

5

الطاقة الحرّة والترموديناميكا الكيميائية

Free Energy and Chemical Thermodynamics

طبق في الوحدة السابقة قوانين الترموديناميكا على عمليات تتم في دورة كاملة، مثل المكبات الحرارية والثلاجات التي لا تتغير فيها الطاقة والإنتروبي. ولا يكون هناك في بعض العمليات الأخرى دورات كاملة، مثل التفاعلات الكيميائية، حيث لا ينتهي النظام بالحالة التي بدأ منها.

الهدف من هذه الوحدة هو تطبيق القوانين الترموديناميكية على التفاعلات الكيميائية وتحولات الطور لمواد؛ لأنه ليس من الضروري أن تتم هذه التفاعلات لأنظمة معزولة، ولكن لأنظمة تتبادل الطاقة مع محيطها حرارياً وميكانيكيًّا، وعادة ما تكون درجة الحرارة وطاقة النظام غير ثابتتين. والهدف في الأجزاء الآتية هو دراسة العمليات التي تحدث عند درجة حرارة ثابتة، أو تحدث عند ضغط ثابت.

1.5 الطاقة الحرّة بوصفها شغلًا متوفّرًا

Free Energy as Available Work

عُرفت الأنثربى في الجزء 6.1 بأنّها عبارة عن الطاقة إضافة إلى الشغل، وتعرّيف الإنثربى عند ثبوت الضغط هو:

$$(1.5) \quad H \equiv U + PV$$

تمثل هذه المعادلة الطاقة الكلية التي تحتاج إليها لاستحداث نظام من لا شيء لوضعه في مثل هذه البيئة (لما كان الحجم الابتدائي للنظام يساوي صفرًا، فإن $V = \Delta V$). وإذا استطعت إفشاء النظام، فإن H هي الطاقة التي يمكن استرجاعها (الطاقة إضافة إلى الشغل المنجز من انهيار النظام). ولا يهمنا في هذه الحالة الطاقة الكلية المطلوبة أو التي يمكن استرجاعها، إذا كانت البيئة المحاطة بالنظام عند درجة حرارة ثابتة، فإن النظام يمكن أن يكتسب طاقة من محطيه تلقائياً، وكل ما نحتاج إليه هو هل نحن في حاجة إلى شغل لاستحداث نظام من لا شيء؟

وإذا تم إفناه النظام، فإننا لا نستطيع استرجاع الطاقة كاملة على شغل، حيث إننا في حاجة إلى التخلص من الإنتروبي بطرح جزء من الحرارة إلى المحيط الخارجي. لذا سترى هنا كميات ثرموديناميكا مرتبطة بالطاقة مشابهة لـ H . والتعريف الأول سيكون طاقة هلمهولتز الحرجة (Helmholtz free energy).

$$(2.5) \quad F \equiv U - TS$$

تمثل هذه العلاقة، الطاقة الكلية اللازمة لاستحداث نظام، مطروحة منها الطاقة التي يمكن الحصول عليها من المحيط الخارجي عند درجة حرارة T ، ويعبر عن كمية الحرارة بالعلاقة $T \Delta S = TS$ ، حيث إن S هي الإنتروبي النهائية للنظام. وكلما كانت قيمة إنتروبي النظام أكبر دخلت كمية حرارة أكبر إلى النظام. وتتمثل F الطاقة التي تُعطى للنظام على أنها شغل. وهذا يعني أنك إذا استحدثت نظاماً من لا شيء⁽⁴³⁾، أو أفييت نظاماً فإن الطاقة في هذه الحالة تكون على صورة شغل، وذلك بطرح كمية من الحرارة مقدارها TS للتخلص من إنتروبي النظام.

وتعني كلمة «شغل» في الفقرة السابقة «جميع أنواع الشغل» شاملًا الشغل المنجز من المحيط الخارجي على النظام، وإذا كان النظام في بيئه ضغطها ثابت ودرجة حرارتها ثابتة، فإن الشغل الذي يحتاج إليه لاستحداث نظام، أو الشغل المسترجع من إفناه نظام يعبر عنه بدلالة طاقة جبس الحرجة (Gibbs free energy) (Gibbs free energy) التي تعرف،

$$(3.5) \quad G \equiv U - TS + PV$$

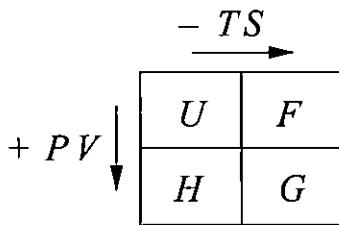
وتمثل هذه العلاقة طاقة النظام مطروحة منها حد الحرارة في F ، ومجموعاً إليها حد الشغل في H (انظر الشكل 1.5).



الشكل 1.5: لاستحداث أرنب من لا شيء ووضعه على المنضدة، فإن الساحر لا يحتاج إلى قيمة الأنثيلي كاملة $H = U + PV$ ؛ لأن كمية من الطاقة مقدارها TS تتدفق طبيعياً على صورة حرارة. لذا فإن الساحر يجب أن يزود فقط الفرق في الطاقة بوصفه شغالاً (طاقة جبس الحرجة) $G = H - TS$.

(43) في سياق استحداث نظام، فلن تعبير الطاقة الحرجة، يمكن اعتباره مسمى خطأ، والطاقة المجانية هنا TS وهو الحد الذي طرح للحصول على F . وفي هذا السياق، فإن F يجب أن تدعى الطاقة المكلفة، والذين افترحوا F كانوا يفكرون تفكيراً معاكشاً، حيث إن إفناه النظام يتطلب استرجاع F بوصفها شغالاً.

الشكل 2.5: لتجد H من U أو G من PV أضف F ، ولتجد F من U أو G من TS اطرح H



تُدعى الدوال الأربع G, F, H, U الدوال термодинамические (Thermodynamic functions). (إرجع إلى الشكل 2.5 لتذكر تعريف هذه الدوال).

إذا كان الضغط في البيئة التي تتعامل معها ثابتاً، فلا يهممنا معرفة إنجاز الشغل تلقائياً، ومن الأفضل التعامل مع التغير في كميات كل من F و G بدلاً من التعامل مع هذه الدوال مباشرة. فمثلاً يكون التغير في F هو:

$$(4.5) \quad \Delta F = \Delta U - T \Delta S = Q + W - T \Delta S$$

(إ) الحرارة المضافة، و W الشغل المنجز على النظام. وإذا لم تستحدث إنترóبíي جديدة خلال هذه العملية، فلين ($Q = T \Delta S$)، وعليه يكون التغير في F يساوي الشغل المنجز على النظام. أما إذا استحدثت إنترóبíي خلال هذه العملية، فإن ΔF تكون أكبر من Q ، و F أقل من الشغل المنجز.

$$(5.5) \quad \Delta F \leq W \quad \text{عند ثبوت درجة الحرارة}$$

يمثل W الشغل الكلي الذي أنجز على النظام (جميع أشكال الشغل الذي أنجز أوتوماتيكياً نتيجة لتمدد أو انكماش البيئة). وإذا كانت البيئة عند ضغط ثابت، ولا يهممنا الشغل الذي يتم أوتوماتيكياً من البيئة، فإن التفكير يكون في G بدلاً من F . إذا حدث أي تغيير عند ثبوت T و P فإن التغير في G يعبر عنه بالعلاقة الآتية:

$$(6.5) \quad \Delta G = \Delta U - T \Delta S + P \Delta V = Q + W - T \Delta S + P \Delta V$$

ويعكون الفرق $Q - T \Delta S$ دائماً صفرًا أو سالبًا. ويشمل W الشغل المنجز من البيئة $-P \Delta V$ ، إضافة إلى أي شكل آخر من أشكال الشغل (مثلاً الشغل الكهربائي) المنجز على النظام.

$$(7.5) \quad W = -P \Delta V + W_{\text{other}}$$

حيث إن $P \Delta V$ تحذف تلك التي في المعادلة 6.5 تاركةً (8.5) عند ثبوت T و P .

$$(8.5) \quad \Delta G \leq W_{\text{other}} \quad \text{عند ثبوت } T \text{ و } P$$

ولأهمية الطاقة الحرية، فقد قيست قيمة ΔG لعدد كبير من التفاعلات الكيميائية وجدولتها في المراجع، وهناك طرق مختلفة تستخدم في قياس ΔG ، وأبسط تلك الطرق هو قياس ΔH للتفاعل الكيميائي، وذلك بقياس الحرارة الممتدة عند حدوث التفاعل تحت ضغط ثابت، ثم حساب ΔS من إنترóبíي النظام في حالته الابتدائية

والنهائية من بيانات السعة الحرارية على نحو ما شرح في الأجزاء 2.3 و 4.3، ومن هذه القياسات تحسب ΔG :

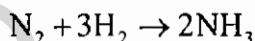
$$(9.5) \quad \Delta G = \Delta H - T \Delta S$$

أعطيت في نهاية هذا الكتاب قيم ΔG لعدد من المركبات (عند درجة حرارة 298 وضغط 1 bar). ويمكن حساب ΔG لأي تفاعل بافتراض أن كل مادة متفاعلة تحول إلى عناصرها الأولية، ومن ثم تحول هذه العناصر إلى ناتج التفاعل الكيميائي.

تكون القيم الحقيقة لكل الدوال الترموديناميكية G, F, H, U غامضة نوعاً ما إذا تم افتراض أن كل أنواع الطاقة للنظام شاملة طاقة السكون (mc^2) لكل جسيم، ومن الصعب افتراض ذلك، وعادة ما تقامس U بالنسبة إلى نقطة مرجعية تمكننا من اعتبار قيم كل من H, F, G متساوية للصفر عند هذه النقطة، حيث تعتمد على التغير في هذه الدوال، وليس قيمها المطلقة.

السؤال 1.5: نظام يتكون من مول واحد من غاز الأرجون عند درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي. احسب الطاقة الكلية (الحركية فقط، مهملًا طاقة السكون)، الإنتروبي، الأنثيلي، طاقة جبس الحرارة، طاقة هلمهوهنتز الحرية بوحدات SI.

السؤال 2.5: تنتج الأمونيا من تفاعل النيتروجين والهيدروجين



من القيم المعطاة في الجداول في نهاية الكتاب لكل من S و ΔH ، احسب ΔG لهذا التفاعل، وقارن إجابتك بالقيمة المعطاة في الجداول.

التحليل الكهربائي، خلايا الوقود والبطاريات

Electrolysis, Fuel Cells and Batteries

لأخذ التفاعل الكيميائي مثلاً لاستخدام ΔG :

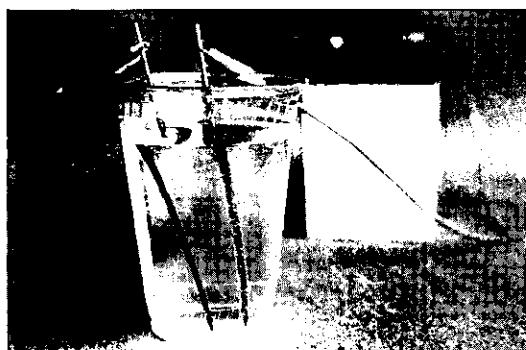


يتحلل الماء إلى كل من الهيدروجين والأكسجين، حيث يعطي مول واحد من الماء مولًا واحدًا من الهيدروجين ونصف مول من الأكسجين (انظر الشكل 5.3 ΔH لهذا التفاعل (عند درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي) تساوي 286 kJ. وهي كمية الحرارة التي تحصل عليها عند حرق مول واحد من الهيدروجين. لإنتاج الهيدروجين والأكسجين من الماء، فإننا في حاجة إلى وضع طاقة مقدارها 286 kJ بطريقة ما في النظام. وهناك كمية من الطاقة تحتاج إليها لدفع الجو لافساح مكان للغازات الناتجة، ومقدارها $\Delta V = 4 \text{ kJ}$.

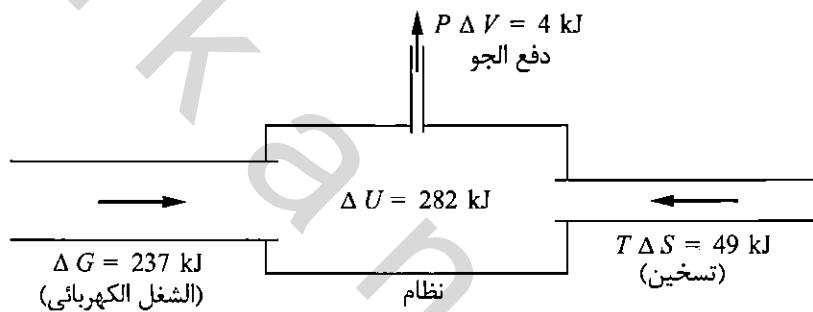
لإدخالها إلى النظام بوصفها شغلاً، أو هل يمكن إدخالها بوصفها حرارة؟

للإجابة عن هذا السؤال يجب حساب التغير في إنتروبي النظام، من الجداول. وعلى سبيل المثال، فإن قيمة الإنترóبي لمول واحد من الماء هي:

$$(11.5) \quad S_{\text{H}_2\text{O}} = 70 \text{ J/K}; \quad S_{\text{H}_2} = 131 \text{ J/K}; \quad S_{\text{O}_2} = 205 \text{ J/K}$$



الشكل 3.5: لتحليل الماء إلى هيدروجين وأكسجين، يُمرر تيار بينقطبين (يمكن عمل أقطاب من أقلام الرصاص (جرافيت). ستلاحظ أن فقاقع صغيرة تكونت عند القطب السالب لغاز الهيدروجين، في حين تتشكل فقاقع غاز الأكسجين عند القطب الموجب.



الشكل 4.5: مخطط لتدفق الطاقة في عملية التحليل الكهربائي لمول واحد من الماء. عند الشروط المثالية، فإن 49 kJ تدخل بوصفها حرارة ($T \Delta S$)؛ لذا فإن الشغل الكهربائي المطلوب هو $\Delta G = \Delta H - T \Delta S = 237 \text{ kJ}$. والفرق بين H و ΔH هو $\Delta U = 282 \text{ kJ}$ ، الشغل المنجز لتوفير المكان للغازات الناتجة عن التفاعل.

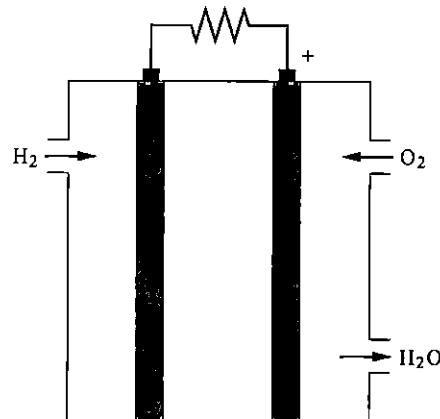
عند طرح $70 \text{ من } \left(\frac{1}{2} \times 205 + 131 \right) \text{ J/K}$ ، أي إن الزيادة في إنتربي النظم تساوي هذا المقدار. لذا فإن أعلى كمية من الحرارة يمكن أن تدخل إلى النظم هي $49 \text{ kJ} = (298 \text{ K})(163 \text{ J/K})$ ، وهذا يعني أن الطاقة اللازمة للدخول إلى النظم بوصفها شغلًا كهربائيًا هو الفرق بين 49 kJ و 237 kJ لتوفير مكان للغازات الناتجة. يمثل الرقم 237 kJ التغير في طاقة جبس الحرارة، وهو أقل شغل آخر لذللك التفاعل الكيميائي، ويمكن تلخيص هذه الحسابات على النحو الآتي:

$$(12.5) \quad \Delta G = \Delta H - T \Delta S \\ 237 \text{ kJ} = 286 \text{ kJ} - (298 \text{ K})(163 \text{ J/K})$$

يمكن الرجوع إلى الجداول في نهاية الكتاب لمعرفة ΔG لمجموعة من التفاعلات الكيميائية. ويمكن استخدام ΔG للتفاعل العكسي، إذا خلط الهيدروجين والأكسجين بطريقة ضمن شروط محددة لإنتاج الماء، أي

استخراج ما مقداره 237 kJ من الشغل الكهربائي لكل مول مستهلك من الهيدروجين، ويمثل ذلك مبدأ خلية الوقود (انظر الشكل 5.5) حيث يمكن استخدام هذه التقنية في مكبات الاحتراق الداخلي⁽⁴⁴⁾.

الشكل 5.5: في خلية الوقود: يمرر الهيدروجين والأكسجين خلال أقطاب مسامية وتفاعلان ليكونا الماء، بإزالة إلكترونات من أحد الأقطاب ووضعها عند القطب الآخر.



في العملية التي تنتج هذا المقدار من الشغل الكهربائي، فإن الطاقة التي تفقد بوصفها حرارة هي 49 kJ وذلك للتخلص من الإنتروريبي الزائد، وتمثل هذه الكمية من الحرارة نحو 17% من القيمة 286 kJ إذا حذف الهيدروجين، ولم يُتَّخذ وقودًا في المكبات الحرارية، أي إن خلية وقود الهيدروجين المثالية كفاءة تصل إلى 83%， وهي أفضل بكثير من كفاءة المكبات الحرارية المستخدمة عمليًا.

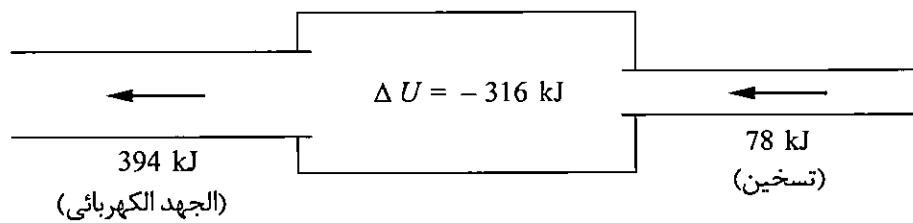
يمكن تطبيق التحليل نفسه على البطارية من حيث الطاقة الكهربائية الخارجية، وهي نسبة خلية الوقود، ولكن بكمية وقود ثابتة (عادة ليست غازية). فمثلاً: البطارية المستخدمة في المركبات (رصاص - حمض) يتم داخلها التفاعل الآتي.



بالرجوع إلى جداول الترموديناميكا، فإن ΔG لهذا التفاعل هي -390 kJ عند ضغط جوي واحد، ودرجة حرارة وتركيز قياسيين، أي إن الشغل المنجز تحت هذه الشروط لكل مول من الرصاص المعلق هو -390 kJ ، في حين أن ΔH لهذا التفاعل تساوي -312 kJ/mol ، أي إن الطاقة الناتجة عن هذا التفاعل هي في الحقيقة أقل من الشغل المنجز بمقدار 78 kJ . وهذا الفرق نتيجة لامتصاص كمية من الحرارة من المحيط الخارجي. وتكون الإنتروريبي للمواد الناتجة أكبر من إنتروريبي المواد المتفاعلة بمقدار $K = 260 \text{ J/K} / 298 \text{ K} = 78 \text{ kJ}$ لكل مول. ويمثل الشكل 6.5 تدفق الحرارة عند شحن البطارية، حيث يسير التفاعل في الاتجاه المعاكس، ليعيد النظام إلى حالته الأصلية؛ لذا فعلينا وضع 78 kJ من الحرارة في المحيط للتخلص من الإنتروريبي الإضافية. ويمكن حساب جهد البطارية أو خلية الوقود، إذا عُرف عدد الإلكترونات المارة حول الدائرة لكل جزيء متفاعل.

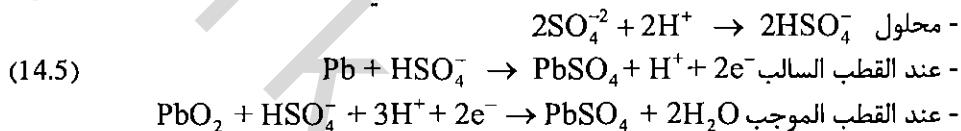
(44) ارجع إلى:

Sivan Kartia and Patric Grimes "Fuel Cells: Energy Conversion for the Next Century" Physics Today 47, 54-61 (Nov. 1994).



الشكل 6.5: مخطط تدفق الطاقة في خلية رصاص - حمض مثالية. تنقص الطاقة بمقدار 316 kJ، وتزداد الإنترودي بمقدار 260 J/K لكل مول متفاعل. وبسبب زيادة الإنترودي، يمكن للنظام أن يمتص من المحيط كمية حرارة تساوي 78 kJ. وأقصى جهد منجز يساوي 390 kJ. (ولعدم وجود غازات في هذا التفاعل، يمكن إهمال التغير في الحجم؛ لذا فإن $\Delta U \approx \Delta H$ و $\Delta F \approx \Delta G$).).

حساب ذلك يحتاج إلى دراسة أكثر عمقاً للكيمياء. ويتم التفاعل في خلية الرصاص خلال ثلاث خطوات:



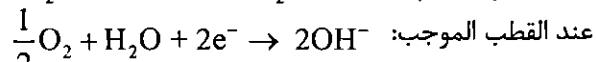
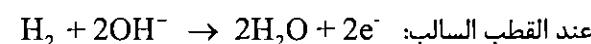
في إن هناك إلكترونيين قد دفعا إلى الدائرة بعد كل تفاعل، الشغل الكهربائي الناتج لكل إلكترون هو:

$$(15.5) \quad \frac{390 \text{ kJ}}{2 \times 6.02 \times 10^{23}} = 3.24 \times 10^{-19} \text{ J} = 2.02 \text{ eV}$$

V 1 هو الجهد اللازم لإعطاء كل إلكترون eV من الطاقة. ويوجد اختلاف بسيط في الجهد ما بين لقيمة المحسوبة نظرياً والمستخدمة عملياً؛ لأن التركيز في البطاريات قد يختلف عن التركيز القياسي 1 مول لكل كيلوجرام من الماء والمعطى في الجداول الترموديناميكية: (تحتوي بطارية السيارة على ست خلايا من الرصاص الحمضي تعطي جهداً يساوي 12V).

السؤال 3.5: قدر ΔH و ΔG ل الخلية مكونة من الرصاص - الحمض للتفاعل المبين في المعادلة 13.5 (استخدم الجداول في نهاية الكتاب).

السؤال 4.5: خطوات التفاعل الكيميائي في خلية الوقود التي تعمل بالهيدورجين، هي:



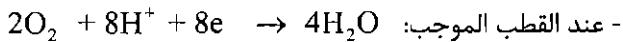
حسب جهد الخلية. ما أقل جهد مطلوب لتحليل الماء؟ أشرح باختصار.

السؤال 5.5: إذا كان الميثان هو مادة التشغيل في خلية يكون التفاعل الكيميائي على النحو الآتي:



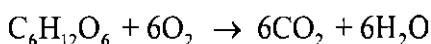
(أ) بالرجوع إلى الجداول، احسب قيم ΔH و ΔG لمول واحد من الميثان لهذا التفاعل، مفترضاً أن التفاعل يتم عند درجة حرارة الغرفة وضغط جوي واحد.

- (ب) قدر مقدار الشغل الذي يمكن الحصول عليه من الخلية لكل مول من الميثان.
- (ج) ما مقدار الحرارة المفقودة لكل مول من الميثان إذا افترض أن إنجاز الخلية عَدَ مثالياً؟
- (د) إذا كانت خطوات التفاعل هي:



ما جهد الخلية؟

السؤال 6.5: يمكن تصور العضلة على أنها خلية وقد تنتج شغلاً من خلال عملية حرق الجلوكوز:



(أ) باستخدام الجداول، احسب قيمة ΔH و ΔG لهذا التفاعل لكل مول واحد من الجلوكوز، مفترضاً أن التفاعل يتم عند درجة حرارة الغرفة وضغط جوي واحد.

(ب) بافتراض أن العملية مثالية، ما مقدار الشغل الذي تنجذه العضلة لكل مول من الجلوكوز المستهلك؟

(ج) بافتراض أن العملية مثالية، فما مقدار الحرارة الممتصة أو الخارجة من التفاعل خلال عملية حرق مول واحد من الجلوكوز؟

(د) استخدم مفهوم الإنتروري لتجهيز اتجاه الحرارة في الفرع ج.

(هـ) كيف تتغير أجوبتك في الفرع بـ، وجـ إذا كانت العملية غير مثالية؟

السؤال 7.5: يحدث تحلل جزيء الجلوكوز، انظر السؤال السابق خلال خطوات عدّة ينتج عنها 38 جزيئًّا من ATP (Adenosine triphosphate) ATP ومن ADP (Adenosine diphosphate) ADP وأيونات الفوسفات وعندما ينقسم جزيء ATP ليعود إلى ADP والفوسفات ينتج هذا التفاعل كمية من الطاقة تدخل في عمليات مهمة مثل تكوين البروتين، وانتقال الجزيئات خلال جدار الخلية المسامي، وانكماش العضلات يتم التفاعل $\rightarrow \text{ATP} \rightarrow \text{ADP} + \text{phosphate}$ في ألياف العضلة نتيجة لمحفز يدعى جزيئات المايوسين myosin الموجود في العضلات ما يتسبب في انكماش العضلة، وتأثيره يعادل قوة مقدارها نحو 4 بيكتوبونت (4 PN) وتعمل مسافة 1 nm. من هذه المعلومات، ونتيجة السؤال السابق، احسب كفاءة العضلة التي تعرف بأنها الشغل الفعلي بالنسبة إلى أعلى شغل تسمح به قوانين الترموديناميكا.

المتطابقات الترموديناميكية Thermodynamics Identities

إذا عُرفت الأنثيلي والطاقة الحرجة تحت شروط معينة، وأردنا معرفة قيم الأنثيلي والطاقة الحرجة تحت شروط أخرى، تستخدم المتطابقات الترموديناميكية لإيجاد القيم الجديدة.

$$(16.5) \quad dU = TdS - PdV + \mu dN$$

تكتب المتطابقات الترموديناميكية بدالة H أو F أو G بدلاً من U .

إذا تغير كل من U, P, V يمكن كتابة التغير في H على الصورة الآتية:

$$(17.5) \quad dH = dU + PdV + VdP$$

حيث يعطي الحدان الأخيران في هذه المعادلة التغير في PV ويمكن حذف dU باستخدام المعادلة 16.5 لينتاج:

$$(18.5) \quad dH = TdS + VdP + \mu dN$$

وتبين المعادلة (18.5) كيفية تغير الأنثلي مع تغير الإنتروري أو عدد الجزيئات⁽⁴⁵⁾,

بالطريقة نفسها يمكن إيجاد التغير في كل من F أو G .

وأتناهياً إلى تعريف طاقة هلمهوهلتز الحرية ($F = U - TS$) فإن:

$$(19.5) \quad dF = dU - TdS - SdT$$

وباستخدام المعادلة 16.5 لـ dU وحذف TdS نجد أن:

$$(20.5) \quad dF = -SdT - PdV + \mu dN$$

ومن المتطابقات الترموديناميكية يمكن اشتقاق تفاضلات جزئية مختلفة.

مثال: عند تثبيت كل من V و N نجد من المعادلة 20.5 التفاضلات الجزئية الآتية:

$$(21.5) \quad S = -\left(\frac{\partial F}{\partial T}\right)_{V,N} \quad \text{عند تثبيت } T \text{ أو أي من } N \text{ أو } V, \text{ فلن:}$$

$$(22.5) \quad P = -\left(\frac{\partial F}{\partial V}\right)_{T,N} ; \quad \mu = \left(\frac{\partial F}{\partial N}\right)_{T,V}$$

وأخيراً يمكن اشتقاق المتطابقة الترموديناميكية لـ G :

$$(23.5) \quad dG = -SdT + VdP + \mu dN$$

ومن هذه المعادلة يمكن إيجاد الدوال الجزئية الآتية:

$$(24.5) \quad S = -\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_{P,N} ; \quad V = \left(\frac{\partial G}{\partial P}\right)_{T,N} ; \quad \mu = \left(\frac{\partial G}{\partial N}\right)_{T,P}$$

وستخدم هذه المعادلة في إيجاد طاقة جبس الحرية عند شروط ليست قياسية من ضغط ودرجة حرارة. فمثلاً: لما كان حجم مول واحد من الجرافيت هو $5.3 \times 10^{-6} \text{ m}^3$, فإن طاقة جبس الحرية تزداد بمقدار $5.3 \times 10^{-6} \text{ J/m}^2 \text{ N}$ لكل بascal N مضافة إلى العملية. افترض في جميع هذه الصيغ أن النظام يحتوي على نوع واحد من الجسيمات، أما إذا كان النظام على صورة خليط يحتوي أنواعاً مختلفة

(45) بسبب المتطابقة الترموديناميكية، لـ U فمن الطبيعي التفكير في U بوصفها دالة في N, V, S والتفكير في الأنثلي H بوصفها دالة في N, P, S . إضافة إلى الحد PV إلى U نوع من تغير المتغيرات من V إلى P وللسبب نفسه طرح TS . لتغير المتغيرات من S إلى T . هذه التقنية تدعى تحويلات ليجندر Legendre transformation.

من الجسيمات فإن الحد dN / μ يجب أن يُستبدل به مجموع الجهود الكيميائية لأنواع المختلفة من الجسيمات المكونة للخليلط $\sum_i \mu_i dN_i$ ، وفي كل صيغة ثبتت N فيها لاشتقاق التفاضل الجزيئي. فإن أعداد الجسيمات كلها يجب أن تثبت (*all N's*)؛ لذا فكل صيغة تحتوي على $\partial / \partial N$ تصبح مجموعة من الصيغ، مثلًا لخليلط مكون من نوعين من الجسيمات، فإن الجهود الكيميائية تكتب:

$$(25.5) \quad \mu_1 = \left(\frac{\partial G}{\partial N_1} \right)_{T,P,N_2}; \quad \mu_2 = \left(\frac{\partial G}{\partial N_2} \right)_{T,P,N_1}$$

السؤال 8.5: اشتق المعادلة 23.5، ثم اشتق منها المشتقات الجزئية الثلاثة (24.5).

السؤال 9.5: ارسم منحنى وصفيًا دقيقًا يمثل G دالة في T لمادة ندية تتغير حالتها من الصلب إلى السائل، ثم إلى الغاز عند ضغط ثابت. فكر بإيمان في ميل كل منحنى، ثم حدد نقاط تحول الطور، وناقش ميزة كل منحنى باختصار.

السؤال 10.5: باستخدام الجداول، حدد ماذا يحدث لطاقة جبس الحرارة إذا رفعت درجة حرارة مول واحد من الماء من درجة حرارة $C = 25^\circ$ إلى 30° . ولتوضّح هذا التغيير، احسب مقدار الزيادة المطلوبة في الضغط.

السؤال 11.5: لنفترض أن خلية وقود الهيدروجين التي شرحت في هذه الوحدة تعمل عند درجة حرارة $C = 75^\circ$ وضغط جوي واحد. ونرغب في تقدير أقصى جهد كهربائي للخلية باستخدام البيانات المعلنة في نهاية الكتاب عند $C = 25^\circ$. وقبل بداية استخدام هذه البيانات، اقترح نقطة مرجعية «نقطة الصفر» لكل من H_2 , O_2 , H_2O ، وتعد G لكل من H_2 و O_2 تساوي صفرًا عند هذه النقطة (يمكن أن نعد درجة الحرارة 25° هي نقطة الصفر)، وعند ذلك ستكون قيمة G لمول واحد من الماء عند $C = 25^\circ$ تساوي -237 kJ .

- (أ) قدر طاقة جبس الحرارة لمول واحد من H_2 عند درجة حرارة $C = 75^\circ$ ، وأعد الحساب لكل من O_2 و H_2O
- (ب) استخدم نتائج الفرع (أ) واحسب أقصى شغل كهربائي منجز من الخلية عند $C = 75^\circ$ ، وقارن إجابتك بخلية مثالية عند $C = 25^\circ$.

السؤال 12.5: من خواص المشتقات الجزئية يمكن أخذ أي مشتقة لمتغيرات مختلفة، لأي متغير يغض النظر عن ترتيب هذه المتغيرات، فمثلاً

$$\frac{\partial}{\partial V} \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right) = \frac{\partial}{\partial S} \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)$$

أخذت المشتقة $\partial / \partial V$ عند ثبيت S ، و $\partial / \partial S$ عند ثبيت V ، مع افتراض N ثابتة في الحالتين. يمكن من تعريف المتطابقة الترموديناميكية لـ (U) إيجاد المشتقات الجزئية من المفهوم السابق:

$$\left(\frac{\partial T}{\partial V} \right)_S = - \left(\frac{\partial P}{\partial S} \right)_V$$

وهذه العلاقة تدعى علاقة ماكسويل، حيث يمكن استدلال علاقات مشابهة من المتطلبات термодинاميكية لكل من G, H, F . وتدعى هذه العلاقات المشتقة من المتطلبات термодيناميكية، علاقات ماكسويل عند ثبوت عدد الجسيمات N . ولمعرفة تطبيقات هذه العلاقات، حل الأسئلة الأربع الآتية:

السؤال 13.5: من علاقات ماكسويل والقانون الثالث في الترموديناميكا أثبت أن قيمة معامل التمدد الحجمي (β) للسؤال (7.1) يجب أن تساوي صفرًا عند $0 \rightarrow T$.

السؤال 14.5: يمكن استخدام المشتقات التفاضلية الجزئية التي اشتقت في الأسئلة 46.1، و 33.3، و 12.5 إضافة إلى بعض المشتقات الأخرى، في اشتراك علاقات عامة كاملة تربط بين C_p و C_v .

(أ) اكتب الصيغ الرياضية للسعة الحرارية من السؤال 33.3. وافتراض أولًا أن S دالة في T و V ، ثم مدد dS بدلالة المشتقات التفاضلية الجزئية T و V و $(\partial S / \partial T)_V$ و $(\partial S / \partial V)_T$.

(ب) حتى تحصل على C_p ، افترض أن V دالة في كل من T و P ومدد dV بدلالة المشتقات الجزئية بالطريقة نفسها، وعوض هذه الصيغة في نتيجة فرع، ثم افترض أن $0 = dP = -C_p dT + C_v dV$. وهذه المشتقة ترتبط بـ C_p و C_v ، والآن تعرف الصيغة للفرق $C_p - C_v$.

(ج) اكتب ما تبقى من المشتقات الجزئية بدلالة كميات يمكن قياسها باستخدام علاقات ماكسويل والنتيجة في السؤال 46.1، ستجد في النهاية أنك حصلت على:

$$C_p = C_v + \frac{TV\beta^2}{k_T}$$

(د) بين أن الصيغة في الفرع (ج) لغاز مثالي تعطي القيمة الصحيحة.

(هـ) استخدم الصيغة في الفرع ج أن C_p لا يمكن أن تكون أقل من C_v .

(و) استخدم البيانات في السؤال 46.1 في إيجاد $C_p - C_v$ للماء، ومن ثم للزئبق عند درجة حرارة الغرفة. وبأي نسبة مئوية تختلف النسبتان؟

(ز) الشكل 14.1 يبين قيماً مقيمة للسعة الحرارية تحت الضغط الثابت P لثلاث مواد صلبة، قارن ذلك بالقيم المتوقعة للسعة الحرارية تحت الحجم الثابت V ، ثم انظر إلى المنحنى المرسوم بين T و β ولمادة صلبة، حيث يكون شكله مشابهاً لمنحنى السعة الحرارية. استعمل هذه الحقيقة لتشرح لماذا تتساوى قيم C_p و C_v عند درجات الحرارة المنخفضة، وتبتعد قيمهما بعضهما عن بعض مع ارتفاع درجة الحرارة.

السؤال 15.5: الصيغة التي اشتلت $C_p - C_v$ في السؤال السابق، حاول اشتراكها بدءاً بتعريف هذه الكميات بدلالة U و H .

جـ المشتقات متشابهة جدًا، ولكن عند إحدى خطوات الاشتراك ستحتاج إلى استخدام العلاقة

$$P = -(\partial F / \partial V)_T$$

السؤال 16.5: الصيغة المشابهة لعلاقة $C_p - C_v$ تربط بين معاملات الانضغاط عند العملية الأيزوثرمية والأديباتيكية (ثبوت الإنترولي) لمادة،

$$K_T = K_S + \frac{TV\beta^2}{C_p}$$

ويساوي مقلوب المعامل الحجمي Bulk modulus K الذي عرف في السؤال 39.1. اشتق هذه العلاقة، وبين صحتها لغاز المثالي.

السؤال 17.5: الأنثيلي وطاقة جبس الحرارة، يعطيان معالجة خاصة للشغل الميكانيكي⁽⁴⁶⁾ ($P - dV$) - وهناك صيغ مشابهة للأشكال الأخرى من الشكل 7.5، فمثلاً إذا وضع لولب لفة، وطول (L) محاط بعينة مغناطيسية (ربما جامد بaramagnet)، وكان المجال المغناطيسي داخل العينة هو \vec{B} ، والعزم المغناطيسي الكلي هو \vec{M} ، فعندئذ يمكن تعريف المجال المساعد المغناطيسيي داخل العينة هو \vec{H} ، غالباً ما يدعى مجال مغناطيسيي (Auxiliary field) \mathcal{H} بالعلاقة:

$$\vec{H} \equiv \frac{1}{\mu_0} \vec{B} - \frac{\vec{M}}{V}$$

حيث إن μ_0 هي السماحية للفراغ الحر = $4\pi \times 10^{-7} \text{ N/A}^2$.

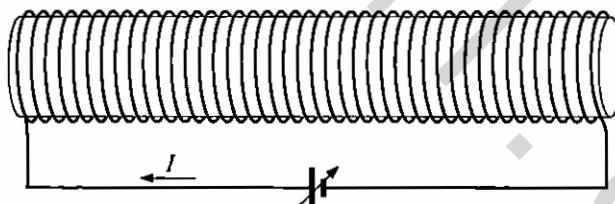
بافتراض أن هناك تماثلاً أسطوانيّاً، فإن جميع المتجهات يجب أن تشير إلى اليسار أو اليمين؛ لذا يمكن حذف - وافتراض أن الاتجاه الأيمن موجب والأيسر سالب، يمكن باستعمال قانون أمبير إثبات أنه إذا كان التيار في السلك I ، فإن المجال \mathcal{H} داخل اللولب هو $N/I/L$ ، إذا وجدت أو لم توجد العينة بداخله.

(أ) تخيل أن هناك تغيراً متناهياً في الصغر قد حدث للتيار المار في السلك، محدثاً تغيراً متناهياً في الصغر في كل من \mathcal{H} ، M ، B ، استخدم قانون فارادي، وبين أن الشغل المطلوب (من المصدر) ليحدث هذا التغير هو (أهمل مقاومة السلك) $W_{\text{total}} = V \mathcal{H} dB$

(ب) أعد كتابة النتيجة في الفرع أ بدلالة M ، B ، واطرح الشغل المطلوب إذا لم تكن العينة موجودة. وإذا عرفنا W ، بأنه الشغل المنجز إلى النظام⁽⁴⁷⁾ هو الشغل المتبقى، فأثبت أن $W = \mu_0 \mathcal{H} dM$

(ج) ما المتطابقة الترموديناميكية لهذا النظام؟ (أدخل الشغل المغناطيسيي، وليس الشغل الميكانيكي أو تدفق الجسيمات).

(د) كيف تعرف ما يقابل الأنثيلي وطاقة جبس الحرارة للنظام المغناطيسيي؟ (عرفت طاقة هلموهلتز بالطريقة نفسها للنظام المغناطيسيي؟ (عرفت طاقة هلمولتز بالطريقة نفسها للنظام الميكانيكي؟ اشتق المتطابقات الترموديناميكية لهذه الكميات، وناقش تفسيراتها).



الشكل 7.5: ملف لولي طوي يحيط بعينة مغناطيسية، موصول بمصدر كهربائي يمكن أن يغير التيار، محدثاً شغلاً ميكانيكياً.

(46) يحتاج هذا السؤال إلى فهم النظرية المغناطيسية، وفهم أعمق للمغناطيسية الترموديناميكية، ارجع إلى .David J. Griffiths, Introduction to Electro dynamics Prentice- Hall, Englewood Cliffs, NJ 1999 (Chapter 6

(47) لا يعد هذا التعريف الوحيد للنظام، بل تعرفيات أخرى تحتاج إليها الحالات فيزيائية مختلفة لشرح كامل ارجع إلى: .Pippard (1957) Mandle (1988), Garrington (1994)

2.5 الطاقة الحرّة بوصفها قوّة في اتجاه الاتزان

Free Energy as a Force Toward Equilibrium

تُميل الإنترولي في النّظام المعزول إلى الزيادة، وهي التي تتحكم في التغيير الطبيعي للنّظام. ولكن ماذا لو كان لـنّظام غير معزول؟ (الشكل 8.5) إذا تبادل النّظام الطاقة مع محیطه، فإنّ الزيادة في الإنترولي هي الزيادة في إنترولي الكون (النّظام + المحیط). وسيدرس ذلك في هذا الجزء بطريقة أكثر شمولاً.

يُعدّ المحیط مستودعاً كبيراً للطاقة لا يؤدي دخول أو خروج كمية الحرارة منه إلى تغيير درجة حرارته، وإن تكون الإنترولي الكلية للنّظام غير المعزول هي $S + S_R$ (إنترولي المستودع). والقاعدة الأساسية طبقاً لـلـقانون الثاني هي الزيادة الكلية للكون في أي عملية غير عکسية. ولنفترض تغيراً لا متناهياً في الصغر قد تم في الإنترولي الكلية.

$$(26.5) \quad dS_{\text{total}} = dS + dS_R$$

ستكتب هذه المعادلة بدلالة المتغيرات المختلفة للنّظام واستخدام المتطابقة الترموديناميكية بالصيغة الآتية

لـمستودع:

$$(27.5) \quad dS = \frac{1}{T} dU + \frac{P}{T} dV - \frac{\mu}{T} dN$$

نفترض أولاً ثبوت كلّ من V و N لـمستودع، والطاقة هي الكمّية الوحيدة التي يمكن أن يتبادلها النّظام مع محیطه؛ لذا فإن $dS_R = dU_R / T_R$ ، وعندئذ تكتب المعادلة 26.5 على الصورة:

$$(28.5) \quad dS_{\text{total}} = dS + \frac{1}{T_R} dU_R$$

إذا كانت T للنّظام والمحیط متساوية، في حين أن التغيير في dU_R يساوي dU للنّظام؛ لذا فإن:

$$(29.5) \quad dS_{\text{total}} = dS - \frac{1}{T} dU = -\frac{1}{T} (dU - T dS) = -\frac{1}{T} dF$$

يعني هذا أنه تحت شرط ثبوت كلّ من T ، V ، N ، فإنّ الزيادة في الإنترولي الكلية للكون يساوي النّقصان في طاقة هلمهوهلتز الحرّة.

الشكل 8.5: تُميل الطاقة الكلية للنّظام والمحیط لنّظام يتبادل الطاقة مع محیطه، إلى الزيادة.



بيئة (المستودع)

وعموماً، فإن النظام يميل على نحو دائم إلى الحالة التي تكون فيها طاقة هلمهولتز الحرية أقل ما يمكن. حيث يمكن، توقع ذلك من المعادلة $W \leq \Delta F = 5.5$ إذا لم يكن هناك شغل منجز على النظام، فإن F تميل إلى التناقص، وإذا تغير الحجم عند ثبوت الضغط، حيث يكون ضغط النظام مساوياً لضغط المحيط، فإن:

$$(30.5) \quad dS_{\text{total}} = dS - \frac{1}{T} dU - \frac{P}{T} dV = -\frac{1}{T} (dU - TdS + PdV) = -\frac{1}{T} dG$$

أي إن طاقة جبس الحرارة تميل إلى التناقص، ويمكننا أيضاً أن نتوقع من المعادلة أن $\Delta G \leq W_{\text{other}}$ ،

ويمكن تلخيص هذه النتائج على النحو الآتي:

- تميل S إلى الزيادة عند ثبوت الطاقة والحجم.
- تميل F إلى التناقص عند ثبوت درجة الحرارة والحجم.
- تميل G إلى التناقص عند ثبوت درجة الحرارة والضغط.

تكون هذه النتائج صحيحة في حالة ثبوت عدد الجسيمات للنظام.

يمكن فهم هذه النتائج بالعودة مرة أخرى إلى تعريف كل من طاقة هلمهولتز الحرية، وطاقة جبس الحرارة.

$$(31.5) \quad F \equiv U - TS$$

وفي بيئه تكون فيها درجة الحرارة ثابتة، فإن القول: إن F تميل إلى التناقص، له المعنى نفسه للقول: إن U تميل إلى التناقص و S تميل إلى الزيادة. والسؤال هنا، هل تتناقص طاقة النظام تناصقاً طبيعياً؟ يدفعك إحساسك بالإجابة، بنعم، وهذا صحيح، ويكون ذلك صحيحاً فقط عندما يفقد النظام الطاقة إلى محيطه، وهذا يؤدي إلى زيادة إنترóبí المحيط عند درجات الحرارة المنخفضة، ولهذه الظاهرة أهمية كبيرة، حيث إن الإنترóبí المنتقلة إلى المحيط تكون كبيرة، وتتناسب مع $\frac{1}{T}$ ، في حين لا تكون زيادة الإنترóبí كبيرة عند درجات الحرارة المرتفعة. لذا فإن الإنترóبí النظام تصبح أهميتها أكبر في تحديد خواص F ، والقاعدة نفسها تطبق على طاقة جبس الحرارة.

$$(32.5) \quad G \equiv U + PV - TS$$

يمكن أن تزداد إنترóبí المحيط بطريقتين: أن تكتسب طاقة من النظام، أو حجماً من النظام. وهذا يجعل كلاً من U و V للنظام تقل، في حين تزداد S . وهذا نتيجة ميل إنترóبí الكون إلى الزيادة.

السؤال 18.5: إذا أُسقط حجر من ارتفاع، وأحدث صوتاً عالياً عند اصطدامه بالأرض، فإن طاقة هذا النظام تميل ميلاً طبيعياً إلى التناقص. اشرح سبب ذلك.

السؤال 19.5: في الجزء السابق اشتقت الصيغة $-P = \left(\frac{\partial F}{\partial V}\right)_T$. لماذا تُعدّ هذه الصيغة بدھية عند مناقشة منحنيات F بوصفها دالة في V بميول مختلفة؟

السؤال 20.5: إذا افترض أن طاقة مستوى الحالة الدنيا (Ground state) لذرة الهيدروجين تساوي صفرًا، وطاقة المستوى الأول المثار تساوي 10.2 eV . المستوى الأول هو عبارة عن أربع حالات غير مستقلة لها الطاقة نفسها. لذا يمكن القول: إن إنتروبي المستوى الأول هي $S = k \ln 4$, حيث إن التعددية = 4. عند أي درجة حرارة تكون طاقة هلمهولتز الحرية للمستوى الأول لذرة الهيدروجين، موجبة. وعند أي درجة حرارة تكون سالبة (عندما تكون قيمة F سالبة، فإن الذرة تنتقل انتقالاً طبيعيًا من مستوى الحالة الدنيا إلى هذا المستوى)، حيث إن $F = 0$ لم مستوى الحالة الدنيا. و F تمثل إلى التناقص).

الكميات الشاملة والمركزة Extensive and Intensive Quantities

هناك مجموعة كبيرة من المتغيرات الشرموديناميكية G, F, P, μ, T, S, N, V وغيرها. وستنقسم هذه المتغيرات إلى مجموعتين: الأولى تدعى الكميّات الشاملة (Extensive quantities) وهي الكميّات التي إذا تضاعفت كتلتها، فإن قيمتها تتضاعف أي تعتمد مباشرة على الكتلة، والكميّات التي لا تتغير بتغيير كتلتها، ولا تعتمد على حجم النظام أو كتلته تسمى الكميّات المركزة (Intensive quantities) مثل درجة الحرارة، وعلىه، فإن المتغيرات الشرموديناميكية التي درست حتى الآن يمكن تقسيمها بناءً على هذه الكميّات على النحو الآتي (انظر الشكل 9.5).

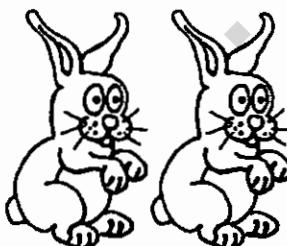
كميات شاملة: الكتلة، G, V, N, S, U, H, F

كميات مركزة: الكثافة μ, T, M

إذا ضربت كمية شاملة في كمية مركزة، فإن النتيجة هي كمية شاملة، فمثلاً: $\text{الحجم} \times \text{الكثافة} = \text{الكتلة}$. ولذا قسمت كمية شاملة على كمية شاملة أخرى، فإن النتيجة هي كمية مركزة، وإذا ضربت كميّتان شاملتان في بعضهما، فلن تحصل على أي من الكميتين. وجمع كميّتين متشابهتين يعطي نوع الكمية نفسها ($H = U + PV$) ومن غير المسموح به إضافة كمية شاملة إلى كمية مركزة (فمثلاً، لا يمكن جمع G و μ على الرغم من أن لهما الوحدات نفسها). ويمكن أيضاًأخذ أسس الكمية الشاملة ($\Omega = e^{S/k}$).



V, U, S, P, T



$2V, 2U, 2S, P, T$

الشكل 9.5: أرانبان لهما ضعف الحجم والإنتروبي كأربن واحد، ولكن ليس ضعف الضغط ودرجة الحرارة.

المعادلات التي تحتوي على F و G تعطي توضيحاً لعمليات الجمع لكل من الكميات الشاملة والمركزة، فعلى سبيل المثال، فإن:

$$(33.5) \quad dG = -SdT + VdP + \sum \mu_i dN_i$$

إن أي حد من هذه الحدود هو كمية شاملة.

السؤال 21.5: هل السعة الحرارية كمية شاملة أم مركزة؟ وهل السعة الحرارية النوعية كمية شاملة أم مركزة؟ اشرح ذلك.

طاقة جبس الحرارة والجهد الكيميائي

Gibbs Free Energy and Chemical Potential

يمكن اشتقاق صيغة جديدة لطاقة جبس الحرارة باستخدام مفهوم الكميات الشاملة والمتغيرة، وقد أُعطي الجهد الكيميائي μ على أنه مشتقة تفاضلية جزئية.

$$(34.5) \quad \mu = \left(\frac{\partial G}{\partial N} \right)_{T,P}$$

تبين هذه المعادلة أنه إذا أضيف جسيم واحد إلى النظام مع ثبيت درجة الحرارة والضغط، فإن الزيادة في طاقة جبس تساوي μ (انظر الشكل 10.5).

وعند إضافة أي عدد آخر من الجسيمات، فإن طاقة جبس الحرارة تزداد بمقدار μ لكل جسيم مضاف، وتزداد G طردياً مع زيادة عدد الجسيمات وثابت التناسب بناءً على المعادلة 34.5 هو μ ، أي إن:

$$(35.5) \quad G = N \mu$$



الشكل 10.5: عند إضافة جسيم إلى نظام مع ثبوت الضغط ودرجة الحرارة، فإن طاقة جبس الحرارة للنظام تزداد بمقدار μ .

تعطينا هذه المعادلة تفسيراً لمفهوم الجهد الكيميائي للنظام الذي يحتوي على نوع واحد من الجسيمات، حيث إن μ هي طاقة جبس الحرارة لكل جسيم، وما تم نوّقش هنا بالنسبة إلى طاقة جبس الحرارة، قد لا

ينطبق على غيرها، فمثلاً لأخذ طاقة هلمهولتز الحرية، يعبر عن الجهد الكيميائي بمشتق مشابهة لطاقة جبس، ولكن بشروط T ، V

$$(36.5) \quad \mu = \left(\frac{\partial F}{\partial N} \right)_{T,V}$$

المشكلة هنا، أنه لتزيد قيمة F بمقدار μ ، يجب إضافة جسيم إلى النظام بثبيت درجة الحرارة والحجم. وعند إضافة جسيمات أخرى، فإن μ تتغير تدريجياً، حيث يصبح النظام أكثر كثافة. وصحيح أن كمية F شاملة، ولكن لا تتضاعف F عندما تتضاعف كثافة النظام وعند ثبيت الحجم. وفي الحالة السابقة لـ (G) فإن المتغيرات التي ثبتت في المعادلة 34.5 هي كميات مرکزة T و P ؛ لهذا فإن الكميات الشاملة جميعها تزداد بالتناسب مع N . والنظام يتكون من أكثر من نوع من الجسيمات عندها يمكن كتابة المعادلة 35.5 بشكل عام.

$$(37.5) \quad G = N_1 \mu_1 + N_2 \mu_2 + \dots = \sum_i N_i \mu_i$$

إن قيمة G الكلية هي المجموع الجبري لطاقة جبس الحرية لكل نوع من الجسيمات المكونة للنظام. وقيمة μ^0 في المعادلة 37.5 تختلف عن قيمها للمكونات الندية للخلط. على أنها تطبق أولي للمعادلة 35.5 سنشتق معادلة عامة للجهد الكيميائي للغاز المثالي.

افتراض كمية محددة من الغاز عند درجة حرارة ثابتة، وضغط متغير، من المعادلتين 35.5، 24.5 فإن:

$$(38.5) \quad \frac{\partial \mu}{\partial P} = \frac{1}{N} \frac{\partial G}{\partial P} = \frac{V}{N}$$

تعمل هذه الكمية (kT / P) قانون الغاز المثالي، بأخذ تكامل الطرفين من P° إلى P نجد أن:

$$(39.5) \quad \mu(T, P) - \mu(T, P^\circ) = kT \ln(P / P^\circ)$$

حيث إن P° أي ضغط مرجعي، عادة ما يؤخذ الضغط الجوي العادي (1bar) و μ° هي الجهد الكيميائي للغاز عند الضغط المرجعي.

لذا تكتب المعادلة 39.5 على الصورة:

$$(40.5) \quad \mu(T, P) = \mu^\circ(T) + kT \ln(P / P^\circ)$$

يسكن إيجاد μ° (عند درجة حرارة الغرفة) من جداول $\mu = G/N$. وتبين المعادلة 5.40 تغير μ مع تغير الضغط (أو الكثافة). ويمكن تطبيق هذه المعادلة لخلط من الغازات المثالية، لكل نوع من الغازات على نحو منفصل، حيث إن الغاز المثالي يمكن عده فضاءً فارغاً. ولا يتاثر أي نوع من مكونات الغاز المثالي بنوع آخر في الخليط.

السؤال 22.5: بين أن المعادلة 40.5 تتوافق توافقاً صريحاً مع معادلة الجهد الكيميائي للغاز المثالي التي أشتقت في الجزء 5.3، ثم بين كيف تحسب قيمة μ° للغاز المثالي أحادي الذرة.

السؤال 23.5: بطرح μN من كلٍّ من U , H , F , G , عندئذٍ يمكن الحصول على أربعة جهود ثرموديناميكية. وأهم جهد ثرموديناميكي هو الطاقة الحرية الكبيرة (Grand free energy) للجهد الكبير (Grand potential).

$$\Phi \equiv U - TS - \mu N$$

(أ) اشتق المتطابقة الثرموديناميكية لـ Φ بدلالة T , V , μ .

(ب) أثبت أنه لنظام في حالة اتزان حراري وانتشار (بالنسبة إلى مستودع يمكن أن يتداول معه الطاقة والجسيمات)، فإنَّ Φ تميل إلى التناقص.

(ج) أثبت أن $-PV = \Phi$.

(د) تطبيق بسيط، افترض أن النظام عبارة عن «بروتون» فيمكن أن يكون مع الإلكترون ذرة هيdroجين بطاقة تساوي 13.6 eV – أو يبقى منفرداً (بطاقة تساوي صفر). إذا أهملت حالات الإثارة للذرة، وحالات البرم للإلكترون؛ لذا فإن الحالتين للبروتون موجودان. فتمثل البروتونات على سطح الشمس مستودعاً درجة حرارته 5800°K ، ويكون تركيز الإلكترونات نحو $10^{19} / \text{m}^3 \times 2$. احسب Φ لكلا الحالتين: البروتون المنفرد؛ والبروتون المقيد (كذرة الهيدروجين) لتحقق أحهما أكثر استقراراً في هذه البيئة.

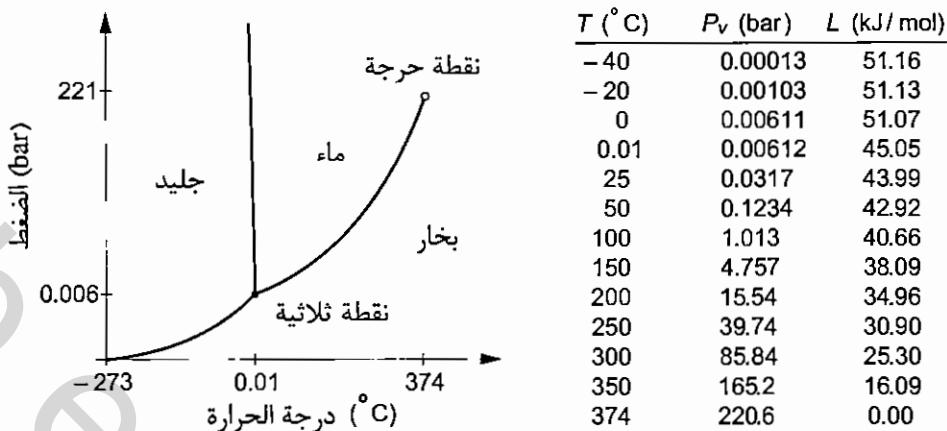
لحساب الجهد الكيميائي للإلكترونات افترض أنها تتصرف كغاز مثالي. فعند أي درجة حرارة تكون حالات الإلكترون مستقرة لهذا التركيز من الإلكترونات؟

3.5 تحولات الطور للمواد النقيّة

Phase Transformation of Pure Substances

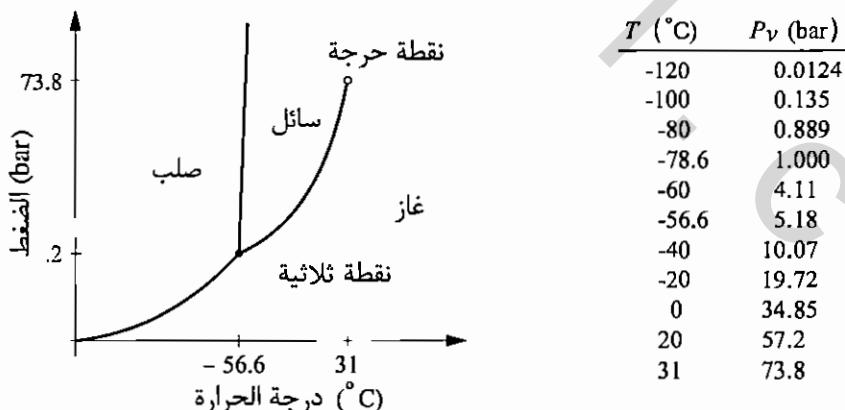
يعرف تحول الطور بأنه تغيير غير متواصل في خواص المادة مع تغير متناهٍ في الصغر في بيئته، ومن الأمثلة المألوفة ذوبان الجليد، وتبخر الماء عند درجة الغليان. وأي من هذه التحولات يمكن أن يتم بتغيير بسيط في درجة الحرارة، وتدعى حالات المادة «ماء، جليد، بخار» بالأطوار (Phases). ويكون هناك أكثر من متغير يؤثر في طور المادة. ويدعى المنحنى الذي يبين أنطوار الاتزان لوصفها دالة في درجة الحرارة والضغط لمنحنى الطور (Phase diagram)، والشكل 11.5 منحنى الطور للماء. هناك ثلاثة مناطق تدل كل منها على الحالة التي تكون فيها المادة، جليداً، أو ماءً أو بخاراً يبين في الطور الأكثر استقراراً. وهناك حالات شبه مستقرة (Metastable) مثل التبريد الفائق للماء (Super-cooled)، لدرجة أقل من درجة حرارة التجمد، حيث يبقى فيها الماء سائلاً بعض الوقت، وعند ضغط عالٍ يمكن أن تكون هناك أنطوار مختلفة للجليد بتركيبات بلورية مختلفة وخواص فيزيائية مختلفة أيضاً.

تمثل الخطوط في المنحنى الحالات التي يمكن أن توجد بها المادة في طورين في وضع اتزان (ماء + جليد)، حيث يكون الماء والجليد في حالة اتزان عند 0°C وضغط جوي واحد.



الشكل 11.5: منحنى الطور للماء. وجدول يعطي ضغط البخار والحرارة الكامنة المولية لتحول الصلب - غاز (المدخلات الثلاث الأولى) وتحول السائل إلى غاز [Lide 1994, Keenanetal 1978].

يسعى الضغط الذي يكون عنده طور الصلب أو طور السائل مع الغاز في حالة اتزان ضغط البخار (Vapor pressure). وضغط البخار للماء عند درجة حرارة الغرفة نحو bar 0.03. وعند درجة C 0.01° يساوي $P = 0.006$ bar. وتدعى النقطة التي توجد عندها الأطوار الثلاثة في حالة اتزان النقطة الثلاثية (Triple point). وعند ضغط أقل لا يوجد الماء السائل في حالة اتزان، حيث يتسامي الجليد مباشرة إلى بخار. ويمكن ملاحظة عملية التسامي بوضوح في الجليد الجاف «ثاني أكسيد الكربون المتجمد»، حيث النقطة الثلاثية لثاني أكسيد الكربون تكون عند ضغط 5.2 bar وهو أعلى من الضغط الجوي المعياري، انظر منحنى الطور لثاني أكسيد الكربون المبين في الشكل 12.5. هناك اختلاف في ميل الخط «الحدود» بين حالي الصلب والسائل لكل من الماء وثاني أكسيد الكربون، وتتصرف غالبية المواد بطريقة مشابهة لثاني أكسيد الكربون، حيث تؤدي زيادة الضغط إلى ارتفاع درجة الغليان. أما في حالة الجليد، فيتصرف تصرفاً مختلفاً، حيث تؤدي زيادة الضغط إلى تخفيف درجة انصهاره. وهذا يفسر سبب كون كثافة الجليد أقل من كثافة الماء عادة.

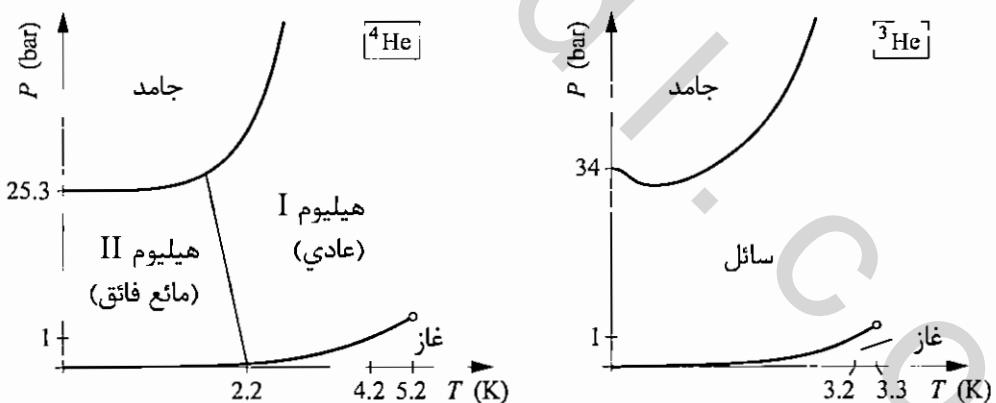


الشكل 12.5: منحنى الطور لثاني أكسيد الكربون، والجدول المرافق يعطي ضغط البخار على امتداد منحنين الصلب - الغاز، السائل - الغاز في حالات الاتزان (Lide 1994, Reynolds 1979).

وإذا كان السائل والغاز في حالة اتزان، فإن ميل الحدود الممثلة لطور السائل - الغاز يكون عادة موجباً. وللحافظ على عدم تبخر السائل يتم ترفع درجة الحرارة التي تتطلب زيادة الضغط الواقع على سطح السائل. وكلما زاد الضغط ازدادت كثافة الغاز، حيث يقل الفرق بين كثافة السائل والغاز تدريجياً مع زيادة الضغط، وعند الوصول إلى نقطة حيث لا يكون هناك فرق واضح بين الحالة الغازية والسائلة، وتدعى النقطة التي تحدث عندها هذه الخاصية «النقطة الحرجة (Critical point) وهي للماء عند درجة 374°C وضغط 221 bars، في حين تكون لثاني أكسيد الكربور 31°C وضغط 74 bars، وللنитروجين 34 bars ، وقرباً من النقطة الحرجة تدعى المادة «بالمائع».

ولا توجد مثل هذه النقطة على حدود الطور للصلب والسائل. لاحظ أن التفريق بين الصلب والسائل هو مسألة وصفية (للصلب بنية بلورية، في حين تكون جزيئات السائل في حركة عشوائية). وهناك مود تتركب من جزيئات كبيرة تكون طور البلورة السائلة، وتحرك الجزيئات بعضها حول بعض بحركة عشوائية. ويتميز غاز الهيليوم بأن منحنى الطور له يختلف عن كثير من المواد، والشكل 13.5 يبين منحنيات الطور لنظيرين من نظائين He^4 ونظير الهيليوم النادر He^3 . وتقع النقطة الحرجة عند درجة حرارة 2.3 K وضغط 5.2 bars وهي أعلى من درجة غليان نظير الهيليوم He^4 . والهيليوم هو العنصر الوحيد الذي يمكن أن يوجد في حالة السائل عند الصفر المطلق. ويوجد أيضاً طور الصلب للهيليوم He^4 عند ضغط 25 bars وللهيليوم He^3 عند 30 bars.

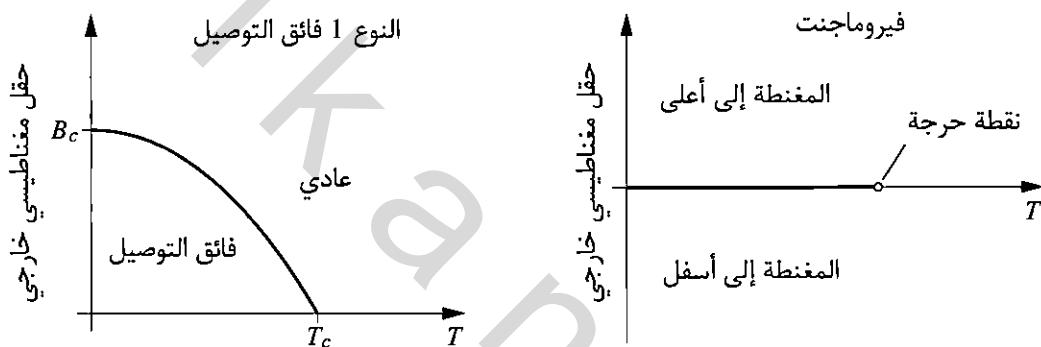
وفي منحنى الطور للهيليوم He^4 فإن حدود طور الصلب- السائل يكون تقريراً أفقياً عند درجات حرارة أقل من 1 K ، في حين يكون ميل هذا الحد للهيليوم He^3 سالباً عند درجات حرارة أقل من 0.3 K . ويمتلك He^4 أيضاً نوعين متميزيين من أطوار الحالة السائلة، هما: الطور العادي الذي يعرف بهيليوم I، وطور المائع الفائق عند درجة حرارة أقل من 2 K ويعرف بالهيليوم II، حيث يكون توصيله الحراري مرتفعاً جداً ولزوجته تساوي صفراء. ويمتلك He^3 هذه الخواص نفسها، ولكن عند درجات حرارة أقل من 3 mK .



الشكل 13.5: منحنيات الطور (اليسار) He^4 (واليمين) He^3 ، حيث أظهرت العلاقات الوصفية على نحو صحيح، ولم يظهر المنحنى أنواع الأطوار الصلبة الثلاثة (التركيب البلوري) لكل نظير، أو الطور الذي يمثل المائع الفائق لنظير الهيليوم He^3 عند درجات حرارة أقل من 3 mK .

يجب التنوية هنا أن هناك متغيرات أخرى إضافة إلى الحرارة والضغط، يمكن أن تحدث تحولات في الطور، مثل التركيب البلوري وشدة المجال المغناطيسي، على نحو ما هو موضح في الشكل 14.5 الذي يبين منحنى الطور لنظامين مغناطيسيين مختلفين: أحدهما إلى اليسار يمثل منحنى الطور لموصل فائق التوصيل نوع I مثل القصدير، الزئبق أو الرصاص، حيث تكون مقاومتها الكهربائية تساوي صفرًا، ويمكن أن يحدث هذا الطور عندما يكون كل من درجة الحرارة والمجال المغناطيسي متخفضاً بصورة كافية. والمنحنى الآخر إلى (اليمين) يمثل الطور لمادة الفيروماجنت مثل الحديد، التي تمثل أطواره في كونها تشير إلى أعلى أو إلى أسفل، معتمدة على اتجاه المجال المغناطيسي الخارجي.

في حالة كون المجال المغناطيسي يساوي صفرًا، فإن الأطوار تكون ممغنطة في كلا الاتجاهين، تضعف المغناطيسية مع زيادة درجة الحرارة، حيث تختفي كلياً عند درجة حرارة تدعى درجة حرارة كوري، وهي للحديد K 1043، حيث تنتهي حدود الأطوار عند النقطة الحرجة⁽⁴⁸⁾.



الشكل 14.5: (اليسار) منحنى الطور لموصل فائق التوصيل نوع I. للرصاص $K = 7.2$ و $B_c = 0.08 T$ (اليمين) منحنى الطور للفيروماجنت بافتراض أن المجال المغناطيسي والمغناطيسة يكونان في اتجاه محور معين.

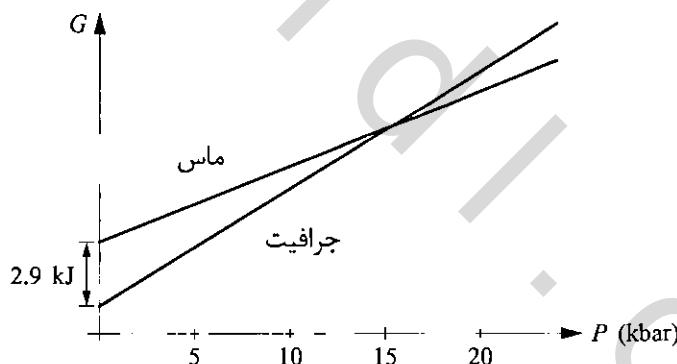
(48) خلال عقود طويلة حاول الكثير تصنيف تحولات الطور بناءً على التغير الكبير في حالة المادة. صنف التحول من صلب إلى سائل والسائل إلى الغاز بأنه الدرجة الأولى؛ لأن Δ و Δ' المشتقة الأولى لدالة جبس تكون غير متصلة عند حد الطور والأقل تغيراً (مثل النقاط الحرجة وتحول الهيليوم I / الهيليوم II) صنف على أنه الدرجة الثانية، وهذا مستمدًا على الخطوات المتتالية لأخذ المشتقة الأولى قبل الوصول إلى الحالة غير المتصلة. ولوجود مشكلات عدّة في هذا التصنيف اتفق حالياً أن يدعى أي تحول في درجة عالية التحول المتصل.

الماس والجرافيت Diamond and Graphite

يُعد الماس والجرافيت من أطوار عنصر الكربون (ويختلفان في بنيةهما البلورية). ويمثل الجرافيت الطور الأكثر استقراراً عند درجة حرارة الغرفة، ويمكن أن يتحول الماس تجاهلاً طبيعياً إلى الجرافيت بعمليّة بطئّة جدّاً. وتزداد سرعة عملية التحول مع ارتفاع درجات الحرارة، فإذا كنت تمتلك ماساً لا تحاول وضعه في الموقد⁽⁴⁹⁾. تتوقع طاقة جبس الحرارة أن يكون الجرافيت أكثر استقراراً من الماس تحت الشروط القياسية، فطاقة جبس الحرارة لمول واحد من الماس تزيد قيمتها بـ 2900 J عن طاقة جبس الحرارة لمول واحد من الجرافيت. وبناءً على التحليل الذي أعطي في الجزء 2.5 فإن الطور الأكثر استقراراً هو الطور الذي تكون طاقة جبس الحرارة له أقل. والسؤال هنا: ماذا يحدث لاستقرار الأطوار عند درجات الحرارة المرتفعة؟ يحدد اعتماد الضغط على طاقة جبس الحرارة بحجم المادة، أي إن:

$$(41.5) \quad \left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_{T,N} = V$$

وكون حجم مول واحد من الجرافيت أكبر من حجم مول واحد من الماس؛ لذا فإن زيادة طاقة جبس الحرارة للجرافيت تحدث بسرعة أكبر من زيادة طاقة جبس الماس عند زيادة الضغط. يمثل الشكل 15.5 منحنى G لكل من الماس والجرافيت عند ثبوت الحجم، ويحدث تقاطع بين المنحنيين عند ضغط 15 kilobars تقريباً، حيث يصبح الماس أكثر استقراراً. ويمثل ميل المنحنيات حجم المادة للجرافيت $5.31 \times 10^{-6} \text{ m}^3$ وللماس $3.42 \times 10^{-6} \text{ m}^3$. يتكون الماس الطبيعي عند أعمق كبيرة جداً، وإذا ما افترضنا أن كثافة الصخور تساوي ثلاثة أضعاف كثافة الماء، فإن الضغط الناتج عن الطبقة الصخرية ينبع ضغطاً بـ 3 bars لكل عشرة أمتر، وهذا يعني أن الضغط الذي يعادل 15 kbars يحتاج إلى طبقة صخرية عمقها نحو 50 km.



الشكل 15.5: طاقة جبس الحرارة المولية للماس والجرافيت بوصفها دالة في الضغط عند درجة حرارة الغرفة، مُدت المنحنيات من الضغط المنخفض مع إهمال التغير في الحجم مع زيادة الضغط.

(49) درجة الحرارة اللازمة لتحويل الماس إلى الجرافيت بسرعة نحو 1500°C . بوجود الأكسجين، فإن كلّاً من الماس أو الجرافيت يمكن أن يحترق متحوّلاً إلى ثاني أكسيد الكربون.

يمكن معرفة اعتماد طاقة جبس الحرارة على درجة الحرارة بطريقة مشابهة باستخدام العلاقة:

$$(42.5) \quad \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P,N} = -S$$

وتتناقص قيم طاقة جبس الحرارة لكلتا المادتين مع زيادة درجة الحرارة، ويكون التناقص للجرافيت أسرع لاحتواه على إنترودبي أكبر، وهذا يعني أن زيادة درجة الحرارة تجعل من الجرافيت أكثر استقراراً من الماس، وكما زادت درجة الحرارة تطلب زيادة في الضغط ليبقى الماس في طور الاستقرار. ومثل هذا التحليل لهفائدة كبيرة للجيوكيميائي الذي يحاول معرفة الظروف التي تكونت عندها الصخور. وختاماً يمكن القول: إن طاقة جبس الحرارة هي الأساس لفهم الكمي لتحولات الطور.

السؤال 24.5: أثبت أن الماس يصبح أكثر استقراراً من الجرافيت عند ضغط مقداره .15 k bars.

السؤال 25.5: يستخدم الجيوكيميائيون وحدات kbar/kJ للتعبير عن الحجم، أوجد عامل التحويل بين هذه الوحدات للمتر المكعب (وحدة الحجم في النظام SI).

السؤال 26.5: كيف يمكن للناس أن يكون أكثر استقراراً من الجرافيت، عندما يمتلك إنترودبي أقل؟ اشرح كيف يتحول الجرافيت إلى ماس تحت الضغط المرتفع الذي يؤدي إلى زيادة الإنترودبي الكلية للكربون، إضافةً إلى المحيط.

السؤال 27.5: الجرافيت أكثر انضغاطاً من الماس.

(أ) إذا لم تهمل الانضغاطية، فهل تعتقد أن التحول من الجرافيت إلى الماس يحدث عند ضغط أعلى أو أقل من ذلك الذي ذكر سابقاً.

(ب) إذا كان عامل الانضغاط الأيزوثرمي للجرافيت 10^{-6} bar^{-1} وللناس أقل من ذلك بعشرين أضعاف (ارجع إلى السؤال 46.1 الذي عرف عامل الانضغاطية).

استخدم هذه القيم لتعيد تقديرك للضغط اللازم لجعل الناس أكثر استقراراً من الجرافيت عند درجة حرارة الغرفة.

السؤال 28.5: توجد كربونات الكالسيوم CaCO_3 في الطبيعة بتركيزين بلوريين مختلفين: الكالسيات والأرجونيات (Calcite and aragonite). ارجع إلى البيانات الشرموديناميكية في نهاية الكتاب، وأجب عما يأتي:

(أ) أيهما أكثر استقراراً على سطح الأرض، الكالسيات أو الأرجونيات؟

(ب) احسب مقدار الضغط عند درجة حرارة الغرفة ليصبح الطور الآخر مستقرًا.

السؤال 29.5: لسليلات الألمنيوم Al_2SiO_5 ثلاثة أشكال بلورية «الكاينات (Kaynite)، والأندلوسايت (Andalusite) والسيلامانيت (Sillimanite)»، وكل من هذه الأشكال يكون مستقرًا تحت ضغط ودرجة حرارة

محددة لكل منهما. وتوجد جميع هذه الأشكال البلورية «الأطوار» في الصخور المتحولة (Metamorphic rocks)، وستستخدم نسب هذه الأطوار في تحديد العمر الجيولوجي للصخور. ارجع إلى البيانات الترموديناميكية، وأجب عما يأتي:

(أ) أثبت أن (Kaynite) هو الطور المستقر بعض النظر عن الضغط.

(ب) إذا كانت ΔG هي الفرق بين طاقة جبس الحرارة بين أي طورين، و ΔS الفرق في الإنترóبي بين أي طورين، أثبت أن اعتماد ΔG على درجة الحرارة يعبر عنه بالعلاقة

$$\Delta G(T_2) = \Delta G(T_1) - \int_{T_1}^{T_2} \Delta S(T) dT$$

تزداد الإنترóبي لأي طور على نحو واضح مع زيادة درجة الحرارة. ويمكن بصورة تقريرية عند درجة حرارة أعلى من درجة حرارة الغرفة افتراض أن ΔS لا تعتمد على درجة الحرارة، وسبب ذلك أن اعتماد S على درجة الحرارة هو دالة في السعة الحرارية (الوحدة الثالثة). والسعنة الحرارية عند درجات الحرارة المرتفعة يمكن افتراض أنها دالة فقط في عدد ذرات النظام.

(ج) افترض أن ΔS لا تعتمد على T ، أوجد المدى من درجات الحرارة للأطوار الثلاثة لتكون مستقرة عند ضغط جوي واحد.

(د) بالرجوع إلى قيم السعات الحرارية عند درجة حرارة الغرفة، للأطوار الثلاثة لمادة Al_2SiO_5 ، اشرح دقة التقرير مفترضاً ثبوت ΔS .

السؤال 30.5: ارسم منحنيات وصفية بين G و T للأطوار الثلاثة للماء (جليد، ماء، سائل، بخار) عند الضغط الجوي. وضع المنحنيات على مجموعة المحاور نفسها، ثم ضع علامة على محور T عند درجة حرارة 0°C ، وعلامة على محور الضغط تمثل الضغط الجوي. كيف يمكن للمنحنيات أن تختلف عند درجة حرارة أعلى قليلاً؟

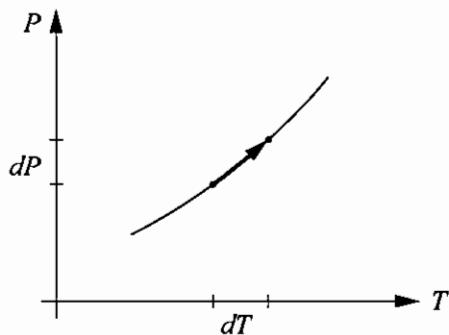
علاقة كالوسيوس كlapيرون Clausius – Clapeyron Relation

تحدد الإنترóبي اعتماد طاقة جبس الحرارة على درجة الحرارة ، ويحدد الحجم اعتمادها على الضغط. ويعتمد شكل أي خط لحد الطور على منحنى P لكل من الإنترóبي والحجم، وستشتقه علاقة توضح هذه النتائج. تكون المادة مستقرة عند حد الطور الفاصل بين طورين كغاز أو سائل؛ لهذا فإن طاقة جبس الحرارة تكون متساوية للطورين، أي إنه عند حدود الطور (المول واحد).

$$G_l = G_g \quad (عند حدود الطور) \quad (43.5)$$

(يمكن استخدام مفهوم الجهد الكيميائي للوصول إلى هذه النتيجة، حيث إن جهودهما الكيميائية تكون متساوية إذا كان هناك اتزان انتشار، أي تساوي طاقة جبس الحرارة لكل منهما / مول.

الشكل 16.5: التغير اللامتناهي في الصغر في الضغط ودرجة الحرارة، يرتبطان بحيث يكونان على منحنى الطور.



وإذا أزدادت درجة الحرارة بمقدار dT والضغط بمقدار dP بحيث يبقى الطوران في وضع اتزان، (انظر الشكل 16.5) فإن:

$$(44.5) \quad dG_l = dG_g \quad (\text{ليبقى عند حدود الطور})$$

وعيه يمكن كتابة المتطابقة термодинамическая G

$$(45.5) \quad -S_l dT + V_l dP = -S_g dT + V_g dP$$

(حذفت dN لافتراضنا أن الكمية الكلية ثابتة). من المعادلة (45.5) فإن ميل خط حدود الطور هو:

$$(46.5) \quad \frac{dP}{dT} = \frac{S_g - S_l}{V_g - V_l}$$

صني الفرق الكبير في الإنتروري أن التغير الصغير في درجة الحرارة يؤدي إلى إزاحة الاتزان من طور إلى آخر. حيث يحتاج النظام إلى تغير كبير في الضغط للتعويض عن التغير البسيط في درجات الحرارة. وإن التغير الكبير في الحجم يعني أن تغيراً بسيطاً في الضغط يكون له تأثير كبير، وهذا يجعل حدود الطور أكثر حدة.

غالباً ما يكتب الفرق في الإنتروري $S_g - S_l$ على صورة L/T ، حيث إن L هي الحرارة الكامنة للمادة المتحولة، وتكتب المعادلة 46.5 في حالة تحول المادة من سائل إلى غاز بدلالة L على الصورة الآتية:

$$(47.5) \quad \frac{dP}{dT} = \frac{L}{T \Delta V}$$

حيث إن $V_l - V_g = \Delta V$ (النسبة $\frac{L}{\Delta V}$ لا تعتمد على الكتلة، وإن كلاً من L و ΔV كميات شاملة). النتيجة في المعادلة 47.5 تدعى علاقة كلابيرون، أي إن الخط الفاصل بين طورين في منحنى PT ليس هو خطٌ فعليّ فقط يفصل بين طورين.

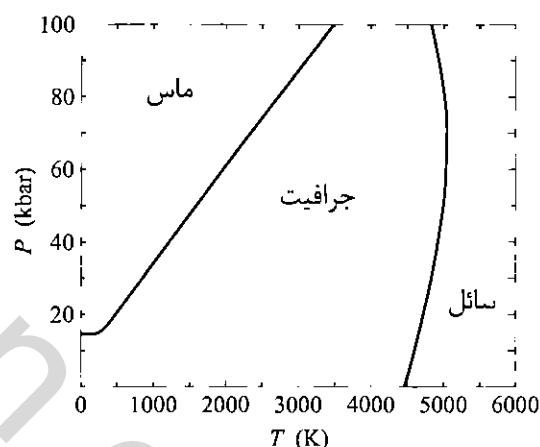
فمثلاً إذا تحول في نظام الماس - الجرافيت، مول واحد من الماس إلى الجرافيت تزداد الإنتروري بمقدار $3.4 \text{ J/K} \times 10^{-6} \text{ m}^3 \times 1.9$ (هذه المقادير عند درجة حرارة الغرفة)، لذا فـأـي مـيل منحنـى خطـ الطـورـ للمـاسـ -ـ الجـرافـيتـ هوـ:

$$48.5 \quad \frac{dP}{dT} = \frac{\Delta S}{\Delta V} = \frac{3.4 \text{ J/K}}{1.9 \times 10^{-6} \text{ m}^3} = 1.8 \times 10^6 \text{ Pa/K} = 18 \text{ bar/K}$$

وعلى نحو ما بینا في الجزء السابق، فإن الماس يكون مستقرًا عند درجة حرارة الغرفة وعند ضغط يساوي تقریبًا 1.5 k bars. وإذا كانت درجة الحرارة أعلى من درجة حرارة الغرفة بمقدار K 100، فإننا في حاجة إلى ضغط إضافي بمقداره 1.8 kbar لجعل الماس في حالة استقرار. ولتحويل الجرافيت إلى ماس على نحو سريع يتطلب درجة حرارة وضاغطاً مرتفعين على نحو ما هو موضح في الشكل 17.5. تمت التجربة الأولى لتحويل الجرافيت إلى ماس تحت درجة حرارة K 1800 وضغط 60 kbar. ويعتقد أن الماس الطبيعي قد يكون عند درجة حرارة أقل، ولكن تحت ضغط أعلى (على عمق بين 100 km و 200 km من سطح الأرض).⁽⁵⁰⁾

الشكل 17.5 : قيم عملية لمنحنى الطور

للكربون. لا تظهر المنطقة التي يكون فيها الطور الغازي مستقرًا على هذا التدرج. تظهر النقطة الثلاثية جرافيت - سائل - غاز عند أسفل حد طور الجرافيت - السائل تحت ضغط 110 bars From David A Young, Phase Diagrams of the Elements University of California Press, Berkely 1991.



السؤال 32.5: إذا كانت كثافة الجليد 917 kg/m³.

- (أ) استخدم علاقة كلاوسيوس - كلابيرون، واشرح لماذا يكون ميل حد الطور بين الماء والجليد سالباً.
- (ب) ما مقدار الضغط اللازم لجعل مكعب من الجليد يذوب عند درجة حرارة C 1° ؟
- (ج) ما عمق طبقة الثلج التي تحتاج إليها لتعطي ضغطاً مسالياً للضغط في الفرع ب؟
- (د) قدر الضغط أدنى نصل مزلجة التزلج على الجليد، ثم احسب درجة حرارة انصهار الجليد عند هذا الضغط. ادعى بعض المتربيين أن قيمة الاحتكاك بين المزلجة والجليد صغيرة جدًا؛ لأن زيادة الضغط تحت نصل المزلجة تذيب الثلج ليكون طبقة رقيقة من الماء. هل تعتقد صحة هذا الرأي؟

(50) لمزيد من المعلومات المتعلقة بتكون الماس الطبيعي وظهوره على السطح ارجع إلى

Keith G. Cox "Kimberlite Pipes" Scientific American 238, 120-132, (April 1978).

السؤال 34.5: عند درجة حرارة أقل من 0.3 K، يكون ميل حد الطور صلب - سائل للهيليوم ${}^3\text{He}$ سالباً (انظر الشكل 5.13).

- (أ) أي الطورين له كثافة أكبر: الصلب أو السائل، وأيهما له إنترودي أكبير (لكل مول)? اشرح أجوبتك بعناية.
- (ب) استخدم القانون الثالث في الترموديناميكا، لتجادل أن ميل حد الطور يجب أن يكون صفرًا عند $T = 0$ (لاحظ أن حد الطور الصلب - سائل للهيليوم ${}^4\text{He}$ يكون أفقياً عند درجة حرارة أقل من 1 K).
- (ج) افترض أنك خفست درجة حرارة ${}^3\text{He}$ في عملية أدبياتيكية حتى تحول إلى صلب. فإذا كانت درجة الحرارة قبل تحول الطور هي 0.1 K، وهل تكون درجة الحرارة بعد التحول أكبر أو أقل؟ اشرح ذلك بعناية.

السؤال 35: تمثل معادلة كلاسيوس - كلايرون 47.5 معادلة تفاضلية يمكن استخدامها بشكل مبدئي في إيجاد شكل المنحنى الممثل لحد الطور. ولحلها، يجب أن تعرف اعتماد L و ΔV على كل من درجة الحرارة والضغط، لقطع صغير على المنحنى يمكن افتراض أن L ثابتة. فإذا كان أحد الأطوار هو الغاز، فعندئذ يمكن إهمال حجم الجزء المتكتف من الغاز، وأخذ ΔV لتمثيل حجم الغاز. عبر بدالة درجة الحرارة والضغط باستخدام قانون الغاز المثالي مفترضاً جميع هذه الفرضيات، وحل المعادلة التفاضلية لتحصل على الصيغة الآتية التي تمثل منحنى حد الطور.

$$P = e^{-L/RT} \times (\text{ثابت})$$

وتدعى هذه المعادلة «معادلة ضغط البخار»، وتستخدم هذه المعادلة فقط إذا كانت جميع الافتراضات السابقة صحيحة، وتنطبق على الحالة المراد استخدامها.

السؤال 36.5: تأثير الارتفاع في درجة غليان الماء.

- (أ) استخدم النتائج في السؤال السابق والبيانات في الشكل 11.5 لرسم منحنى ضغط بخار الماء بين 50°C و 100°C . ما درجة الدقة التي تمكن من ربط البيانات عند نقطتي النهاية؟
- (ب) اقرأ المنحنى بصورة معاكسة، ثم قدر درجة حرارة غليان الماء عند كل موقع من الضغط المقدر في السؤال 16.1. واشرح لماذا تستغرق وقتاً أطول إذا أردت طهي المعكرونة، عندما تكون موجوداً على سطح جبل.
- (ج) بين أن العلاقة بين درجة غليان الماء والارتفاع تمثل تقريراً بعلقة خطية. احسب ميل المنحنى بدالة درجة الحرارة / كيلومتر.

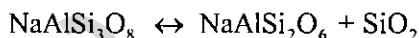
السؤال 37.5: استخدم البيانات من الجداول المعطاة في نهاية الكتاب في حساب ميل حد الطور لعاص الكالسيات - أرجونايت Calcite - aragonite عند درجة حرارة K 298، استخدم هذه المعلومات أيضاً لرسم منحنى الطور لمادة كربونات الكالسيوم (Calcium - Carbonate).

السؤال 38.5: حسب في السؤالين 30.3 و 31.3 الإنتروري للماس والجرافيت عند درجة حرارة K 500. استخدم هذه القيم لتتوقع ميل حد الطور للجرافيت - الماس عند K 500 وقلن ذلك بالشكل 17.5. لماذا يبقى ميل المنحنى ثابتاً حتى عند درجة حرارة أعلى؟ ولماذا يساوي صفرًا عند 0؟

السؤال 39.5: احسب ميل حدود الأطوار الثلاثة للنظام في السؤال 29.5 لسلبيات الألمنيوم. ثم ارسم منحنى الطور، واحسب مقدار درجة الحرارة والضغط عند النقطة الثالثة. علماً بأن الأطوار الثلاثة في هذا النظام هي:

.kyanite – anadalusit, kyanite – sillimanite, anadalusit – sillimanite

السؤال 40.5: الطرق المستخدمة في هذا الجزء يمكن تطبيقها على التفاعلات التي تتحول فيها مجموعة من المواد الصلبة إلىمجموعات أخرى. فمثلاً تحول الألبait إلى كل من جاديات Jadeite والكوارتز



بالرجوع إلى الجداول في نهاية الكتاب، احسب درجات الحرارة والضغط التي تكون فيها مجموعة الجاديات والكوارتز أكثر استقراراً من الألبait. للسهولة أهمل اعتماد كل من ΔS و ΔV على الضغط ودرجة الحرارة.

السؤال 41.5: إذا كان الماء في اتزان مع الطور الغازي في وعاء مغلق، وزيد الضغط الواقع على سبع السائل، فماذا يحدث؟

(أ) ليقى السائل في اتزان الانتشار مع طوره الغازي، يجب أن يكون التغير في الجهد الكيميائي لكتنهما متساوياً $d\mu_1 = d\mu_2$. استخدم هذه المعلومة والمعادلة 40.5، واشتق معادلة تفاضلية لازتن ضغط البخار P_v بوصفه دالة في الضغط الكلي (افتراضاً أن الغاز يتصرف بوصفه غازاً مثالياً، ولم يذب أي من جزيئات الهواء في السائل).

(ب) حل المعادلة التفاضلية التي أشتقت في (أ) لتحصل على:

$$P_v(P) - P_v(P_0) = e^{(P - P_0) / (NkT)}$$

حيث إن (P_v) هو ضغط البخار في غياب أي من الغازات الخاملة V / Nk هي للسائل، فإن وجود الغاز الخامل يؤدي إلى زيادة بسيطة في ضغط البخار، وهذا يؤدي إلى زيادة تبخر السائل.

(ج) احسب الزيادة المئوية في ضغط البخار عند إضافة الهواء عند الضغط الجوي إلى الماء وبخır الماء إذا كانا في حالة اتزان عند 25°C ، ثم نقاش الرأي القائل: إن إضافة الغاز الخامل بوجود ضغط البخار يكون تأثيره مهملاً إلا في شروط قصوى.

السؤال 42.5: يكون الضغط الجزئي لبخار الماء الموجود في الهواء في العادة، أقل من وجوده في حالة الاتزان عند درجة حرارة الغرفة، لذا فإن الماء يتبخّر على نحو طبيعي من كوب مملوء بالماء، والنسبة بين الضغط الجزئي لبخار الماء إلى ضغط البخار المترن تدعى الرطوبة النسبية. وعندما تصل الرطوبة النسبية إلى 100%， فإن بخار الماء الموجود في الجو يكون في انتشار متزن مع الماء في الكوب، وعندها تقول: إن الهواء مشبع (Saturated) ⁽⁵¹⁾.

ونقطة التدى (Dew point) هي درجة الحرارة التي تكون عندها الرطوبة النسبية 100% لضغط جزئي معين لبخار الماء.

(أ) استخدم معادلة ضغط البخار (السؤال 35.5) والبيانات في الشكل 11.5 لترسم منحنى ضغط البخار للماء من 0 إلى 40° C. لاحظ أن ضغط البخار يتضاعف تقريباً لكل 10° C زيادة في درجة الحرارة.

(ب) إذا كانت درجة الحرارة في أحد أيام الصيف هي 30° C، فما نقطة التدى إذا كانت الرطوبة النسبية 90% مرة و 40% أخرى؟

السؤال 43.5: افترض أن درجة حرارة الهواء في أثناء الرفير 35° C، والرطوبة النسبية 90%. ويختلط هذا الهواء اختلاطاً مباشرًا مع هواء المحيط عند 5° C ببرطوبة نسبية مجهولة. وخلال عملية الخلط، هناك مجموعة متغيرة من درجات الحرارة ونسب بخار الماء تحدث مؤقتاً. فإذا قدر أنك تستطيع رؤية تفسك، ي ذلك من خلال تكون غيوم من قطرات خلال عملية الخلط، فماذا يمكن أن تستنتج فيما يتعلق بالرطوبة النسبية في محيطك؟ (ارجع إلى منحنى ضغط البخار في السؤال 42.5).

السؤال 44.5: افترض كتلة غير مشبعة من الهواء ارتفعت إلى أعلى، وبردت بعملية أدياباتيكية، إذا كانت درجة الحرارة عند سطح الأرض 25° C والرطوبة النسبية 50%. فاحسب الارتفاع وبين عند أي ارتفاع تصبح هذه الكتلة مشبعة، وتتكثف مكونة غيمة. انظر الشكل 18.5 ارجع إلى المنحنى الذي رسمته في السؤال 42.5.

السؤال 45.5: حسب في السؤال 40.1 التدرج في الضغط الجوي اللازم لفهم عملية الحمل الطبيعي في الهواء، وعندما تصبح كتلة من الهواء المرتفعة مشبعة، فإن قطرات الماء المكونة تعطي طاقة؛ لذا تبطئ من عملية التبريد الأدبياتيكي.

(أ) استخدم القانون الأول في الشيرموديناميكا، لتبيّن أنه، عند تكون التكتيف خلال التمدد الأدبياتيكي، فإن درجة حرارة الهواء المرتفع تتغير طبقاً للعلاقة:

$$dT = \frac{2T}{7P} dP - \frac{2L}{7nR} dn_w$$

حيث إن n_w عدد المولات لبخار الماء الموجودة، L الحرارة الكلمنة للت BX للكل مول. و $7/5 = \gamma$ للهواء. يمكن أن نفترض أن H₂O يمثل جزءاً صغيراً من كتلة الهواء.

(ب) افترض أن الهواء يكون دائمًا مشبعاً خلال هذه العملية، فإن النسبة n_w/n تكون دالة في درجة الحرارة والضغط. عبر بدقة عن dT/dz ، dp/dz ، $P_w(T)$ وضغط البخار.

(51) يستخدم هذا التعبير بصورة عامة، ولكنه ليس دقيقاً، فالهواء ليس كالإسفنج يمتص كمية محددة من الماء، حتى إن كان مشبعاً، حيث إن الهواءعبارة عن فضاء فارغ وعلى نحو ما تبيّن من السؤال السابق، فإن كثافة بخار الماء يمكن أن توجد في اتزان دون أن يكون هناك أي علاقة بضغط الهواء.



الشكل 18.5: عندما ترتفع التجمعات الركامية للغيوم في تمدد أديباتيكي تنخفض درجة حرارتها، وتبرد مكونة نقطة الندى (السؤال 44.5)، وهذا يسمح للهواء بالارتفاع إلى أعلى (السؤال 45.5). تكونت هذه المجموعة من الغيوم في وقت متأخر من الصباح في سماء كانت صافية قبل ساعة من التقاط هذه الصورة، وبعد الظهر حدثت عاصفة رعدية.

استخدم معادلة كلاوسيوس - كلابيرون لحذف dP_v / dT .

(ج) اجمع نتائج الفرعين (أ) و(ب) لتحصل على صيغة تربط بين التدرج الحراري dT / dz إلى تدرج الضغط dP / dz قدر الأخير باستخدام المعادلة البارومترية (Barometric Equation) من السؤال 16.1، ستحصل في النهاية على:

$$\frac{dT}{dz} = \left(\frac{2 Mg}{7 R} \right) \frac{1 + \frac{P_v L}{P RT}}{1 + \frac{2 P_v}{7 P} \left(\frac{L}{RT} \right)^2}$$

حيث إن M كتلة مول واحد من الهواء، الحد الأول يمثل معدل المرور للعملية الأديباتيكية الجافة، كما حسب في السؤال 40.1. وبقية الحدود تمثل معاملات تصحيح نتيجة التسخين من تكثف بخار الماء. وتدعى النتيجة (Wet adiabatic lapse rate) وتمثل التدرج الحراري لدرجة الحرارة التي يقوم الهواء بعدها بعملية الحمل الطبيعي للانتقال الحراري.

(د) احسب معدل المرور الأديباتيكي الراهن عند ضغط جوي (1 bar) و $25^\circ C$ ، ثم عند ضغط جوي واحد و $0^\circ C$ ، واشرح لماذا اختلفت النتيجتان، وماذا يحدث عن ارتفاعات الماء، حيث يكون الضغط أقل.

السؤال 46.5: لقد أهمل الحد بين الطورين، بافتراض أن الجزيء عند الحد الفاصل يمكن أن يكون جزءاً من أي طور. في الحقيقة، فإن الحد هو نوع من المنطقة الانتقالية، حيث إن الجزيئات عند الحد تختلف عن الطورين. ويكون سمك الحد الفاصل بين الطورين مساوياً لسمك مجموعة قليلة من الجزيئات. ومساحتها في الطاقة الحرارة الكلية للنظام غالباً ما تكون مهملة. وهناك حالة تشنذ عن ذلك، هي القطرات الصغيرة، أو الفقاعات أو تجميع البلورات عندما تبدأ المادة في عملية تحول الطور. إن تكوين هذه البلورات في بداية التحول هو بداية تكون الطور الذي يدعى تكون الأنوية (Nucleation). وفي هذا السؤال ستنظر في تكون نوى نقاط الماء في السحابة. السطح الذي يكون حداً بين أي

طوريين مختلفين له سماكة ثابت، بغض النظر عن مساحتها، وثبتت التنساب يدعى التوتر السطحي

$$\sigma \equiv \frac{G_{\text{boundary}}}{A} \quad (\text{Surface tension})$$

إذا كان هناك نقطة من السائل في اتزان مع بخارها، وأردت مدتها إلى شكل له الحجم نفسه، ولكن مساحة سطحه أكبر. فتمثل σ الشغل الأقل الذي يجب أن تبذله لكل وحدة مساحة إضافية عند ثبوت درجة الحرارة والضغط للماء عند درجة C 20° فإن:

$$\sigma = 0.073 \text{ J/m}^2$$

(أ) افترض نقطة كروية من الماء تحتوي على N جزيء، محاطة بـ $N - 2$ جزيء من بخار

الماء. أهمل التوتر السطحي مؤقتاً، واكتب صيغة طاقة جبس الحرة الكلية لهذا النظام بدلالة، والجهود الكيميائية للسائل والبخار. ثم أعد كتابة N ، الحجم لكل جزيء في السائل، و 2 نصف قطر قطرة الماء.

(ب) الآن أضف إلى صيغة G حداً يمثل التوتر السطحي، ويكتب بدلالة σ و μ .

(ج) ارسم منحنى وصفياً بين G و μ لكلتا الإشارتين $\mu_1 - \mu_2$ ، وناقش دلالتها. بأي إشارة $\mu_1 - \mu_2$ يوجد نصف قطر اتزان ليس صفر؟

(د) افترض أن μ يمثل نصف قطر الازان الحرج الذي نقشه وصفياً في الفرع (ج). أوجد صيغة μ بدلالة $\mu_1 - \mu_2$ ، ومن ثم حاول كتابة الفرق في الجهد الكيميائي بدلالة الرطوبة النسبية (انظر السؤال 42.5) مفترضاً أن البخار يتصرف تصرف غاز مثالي. (تعرف الرطوبة النسبية بدلالة اتزان البخار مع سطح مستوي، أو مع نقطة كبيرة جداً).

رسم منحنى يمثل نصف قطر الحرج بوصفه دالة في الرطوبة النسبية، ناقش دلالة ذلك، ثم اشرح لماذا من غير المرجح أن يكون السحاب في الجو تجمعاً طبيعياً لجزيئات الماء إلى نقاط (في الحقيقة، فإن قطرات الماء تتكون حول أنواعية من جسيمات الغبار أو المواد الغريبة الأخرى عندما تصل الرطوبة إلى نحو 100%).

السؤال 47.5: إذا كانت T و H لنظام مغناطيسي ثابتة (انظر السؤال 17.5) الكمية التي وصلت إلى الحد الأدنى هي المغناطيسية المشابهة لطاقة جبس الحرة التي تتبع المتتطابقة термодинамиكية.

$$dG_m = -S dT - \mu_0 M dH$$

ومنحنيات الطور لنظامين مغناطيسيين بينهما الشكل 14.5 والمحور العمودي لهذه الأشكال هو $\mu_0 H$.

(أ) اشتق صيغة مشابهة لعلاقة كلابيروس - كلابيرون لميل حد الطور المرسوم في مستوى، واكتب معادلتك بدلالة الفرق بين إنترنويبي للطوريين.

(ب) اشرح تطبيق معادلتك على منحنى الطور للفيروماجنت المبين في الشكل 14.5.

(ج) في النوع I للموصل فائق التوصيل، تشير التيارات السطحية بطريقة، حيث تزيد المجال المغناطيسي (B وليس H) في الداخل. افترض أن M مهملة عندما تكون المادة في حالتها الطبيعية (ليس فائق التوصيل). اشرح تطبيق معادلتك لمنحنى الطور الشكل 14.5 للموصل فائق التوصيل. أي الطوريين له إنترنويبي أكبر؟ ماذا يحدث لفرق في الإنترنويبي بين الطوريين عند نهاية حد الطور؟

نموذج فاندر - ويلز The van der Waals Model

اقتصرت نماذج رياضية لأنظمة السائل - الغاز لفهم طور التحول على نحو أعمق، ومن أهم هذه النماذج ما اقترحه فاندر ويلز عام 1973، ودعى معادلة فاندر - ويلز

$$(49.5) \quad \left(P + \frac{aN^2}{V^2} \right) (V - N b) = NkT$$

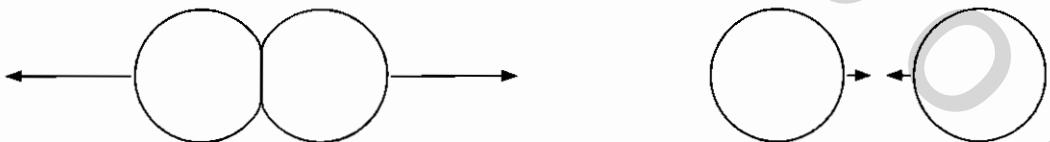
تعد هذه المعادلة تطويراً لقانون الغاز المثالي بأخذ التفاعلات بين الجزيئات في الحسبان على نحو تقريري. (أي علاقة تربط بين V , T , P مثل قانون الغاز المثالي أو معادلة فاندر - ويلز تدعى معادلة الحالة (Equation of state)). لقد أدخلت معادلة فاندر ويلز تعديلين أساسيين على قانون الغاز المثالي: التعديل الأول هو إضافة الحد aN^2/V^2 على الضغط، والتعديل الثاني طرح Nb من الحجم، ويمكن توضيح سبب هذه التعديلات على قانون الغاز المثالي على النحو الآتي: لا يمكن لحجم مائع نتيجة للضغط أن يصبح حجمه صفرًا، حيث يكون هناك حد لأقل حجم ممكن الوصول إليه هو Nb عندما يكون الضغط لا نهائيًا؛ لهذا فإن (b) تمثل أقل حجم يمكن أن يحتله الجزيء عندما يكون بتماس مع جميع جيرانه «الجزيئات المحيطة به».

أضيف aN^2/V^2 إلى الحد الأول في علاقه فاندر ويلز لإدخال تأثير قوى التجاذب للمدى القصير بين الجزيئات غير المتفاعلة (انظر الشكل 19.5). إذا تخيلنا تجمد الجزيئات كل في مكانه، فإن الطاقة الوحيدة الموجودة هي طاقة الوضع السالبة الناتجة عن تجاذب الجزيئات. وإذا تضاعفت كثافة الغاز، فإنه يصبح لكل جزيء عدد من الجيران «الجزيئات المتقابلة» ضعف ما كان له؛ لهذا فإن طاقة الوضع الناتجة عن تفاعل الجزيء مع جيرائه تتضاعف أيضاً، أي إن طاقة الوضع المرافق لكل جزيء يتفاعل مع جميع جيرائه، تتناسب مع كثافة الجسيمات، أو مع N/V ؛ لهذا فإن طاقة الوضع الكلية المرافق للجزيئات المتفاعلة جميعها يجب أن تتناسب مع N/V ، حيث إن هناك N جزيء.

$$(50.5) \quad \text{طاقة الوضع الكلية} = -\frac{aN^2}{V}$$

a هو ثابت التناسب الموجب، الذي يعتمد على نوع الجزيء. ولحساب الضغط، افترض أن هناك تغيراً بسيطاً في الحجم مع تشبيث الإنترودي (وهي ليست مشكلة إذا جمدت الحركة الحرارية)، باستخدام المتداولة الشروдинيكية $dU = -P dV$ أو $s dU = -P dV$ ، لهذا فإن مساهمة الضغط من طاقة الوضع يكون:

$$(51.5) \quad P_{\text{due to p.e.}} = -\frac{d}{dV} \left(-\frac{aN^2}{V} \right) = \frac{aN^2}{V^2}$$



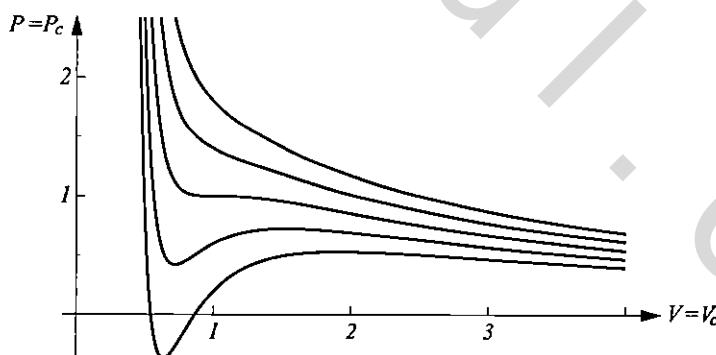
الشكل 19.5: عندما يقترب جزيئان ببعضهما، فإنهما يتنافران بقوة، وعندما تكون بينهما مسافة قصيرة، فإنهما يتجاذبان.

إذاً أضيف هذا الضغط السالب إلى ضغط المائع في غياب قوى التجاذب ($V - Nb / NkT$)، يمكن إيجاد علاقة فاندر ويلز على النحو الآتي:

$$(52.5) \quad P = \frac{N k T}{V - Nb} - \frac{aN^2}{V^2}$$

لما كانت علاقة فاندر ويلز تمتلك الخواص الصحيحة لاعتبارها الخواص الوصفية للمائع الحقيقي، فإنه يجب التأكيد هنا على أنها تقترب من الصحة التامة على الرغم من إهمال عدد من التأثيرات في الاشتلاق. ومن أهمها أنه عندما يصبح الغاز أكثر كثافة، فإنه يصبح غير متجانس من وجهة النظر المجهريّة، حيث تبدأ بعض التجمعات (Clusters) من الجزيئات في التكون، وببقى عدد جiran الجزيء يتاسب طردياً مع N/V . لذا يجب أن تذكر دائماً أنه خلال هذا الجزء، فإننا لن نتوقع توقعات كمية دقيقة بل فهماً وصفياً، حيث تكون قاعدة أساسية لدراسة أعمق لمفهوم تحولات الطور من السائل إلى الغاز. تأخذ الثوابت a ، b قيمة مختلفة معتمدة على نوع المادة، وكذلك يمكن أن تتغير المادة نفسها تحت شروط مختلفة. للجزيئات الصغيرة مثل N_2 و H_2O فإن قيمة b هي $(4\text{\AA})^3 \approx 10^{-29} \text{ m}^3$ والثابت a هو أكثر تغيراً، حيث إن بعض الجزيئات ينجدب بعضها بقوة أكبر من جزيئات أخرى. للنيتروجين N_2 القيمة المقبولة b هي $2.5 \times 10^{-49} \text{ J.m}^3$ أو $4 \times 10^{-49} \text{ eV.\AA}^3$. إذا افترضنا أن a بشكل تقريري هي عبارة عن ناتج معدل طاقة التفاعل مضروباً في الحجم الذي يحدث عنده التفاعل، تكون هذه القيمة معقولة: قيمة a للماء H_2O أكبر بنحو أربع مرات؛ لأن الجزيء يمتلك استقطاباً كهربائياً دائمًا (Permanent electric polarization). أما بالنسبة للهيليوم، فإن التفاعل بين جزيئاته ضعيف؛ لذا فإن قيمة a تكون أقل من قيمة a للنيتروجين بنحو 40 مرة.

دعنا الآن ندرس توقعات نموذج فاندر ويلز، والطريقة الجديدة التي يمكن أن نتبعها في رسم الضغط المتوقع بوصفه دالة في الحجم عند درجات حرارة مختلفة (انظر الشكل 20.5). وعند حجوم أكبر كثيراً من Nb ، فإن المنحنيات الأيزوثرمية تكون مقعرة إلى الأعلى concave-up، ومشابهة لمنحنيات الغاز المثالي. وعند درجة حرارة عالية، فإن تخفيض الحجم يؤدي إلى زيادة في الضغط، حيث يؤول إلى ما لا نهاية عندما يؤول الحجم إلى Nb .



الشكل 20.5: خطوط العمليات الأيزوثرمية لمائع فاندر ويلز، من الأسفل إلى الأعلى، فإن الخطوط (1.0, 0.9, 0.8 و 1.1) مضروبة في T_c . (درجة الحرارة عند النقطة الحرجة)، درجة المحاور بوحدات الضغط أو الحجم عند النقطة الحرجة، وفي هذه الوحدات، فإن أقل حجم Nb هو

و عند درجة حرارة أقل، فإن الخواص تصبح أكثر تعقيداً عند زيادة V فإن الخط الممثل للعملية الإيزوثرمية يرتفع، ثم ينخفض، ثم يرتفع ثانية. وهذا يعني أنه في بعض الحالات، يتسبب انضغاط الماء في تحفيض الضغط والماء الحقيقي لا يتصرف هكذا. وبتحليل أعمق يتبيّن أن نموذج فاندر ويلز لا يتوقع ذلك عند درجة حرارة وضغط معينين، فإن حالة الاتزان الحقيقة للنظام يمكن إيجادها من طاقة جبس الحرارة. لحساب الماء فاندر ويلز لنبدأ بالمطابقة الترموديناميكية لـ G

$$(53.5) \quad dG = -SdT + VdP + \mu dN$$

لكمية مادة محددة، عند درجة حرارة ثابتة، تتحول المعادلة إلى $dG = VdP$ ، وبقسمة طرف المعادلة على dV ينتج:

$$(54.5) \quad \left(\frac{\partial G}{\partial V} \right)_{T,N} = V \left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)_{T,N}$$

يمكن حساب الطرف الأيمن لهذه المعادلة مباشرة من معادلة فاندر ويلز (52.5) وتكون النتيجة:

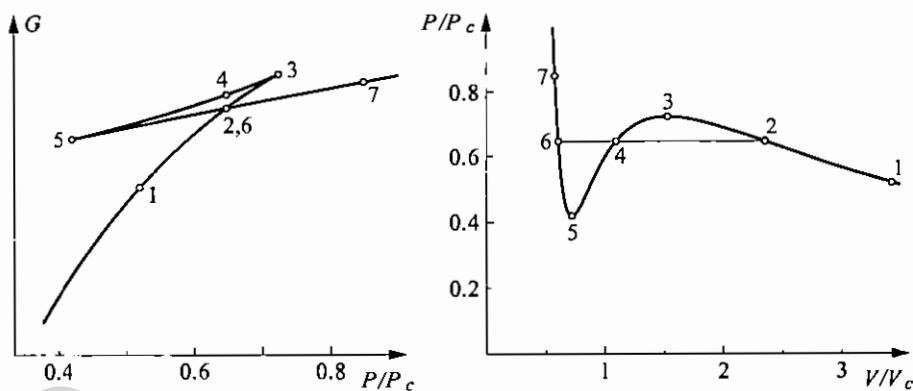
$$(55.5) \quad \left(\frac{\partial G}{\partial V} \right)_{N,T} = -\frac{NkTV}{(V-Nb)^2} + \frac{2aN^2}{V^2}$$

لتكميل الطرف الأيمن من المعادلة، اكتب V في الحد الأول من بسط الكسر على الصورة $(V-Nb)+(Nb)$. ثم كامل كل حد على نحو منفصل، والنتيجة هي،

$$(56.5) \quad G = -NkT \ln(V-Nb) + \frac{(NkT)(Nb)}{V-Nb} - \frac{2aN^2}{V} + c(T)$$

حيث يكون ثابت التكميل (T) ، مختلفاً باختلاف درجات الحرارة، (ليس له أهمية في دراستنا هنا). وتسمى لنا هذه المعادلة برسم طاقة جبس الحرارة لأي درجة حرارة مثبتة، وبدلأ من رسم G كدالة في الحجم، فإنه من المفيد أكثر رسم G على المحور العمودي P على المحور الأفقي، وحساب كل منهما بوصفه دالة في العامل V . الشكل 21.5 يمثل مثالاً لذلك. لدرجة الحرارة الممثلة في المنحنى الإيزوثرمي «الشكل على اليمين» فإن معادلة فاندر ويلز يرافقها ضغوط من أكثر من حجم، والحالة الترموديناميكية المستقرة هي التي تكون فيها طاقة جبس الحرارة أقل ما يمكن؛ لهذا فإن المثلث الواضح في المنحنى لـ G (النقط 2-3-4-5-6) تمثل حالات غير مستقرة. وعند زيادة الضغط تدريجياً، فإن النظام ينتقل مباشرة من النقطة 2 إلى النقطة 6 مع نقصان غير متوقع في الحجم. تحول الطور.

عند النقطة 2 يمكن تسمية الماء «بالغاز» لأن حجمه يتناقض بصورة كبيرة مع زيادة الضغط. عند النقطة 6 يمكن تسمية الماء «بالسائل» حيث إن حجمه يتغير بصورة قليلة جداً مع زيادة كبيرة في الضغط. وعند أي حجم بين هاتين النقطتين، فإن حالة الاستقرار الترموديناميكية تمثل جزءاً من الغاز وجزءاً من السائل، ولا تزال عند ضغط انتقال (Transition pressure) وقد مثلت أيضاً بخط مستقيم أفقي على منحنى PV .



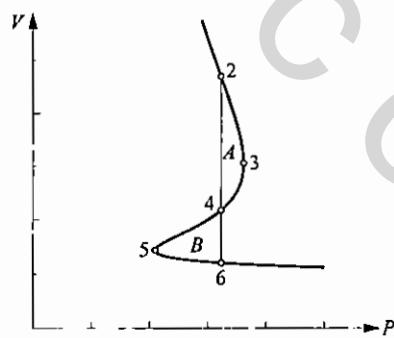
الشكل 21.5: طاقة جبس الحرجة بوصفها دالة في الضغط لمائع فاندر ويلز عند $T = 0.9T_c$ والمنحنى المرافق لعملية أيزوثرمية على اليمين، الحالات في معدلات 2-6-5-4-3-7 تكون غير مستقرة.

إن الجزء المنحني لمنحنى العملية الأيزوثرمية والمقطوع بالخط المستقيم يشير إلى الحالات المسموح بها التي يكون فيها المائع متجانساً، ولكن هذه الحالات المتجانسة غير مستقرة، حيث إن هناك دائماً حالة أخرى (سائل أو غاز) عند الضغط نفسه وقيمة طاقة جبس الحرجة أقل. ويمكن تحديد الضغط بسهولة لتحول الطور من منحنى G . ويمكن أيضاً بطريقة أخرى قراءة الضغط مباشرةً من منحنى PV دون الحاجة إلى رسم G و Ashtonاق هذه الطريقة اعتماداً على أن التغير لـ G لدورة مغلقة يساوي صفرًا (المثلث 2-3-4-5-6 في الشكل 21.5)، أي إن:

$$(57.5) \quad 0 = \int_{\text{loop}} dG = \int_{\text{loop}} \left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_T dP = \int_{\text{loop}} V \, dp$$

التكامل الممثل في الحد الأخير يمكن حسابه من المساحة تحت أي مقطع أو منحنى مرسوم في PV الشكل 22.5 يمثل الشكل (اليمين) الموضح نفسه في الشكل 21.5، حيث رسم المنحنى عمودياً. والتكامل لأي قطعة في المنحنى يساوي المساحة تحت هذه القطعة. وبحساب بسيط للمساحات بين النقاط 2-3، 3-4 و 4-5 و 5-6، نجد أن المساحة المتساوية لقيمة التكامل هي المساحة المظللة A مطروحاً منها المساحة المظللة B في الشكل. وإذا كانت النتيجة تساوي صفرًا، فإن ذلك يعني أن المساحات متساوية، وتدعى هذه الطريقة بناء ماكسويل (Maxwell construction).

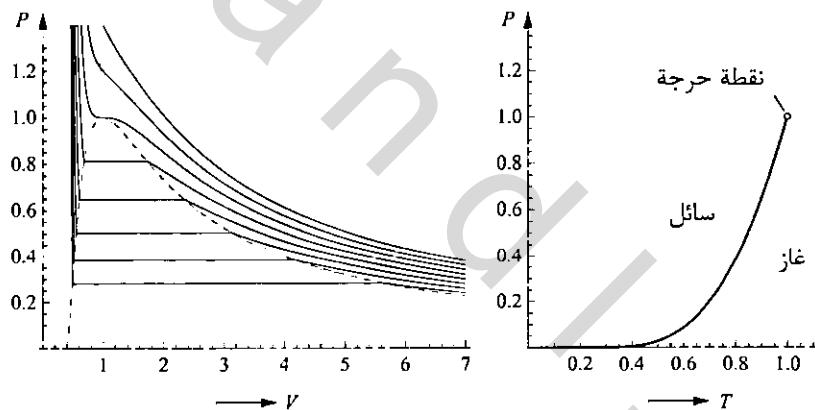
الشكل 22.5: المنحنى نفسه في الشكل 21.5 رُسم بطريقة عمودية حيث إن مساحة كل من A ، B متساوية.



باستخدام بناء ماكسويل لمجموعة مختلفة من درجات الحرارة (الشكل 23.5) نجد أن لكل درجة حرارة هناك ضغط معرف جيداً يدعى ضغط البخار (Vapor pressure)، الذي يحدث عنده التحول في طور السائل - الغاز. ورسم هذا الضغط مع درجة الحرارة يعطي توقعاً كاملاً لحد طور السائل - الغاز. والقطع المستقيمة في الخطوط الأيزوثرمية على منحنى PV تمثل حالات الاستقرار للمادة غاز - سائل ببنية بوصفيها مناطق مظللة في الشكل.

ولكن ماذا بخصوص المنحنيات الممثلة للعمليات الأيزوثرمية عند درجات الحرارة المرتفعة، حيث ترتفع بحدة عند تناقص الحجم؟ لا يوجد لهذه الدرجات انتقال مفاجئ من حالات الكثافة المنخفضة إلى حالات الكثافة العالية. ويختفي حد الطور بعد درجة حرارة معينة تدعى درجة الحرارة الحرجة (Critical temperature) (T_c)، ويدعى الضغط عند T_c الضغط الحرجة P_c والحجم الحرجة V_c . حيث تكون خواص السائل والغاز عند هذه الدرجة متماثلة.

إنه لشيء رائع أن تستخدم معادلة فاندر ويلز لتتوقع هذه الخواص كلها من الناحية الوصفية لملائحة حقيقي: تحول الطور للسائل - الغاز، الشكل العام لمنحنى حد الطور، والنقطة الحرجة. ولسوء الحظ، فإن هذا النموذج يفشل في الوصف الكمي «العديدي»، فمثلاً: إن حد الطور للماء وجد بالتجربة أنه يتغير بصورة حادة أكثر عند النقطة الحرجة، تقع حد الطور الذي بين سابقاً عند $0.8 = T_c / P_c$ فيصبح قياس ضغط البخار هو $0.2P_c$ بدليلاً من القيمة المتوقعة $0.4P_c$. وشرح نماذج أكثر دقة لخواص المائع الكثيفة خارج عن نطاق هذا الكتاب⁽⁵²⁾. وعلى كل حال، فإن ذلك يعد خطوة أولى لفهم تحول الطور للسائل - الغاز.



الشكل 23.5: منحنيات كاملة للطور، كما توقعها نموذج فاندر ويلز. الخطوط عند درجات الحرارة الثابتة على اليسار لقيم T / T_c تتغير من 0.75 - 1.1 بزيادة تدريجية مقدارها 0.05. وفي المناطق المظللة تكون المادة في حالة استقرار في حالتي الغاز - السائل. وأما الشكل على اليمين فيمثل منحنى ضغط البخار الكلي، وقد درجت المحاور بوحدات القيم الحرجة.

السؤال 48.5: تمثل النقطة الحرجة حالة فريدة (الشكل 20.5) على خط فاندر ويلز الذي يمثل درجة

(52) أُعطي في الوحدة الثامنة تقريباً جيداً مفاهيم لمعالجة الغازات المتفاعلة على نحو ضعيف، إضافة إلى تنبينات أعم سُميت محاكاة مونت - كارلو التي يمكن تطبيقها على المائع الكثيفة.

حرارة ثابتة (قبل بناء ماكسويل)، حيث إن المشتق الأول والثانية يساوي كل منهما صفرًا للضغط بالنسبة إلى الحجم (عند ثبوت درجة الحرارة). استخدم هذه الحقيقة، وأثبتت أن:

$$kT_c = \frac{8}{27} \frac{a}{b} \quad V_c = 3N b, \quad P_c = \frac{1}{27} \frac{a}{b^2},$$

السؤال 49.5: استخدم النتيجة في السؤال السابق والقيم التقريبية لكل من a ، b ، وأوجد T_c ، P_c و V_c / N لكل من N_2 و H_2O . (سجل قيم a ، b بعملية عكسية من قيم درجة الحرارة لحرجة، والضغط الحرج).

السؤال 50.5: يعرف معامل الانضغاط لمائع بأنه PV / NkT ، إن انحراف هذه القيمة من 1 هو مقياس مقدار اختلاف المائع عن الغاز المثالي. قدر معامل الانضغاط لمائع فاندر ويلز عند النقطة الحرجة، ولاحظ أن القيمة غير معتمدة على a ، b . (إن القيم التجريبية المقيسة لمعامل الانضغاط عند النقطة الحرجة تكون غالباً أقل من القيم المتوقعة من تعريف فاندر ويلز، فمثلاً 0.227 لالماء، 0.274 لثاني أكسيد الكربون، و 0.305 للهيليوم).

السؤال 51.5: عند رسم المنحنيات وإجراء الحسابات العددية، يفضل استخدام المتغيرات المخفضة (Reduced variables) التي تعرف:

$$t \equiv T / T_c, \quad p \equiv P / P_c, \quad v \equiv V / V_c.$$

أعد كتابة معادلة فاندر ويلز بدلالة هذه المتغيرات، ولاحظ اختفاء a ، b .

السؤال 52.5: ارسم منحني فاندر ويلز عند درجة حرارة ثابتة $T_c / T = 0.95$ بدلالة المتغيرات المخفضة. واستخدم بناء ماكسويل (عددياً أو بالرسم) لتحصل على ضغط البخار، ثم ارسم طاقة جبس الحرارة (بوحدات $N kT_c$) بوصفها دالة في الضغط لدرجة الحرارة نفسها، هل يتوقع هذا المنحني القيمة نفسها لضغط البخار؟

السؤال 53.5: أعد الطريقة في السؤال السابق إذا كانت $T_c / T = 0.8$.

السؤال 54.5: احسب طاقة جبس الحرارة، لمائع فاندر ويلز إلى دالة غير محددة لدرجة الحرارة كما في المعادلة 56.5، مستخدماً المتغيرات المخفضة، وارسم بدقة طاقة جبس الحرارة (بوحدات $N kT_c$) بوصفها دالة في الحجم عند $T_c / T = 0.8$. وحدد نقطتين على المنحني للسائل والغاز عند ضغط البخار، ثم أثبت أن طاقة جبس الحرارة لمجموعة من هذه الحالات (جزء سائل وجزء غاز) يمكن أن تمثل بخط مستقيم يربط بين هاتين النقطتين على المنحني. واشرح لماذا تكون المجموعة أكثر استقراراً عند حجم معين، من الحالة المتجانسة الممثلة في المنحني الأصلي، ثم صف كيف يمكن تحديد حجمين انتقاليين من منحني F .

السؤال 55.5: ستحث في هذا السؤال عن خواص مائع فاندر ويلز بالقرب من النقطة الحرجة. ومن الأسهل العمل بالمتغيرات المختصة.

(أ) اكتب معادلة فاندر ويلز باستخدام مسلسلة تايلور (Tylor - series) في $(V - V_c)$ محتفظاً بالحدود حتى $(V - V_c)^3$.

(ب) إن التغير الناتج L غير متماثل حول V_c . استخدم هذه الحقيقة لإيجاد صيغة تقريرية لضغط البخار بوصفه دالة في درجة الحرارة (قد تجد من المفيد أن ترسم منحنى درجة الحرارة المتساوية (Isotherm)). ثم أوجد ميل حد الطور، dP/dT عند النقطة الحرجة.

(ج) ما زلت تعمل في الحد نفسه، أوجد تعبيراً للفرق في الحجم بين أطوار الغاز والسائل عند ضغط البخار، يجب أن تحصل على $\alpha = (T_c - T)^{\beta}$ ، حيث إن β يدعى الأس الحرّج (Critical exponent). لقد بيّنت التجارب أن β له قيمة عالمية نحو $1/3$ ، ولكن فاندر ويلز يتوقع قيمة أكبر.

(د) استخدم النتيجة السابقة لحساب حرارة التحول الكامنة المتوقعة بوصفها دالة في درجة الحرارة، ومثل بالرسم هذه الدالة.

(هـ) إن شكل المنحنى الممثل لدرجة الحرارة الثابتة عند $T_c = T$ يعرفأس حرّج آخر، يدعى δ تقع بين 4 و 5.

(و) الأس الحرّج الثالث يصف اعتماد درجة الحرارة على الانضغاط الأيزوثرمي

$$k \equiv -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T$$

تباعد هذه الكمية عند النقطة الحرجة، معتمدة على الاقراب من النقطة في أعلى أو من أسفل، وتتناسب مع الأس $\delta = (T_c - T)$ ، لذلك فإن الأسرين γ و β تعرفان بالعلاقتين الآتتين:

$$\text{من أعلى } K \propto (T - T_c)^{\gamma} \quad T - T_c$$

$$\text{من أسفل } K \propto (T_c - T)^{\beta} \quad T - T_c$$

أوجد قيمة K من طرف النقطة الحرجة (أعلى وأسفل) في نموذج فاندر ويلز وبين أن هذا النموذج يتوقع $\gamma = \beta$.

4.5 تحولات الطور للمixtures

تصبح تحولات الطور أكثر تعقيداً إذا احتوى النظام على أكثر من نوع من الجسيمات. فمثلاً يتكون الهواء تقريباً من 79% نيتروجين، و 21% أكسجين (مع إهمال المكونات الأخرى). ماذا يحدث عند تخفيض درجة حرارة الهواء عند الضغط الجوي المعياري؟ هل تتوقع أن يتحول الأكسجين إلى سائل عند وصول درجة الحرارة إلى K 90.2 (درجة غليان الأكسجين)، تاركاً الهواء مكوناً من نيتروجين نقى ليتحول إلى سائل عند K 77.4 (درجة غليان النيتروجين السائل). في الحقيقة لا تتحول أي من مكونات الهواء إلى سائل حتى تنخفض درجة الحرارة إلى K 81.6، ولتبدأ عملية التكثف يجب أن يحتوى السائل على نسبة 48% من الأكسجين. والظاهره نفسها تحدث عند تحول السائل إلى الصلب، مثل تبلور السائل والصخور النارية. ولكن كيف يمكن لنا أن نفهم هذه الظاهرة؟

الطاقة الحرية للمخاليط

سنبدأ بطاقة جبس الحرارة التي عرفت على النحو الآتي:

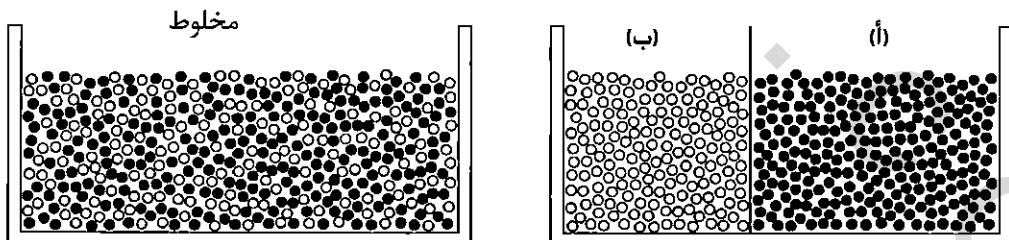
$$(58.5) \quad G = U + PV - TS$$

لتفترض نظاماً يتكون من نوعين من الجزيئات A و B كانا منفصلين عند نفس درجة الحرارة والضغط (الشكل 24.5). مع افتراض ثبوت المجموع الكلي لجزيئات A و B , ولكن نسبة عدد جزيئات A إلى B متغيرة. لنفترض أن طاقة جبس الحرارة لمول واحد من A هي G_A° , ولمول واحد من B هي G_B° . فإذا كان A , B غير مختلطين فإن طاقة جبس الحرارة الكلية هي المجموع لكل من طاقة جبس الحرارة لـ A و B .

$$(59.5) \quad G = (1-x)G_A^\circ + xG_B^\circ \quad (\text{غير مختلطين})$$

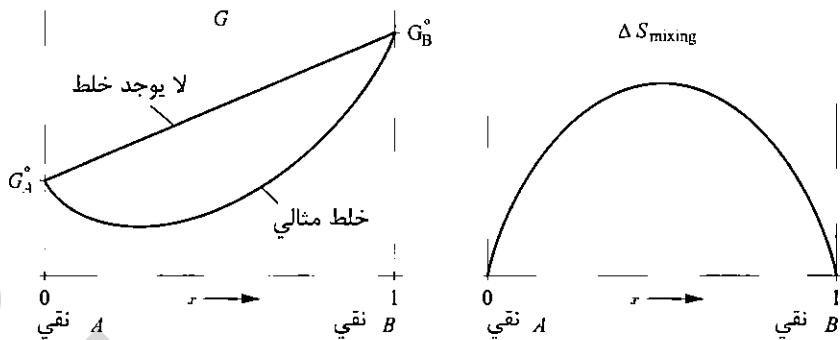
حيث x هو الكسر الممثل لعدد جزيئات B ($x = 0$ لـ A النقية، $x = 1$ لـ B النقية). ويكون المنحنى الممثل لـ G بوصفها دالة في x لهذا النظام غير المختلط خطياً مستقيماً (الشكل 25.5). عند رفع الحاجز الفاصل بين الجزيئات A و B واحتلاطهما بعضهما يتكون خليط متجانس سيحدث تغير في طاقة جبس الحرارة تساوي $G = U + PV - TS$. والتغيير يكون نتيجة لتغير كل من U و V أو S . ويمكن للطاقة U أن تزداد أو تقصى تبعاً لنوع القوى بين الجزيئات المختلفة مقارنة بالقوى بين الجزيئات المتماثلة قبل عملية الخلط، وأن الحجم يعتمد أيضاً على طبيعة هذه القوى وعلى أشكال الجزيئات، وعليه فإنه يمكن أن يزداد أو ينقص نتيجة لعملية الخلط، وتزداد الإنترودي لإتاحة عدد أكبر من الطرق لترتيب الجزيئات. بداية كل ما يهمنا هو التغيير الذي يمكن أن يحدث لكل من U و V , وتكون الإنترودي للخلط لمول واحد، (السؤال 38.2) هي:

$$(60.5) \quad \Delta S_{mixing} = -R[x \ln x + (1-x) \ln(1-x)]$$



الشكل 24.5: مجموعتان من الجزيئات قبل عملية الخلط وبعدها.

يبين الشكل 25.5 العلاقة بين G و x لهذه المعادلة. تكون المعادلة 60.5 صحيحة للغازات المثالية، وللمواد السائلة والصلبة عندما يكون حجم الجزيء لكل مادة مختلطة متساوية تقريباً، ولا توجد هناك أفضلية لجزيء أحدهما لأن يكون له جيران من الجزيئات متشابهة أو غير متشابهة.



الشكل 25.5: تكون دالة جبس الحرارة لكلا من A ، B قبل عملية الخلط دالة خطية.
 $x = N_B / (N_A + N_B)$ وتصبح هذه الدالة أكثر تعقيداً بعد عملية الخلط. والمنحنى (اليمين)
يمثل إنترóبي الخلط. وكل من ΔS_{mixing} و G فإن المماس يكون عموداً عند النقاط النهائية للمنحنى.

تكتب معادلة الطاقة الحرية للخلط عند ثبوت كل من U و V على النحو الآتي:

$$(61.5) \quad \text{خلط مثالي} [G = (1-x)G_A^\circ + xG_B^\circ + RT[x \ln x + (1-x) \ln(1-x)]]$$

يدعى الخلط الذي تنطبق عليه هذه المعادلة الخلط المثالي (Ideal mixture). وفي حالة السوائل والمواد الصلبة، فمن النادر الاقتراب من الخلط المثالي، وبقى الغاز المثالي مثلاً جيداً لدراسة الوصول إلى فهم وصفي لعملية الخلط.

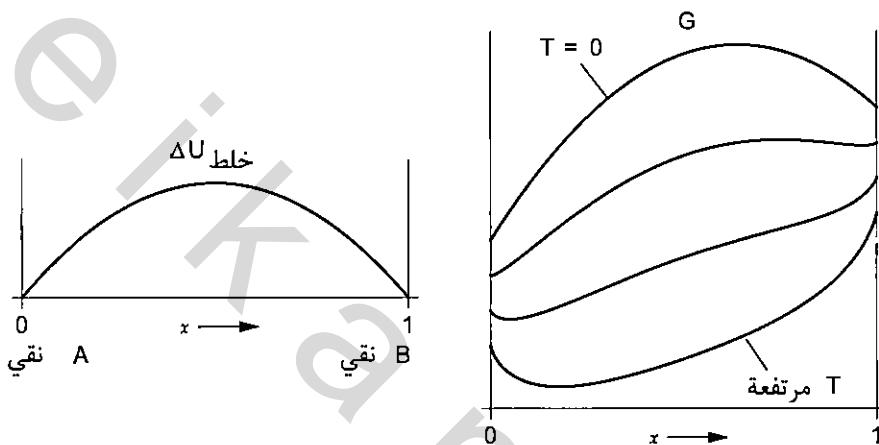
ومن الخواص المهمة في المعادلة 60.5 لإنترóبي الخلط، أن مشتقة هذه المعادلة بالنسبة إلى x تؤول إلى ما لا نهاية، وتكون منحنياتها عمودية. لذا فإن معادلة طاقة جبس الحرارة 61.5 لها مشتقة محددة عند نقطة النهاية. وعند إضافة أي كمية من الشوائب على الخليط، فإن ذلك يؤدي إلى تخفيض قيمة طاقة جبس الحرارة على نحو كبير ما عدا إذا كانت $T = 0$.⁽⁵³⁾

وببحث النظام بصورة طبيعية عن الحالة التي تكون فيها طاقة جبس الحرارة أقل ما يمكن، وهذا يشير إلى أن أطوار الاتزان تحتوي في الأغلب على بعض الشوائب. ولا يوجد خليط غير مثالي له خواص وصفية متشابهة لخواص الخليط المثالي. والاستثناء الوحيد هو زيادة الطاقة الكلية نتيجة لعملية الخلط خصوصاً في السوائل، عندما تكون قوى الجذب بين الجزيئات المختلفة أقل من الجذب بين الجزيئات المتشابهة، كما في حالة خلط الماء بالزيت. لذا فإن تغير الطاقة نتيجة لعملية الخلط يمثل بمنحنى مقعر إلى أسفل يوصفه دالة في x الشكل 26.5.

(53) إن وضع إبرة في كومة من القش النقي تزيد الإنترóبي أكثر من وضعها في كومة من القش تحتوي على آلاف الإبر.

وكذلك عندما $T = 0$ فهناك حدان يؤثران في شكل منحنى G ، مساهمة U في تقرر المنحنى إلى أسفل، ومساهمة $-T$ - مضروبة في S في تقرر المنحنى إلى أعلى. وعند درجات الحرارة القريبة من الصفر المطلق، يبقى تأثير الإنتروبي مسيطرًا بصورة أكبر عند نقاط النهاية $x = 0$ و $x = 1$.

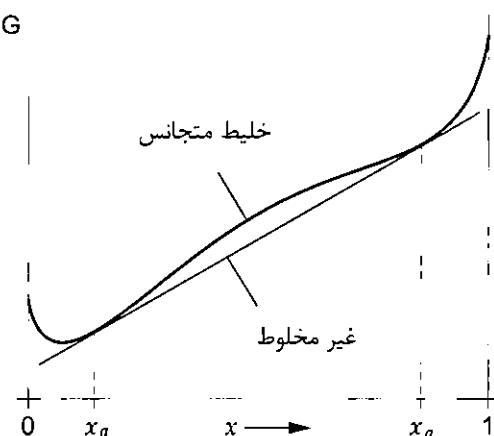
حيث إن إنتروبي الخليط له مشتقة محددة عند هذه النقاط، في حين أن مشتقة G عند هذه النقاط غير محددة. وإن طاقة الخلط أيضًا تتناسب مع عدد جزيئات الشوائب الموجودة في الخليط. وعليه، فعند درجات الحرارة القريبة من الصفر المطلق، فإن دالة الطاقة الحرة تكون مقعرة إلى أعلى بـلقرب من نقاط النهاية، ومقعرة إلى أسفل بالقرب من المنتصف على نحو ما هو موضح في الشكل 26.5.



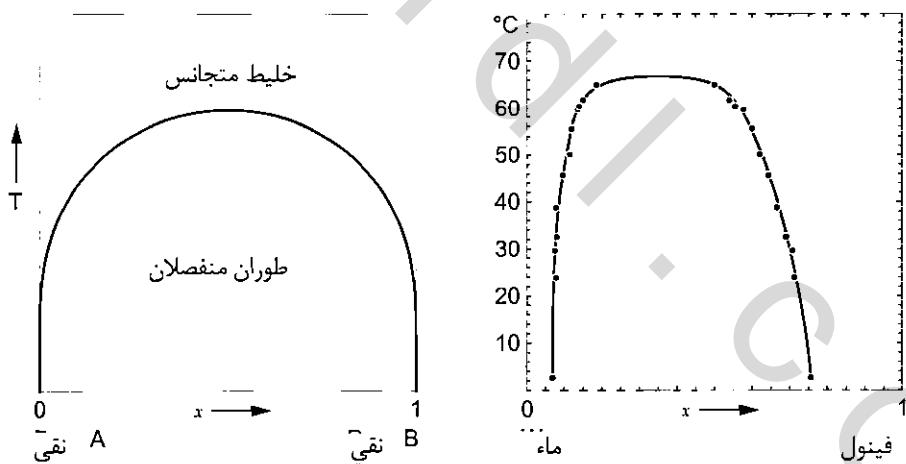
الشكل 26.5: (اليسار): عند خلط A و B فإن طاقة النظام تزداد، حيث إن طاقة الخلط هي دالة تربيعية (السؤال 58.5) (اليمين): الطاقة الحرة لهذه الحالة عند أربع درجات حرارة مختلفة.

يدل التقرر إلى أسفل لدالة الطاقة بأن الخليط غير مستقر، عندأخذ أي نقطتين على هذا المنحنى ورسم خط مستقيم يصل بينهما، فإن هذا الخط يمثل الطورين غير المختلطين بنسب تحددهما النقطتان اللتان اختيرتا على منحنى G . وفي أي شكل مقعر إلى أسفل يمكن رسم خط بين أي نقطتين على المنحنى يقع لأسفله، وهذا يعني أن طاقة جبس الحرارة للمخلوط المتجلسة. وأقل إمكانية لرسم خط بين نقطتين تقطعان المنحنى بوصفه مماسًا هو عند نقطة النهاية (الشكل 27.5). وتشير نقاط التماس على المنحنى إلى تراكيب الأطوار المنفصلة، x_A و x_B . فإذا كان تركيب النظام يقع بين x_A و x_B فإنه ينفصل على نحو طبيعي إلى طور عنى بالمادة A وتركيب x_B ، والطور الغني بالمادة B له تركيب x_A . وعندئذ يوصف النظام بأنه يمتلك فجوة قابلة للذوبان (Solubility gap) أو أن الطورين غير قابلين للاختلاط (Immiscible). وعادة يزيد عرض الفجوة زيادة درجة الحرارة حتى تختفي تماماً، وعندئذ يكون منحنى G مقعرًا إلى أعلى عند جميع نقاطه.

الشكل 27.5: لإنشاء منحنى اتزان الطاقة الحرارة، ارسم خطًا مستقيماً بين نقطتين على المنحنى، حيث يكون مماً عند هاتين النقطتين. ويكون تركيب الخليط بين هاتين النقطتين لطوريين منفصلين بتراكيبي x_1 و x_2 ليخفض الطاقة الحرارة.

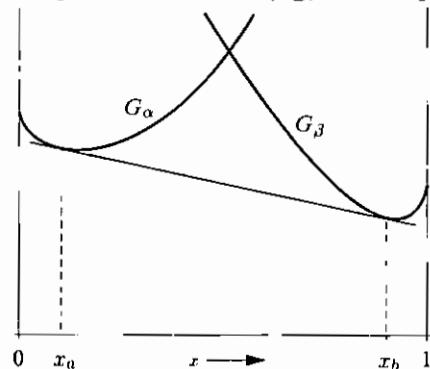


عند رسم منحنى بين T و x يأخذ كل من x_1 و x_2 عند درجة حرارة نحصل عنها على منحنى طور، على نحو ما هو موضح في الشكل 28.5. وفي المنطقة التي تكون أعلى من المنحنى، فإن الخليط يكون متجانساً، وأسفل المنحنى ينفصل الخليط إلى طوريين منفصلين، حيث يحدد تراكيب كل منهما من المنحنى، ومثال ذلك خلط الزيت بالماء عند الضغط الجوي المعياري، فعند درجة حرارة حرجة تكون أعلى بكثير من درجة غليان الماء يحدث اختلاط تام بينهما. الشكل 28.5: (يمين) يمثل خليطاً للماء والفينول (C_6H_5OH) حيث تكون درجة الحرارة الحرجة للخلط هي $67^\circ C$. وتحدث فجوة قابلية الذوبان في المواد الصلبة، كما تحدث في حالة خليط السوائل. ولكن عملية الخلط في المواد الصلبة تكون أكثر تعقيداً لاختلاف البلوري في هذه المواد. فمثلاً عند خلط مادة A بمادة B المختلفتين في تركبيهما البلوري، وإذا أعطي الرمز α للتركيب البلوري لـ A والرمز β للتركيب البلوري لـ B . وبسبب الميل اللانهائي لدالة إنترافيدي الخليط، فإنه من الممكن إضافة بعض جزيئات B إلى الطور α ، أو إضافة بعض جزيئات A إلى الطور β .



الشكل 28.5: اليسار: منحنى الطور لنظام بسيط لطاقة الخلط G رسمت في الشكل 26.5، اليمين: المنحنى الحقيقي من التجارب العلمية. ماء + فينول، حيث إن خواصه الوصفية مشابهة للتوقعات [Alan N. Campbell and A. Jean Campbell, J of the American Chemical Society 59, 2481(1937). Copyright 1837 American Chemical Society].

تتسبب إضافة الشوائب إلى الخليط في إحداث إجهاد على الشبكة البلورية ما يؤدي إلى زيادة الطاقة على نحو كبير. ويوضح الشكل 29.5 منحنين الطاقة الحرجة لمثل هذا النظام، حيث يمكن رسم خط مستقيم بالأسلوب السابق نفسه، وبدل تغير المنحنين إلى أعلى على أن هناك فجوة قابلية للذوبان. أما الترتيب المستقر عند التراكيب العِسطية فهو خليط غير ممتزج للطوريين يظهران عند نقاط التماس. وقد يكون الوضع أعقد من ذلك لبعض المواد الصلبة، حيث تكون تراكيبها البلورية مستقرة عند تراكيب وسطية. ومثال على ذلك النحاس الأصفر (brass) (حاس + زنك)، حيث إن لهذه السبيكة خمسة تراكيب بلورية، وكل منها يكون مستقرًا عند تركيب محدد.



الشكل 29.5: منحنى الطاقة الحرجة لخليط من جامدين لهما تركيب بلوري مختلف α و β . إمكانية رسم خط مستقيم يشير إلى مدى التراكيب الذي تكون فيه المكونات غير المختلطة من α و β في استقرار أكبر من الخليط المتجانس.

السؤال 56.5: أثبت أن إنترóيي الخليط، لخلط الغاز المثالي يكون ميله غير محدد عند رسم الإنترóيي بوصفها دالة في x ، عند $x = 0$ و $x = 1$.

السؤال 57.5: خليط مكون من 100 جزيء يتغير تركيبه بين A النقي إلى B النقي. احسب إنترóيي الخلط بوصفها دالة في N_A ، وارسم هذه الدالة بوحدات k . وافترض أنك بدأت بـ 100 جزيء A واستبدلت أحد جزيئاته بجزيء من B ، مما مقدار الزيادة في الإنترóيي؟ استخدم الحاسوب، ثم استبدل جزيئين، ثم ثلاثة، وهكذا... حتى تصل إلى B النقي، واحسب الإنترóيي لهذه العملية.

السؤال 58.5: سيقترح نموذج لوصف طاقة الخلط بطريقة سهلة نسبياً لربط فجوة قابلية الذوبان بالخصائص الجزيئية. افترض أن خليطاً مكوناً من A و B ، يكونان متماثلين في جميع خواصهما ما عدا خاصية واحدة، وأن الجهد الكيميائي الناتج عن تفاعل الجزيئات المجاورة يعتمد على كون هذه الجزيئات متشابهة أو مختلفة. فإذا كانت n هي معدل عدد الجزيئات المجاورة لأي جزيء (ربما 6 أو 8 أو 10)، وأن u_{AB} معدل طاقة الوضع بين الجزيئات المتقاربة المتشابهة ($A - A$) أو ($B - B$)، وأن $u_{AB} \neq u_{AA}$ لا تعتمد على مقدار A و B . وأخيراً إنترóيي الخلط هي نفسها للمحلول المثالي.

(أ) بين أنه في حالة وجود النظام غير المختلط، فإن مجموع طاقة الوضع الناتجة عن التفاعلات للجزيئات المجاورة هي $\frac{1}{2} N n u_0$.

(ب) أوجد صيغة لطاقة الوضع بدلالة x (الجزء الممثل لـ B) عند اختلاط النظام بطريقة عشوائية مع B (ج) بطرح نتيجة أ وب بعضهما من بعض تحصل على التغير في الطاقة نتيجة لعملية الخلط، بسط هذه العلاقة، بحيث تحصل على تعبير رياضي يتناسب مع $(x - 1)x$ ، ثم مثل بيانياً هذه الدالة مع x للإشارةتين المحتملتين للقيمة $u_0 - u_{AB}$.

(د) بين أن ميل منحنى دالة الطاقة للخلط، يكون محدداً عند نقطتي النهاية، مخالفًا لميل دالة إنترóيي الخلط.

(هـ) إذا كانت $u_{AB} > u_0$ ، فارسم منحنى طاقة جبس الحرارة مع x لهذا النظام عند درجات حرارة عددة مختلفة، ثم نقش دلالات هذا المنحنى.

(و) أوجد صيغة رياضية لأعلى درجة حرارة تتكون عندها فجوة قابلية الذوبان لهذا النظام.

(ز) أوجد بصورة تقديرية قيمة $u_{AB} - u_0$ لخلط سائل له فجوة قابلية ذوبان.

(ح) ارسم منحنى الطور T و x لهذا النظام.

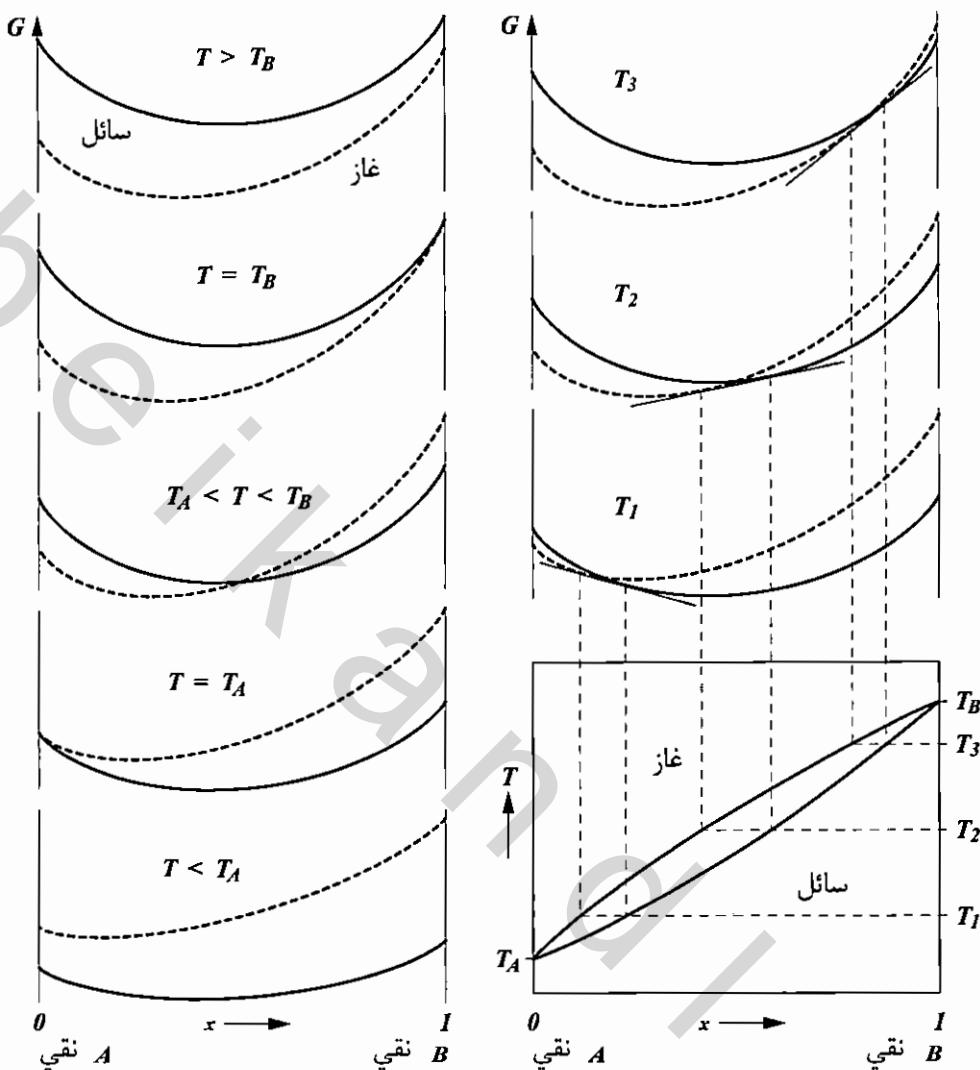
تغيرات الطور للمخلوط القابل للاختلاط Phase change of a Miscible Mixture

بالرجوع إلى العملية التي شرحت في بداية هذا الجزء والمتعلقة بتسهيل خليط النيتروجين والأكسجين، وجد أن الأكسجين والنيتروجين يختلطان اختلاطاً كاملاً ببعضهما؛ لذا فإن منحنى دالة الطاقة الحرية يكون مقرراً إلى أعلى عند النقاط جميعها. وكذلك يكون منحنى الطاقة الحرية للخلط الغازي مقرراً إلى أعلى. وعند دراسة العلاقة بين هاتين الدالتين عند درجات حرارة متعددة، يمكن لنا أن نفهم خواص هذا النظام ورسم منحنى الطور له.

يبين الشكل 30.5 دوال الطاقة لنموذج هذا النظام الذي يتصرف بوصفه مزيجاً مثاليًّا في حالة الغازية والسائلة. ومكونات هذا النظام A و B هي الأكسجين والنيتروجين، حيث تكون خواصهما الوصفية متشابهة.

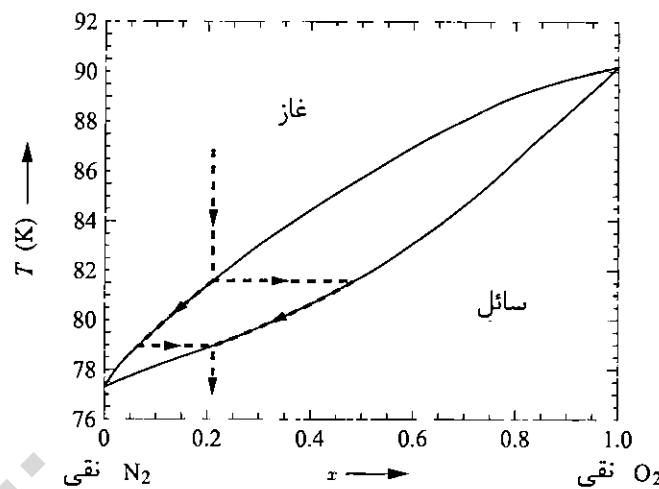
لنفترض أن نقاط الغليان لـ A النقية و B النقية هما T_A و T_B . عند درجة حرارة أعلى من T_B فإن الطور المستقر هو الغاز بغض النظر عن مكونات النظام. لذا فإن منحنى الطاقة الحرية للغاز يقع كاملاً تحت منحنى السائل. وعند انخفاض درجة الحرارة، فإن دالتي الطاقة الحرية تزدادان ($S = \partial G / \partial T$). ولكنها تزداد للحالة الغازية بصورة أكبر، حيث إن الغاز يمتلك إنتروببياً أعلى. وتتقاطع المنحنين إذا كانت $T = TB$ عند $x = 1$ ، حيث إن أطوار السائل والغاز لمادة B النقية تكون في حالة اتزان. وعند زيادة T أكثر، فإن نقطة التقاطع تتحرك إلى اليسار، حتى تصل إلى T_A = 0 وعندها تكون نقطة التقاطع عند $x = 0$. أما عند درجة حرارة أقل، فإن الطاقة الحرية للسائل أقل من تلك التي للغاز عند التراكيب جميعها. وبين درجات حرارة T_A و T_B ، فإن طرد السائل أو الغاز لا يكون أي منها أكثر استقراراً معتمدًا على التركيب للخلط. ونلاحظ من شكل المنحنين، أنه يمكن رسم خط مستقيم مماساً لكلا المنحنين يقع أسفل المنحنين، وبين نقطتي التماس، فإن الترتيب المستقر هو المجموعة غير المختلطة من الغاز والممثلة في نقطة التماس على الجهة اليسرى من المنحنى، وتركيب السائل الممثل بالنقطة اليمنى من المماس. ويدل الخط المستقيم على الطاقة الحرية للتراكيب غير المخلوطية (الممزوجة). وعند رسم خط مستقيم عند كل درجة بين T_A و T_B يمكن استحداث منحنى طور T و x لهذا النظام، حيث يكون النظام غازاً في المنطقة العليا من الشكل، وسائلًا في المنطقة السفلية، ومجموعة غير مختلطة ما بين المنحنين.

ويبيّن الشكل 31.5 منحنى الطور التجاري لنظام مكون من النيتروجين – الأكسجين، والشكل لا يشبه تماماً المنحنى المثالي لنموذج $B - A$ ، ولكن له الميزات الوصفية نفسها. ويمكن أن نلاحظ من المنحنى أنه إذا كان هناك خليط هواء 79% نيتروجين، و 21% أكسجين، وخفضت درجة الحرارة، فإن الخليط سيبقى في الحالة الغازية حتى يصل إلى درجة حرارة $K = 81.6$. يبدأ السائل عند هذه النقطة بالتكلس. ويتقاطع الخط الأفقي عند هذه الدرجة مع المنحنى الأقل عند $x = 0.48$ ، أي إن السائل يحتوي على 48% أكسجين.



الشكل 4.5: اليسار: الطاقة الحرية للسائل والغاز بوصفها خليطاً مثالياً عند خمس درجات حرارة، أعلى، أقل، تساوي، وبين درجات الغليان T_A و T_B . والمنحنى الثالث على اليمين عند درجات حرارة متوسطة، في حين يمثل المنحنى في الأسفل منحنى الطور. حتى يتكتف الأكسجين بسهولة أكبر من النيتروجين.

لتكون السائل غنياً بالأكسجين مقارنة بالغاز، ولكن ليس أكسجيننا نقياً؛ لأن الإنتروبي تمثل إلى جعل الأطوار أقل نقأة، وعند تخفيف درجة الحرارة أكثر يصبح الغاز خالياً من الأكسجين، ويتبع تركيبه الجزء العلوي من المنحنى. في حين يتبع تركيب السائل المنحنى الأسفل، حيث يزيد نسبة النيتروجين / الأكسجين.



الشكل 31.5: منحى الطور للنيتروجين والأكسجين تحت الضغط الجوي.

(Data from International Critical Tables (Volume 3) with end points adjusted to values in Lide 1994)

عند 79.0 K يصل السائل إلى تركيز كلي يحتوي على 21% أكسجين، حيث لا يتبقى أي غاز، وتكون الكمية التي تكثفت في النهاية تحتوي على 7% أكسجين. إن تحولات سائل - غاز لأنواع مختلفة من الخليط تتصرف بطريقة مشابهة. وإضافة إلى ذلك، فإن بعض تحولات الصلب - السائل تتصرف بالطريقة نفسها. ومثال على ذلك، الخليط المحتوى على نحاس - نيكل، سليكون - جيرمانيوم، وبعض الخامات المعدنية (متغيرة من Fe_2SiO_4 إلى Mg_2SiO_4) ففي هذه الأنظمة كلها، فإن التركيب البلوري للمادة الصلبة يكون نفسه في التراكيب المحتملة لها للخلط؛ لذا فإن خلط جامدين نقبيين يكون تقريباً خليطاً مناسباً، ويدعى مثل هذا الخليط السائل الصلب (Solid solution).

السؤال 59.5: بُرّد خليط يتكون من 50% نيتروجين، و 50% أكسجين حتى تحول إلى سائل. اشرح عملية التبريد بالتتابع متضمناً درجات الحرارة والتركيب من بداية عملية التسخين حتى نهايتها.

السؤال 60.5: مخلوط مكون من 60% من النيتروجين السائل، و 40% من الأكسجين السائل. اشرح ماذا يحدث للخلط عند رفع درجة الحرارة من بداية عملية الغليان حتى تحول الخليط إلى غاز.

السؤال 61.5: صنف العملية التي يمكن بها الحصول على أكسجين سائل بنقاوة 95% ، إذا بدأئت العملية بالهواء

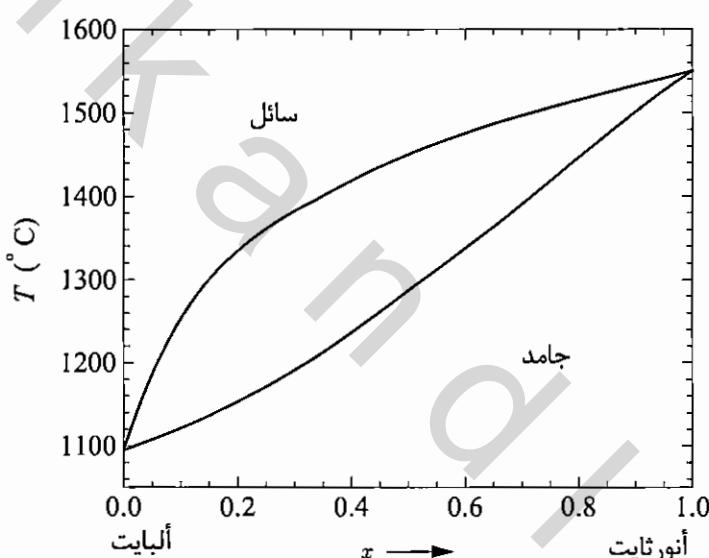
السؤال 62.5 : نظام يتكون من مادتين تمتزجان بعضهما وتركيبيها x عند درجة الحرارة التي يوجد عنها طوراً الغاز والسائل. فإذا كان تركيب الغاز عند هذه الدرجة x_a والسائل x_b فأثبت باستخدام قاعدة تحديد المراحل lever rule أن نسبة السائل إلى الغاز هي $(x_a - x)/(x_b - x_a)$. فسر هذه القاعدة بالرسم على منحى الطور.

السؤال 63.5: خلال هذا الجزء تم افتراض ثبوت الضغط الكلي للنظام. فكيف تتوقع منحنى الطور لـ النيتروجين - الأكسجين مع زيادة الضغط أو تخفيفه؟

السؤال 64.5: يمثل الشكل 32.5 منحنى الطور عند الضغط الجوي لخام (Plagioclase feldspar) الذي يتكون من خليط من الألبait (NaAlSi₃O₈) والأنوروثايت (CaAl₂Si₂O₈).

(أ) إذا كانت هناك صخرة تتغير بلوراتها (Plagioclase) من المركز إلى السطح، حيث يكون هناك 70% في البلورات من مادة الأنوروثايت. والبلورات عند السطح يكون تركيبها ألبait نقية، فما هو كيف يمكن أن يحدث ذلك، وما التركيب الأصلي للرماد البركاني السائل الذي تكونت منه الصخرة؟

(ب) افترض أن هناك صخرة أخرى، بحيث إن البلورات عند سطحها العلوي غنية بالألبait، بينما البلورات القريبة من سطحها السفلي غنية بالأنوروثايت؟ بين كيف يمكن أن يحدث ذلك.



الشكل 32.5: منحنى الطور لخليط (Plagioclase feldspar) من N. L. Bowen "The Melting Phenomena of the Plagioclase Feldspars" American J. of Science 35, 577–599 (1913)

السؤال 65.5: في السؤال السابق، افترض أن السائل له طاقة خليط سالبة كبيرة. لذا فإن منحنى الطاقة الحرية يتراجع تحت منحنى الطاقة الحرية للغاز عند درجة حرارة أعلى من T_B . ارسم شكل هذا الطور، وبيان أن هذا النظام يمكن افتراضه أيضاً (Azoetrope).

السؤال 66.5: ستستقر صيغة تقريبية لأشكال حدود الطور في المنحنيات الممثلة بالأشكال 31.5 و 32.5، بافتراض أن الطورين يتصرفان بوصفهما مخالفتين مثاليتين، وللتحديد افترض أن الأطوار هي للسائل والغاز.

(أ) بين أنه في حالة الخليط A و B فإن الجهد الكيميائي μ_A يمكن كتابته على صورة:

$$\mu_A = \mu_A^\circ + kT \ln(1-x)$$

حيث إن μ_A° هو الجهد الكيميائي للمادة النقية A (عند نفس درجة الحرارة والضغط)،

و $x = N_A / (N_A + N_B)$ أشتق صيغة مشابهة للمادة B .

(ب) عند درجة حرارة معينة (T) افترض أن x_A و x_B ينتجان المعادلة:

$$\frac{x_A}{x_B} = e^{\Delta G_B^\circ - RT} \quad \text{و} \quad \frac{1-x_A}{1-x_B} = e^{\Delta G_A^\circ - RT}$$

حيث إن ΔG° تمثل التغير في G للمادة النقية التي يتغير طورها عند درجة الحرارة T .

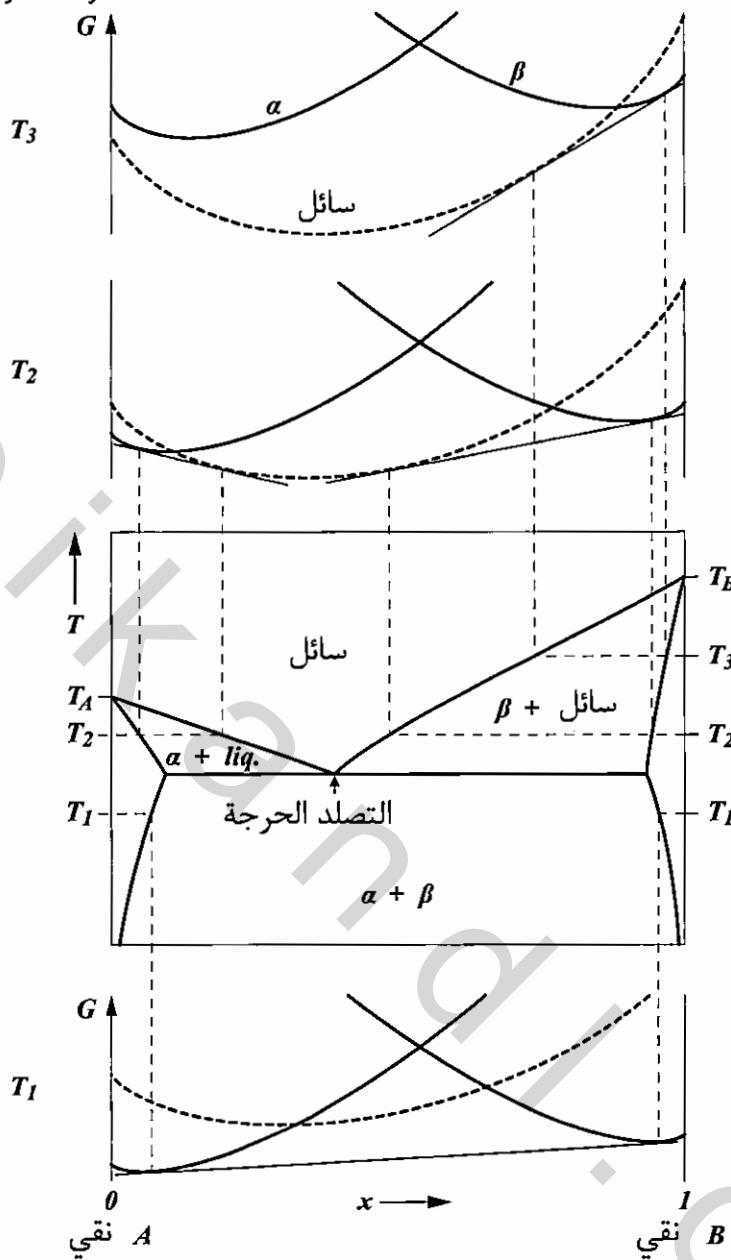
(ج) ضمن مدى محدد من درجات الحرارة يمكن أن نفترض أن الاعتماد الأساسي لدرجة الحرارة على $\Delta G^\circ = \Delta H^\circ - T\Delta S^\circ$ ؛ لأن $\Delta G^\circ = \Delta H^\circ - T\Delta S^\circ$ يكونان تقريرياً ثابتين. أعد كتابة نتيجة الفرع بدلالة ΔH_A° و ΔH_B° ، T_A و T_B ، ΔS ثم أوجد x_A و x_B بوصفها دالة في درجة الحرارة.

(د) ارسم نتيجتك لنظام يتكون من النيتروجين والأكسجين، حيث بافتراض أنه للمادة النقية، فين $\Delta H_{O_2}^\circ = 5570 \text{ J/mol}$ و $\Delta H_{N_2}^\circ = 31.5 \text{ J/mol}$. وقارن نتائجك بالمنحنى.

(هـ) بين أنه يمكن اعتماد الشكل 32.5 في حساباتك باختيار قيم معقولة لـ ΔH° ما هذه القيم؟

تحولات الطور للنظام المنصهر Phase Change of a Eutectic System

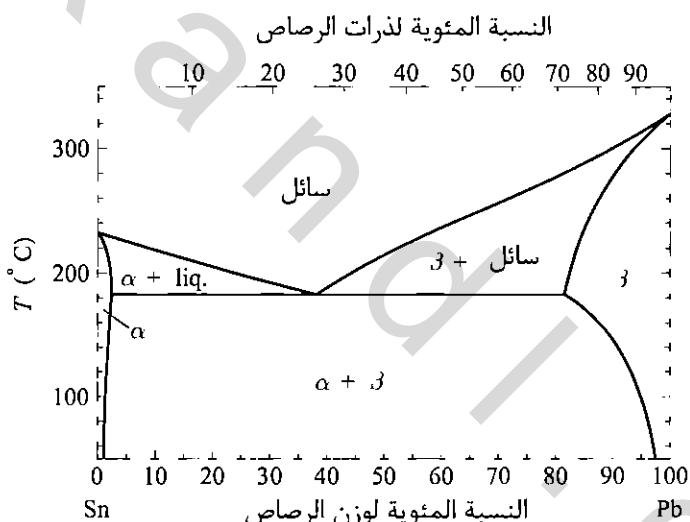
يختلف الترتيب البلوري في غالبية خليط المواد الصلبة باختلاف نسبة مكونات الخليط. والحالة المبنية في الشكل 29.5 هي الأكثر شيوعاً، حيث يوجد نوعان من البلورات α و β عند التركيب القريب من A النقية B النقية بالترتيب، وفي مجموعة غير مختلطة، فإن α و β يكونان مستقررين عن التركيب المتوسط. لنفترض أن كلاً من A و B يتمتعان ببعضهما امتزاجاً تاماً في طور السائل. وستدرس دوال الطاقة عند درجات حرارة مختلفة (الشكل 33.5). إذا كانت T_B هي درجة انصهار المعدن B النقية، وهي أعلى من درجة الانصهار للمعدن A النقية.



الشكل 33.5: رسم منحني الطور لنظام انصهاري من منحنين الطاقة الحرية.

عند درجات الحرارة المرتفعة، فإن الطاقة الحرية للسائل تكون أسفل طور الصلب لأي منهما. وعند تخفيف درجة الحرارة، تزداد دوال الطاقة الحرية ($\partial G / \partial T = -S$)، وتزداد الطاقة الحرية للسائل على نحو أسرع؛ لأنها تمتلك معظم إنترودبي النظام، ويتقاطع منحني الطاقة الحرية للسائل مع طور B عند درجة حرارة أقل من T_B ؛ إذا فهناك مدي من التركيب يكون فيه الترتيب مستقرًا في المجموعة غير المختلطة من السائل و β . ومع زيادة

الانخفاض لدرجة الحرارة يزداد هذا المدى ليصل جانب A من المنحنى، حيث يتقطع في النهاية مع منحنى A ويكون التركيب غنياً بالمعدن A . والطور المستقر يكون عبارة عن مجموعة غير مختلطة من السائل وA . وعند انخفاض أكثر لدرجة الحرارة، فإن هذا المدى يصل في اتجاه B حتى يتقطع في النهاية مع مدى السائل $\beta + \alpha$ عند نقطة الانصهار (Eutectic point)، وعند درجة حرارة أقل، فإن الترتيب المستقر هو مجموعة من α و β في حالة صلبة، وفي هذه الحالة، فإن الطاقة الحرارة للسائل تكون أكبر من الطاقة الحرارة لهذه المجموعة. ويمثل خليط الرصاص - القصدير المستخدم في عمليات لحام الدوائر الكهربائية مثلاً جيداً للجاء المجموعة. ويبيّن الشكل 34.5 منحنى الطور لخليط الرصاص - القصدير. ويكون تركيب اللحام قريباً من التركيب عند نقطة التصلد الحرجة التي تتكون من 38% من الرصاص (كتلة) أو 26% (بعدد الذرات). وللهذا التركيب مزايا كثيرة: درجة الانصهار أقل ما يمكن (183°C) وتجمده يكون مفاجئاً، وليس تدريجياً، ويكون المعدن البارد قوياً، ويحتوي التركيب البلوري على بلورات صغيرة متبدلة بانتظام. وهناك أنواع مختلفة من المواد التي تكون خليطاً تصرف بهذه الطريقة نفسها. ويستخدم الخليط الانصهاري في الحصول على بلورات سائلة يمكن استخدامها عند درجة حرارة الغرفة. وخليط ملح الطعام NaCl مع الماء عند تركيب نقطة التصلد الحرجة (21°C) (Eutectic point) (23% ملح بالوزن) يبقى سائلاً عند درجة حرارة تصل إلى -21°C ⁽⁵⁴⁾.



الشكل 34.5: منحنى الطور لمخلوط القصدير - الرصاص مأخوذ من [Thaddeus B. Massalski, ed., Binary Alloy Phase Diagrams, 2nd Ed. (ASM International, Materials Park, OR, 1990)].

والمبرد المستخدم في آلة المركبة المكون من خليط من الماء وإيثيلين جلايكول (ethylene glycol) يتجمد عند 13°C - في حين يتجمد الماء النقى عند 0°C ، يتجمد الإيثيلين جلايكول النقى عند -13°C - ، لذا، لن يبقى أي منها في حالة السائلة في ليالي الشتاء الباردة. ولحسن الحظ، لا يبدأ مخلوط من السائلين بقيمة 50:50 (بالحجم) بالتجمد حتى تصل درجة حرارته -31°C - نقطة

(54) منحنى طور الماء+ NaCl يرجى الرجوع إلى Zemansky and Dittman 1997

التصلد الحرجة فتتجدد عند درجة حرارة $C = 49^\circ$ ويكون التركيب 56% من جليكون الإيشيلين (بالحجم)⁽⁵⁵⁾. وتكون بعض منحنيات الطور للنظم الانصهارية أكثر تعقيداً لوجود أنواع بلورية مختلفة عند درجات الحرارة المتوسطة. (السؤالان 71.5 و 72.5). وهناك أنظمة تتكون من ثلاثة مكونات، حيث يمثل منحنى الطور بمستوى على صورة مثلث.

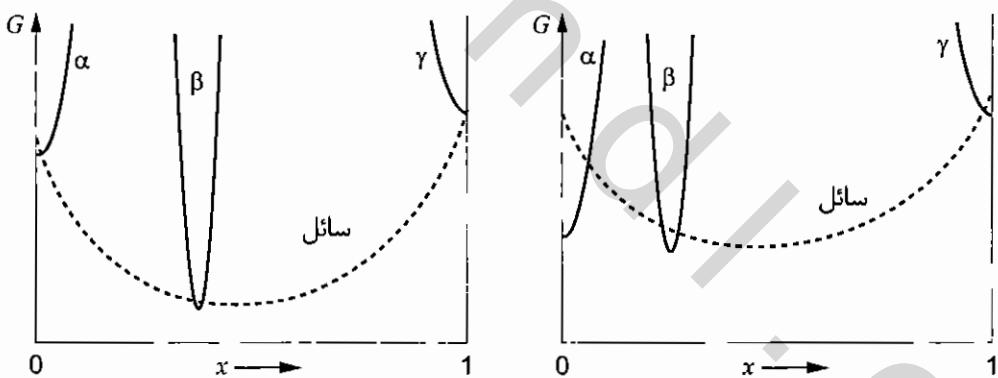
وهناك مئات من منحنيات الطور في كتب السيراميك، والتعدين، والبترول. ويمكن فهم هذه المنحنيات فيما وصفياً بدلالة الطاقة الحرية على نحو ما سُرّح في هذا الجزء.

السؤال 68.5: يتكون اللحام في السباكة من 67% رصاص و 33% قصدير. صف ما يحدث لهذا اللحام عندما يبرد. وأشار لماذا يستخدم هذا اللحام لتوصيل الأنابيب بدلاً من لحام الدوائر الكهربائية.

السؤال 69.5: ماذا يحدث إذا نثرت ملحًا فوق ممر ترجل؟ ولماذا تستخدم هذه الطريقة في الجو البارد جدًا؟

السؤال 70.5: ماذا يحدث إذا أضفت ملحًا إلى حوض الجليد في آلة صنع آيس كريم؟

السؤال 71.5: الشكل (اليسار) يمثل منحنيات الطاقة عند درجة حرارة معينة لنظام يتكون من عنصرين لهما ثلاثة أطوار صلبة (تركيبات بلورية). الأول A نقى، والثاني B نقى، والثالث بتركيب وسيطي. ارسم خطوطاً مماسية لتحدد أي الأطوار الموجودة عند أي قيمة x . ولتحدد ماذا يحدث عند درجات حرارة أخرى، يمكن تحريك منحنى الطاقة إلى أعلى أو إلى أسفل (حيث إن الإنترودي للسائل هي أكبر من إنترودي الجامد) لتحدد ماذا يحدث عند درجات حرارة أخرى، ثم ارسم منحنى وصفياً لهذا النظام. يجب أن تجد نقطتين «لتصلد الحرجة» ومن الأمثلة على هذا النظام، الماء + جلايكول الإيشيلين، والقصدير - الماغنيسيوم.



الشكل 35.5: منحنيات الطاقة الحرية للسؤالين 71.5 و 72.5

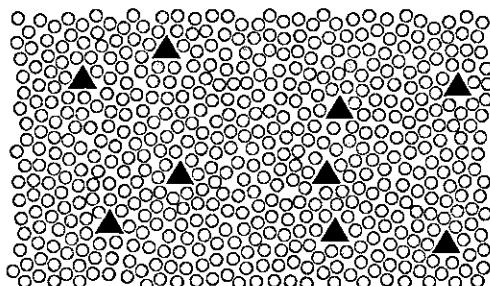
السؤال 72.5: أعد حل السؤال السابق للمنحنى 35.5 (يمين) حيث هناك اختلاف وصفي مهم. يجب أن تجد في هذا المنحنى أن β والسائل في اتزان فقط عند درجة حرارة أقل من النقطة التي يكون فيها السائل متزناً مع مقدار متناهية في الصغر، لكن من α و β تدعى هذه النقطة «نقطة قبل التصلد peritecitic». ومن أمثلة هذا النظام الماء + الملح والليوسايت + الكوارتز (leucite + quartz).

(55) راجع (منحنى الطور) من J. Bevan Ott, Rex Goates, and Jonn D. Lamb Journal of Chemical Thermodynamics 4, 123 – 126 (1972).

5.5 المحاليل المخففة Dilute Solutions

الفرق بين المحلول والخليل، هو أن أحد مكونات المحلول (المذيب Solvent) يكون رئيساً والأخر (المذاب Solutes) يكون ثانوياً. ويدعى المحلول المخفف إذا كانت جزيئات المذاب أقل بكثير من جزيئات المذيب (انظر الشكل 36.5)، وتحاط جزيئات المذاب بجزيئات المذيب، حيث يتصرف المذاب في حالات كثيرة تصرف غاز مثالي؛ لذا يمكن توقع كثير من خواص هذا المحلول (شاملًا درجة الغليان ودرجة التجمد) بطريقة كمية.

الشكل 36.5: محلول مخفف، المذاب أقل وفرة من المذيب.



الجهود الكيميائية للمذيب والمذاب Solvent and Solute Chemical Potentials

لتوقع خواص المحلول المخفف والمتفاعل مع محطيه، يجب أن نعرف شيئاً عن الجهود الكيميائية لكل من المذيب والمذاب، إذا كانت μ_A تمثل الجهد الكيميائي لـ A التي ترتبط بطاقة جبس الحرّة؛ لذا فإن $\mu_A = \frac{\partial G}{\partial N_A}$ ، ونحتاج هنا إلى إيجاد صيغة لطاقة جبس الحرّة للمحلول المخفف، بدلالة عدد جزيئات كل من المذيب والمذاب، وقد تكون هذه الصيغة فيها شيء من الصعوبة، ولكنها جديرة بذلك، حيث يمكن تطبيق هذه الصيغة على أنظمة مختلفة لها أهمية في الفيزياء الحرارية.

لنفترض في البداية أن هناك مذيباً نقياً عدد جزيئاته N_A ، فتكون طاقة جبس الحرّة هي $N_A \mu_0$ مضروبة في الجهد الكيميائي.

$$(62.5) \quad G = N_A \mu_0(T, P) \quad (\text{مذيب نقي})$$

الجهد الكيميائي للمذيب النقي، وهي دالة في الضغط ودرجة الحرارة. عند إضافة جزء واحد من B إلى المذيب مع ثبوت الضغط ودرجة الحرارة، تتغير طاقة جبس الحرّة طبقاً للعلاقة:

$$(63.5) \quad dG = dU + P dV - T dS$$

أما dU و $P dV$ فلا تعتمدان على N_A بل تعتمدان فقط على طبيعة تفاعل جزء B مع ما يجاوره من جزيئات المذيب A ، بغض النظر عن عدد جزيئات A الموجود في المحلول. أما الحد $T dS$ فهو أكثر تعقيداً، حيث إن T لا تعتمد على عدد الجزيئات، ولكن dS تعتمد على حررتنا في اختيار موقع الجسيم B لذا فإن عدد الخيارات المتاحة تتناسب مع N_A ، والزيادة في الإنتروليتشيل الحد $k \ln N_A$.

$$(64.5) \quad dS = k \ln N_A + (NA)$$

وعليه، فإن التغير بالطاقة الحرجة هو:

$$(65.5) \quad dG = f(T, P) - kT \ln N_A \quad (B)$$

تخيل الآن أننا أضفنا جزيئين من B إلى المذيب النقي. يمكن لنا لهذه العملية تطبيق السابقة مرتين لنجعل على:

$$(66.5) \quad dG = 2f(T, P) - 2kT \ln N_A \quad (\text{خطأ})$$

وامشكة هنا أن هناك زيادة أخرى في الإنتروبي نتيجة لكون جزيئي B متماثلين. حيث إن تفاعل هذين الجزيئين مع بعضهما لا يعطي حالة مميزة. لذا فلا بد من قسمة التعددية على العامل 2 أو طرح $k \ln 2$ من الإنتروبي، وبهذا التعديل تصبح معادلة التغير في طاقة جبس الحرجة على النحو الآتي: عند إضافة جزيئين من B .

$$(67.5) \quad dG = 2f(T, P) - 2kT \ln N_A + kT \ln 2 \quad (B)$$

ويمكن تعميم المعادلة 67.5 لأي عدد مضاعف من الجزيئات، حيث تضرب $f(T, P)$ في عدد الجزيئات N_B ، وتضرب كذلك N_B في $-kT \ln N_A$. ولاعتبار عمليات التبادل بين جزيئات B ، نحصل على حد إضافة جميع هذه الحدود إلى الطاقة الحرجة للمذيب النقي $kT \ln N_B (\ln N_B - 1)$ نحصل على:

$$(68.5) \quad G = N_A \mu_0(T, P) + N_B f(T, P) - N_B kT \ln N_A + N_B kT \ln N_B - N_B kT$$

ولإيجاد صيغ رياضية للجهود الكيميائية للمذيب والمذاب من المعادلة 68.5، تكتب هذه الجهود على الصورة الآتية:

$$(69.5) \quad \mu_A = \left(\frac{\partial G}{\partial N_A} \right)_{T, P, N_B} = \mu_0(T, P) - \frac{N_B kT}{N_A}$$

$$(70.5) \quad \mu_B = \left(\frac{\partial G}{\partial N_B} \right)_{T, P, N_A} = f(T, P) + kT \ln(N_B / N_A)$$

وعلى نحو ما هو متوقع، فإن إضافة جزيئات المذيب يتسبب في تخفيض الجهد الكيميائي μ_A وتزيد من الجهد الكيميائي μ_B . ولما كان كل من هذه الكميات هي كميات مركزة، فإنها لا تعتمد على جزيئات A أو B ، بل على النسبة بين عدد الجزيئات N_B / N_A . وتكتب المعادلة 70.5 بدلالة المولالية⁽⁵⁶⁾ للمحلول، حيث تعرف بأنها عدد مولات المذاب لكل كيلوجرام من المذيب.

$$(71.5) \quad \text{المولالي} = m = \frac{\text{عدد مولات المذاب}}{\text{كتلة المذيب بالكجم}}$$

(56) المولالية molality ليست كالمولارية molarity التي تعرف بأنها عدد المولات للمذاب لكل لتر من محلول. وللمحاليل المخففة في الماء، فإنهما تكونان متماثلين.

والمولية عبارة عن ثابت مضروب في نسبة عدد الجزيئات N_B / N_A ، حيث إن هذا الثابت يكون ضمن الدالة $f(T, P)$ ويعطي دالة جديدة $\mu^0(T, P)$. وعندئذ يكتب الجهد الكيميائي للمذاب:

$$(72.5) \quad \mu_B = \mu^0(T, P) + kT \ln m_B$$

حيث إن m_B هي مولية المذاب (mole/kg) و μ^0 الجهد الكيميائي تحت الظروف المعيارية (درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي) فإنها تساوي $(1 / m_B)^0$. ويمكن إيجاد μ^0 من جداول طاقة جبس الحرارة. تربط المعادلة 72.5 قيم طاقة جبس الحرارة المعطاة في الجداول مع أي مولالية أخرى ما دام محلول مخففاً.

السؤال 73.5: إذا كانت المعادلة 68.5 صحيحة، يجب أن تكون حدودها شاملة extensive. أي إذا ضرب كل من N_A و N_B في عامل مشترك مع ثبوت المتغيرات المركزية، فإن G يجب أن تزداد بمقدار هذا العامل نفسه. أثبت أن المعادلة 68.5 لها هذه الخاصية، وأنها لا تمتلك هذه الخاصية إذا لم يتم إضافة الحد $\ln N_B$!

السؤال 74.5: قارن بين المعادلتين (68.5) و (70.5)، وتحقق من توافقهما مع المتطابقة الترموديناميكية. (المعادلة 37.5):

$$G = N_A \mu_A + N_B \mu_B$$

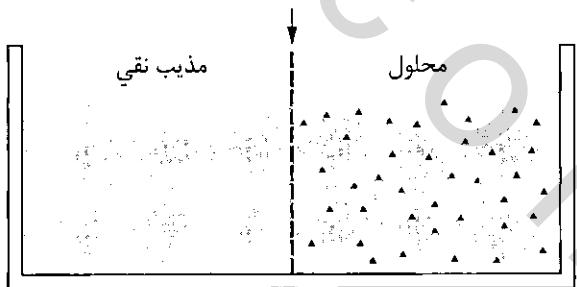
السؤال 75.5: قارن بين المعادلة 68.5 لدالة جبس الحرارة للمحاليل المخففة، وهذه الطاقة للمخلوط المثالي التي أعطيت بالصيغة 61.5، وما الشروط لتتوافق هاتين الحالتين؟ وحدد الدالة $f(T, P)$ لهذه الحالة.

الضغط الأسموزي Osmotic Pressure

تطبيقاً للمعادلة 69.5 بصورة أولية، افترض أن محلولاً مفصولاً عن مذيب نقى بغشاء مسامي يسمح بمرور جزيئات المذيب فقط، ولا يسمح بمرور جزيئات المذاب خلاه (الشكل 37.5)، ومن أمثلة ذلك الغشاء المحيط بالبنبطة أو المحيط بخلية الحيوان، حيث تكون هذه الأغشية نفاذة للماء وللجزيئات الصغيرة فقط، ولا تسمح للجزيئات الكبيرة أو الأيونات المشحونة بالمرور خلال الغشاء. وهناك أغشية تستخدم في الصناعة وفي تحاليف مياه البحر. وطبقاً للمعادلة 69.5، فإن الجهد الكيميائي للمذيب في محلول يكون أقل من المذيب النقى.

غشاء شبه نفاذ

الشكل 37.5: عند وجود غشاء شبه نفاذ يفصل محلولاً عن مذيب نقى عند نفس درجة الحرارة والضغط، تنتقل جزيئات المذيب انتقالاً طبيعياً إلى محلول.



تميل الجسيمات عادة إلى التدفق في اتجاه الجهد الكيميائي الأقل، وفي هذه الحالة، فإن جزيئات المذيب تتدفق تدفقاً طبيعياً من المذيب النقي إلى المحلول، ويدعى هذا التدفق أو الانتقال، العملية الأسموزية osmosis (التنافذ). ولما كانت جزيئات المذيب تصطدم وبصورة مستمرة بجانبي الغشاء، وعند الجانب الذي يكون فيه تركيز المذيب كبيراً، فإن جزيئاته تمر خلال ثقب الغشاء إلى الجانب الآخر.

ولمنع حدوث هذه العملية، يمكن زيادة الضغط الواقع على المحلول (الشكل 38.5)، ولكن ما الضغط المطلوب؟ الضغط المطلوب لتوقف العملية الأسموزية هو الضغط اللازم ليكون الجهد الكيميائي للمحلول متساوياً على جانبي الغشاء، وباستخدام المعادلة 69.5، فهذا الشرط هو:

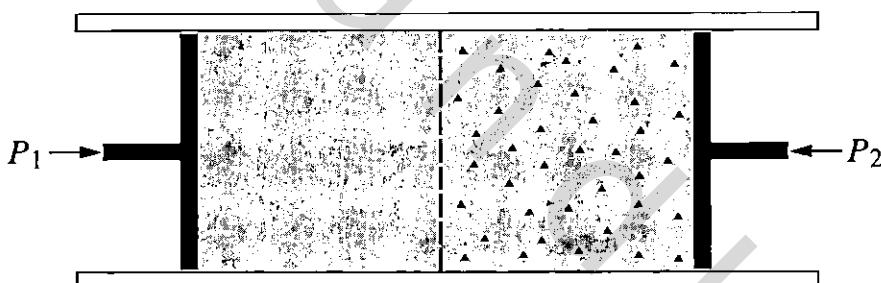
$$(73.5) \quad \mu_0(T, P_1) = \mu_0(T, P_2) - \frac{N_B kT}{N_A}$$

P_1 الضغط في الجانب المحتوي على المذيب النقي، P_2 الضغط في الجانب المحتوي على المحلول. وإذا كان الفرق بين هذين الضغطين ليس كبيراً، يمكن استخدام التقرير:

$$(74.5) \quad \mu_0(T, P_2) \approx \mu_0(T, P_1) + (P_2 - P_1) \frac{\partial \mu_0}{\partial P}$$

عند تعويض هذه المعادلة في معادلة 73.5 ينتج:

$$(75.5) \quad (P_2 - P_1) \frac{\partial \mu_0}{\partial P} = \frac{N_B kT}{N_A}$$



الشكل 38.5 : لمنع العملية الأسموزية يجب أن تزيد قيمة الضغط P_2 عن قيمة الضغط P_1 بمقدار يدعى الضغط الأسموزي.

ولإيجاد قيمة $\partial \mu_0 / \partial P$ ، نستخدم الجهد الكيميائي للمادة النقي، وهو عبارة عن طاقة جبس الحرجة / جسيم (G / N)، حيث إن $V = \partial G / \partial P$ (عند ثبوت T و N) فإن المشتقة هي:

$$(76.5) \quad \frac{\partial \mu_0}{\partial P} = \frac{V}{N}$$

الحجم لكل جزء من المذيب النقي، ولكن المحلول مختلفاً، فإن الحجم / جسيم للمذيب يكون مساوياً للمذيب النقي. عليه، يمكن اعتبار V في المعادلة 76.5 تمثل حجم المحلول، و N عدد جزيئات المذيب N_A فتصبح المعادلة 75.5 على النحو الآتي:

$$(77.5) \quad (P_2 - P_1) \frac{V}{N} = \frac{N_B kT}{N}$$

وتكتب المعادلة عادة على الصورة الآتية:

$$(78.5) \quad (P_2 - P_1) = \frac{N_B kT}{V} = \frac{n_B RT}{V}$$

(n_B عدد المولات للمذاب لوحدة الحجم)، ويدعى الفرق في الضغط في هذه المعادلة الضغط الأسموزي (osmotic pressure). وهو الضغط الإضافي في الجانب الذي يحتوي على المحلول، ويمنع العملية الأسموزية. وتدعى المعادلة 76.5 للمحاليل المخففة «صيغة فان هوف (Vans Hoff's formula)» وتنص هذه الصيغة على أن الضغط الأسموزي هو ضغط الغاز المثالي الذي يكون تركيزه مساوياً لتركيز المذاب.

فمثلاً، تحتوي الخلية الحيوية على محلول من الأيونات كالسكر والأحماض الأمينية وأنواع أخرى من الأيونات، وتحتوي الخلية المثلالية على 200 جزيء مقابل كل جزيء آخر، لذلك يُعد هذا محلول مخللاً مخففاً. وحيث إن كتلة مول واحد من الماء $g = 18$ وحجمه $cm^3 = 18$ ، لذا فإن عدد المولات للمذاب في داخل الخلية هو:

$$(79.5) \quad \frac{n_B}{V} = \left(\frac{1}{200} \right) \left(\frac{1 \text{ mol}}{18 \text{ cm}^3} \right) \left(\frac{100 \text{ cm}^3}{1 \text{ m}} \right)^3 = 278 \text{ mol/m}^3$$

وإذا وضعت الخلية في ماء نقي، فإنها تتمتص الماء عن طريق العملية الأسموزية، حتى يزيد الضغط داخلها عن الضغطخارجي بمقدار قيمة الضغط الأسموزي، وإذا تمت هذه العملية عند درجة حرارة الغرفة،

$$(80.5) \quad (278 \text{ mol/m}^3)(8.3 \text{ J/mol.K})(300 \text{ K}) = 6.9 \times 10^5 \text{ N/m}^2$$

أي نحو 7 ضغوط جوية، ولا تتحمل الخلية الحيوانية هذا الضغط خلافاً للخلية الباتية التي تُعد أكثر صلابة حتى تحمل هذا المقدار من الضغط.

السؤال 76.5: نسبة ملوحة ماء البحر 3.5%， أي إنه إذا تبخر 1 kg من ماء البحر، فإن المواد الصلبة المتبقية تساوي g 35، وعند إذابة ملح الطعام في الماء، فإنه يتتحول إلى أيونات Na^+ و Cl^- .

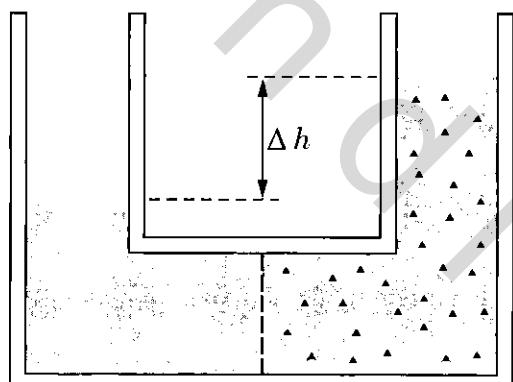
(أ) احسب الفرق في الضغط الأسموزي بين ماء بحر وماء نقي. لسهولة الحل، افترض أن الملح الموجود في مياه البحر هو NaCl .

(ب) إذا تعرض محلول مفصول عن مذيب نقي إلى فرق ضغط أكبر من الضغط الأسموزي، حيث كان هناك غشاء شبه نفاذ بين محلول النقي والمحلول، فإنه سيحدث نفاذية معكوسه reverse osmosis، أي خروج المذيب من محلول. حيث تستخدم هذه الطريقة في تحلية مياه البحر. احسب أقل شغل يحتاج إليه لتحلية لتر واحد من ماء البحر. ثم نقاش لماذا يكون الشغل الحقيقي أقل من أقل شغل مطلوب لهذه العملية.

السؤال 77.5: تستخدم قياسات الضغط الأسموزي لتحديد الوزن الجزيئي للجزيئات الكبيرة، ويطلب ذلك أن يكون التركيز المولى صغيراً جدًا. وعليه يكون الضغط الأسموزي صغيراً جدًا، حيث من الصعب قياسه بدقة. والطريقة المتبعة هي قياس الضغط الأسموزي عند تراكيز مختلفة، ومن ثم رسم العلاقة بين الضغط والتركيز ومدى المنحنى إلى التركيز المساوي للصفر. والبيانات الآتية⁽⁵⁷⁾ لبروتين الهيموجلوبين المذاب في الماء عند درجة حرارة 3°C.

التركيز (g/Liter)	Δh (cm)
5.6	2.0
16.6	6.5
32.5	12.8
43.4	17.6
54.0	22.6

فرق الارتفاع في الماء بين محلول والمذيب النقي (الشكل 39.5). على نحو قدر من هذه البيانات تقريري الوزن الجزيئي للهيموجلوبين (g/mole).



الشكل 39.5: مخطط للتجربة المستخدمة في قياس الضغط الأسموزي. ينساب المذيب عبر الغشاء من اليسار إلى اليمين، حتى يصبح فرق الارتفاع Δh ، وهو ما يكفي للضغط الأسموزي المطلوب.

(57) البيانات مأخوذة من

H.B. Bull, An Introduction to Physical Biochemistry, second edition (F. A. Davis, Philadelphia, 1971), p.182. The measurements were made by H. Gutfreund.

السؤال 78.5: يمكن أن تكون قيمة الضغط الأسموزي كبيرة، وهذا يدفعنا إلى الاستفسار عن صحة التقرير في المعادلة 74.5، وهل μ تكون خطية بوصفها دالة في P ? ناقش ذلك بأمثلة واقعية، وهل تغير مشتقات هذه الدالة تغيراً كبيراً، في مدى ضغط كبير؟

نقطان الغليان والتجمد Boiling and Freezing Points

بينا في الجزء 4.5 أن إضافة الشوائب تؤدي إلى إزاحة نقطان التجمد والغليان، وسنجرب الآن مقدار هذه الإزاحة لل محليل المخففة. لنفترض أن هناك محلولاً مخففاً عند نقطة غليانه وفي حالة اتزان مع طوره الغازي. (الشكل 40.5) وللسهولة سنفترض أن المادة المذابة لا تتبخر (الملح المذاب في الماء)، وهذا يعني أن الغاز لا يحتوي على أي من جزيئات المذاب، ونحتاج هنا إلى شرط الاتزان للمذيب فقط.

$$(81.5) \quad \mu_{A,liquid}(T, P) = \mu_{A,gas}(T, P)$$

وباستخدام المعادلة 69.5 يمكن كتابة الطرف الأيسر من المعادلة، ويصبح هذا الشرط على النحو الآتي:

$$(82.5) \quad \mu_0(T, P) - \frac{N_B kT}{N_A} = \mu_{gas}(T, P)$$

μ هي الجهد الكيميائي للمذيب النقبي.

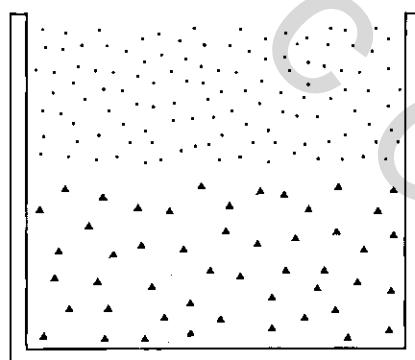
وكما تم في اشتقاق الضغط الأسموزي، فإن الطريقة هي مد كل دالة μ حول نقطة قريبة من حالة وجود المذيب في وضع اتزان. ولما كانت μ تعتمد على كل من درجة الحرارة والضغط، فإنه يمكننا تثبيت أحد هذه المتغيرات والسماح للمتغير الثاني بالتغيير. دعنا أولاً نغير الضغط. افترض أن P هو ضغط البخار للمذيب النقبي عند درجة الحرارة T ، فإن:

$$(83.5) \quad \mu_0(T, P_0) = \mu_{gas}(T, P_0)$$

وبدلالة الجهد الكيميائي عند P_0 ، تصبح المعادلة 82.5

$$(84.5) \quad \mu_0(T, P_0) + (P - P_0) \frac{\partial \mu_0}{\partial P} - \frac{N_B kT}{N_A} = \mu_{gas}(T, P_0) + (P - P_0) \frac{\partial \mu_{gas}}{\partial P}$$

بحذف الحد الأول من كل طرف باستخدام المعادلة 83.5، وكل حد من $\frac{\partial \mu_0}{\partial P}$ يمثل الحجم/الجسيم لهذا الطور؛ لذا



الشكل 40.5: يقلل وجود المذاب من قابلية المذيب للتتبخر.

$$(85.5) \quad (P - P_0) \left(\frac{V}{N} \right)_{liq} - \frac{N_B kT}{N_A} = (P - P_0) \left(\frac{V}{N} \right)_{gas}$$

فإن الحجم / الجسيم هو kT / P_0 ، في حين أن الحجم / الجسيم في السائل يمكن إهماله؛ لذا تكتب المعادلة (85.5) على الصورة: في الطور الغازي

$$(86.5) \quad \frac{P}{P_0} = 1 - \frac{N_B}{N_A} \quad \text{أو} \quad P - P_0 = \frac{-N_B}{N_A} P_0$$

أي إن ضغط البخار قد انخفض بمقدار يساوي النسبة بين عدد جزيئات المذاب إلى عدد جزيئات المذيب. وتدعى هذه النتيجة قانون راؤول (Raoult's law)، والسبب في ذلك أن إضافة المذاب يقلل من عدد جزيئات المذيب على سطح السائل؛ لذا تقل إمكانية ترکها على سطح السائل. وبالمثل يمكن تثبيت الضغط مع تغير درجة الحرارة. ولحساب الإزاحة في نقطة الغليان نحتاج إلى أن نحافظ على حالة الاتزان بوجود المذاب. إذا كانت T_0 درجة حرارة الغليان للمذيب النقى عند ضغط P ، فإن:

$$(87.5) \quad \mu_0(T_0, P) = \mu_{gas}(T_0, P)$$

وبدلالة الجهود الكيميائية عند T_0 تصبح المعادلة 82.5 على الصورة:

$$(88.5) \quad \mu_0(T_0, P) + (T - T_0) \frac{\partial \mu_0}{\partial T} - \frac{N_B kT}{N_A} = \mu_{gas}(T_0, P) + (T - T_0) \frac{\partial \mu_{gas}}{\partial T}$$

الحد الأول من كل طرف يحذف من المعادلة، والحد $\partial \mu / \partial T$ عبارة عن - الإنترنوي / جسيم لكل طور (لأن $S = -G / \partial T$) وهكذا:

$$(89.5) \quad -(T - T_0) \left(\frac{S}{N} \right)_{liq} - \frac{N_B kT}{N_A} = -(T - T_0) \left(\frac{S}{N} \right)_{gas}$$

ولما كان الفرق في الإنترنوي بين الغاز والسائل هو L / L_0 ، وهي الحرارة الكامنة للتباخر، لذا فإن الإزاحة في درجة الحرارة هي:

$$(90.5) \quad T - T_0 = \frac{N_B kT_0^2}{L} = \frac{n_B R T_0^2}{L}$$

تم تقرير $T \approx T_0$ في الطرف الأيمن من المعادلة. فمثلاً: حساب درجة غليان ماء البحر المحتوي على 3.5% ملح طعام NaCl (مع إهمال الأملاح الأخرى)، افترض أن العملية أجريت على 1 kg من ماء البحر الذي يحتوي على 35g من ملح الطعام، وأن الحرارة الكامنة للتباخر تساوي $kJ = 2260$ ، ومعدل الكتلة الذرية للكلور والصوديوم 29. لذا فإن عدد المولات المذابة تساوي $1.2 = 29 / 35$ ، وعليه تكون الإزاحة في درجة حرارة الغليان لماء البحر بالنسبة إلى الماء النقى هي:

$$(91.5) \quad T - T_0 = \frac{(1.2 mol)(8.3 J/mol.K)(373K)^2}{2260 kJ} = 0.6 K$$

ولحساب الإزاحة في ضغط البخار عند درجة حرارة معينة، نحتاج إلى معرفة عدد المولات في كل كيلوجرام من الماء، وهي $18/1000$ وتساوي 56 مولًا. وبتطبيق قانون راؤول، فإن:

$$(92.5) \quad \frac{\Delta P}{P_0} = -\frac{1.2 \text{ mol}}{56 \text{ mol}} = -0.022$$

ولكون هذا الفرق صغيراً جدًا؛ لذا فإن ماء البحر يتبخّر بسهولة كالماء العذب. أما للمحاليل غير المخففة، فإن الإزاحة في درجة الحرارة تكون كبيرة.

يمكن حساب الإزاحة في درجة التجمد في المحاليل المخففة بالطريقة نفسها التي تم بها اشتقاء المعادلة 90.5. وعادة ما تكون الإزاحة أكبر من تلك في حالة الغليان، حيث إن الحرارة الكامنة لحالة التجمد تكون أصغر منها لحالة الغليان (السؤال 81.5). وتدعى الإزاحات في ضغط البخار، ودرجة الغليان، ودرجة التجمد، إضافة إلى الضغط الأسموزي الخواص الموحدة للسوائل المخففة (**colligative properties**)، وتعتمد جميعها على كمية المذاب، وليس على نوعه.

السؤال 79.5: عند إضافة ملعقة من الملح على ماء يغلي في قدر، هل يحدث ذلك تأثيراً ملحوظاً في درجة غليانه؟ دعم إجابتك بتقديرات عديدة.

السؤال 80.5: استخدم علاقة كلاوسيوس – كلابيرون لاشتقاق المعادلة 90.5 وبصورة مباشرة من قانون راؤول؟ اشرح خطوات الاشتقاء.

السؤال 81.5: اشتق معادلة مشابهة للمعادلة 90.5، لإزاحة درجة حرارة التجمد لمحلول مخفف. وافترض أن طور الجامد عبارة عن مذيب نقى، فستجد أن الإزاحة سالبة، ودرجة حرارة التجمد للمحلول أقل من درجة تجمد المذيب النقى، اشرح لماذا يجب أن تكون الإزاحة سالبة في هذه الحالة؟

السؤال 82.5: استخدم نتيجة السؤال السابق لحساب درجة تجمد ماء البحر.

6.5 الاتزان الكيميائي Chemical Equilibrium

إحدى الحقائق المتعلقة بالتفاعلات الكيميائية أنها نادرًا ما تكون كاملة. فمثلاً يتفكك الماء إلى H^+ و OH^-



وتحت الشروط العادية، فإن هذا التفاعل يميل بقوة إلى اليسار. وعند الاتزان، فإن كوبًا من الماء يحتوي على نحو 500 مليون جزيء من الماء. ونعتقد بدأه أن جزيئات الماء أكثر استقراراً من الأيونات H^+ و OH^- . ولا يمثل ذلك الحقيقة، فهناك ملايين من هذه الأيونات في كوب الماء. ولفهم سبب وجود أيونات غير

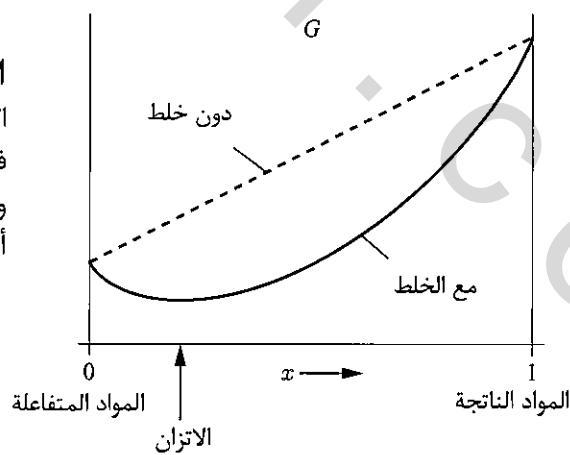
مستقرة حتى في حالة الاتزان لا بد من فهم طبيعة اصطدامات الجزيئات على المستوى المجهرى. تصطدم الجزيئات ببعضها بقوه عند درجة حرارة الغرفة، وقد تكون بعض هذه الاصطدامات من القوه، بحيث تكون قادرة على تفكيك جزء الماء إلى أيونين، وتميل الأيونات إلى الابتعاد عن بعضها، حتى تجد الفرصة ليتحدد أيون H^+ مع OH^- . أما في محلول شديد التخفيف، وفي حالات نادرة يمكن الوصول إلى وضع اتزان بين الأيونات الافتفركة من جزء الماء والمتحدة لتكوين جزء الماء. ويمكن فهم الاتزان بدلالة طاقة جبس الحرارة. فعند درجة حرارة الغرفة والضغط الجوى، فإن تركز كل نوع (جزئيات الماء والأيونات) عند الاتزان يحدد بالشرط المتعلق بأن طاقة جبس الحرارة يجب أن تكون أقل ما يمكن.

$$(94.5) \quad G = U - TS + PV$$

قد نتوقع أن طاقة جبس الحرارة تكون أقل ما يمكن إذا كان الكوب يحتوي على جزيئات الماء فقط. وبالفعل، فإن الكوب المملوء بالماء (جزئيات الماء) له طاقة جبس الحرارة أقل من الكوب نفسه إذا كان مملوءاً بأيونات H^+ و OH^- . وعند تفكك عدد قليل من جزيئات الماء يمكن أن يخفيض من طاقة جبس؛ لأن الإنترودي في هذه الحالة تزداد ازيداً كثيراً. وعند درجات حرارة مرتفعة، فإن الإنترودي تكون مساهمتها أكبر في G ؛ لذا تتكون أيونات أكثر.

يمكن رسم منحنى لطاقة جبس الحرارة بوصفه دالة في الجزء المتفاصل من جزيئات الماء (x). وإذا لم يكن هناك أي من جزيئات الماء قد تفكك إلى أيونات، فإن $0 = x$ وعند $1 = x$ ، وهذا يعني أن جزيئات الماء جميعها قد تفككت إلى H^+ و OH^- . إذا حافظنا على الأيونات منفصلة عن جزيئات الماء غير المتفاصل، فإن العلاقة بين G و x تكون خطأ مستقيماً بميل موجب كبير (الشكل 41.5). وعندما تكون الأيونات مختلطة بالماء (الحالة الواقعية) فإن تأثير الإنترودي هو إضافة حد يمثل بتغير المنحنى إلى أعلى (راجع الجزء 4.5)، ومشتقة هذا الحد تكون لا نهائية عند طرفى المنحنى $0 = x$ و $1 = x$. ومهما يكن الفرق في طاقة المواد المتفاعلة أو الناتجة تكون، فإن نقطة الاتزان – أقل قيمة لـ G .

الشكل 41.5: إذا كانت المواد المتفاعلة والناتجة منفصلة عن بعضها، فإن الطاقة الحرارة تكون خطأ مستقيماً، وإذا اختلط بعضها بعض، فإن لـ G أقل قيمة تقع بين $0 = x$ و $1 = x$



وتقع على مسافة قريبة في اتجاه الداخل من النقاط النهائية (حد الناحية العملية تكون قريبة كجزء واحد من عدد أوجادرو، وعندما فإن التفاعل يكون تاماً). عليه، يمكن وصف نقطة الاتزان، بأنها الحالة التي يكون فيها الميل لمنحنى طاقة جبس الحرجة يساوي صفرًا وهذا يعني أنه إذا تفكك جزئي آخر من الماء، فإن ذلك لا يحدث تغيراً في G .

٩٥.٥

$$0 = dG = \sum_i \mu_i dN_i$$

في هذه المعادلة استخدم المتطابقة الترموديناميكية مع افتراض ثبوت كل من درجة الحرارة والضغط، والمجموع يشمل كلاً من جزيئات الماء والأيونات H^- و OH^- . والتغير في N لا يُعد تغيراً غير معتمد، حيث إن الزيادة في أيون واحد من H^+ يرفقه زيادة في أيون من OH^- ، ولكن جزيئات الماء تنقص بجزيء واحد فقط، وإحدىمجموعات التغير الممكنة هي:

٩٦.٥

$$dN_{H_2O} = -1, \quad dN_{H^+} = 1, \quad dN_{OH^-} = 1$$

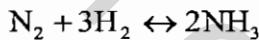
عند تعويض هذه الأرقام في المعادلة ٩٥.٥ ينتج:

٩٧.٥

$$\mu_{H_2O} = \mu_{H^+} + \mu_{OH^-}$$

يجب أن يتم ذلك عند الاتزان، حيث إن الجهد الكيميائي هو دالة في تركيز هذه الأنواع (التركيز العالي له جهد كيميائي عالي) وحدد هذا الشرط التراكيز المختلفة عند الاتزان. وقبل تعميم هذه النتيجة على التفاعلات الكيميائية، دعنا نشرح مثلاً آخر هو تفاعل النيتروجين والهيدروجين لإنتاج الأمونيا.

٩٨.٥



يكون التفاعل في حالة اتزان عندما يكون $\sum \mu_i dN_i = 0$ ، وإحدى المجموعات المحتملة لـ dN 's هي:

٩٩.٥

$$dN_{N_2} = -1, \quad dN_{H_2} = -3, \quad dN_{NH_3} = +2$$

ويكون شرط الاتزان:

١٠٠.٥

$$\mu_{N_2} + 3\mu_{H_2} = 2\mu_{NH_3}$$

نستخلص من ذلك ما يأتي: يكون شرط التفاعل الكيميائي هو معادلة التفاعل نفسها. ونستبدل بأسماء العناصر المتفاعلة جهودها الكيميائية، وبإشارة \leftrightarrow إشارة = ويمكن كتابة ذلك على صورة تعبير رياضي، فإذا كانت X هي الاسم الكيميائي للعنصر المتفاعل، و v المعامل المضروب في كل عنصر في المعادلة الكيميائية رقم ٢

ورقم ٣ في المعادلة ٩٨.٥، فإن الشكل العام للمعادلة الكيميائية يمكن كتابته على الصورة:

١٠١.٥

$$v_1 X_1 + v_2 X_2 + \dots \leftrightarrow v_3 X_3 + v_4 X_4 + \dots$$

وعندما يُستبدل بأسماء العناصر جهودها الكيميائية، يُكتب شرط الاتزان:

$$(102.5) \quad \nu_1\mu_1 + \nu_2\mu_2 + \dots = \nu_3\mu_3 + \nu_4\mu_4 + \dots$$

والخطوة الآتية لفهم الاتزان الكيميائي هي كتابة الجهد الكيميائي لكل عنصر في معادلة التفاعل الكيميائي بدلاًلة تركيزه. وتعامل كل من المواد النقيّة، المذيب، والمذاب بطريقة مختلفة. وستشرح هنا أمثلة مختلفة لتوضيح حساب الجهود الكيميائية لتفاعلات مختلفة.

السؤال 83.5: اكتب شرط الاتزان لكل من التفاعلات الآتية:

- (أ) $2H \leftrightarrow H_2$
 (ب) $2CO + O_2 \leftrightarrow 2CO_2$
 (ج) $CH_4 + 2O_2 \leftrightarrow 2H_2O + CO_2$
 (د) $H_2SO_4 \leftrightarrow 2H^+ + SO_4^{2-}$
 (هـ) $2p + 2n \leftrightarrow ^4He$

Nitrogen Fixation

تبسيط النيتروجين

يسعى تفاعل N_2 و H_2 ليكونا الأمونيا (المعادلة 98.5) بتثبيت النيتروجين، ولهذا التفاعل أهمية كبيرة؛ لأن ناتج هذا التفاعل تستخدمه النباتات لإنتاج الأحماض الأمينية وجزيئات مهمة أخرى. وقد أعطي شرط الاتزان لهذا التفاعل في المعادلة 100.5، وإذا افترض أن كل عنصر في هذا التفاعل يتصرف تصرفاً غاز مثالي وباستخدام المعادلة 40.5، نحصل على:

$$(103.5) \quad \mu_{N_2}^\circ + kT \ln \left(\frac{P_{N_2}}{P^\circ} \right) + 3\mu_{H_2}^\circ + 3kT \ln \left(\frac{P_{H_2}}{P^\circ} \right) = 2\mu_{NH_3}^\circ + 2kT \ln \left(\frac{P_{NH_3}}{P^\circ} \right)$$

الجهد الكيميائي لكل عنصر تحت الشروط القياسية (درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي) عند ضغط بخار P° (يؤخذ عادة $P^\circ = 1 \text{ bar}$).

ويمكن كتابة المعادلة 103.5 على الصورة الآتية بوضع الحدود المحتوية على m في الطرف الأيمن من المعادلة.

$$(104.5) \quad kT \ln \left(\frac{P_{N_2}}{P^\circ} \right) + 3kT \ln \left(\frac{P_{H_2}}{P^\circ} \right) - 2kT \ln \left(\frac{P_{NH_3}}{P^\circ} \right) = 2\mu_{NH_3}^\circ - \mu_{N_2}^\circ - 3\mu_{H_2}^\circ$$

عند ضرب طرفي المعادلة في عدد أفراده، يكون الطرف الأيمن من المعادلة هو طاقة جبس الحرارة ΔG° ويعتبر التغير الافتراضي في G عند تفاعل مول واحد من N_2 النقي مع ثلاثة مولات من H_2 النقي ليكونا مولين من الأمونيا النقيّة عند 1 bar . ويمكن إيجاد ΔG° مباشرةً من الجداول المرجعية في كتب الفيزياء الحرارية والكيمياء. ويمكن جمع اللوغاريتمات في الطرف الأيسر من المعادلة في لوغاریتم واحد، فتكون النتيجة:

$$(105.5) \quad RT \ln \left(\frac{P_{N_2} P_{H_2}^3}{P_{NH_3}^2 (P^\circ)^2} \right) = \Delta G^\circ$$

أو بترتيب آخر:

$$(106.5) \quad \frac{P_{NH_3}^2 (P^\circ)^2}{P_{N_2} P_{H_2}^3} = e^{-\Delta G^\circ / RT}$$

وتدعى القيمة في الطرف الأيمن من هذه المعادلة ثابت الاتزان K . أي إن:

$$(107.5) \quad K \equiv e^{-\Delta G^\circ / RT}$$

وهو دالة في درجة الحرارة (من خلال ΔG° ودرجة الحرارة T) ولكنه لا يعتمد على كمية الغاز، وعادة ما تُحسب K مرة واحدة عند درجة حرارة معينة، وتكتب على الصورة:

$$(108.5) \quad \frac{P_{NH_3}^2 (P^\circ)^2}{P_{N_2} P_{H_2}^3} = K$$

وتدعى هذه المعادلة قانون الفعل الكتلي . Law of Mass Action

تعطي المعادلة 108.5 فكرة جيدة عن التفاعل، حتى عند عدم معرفتنا بقيمة K . فإذا كان التفاعل في حالة اتزان، فعند إضافة النيتروجين أو الهيدروجين إلى النظام، ستتفاعل العناصر المضافة لتكوين الأمونيا للمحافظة على حالة الاتزان، وإذا ضوّف الضغط الجزئي لكل من النيتروجين والهيدروجين، فإن الضغط الجزئي للأمونيا تزيد قيمته بأربع مرات ليحافظ على الاتزان. ومبدأ شاتلر (Le Chatelier's principle) يحدد تجاوب النظام مع أي متغيرات ليبقى في حالة الاتزان، والمبدأ هو «عندما يحدث اضطراب في نظام متزن، يستجيب النظام بتعديلات جزيئية ليحافظ على حالة الاتزان».

فمثلاً عند زيادة الضغط الكلي، تتفاعل كمية العدد الكلي من الجزيئات، وعليه ينخفض الضغط الكلي، وبقى النظام متزناً. ولتوبيخ ذلك بطريقة عدديّة، لا بد من معرفة قيمة K للتفاعل التي يمكن إيجادها من الجداول أو حسابها من ΔG° باستخدام المعادلة 107.5. فمثلاً لإنتاج 2 مول من الأمونيا عند درجة حرارة 298 K، فإن قيمة ΔG° تساوي -32.9 kJ عند درجة حرارة الغرفة.

$$(109.5) \quad K = \exp \left(\frac{-32,900 \text{ J}}{(8.31 \text{ J/K})(298 \text{ K})} \right) = 5.9 \times 10^5$$

ويعني ذلك أن التفاعل يميل بقوة إلى اليمين، أي إنتاج الأمونيا من تفاعل النيتروجين والهيدروجين. وتصبح قيمة K أقل عند درجات حرارة مرتفعة (السؤال 86.5). ولا تُنتج الأمونيا صناعياً دون استخدام

محفز (catalyst) كيميائي، حيث إن التفاعل يكون بطريقاً عند درجات حرارة أقل من 700°C . وباستخدام أفضل أنواع المحفزات، فإنه لا يمكن إنتاج الأمونيا بمعدل جيد من الناحية الصناعية عند درجة حرارة أقل من 500°C ، ويكون ثابت التناوب عند هذه الدرجة 6.9×10^{-5} . وتستخدم مجموعة من المحفزات لزيادة سرعة التفاعل مثل الحديد - الموليبدينوم عند درجة حرارة 500°C وضغط 400 ضغط جوي، حيث طورت هذه التقنية لإنتاج الأمونيا على نطاق تجاري في بداية القرن العشرين من قبل الكيميائي الألماني فرنس - هابر (Fritz-Haber)، وقد مثلت هذه التقنية ثورة في إنتاج الأسمدة، ولسوء الحظ في صناعة المتفجرات.

السؤال 84.5: إذا سخن خليط يتكون من جزء من النيتروجين وثلاثة أجزاء من الهيدروجين بوجود محفز مناسب إلى درجة حرارة 500°C ، فما الجزء من النيتروجين (ذرة - لذرة)، إذا كان الضغط النهائي ثابت الاتزان عند 500°C يساوي $6.9 \times 10^{-5} \text{ atm}$.

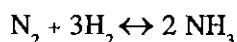
السؤال 85.5: اشتق معادلة فان - هوفت (Van't Hoff)

$$\frac{d \ln K}{dT} = \frac{\Delta H^{\circ}}{RT^2}$$

تعطي هذه المعادلة اعتماد ثابت الاتزان على درجة الحرارة ΔH° التغير في الأنثبولي للتفاعل تحت الشروط القياسية (bar 1 للغاز). لاحظ أن قيمة ΔH° موجبة (يمتص التفاعل حرارة)، وهكذا، فإن درجة الحرارة العالية تحمل التفاعل يميل إلى الاتجاه اليمين. وإذا أهمل اعتماد ΔH° على درجة الحرارة، فأثبت أن حل معادلة فان - هوف (Van Hoff's Equation) ⁽⁵⁸⁾يعطي المعادلة الآتية:

$$\ln K(T_2) - \ln K(T_1) = \frac{\Delta H^{\circ}}{R} \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

السؤال 86.5: استخدم نتيجة السؤال السابق لتقدير ثابت الاتزان للتفاعل:



عند درجة حرارة 500°C ، ثم قارن إجابتك بالقيم المعطاة.

(58) لا علاقة لمعادلة فان هوف بصيغة فان هوف للضغط الأسموزي، فالعالم هو نفسه، ولكن هناك اختلاف في المبدأ الفيزيائي.

تفكك الماء Dissociation of Water

المثال الثاني لثابت الاتزان هو تفكك جزيئات الماء إلى أيونات H^- و OH^- ، حيث إن:



وعند الاتزان، فإن الجهود الكيميائية لهذا التفاعل هي:

$$(111.5) \quad \mu_{H_2O} = \mu_{H^+} + \mu_{OH^-}$$

إذا افترض أن محلول مخفف (يُعد ذلك صحيحاً عند الشروط القياسية من درجة الحرارة والضغط). أعطيت الجهود الكيميائية في المعادلة 69.5 (للماء) والمعادلة 72.5 (للأيونات H^+ و OH^-) وأن μ_{H_2O} أيضاً تكون متساويةً للجهد الكيميائي للماء النقي تقريرياً.

حيث يمكن إهمال الفرق بين محلول المخفف (المحتوى على H^+ و OH^-) والجهد الكيميائي للماء النقي. لذا يمكن كتابة شرط الاتزان:

$$(112.5) \quad \mu_{H_2O}^\circ = \mu_{H^+}^\circ + kT \ln m_{H^+} + \mu_{OH^-}^\circ + kT \ln m_{OH^-}$$

حيث إن ${}^\circ\mu$ الجهد الكيميائي تحت الشروط القياسية - سائل نقي $-H_2O$ ، تركيز أيونات المذيب مول / كيلوجرام. m 's عبارة عن المولية التي تقاس بوحدات مول واحد من المذاب لكل كيلوجرام من المذيب يمكن كتابة المعادلة 112.5، بوضع الحدود التي تحتوي على m في الطرف الأيمن، والمحتوية على اللوغاريتم في الطرف الأيسر وضرب المعادلة في عدد أفوجادرو، تكون النتيجة:

$$(113.5) \quad RT \ln(m_{H^+} m_{OH^-}) = -N_A (\mu_{H^+}^\circ + \mu_{OH^-}^\circ - \mu_{H_2O}^\circ) = -\Delta G^\circ$$

حيث إن ΔG° هو التغير في G تحت الشروط القياسية التي يمكن إيجادها من الجداول، وتكتب المعادلة 113.5 على الصورة:

$$(114.5) \quad m_{H^+} m_{OH^-} = e^{-\Delta G^\circ / RT}$$

وهو شرط الاتزان لمولية الأيونات. عند مقارنة شرط الاتزان لهذا المثال بالمثال السابق المعادلة 106.5، نجد أن ثابت الاتزان في الحالتين (الطرف الأيمن من المعادلات) هو:

$$(115.5) \quad K = e^{-\Delta G^\circ / RT}$$

وحيث أعطي ثابت الاتزان في الحالتين بالمعادلة الأساسية للتغير القياسي في طاقة جبس الحرارة، ولكن هناك اختلاف في الشروط القياسية بين الحالتين: سائل نقي للمذيب والذائب 11 molal بدلًا من 1bar ضغط جزئي للغازات، ويحتوي أيضًا الطرف الأيسر من المعادلة 114.5 الفرق في المولية بدلًا من الفرق في الضغوط الجزئية في المثال السابق. ولا يظهر أيضًا تركيز جزيئات O_2H^- في المعادلة 114.5، حيث هناك كمية كبيرة للمذيب في محلول المخفف (هذا الشرط يكون صحيحاً للسائل النقي أو الجامد الذي يتم التفاعل عند سطحه فقط).

الفرق النهائي بين تفاعلات الغازات المثالية وتفاعلات المحاليل المخففة، هو اعتماد ثابت الاتزان على الضغط الكلي، وقد يكون هذا الاعتماد مهملاً من الناحية العملية ما عدا تحت الضغوط العالية جداً (الحالات الجيولوجية كما في السؤال 88.5).

فمثلاً لحساب ثابت الاتزان، فإن قيمة ΔG° لتفكك مول واحد من الماء عند درجة حرارة الغرفة والضغط

الجوي هي 79.9 kJ ، وعليه، فإن ثابت الاتزان في هذه الحالة هو:

$$(116.5) \quad K = \exp\left(\frac{97,900 \text{ J}}{(8.31 \text{ J/K})(298 \text{ K})}\right) = 1.0 \times 10^{-14}$$

وإذا كان مصدر H^+ و OH^- هو تفكك جزيئات الماء يجب أن تكون وفرتهما في المحلول متساوية.

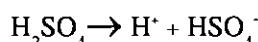
$$(117.5) \quad m_{\text{H}^+} = m_{\text{OH}^-} = 1.0 \times 10^{-7}$$

ويدعى الرقم 7 في هذه النتيجة pH للماء النقى. وعلى نحوٍ أعم يعرف pH بأنه سالب اللوغاريتم للأساس 10 لمولية الأيونات H^+ .

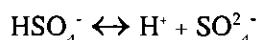
$$(118.5) \quad \text{pH} \equiv -\log_{10} m_{\text{H}^+}$$

ويمكن أن تتغير قيمة pH إذا أذيبت مادة أخرى في الماء. وإذا كانت قيمة pH أقل من 7 فإن ذلك يشير إلى الزيادة في تركيز أيونات الهيدروجين H^+ ، وعندها يعرف المحلول «المحلول الحمضي»، وإذا كانت قيمة pH أكبر من 7 فيدعى المحلول القاعدي.

السؤال 87.5: يتفكك حمض الكبريتيك H_2SO_4 إلى أيونات H^+ و HSO_4^-



حيث تفكك الأيونات سلفات الهيدروجين HSO_4^- إلى الأيونات H^+ و SO_4^{2-} .



ثوابت الاتزان لهذه التفاعلات في محلول سائل عند درجة حرارة الغرفة هي $10^{1.9}$ و 10^{-10} بالترتيب، (يفضل في حالة تفكك الحمض التعامل مع K بدلاً من ΔG°)، ويدعى سالب اللوغاريتم العشري لثابت الاتزان لمثل هذا التفاعل pK : لذا فإن pK للتفاعل الأول = 2-. وللتفاعل الثاني = 1.9.

(أ) ناقش: يميل التفاعل الأول بقوة إلى اليمين، ويمكن اعتباره أنه تم بصورة كاملة إذا عد المحلول مخففاً. وعند أي قيمة pH يكون هناك جزء من حمض الكبريتيك غير متفكك.

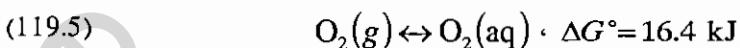
(ب) يكون تركيز السلفات في ماء المطر على صورة SO_4^{2-} . احسب pH لماء المطر لهذه المسألة.

(ج) عند أي pH يكون شبه تركيز SO_4^{2-} متساوية.

السؤال 88.5: عبر عن $P / \partial G^\circ$ بدلالة حجوم المحاليل للمواد المتفاعلة والناتجة لتفاعل المذاب المخفف، وعوض رقمياً لتثبت أن زيادة الضغط بمقدار 1 atm (ضغط جوي واحد) له تأثير مهم في ثابت الاتزان.

ذوبان الأكسجين في الماء Oxygen Dissolving in Water

إن ذوبان الأكسجين في الماء لا يعد تفاعلاً كيميائياً (الشكل 42.5) ولكن يمكن استخدام المبادئ نفسها التي استخدمت في هذا الجزء لإيجاد كمية الأكسجين المذابة في الماء، حيث إن:



g تشير إلى غاز، و aq تشير إلى السائل (المذاب في السائل). وقيمة ΔG° هي لكل مول من الأكسجين مذاب في 1 kg من الماء تحت ضغط 1 bar (التعطي مولية للمحلول = 1) عند درجة حرارة الغرفة K. 298. وعند اتزان الأكسجين المذاب مع الأكسجين في الغاز المجاور، تكون جهودهما الكيميائية متساوية:

$$(120.5) \quad \mu_{gas} = \mu_{solute}$$

يمكن كتابة الجهود الكيميائيين بدلالة قيم الحالات القياسية وتراكيزها المناظرة باستخدام المعادلة 40.5 لـ μ_{gas} والمعادلة 72.5 لـ μ_{solute} فإن:

$$(121.5) \quad \mu_{gas}^\circ + kT \ln(P/P^\circ) = \mu_{solute}^\circ + kT \ln m$$

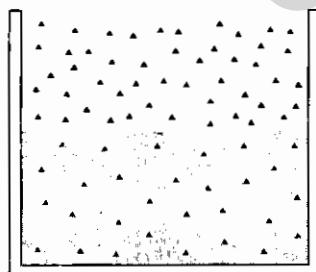
حيث إن P الضغط الجزيئي لـ O_2 بوصفه غازاً، و $1 \text{ bar} = P^\circ$. عند وضع الحدود التي تحتوي على m في الطرف الأيسر من المعادلة والحدود التي تحتوي على لوغاريم في الطرف الأيمن والضرب في عدد أفوجادرو ينتج:

$$(122.5) \quad RT \ln \left(\frac{P/P^\circ}{m} \right) = N_A (\mu_{solute}^\circ - \mu_{gas}^\circ) = \Delta G^\circ$$

أو على نحو ما هو مبين في الشكل أدناه:

$$(123.5) \quad \frac{m}{P/P^\circ} = e^{-\Delta G^\circ / RT}$$

الشكل 42.5: ذوبان غاز في سائل، (الأكسجين في الماء). يمكن معاملته على أنه تفاعل كيميائي ثابت اتزان محدد.



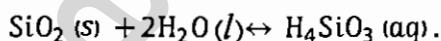
المعادلة 123.5 تشير إلى أن النسبة بين الغاز الذائب في الماء إلى الغاز في الهواء المحيط بالسائل نسبة ثابتة. وعند درجة حرارة وضغط محدد تعرف هذه المعادلة بقانون هنري (Henry's Law). ويكون اعتماد ΔG° على الضغط مهملاً إلا إذا كان ضغطاً عالياً جدًا. ويدعى الثابت في طرف المعادلة الأيمن ثابت هنري، حيث إن مثل هذا الثابت يعطى في المراجع بطرق مختلفة - مقلوب الثابت، أو بدلالة عدد المولات بدلاً من المولية. الطرف الأيمن من المعادلة 123.5 للأكسجين مذاب في الماء عند درجة حرارة الغرفة هو:

$$(124.5) \quad \exp\left(-\frac{16,400 \text{ J}}{(8.31 \text{ J/K})(298 \text{ K})}\right) = 0.00133 = \frac{1}{750}$$

ويعني ذلك أنه إذا كان الضغط الجزيئي للأكسجين = 1، فإن نحو $1/750$ مول من الأكسجين يذوب في 1 Kg من الماء. وإذا علمتنا أن الضغط الجزيئي للأكسجين عند سطح البحر نحو $1/5$ هذا المقدار، فهذا يعني أن كل لتر من الماء يحتوي على ما يعادل 7 cm^3 من الأكسجين النقي (إذا كان غازاً عند ضغط جوي واحد) وهذه الكمية المذابة من الأكسجين في مياه البحار كافية لتنفس الأسماك.

السؤال 89.5: التغير القياسي في الأنثيلبي عند ذوبان مول واحد من الأكسجين في الماء عند درجة حرارة C^{25} هو 11.7 kJ . استخدم هذه القيمة ومعادلة فان - هوف (السؤال 85.5)، واحسب ثابت الاتزان (قانون هنري) للأكسجين المذاب في الماء عند درجتي حرارة C^0 و C^{100} ، علق على النتائج باختصار.

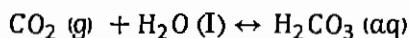
السؤال 90.5: عندما يذوب الكوارتز في الماء، يتحدد بجزيئات الماء بالتفاعل الآتي:



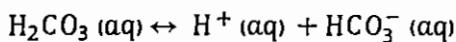
(أ) باستخدام البيانات في نهاية الكتاب، احسب كمية السليكا التي تذوب في الماء عند الاتزان مع الكوارتز الصلب عند C^{25} .

(ب) استخدم معادلة فان - هوف (السؤال 85.5)، واحسب مقدار السليكا التي تذوب في الماء عند الاتزان مع الكوارتز الصلب عند درجة حرارة C^{100} .

السؤال 91.5: يذوب ثاني أكسيد الكربون في الماء مكوناً حمض الكربونيك طبقاً للتفاعل:



ومن ثم يتفكك إلى أيونات الهيدروجين H^+ والبيكربونات HCO_3^-



(الجدال في نهاية الكتاب تعطي البيانات الشرموديناميكية لهذه التفاعلات). لو افترض وجود جسم ملحي (قطرة من المطر) في اتزان مع محطيتها عند سطح البحر، وكان الضغط الجزيئي لثاني أكسيد الكربون 3.4×10^{-4} فاحسب المولية (molality) لحمض الكربونيك وأيونات البيكربونات في الماء، ثم احسب pH للمحلول (لاحظ أن الترببات الطبيعية تكون حمضية).

تأيin الهيدروجين Ionization of Hydrogen

ونشرح مثلاً آخر للاتزان الكيميائي هو تأيin الهيدروجين إلى بروتون وإلكترون.



حيث يحدث هذا التفاعل في النجوم، كالشمس مثلاً. ويمكن حساب ثابت الاتزان لهذا التفاعل من المبادئ الأساسية، حيث يمكن كتابة شرط الاتزان للضغوط الجزيئية على الصورة:

$$126.5) \quad kT \ln \left(\frac{P_H P^\circ}{P_p P_e} \right) = \mu_p^\circ + \mu_e^\circ - \mu_H^\circ$$

μ° هي الجهد الكيميائي عند ضغط 1 bar. ويمكن اعتبار أي من مكونات هذا التفاعل غازاً مثالياً أحادي الذرة دون أن يكون له تركيب. وقد اشتقت صيغة m في الجزء 5.3:

$$127.5) \quad \mu = -kT \ln \left[\frac{N}{V} \left(\frac{2\pi mkT}{h^2} \right)^{3/2} \right] = -kT \ln \left[\frac{kT}{P} \left(\frac{2\pi mkT}{h^2} \right)^{3/2} \right]$$

(كتلة الجسيم، وليس المولية). وتتضمن هذه الصيغة طاقة الحركة فقط، حيث أخذت نقطة الصر للطاقة عندما تكون الجسيمات في حالة السكون. ولحساب الفرق في μ° s فإننا نحتاج إلى طاقة التأيin $I = 13.6 \text{ eV}$ اللازمة لجعل التفاعل يسير في الاتجاه اليمين، أي لتحويل H إلى $p + e$ حتى لم تكن هناك طاقة حرارية، وسيتم ذلك بطرح I من μ_H :

$$128.5) \quad \mu_H^\circ = -kT \ln \left[\frac{kT}{P^\circ} \left(\frac{2\pi m_H kT}{h^2} \right)^{3/2} \right] - I$$

ولكن p و e تكونان المعادلات μ° s متشابه، ولكن دون الكتل m s ودون I . وعند تعويض المعادلات الثلاث (لكل من e ، p ، H) في المعادلة 126.5، وافتراض أن $m_p \approx m_H$ ، والقسمة على $-kT$ - نحصل على:

$$129.5) \quad -\ln \left(\frac{P_H P^\circ}{P_p P_e} \right) = \ln \left[\frac{kT}{P^\circ} \left(\frac{2\pi m_e kT}{h^2} \right)^{3/2} \right] - \frac{I}{kT}$$

وبطريقة جبرية سهلة يمكن كتابة هذه المعادلة:

$$130.5) \quad \frac{P_p}{P_H} = \frac{kT}{P_e} \left(\frac{2\pi m_e kT}{h^2} \right)^{3/2} e^{-I/kT}$$

وتدعى هذه المعادلة: معادلة ساها (Saha equation)، حيث تعطي نسبة مقدار الهيدروجين المؤين (بروتون) إلى مقدار الهيدروجين غير المتأين بوصفها دالة في درجة الحرارة وتركيز الإلكترونات. (لاحظ أن P_e / kT مشابهة N_e / V ، عدد الإلكترونات في وحدة الحجم). تكون درجة الحرارة على سطح الشمس نحو K 5800؛ لذا فإن العامل الأسوي يساوي $1.5 \times 10^{12} \text{ e}^{-I/kT} = 1.5 \times 10^{19} \text{ m}^{-3}$. لذا فإن النسبة

$\frac{P_2}{P_1}$ على نحو ما تتوقعها معادلة ساها هي:

$$(131.5) \quad \frac{P_P}{P_H} = \frac{(1.07 \times 10^{27} m^{-3})(1.5 \times 10^{-12})}{2 \times 10^{19} m^{-3}} = 8 \times 10^{-5}$$

حتى على سطح الشمس، فإن هناك ذرة واحدة متأينة من الهيدروجين من كل 10,000 ذرة هيدروجين.

السؤال 92.5: افترض أن لديك صندوقاً من الهيدروجين عند درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي، فإذا رفعت درجة الحرارة مع إبقاء الحجم الثابت.

(أ) أوجد تعبيراً رياضياً لجزء المتأين للهيدروجين بوصفه دالة في درجة الحرارة، وبين هل هذا التغيير يمكن أن يكون صحيحاً عند كل من درجات الحرارة المرتفعة والمنخفضة.

(ب) عند أي درجة حرارة تكون نصف كمية الهيدروجين قد تأينت؟

(ج) إذا زيد الضغط الابتدائي، فهل يؤدي ذلك إلى زيادة درجة الحرارة في الفرع (ب) أو نقصانها؟

(د) مثل بالرسم التعبير الرياضي الذي وجدته في الفرع (أ) بوصفه دالة في المتغير $t=kT / I$ (لا توجد وحدات لهذا المتغير). واختر جزءاً ممثلاً لقيم t يكون له أهمية خاصة في نظرك. هناك قول للtermodynamics حول كل شيء، ولكنها لا تخبرنا بكل شيء عن أي شيء.

Martin Goldstein and Inge F Goldstein. The refrigerator and the Universe. Copyright 1993 by the president and Fellows of Harvard College. reprinted by Permission of Harvard University Press.