

الباب الثامن عشر

مسائل وتمارين وأسئلة امتحانات

الجزء الأول

فيزياء احصائية

١ - أوجد عدد جزيئات غاز في معدل الضغط ودرجة الحرارة الموجودة في حجم مكعب طول ضلعه يساوى طول الموجة المنظوره ٥٠٠٠ أنجستروم .

الحل :

$$\frac{1}{2} m v^2 = \frac{3}{2} k T$$

$$\therefore m v^2 = 3 k T$$

من قانون الضغط :

$$\frac{1}{3} m n v^2 = p$$

$$= 76 \times 13.6 \times 980$$

$$\therefore n = \frac{76 \times 13.6 \times 980 \times 3}{3 k T}$$

وهذا هو عدد الجزيئات في وحدة الحجم من الغاز

عدد الجزيئات في الحجم المطلوب V

$$N = n V$$

$$= \frac{76 \times 13.6 \times 980 \times (5 \times 10^{-5})}{1.38 \times 10^{-16} \times 273}$$

$$= 4 \times 10^9 \text{ mol.}$$

٢ — احسب عدد الجزيئات في وحدة الحجم من غاز عند درجة ٣٠٠° كلفن اذا كان ضغط الغاز ٢١٠ مم زئبق ثم اوجد عدد الجزيئات في مكعب طول ضلعه ١ مم تحت نفس الظروف السابقة .

(الجواب ٣ر١ × ١٩١٠ / ٢م ٦ ٣ر١ × ١٠١٠ جزيء)

٣ — اوجد عدد مرات تصادم جزيئات الاكسجين على المتر المربع من الجدران في الثانية اذا كانت كثافته ٣ × ١٠ ٢٥ جزي لكل متر مكعب والسرعة المتوسطة للجزيء عند درجة ٢٧٣° كلفن هي ٤٥٠ متر / ثانية .

(الجواب : ٣ر٣ × ٢٧١٠ تصادم على المتر المربع في الثانية)

٤ — عرف ثابت بولتزمان من الناحية الفيزيائية .

٥ — اثبت ان :

(١) طاقته حركه الجزيئات للغازات المختلفة عند نفس درجة الحرارة لا تتوقف على كتلتها .

$$\sqrt{\frac{3 k T}{m}} \quad \text{(ب) جذر متوسط مربع السرعات للغاز يساوي}$$

حيث T درجة الحرارة المطلقة m كتلة الجزيء .

٦ - احسب طاقة حركه وجذر متوسط مربع سرعه جزيئات الاكسجين عند درجه ٢٧°م علما بأن الوزن الجزيئى له ٣٢ .

(الجواب : ٤٨٢ م/ث)

٧ - أوجد متوسط مربع سرعة جزيئات غاز بدلالة ضغطه وكثافته .

٨ - أوجد درجة حرارة غاز تكون متوسط طاقة الحركة الانتقاليه لجزيء فيه مساويه لطاقة أيون مفرد الشحنة له نفس كتلة الجزيء وتسارع من حالة السكون خلال فرق جهد قدره ١ فولط ، ١٠٠٠ فولط .
اهمل تأثير النسبيه .

الحل :

$$e V = \text{طاقة الايون}$$

$$1.6 \times 10^{-19} \times 1 =$$

$$e V = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{3}{2} k T$$

$$\therefore 1.6 \times 10^{-19} = \frac{3}{2} \times 1.38 \times 10^{-23} T$$

$$\therefore T = 7700 \text{ } ^\circ \text{K}$$

ولجهد 100 فولط تكون الدرجة 7.7 مليون درجة .

٩ - أثبت ان متوسط مربع السرعات لاتساوى مربع متوسط السرعات للجزئيات الاتيه :

العدد	٢	٤	٣
السرعه بالمتر/ثانيه	١	٢	٣

الحل :

$$N_i \quad 2 \quad 4 \quad 3$$

$$v_i \quad 1 \quad 2 \quad 3$$

$$\overline{v^2} = \frac{\sum N_i v_i^2}{\sum N_i}$$

$$= \frac{2 \times 1^2 + 4 \times 2^2 + 3 \times 3^2}{2 + 4 + 3}$$

$$= 5 \text{ (m/s)}^2$$

$$\overline{v} = \frac{\sum N_i v_i}{\sum N_i} = \frac{19}{9} = 2.11$$

$$(\overline{v})^2 = 4.45 \text{ (m / s)}^2$$

١٠ - أوجد متوسط طول المسار الحر للايدروجين في المعدلين علما بأن معامل اللزوجة بوحدات سم . جم . ث ٠٨٠٠٠٠ ر. وكثافة الايدروجين في المعدلين ٠٩٠٠٠٠ ر. جم/سم^٣ . ثم أوجد تردد التصادم .

الحل :

$$N = \frac{1}{2} m n \sqrt{v^2} \quad \dots (1)$$

$$= \frac{1}{2} d \lambda \sqrt{v^2} \quad \dots (2)$$

$$P = \frac{1}{2} d v^2$$

يحذف v^2 من المعادلتين

$$\therefore \lambda = N \sqrt{\frac{3}{pd}}$$

وبالنسبة للايدروجين نجد أن $\lambda = 1445 \times 10^{-6} \text{ cm}$

تردد التصادم هو متوسط عدد التصادمات للجزيء الواحد في الثانية الواحدة وهذا يساوي متوسط السرعة مقسوما على متوسط طول المسار الحر ، أي أن

$$\therefore \frac{v}{\lambda} = \frac{P}{\eta}$$

$$= \frac{76 \times 13.6 \times 980}{.00008}$$

∴ تردد التصادم = 1.251×10^{10} تصادما في الثانية

١١ - اجد نصف قطر جزيء الايدروجين من بيانات المساله السابقه

الحل :

$$\lambda = \frac{1}{\sqrt{2} \pi \cdot 4 \pi r^2}$$

حيث e نصف الجزيء

$$\therefore r^2 = \frac{1}{4 \sqrt{2} \pi \cdot n \lambda}$$

ومن ذلك نحصل على

$$r = 1.19 \times 10^{-8} \text{ cm}$$

١٢ - اوجد الفرق بين متوسط طول المسار الحر لجزيئات الهليوم تحت ضغط جوى عند درجتى الحرارة صفر ، 100°C .

لزوجة الهليوم عند الصفر = 19.000 r . وعند 100°C = 22.000 r .
بوحدهات سم جم ث وكثافة الهليوم = 1785 r . جم / سم^٣

$$(\text{الجواب}) \quad 1.29 \times 10^{-5} \text{ cm}$$

١٣ - اثبت ان النسبه بين السرعه المتوسطه الى السرعه الاكثر احتمالاً الى جذر متوسط مربع السرعه لجزيئات غاز هـ على الترتيب $109 : 1$:
 $173 : 1$.

١٤ - يتمدد غاز تمددا ادياباتيا داخل اسطوانه يتحرك مكسبها ببطء وبسرعة u اقل نسبيا من السرعة المتوسطة لجزيئات الغاز اثبت ان طاقة الحركة المفقوده من الجزيء ذي السرعة v هي $\Theta \cos \theta$ حيث Θ هي زاوية سقوط الجزيء . ثم اثبت ان الطاقه الكليه المفقوده من جزيئات الغاز تساوى الشغل الذى يبذله الغاز عند التمدد .

١٥ - اثبت ما ياتى : -

(ا) احتمال التصادم بين جزيئات غاز يساوى مقلوب متوسط طول المسار الحر .

(ب) يتناسب احتمال التصادم طرديا مع مساحة مقطع التصادم ومع عدد الجزيئات فى وحدة الحجم .

١٦ - اثبت ان عدد الجزيئات فى غاز والتى لها مسارات حرة اطول من T cm تعطى بالمعادلة

$$N = N_0 \exp - L/\lambda$$

حيث λ هو متوسط طول المسار الحر للجزيء ،

N_0 العدد الكلى للجزيئات .

١٧ - اثبت ان متوسط البعد الذى تاتى منه الجزيئات فى غاز لتعبير اى سطح داخله تساوى $\frac{1}{2}$ متوسط طول المسار الحر للجزيئات ثم اوجد لزوجة الغاز .

١٨ - اثبت ان لزوجة اى غاز لا تتوقف على ضغطه او كثافته

١٩ - اثبت ان لزوجة الغاز تتناسب طرديا مع الجذر التربيعى لدرجة

حرارته المطلقة ثم أوجد قطر الجزيء بدلالة لزوجة الغاز ودرجة حرارته المطلقة .

٢٠ - متوسط طول المسار الحر لجزيئات غاز عند درجة ٢٥° م هو 2.63×10^{-7} مترا . أوجد ضغط الغاز علما بأن نصف قطر الجزيء 2.56×10^{-10} مترا ثم أوجد عدد التصادمات في المتر من المسار لأحد الجزيئات (الجواب 1.93×10^{10} نيوتن/متر^٢ ، 3.8×10^4 تصادمها/متر)

٢١ - متوسط طول المسار الحر لجزيئات غاز ١٠ سم إذا اعتبرنا 10^4 مسارات حرة . أوجد عدد الجزيئات التي لها مسارات أكبر من ١٠ سم . وكذلك أكبر من ٥٠ سم .

(الجواب ٣٦٧٩ ، ٦٨)

٢٢ - في المسألة السابقة كم عدد الجزيئات التي يكون لها طول مسارات محصور بين ٩٥ سم ، ١٠٥ سم ؟ وكم عددها بين ٩٩ سم ، ١٠١ سم .

(الجواب ٣٦٨ ، ٧٤)

٢٣ - يبين الجدول التالي تغير لزوجة غاز ثنائي أكسيد الكربون مع درجة الحرارة .

t°C	-21	0	100	182	302
$\eta \times 10^6$	12.9	14	18.6	22.2	26.8

احسب متوسط النسبة η/\sqrt{T} ثم أوجد قطر الجزيء علما بأن الوزن الجزيئي لثنائي أكسيد الكربون ٤٤ كيلو جرام للمول .

(الجواب ٩٩٩٥)

٢٤ - أوجد معامل لزوجة الهواء علما بان كثافته 1.293 كجم / م^3 والسرعة المتوسطة \bar{v} لجزيئاته $476 \times 10^3 \text{ م/ث}$ ومتوسط طول المسار الحر $6.4 \times 10^{-8} \text{ متر}$ في المعدلين .

٢٥ - مدفع الكترونى يخرج الكترونات الى حيز به غاز ضغطه 100 نيوتن / م^2 وتجمع الالكترونات المتبقية بعد التصادم مع جزيئات الغاز بواسطة لوح معدنى على بعد 10 سم من المدفع حيث يقاس التيار .

فاذا كان التيار الالكترونى المنبعث من المدفع 100 ميكرو أمبير وتيار نوح التجميع 37 ميكرو أمبير

(أ) أوجد متوسط طول المسار الحر للالكترونات

(ب) ماذا يصبح تيار اللوح المعدنى اذا انقصنا ضغط الغاز الى 50 نيوتن / م^2 ؟

الحل:

— ١ —

$$N = N_0 e^{-x/\lambda}$$

$$\dots 37 = 100 e^{-x/\lambda}$$

$$0.37 = e^{-x/\lambda} = e^{-1}$$

$$x = \lambda = 10 \text{ cm}$$

٤١٧

(م ٢٧ - مدخل الجوامد)

ب — بما أن درجة الحرارة لا تتغير

اذن لا تتغير طاقة الحركة $1/2 m v^2$

عند ضغط ١٠٠

$$p_1 = 1/3 m n_1 v^2$$

عند ضغط ٥٠

$$p_2 = 1/3 m n_2 v^2$$

$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{2}{1}$$

لكن

$$\lambda = \frac{0.707}{\sigma n}$$

∴ عند الضغط المنخفض

$$\lambda_2 = 2 \lambda_1 = 20 \text{ cm}$$

$$N/N_0 = e^{-x/\lambda}$$

ومنها

$$I/I_0 = e^{-x/\lambda}$$

$$= e^{-10/20}$$

$$I = 100 e^{-0.5}$$

$$= 60 \text{ mico ampere}$$

٢٦ - يبدأ أيون أكسجين مفرد حركة حره في اتجاه عمودى على مجال كهربائى شدته 10^4 فولط/متر في غاز ضغطه جوى ودرجة حرارته المطلقة 300 كلفن .

(أ) أوجد المسافة المقطوعه في اتجاه المجال في زمن متوسط مسار حر

(ب) ما نسبة متوسط المسار الحر الى هذه المسافة

(ج) ما السرعه المتوسطة في اتجاه المجال

(د) ما هى نسبة السرعه الحراريه Thermal velocity الى هذه السرعه ؟

(هـ) ما نسبة طاقة التهييج الحرارى الى الطاقة المكتسبه من المجال اثناء متوسط مسار حر .

(الجواب أ : 34×10^{-1} متر

ب : 200

ج : 23 م/ث

د : 200

هـ : 22×10^4)

٢٧ - في التجربة الخاصة بتحقيق قانون ماكسويل لتوزيع السرعات كان قطر الاسطوانه ٢٧ر٠ مترا وعدد دوراتها في الدقيقة ١٢٠٠٠ وكان المصدر عبارة عن فرن يحتوى مادة الزنك في درجة ٣٠٠ م .

أوجد بعد النقطة التى تسقط عليها جزيئات الزنك عندما تكون الاسطوانه ساكنه عن النقطة التى تسقط عندها الجزيئات ذات الطاقه

$$\frac{1}{2} m \quad \bar{v}^2 = 2kT$$

الوزن الذرى للزنك = ٦٥ر٣٧

الجزء الثاني

الفيزياء الذرية

٢٨ - أوجد طول موجة نيوترون طاقته ١٠ مليون إلكترون فولط
كتلة النيوترون 1.67×10^{-27} كجم .

الحل :

$$\frac{1}{2} m v^2 = 10 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-12}$$

$$m v = h/\lambda \quad \text{ergs}$$

$$\frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} \frac{h^2}{m\lambda^2}$$

$$\lambda^2 = 8.2 \times 10^{-25}$$

$$\lambda = 0.91 \times 10^{-12} \quad \text{cm}$$

٢٩ - أوجد طول الموجة المصاحبه للإلكترون اكتسب طاقته خلال
سقوطه في فرق جهد قدره ٢٠ فولط .

٣. - اثبت أن

$$\cos 2\pi \left(\frac{px}{h} \right)$$

هو حل لمعادلة شرودنجر في بعد واحد .

الحل :

$$\frac{d^2 \psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - V) \psi = 0$$

بالتعويض بالدالة الموجية

$$\psi = \cos 2\pi \left(\frac{px}{h} \right)$$

$$\frac{d\psi}{dx} = -\frac{2\pi p}{h} \sin \frac{2\pi px}{h}$$

$$\frac{d^2 \psi}{dx^2} = -\frac{4\pi^2 p^2}{h^2} \cos \frac{2\pi px}{h}$$

وبالتعويض في معادلة شرودنجر نجد أن الدالة الموجية تحقق المعادلة .

٣١ - اذكر مبدأ عدم التحديد لهيزنبرج

اثبت أن الكترون الذرة يوجد خارج النواة وليس داخلها .

نصف قطر الذرة $\sim 10^{-10}$ سم

نصف قطر النواة 1.4×10^{-14} سم

الطاقة القصوى للإلكترون 2 مليون إلكترون فولت

كتلة الإلكترون 9.1×10^{-31} جم

(٣٢) ما هي طاقة حركة الإلكترون في أدنى مستوى للطاقة في بئر جهدي
اتساعه 5×10^{-9} سم.

الحل :

$$E_n = \frac{n^2 h^2}{8 m L^2}$$

$$n = 1$$

$$\begin{aligned} E_1 &= \frac{(6.625 \times 10^{-27})^2}{8 \times 9.1 \times 10^{28} \times (5 \times 10^{-9})^2} \\ &= 0.213 \times 10^{-11} \quad \text{ergs} \\ &= 13.6 \quad \text{eV} \end{aligned}$$

(٣٣) أوجد طاقة نيوترون محصور في مساهه 2×10^{-10} سم

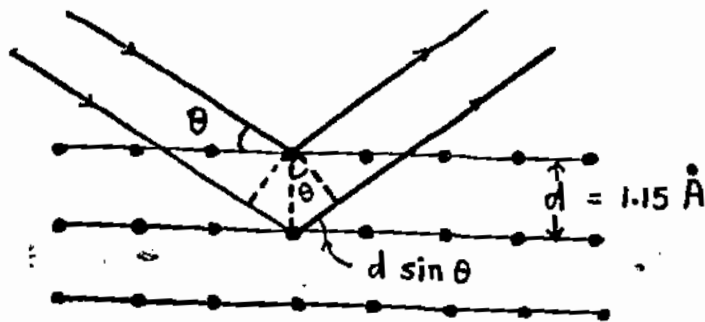
(٣٤) احسب مستويات الطاقة لجسيم كتلته 0.01 ر. كجم موجود في
بئر جهدي مربع اتساعه 10^{-2} متر .

ماذا يجب أن تكون قيمة n لكي تكون طاقة الحركة 1 جول ؟ وما المسافة
التي تفصل مستويي الطاقة

$$E_{n-1} \quad ; \quad E_n$$

(٣٥) ماهى زاوية السقوط التى تسبب انعكاسا لنيوترونات طاقتها ٢٥ ر. إلكترون فولط عند سقوطها على سطح بلوره تبعد مستوياتها الذريه عن بعضها بمسافة ١.١٥ أنجستروم .

$$\bullet \text{ كتلة النيوترون} = 1.67 \times 10^{-24} \text{ جم}$$



الحل (١-١٨)

$$\text{K. E.} = \frac{1}{2} m v^2 = 0.025 \times 1.6 \times 10^{-12}$$

$$= \frac{.025 \times 1.6 \times 10^{-12} \times 2}{1.67 \times 10^{-24}}$$

الحل

$$m v = p = \frac{h}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{h}{m v}$$

وباستخدام قانون براغ

$$2 d \sin \theta = n \lambda$$

$$n = 1$$

$$\sin \theta = \frac{\lambda}{2 d}$$

$$\theta = \sin^{-1} \left(\frac{\lambda}{2d} \right)$$

(٣٦) ما هي درجة الدقة التي يمكن بها تحديد سرعة سيارة كتلتها 1.0×10^3 كجم موضع مركز كتلتها محيذاً إلى أنجستروم .

الحل :

$$\Delta p \Delta x = \frac{h}{4\pi}$$

$$m \Delta v = \Delta p$$

$$\Delta v = \frac{h}{4\pi m \Delta x} = 0.35 \times 10^{-23} \text{ cm/sec}$$

(٣٧) عمر الاثارة لثواة ذرة هـ هو 1.0×10^{-14} ثانية ما هو اقل خطأ في قياس طاقتها ؟

الحل :

$$\Delta E : \Delta t = \frac{h}{4\pi}$$

$$\begin{aligned} \Delta E &= \frac{6.625 \times 10^{-27}}{4 \times 3.14 \times 1.0 \times 10^{-14}} \\ &= 0.106 \times 10^{-13} \text{ ergs.} \\ &= 6.6 \times 10^{-3} \text{ eV} \end{aligned}$$

(٣٨) احسب احتمال الانتفاق tunneling probability لالكترون في بئر جهد حيث $(V_0 - E) = 1 \text{ eV}$ واتساع حاجز الجهد ١ انجستروم .
وقارن بين هذه القيمة والقيمة المناظرة لالكترون ساقط في بئر عمقه ١٠ الكترون فولط واتساع حاجز جهده ١٠ انجستروم .

الحل :

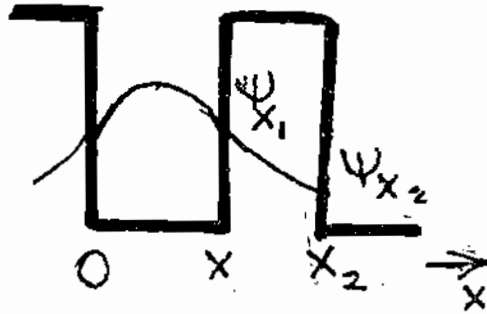
داخل حاجز الجهد تكون الدالة الموجية اسيه

$$\Psi = C \exp -\omega^1 \cdot X$$

حيث

$$\omega^1 = -\frac{2\pi}{h} \sqrt{m(V_0 - E)}$$

أرجئة الدالة الموجية عند x_2



شكل (١٨ - ٢)

عند x_2 يكون احتمال الانتفاق هو

$$\frac{1 \Psi_2 I^2}{1 \Psi_1 I^2}$$

(٢٩) اذا كان ثابت القوة في حركة توافقية بسيطه هو ار. جول / م ٢ اوجد ترددها علما بأن الكتله المتذبذبه ١ كيلو جرام . ماذا يكون العدد الكمي في هذه الحاله اذا كانت الطاقه الكليه هي ار. جول ؟ وماذا يكون الفرق بين مستويي الطاقه ؟

هل تعتقد أن انحلال مستويات الطاقة يكون ملبوسا في نوعية التجارب العملية المعتاده ؟

الحل :

تردد الحركة التوافقية البسيطة

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\beta/m}$$

$$\beta = 0.1 \quad ;$$

$$m = 1$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{0.1}{1}}$$

$$= 0.05 \quad \text{c/s}$$

الطاقة الكلية

$$E = (n + \frac{1}{2}) hf$$

$$= 0.1 \times 10^7$$

$$n = 3 \times 10^{23}$$

الفرق بين مستويات الطاقة

$$E_{n+1} - E_n = hf$$

$$= 0.2 \times 10^{-18} \text{ eV}$$

وواضح أن انحلال مستويات الطاقة لا يكون ظاهراً في التجارب العملية المعتاد لقرب هذه المستويات من بعضها

(٤٠) احسب التردد الكلاسيكي للإلكترون يدور في مسار دائري حول بروتون بدلالة نصف قطر المسار .

الحل :

$$\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{mv^2}{r}$$

$$v^2 = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r m}$$

ومنها توجد سرعة الإلكترون في مساره v يكون التردد f هو

$$f = \frac{v}{2\pi r}$$

$$= \frac{e}{4\sqrt{\pi\epsilon_0 r^3 m}}$$

(٤١) أوجد النسبة بين عدد ذرات الأيدروجين في الحالة المستقرة ground state وعدد الذرات المثارة للغاز عندما تكون درجة حرارته ٣٠٠٠ كلفن .

الحل :

أوجد طاقة الحالة المستقرة لذرة الهيدروجين ثم أوجد طاقة الذرة
المثارة بحساب طاقة التهيج الحراري kT عند درجة ٣٠٠٠ .

واستخدم دالة التوزيع لماكسويل وبولتزمان لإيجاد المطلوب .

(٤٢) عندما يرى خط الصوديوم (طول موجته ٥٨٩٠ أنجستروم) في
اتجاه خطوط مجال مغناطيسي شدته ١٠٠٠٠ أورستد يظهر هناك خطان
يفصلهما مسافة $d\lambda$

أوجد هذه المسافة .

الحل :

باستخدام ظاهرة زيمان .

$$d\lambda = (\lambda^2 / 2 \pi c) \cdot \frac{H e}{2 m c}$$
$$= \frac{H e \lambda^2}{2 \pi m c^2}$$

وبالتعويض

$$d\lambda = 0.157 \text{ \AA}$$

(٤٢) اشرح نظرية الاتفاق وبين كيف تستخدم لتفسير ظاهرة الانبعاث

الالكترونى من الاقطاب الباردة كما في ميكروسكوب المجال الايوني .
Field — ion microscope.

(٤٤) اذا كان العمر الزمنى لذرة مثاره هو 10^{-10} ثانية . اوجد اقل تردد للفوتون المنبعث منها باستخدام مبدأ عدم التحديد (اعتبر هذا الزمن هو زمن انبعاث الفوتون ثم اوجد طاقته ومن ثم تردده) .

(٤٥) عندما يتحد الكترون وجسيم ألفا وكلاهما في حالة سكون لتكوين ايون هليوم ينبعث فوتون . اوجد الطاقة التي يحملها هذا الفوتون .

(٤٦) اذا علم ان ميزون باى له نفس شحنه الالكترون ولكن كتله ٢٧٥ ضعفا . واذا فرض ان هذا الميزون يكون مع بروتون ذرة تشبه ذرة الايدروجين اوجد طاقة المسار ونصف قطره $(n = 1)$

(٤٧) اذا علم ان طول موجة الخط الاول لطيف ذرة الايدروجين في سلسلة بالمر هو ٦٥٦٣ انجستروم واذا وجد ان الاختلاف في هذا الطول عندما يكون الطيف للايدروجين الثقيل (ديوتيريوم) هو ١٨ انجستروم ، اوجد النسبة بين كتلة ذرتى الديوتيريوم والايدروجين .

(٤٨) اثبت ان طول موجة دى برولى لالكترون سقط في فرق جهد

V فولط هو

$$\lambda = \frac{12.24}{\sqrt{V}} \text{ Angstrom}$$

(٤٩) جسيم ألفا طاقته ٧.٧ مليون الكترون فولط يتجه نحو نواة ذرة رصاص (الوزن الذرى ٨٢) . اوجد المسافة التي يصل اليها الجسيم من النواة قبل ارتداده باعتبار النواه ثابتة .

