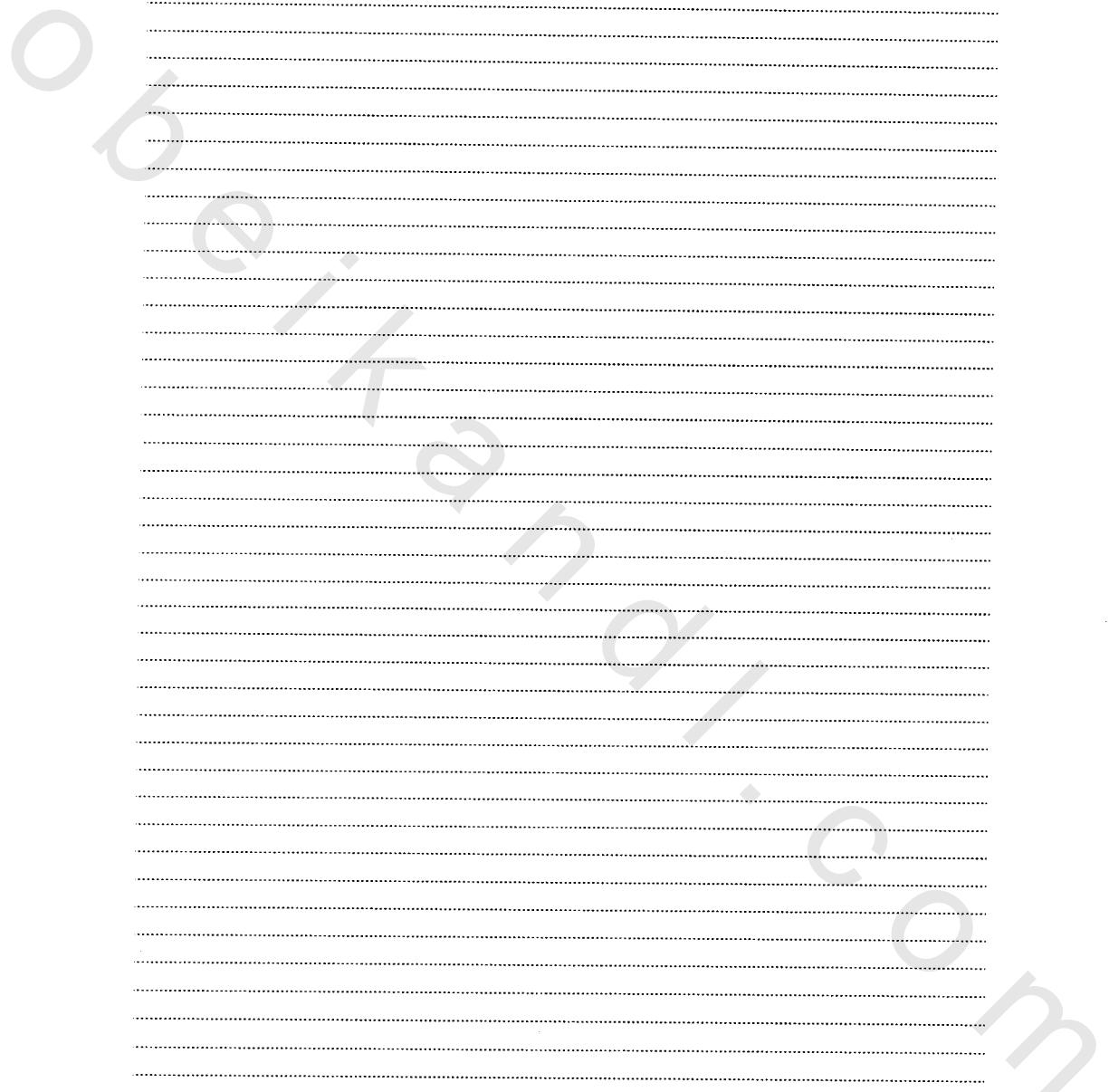


س٤٠: احسب الوسط الحسابي والوسطي والمنوال من خلال التوزيع التكراري التالي :

جدول (١٩)

			θ	f
.....	٥٢	-١٠
.....	٦٨	-١٥
.....	١٠٤	-٢٠
.....	١٣٠	-٢٥
.....	١١٥	-٣٠
.....	٩٧	-٣٥
.....	٥٩	٤٥ - ٤٠
			٦٢٥	المجموع

: ج



س٤: احسب الوسط الحسابي والوسطي والمنوال من خلال التوزيع التكراري التالي:

جدول (٢٠)

				θ	F
.....	٣٥	-٨٥
.....	٤٠	-٩٥
.....	٥٠	-١٠٥
.....	٦٨	-١٣٥
.....	٥٢	-١٦٥
.....	٣٥	-١٩٥
.....	٢٠	٣١٥ - ٢٤٥
				٣٠٠	المجموع

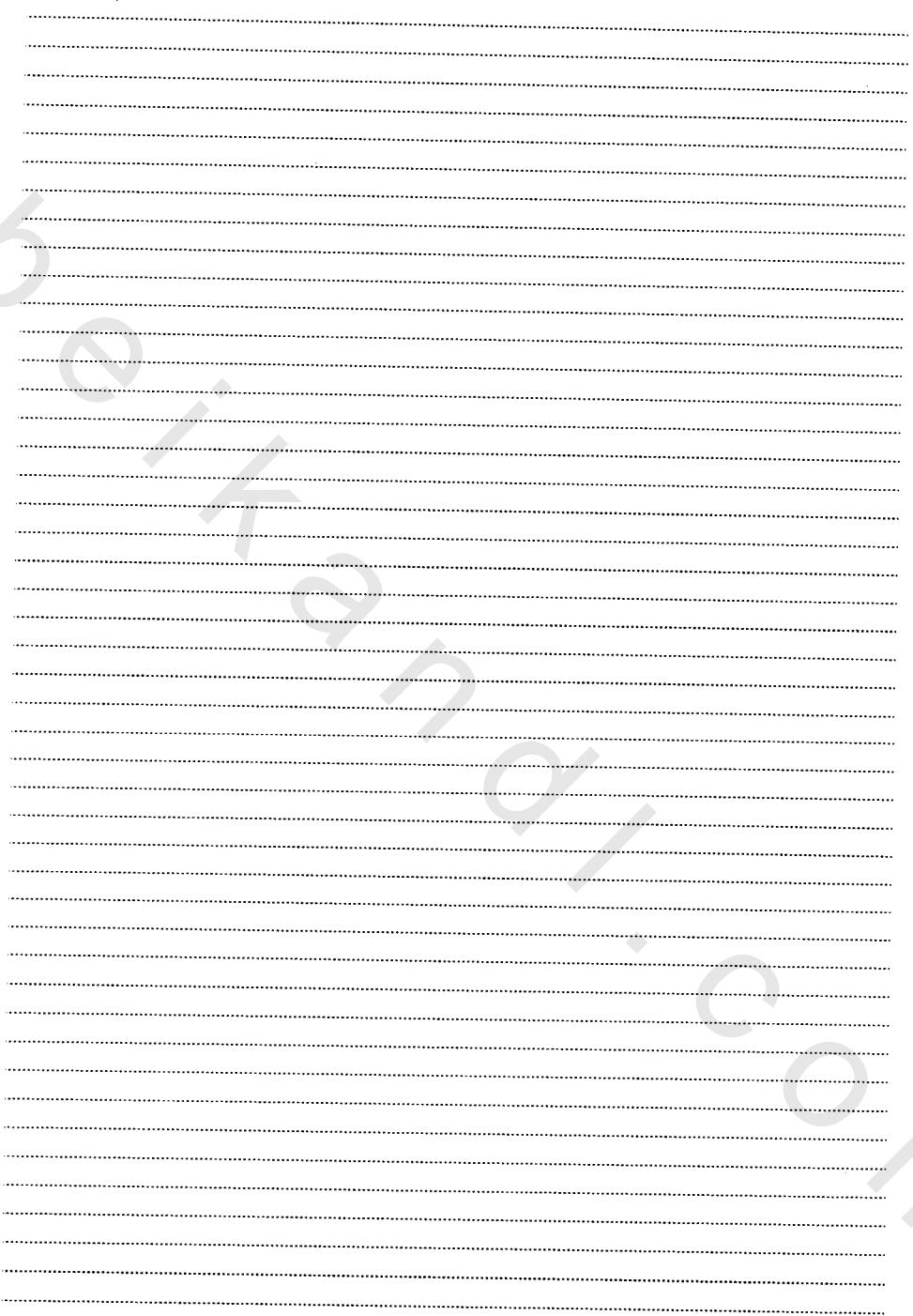
: ج

س٤: اوجد الوسيط والمنوال من خلال الرسم البياني للبيانات التالية:

جدول (٢١)

المجموع	٨٠ - ٧٠	٦٥	٦٠	٥٥	٥٠	٤٥	٤٠	٣٥	٣٠	٢٥	٢٠	١٥	ف
٣٠٢	١٥	٢٠	٢٤	٢٠	٣٢	٣٠	٤٢	٣٥	٢٥	٢١	٢٢	١٦	مج

: ج



س٤٣: اذكر ما تعرفه عن المدى ؟

ج: هو الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة ثم إضافة (١) وله أهمية في مقارنة التوزيعات المختلفة لمعرفة مدى تشتت الدرجات بشرط أن يكون عدد الدرجات في هذه التوزيعات متساوية والمدى لا يصلح علمياً للمقارنة لأنه يعتمد على درجتين من درجات التوزيع فقط.

س٤٤: احسب المدى للدرجات في صـ ٢٩؟

ج:

$$\text{أكبر قيمة} = ١٢٩, \text{أصغر قيمة} = ٦٢$$

$$\text{اذن المدى} = (١٢٩ - ٦٢) + ١ = ٦٨$$

س٤٥: اذكر ما تعرفه عن الانحراف الربيعي؟

ج: الأربعيات هي النقطة التي تقسم التوزيع التكراري إلى أربعة أقسام متساوية، بحيث تكون درجات التوزيع مرتبة ترتيباً تصاعدياً. ويمكن استخدام نصف المسافة بين الربعين كمقاييس للتشتت ويسمى هذا المقياس الانحراف الربيعي أو نصف الربيعي (هذا بين الربع الأعلى والربع الأدنى).

س٤٦: احسب الربع الأدنى والربع الأعلى وكذلك الانحراف الرباعي.
ونصف المدى الرباعي للبيانات ص ٢٦؟

ج:

١ - القانون المستخدم: ١/٤

جدول (٢٢)

النكرار المجتمع الصاعد	أقل من الحد الأعلى للفئة	κ	F
٥	٧٠ أقل من	٥	- ٦٠
٢٠	٨٠	١٥	- ٧٠
٤٠	٩٠	٢٠	- ٨٠
٧٠	١٠٠	٣٠	- ٩٠
٨٥	١١٠	١٥	- ١٠٠
٩٥	١٢٠	١٠	- ١١٠
١٠٠	١٣٠	٥	١٣٠ - ١٢٠
		١٠٠	المجموع

٢ - بعد عمل الجدول كما في طريقة استخراج الوسيط نوجد ترتيب

$$\text{الربع الأدنى} = \frac{\text{مج } \kappa}{4} = \frac{100}{4} = 25$$

٣ - إيجاد فئة الربع الأدنى وهي الفئة (٨٠ -).

$$4 - \text{اذن قيمة الربع الأدنى} = 80 + \frac{20 - 25}{2}$$

$$82,5 = 2,5 + 80 = (10 \times 25) + 80 =$$

$$5 - \text{ترتيب الربع الأعلى} = 3 \times \frac{100}{4} = 3 \times \frac{\text{مج } \kappa}{4}$$

$$6 - \text{اذن قيمة الربع الأعلى} = 100 + \frac{70 - 75}{15}$$

$$103,33 + 100 = (10 \times \dots, 33) + 100 =$$

$$7 - \text{المدى الربيعي} = 20,83 - 103,33 = 82,50$$

$$8 - \text{نصف المدى الربيعي (الانحراف الربيعي)} = \frac{82,50 - 103,33}{2} = 10,42$$

س٤٧: اوجد التباين والانحراف المعياري للبيانات التالية:

جدول (٢٣)

المجموع	٥٠ - ٤٥	٤٠	٣٥	٣٠	٢٥	٢٠	ف
ك	٢	٤	٨	١٠	١٢	٦	ك

: ج

١ - تكوين الجدول الخاص بالخل وهو كالتالي:

جدول (٢٤)

ك س	س	ك س	س	ك	ف
٣٠٣٧,٥	٥٠٦,٢٥	١٣٥	٢٢,٥	٦	- ٢٠
٩٠٧٥	٧٥٦,٢٥	٣٣٠	٢٧,٥	١٢	- ٢٥
١٠٥٦٢,٥	١٠٥٦,٢٥	٣٢٥	٣٢,٥	١٠	- ٣٠
١١٢٥٠	١٤٠٦,٢٥	٣٠٠	٣٧,٥	٨	- ٣٥
٧٢٢٥	١٨٠٦,٢٥	١٧٠	٤٢,٥	٤	- ٤٠
٤٥١٢,٥	٢٢٥٦,٢٥	٩٥	٤٧,٥	٢	٥٠ - ٤٥
٤٥٦٦٢,٥		١٣٥٥		٤٢	المجموع

٢ - استخدام القانون التالي : ٤/٤ ، ٣/٤

$$\text{اذن التباين} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$46,4 = 1040,8 - 1087,2 =$$

$$\text{اذن الانحراف المعياري} = \sqrt{46,4}$$

حل آخر :

جدول (٢٥)

الف	الك	س	ح	الك	ح	الك	ح	الف
٢٠	٦	٢٢,٥	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر
٢٥	١٢	٢٧,٥	٥	٦٠	٥	٢٥	٢٥	٣٠
٣٠	١٠	٣٢,٥	١٠	١٠٠	١٠	١٠٠	١٠٠	١٠٠
٣٥	٨	٣٧,٥	١٥	١٢٠	١٥	٢٢٥	٢٢٥	٢٢٥
٤٠	٤	٤٢,٥	٢٠	٨٠	٢٠	٤٠٠	٤٠٠	٤٠٠
٤٥	٢	٤٧,٥	٢٥	٥٠	٥٠	٦٢٥	٦٢٥	٦٢٥
٥٠	٤٢	المجموع	٤١٠			٥٩٥		

$$\text{اذن التباين} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$\text{اذن الانحراف المعياري} = \sqrt{46,38}$$

حل آخر:

جدول (٢٦)

ف	ك	س	ح	ح -	ك ح -	ح -	ك ح	ك ح -
٢٠	٦	٢٢,٥	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر
-٢٥	١٢	٢٧,٥	٥	١	١٢	١	١	١
-٣٠	١٠	٣٢,٥	١٠	٢	٢٠	٢	٤	٤
-٣٥	٨	٣٧,٥	١٥	٣	٢٤	٩	٩	٩
-٤٠	٤	٤٢,٥	٢٠	٤	١٦	١٦	١٦	١٦
-٤٥	٢	٤٧,٥	٢٥	٥	١٠	٢٥	٢٥	٢٥
٤٢					٨٢			٢٣٨
المجموع								

$$\text{اذن الانحراف المعياري} = \sqrt{\left(\frac{82}{42} \right) - \left(\frac{238}{42} \right)^2}$$

$$6,81 = \sqrt{1,86} \quad 5 = \sqrt{3,81 - 0,67} \quad 5 =$$

$$\therefore \text{التباین} = 46,38$$

س٤٨: اوجد الانحراف المعياري والتباین للبيانات «٢٦» ؟

ج:

استخدام القانون التالي $\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2}$

$$\sigma = \sqrt{\frac{8665,748}{100} - \frac{8893,01}{100}} = \sqrt{\left(\frac{93,9}{100} \right) - \frac{8893,01}{100}}$$

$$\therefore \text{التباین} = 227,8 \quad \text{انحراف المعياري} = \sqrt{10,9} = 227,8$$

س٤٩: اوجد قيمة الالتواء للبيانات ص «٣٠»؟

ج

١ - استخدام القانون التالي : $\frac{7}{4}$

$$\therefore \text{الالتواء} = \frac{45 - 40}{14,56} = \text{صفر}$$

وهذا يعني أن المنحنى معتدل وأن مقاييس التزعة المركزية الثلاثة تنطبق على بعضها البعض.

س٥٠: اوجد قيمة الالتواء من البيانات التالية :

جدول (٢٧)

١٦	٢٤	١٧	٢٠	٢٣	١٩	١٧	١٨	٢٢	١٧
٢١	١٨	٢٣	١٧	١٨	١٩	١٨	١٧	٢٠	١٨
١٨	١٩	٢٠	١٦	١٧	٢٠	١٧	١٩	٢٥	١٦
٢٣	١٩	٢٠	١٨	١٨	١٨	١٩	٢٢	٢١	١٩
١٧	١٨	١٨	١٨	١٩	٢٤	٢٠	١٦	١٩	٢٠

ج:

س١٥: اوجد الدرجة المعيارية للقيم التالية ؟ ٣٢، ٣٥، ١٩، ٢٢، ١٧

: ج

١ - حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري.

$$\text{م} = 25 \\ \text{ع} = 8, . ٣$$

٢ - تطبيق المعادلة التالية : $\frac{\text{س} - \text{م}}{\text{ع}}$

$$1,245 = \frac{25 - 35}{8, . ٣} \quad - . , ٩٩٦ = \frac{25 - 17}{8, . ٣}$$

٣ - ولتفادي الإشارات والدرجات العشرية يمكن استخدام الدرجة التائية

$$\text{وهي : } \frac{\text{س} - \text{م}}{\text{ع}} \times 10 + ٥٠$$

$$62,45 = 50 + 10 \times \frac{25 - 35}{8, . ٣} = 50 + 10 \times \frac{25 - 17}{8, . ٣}$$

س١٦: اوجد الدرجة المعيارية والدرجة التائية للقيم التالية وهي لزمن

٥٠ طلاب عدو لعدد عشرة طلاب:

$$. ٩ ، ٨ ، ٣ ، ٤ ، ٦ ، ٧ ، ٥ ، ٦ ، ٧$$

: ج

س٤: قارن بين مقاييس التشتت؟

ج: بالنسبة للمدى المطلق هو أقل مقاييس التشتت دقة وثباتاً، وخاصة في حالة وجود قيم متطرفة لا تمثل المجموعة التي يتتمى إليها.

وأوضحنا كذلك أن نصف المدى الربيعي يتلافي النقد الذي يوجه إلى المدى المطلق باقتصراره على مدى النصف المتوسط من مجموعة القيم، إلا أنه لا يتعرض إلا لقيمتين هما الربيع الأدنى والربيع الأعلى فقط، أما الانحراف المتوسط والانحراف المعياري فطريقة حسابهما تتناول جميع قيم المجموعة، ولكن الانحراف المعياري هو أكثر هذه المقاييس استعمالاً نظراً لأنه يستخدم أيضاً في كثير من الطرق الإحصائية الأخرى.

س٥: متى يستخدم كل من مقاييس التشتت؟

ج:

١ - يستخدم المدى المطلق في الحالات التالية:

- ١ - عندما يراد تحديد اتساع التوزيع أي المسافة بين أقل القيم وأكبرها.
- ٢ - اذا ضمن الباحث عدم وجود قيم متطرفة غريبة عن المجموعة.

ب - يستخدم نصف المدى الربيعي في الحالات التالية:

- ١ - عندما يراد الحصول على مقاييس تقريري للتشتت في وقت قصير.
- ٢ - عندما تكون في المجموعة قيم متطرفة تشذ عن القيم العادبة.

- ٣ - عندما يراد معرفة درجة مركز القيم حول الوسيط.
- ٤ - عندما يراد الحصول على مقاييس للتشتت في جدول تكراري مفتوح.

ج - يستخدم الانحراف المتوسط أو الانحراف المعياري في الحالات التالية:

- ١ - عندما يقصد إعطاء أوزان لجميع الانحرافات تبعاً لقربها أو بعدها عن المتوسط الحسابي.
- ٢ - عندما يراد الحصول على معامل للتشتت على أكبر جانب من الدقة والثبات ويفضل في هذه الحالة الانحراف المعياري.
- ٣ - وإذا ما كان الهدف استخدام هذا المعامل في نواحي إحصائية أخرى فإن المعامل الذي يستخدم هو الانحراف المعياري. كما في حالة معاملات الارتباط أو مقاييس الدلالة التي سيأتي بيانها فيما بعد.

س٥: احسب معامل الاختلاف من البيانات التالية :

$$ع = 2,22 \quad م = 8,88$$

ج:

تطبيق القانون التالي: $10 / 4$

$$\text{اذن معامل الاختلاف} = \frac{2,22}{8,88} \times 100 = 25$$

س٥٦: اذكر مقاييس الانحراف عن التوزيع الاعتدالى؟

- ١

- ٢

س٥٧: اذكر أهمية معامل التفريط؟

: ج

س٥٨: اذكر ما تعرفه عن معامل الارتباط؟

: ج

س١٩: اذكر أنواع الارتباط؟

: ج

س٢٠: اذكر أشكال الانتشار؟

: ج

س ١١: اذكر طرق إيجاد معامل الارتباط؟

- ١

- ٢

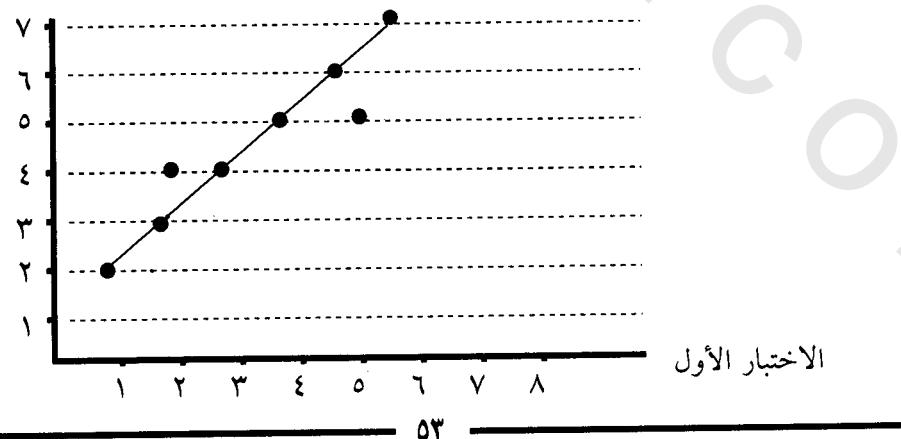
س ١٦: أُوجِدَ مُعَامِلُ الارْتِبَاطِ بِطُرِيقَةِ بِيرِسُونِ لِلْبَيَانَاتِ التَّالِيَةِ؟

درجات الاختبار الأول: ٢، ٣، ٤، ٤، ٥، ٢، ٤، ٦، ٢، ١.

درجات الاختبار الثاني: ٣، ٤، ٥، ٤، ٥، ٥، ٧، ٥، ٣، ٢.

ج: ١ - تمثيل البيانات من خلال الرسم.

الاختبار الثاني



٢ - بما أن العلاقة خطية. اذن يمكن تطبيق معامل الارتباط. ولذا يجب تكوين الجدول بالصورة التالية:

جدول (٢٨)

س	ص	س	ص	س	ص	س	ص	س	ص	س
٢٠	٢٥	١٦	٥	٤	٦	٩	٤	٣	٢	
٤٢	٤٩	٣٦	٧	٦	١٢	١٦	٩	٤	٣	
٢٠	٢٥	١٦	٥	٤	٢٠	٢٥	١٦	٥	٤	
٦	٦	٤	٣	٢	٨	١٦	٤	٤	٢	
٢	٤	١	٢	١	٢٥	٢٥	٢٥	٥	٥	
١٦١	٢٠٣	١٣١	٤٣	٣٣						المجموع

٣ - تطبيق القانون التالي: ١/٥

$$\frac{43 \times 33}{10} - 161 =$$

$$\frac{19,10}{18,10 \times 22,10} \checkmark \quad \frac{(2)(43) - 203}{(2)(33) - 131} \checkmark$$

$$\therefore 900 = \frac{19,10}{20,..} =$$

وبالرجوع للجداء الإحصائية الخاصة بحدود الدلالة الإحصائية لمعاملات الارتباط عند درجة حرية ٨، مستوى ٥ = ٦٣٢ ، .. ، مستوى ١ = ٠٠٠ . . . ٧٦٥

٤٠ قيمة معامل الارتباط المحسوبة أكبر من قيمة معامل الارتباط الجدولية.

.. معامل الارتباط دال إحصائي عند مستوى ثقة .٩٥ ، .٩٩ ..

وبتطبيق الاغتراب نجد ما يلى: ١ - مربع الارتباط

$$\therefore \text{معامل الاغتراب} = \sqrt{1 - \frac{2900}{912 - 1}} = \sqrt{1 - \frac{2900}{911}}.$$

س١٣: تكلم عن معنى الاغتراب؟

ج:

س١٤: قام باحث بتطبيق اختبار الشد على العقله على مجموعة من لاعبي الجمباز مستوى درجة أولى ثم أعاد تطبيق الاختبار على نفس المجموعة بعد يومين وذلك للتأكد من ثبات الاختبار، وكانت النتيجة كالتالي:

التطبيق الأول: ١١، ١٢، ١٣، ١٤، ١٥، ١٦، ١٧، ١٨، ١٩، ٢٠.

التطبيق الثاني: ١٢، ١٣، ١٤، ١٥، ١٦، ١٧، ١٨، ١٩، ١١، ١٨، ٢٢، ١٧، ١٦، ١٥، ١٧، ٢٠.

اذكر كيف يمكن تتحقق ذلك؟

ج:

84

س١٥: اوجد معامل الارتباط بين "س ، ص" من خلال جدول التوزيع التكراري المزدوج للبيانات التالية :

جدول (٢٩)

مج	٦٠ - ٥٠	- ٤٠	- ٣٠	- ٢٠	- ١٠	ف . س ف . ص
٢٠	١٠	٥	٣	٢	-	- ٢٠
١٤	-	٧	٧	-	-	- ٥٠
٨	-	٥	-	-	٣	- ٨٠
١١	٧	-	٤	-	-	- ١١٠
١٠	-	-	٥	-	٥	- ١٤٠
١٧	-	-	٢	١٣	٢	- ١٧٠
١٠	-	-	-	٢	٨	- ٢٠٠
١٠	٢	٨	-	-	-	٢٦٠ - ٢٣٠
١٠٠	١٩	٢٥	٢١	١٧	١٨	المجموع

ج :
١ - إيجاد الجداول التالية:

جدول (٣٠)

ك - ٢ ك	ح - ك	ح - ك	ح	ح	س	ك	
٧٢	٣٦ -	٢ -	٢٠ -	١٥	١٨	- ١٠	
١٧	١٧ -	١ -	١٠ -	١٥	١٧	- ٢٠	
صفر	صفر	صفر	صفر	٣٥	٢١	- ٣٠	
٢٥	٢٥ +	١ +	١٠ +	٤٥	٢٥	- ٤٠	
٧٦	٣٨ +	٢ +	٢٠ +	٥٥	١٩	٧٠ - ٥٠	
١٩٠	١٠ + ٥٣ - ٦٣ +					١٠٠	المجموع

جدول (٣١)

ج	ج	ج	ج	س	ك	ف
١٨٠	٦٠ -	٣ -	٩٠ -	٣٥	٢٠	- ٢٠
٥٦	٢٨ -	٢ -	٦٠ -	٦٥	١٤	- ٥
٨	٨ -	١ -	٣٠ -	٩٥	٨	- ٨
صفر	صفر	صفر	صفر	١٢٥	١١	- ١١
١٠	١٠ +	١ +	٣٠ +	١٠٥	١٠	- ١٤
٦٨	٣٤ +	٢ +	٦٠ +	١٨٥	١٧	- ١٧
٩٠	٣٠ +	٣ +	٩٠ +	٢٥١	١٠	- ٢٠
١٧٠	٤٠ +	٤ +	١٢٠ +	٢٤٥	١٠	٢٦٠-٢٣٠
٥٧٢	١٨ + ٩٦ - ١١٤ +				١٠٠	المجموع

جدول (٣٢)

مج	٥ +	١ +	صفر	١ -	٥ -	س ص
٧٩ -	١ -	٥	٣	٢		٣
	٧ -	١٥ -	صفر	٦		
١٤ -		٧	٧			٢ -
		١٤ -	صفر			
١ +		٥			٣	١ -
		٥ -			٦	
صفر	٧		٤			صفر
	صفر		صفر			
١ -			٥		٥	١ +
			صفر		١ -	
٣٤ -			٢	١٣	٢	٢ +
			صفر	٢٦ -	٨ -	
٥٤ -				٢	٨	٣ +
				٦ -	٤٨ -	
٤٨	٢	٨				٤ +
	١٦	٣٢				
١٣٢ -	٤٤ -	٢ -	صفر	٢٦ -	٦٠ -	المجموع

٢ - استخدام المعادلة التالية: ٣/٥

$$\therefore \text{قيمة معامل الارتباط} = -\frac{(114+) (10+)}{100} - 132.$$

$$\frac{^2(114+)}{100} - 572 \times \frac{^2(10+)}{100} - 19.$$

$$-., 0 = \frac{143,4 -}{289,04} = \frac{143,4 -}{442,04 \times 189} =$$

س ٦٦: اوجد قيمة معامل ارتباط الرتب للبيانات التالية :

جدول (٣٣)

جيد جداً	جيد جداً	مقبول	ممتاز	جيد	مقبول	ممتاز	مقبول	ممتاز	جيد
جيد	جيد	جيد	ممتاز	جيد	جيد جداً	جيد جداً	جيد جداً	جيد جداً	جيد

: ج

١ - عمل الجدول التالي:

جدول (٣٤)

ف	ف	ترتيب ص	ترتيب س	ص	س
٦,٢٥	٢,٥	٣	٥,٥	جيد جداً	جيد
١	١	٣	٢	جيد جداً	ممتاز
٢,٢٥	١,٥	٦,٥	٨	جيد	مقبول
١	١	٣	٢	جيد جداً	ممتاز
٢,٢٥	١,٥	٦,٥	٨	جيد	مقبول
١٢,٢٥	٣,٥	٩	٥,٥	مقبول	جيد
١	١	١	٢	ممتاز	ممتاز
٢,٢٥	١,٥	٦,٥	٨	جيد	مقبول
٦,٢٥	٢,٥	٦,٥	٤	جيد	جيد جداً
٣٤,٥٠					

٢ - تطبيق المعادلة التالية: ٤/٥

$$\therefore \text{معامل الارتباط} = \frac{\frac{34,5 \times 6}{(1 - 29)}}{9} - 1$$

$$\therefore 7125 = \dots , 2845 - 1 =$$

س١٧: اوجد قيمة معامل الارتباط بطريقة سبيرمان للبيانات التالية:

$$س = 32, 35, 37, 48, 50, 53, 56, 60$$

$$ص = 20, 21, 18, 17, 14, 13, 10, 9, 5$$

ج:

س١٨: اوجد معامل الارتباط بين القيم التالية:

جدول (٣٥)

الفرق بين الرتب		الرتب		الدرجات	
٢ ف	ف	ص	س	ص	س
.....	٧٥	٤٧
.....	٧٩	٧١
.....	٨٥	٥٢
.....	٥٠	٤٨
.....	٤٩	٣٥
.....	٥٩	٣٦
	مج ف

: ج

س١٩: اذكر شروط استخدام اختبار "ت" لدالة الفروق؟

: ج

س٧٠: من خلال البيانات التالية اوجد قيمة «ت»؟

جدول (٣٦)

البيانات	مجموعة ١	مجموعة ٢
المتوسط الحسابي	١٦٥	١٧٥
الوسيط	١٦٤	١٧٦
الانحراف المعياري	١٢,٣٥	١٤,٦٢
العدد	٥١	٥١

: ج

- ١ - حجم العينة كبيرة لأنها أكبر من ٣٠.
- ٢ - لا يوجد فرق بين حجم العيتين لأن $n_1 = n_2$
- ٣ - التجانس = $\frac{\text{ع}_2 \text{ الكبير}}{\text{ع}_2 \text{ الصغير}} = \frac{(14,62)}{(12,35)} = \frac{1,40}{1,235}$
- ٤ - الإنلواء للمجموعة الأولى = $\frac{(164 - 165)}{12,35} = -\frac{1}{12,35}$

$$\text{الالتواه للمجموعة الثانية} = \frac{(176 - 175)}{14,62}^3$$

٥ - بعد تطبيق الشروط الخاصة باختبار «ت» يمكن استخدام المعادلة ١/٦

$$t = \frac{176 - 175}{\sqrt{\frac{1}{14,62 + 212,35}}}$$

س ٧١: من خلال البيانات التالية اوجد قيمة «ت»؟

جدول (٣٧)

المجموعة ٢	المجموعة ١	البيانات
٦٥	٥٤	المتوسط الحسابي
٦٤	٥٥	الوسيط
٧,٢١	٨,٤٠	الانحراف المعياري
٧١	٨١	عدد الأفراد

ج: ١ - حجم العينة كبير لأنها أكبر من ٣٠

٢ - لا يوجد فرق بين حجم العينتين كبير لأن $N_1 = 81$ ، $N_2 = 71$

$$3 - \text{التجانس} = \frac{70,56}{\frac{70,56}{51,98} - \frac{70,56}{7,21}}$$

$$4 - \text{الالتواه} = \frac{\frac{3}{8,40} - \frac{55 - 54}{8,40}}{\frac{3}{8,40}} = \frac{(55 - 54)3}{8,40}$$

$$5 - \frac{\frac{3}{7,21} - \frac{64 - 65}{7,21}}{\frac{3}{7,21}} =$$

٥ - بعد تطبيق الشروط الخاصة باختبار «ت» يمكن استخدام المعادلة ٢/٦

$$\therefore t = \frac{65 - 54}{\sqrt{\left(\frac{1}{71} + \frac{1}{81} \right) \frac{71 \times 2(7,21) + 81 \times 2(8,40)}{2 - 71 + 81}}}$$
$$\therefore t = \frac{11}{1,28} = 8,59$$

س٢: اوجد قيمة «ت» لمجموعة البيانات التالية والتي استخلصت من اختبار طبق على مجموعة من الأفراد ثم طبق الاختبار بعد فترة زمنية معينه؟

التطبيق الأول: ٨، ٦، ٥، ٧، ٥، ٩، ٧، ٤، ٦، ٥

التطبيق الثاني: ٧، ٤، ٧، ٦، ٥، ٧، ٦، ٤، ٢، ٦

ج:

١ - توضيح البيانات في الجدول التالي:

جدول (٣٨)

م	التطبيق الأول	التطبيق الثاني	ف	ح ف	ح ح ف	ح ح ف
١	٨	٦	٢	١	٩	١
٢	٦	٢	٤	٢	٣	٩
٣	٤	٥	١-	٢-	٤	٤
٤	٧	٦	١	.	.	.
٥	٩	٧	٢	١	١	١
٦	٥	٤	١	.	.	.
٧	٧	٦	١	.	.	.
٨	٧	٧	.	١-	١-	١
٩	٥	٤	١	.	.	.
١٠	٦	٧	١-	٢-	٢-	٤
مج	٦٤	٥٤	١٢ + ٢ -	١٠		٢٠

٢ - استخدام المعادلة التالية: $\frac{3}{6}$

$$2,13 = \frac{1}{\cdot,47} = \frac{1}{\frac{2}{9}} \therefore \text{ت} = \sqrt{\frac{2}{9}}$$

س٤: ما هو أثر الإخلال بشرط استخدام «ت»؟

: ج

س٥: ما الفرق بين دلالة «ت» للطرفين ودلالة «ت» للطرف الواحد؟

: ج

س٧٥: احسب "ت" للبيانات التالية :

$$57, 20 = 2m$$

$$110 = 2n$$

$$16, 25 = 2u$$

$$50, 30 = 1m$$

$$100 = 1n$$

$$18, 12 = 2u$$

ج:

س٧٦: احسب "ت" للبيانات التالية :

$$57, 72 = 2m$$

$$80 = 2n$$

$$16, 11 = 2u$$

$$56, 23 = 1m$$

$$80 = 1n$$

$$15, 24 = 1u$$

ج:

س١: احسب للمتوسطين لدرجات الطلاب في الاختبارين التاليين:

س١: ١٩ ١٦ ٢٠ ١٨ ١٩ ١٥

س٢: ١٧ ١٤ ٢٥ ١٧ ١٦ ١٢

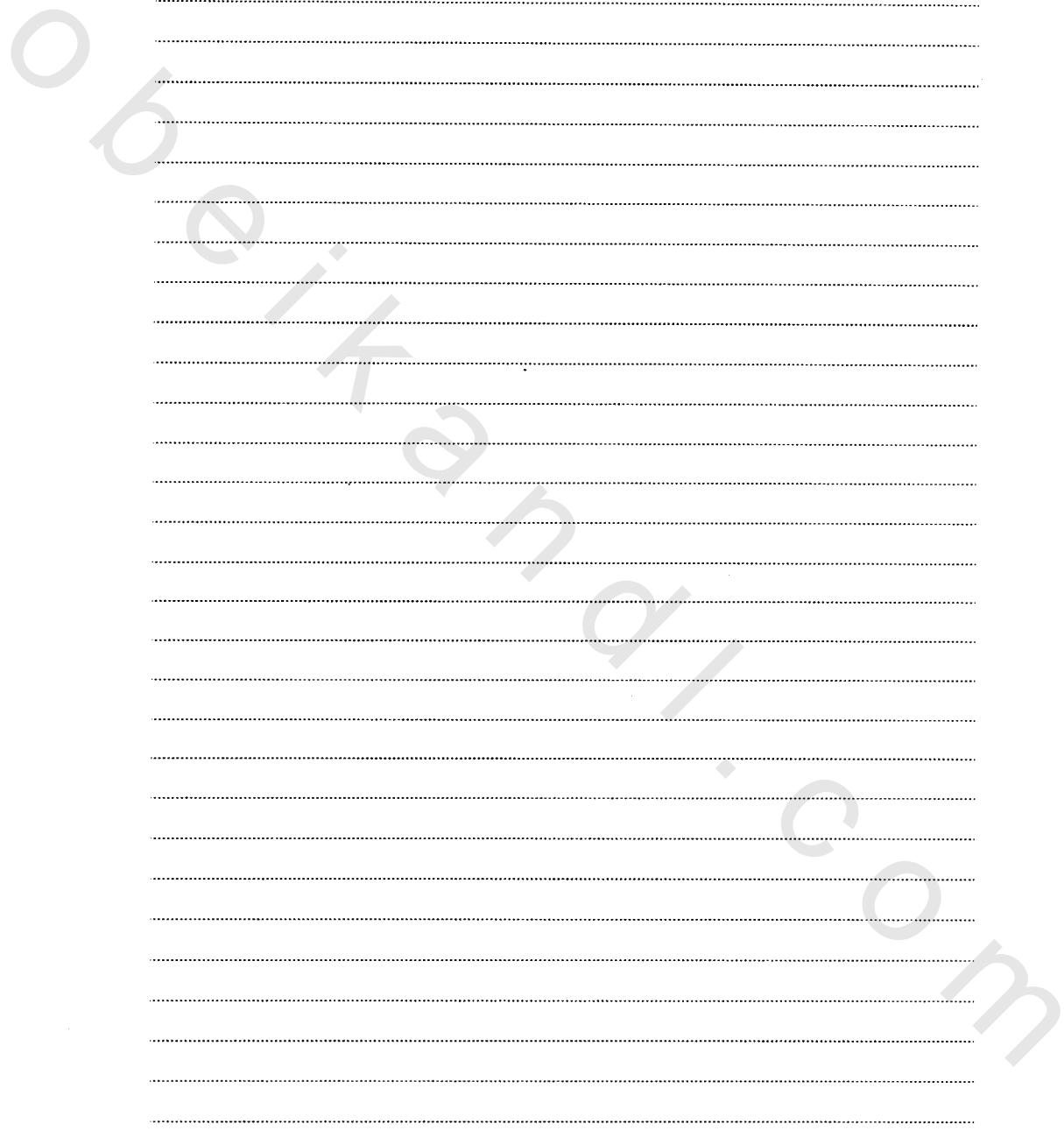
: ج

Y

1

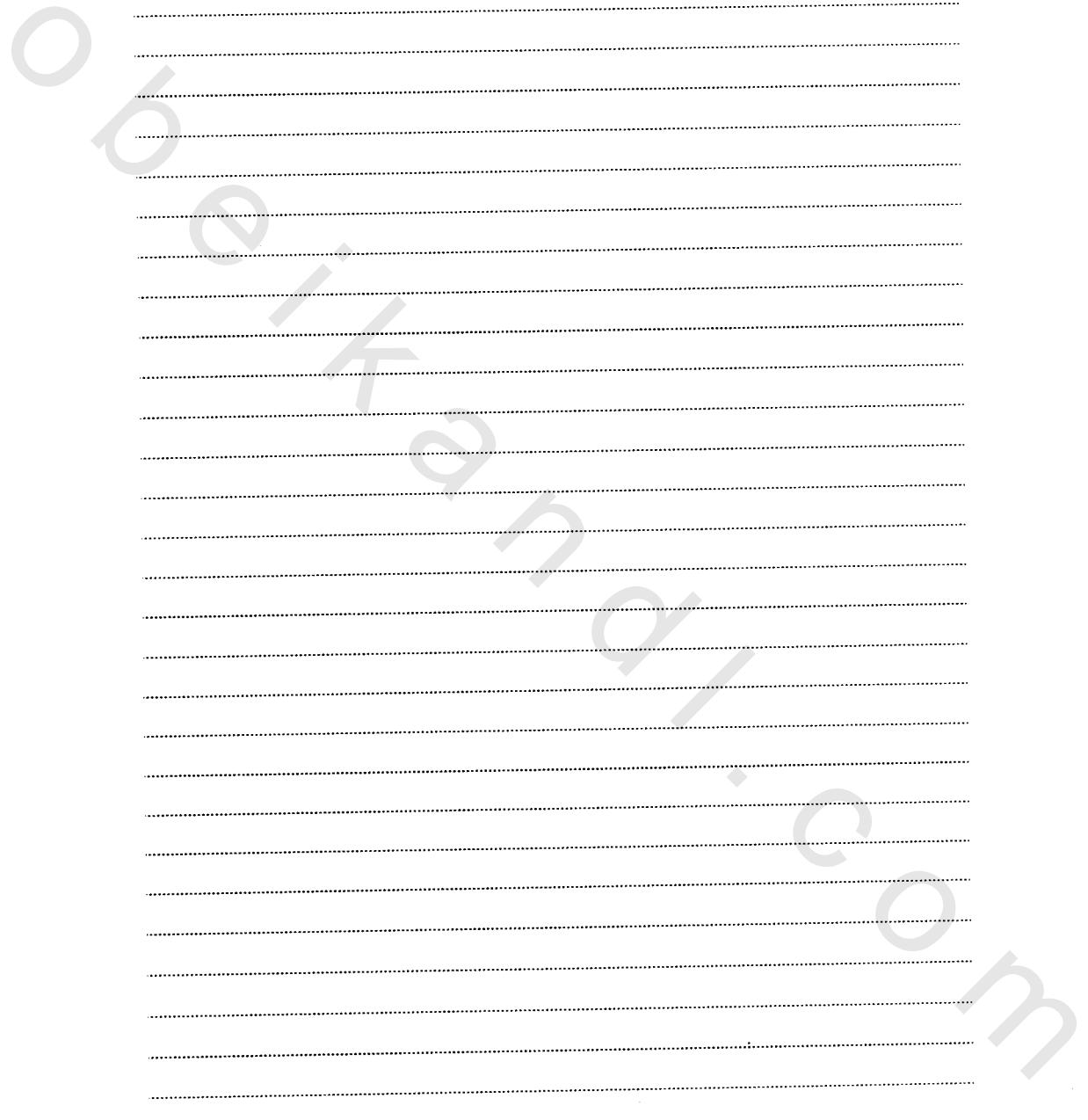
W

VA

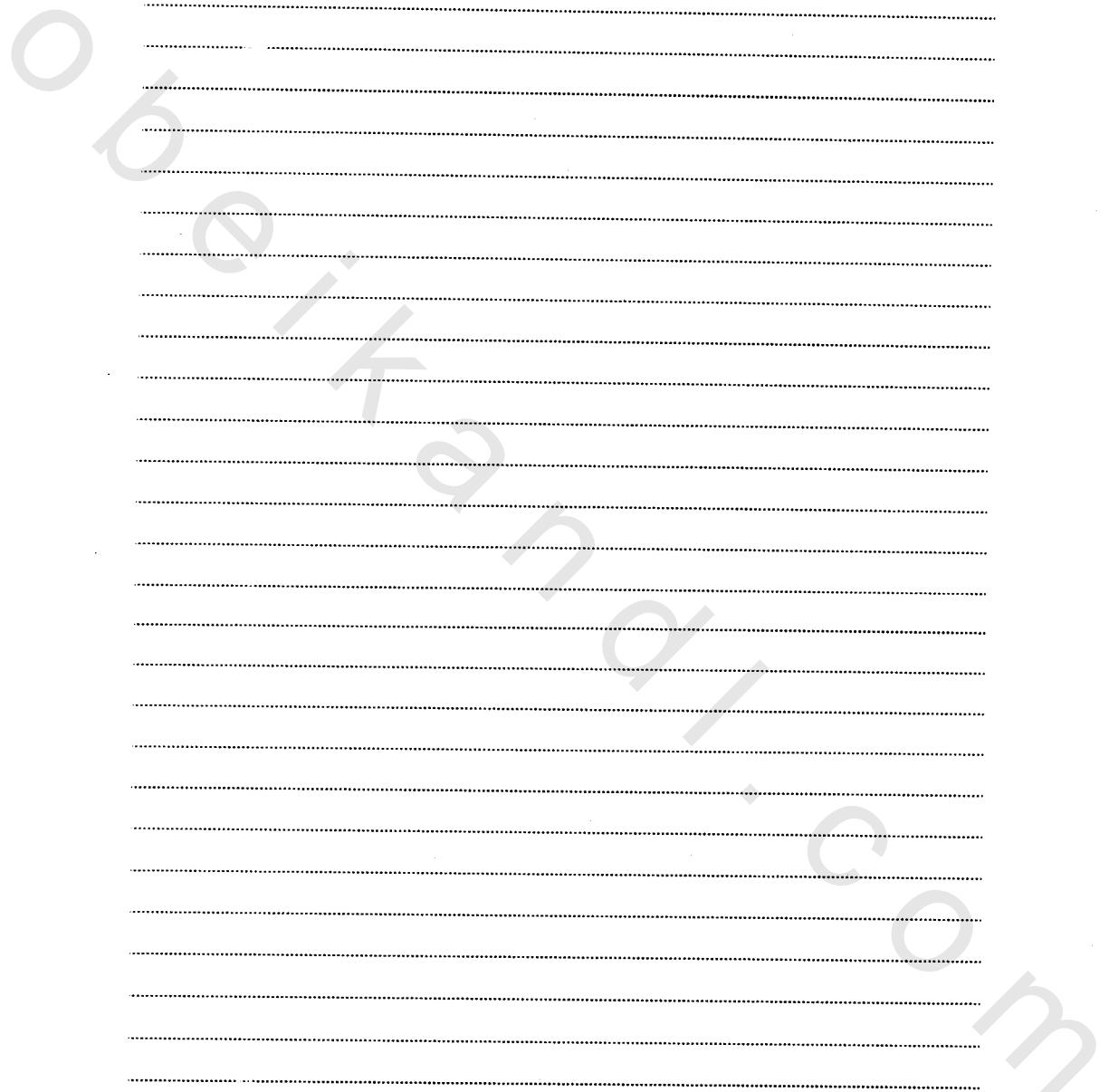


1

۱۷



14



3

