

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

(و ١٣٣ الف ، ج ١٤٨ ب ، ب ٨٣ ب)

اول المقالة الخامسة

قد تقدم في المقالة التي قبل هذه كيفية استعمال جيوب القسي التي على سطح الكرة مطلقه .
و أريد أن أخوض في هذه المقالة أمثالها فيما يكون أكثره كالآلة لمزاولة حركات الكواكب .
وبالله عزوجل أستعين على تسهيل كل عسير بمنه .

الباب الأول في تصحيح اطوال البلدان بالكسوفات

إذا كنا في بلد مجهول الوضع من طول الارض و أردنا معرفة ما بينه وبين بلد آخر معلومة من الأزمان ليصير بها بلدنا معلوم الطول تقدمنا بمواظاة أحد سكان ذلك البلد على معرفة وقت كسوف القمر واحد بعينه ، وقصدنا معاً في الرصد معرفة ما بين الوقت وبين نصف الليل ، وللكسوف القمري أحوال لا ينقص عدتها من ثلاثة ، أولها بدو حين يحس قليلا باثلام ضوئه من جانب المشرق و اخيرها آخر الانجلاء حين يزول الكسوف عنه بالحس من جانب المغرب و يعود نوره الى الامتلاء والاستدارة عنه ، وأوسطها وسط الكسوف حين يستوفى ما له من الانكساف وذلك غير مدرك ، لكن الوقوف عليه من أحد الوسط بين الوقتين المذكورين حوله .

وربما زاد في هذه الاحوال حالان آخران اذا تم الكسوف في جرمه ومكث واحدهما تمام الكسوف وأول المكث ، والثاني آخر المكث وأول الانجلاء ويتوسطها وسط الكسوف كالتوسط المتقدم ، وربما اجتمع هذان الحالان بدم المكث فصار تمام الكسوف وسطه بالتقريب وكان لأجله محسوسا ، واذا كان هذا متقررًا رصدنا نحن ومن اطأنا معه أوقات هذه الاحوال بارتفاعات الكواكب الثابتة أو آلات الماء او الرمل ، ثم جمعنا بين الموجودين في البلدين من وقتي وسط الكسوف أو وقتي احد تلك الاحوال بعينه لما يمكن من فوت أحد الطرفين الدالين بحصولهما على الوسط ، فان كان بعد الوقت عن نصف

الليل في كل البلدين ماضيا منه أو في كليهما باقيا إليه أخذنا فضل ما بين البعدين أزمانا، وان كان في أحدهما ماضيا منه وفي الآخر باقيا إليه جمعنا أزمان البعدين وان كان البعد في أحدهما على حقيقة نصف الليل أخذنا البعد الذي في الآخر كما هو ثم نظرنا فان كان البلد المعلوم الطول غربيا عن بلدنا زدنا الازمان التي حصلت لنا على طوله فيجتمع طول بلدنا، وان كان البلد المعلوم الطول شرقيا عنا نقصنا ازمان البعد من طوله فيبقى طول بلدنا، وان كان الكسوف في كليهما على نصف الليل سواء فهما في الطول متساويان، ويجب ان يحتاط في ذلك بالقياس بين وقتي كل حال على حدة وفي استخراج وسط الكسوف من كل حالين نظيرين حوله .

١٠

ويمكن ان يستخرج ذلك من غير كسوف بعد معرفة عرض البلدين وهو أن يرصد تمام ارتفاع القمر على فلك نصف النهار فيها في ليلة واحدة بعينها بغاية التدقيق ويعدل باختلاف المنظر حتى يصير مقيسا الى مركز الارض وينقص فضل ما بين عرضي البلدين من تمام أصغر الارتفاعين ثم يتعرف بالاستقراء والامتحان ما يكون بين الباقي وبين تمام أعظمها من الفضل كم في زمان يحصل للقمر او حصل له فيكون ذلك ازمان البعد بين البلدين التي كانت حصلت برصد الكسوف فيفعل بها ما ذكرنا حتى يحصل طول بلدنا معلوما .

وقد ذكر أبو علي بن سينا انه صحح طول جرجان بما تولاه من

ذلك فيها وأقام حساب حبش لبغداد مقام أحدهما قد واطأه وهو ٢٠

طريق على صحته فى الوهم معتذر بالفعل .

فاما علة ما ذكرنا فى الكسوف فقد سبقه ما تقرر من أمر الطلوع فى البلدين المختلفى الطول والعرض وانه يتقدم ويتأخر أخرى ويتفق ايضا فيها معا، وفى تمييز ذلك يفتن النظر ويطول الامر وان اختلاف ٥ نصف النهار فيها واحد ثابت لا يعد وأفضل ما بين طوليهما ولهذا عدلنا فى الاعتبار عن الأفق الى فلك نصف النهار .

ويحتاج فى هذا المقصد الى معرفة وقت وآن واحد فى بلدین متباعدين بحيث يختلف فيها الوقت ومتى تباعد أسقط الاستدلال فيها عليه بالعلامات الارضية الطبيعية والصناعية، وامتنع فى حوادث ١٠ الجو ازوالها عن النظام وغروب المعرفة المتقدمة بها وبكونها حتى يحصل عليها المواطاة ، وما بقى من القسمة غير الاحداث السماوية والاقترانات الكسوفية فيها صالحة لكن ما للكواكب منها غير مؤثر فى حس البصر الا فى مدة مديدة لا يمكن فيها تمييز وقت البدو وغيره فبقيت الكسوفات التى للنيرين والشمسية منها عارضة للأعين ١٥ دون ذوات الشمس على مثال سنة القمر للكواكب ، ولذلك تختلف مقاديرها ولا تكون أوقاتهما فى المواضع المختلفة فى آن واحد ، والقمرية منها بخلاف ذلك لأن الكسوف واقع فيها على نفس الجرم فحيث ما أبصر أدرك بحاله وفى وقته فلهذا السبب حصل الاعتماد عليها دون غيرها .

٢٠ (١) فليكن فلك نصف نهار بلدنا : ط ب ح ، و : ا ب ج ، معدل النهار على

(١) ابتداء شكل : ٦٥ .

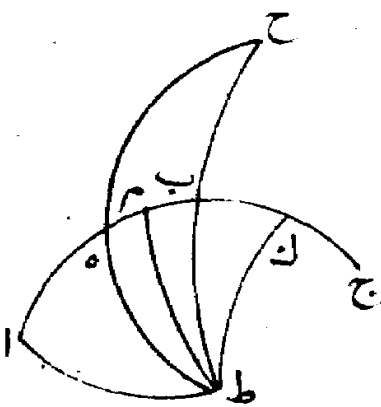
قطبي : ط ح ، وفلك نصف نهار البلد المعلوم : ط ه ح ، وطوله : من المغرب : ج ب ه ، وطول بلدنا الذي نريده : ج ب ، ولنمثل بمعدل النهار فان سائر المدارات موازية له والابعاد فيها عن فلك نصف النهار تتشابه لأن القسي التي نقررهما هي مارة على قطبي الشكل .

و لنهب أن الكسوف اتفق في كلا البلدين غربيا وكأنه على : ك ، ه فيكون في بلدنا : ب ك ، وفي بلد الآخر : ه ك ، وفضل ما بينهما : ي ه ، الذي اذا زيد على طول : ج ب ، الغربي اجتمع : ج ه ، .
وان نقص من : ج ه ، الشرقي بقي : ج ب ، وكذلك اتفق في كلا البلدين شرقيا وكأنه على : ا ، فيكون احد البعدين : ا ب ، والآخر : ه ا ، والفضل بينهما : ه ب ، الذي اذا زيد على : ج ب ، الغربي حصل : ج ه ، .
وان نقص من : ج ه ، الشرقي بقي : ج ب ، فان اتفق الكسوف فيما بينهما بعد نصف ليل : ه ، بازمان : ه م ، وقبل نصف ليل : ب ، بازمان : ب م ، كان مجموع : ه م ، م ب ، هو ما بين الطولين ، ومتى اتفق الكسوف على : ه ، او على : ز ، كان البعد من أحدهما هو ما بين الطولين فان

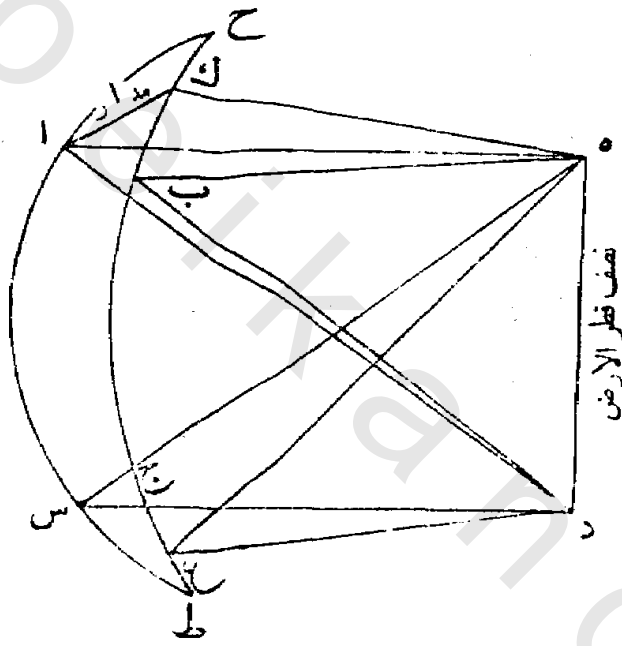
لم يكن في أحدهما تعديل كان في كليهما على حاق نصف الليل او استوى البعد فيهما في جهة واحدة كانا معا على : ح ب ط .

(١) ثم ليكن الطريق العادل عن

الكسوفات : ا ب ، فيما بين فلكي نصفي النهارين قطعة من فلك القمر المائل



ومركز العالم : ه ، ووجه الارض : د ، وسمت الرأس في أقبل
البلدين عرضا : س ، وفي الأكثر : ع ه ، وبعد القمر عن سمت الرأس
س ا ، وهو يرى من وجه الارض زاوية : س د ا ، ومن مركزه
زاوية : س ه ا ، والفضل بينها هو اختلاف المنظر ، فاذا نقص من تمام



(٦٦)

الارتفاع الموجود من : د ،

حصلت زاوية : س ه ا ،

وعلى مثلها الحال في

زاوية : ع د ب ، حتى

يحصل على المركز : ع ه ب ،

فان جعلنا : ع ج ، فضل

ما بين العرضين ثم كان

القمر غير متحرك

إلا بالحركة الاولى لبلغ : ك ، على مدار : ا ك ، المخطوط على : ط ، ويبعد :

ط ا ، فاذا زدنا فضل ما بين العرضين على مقدار : س ا ، عند المركز

١٥ حصلت زاوية : ك ه ع ، ولكنها في الوجود : ب ه ع ، وقد نقصت

في هذا المثال بسبب اختلاف العرض في مدة ما بين نصفي نهاري البلدين ،

وربما لحق ذلك من اختلاف المنظر ، ومجموع ذلك معلوم من الرصد .

فاذا استخرجت المدة التي فيها يقع هذا الاختلاف والفضل

استفرا ، وتجربة بتغيير الموضوع والمقدار حصل منه ازمان البعد الذي

٢٠ بين فلكي نصفي النهارين فعلم الطول الذي أردناه .

(١) ابتدا . ص ٦٦ .

الباب الثانى فى تصحيح البلدان بما بينهما من المسافات

اذا كان بلدان معلومى العرض والمسافة التى بينهما باجزاء الدور
وأردنا معرفة ما بينهما فى الطول ضربنا جيب العرض الأقل فى جيب
المسافة وقسمنا المجتمع على جيب العرض الأكبر فيخرج المحفوظ
الاول، وتأخذ فضل ما بينه وبين نصف جيب ضعف المسافة ونحفظه
ثانياً ثم نلقى جيب تمام ضعف المسافة من الجيب كله ونصف ما يبقى
ونضرب كل واحد من هذا النصف والمحفوظ الثانى فى مثله وتأخذ
جذر مجموع المبلغين، فان قسمنا عليه مضروب جيب المسافة فى مثلها
خرج الجيب الأول، وان قسمنا عليه مضروب جيب المسافة فى
المحفوظ الأول خرج الجيب الثانى، ثم نقسم جيب العرض الأكبر
على الجيب الأول ونقوس ما يخرج ونلقها من تسعين فيكون جيب
ما يبقى هو الأصل .

و نقسم على جيب تمام العرض الاكبر مضروب الجيب الأول
فى الأصل فنخرج جيب القوس الكبرى، ونقسم أيضا على جيب تمام
العرض الأقل مضروب الجيب الثانى فى الأصل فيخرج جيب القوس
الصغرى وفضل ما بين هاتين القوسين هو فضل ما بين طولى البلدين
الذى يزداد على طول غربيها أو ينقص من الشرقى فيحصل طول الآخر،
فان تساوى العرضان قسمنا جيب المسافة على جيب تمام العرض فيخرج
جيب ما بين الطولين، وان ساوت المسافة ما بين العرضين لم يكن بين البلدين

اختلاف فى الطول .

(١) و البرهان على ذلك فليكن: ه ع^٢ ، أما خط الاستواء على الأرض
و أما معدل النهار على السماء وقطبه: ط ، و: ط ح ، فلك نصف نهار
بلد: ا ، الاكثر عرضا و: ط د ، فلك نصف نهار بلد: ب ، الأقل عرضا ،
ه فيكون: ج د ، ازمان الطول بينهما و: اب ، المسافة معلومة باجزاء الدائرة
العظمى ، وتتم دائرتها فتلقى معدل النهار على: ه ، و تقرر منها قوس:
اح ، مساوية لمسافة: اب ، و: ه ز ، مساوية ل: ه ب ، و نصل: ب ز ،
ل ح ، ح د ، ونخرج فيما بين منتصفى: ب ح ، ب ز ، خط: ل ص ، واصلا
بينهما فتساوى جيب قوس: اب ه ، لانه نصف: ح ز ، وترضعفها ،
و نسبة: ل ص ، الى: ص ب ، هي نسبة جيب: ا ه ، الى جيب:
ه ب ، وهذه النسبة معلومة لأنها كنسبة جيب عرض: اج ، الى
جيب عرض: ب د ، المعلومين وليس فى مثلث: ط اب ، المعلوم
الاضلاع شىء من زواياه معلوما فنجعل زاوية: ح ب ك ، مساوية لزاوية:
ح ز ب ، أعنى: ل ص ب ، ونخرج: ب ك ، على استقامته الى: ف ،
و نزل عمود: ح م ، عليه فلتساوى قوسى: م ح ،: ح ب ، تتساوى
زاويتها ويكون: ح م ، سهم قوس: ل ح ، الذى هو فضل نصف القطر على
جيب تمام: ل ح ، ولتشابه مثلثى: ب ل ص ، ك ل ص ، تكون نسبة: ل ب
الى: ب ك ، المحفوظ الاول كنسبة: ل ص ، الى: ص ب ، ولان: ل ص
يساوى نصف: ح م ، و: ل ب ، نصف: م ب ، الذى هو جيب ضعف

(١) ابتداء شكل: ٦٧ (٢) ا ، ب ، ج ، م ع .

المسافة فان : ك ي ، المحفوظ الثاني يكون معلوما و : ا ك ، الجذر يقوى عليه وعلى : ي ل ، فالجذر معلوم ونسبته اما الى : ل ب ، جيب المسافة فكنسبة : ل ب ، الى : ل ص ، الجيب الاول ، واما الى : ك ب ، المحفوظ الاول فكنسبة : ل ب ، المسافة الى : ص ب ، الجيب الثاني ، ثم ندير على قطب : ه ، و يبعد ضلع المربع قوس : ط س ع ، ونسبة جيب : ه س ع ، الى جيب : س ه ، الربع كنسبة جيب : ا ج ، الى : ا د ، او كنسبة جيب : ي د ، الى : ب ه ، ف : ط س ، تمام : س ع ، معلوم وجيبه

هو الاصل ونسبته

الى جيب : ط ا ،

تمام العرض

الاكثر كنسبة

جيب : ج ه ،

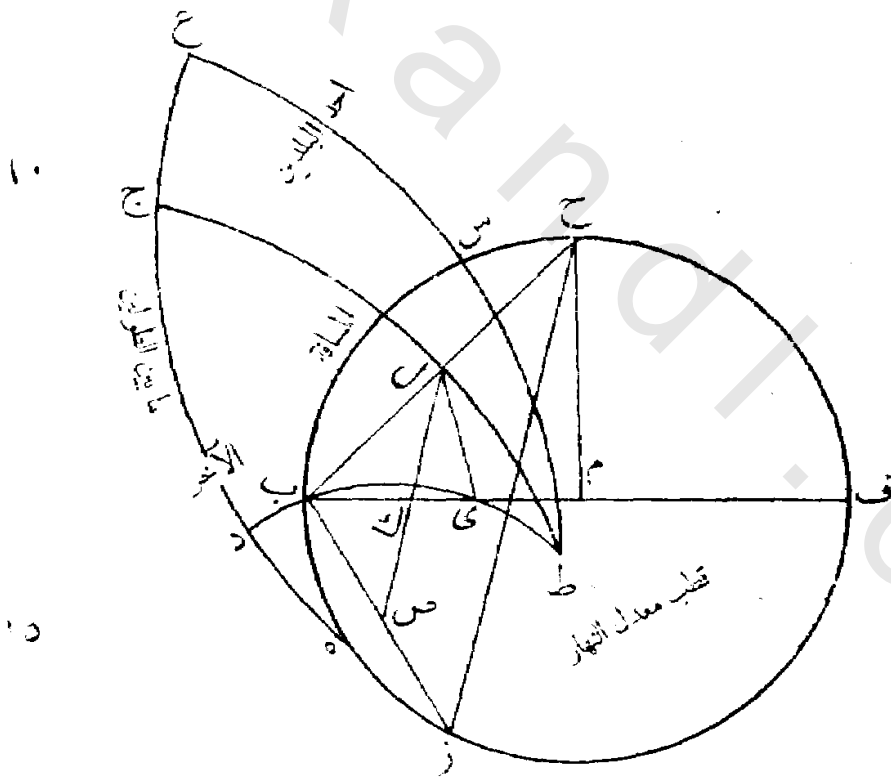
القوس الكبرى

الى جيب : ه ا ،

الاول ونسبة

جيب : ط س ،

ايضا الى جيب



(٢٧)

ط ب ، تمام العرض الاقل كنسبة جيب : د ه ، القوس الصغرى الى

جيب : ه ب ، الثاني وفضل ما بين قوسي : ه ج ، ه د ، هو : ج د ، فضل

ما بين الطولين فان تساوى العرضان اشترك وتر المسافة بينهما وبين ٢٠

الباب الثالث فى استخراج المسافة بين

بلدين معلومى الطول و العرض

اذا أردنا أن نعرف اجزاء المسافة بين بلدين معلومى الطول و العرض

ضربنا جيب تمام أكثرهما عرضا فى جيب ما بين الطولين فيجتمع جيب القوس الأولى و نقسم جيب أكثر العرضين على جيب تمام القوس الأولى فيخرج جيب القوس الثانية ثم نأخذ فضل ما بين هذه القوس الثانية و بين أقل العرضين و نضرب جيب تمام الفضل فى جيب تمام القوس الأولى فيخرج جيب تمام المسافة نقوسها و نلقيها من تسعين فيبقى المطلوب .

(١) وليكن لبرهانه : ا ب ، المسافة بين بلدى : ا ب ، و : ج د ، ١٠

ما بين فلسكى نصفى نهاريهما من الطول و نخرج دائرة : ز ا ه ح ، قائمة على : ط ب ، و ملاقية معدل النهار على : ز ، و ندير على قطب : ا ،

و يبعد ضلع المربع قوس : م ك ح ، و نخرج اليها : ط ب م ، : ا ب ك ، على استدارتها ف معلوم ان نسبة جيب : ط ا ، تمام اكثر العرضين

الى جيب : ا ه ، القوس الاولى كنسبة جيب : ط ج ، الربع الى جيب ١٥

ج د ، ما بين الطولين فـ : ا ه ، و تمامه : ه ح ، معلومان و نسبة جيب : ز ا ،

تمام القوس الاولى الى جيب : ا ج ، اكثر العرضين كنسبة جيب : ز ه ،

الربع الى جيب : ه د ، القوس الثانية فهى معلومة و الفضل بينها و بين

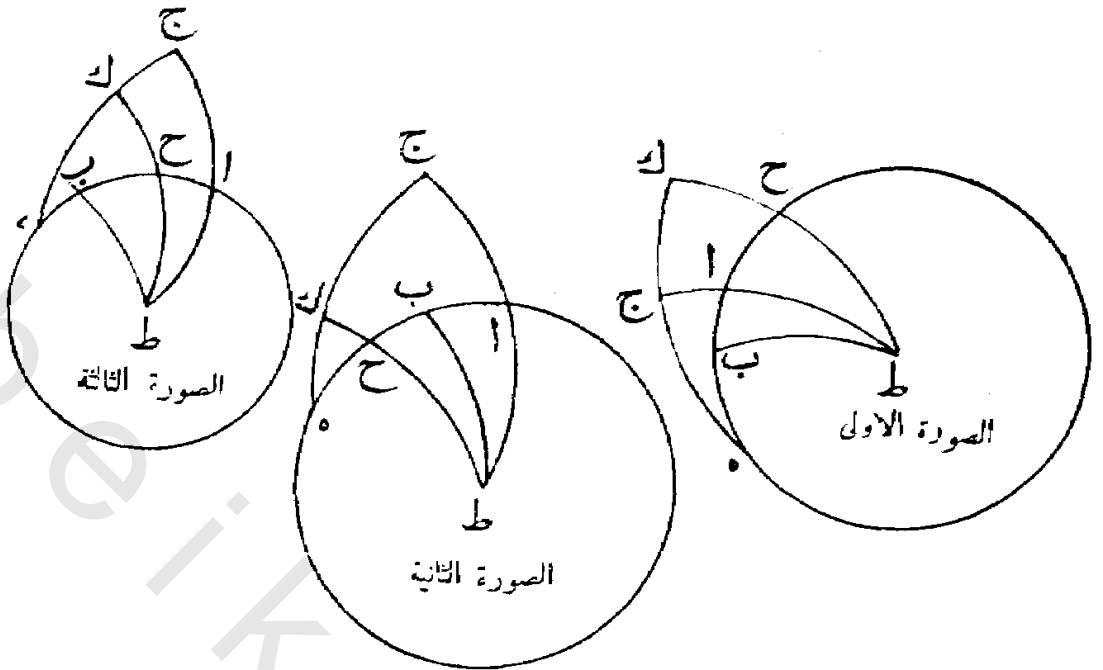
أقل العرضين : ه ب ، و تمام الفضل : م ب ، و نسبة جيب : م ب ، الى

- اقرب فان كان الى الاول جمعنا المسافة بين البلد الاول و بين الثالث الى قوس الجيب الاول و ان كان الى الثانى اقرب او كان فيما بين البلدين أخذنا فضل ما بينهما ثم ضربنا جيب الحاصل فى جيب عرض البلد الاول و قسمنا ما بلغ على الجيب الاول فيخرج عرض هذا البلد الثالث، و ضربنا جيب الحاصل ايضا فى الاصل و قسمنا المجتمع على جيب تمام عرض البلد الثالث فيخرج جيب نقوسه و نأخذ فضل ما بين قوسه و بين القوس الكبرى فيكون فضل ما بين البلد الثالث و الاول فى الطول، ثم معرفة زيادته على الطول الاول او نقصانه منه موكول الى جانب الوجهة عن فلك نصف النهار ثم ان لم يكن البلد على استقامة المسافة ولكنه انحرف عنها يمينا أو يسارا تركنا سمات هذه البلاد على حالها و جئنا الى مسافتى ما بين البلد الثالث و بين البلدين الباقيين فاقنا تمام اقل المسافتين مقام عرض البلد الاول بالتسمية و تمام اكثرهما مقام عرض البلد الثانى، و استخراجنا لهما ما بين الطولين فيكون المحفوظ الاول، ثم عدنا الى البلاد الثلاثة ف ضربنا جيب تمام عرض الاول فى جيب ما بين الاول و الثانى فى الطول و نخرج جيب العمود الاول و نقسمه على جيب مسافة ما بين الاول و الثانى فيخرج جيب المحفوظ الثانى، و فضل ما بين هذين المحفوظين هو المحفوظ الثالث فيضرب جيبه فى جيب المسافة بين البلد الثالث و الثانى فيخرج جيب العمود الثانى، و يضرب جيب تمام المحفوظ الثالث فى جيب المسافة بين الثانى و الثالث و نقسم ما بلغ

على جيب تمام العمود الثانى فيخرج جيب تقوسه و تأخذ فضل ما بين قوسه و بين تمام عرض البلد الثانى و تضرب جيب تمام هذا الفضل فى جيب تمام العمود الثانى فيخرج جيب عرض البلد الثالث، و تقسم جيب العمود الثانى على جيب تمام عرض البلد الثالث فيخرج جيب ما بينه و بين البلد الثانى فى الطول ثم ننظر فان كان المحفوظ الاول اقل من المحفوظ الثانى كان ذلك فى الجهة التى فيها البلد الاول عن الثانى من الشرق و الغرب، و ان كان المحفوظ الاول أكثر كان ذلك فى خلاف الجهة التى فيها البلد الاول و بحسب ذلك تكون زيادته على طوله و نقصانه عنه فيحصل طول البلد الثالث .

١٠ (١) و نعيد لذلك الشكل المتقدم و نجعل فيه : ح ، البلد الثالث الذى على استقامة : ا ب ، و نجعله ثلاثة اوضاع يكون فى اولها فى جهة : ا ، و فى الثانى فى جهة : ب ، و فى الثالث بينهما و نخرج عليه فلك نصف نهاره فيكون عرضه : ح ك ، و نسبة جيبه الى جيب : ح ه ، بمجموع مسافة : ح ا ، الى : ا ه ، قوس الجيب الاول فى الصورة الاولى و فضل ما بينهما فى الباقيين كنسبة جيب : ا ج ، عرض البلد الاول الى جيب : ا ه ، قوس الجيب الاول ، و نسبة جيب : ح ه ، الى جيب : ه ك ، المطلوب كنسبة جيب : ح ط ، الى الاصل الذى هو جيب تمام زاوية : ه ، و فضل ما بين قوس : ه ج ، الكبرى و بين قوس : ه ك ، هو : ك ج ، فضل ما بين بلدى : ا ح ، الاول و الثالث فى الطول .

(١) ابتداء شكل . ٧٠ .



- وللنحرف عن استقامة المسافة بين البلد الاول والثاني يحصل من المسافات
 مثلث: اى ح، وقد كنا ذكرنا في الباب الثاني لما كان مثلث: ا ط ب، معلوم
 الاضلاع من تمامى عرضى بلدى: ا ب، و مسافة: ا ب، قصدنا استخراج
 زاوية: ا ط ب، التى بمقدار ما بين الطولين، و بينا الطريق فيه و عندنا فى
 هذا الباب مثلث: اى ح، معلوم الاضلاع، فاذا قصدنا معرفة زاوية: ٥
 ا ب ح، فيه احتسبنا بضلعى: ا ب، ب ح، تمامى عرضين بلدى:
 ا ح، بدل ضلعى: ا ط، ط ب، و سلكنا الطريق المتقدم حتى
 تحصل زاوية: ا ب ح، وهى المحفوظ الاول، فنزل من: ا، عمود
 ا ه، الاولى من دائرة عظمى ونسبة جيبه الى جيب: ا ط، تمام
 عرض البلد الاول كنسبة جيب: د ج، ما بين بلدى: ا ب، فى الطول ١٠
 الى جيب: ج ط، الربع، فالعمود الاول معلوم ونسبة جيبه الى جيب:
 ا ب، المسافة بين: ا ب، كنسبة جيب زاوية: ا ب ه، الى جيب

الى جيب : س د ، ما بين بلدى : ب ح ، فى الطول وقد وقع فى خلاف جهة : ج ، عن : د ، من أجل ان المحفوظ الأول كان أكثر من الثانى ولو كان أقل لوقعت نقطة : ح ، وفلك نصف نهارها فيها بين فلكى نصفى نهارى : اب ، فكانت : س ، عن : د ، فى جهة : ج ، عنها وذلك ما اردنا بيانه .

الباب الخامس فى معرفة سموت البلاد بعضها من بعض

اذا أردنا سمت بلد معلوم الطول و العرض فى أفق بلدنا وهو

كذلك ضربنا جيب ما بينهما من أزمان الطول فى جيب تمام عرض ذلك البلد فيجتمع جيب البعد فى المدار ، ونقسم على جيب تمام هذا

البعد جيب عرض ذلك البلد فيخرج جيب عرض بلدنا معدلا بافق ١٠

ذلك البلد و فضل ما بينه و بين عرض بلدنا عن المعدل هو تعديل العرض

فيضرب جيب تمام هذا التعديل فى جيب تمام البعد فى المدار فيجتمع

جيب تمام المسافة بين البلدين ، ونقسم مضروب جيب تعديل العرض

فى جيب تمام البعد فى المدار على جيب المسافة فيخرج جيب بعد تقاطع

الأفقين عن نقطة الشمال فى الجانب الذى فيه ذلك البلد عن بلدنا من ١٥

جانبى المشرق و المغرب متى كان العرض المعدل أقل من غير المعدل

و يساويه بعد السمى فى الجنوب عن طرف خط الاعتدال الذى فى

ذلك الجانب ، و يكون بعد التقاطع فى الجانب الآخر اذا كان المعدل أكثر

و يساويه بعد السمى فى الشمال عن طرف خط الاعتدال الذى فى

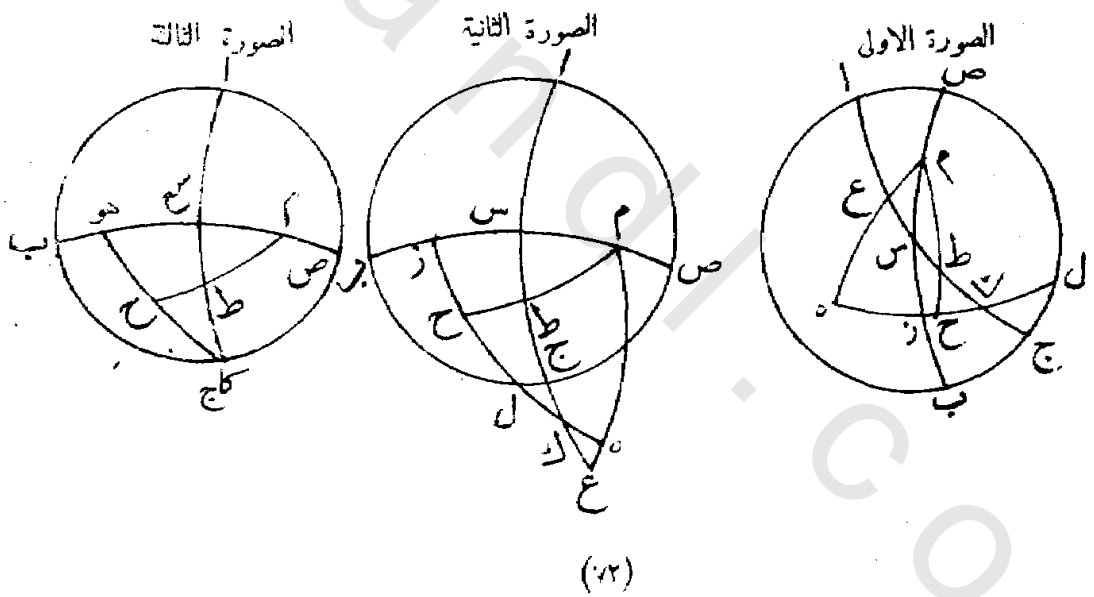
جانب ذلك البلد فان تساويا بطل البعد وكان التقاطع على نفس نقطة الشمال، فأما معرفة جانب البلد فمن طوله لانه اذا قصر عن طول بلدنا كان ذلك البلد في جانب المغرب، واذا فضل عليه كان في جانب المشرق، ومن جزئيات هذا العمل سمت القبلة اذا كان البلد المفروض بطوله وعرضه مستقبلا في العباداة كاللكنة للسليين وكبيت المقدس لليهود، ولأن سمت مكة ثابت على مقداره فممكن ان يكون للشمس في بعض مداراتها ارتفاع سمتها سمت القبلة حتى اذا صارت الشمس بذلك الارتفاع في جانب مكة كان مواجهها مستقبلا القبلة، وقد مر في باب معرفة الارتفاع من السمات تنزاح به العلة من هذه النقطة، واذا ازداد تعديل الارتفاع فيها على الارتفاع الاوسط والشمس جنوبية الميل بطل وجود هذا الارتفاع في مدارها .

(١) فليكن لما ذكرنا : ا ب ج ص ، من الأفق على قطب : س
 و : ا س ج ، فلك نصف نهاره و : ط ، قطب معدل النهار ، و : ط ج ، ارتفاعه
 وليكن : م ، البلد الذى نريد سمته في بلدنا وندير عليه ببعد ضلع المربع
 قطعة : ل ك ه ، من أفقيه^٢ ، ونخرج : م ط ح ، من فلك نصف نهاره
 فيكون : ط ح ، عرضه ، وأما ل بلدنا فالعرض : ط ج ، بقياس الأفق
 و : ط ل^٢ ، عرضه المعدل بافق ذلك البلد و : ك ح ، تعديل العرض ونخرج
 على بلدى : س م ، من دوائر الارتفاع نصف دائرة : ب س ص ، وعلى
 قطب : ك ، ويبعد ضلع المربع ندير : م ع ه ، ليكون : ع ه ، مقدار

(١) ابتداء شكل : ٧٢ (٢) ج ، ب : أفقه (٣) ج : ط ك .

- زاوية : ك ، ونسبة جيب : م ط ، تمام : ط ح ، الى جيب : م ع ، تمام
زاوية : ك ، كنسبة جيب زاوية : م ع ط ، القائمة الى جيب زاوية :
م ط ع ، التى تقدر ما بين البلدين فى الطول ، فزاوية : ك ، معلومة ونسبة
جيبها الى جيب زاوية : ط ح ك ، القائمة كنسبة جيب : ط ح ، عرض
بلد : م ، الى جيب : ط ك ، عرض بلدنا معدلا بافق ذلك البلد فهو ه
معلوم ، و : ك ج ، تعديل العرض فنسبة جيب تمامه أعنى : ك س ، الى
جيب تمام زاوية : ل ، وهو : س د ، كنسبة جيب : ك ع ، الربع الى
جيب : ع ه ، مقدار زاوية : ك ، فزاوية : ل ، معلومة ومقدارها
ج ب ، المساوى لمسافة : م س ، ونسبة جيبها الى جيب زاوية : ك ،
كنسبة جيب : ك ج ، التعديل الى جيب : ل ج ، بعد تقاطع الافقين ١٠
عن نقطة الشمال وهو مساو لبعد نقطة السميت وهى : ص ، عن طرف
خط الاعتدال الذى فى جهة المطلوب سمتيه ، ولأن بعد طرف خط
الاعتدال عن : ج ، ربع دور ، ولذلك اذا كان التقاطع من : ج ، نحو
جهة بلد : م ، عن نصف نهارنا بسبب قصور : ط ك ، العرض المعدل
عن : ط ج ، غير المعدل كانت نقطة : ص ، جنوية عن خط الاعتدال ١٥
كما فى الصورة الاولى واذا كان التقاطع فى خلاف جهة بلد : م ، عن
نصف نهارنا بسبب زيادة : ط ك ، العرض المعدل على : ط ج ، غير
المعدل كما فى الصورة الثانية كانت نقطة : ص ، شمالية عن خط الاعتدال .
فاذا تساوى هذان العرضان بطل تنحى نقطة : ل ، عن : ج ، واتحدتا
كما فى الصورة الثالثة ، فكان : ص ، على طرف خط الاعتدال . ٢٠

و اما ما ذكرنا من ارتفاع الشمس على سمت القبلة فان هذا سمت متى
كان جنوبياً و ارتفاع نصف النهار غير جنوبي بطل وجود ارتفاع الشمس
في ذلك المدار على سمت القبلة او كان سمت شمالياً و ميل الشمس
غير شمالي، وكذلك اذا لم يفصل سمت الجنوبي على الميل الأعظم ثم
٥ كان ميل الشمس في الجنوب اكثر من سمت فان حصول الشمس
عليه لا يكون مع ارتفاع فوق الارض و ليكن مع انحطاط تحتها،
و هذه كلها متصورة من الاشكال المتقدمة في معرفة الارتفاع من
السمت بعون الله عزوجل .



عليه خط : ه ع ص ، فيكون خطّ القبلة الذى يصلى عليه المصلى من مركز : ه ، فيكون مواجها لمكة او البلد الذى تفرض الاستقبال .

برهان ذلك أنا توهم نصف دائرة : ا ب ج ، نصف فلك نصف

النهار قائما على نصف دائرة : ا ص ج ، الذى للافق ، و اذا كان : ج ط ،

عرض البلد كان : ط ، قطب الكل ، و : ه ط ، من المحور ، ومتى فرضنا :

ط ز ، مساويا لتمام عرض مكة كان : ك ، مركز المدار المارّ عليها ،

ولذلك يكون نصف هذا المدار : ز ح د ، وهو فى الوهم قائم على

فلك نصف النهار ، فاذا جعلنا : ط ب ، مساويا لتمام ما بين الطولين

١٠ وفضل خط : ك ح ، الموازى ل : ه ب ، من المدار ما بين الطولين

لتوازى خطى : ك ز ، والخارج من : ه ، عمود : ا ع ل ، ط ه ، وتساوى

زاويتى : ح ك ز ، التى يحيط بها : ب ه ، والخط المذكور مقابلة لأزمان

ما بين الطولين ، ونقطة : ح ، فى هذا المدار القائم مسامتة لمكة والعمود

النازل منها على افق بلدنا ، وليقع على : ع ، وهى فى سطح دائرة الارتفاع

١٥ المارّة على مكة والاستقبال يكون فى سطحها ، فلذلك صار وكدنا

مقصورا على معرفة وضع نقطه : ي ع ، ومعلوم ان : ع ، يوازى : ح ل ،

ويساويه لتوازى : ل ي ، مع العمود النازل من : ح ، على : ع ، فان أدرنا

الكرة على محور : ا ه ج ، رسم خط : ل ي ، القائم عليه سطحا مستقيما

يقاطع الأفق على : ي ع ، وينطبق : ي ل ، فيه على استقامته ،

٢٠ فقطعة : ع ، على خط : ي ل ، عند موافاته الأفق .

و اذا ادرنا دائرة : س م ، يبعد : ز ح ، ساوى جيب : س ا ،

فيها

فيها : ح ل ، ولذلك يفضل خط : س ع ، الموازى لـ : ا ه ج ، خط :
 ي ع ، مساويا لـ : ح ل ، ويصير وضع نقطة : ع ، التى هى مسقط حجر
 مكة فى أفقنا معلوما .

الباب السابع فى معرفة دور الأرض بالأجزاء الاصطلاحية

كرة الارض فى وسط كرة السماء ، فالزوايا الكائنة على مركز العالم
 يفصل من كليهما قطعا متشابهة سواء كانت ، سطوحا محاذية للزوايا المجسمة
 او كانت قسيًا مقابلة للزوايا المسطحة ، والقسي المتشابهة تتفاضل فى العظم
 بحسب البعد عن المركز ، ويختلف ذكر الامم لمقادير القسي الارضية بما
 اصطالحوا عليه فى تقرير المسافة ، فما من بقعة الآ ولأهلها فى الذراع ١٠
 الذى يحملونها معهم فضلا عما بعدها أقاويل يعسر ها هنا حصرها بل
 يتعذر على جامعها تحصيلها ، ثم لا يثبت ذلك فيهم على الاحقاب والقرون
 وانما يتغير فى قليل من الزمان ، ولم يتصل بنا فى هذا الباب كلام
 مسند الى ذوى التحصيل غير ما ورد من جهة الروم والهند ، وكل
 واحد منها يخالف الآخر بمقدار لا يكاد يتجه له وجه ، وقد قدر الهند ١٥
 دور الارض بمسافة يشتمل على ثمانية أميال من أميالنا و اختلف رأيهم
 فى كل الدور ، فذكر فى كل واحد من سدها ندياتهم الخمسة بخلاف ما فى
 الآخر ، وقدروه الروم بمقدار سموه اسطا ذيا ، وزعم جالينوس ان
 اراطستانوس قدره ما بين بلدى اسوان و الاسكندرية ، فانها على خط

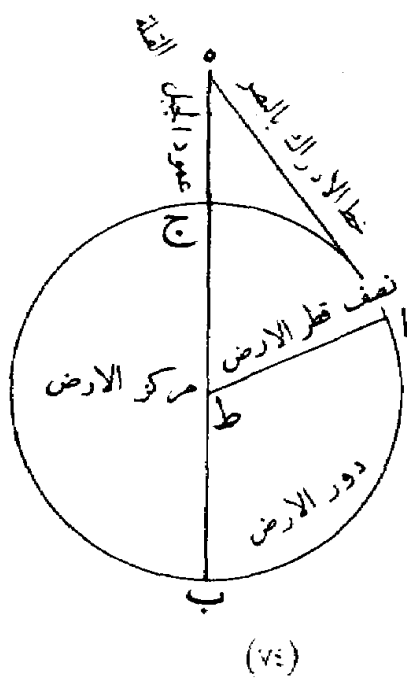
واحد من خطوط أنصاف النهار مثل بلدى تدمر و الرقة، ومتى جمع ما فى كتاب البرهان للجاليوس الى ما فى كل واحد من كتاب بطليموس فى المدخل الى الصناعة الكرية، وكتابه فى صورة الارض تفاوتت المقادير ايضا على ان اسماء تقديراتهم اذا وقعت الينا لم يكدي يهتدى لها ه قومنا بسبب اللغة و اختلاف المفسرين فيها، ولهذا او للتفاوت العظيم بين رأى الفريقين فيها هو الذى بعث المامون بن الرشيد على تجريد الاعتبار فى برية سنجار من أرض الموصل على يد جماعة من المقدمين فى هذه الصناعة، فقصدوا معرفة ما يخص قوسا من دائرة عظمى معلومة النسبة الى كل الدور من أذرع أو اميال او فراسخ، وكل من لزم فى مسيره ١٠ طريقا مستقيما على قاع امتا فقد سلك محيط دائرة عظيمة الآ ان لزومها بالاطلاق يصعب لحفاء العوج فيما بعد من الابعاد، ولتغير السميت فى كل جزء من الدوائر العظام ما خلا خط الاستواء، وخطوط أنصاف النهار ولذلك اعتموا قطب الكل فى الاستقبال والاستدبار وراعوا الشرائط التى بها تصح استقامة السير بالنهار والسرى بالليل، وحين احتاطوا فيه ١٥ وجدوا حصة الجزء الواحد من الثلاث مائة والستين المفروضة لكل الدور ستة وخمسين ميلا وثلاثى ميل، كل ميل منها اربعة الف ذراع تعرف بالسوداء، ويقدر باربع وعشرين اصبعاً لمساحة الديار والبيوت بيغداد وكل ثلاثة أميال منها فرسخ، ولذلك يكون أذرع هذا الجزء مائتين وست وعشرين الفاً، وست مائة وست وستين ذراعاً

(١) ب، ج، ل : امت .

و فراسخه ثمانية عشر فرسخا و ثلاث و خمسون دقيقة و ثلث دقيقة، و أذرع
الدور كله: (٨١٦٠٠٠٠٠) و أمياله: (٢٠٤٠٠) ، و فراسخه: (٦٨٠٠) ، و على
شدة حرصى ان أتولى الاعتبار و اختيارى له قاعا صفصفا فى شمال دهستان
التي بارض جرجان ، ثم عجزى عن المفاوز المتعبة و المعين الصادق عليه
عدلت فيه الى طريق آخر لما وجدت بأرض الهند جبلا مشرفا على صحراء ه
مستوية الوجه ناب استوائها عن ملاسة سطح البحر ، فقسمت على ذروته
ملتقى السماء و الارض فى المنظر أعنى دائرة الأفق ، فوجدته منحطاً فى
الآلة عن خط المشرق و المغرب بأنقص قليلا من ثلث و ربع جزء
فأخذته اربعا و ثلاثين دقيقة ، و استخراجت عمود الجبل باخذ ارتفاع
ذروته فى موضعين همامع اصل العمود على خط مستقيم فوجدته ست مائة
واثنين و خمسين ذراعا و نصف عشر ذراع .

(١) و ليكن عمود الجبل : ه ج ، قائما على : اب ج ، كرة الارض
و نخرجه على استقامته على : ج ط ب ، و لا بد من مروره على المركز
لهبوط الأثقال اليه ، فليكن : ط ، و الخط المماس للارض من الذروة
هو المار على الافق ، فليكن : ه ا ، و نصل : ط ا ، فيحصل مثلث : ه ط ا ،
قائم زاوية : ا ، معلوم الزوايا ، و ذلك ان زاوية : ا ه ط ، بمقدار تمام انحطاط
الافق و ذلك : فط ، كو ، وجيبه : (. ، نط ، نط ، مط ، ب) ، و زاوية : ه ط ا ،
بمقدار تمام انحطاط الافق ، و ذلك نفسه وهو : ه ، لد ، وجيبه : ه ، د ، لد ، كو ،
و هو اذن معلوم الاضلاع بالمقدار الذى به : ط ه ، الجيب كله ، و ذلك ان :

ط ا، يكون فيه جيب تمام الانحطاط فد: ج ه، يكون فضل الجيب كله
 أعنى جيب تمام الانحطاط وذلك: (٠،٠، نز، لب) ، ونسبته الى : ط ا،
 جيب تمام الانحطاط كنسبة أذرع : ه ج، عمود الجبل الى أذرع : ط ا،
 نصف قطر الارض، فتكون اذرع نصف قطر الارض: (١٢٨٥١٣٦٩، ن،
 ه مب) ، و اذرع المحيط: (١٨٥٧٨٥٥٣٩، ل ج) ، و أذرع الجزء الواحد من
 ثلاثة مائة وستين جزءا: (٢٢٤٣٨٨، نط، ن) و يكون أميال الجزء : (ن
 نو، ه، ن) فقد قارب ذلك وجود القوم بل لاصقة ، و سكن القلب الى
 ما ذكره فاستعملناه اذ كانت آلاتهم اذق و تعبهم في تحصيله اشد و اشق،
 و طريقت تحويل أميال المسافات الى الاجزاء ليتمكن من عمل ما تقدم
 ١٠ في سائر الابواب ان نضربه في ثلاثة ليصير أثلاثا و نقسم على مائة
 و سبعين التي هي أثلاث أميال الجزء الواحد .



و في عكسه اذا اريد تحويل أجزاء
 مسافة الى أميال ان نضرب في مائة
 و سبعين و يؤخذ ثلث المبلغ لكن ضرب
 ١٥ هذا المبلغ في عشرين دقيقة ينوب عن
 القسمة على ثلاثة، فلذلك يجب ان يضرب
 اجزاء المسافة في مائة و سبعين و ما اجتمع
 في عشرين دقيقة فيحصل أميالها .

الباب الثامن فى ذكر خواصّ المدارات

الموازية لخطّ الاستواء

قد قلنا فيما تقدم ان ما بين الافق الحقيقى وبين الافق الحسى زائل عن الشعور فابت القدر عن الظهور من أجل صغر مقدار الارض بالقياس الى السماء، وقسمنا عروض البقاع من مبدئها الى المنتهى على سبعة اقسام فنعيدها بذكر خواصّها .

أ: واولها خط الاستواء الذى لا عرض له فالعرض منه ومنسوب اليه، ولما اجتاز أفقه على قطبي الكل قسم المدارات المخطوطة عليها الموازية لمعدل النهار كلها بنصفين، فلم يدم فيه ظهور مدار خفاؤه أصلا ولم يختلف فيه ليل مع نهاره بل استويا لكل طالع وغارب، ١٠

وقطبا فلك البروج من جملتها فمرت المنطقة على سمت الرأس فى كل دورة مرتين عند طلوعهما وغروبهما، وانتصب المدارات على الأفق فاستقامت الحركة لمبصرها وساوت سعة المشارق والمغارب لليول لكون الافق احدى دوائرها واستوى بعد المنقلين عن سمت الرأس فتساوى ارتفاعهما فى نصف النهار عن جنوب وشمال، وكذلك أظلالهما فيها ١٥

وتوسطهما اعظم الارتفاع العديم الظل، ولم يختلف فيه جهتها سعة المشرق وارتفاع نصف النهار فى مدار واحد وسامتته الشمس على نقطتين متقاطرتين هما اولا الحمل والميزان، وكانت المدة بينهما نصف سنة بالتقريب .

ب : واما القسم الثانى من الخطوط والمدارات التى أختطى من العروض بمقدار أقل من الميل الأعظم فقد انحط الأفق فيه عن القطب فلم ينتصف مدارا غير معدّل النهار ، وأما سائرهما فقد قطعها بقطعتين مختلفتين فضلت النهارية التى فوق الارض فى شمالياتها ونقصت فى جنوبياتها واتسعت مشارقها باكثر من ميولها وازداد ذلك بحسب ازدياد العرض وميول المدارات حتى ساوى ميل المدار تمام العرض فالتقى فيه المشرق والمغرب وبطل .

و اما من الشمالى فالقطعة الليلية وصار ما وراء المدار أبدى الظهور ، وأما من الجنوبى فالقطعة النهارية وصار ما وراءه أبدى الخفاء . ومالت الحركة فى المنظر فصارت حائلية ، وكانت مسامته الشمس تلك المواضع فى الدرجتين اللتين تساوى ميلهما فى الشمال عروضهما ، فتقاصرت المدة بين المسامتين بتعاضد العرض وصار طرف ظل نصف النهار فيها نحو الجنوب ، وفيما سوانها نحو الشمال ودار طرفه طول النهار على محيط قطع زائد من قطوع المخروط ، ولم يدم اتفاق ارتفاع نصف النهار وسعة المشرق فى جهة واحدة ، ولم يتوسط أعظم الارتفاعات فيما بين ارتفاعى المنقلين وأعترضت منطقة البروج على سمت الرأس فى الذروة مرتين عند طلوع قطبها وغروبه وذلك فى وقتين غير متقابلين .

ج : واما القسم الثالث الذى يساوى عرضه الميل الأعظم فقد شارك القسم الثانى فى بعض ما ذكرنا بالوضع والصورة دون المقدار وباينه

في بعض هو التقاء المسامتين و اتحادهما على نقطة المنقلب الصيفي فصارت في السنة مرة ولم يميل رأس الظل فيه نحو الجنوب وعلى مثله التقاء طلوع قطب فلك البروج وغروبه و اتحادهما على نقطة الشمال فلم تمر المنقطة على سمت الرأس الأمرة في الذررة و حصل المنقلب الصيفي على أعظم الارتفاع و توسط ارتفاع معدل النهار بينه و بين ارتفاع المنقلب الشتوي فبطل ارتفاع الشمس نصف النهار من ناحية الشمال .

د : و اما القسم الرابع الذي زاد عرضه على الميل الأعظم و نقص عن تمامه فمباينته للقسم الثالث بزوال مسامتة الشمس عنه و بطلان الظل أصلا و مرور فلك البروج على سمت الرأس و طلوع قطبه و غر به و حصول ارتفاع المنقلب الصيفي من جهة الجنوب أخذا الى النقصان ١٠ عن الغاية .

ه : و اما القسم الخامس الذي يساوى عرضه تمام الميل الأعظم فقد اختص بالتقاء مشرق المنقلب و مغربه حتى تأبد ظهور صيفيهما و خفاء شتوييهما و بمرور قطب فلك البروج على سمت الرأس عند موافاة الاعتدال الربيعي المشرق و بانطباق المنطقة و قسند على الافق حتى يبطل ظالعهما و غاربها ثم يتبعه ظهور ستة بروج منها دفعة و يبطلان ارتفاع المنقلب الشتوي و بدرران طرف ظل المنقلب الصيفي فقط على محيط قطع مكافئ من قطوع المخروط .

و : و اما القسم السادس الزائد عروضه على تمام الميل الأعظم فيختص بظهور مدارات الشمس حول المنقلب الصيفي و حقا نظائرها حول ٢٠

الشتوى وهى التى للدرجات التى تفضل ميولها على تمام العرض فيما بين
 اللتين يساوى ميلاهما تمام العرض، اما الشماليان فيكون مدة مسير الشمس
 بينهما نهارا، واما الجنوبيان فيكون تلك المدة بينهما ليلا وعروض
 هذا القسم متزايدة كتزايد الثانى والرابع، فلذلك يتبدى مقدار النهار
 ٥ والليل الاطولين فيه من اليوم الواحد الى ما قارب الستة الاشهر
 ويحصل للشمس فى كل دور ارتفاعان فى فلك نصف النهار أصغر
 وأعظم ويدور طرف الظل أما فى النهار الاطول فعلى محيط قطع نقص
 من قطوع المخروط يتصل بالحقيقة اتصالا لولبيا، وأما فى طرفى هذا
 النهار فعلى محيط قطع مكافئ وفى سائر الايام على محيط قطع زائد.
 ١٠ ولهذا القسم خاصية هى طلوع بعض البروج فيه على خلاف التوالى
 وذلك ان قطب فلك البروج اذا وافى فيه فلك نصف النهار جنوبيا
 عن سمت الرأس كان نصف البروج الشمالى الميل فوق الارض شماليا
 عن الرأس، وأول برج السرطان على خط وسط السماء مع حصول اول
 برج الحمل على أفق المشرق فالسرطان اذن طلع قبل الحمل وما بينهما
 ١٥ وما دامت المنطقة عن شمال سمت الرأس، وهذه الحالة موجودة هناك
 فاذا صارت عن جنوبه زال ذلك، وهذا ما قيل فى انتكاس طلوع
 البروج فيه .

ز: واما القسم السابع الذى هو نهاية العروض وبلوغ القطب
 ٢٠ غاية الارتفاع فالحركة فيه رحاوية والمدارات فيه مقنطرات منضودة
 ومعدل النهار منطبق على الافق دائما وطرف الظل دائر على محيط
 دائرة

دائرة بالتقريب و على لولاب بالحقيقة و فيه يبطل الطلوع والغروب على الحان المعهود في قضية الحركة الاولى و انما يكون الطلوع فيه لكل شخص نير اذا حصل على معدل النهار متحركا نحو الشمال ، و يكون غروبه اذا حصل عليه متحركا نحو الجنوب ، و لهذا ينقسم مدة السنة هناك الى نهار و ليل يتساويان بالتقريب و ادوار سائر الكواكب الى مثله .

الباب التاسع في صفة المعمورة باجمال

و تحديد اقاليمها طولاً و عرضاً

الروم و الهند اصدق سائر الامم عناية بهذه الصناعة ، و لكن الهند لا يبلغون غاية اليونانيين فيها فيعرفون لهم بالتقدم و لمثله نميل الى آرائهم و تؤثرها .

فاما الهند ففي كتبهم^١ ان نصف كرة الارض ماء و نصفه طين يعنون البر والبحر و ان على ترابيع خط الاستواء اربعة مواضع هي جمكوت^١ الشرقى فالروم الغربى و لك^١ الذى ذكرنا انه انقبة و سدپور^١ المقاطر لها، فالزم من كلامهم ان العمارة في النصف الشمالى بأسره .

١٥ و اما اليونانيون فقد انقطع العمران في ناحيتهم ببحر أرقيانوس فلما لم يأتمهم خبر الآ من جزائر فيه غير بعيدة عن الساحل و لم يتجازر المخبرون عن الشرق ما يقارب نصف الدور جعلوا العمارة في احد الربعين الشماليين لا ان ذلك موجب أمر طبيعى ، فزاج الهواء في المدار الوا حدلاً بأباها و لكن أمثاله من المعارف موكول الى الخبر من جانب

(١) راجع كتاب الهند للبيروني ص ١٣٣ - ١٣٦ ، ١٥٧ و ترجمته الانكليزية ج ١ ص ٢٦٦ ، ٢٦٧ .

الثقة فكان الربع دون النصف هو ظاهر الامر الا الى بان يؤخذ به
لى ان يرد بغيره خبر طرى^١ وطول المعمورة على ذلك أوفر من
عرضها لتعطل العماره فى الشمال بالبرد عند ثلثى ربع الدور بالتقريب
والهند سموآبر الارض بلغتهم سلحفاة من أجل احاطة الماء بجواشيه
و بروزه مقببامنه وخاصة اذا اعتقدوا ان هذا البارز نصف كرة يعلوه
جبل ميرو تحت القطب الشمالى .

وانما سمى بحر أوقيانوس الغربى محيطا لأن ساحله يأخذ من
أقصى المنتهى فى الجنوب محاذيا لارض السودان مارا على حدود
اودغست و السوس الاقصى و طاجة و تاهرت ، ثم الاندلس و الجلالقة
و الصقالبة و يعطف الى العمران من ناحية الشمال و يمتد من هناك ايضا
وراء الجبال غير المسلوكة و الاراضى غير المسكونة من شدة البرد ، ويمر
نحو المشرق غير مشاهد و البحر الشرقى الذى عنده ينتهى العماره فى ذلك
الناحية غير محصل كتحصيل أوقيانوس من أجل بعد الشقة و عدم
الفوز^٢ من يتحقق الامر من الثقات و لكنه بالجمله يمتد من الجنوب
على مثال أرقيانوس نحو الشمال فيقال انه متحد بالممتد وراء ما ذكرنا
من الجبال الصردة ، ثم البحر الأعظم فى جنوب الربع المسكون متصل
بالبحر المحيط الشرقى مسمى بها ، و أراه فى الساحل من الممالك او حصل
فيه من الجزائر فيأخذ من ارض الصين الى الهند الى الزنج و ساحله
من جانب الشمال يس معمور ، و من جانب الجنوب غير معلوم لم يقف

(١) من ج ، ب ، و فى ، و : طرى (٣) من ج ، و فى : القوت و فى و : الغور .

عليه أحد من ركابه ولم يخبر بشيء منه سكان جزائره ويدخل من هذا البحر فى الحد الشرقى أعباب والسنة وخليجان معروفة وأعظمها خليج فارس الذى على شرقى مبدئه ارض مكران، وعلى غريبه ارض عمان ثم خليج القلزم الذى على شرقى اوله ارض اليمن وعدن أبين، وعلى غريبه ارض الحبشة ورأس بربرة وكالخليج البربرى اليهم،^٥ وكل واحد من هذه يسمى بحرا على حدة اعظمه .

وأكثر ما يبلغ سالكوا البحر الأعظم من جانب المغرب سفالة الزنج المحاذية ارض مصر ولا يتجاوزونها، وسببه ان هذا البحر طعن فى البر الشمالى فى ناحية المشرق ودجلة فى مواضع كثيرة وكثرت الجزائر فى تلك المواضع كالزايح والزيجات وقير والواقواق والزيج^{١٠} وعلى مثله بالتكافى طعن البر فى البحر الجنوبى فى ناحية المغرب ولمسكنه سودان المغرب، وتجاوزوا فيه خط الاستواء الى جبال القمر التى منها منابع نيل مصر فحصل البحر هناك فيما بين جبال وشعاب ذوات مهايط ومصاعد يتردد فيها الماء بالمد والجزر الدائمين ويتلاطم فيحتم السفن ويمنع السالك، ومع هذا فليس يمانعه عن الاتصال ببحر أوقيانوس^{١٥} من تلك المضائق .

و من جهة الجنوب وراء تلك الجبال فقد وجدت علامات اتصالها وان لم يشاهد وبذلك صار بر المعمورة وسط ما قد أحاط به باتصال،^{٢٠} وفى خلال هذا البر مستنقعات مياه كثيرة مختلفة المقادير، فمنها ما استحق بظمه اسم البحر كبحر نيطس الارمنى المعروف هناك بالخزر وحوله

الارمن و طوائف من الاتراك و الروس و الصقالب، و يتشعب منه خليج يعرف بالقسطنطينية لأنها على شاطئه الغربى و يصب بعدها الى بحر الروم الذى على جنوبه مصر و افريقية و بلاد المغرب، و على شرقه ارض الشام و فلسطين و عن شماله ارض اليونانيين و الروم و فرنجة و الاندلس، و يصب الى أوقيانوس فى غربه و كبحر جرجان الذى هو بحر الخزر بالحقيقة فان بلدهم المحرب قريب من مصب نهر آتل الشمالى اليه، و هناك ارض الغزوة فى الشمالى، و فى شرقه ارض جرجان فيعرف هناك بفرجتها أبسكون و على جنوبه طبرستان و ارض الديلم و باب الابواب، و على غربيه فيما بينه و بين بحر نيطنس فرق الآن و السرير و بلادهم و قلاعهم حتى يعود الى ارض الخزر غير متصل بغيره من البحور .

١٠ فاما البحيرات و البطايح و الانهار المعروفة و انجبال المشهورة فيعسر حكايتها الا فى موضع يخصها، و ينسب الكلام فيها و هذا الموضع غير لايق بها .

و اذا تقررت جملة المعمورة على هذه الهيئة قلنا ان قسمة الارض الى اقسام يقوم مقام الاجناس مختلفة عند الامم كاليونانيين فى تليتها بلوبه و اورقى و آسيا، و كالفرس فى تسييعها بالكشورات المستديرة حول ايران شهر، و كالهند فى تسييعها بالجهات الاربع، و ما بين كل اثنين منها و واسطه الممالك فى وسطها، و كذلك خارجة عن قضايا الصناعة و ليس يتصل بها غير التسييع بالاقليم الممتدة من شرق الارض الى غربها بالتلاصق

بالتلاصق فى العرض، و الاقليم هو الناحية و الرستاق عند الجرامقة،
 و الاصل فيها ان الاختلافات المحسوسة انما يكون بالمسير فى العرض
 و اظهرها لعامة الناس اختلاف النهار و الليل فانه منوط بالشتاء و الصيف،
 و لما كان أعدل البقاع هو او تربة و ماء و اكثرها نعمة و أفضلها أهلا
 ما كان على الخط الذى يكون النهار الأطول فيه اربع عشرة ساعة و نصف،
 و الخروج عن الاعتدال أما الى البرد فورا الموضع الذى نهاره
 الاطول ستة عشرة ساعة و أما الى الحر فورا الموضع الذى أطول
 نهاره ثلاث عشرة ساعة جعل قاصد التسبيع فى القسمة الخط المعتدل
 الذى ذكرنا كالمركز و اسطة الاقليم الرابع، فاضطر الى التخطى فيما
 بين اوساط الاقليم بنصف ساعة .

١٠

و اذا كان ذلك كذلك تفاضلت أوائل الاقليم بمثل تفاضل
 أوساطها و تفاضلت الاوائل مع الاوساط بربع ساعة، و متى صار تعديل النهار
 الاطول لتلك المواضع معلوما كان استخراج عروضها منه كما تقدم
 فى بابها، و الاختلاف الذى يوجد فى عروض الاقليم فى الكتب و الآلات
 فسيبه أن لم يكن من المحاسب هو ما يقع فى بسط الجيوب و المهبول
 من التساهل او افتتان الطرق .

١٥

فأما مسافات الاقليم بالاعتراض فيعلم من فضل ما بين عروض
 أوائلها و أواخرها و ذلك باجزاء الدور، و متى كانت حصة الجزء الواحد
 بالفراسخ و الأميال معلومة و ضربت فى اجزاء المسافة اجتمع عرض

الاقليم بتلك الحصة أعنى مسافة ما بين أوله وآخره بها .
واما مسافة الطول التي هي جميعها مائة وثمانون جزءا
متباينة في السعة والضيق فمعرفة ان نجعل المطلوب الذي هو الخط
المار على وسط الاقليم مناسبا لنصف الدور على نسبة جيب تمام عرض
وسط الاقليم كله، فيحصل المطلوب باجزاء الدائرة العظمى و يضرب
حينئذ في حصة الجزء من الفراسخ والاميال فيجتمع طول وسط ذلك
الاقليم، وقد وضعنا في الجدول من أمور الاقاليم ما يحتاج الى الاحاطة
به منها .

جدول اختلاف الاحوال في عروض الاقاليم

الاقليم الثالث	اوله	يخ	مه	نز	مز	م	فو	ز	ك
	وسطه	يد	.	ل	لظ	كز	فب	نه	لج
الاقليم الرابع	اوله	يد	يه	لج	لو	نو	عظ	لج	د
	وسطه	يد	ل	كا	كظ	عز	لج	لا	لا
الاقليم الخامس	اوله	يد	مه	لج	لج	لو	عد	ما	كرد
	وسطه	يه	.	ما	لج	يب	عب	كا	ح
الاقليم السادس	اوله	يه	يه	لج	كيج	ه	ع	يا	نه
	وسطه	يه	ل	مه	كب	ح	سج	بز	بز
الاقليم السابع	اوله	يه	مه	مز	يا	كو	سو	كيج	لا
	وسطه	يو	.	لج	يب	كا	سد	مب	لظ
آخره	يو	يه	ن	كد	لد	لج	ي	كو	كو

(١) يب:خ (٢) يب:له (٣) لب:(٤) لب:(٥) لب:(٦) لب:يز.

جنوبى و هو اعظمه		د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د
و	هو	د	د	د	د	د	د	د	د

و	يد	لج	له	نز	ك	يد	ن	كيج
ز	و	مط	لب	مه	لج	يو	لظ	لج
ح	ح	مب	ل	ح	د	لج	نز	ط
ح	ن	د	كو	ج	لا	ك	لو	و
ط	مب	نا	كه	لا	كرد	لج	ا	لج
ى	لا	د	كيج	يا	ح	كه	ل	يب
يا	ك	لو	كا	ا	كه	كيج	لج	لو
ب	ط	كو	يطه	ب	ب	لا	ى	نو
ب	نز	ك	بز	لج	لد	لا	كيج	لج
يد	مه	لز	يون	لب	لظ	لز	بز	ل
ب	له	يه	.	كو	ما	مط	مط	مط

الاقليم		الاقليم الاول	الاقليم الثاني	الاقليم الثالث
آخر	اجزاء -	ز	ز	و
الاقليم	دقائق	ح	٠	ط
بالعرض	ثواني	كا	با	يو
اميال	اميال	٤٤٢	٢٩٦	٣٤٨
الاقليم	دقائق	كب	ن	مه
بالعرض	ثواني	م	كج	ز
فراسخ	فراسخ	١٤٧	١٣٤	١١٦
الاقليم	دقائق	كز	يو	يه
بالعرض	ثواني	ن	ح	ب
اجزاء دور وسط	اجزاء	١٧٣	١٦٤	١٥٤
الاقليم وهو	دقائق	كز	ك	ن
نصف الدور	ثواني	ن	ر	لا
وآخر خط الاستواء	اميال	٩٧٧٢	٩٣١٢	٨٧٧٤
طول وسط الاقليم	دقائق	و	ز	نجا
بالاميال المذروعة	فراسخ	٢٥٢٣٨	٤٠١٣	٤٢٩٢
طول وسط الاقليم	دقائق	ز	ح	لا
بالفراسخ المذروعة	اميال	٤٣٢٠٨٧٧	٣٦٩٠٣٤٠	٣٠٦٤٥٨
مساحة الاقليم	دقائق	ح	ح	كا
بالاميال المكسرة	فراسخ	٨٩٠٠٤٧	٨٣٠٠١٤	٨٢٥٠٤٣
مساحة الاقليم	دقائق	كا	لا	لا
بالفراسخ المكسرة				

جدول مقادير الاقليم طولاً وعرضاً بالأميال والفراسخ

الاقليم السابع	الاقليم السادس	الاقليم الخامس	الاقليم الرابع
ن	ن	د	هـ
ن	ن	كط	نو م
ح	كا	كط	م
١٨٢	٢١٥	٣٥٤	٢٩٩
كم	لط	ل	د
ن	ن	ن	كز
٦١	٧١	٨٤	٩٩
ن	ن	ن	ما
د	ن	ن	كط
٧١١	١٣٦	١٣٥	١٤٤
كج	كج	كج	يو
ن	ن	ن	كط
٦٧٠٨	٧١٦٥	٧٦٧٠	٨٢١٤
ن	ن	ن	ن
٦٣٢٢١	٨٨٣٢	٦٥٥٢	٢٧٣٨
ن	ن	ن	ن
١٢٢٤٨٢٥	١٥٤٦٧٢١	١٩٤٨٥٨٤	٢٧٦٣٦٤٢
ن	ن	ن	ن
١٩٠٦٣١	٨٥٩١٨١	٩٠٥٦١٢	٢٨٣٨٤١
ن	ن	ن	ن

الباب العاشر فى اثبات اطوال البلدان

وعروضها فى الجد اول

قد اثبتت فى هذا الباب جداول تضمنت اطوال البلدان وعروضها بعد الاجتهاد فى تصحيحها بموجب اوضاع بعضها من بعض و ما بينها من المسافات لا بالنقل الساذج من الكتب فانها فيها مختلطة فاسدة يأخذ بعض اطوال فيها من جزائر السعادة و بعضها من ساحل البحر المحيط و بينهما عشرة ازمان، ثم أخذ بعضها من المشرق تنمة المأخوذ من المغرب و جعلت نظامها بتزايد الطول دون العرض مبتديا فيه من الساحل، و بذلك طول بغداد سبعون زمانا ذكرتها لئلا يخلط أحد الرايين بالآخر مقلداً عازب المعرفة بالحقيقة غير مبال بافساد المصلح منها، والله تعالى معين من استعان به فى تحصيلها .

جدول اطوال البلدان

جدول اطوال البلدان من ساحل البحر المحيط
الغربي وعروضها من خط الاستواء

اسماء البلاد التي في الاقاليم	الطول		العرض
	ازمان دقائق	اجزاء دقائق	
بما وراء خط الاستواء بلا عرض			
سفالة الزنج مسلمون بجذاء الاسكندرية ومصر	ن	ب	الزنج
غيلة مقر ملوك الزنج وهي في جزيرة	نب	ج	الزنج
رعاؤه من بلدانهم	يو	أ	الزنج
سريرة جزيرة عظيمة في البحر الاخضر بالمشرق	قم	ا	الهند
وبما على خط الاستواء بلا عرض			
جزيرة لثك المعروفة في الكتب بقبة الارض	ق	ن	كالبحرولات
تاره التي ذكرها الفزارى ويعقوب بن طارق	قص	ن	
جمكوت على النهاية الشرقية وهي جما كرد عند الفرس وليس وراها عمارة عند الهند	قص	.	
بما دون خط الاستواء وراء الاقليم الاول			
كوكو من بلاد السودان المغرب	ل	ه	السودان
عقلاله منها ايضا	له	ح	

(١) ب، ج: عرض جنوبي (٢) ب، ج: قبلة (٣) ب، ج: زعاؤه (٤) ب، ج: شريره .

مراوه

السودان	•	ى	•	م	مراوه منها
	•	ط	•	م	سوق الستهم ^١ منها
	•	يب	•	يه	نجد بلد بربره ومن عدن يعبر الى رأس بربرا
	•	ح	•	سا	ويلع ^٢ فريضة للحبشة نحو ارض اليمن وفيه ^٣ معاص ^٣
جزيرة النصارى	•	ط	•	سز	جزيرة سقموطره ينسب اليها الصبر الفايق
اليمن	•	يا	•	سو	عدن ايين مفترق الطرق الى البحار والجزائر
اليمن	•	يب	•	عا	حضر موت
جزائر	•	ب	•	صط	جزيرة لنكبالوس ^٤ يأكلون الناس ويبيعون العنبر بالحديد
جزائر	•	ى	•	قك	جزيرة سنكلديب ^٥ في غب بحر هر كند وهي سرنديب
جزائر	•	ط	•	قكز	جزيرة لامرى معدن البقر والخيزران
جزائر و سواحل في البحر الاخضر	•	ى	•	قكه	جبال قامرون معادن العود وهي حجاز بين اهل الهند والصين
	•	ط	•	قيط	سيت بنداي ^٦ سد رام البحر للعبور الى لنك قلعة راون
	•	ى	•	قل	كهكند ^٧ مملكة القروود يخدمها الناس بالاطعام
	•	ح	•	قل	جزيرة كله فريضة ما بين عمان والصين ومنها يجلب الرصاص المنسوب اليها

(١) ج : اكيسم (٢) ب ، ج : ذيلع (٣) ب ، ج : معاص (٤) راجع كتاب الهند للبيروني

ص ١٦٠ ، ١١٦ ، ١٠٢ و ترجمته الانكليزية ج ١ ص ٣١٠ ، ٣٣٣ ، ٢٠٩ على الترتيب .

جواز سفر في البحر الأحمر	يا	قسو	خانطو من ابواب الصين و مصب انهارها الى البحر
	ه	قع	سلافي أعالي الصين شرقا و قل ماسلك اليها في البحار

مما في الاقليم الاول

السودان ن البحر	يح	كه	غايه من بلاد السودان المغرب وفيها معدن ذهب
	ط م	ما م	حرمي مدينة الحبشه
	يد	نح م	دقله مدينة النوبه
	يد	سج ك	زيد فرضه اليمن
	يد	سج ل	علامقه
	يز	سه ل	عثر
	يز	سه م	سرحه
	يح ن	سو ك	حلي
	ك	سو م	السرى
	يد ك	سو ن	ذمار
	يد ل	سز	صنعا
	يط	سز	نجران
	يح ل	سز ك	صعدة سميت غيل و يجلب منها اكثر الادم
	يح ل	سز ل	ظفار
يز	سز ن	بحرش	

عمان اليمن	ك	•	سح	ارض مهره و ساحل الشحر
	•	•	سح	مارب مدينة سبا
	•	•	سح	تباله
	•	•	عد	صحار ارض عمان
	•	•	قد	تانه' على الساحل في حد لاران
	•	•	قد	صيمورا' وهو جيمور في حد لاران ايضا
	•	•	قد	شندان' على الساحل
	•	•	قد	سوفاره' وهو سفالة الهند كسفالة الزنج
	•	•	قو	جيول على الساحل
	•	•	قي	كنكسايرا' مصب نهر غنجس وهو كنك
	•	•	•	في البحر
	•	•	قيا	جنبه'
	•	•	قيد	ايسورا' على الساحل
	•	•	قيط	بنواس' على الساحل
	•	•	قيز	بنجارا'
•	•	قيح	رامشير'	
•	•	قك	مندري بين القرضة والمعبر الى سرنديب	
•	•	•	في العب	
•	•	قنه	شرغور، وبالصينية سنقو وهو مهاجين	
•	•	قس	حالفومن ابواب الصين على النهر	
•	•	قسب	حانجو من ابوابهم ايضا على النهر	

(١) راجع كتاب الهند للبيروني ص ١٠٠، ١٠٢، ٩٨، ٩٩ و ترجمته الانكليزية ج ١ - ص ٢٠٩، ٢٠١، ٢٠٢.

٢٠٢، ٢٠٥ على الترتيب .

وما فى الاقليم الثانى

البحر	•	كو	•	يه	اود غست فى برارى سودان المغرب
البحر	•	كب	ل	ه	سوسه وهو السوس الاقصى
البحر	•	كو	•	يه	انصنا
البحر	•	كز	•	يه	اهناس
البحر	•	كز	•	يه	البهنسى
البحر	•	كز	ل	يه	قوص
البحر	•	كز	ل	يه	انخيم
البحر	•	كب	•	نو	أسوان آخر الصعيد الأعلى نحو النوبه
البحر	•	كو	ك	نو	اشمويين
البحر	•	كز	•	نه	علا فى
البحر	•	كا	•	نح	عذاب
البحر	•	كو	ل	نح	تياه
البحر	•	كز	ن	نح	تبوك فى البر على محاذة مدين
البحر	•	كو	•	نظ	وادى القرى
البحر	•	كب	•	سه	الجحفة منزل عامر بقرب البحر
البحر	•	كا	ل	سو	جدة فرضة مكة على البحر
البحر	•	كا	•	سز	مكة
البحر	•	كا	ى	سز	الطائف واسمه القديم وج
البحر	•	كج	ك	سز	الجار فرضة المدينة على البحر

(١) مدينة بين فارس وادبهان، راجع منجم البلدان لياقوت الحموى ج- ٢ ص ٥٦٤.

بن الهم مكران	ك	ك	ل	سز	مدينة يثرب ولقبها النبي صلى الله عليه وسلم طيبة
	ك	ك	ل	سز	خيبر
	ن	كو	يه	سح	فيد في ارض طى و جبالهم
	ل	كا	مه	عا	اليامة واسمها في القديم جو
	يه	كد	٠	عج	هجر قصبة البحرين
	يه	كو	٠	صبح	التيزا قصبة مكران
	مه	كه	يه	صب	ارمايل
	٠	كه	ك	صب	فيلبي من اليد هه
	ي	كد	ل	صب	الديبل
	م	كد	كه	صد	لوه راني وهي منهة الصغرى على مصب نهر مهران في البحر
ال البحر	مه	كد	ل	صد	نيرون
	م	كو	٠	صه	مهنوا وهي منهة الكبرى وسميت منصور لان فاتحها قال نصرت
	٠	كز	ل	صه	قالدي
	نه	كب	ي	صو	صنم سومنات على الساحل في ارض البوارج
	ن	كج	مه	صو	قاعة بهلمال
	ل	كج	ك	صح	انهلواره
	ك	كج	٠	صط	بلبه
	ك	كب	ك	صط	كنايات على ساحل البحر الاخضر
	ك	كد	يه	ق	دهارا قصبة ناحية مالوا

(١) راجع كتاب الهند لليروني ص ١٠٢، ٦٤، ١٦٣، ١٠٠، ٥٦، ٧٣، ٩٤، ٩٣ و ترجمته الانكليزية ج ١ -

ص ٢٠٨، ١٣٢، ٢٠٥، ١٥٣، ١٩٢، ١٩١ على الترتيب .

ط	ك	قز	نواحي كَنَكْرَه
	كو	قز	مدينة بانارسى معظم عندهم وفيه يدرس علومهم
	كد	قز	شروار
	ك	قح	باتلى بتر
	كب	قط	منكبرى
	كب	قى	دوكم
	كب	قكه	بنجو مستقر فغفور الصين ويلقب بتغاج خان
الصين	كا	قكز	كرقو مدينة أعظم من بنجو دار المملكة
	كو	قلو	او تكين
الترك	كا	قح	قتا فى شرق الصين و شمالها و صاحبه قتاخان

ومما فى الاقليم الثالث

ح	لج	ح	او بله ^٢ قرب البحر المحيط ومعبره الى الاندلس
	لب	ى	اقصى المعابر
	ل	يح	البصيرة بجذاء جبل طارق مولى موسى بن
	لا	يح	نضير
	لا	يح	سجلماسة ^٢ بقرب ارض السودان
	لا	يح	ويتاجرونهم مغابنه
	ل	لط	با نور على ساحل بحر الروم
	لا	كح	زوبلة ^٢ على بحوم ارض السودان وهى باب
	لا	كح	الخدم المحلوبين
البربر	لا	كح	جزيرة بنى رعيان وهى مدينة البربر

(١) راجع كتاب القاد للبرونى ص ٤٩ - ٤٨ وترجمته الانكليزية ج ١ ص ٢٠٠ - ٢٠٣ (٢) ج ٢: زابل

(٣) راجع معجم البلدان ج ٥ ص ٤٠٤ ومقدمة ابن خلدون ص ٤٢ (٤) راجع معجم البلدان ج ٤ ص ٤١٢

البربر	.	لا	.	كز	سطيف للبربر أيضا
	.	لب	.	كط	تونس اول المعابر منه الى الاندلس
	.	لا	.	كد	تونس منه ايضا معبر
	.	بج	.	كز	طبوقه باب السد المحلوب من اقروحاالفرنجيه و يعرف بالمرجان
	م	لا	.	لا	القيروان قصبة افريقية
افريقية	ك	لا	م	لا	المهدية على انف طاعن في البحر
	ل	لب	ك	لب	اطرابلس المغرب على الساحل
	.	لب	مه	مب	برقة ^١
الاسكندرية	بج	ل	.	نب	الاسكندرية بلد المنارة
	ن	كط	.	بج	شطا ومنه الثياب الشطوية
الجزائر	ك	ل	ن	بج	دمياط يتصل ببحيرة المصب عن شرقها و يعمل فيه الثياب الملونة
	ك	له	.	ند	تونس جزيرة في بحيرة المصب يعمل فيها الثياب البيض
	ن	لا	ل	ند	رح على جانب شرق النيل
	م	ل	ل	ند	الرقادة ^٢ على هذا الجانب ايضا
	.	لا	ل	ند	الورادة كذلك
	و	كط	ل	ند	عين الشمس مدينة فرعون في غربي النيل و فيه اللسان
	ل	لا	له	ند	العريش ^٣ في جانب الشرق منه

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٢ ص ١٢٥ الى ١٤٨ (٢) راجع ايضا ج ٤ ص ٢٦٧ (٣) راجع مقدمة

	ند	له	ل	ك	النرما ^١ كذلك
	ند	م	كط	يه	الفسطاط ^١ مدينة مصرفى شرقى النيل و الجزيرة و بين الحيرة
	ند	ن	كط	ك	مدينة منف ^١
	ند	ن	كج	ل	مدينة الفيوم ^١
	ند	ك	كج	ل	اسيوط
	ند	ك	كط	ل	بوصير
	ند	ن	ب	٠	غزة
	نه	ك	لج	٠	عسقلان
	نه	م	ب	م	الرملة قصبة فلسطين
	نه	مه	ب	له	ازدود
	نه	ن	لج	ى	نابلس فيها سامرة اليهود
	نو	٠	لج	٠	اور شلم اى مدينة السلام و هو بيت المقدس
	نو	ك	لج	٠	يافا
	نو	ى	ب	ن	بحيرة زعر الميتة فى الغور و الموتفكات حولها
	نو	ل	كج	ك	مدينة قلزم على منتهى بحيرة الاحمر المعروف ببحر سوف
	نو	ن	ب	مه	سوف
	نو	٠	ب	٠	طور سينا
	يز	مه	ب	٠	الطبرية قصبة الاردن بحرى بحيرتها العذبة ينهر الاردن الى الملح

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموى ج ٦- ص ٣٦٧ / ٣٧٧ ج ٨ ص ١٨١ ج ٦ ص ١٤ على الترتيب المذكور

و مقدمة ابن خلدون ص ٤٤ ٤٣٠ .

	ن	لب	ك	يه	قيصرية وهي القيصرانية
	ك	لج	ك	يح	عكا
	ل	لا	ك	نظ	بُصرى ^٢
	ل	لج	٠	س	دمشق
	له	لج	ل	س	الْخُنَاصِرَةُ على طرف البرية
	ل	لج	مه	سب	سلمية ^٢ على اوائل البادية
	يه	لج	٠	سج	قرقيسياه على نهر خابور المجتمع من منابع رأس العين
	٠	لج	يه	سز	رحبة ملك داخله في الفرات من شرقه
	ك	لج	٠	سح	الدانة على غربي الفرات
	ن	كج	م	نو	ايلة المسح على وسط بحر القلزم وخليج منه
	٠	كط	ك	نو	مدين
	ل	كح	ك	سح	الثعلبية
	ك	كط	ن	سح	ريالة
	ل	ل	٠	سح	واقصة
	ى	لج	ل	سح	عانة يحيط بها الفرات وخليج منه
	ل	لب	٠	سط	هيت على الفرات
	مه	لب	ن	سط	الانبار
	مه	لا	كة	سط	القادسية
	ن	لا	كه	سط	الحيرة البيضاء
العراق	ن	لا	ل	سط	الكوفة على شعبة من الفرات

(١) راجع مقدمة ابن خلدون ص ٤٤ (٢) راجع مدغم البلدان لباقوت الحوى ج ٢ - ص ٢٠٨ ج ٣ ص ٤٦٧

بابل العتيقة وفي مكانها الآن قرية صغيرة	سط	ى	لب	.
قصير ابن هبيرة قرب عمود الفرات	سط	م	لج	.
نهر الملك مدينة مسماه بنهرها من الفرات	سط	ن	لج	يه
عُكْبَرًا على غربي دجلة	سط	ن	لج	ل
بغداد مدينة السلام جانبي دجلة	ع	.	لج	كه
المدائن وهو بالفارسية طيسون وفيه ايوان كسرى	ع	ك	لج	ى
النهروان على جانبي نهره	ع	ك	لج	كه
جرجرايا على غربي دجلة	ع	ل	لج	.
فم الصلح على غربي دجلة	عب	.	لب	ن
مدينة واسط في جانبي دجلة وشط	عا	لب	لب	ك
بين الكوفة والبصرة				
الأبلة على فوهة نهرها من دجلة	عد	.	لا	نه
البصرة في غربي دجلة وشرقي نهر	عد	.	لا	.
عبادان فم الخثبات في مصب دجلة وانبساطها	عه	ل	لا	.
في بحر فارس				
قرقوب واليه ينسب السوريجرد	عد	.	لج	.
الطيب	عد	ل	لج	ك
ميسان يعمل فيه الفرش المنسوب اليه	عط	.	لب	ى
بجته وهي بصني فيها طراز الستور	عد	ل	لج	ى
السوس وهي معجمة بالفارسية وفيها يعمل	عد	م	لج	.
الخزوز				

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٦ ص ٢٠٣ ج ٢ ص ٨٠ ج ٦ ص ٢٩٩ ج ١ ص ٨٩ ج ٨ ص ٢٢٤ ج ٢ ص ٢١٠ ج ٥ ص ١٧١ (٢) راجع مقدمة ابن خلدون ص ١٥

ع	ك	لا	ل	تستر وهو ششتر فيها طراز الديابج
ع	ك	ل	ن	حصن مهدي
ع	٠	ب	٠	سوق الأهواز
ع	ن	لا	٠	سوق الاربعاء
ع	٠	ب	ك	خندي سابور
ع	نه	ب	ك	الدورق قصبة السوق
ع	٠	لا	كه	عسكر مكرم معدن السكر و الجرارات
ع	ن	لا	م	ايدج
ع	ك	ل	٠	مهرويان فرضة على ساحل بحر فارس
ع	مه	ب	٠	سنيزا على الساحل منه الثياب السنيزية
عز	٠	ك	ن	كازرون
عز	ك	ل	٠	حسابا فرضة فارس
عز	ك	لا	٠	ارجان
عز	م	ل	مه	توه وهي توج منها الثياب التوزية
عح	يه	لا	م	النوبند جان قصبة كورة سابور
عح	ل	لا	ل	كورمن ناحية اردشير خره ومنه يحمل الماورد الجودي
عط	٠	ب	٠	دارا مجردا
عح	له	ك	له	شيراز دار ملك فارس وهي محدثة
عح	م	ل	٠	البيضاء مدينة اصطخر
عح	ن	ب	ك	فسا وهو بساسير
عط	ل	ك	ل	سيراف قصبة السيف والسيف بين حسابا ونجيري

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج-٢ ص ٢٨٦، ج-١ ص ٢٨٥، ج-٨ ص ٢١٠، ج ٥ ص ١٥٥، ج-٧ ص ٦٥٦ (٢) راجع مقدمة ابن خلدون ص ٤٥.

جزيرة خارك ^١ في بحر فارس	عز	ي	كط	ل	جزائر فارس
جزيرة لاز فيه ايضا	ف	٠	لب	ل	
جزيرة بني كاوان فيه	فب	ك	كز	م	جزائر كرمان
الشيرجان ^١ قصبة كرمان	فج	٠	لب	ل	جزائر فارس
جيرفت	فج	٠	لا	م	
يزدشير ^٢	فج	ي	ب	م	جزائر فارس
حبيص	فج	ك	لج	٠	جزائر فارس
بم ^١	فج	ل	ب	٠	جزائر فارس
زرندا	فج	م	لج	٠	جزائر فارس
برماسير	فج	ن	ب	ي	جزائر فارس
حصن ابن عمارة	فد	د	ل	ك	جزائر فارس
منوخان ^١	فد	ل	ل	م	جزائر فارس
هرموز قصبة جور وهو فرضة كرمان	فد	٠	لب	ل	جزائر فارس
پهره ^٢ وهو الفهرج	فد	٠	لج	ك	جزائر فارس
مدينة اصفهان واليهودية	غز	ك	لج	ل	اصفهان
فاين قصبة قهستان	فد	له	لج	له	قهنان
الطفسي كزند و مسنا	فو	مه	لج	ه	قهنان
كس من سجستان	فظ	٠	عط	ل	سجستان
كوبر	فظ	ك	لا	ي	سجستان
فره وزيركان عن جانبي وادكبير منسوب الى فره	فظ	٠	لا	ل	سجستان
زرج قصبة سجستان	فظ	ل	ل	ب	سجستان

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج - ٣ ص ٢٨٧، ج ٥ ص ٢٢٢، ج ٢ ص ٢٨٥، ج ٤ ص ٢٨٦، ج ٨

ص ١٨٥ (٢) راجع مقامة ابن خلدون ص ٤٥ .

قط	ل	ل	حصن الطاق
قط	ن	لا	الفرمي
قط	٠	لج	كوران للغور بين جبالهم
ص	٠	لج	روف قصبه اهنكران بين جبالهم ايضا
صا	ي	لج	نل قصبه ارض الداور
صا	ح	ل	مدينة بست ^١ على شط نهر هيرمند
صب	ه	ل	رزدان
صبح	م	لج	ميمند ^٢
صبح	٠	لج	بنجوالي قصبه الدخد
صد	ل	لج	ووساران
صد	ك	لج	غزنين ^٣ دار ملك المشرق
صد	كه	لج	كردين
صد	له	لج	مرمل ^٤ في طريق المولتان من غزنين
صد	ل	لج	سيواي من حد بالاش وهو والشتان
صه	٠	لج	مستك قصبه والشتان
صبح	م	لا	كيژرد
صبح	يه	لج	اسيد خاك
صد	ه	ل	قزدار ^٥
صد	ن	كج	سدوسار وهو سيوستان ^٦
صه	يه	كج	ارور ^٧
صو	٠	كج	قند ايل قصبه طورار

(١) راجع مقدمة ابن خلدون ص ٤٥ (٢) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٨ - ص ٢٣٨، ج ٦ - ص ٢٨٩، ج ٨ - ص ٢٩، ج ٧ - ص ٧٨، ج ٥ - ص ٢٠٢ (٣) راجع كتاب الهدى للبيروني ص ١٠٠، ياتي به (٧١)

بها تية	صو	٠	كط	م
سياور بينه وبين المولتان فلاة يوم	صو	يه	كط	ن
مولستان ^١ وهي المولتان و يلتمب بالمعمورة لأن فاتحه قال عمرت	صو	يه	كط	م
جهر اور ^١	صو	م	لا	ن
كرور ^١	صه	يه	ب	٠
لونى ^١	صه	ى	بج	ه
پرساور ^١	صز	ى	بج	كه
ويهند ^١ قصبه القندهار على وادى السند	صز	ن	لح	ك
بيرهان ^١ باب كشمير الى بعض دروبه	صح	٠	لح	له
جيلم ^١ على شط نهر تبت الذى يخرق بلد كشمير و ارضه	صح	ك	بج	ه
قلعة زندنة ^١	صح	ل	لح	ى
مشرعة نهر چندرا هة بين ناحتي تاكيشرا ^١ و لوهازر	صح	ن	ب	م
مومدينة الزط بين نهري چندرا هة و ياه ^١	صح	ن	ب	ل
سالكوت ^١	صط	٠	بج	٠
قلعة راجكيري ^١ فى جبال كشمير	صط	يه	بج	ك
مدينة ككهاور قصبه لوهاور	صط	كه	لا	ن
لدة ^١	صط	م	ب	له
بلاور ^١	ق	٠	لا	نه

(١) راجع كتاب الهند لليرونى ص ١١، ١٥٢، ٢٠٥، ١٠١، ١٦٣، ١٠٢، ١٢٩، ١٠٠ و ترجمته الانكليزية ج ١ ص ٢١، ٢٠٠، ج ٢ ص ٦، ج ١ ص ٢٠٦، ٢١٧، ٢٠٨، ٢٥٩، ٢٠٥ على الترتيب المذكور.

سند اله الترك	ل	ل	قه	ق	سنام ^١
	ى	لا	نه	ق	دهماله ^١
	ه	ل	م	قا	پنجور ^١
	ن	كح	ى	قب	ميرت ^١
	.	كط	م	قب	سورساره ^١
	ى	ل	كه	قد	تانیشر مدينة معظمه في ملة الهند
	.	لب	.	قك	ناحية نيبال وهي مرصد بين ارض الهند والتبت الداخل
	ن	لب	يه	قك	تكسين في ارض الترك الاعالى
نه	لا	م	قكط	خاتون سين اى مقبرة الحره	

ومما في الاقليم الرابع

سند اله الترك	ك	له	.	د	فلنيريه قصبة شنترين ^٢ على ساحل البحر المحيط
	.	له	ل	ز	اخشبة بالقرب من مجمع بحرى الروم و المحيط
	ك	له	ل	ز	عامق قصبة قحص البلوط
	م	لد	.	ح	إشبيلية ^٢
	.	له	م	ح	قرطبة ^٢ مستقر الاموى
	ى	لد	ن	ح	شدونه
	م	لو	.	ط	ترجالة
	ك	لد	ل	ط	جزيرة جبل طارق
	.	لح	.	ى	ماردة على ثغر جليكا وهم الجلالقه ومدينة سمورة

(١) راجع كتاب الهند لليرونى ص ١٠١، ١٠٠، ١٦٢، ترجمته الانكليزية ج-١ ص ٢٠١، ٢٠٥، ٢١٦

(٢) راجع مجمع البلدان لباقوت الحموي ج-٥ ص ٢٠٠، ج-١ ص ٢٥٤، ج-٧ ص ٥٥ على الترتيب المذكور.

الاندلس	٠	لد	ك	ى	ماتقة بجلب منها السفن لمقايض السيوف
	ل	له	ك	ى	طليطة
	٠	لو	٠	يب	سرقوسة
	٠	لد	م	يب	بجاية
	ك	لد	ن	يب	مرسية
	م	لد	٠	يد	بلنسية
	م	لو	٠	يه	وادي الحجارة في ثغر الجلالقة
	٠	له	ل	بح	طرطوشة
	ل	لز	٠	ك	لاردة في ثغر علجسك
	ل	له	٠	ح	فاس قصبة ارض طنجة
الروم	ع	لد	ن	يط	تاهرت السفلى
	ن	لج	٠	ك	تاهرت العليا
	٠	لح	٠	لج	عمورية فتحها المعتصم
	ن	لز	ى	لج	افس مدينة اصحاب الكهف
الجزائر	٠	لز	٠	له	جزيرة سقلية في بحر الروم حذاء افريقية يتصل البر بها عن شمالها
	ى	لح	م	مب	جزيرة شامس
	ل	لو	٠	مه	جزيرة افريطس حذاء برقة
	٠	لو	م	نا	جزيرة رودس جبال الاسكندرية
الشام	٠	لد	٠	نج	جزيرة قبرس قرب الشام
	يه	لو	٠	بح	طرسوس

(١) راجع معجم البلدان لباقوت الحوى ج-٦ ص ٥٦، ج ٢ ص ٦٢، ٢٧٩، ج ٦ ص ٤٢، ج-٦ ص ٣١٢، ج ٦ ص ٢٢٩، ص ٦١، ج ٢ ص ٢٥٤، ج ٦ ص ٢٢٦ على الترتيب المذكور.

ن	لح	م	بح	اللاذقية
نه	له	نه	نح	اذنة على نهر سخان
.	له	.	نظ	ايليون وهو طرابلس الشام
م	لج	يه	نظ	صوراً
مه	لج	ك	نظ	صيداء
.	لد	ل	نظ	بيروت
مه	لد	له	نظ	فامية ولها بحيرة تعرف بها
.	لو	م	نظ	المصيصة بحيرتها نهر جيحان
.	لد	.	س	جيبيل
.	لد	ك	س	اسكندرونة على الساحل
ن	لج	ل	س	انطرطوس ثغر حص على الساحل
م	لج	.	سا	حص في ارض فونيق
ي	لد	له	سا	انطوخيا وهي انطاكية
ل	لح	.	سب	حصن منصور
ل	لن	ل	سب	الحدث
.	لن	ك	سب	مرعش
ل	لد	ك	سب	بعلبك
.	لو	م	سب	حاه
يه	له	ن	سب	شبرز
ك	لد	.	سج	قنسرين من ديار ربيعة
ل	لد	.	سج	حلب

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج - ٥ ص ٢٩٧ ، ٤٠٢ ج - ٦ ص ٣٣٤ ج - ٨ ص ٨٠ ج - ٣ ص ٥٩ ، ٢٨٦ ج - ١ ص ٢٥٩ ، ١٥٢ ج ٢ ص ٢٨٦ ج - ٢ ص ٢٣ ج ٨ ص ٢٥ على الترتيب المذكور .

سج	مه	له	ل	منبج ^١ في البرية
سد	ل	لو	يه	جسر منبج على الفرات
سج	ك	لح	٠	قلقية ^١ وهي قاليقلا
سه	٠	لح	٠	بدليس ^١ من ديار ربيعة
سو	٠	لد	يه	ارزن ^١
نب	م	لح	مه	شمشاط ^١
نب	م	لو	ك	سميساط ^١ من ديار مصر على غربي الفرات
سب	٠	لح	ي	السيجان ^١
عب	ك	لح	٠	دبيل ^١
عب	ن	لح	ل	نشوى ^١ وهو نخجوان
عج	٠	لن	٠	ارمية على شط بحيرة كبودان
عج	٠	لح	٠	اردبيل قصبة اذربيجان
عج	٠	لن	ن	مرند
عج	ي	لن	يه	ميايح
عج	ي	لج	ل	سلماس ^١
عج	ي	لن	س	تبريز
عج	ك	لن	كه	المراغة
عج	ك	لد	م	بلد بابك الخرمي
عج	ك	لن	ك	خوج وهو خونة
نن	٠	لوا	٠	حران من ديار مضر
نز	ي	لوا	ك	الرها من ديار مضر

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٨ ص ١٦٩، ج ٧ ص ٧١، ج ٢ ص ٩٠، ج ١ ص ١٩٠، ج ٥ ص ٢٩٣، ص ١٣٨، ١٩٦، ج ٤ ص ٢٥، ج ٨ ص ٢٨٩، ج ٥ ص ١١٠ على الترتيب المذكور.

تالس على شط الفرات	نو	ن	لز	يه
جزيرة نبي عمر في دجلة من غربها	نو	٠	لو	٠
عين وردة وهو رأس العين من ديار ربيعة	نو	ك	لخ	٠
كفرتوثا من ديار ربيعة	نز	ل	لو	ل
آمد على دجلة	نز	ل	لز	مه
مدينة دارا	نز	م	لو	ل
ميفرقدا وهو ميا فارقين	نز	مه	لخ	٠
نصيين	نز	ن	لو	م
بلدا	نخ	كه	له	ل
الحديثة	نظ	٠	له	٠
سروج	سب	ن	لو	له
الرافقة	سب	ن	له	ل
الرقعة	سج	نه	لو	ا
تدمر	سج	نه	لد	م
سنجارا وفي براريه رصد للامون دور الارض	سج	٠	له	ن
نينوى مدينة الموصل	سط	٠	لو	٠
تكريت على غربي دجلة	سط	كه	له	ل
الس على شرقي دجلة	سط	ل	لو	م
سر من رأى	سط	مه	لد	ب
دسكرة الملك	عا	٠	لج	م
جلولاء	عا	ي	لج	ن

الجزيرة

الموصل
العراق

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٧ ص ٢٦٣ ، ج ٨ ص ٢١٣ ، ج ٩ ص ٢٩٢ ، ج ٢ ص ٢٦٥ ، ص ٧٧ ، ج ٤ ص ٢٠٨ ، ج ٥ ص ١٤٤ على الترتيب المذكور.

قصر شيرين ^١	عا	ل	لج	م	السراي
حلوان ^١	عب	يه	لد	٠	
صيمرة مدينة مهرجا بقندق	عا	نه	لد	م	
الشيروان مدينة ماسندان	عب	٠	لد	ل	ال
فرمسين وهو كرمانشاه	عد	٠	لد	ي	
قصر اللصوص	عد	ل	لد	ل	
همذان	عه	ك	لد	م	
زنجان	عج	٠	لح	٠	
ابهر ^١	عد	٠	لح	٠	
الطرم	عد	٠	لز	ل	
قزوين نغر الديلم	عه	٠	لز	٠	
الدينور ماه الكوفة	عو	٠	له	٠	
نهاوند ^١ ماه البصرة	عو	ك	له	٠	
اللور ^١	عو	ل	لد	ك	
شابرخواست ^١	عو	ل	له	ي	
كرج ^١ ابي دلف	عو	م	لد	٠	
سوسنقين	عو	ن	له	٠	
ساوه	عو	٠	له	ه	
قم ^١	عز	٠	لد	ي	
قاسان ^١ وهو كاشان	عز	ك	لد	٠	ال
الري	عح	٠	له	له	

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٧ ص ١٠٢ ، ج ٥ ص ٢٢٢ ، ج ١ ص ٩٦ ، ج ٨ ص ٢٢٩ ، ج ٧ ص ٤٧٢ ، ج ٥ ص ٢٠٥ ، ج ٧ ص ٢٣٠ ، ص ١٥٩ ، ص ١١ على الترتيب المذكور .

الجبل	م	له	م	عا	الخوارا وقل ما يذكر الا منسوباً الى الري فيقال خوارزي
قومس	.	لو	.	عط	سمنان
	ك	لو	ل	عط	الدامغان قصبة قومس
	م	لو	نه	عط	بسطام
	.	لو	.	عو	كوتما
	ن	له	ن	عو	خوسم بارض الجبل
	نه	لو	يه	عو	شالوس
	ى	لو	.	عو	الرويان
	يه	له	نه	عز	ناتل
	.	لو	.	عز	كلار
	ن	له	.	عز	قلاع الديلم في جبالهم
	له	لو	ى	عز	آمل قصبة طبرستان
طبرستان	.	از	ى	عز	الهم على ساحل بحر الخزر
	يه	لز	ل	عز	تر بجه
	ن	لو	ن	عز	ما مطيرا
	ك	لو	ل	عز	جبل دناوند
	يه	له	ك	عز	شلنبة
دناوند	كه	لو	له	عز	ولسة
	ل	لو	م	عز	فريم
طبرستان	يه	لو	.	عح	ساريا بلده طبرستان بعد آمل

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٣ ص ٤٧٣، ج ٥ ص ١٢٨، ج ٢ ص ١٨، ج ٧ ص ٢٩٠، ج ٥ ص ٢١٦، ج ٧ ص ٢٦٨، ج ٥ ص ٢٩، ج ٨ ص ٤٢٣، ج ٥ ص ٨ على الترتيب المذكور. (٧٢) ناعمة

طبرستان	•	لز	ك	عح	نامنة
طبرستان	•	لز	ن	عح	طميس ^١ وهو تميشة وعليه كان باب الخائط بين طبرستان و جرجان
طبرستان	•	لز	يه	عط	ابسكون ^١ على البحر وهو فرضة جرجان
طبرستان	•	لز	ك	عط	استراباذ
طبرستان	•	لح	ى	ف	جرجان
طبرستان	•	لح	ى	فا	دهستان ^١
طبرستان	•	لو	ك	فب	بهمد اباد
طبرستان	•	لو	كه	فب	اسفرائين ^١ و يلقب بالمهرجان
طبرستان	•	لز	ك	فج	اسداباذ
طبرستان	•	لو	•	فج	خسرو كرد
طبرستان	•	لو	•	فب	سبزوار
طبرستان	•	لو	يه	فب	ازادوار ^١
طبرستان	•	لو	•	فد	ايرنشهر وهو قصبه نيسابور
طبرستان	•	لز	ل	فد	طرثيث وهو ترشيش ^١
طبرستان	•	لج	ن	فه	تون ^١ منه الفرش التونية
طبرستان	•	لج	يه	فه	زوزن ^١ يرتفع منه طين الاكل الخراساني
طبرستان	•	له	ى	فه	البوزجان ^١
طبرستان	•	لو	ل	فد	الطايران قصبه طوس
طبرستان	•	لو	•	فه	عقبة من دوران و يقال من زبويان اى حد الترك

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٦ ص ٥٨، ج ١ ص ٨٤، ص ٢٢٤، ج ٤ ص ١١٤، ج ١ ص ٢٢٨، ص ٢٢٦، ص ٢١٣، ج ٢ ص ٢٧٦، ص ٤٣٥، ج ٤ ص ٤١٦، ج ٢ ص ٢٠٢ على الترتيب المذكور.

نسا	على طرف	المفازة	فج	ل	لز	م
ايوردا			فد	٠	لز	كه
سرخس			فه	٠	لو	م
دندانقان			فو	ك	لز	٠
مرو والشاهجان			فو	ل	لز	م
كشميهن			فو	م	لح	٠
مرو الروذا			فز	م	لز	ل
زم على شط جيحون			فج	٠	لز	م
كالف على الشط ايضا			ص	يه	لز	ل
باذغيس			فظ	ى	لو	نه
نون قصبه يعشور			فظ	٠	لو	ل
كيف			فظ	٠	له	٠
پوشنج قرب هراة			فز	له	لدا	م
مدينة هراة			فج	م	لدا	ل
اسفزار			فظ	ك	لج	م
استلج في ايجد			فج	م	لو	ل
الطالقان			فج	كه	لز	يه
الفارياب			فظ	ك	لو	مه
الميمنة وهو جهوزان			فظ	ن	لو	٠
الشبورقان			ص	٠	لو	مه
انبير قصبه جوزجان			ص	يه	لو	ه

(١) راجع مجمع البلدان لباقوت الحموي ج ٨ ص ٢٨٢، ج ١ ص ١٠٢، ج ٥ ص ٦٥، ج ٤ ص ٩٠، ج ٨ ص ٢٢، ص ٢٢، ج ٧ ص ٢٠٩، ج ٢ ص ٢١، ج ٧ ص ٢٠٦، ج ٥ ص ٢٢٢، ج ١ ص ٢٤٣ على الترتيب المذكور.

سكنين	صب م	له	مه	الجزجان
يشين من غرجستان	قط .	لو	م	غرجستان
شورمين من غرجستان	قط ي	له	ن	
بلخ و اسمه فى القديم بامى	صا .	لو	ما	
جلم بلدة كعب فى سطح جبل وعلى طرف مفازة	صا له	لو	يه	بلسنج
سمنكان	صب ي	لو	.	
بغلان	صب يه	له	م	
مدر	صا ن	له	ك	
خويشاره مجتمع الاودية وبمجموعها بحر جيحون	صب .	لو	ن	
سكلكندا	صب ن	له	ن	
ولوالج ^٢ قصبه طخارستان مملكة الهياطة فى القديم	صب ك	لو	يه	
راون	صب م	لن	.	
طالقان	صبح .	لن	.	
سكىمشت	صبح ي	لو	ن	
اندراب	صد م	لو	.	
الترمذ	صا يه	لو	له	
مثلة على غربى جيحون	صا ن	لو	مه	
القبازيان	صب ك	لن	ي	
باب الحديد	صب ل	لح	ل	الصنانيان

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموى ج ٢ ص ٢٤٦ ج ٥ ص ٩٨ ج ١ ص ٢٤٥ ج ٢ ص ٢٨٢ ج ٧ ص ٢٢
على الترتيب المذكور (٢) من ب ، ج و كذا فى معجم البلدان لياقوت ج ٨ ص ٤٢٢ وفى هـ : واملح خطأ .

الصغانيان ^١	صب م	لن	ن	الصغانيان
شومان ^١	صب ن	لح	ك	الصغانيان
ابو يسجد	صبح ٠	لح	ن	تيل
بلد الوحش على وادي وحشاب	صب ك	لن	م	تيل
بمليات ^٢	صبح م	لح	م	تيل
منك	صبح ن	لح	٠	تيل
هلاورد	صد ٠	لح	ل	تيل
خاريان	صد ي	له	ك	تيل
هلبك	صد ل	لن	له	تيل
راهشهر	صد ل	لح	ي	تيل
پارغر	صد له	لن	نه	تيل
اندرچارغ	صد م	لن	يه	تيل
بدخشان	صه ي	له	٠	تيل
ناحية كران	صه ك	لد	ن	تيل
وحان في حدود معادن اللؤلؤ وحلاوة بيدخشان	صو ٠	لو	ل	تيل
شكاشم قصبه شكنان	صو ك	لن	٠	تيل
التبت الداخل	صب ٠	لن	٠	التبت
قصبه الباميان ^١ وفي جبلها الصنم الاحمر والاكهب كل واحد سبعون ذراعا	صب ن	لد	يه	الباميان
پروان ^٢ اول بلاد كابل	صد ي	لد	له	كابل

(١) راجع معجم البلدان لباقوت الحموي ج - ٥ ص ٣٦١ ص ٣١٠ ج - ٢ ص ٤٩ على الترتيب المذكور (٢) اوله
بلا نقطتي جميع الاصول (٣) راجع كتاب الهند لليروني ص ١٣٠ وترجمته الانكليزية ج - ١ ص ٢٥٩ بحراب

كابل	م	لد	صد	يه	بحراب
	٠	له	صد	ك	شعب پنجهير ^١ يستنبط في جبالها الفضة
	مه	لج	صه	ك	قلعة كابل مستقر ملوكهم الا تراك كانوا ثم البراهمة
	م	لج	صز	ل	قلعة سكاوند في رستاق لهوكر
	م	لج	صه	ن	رباط كندی ^١ المعروف برباط امير
	ن	لج	صو	ى	لبكا ^١ وهو لمغان
	مه	لج	صو	كه	دنيور ^١
المن	م	لج	صح	اك	قلعة لوهاور في جبال كشمير
	ك	لد	صح	م	ادستان ^١ قصبة كشمير على جاء نبي ماء بيت ^١

ومما في الأقليم الخامس

المنور	ن	ما	له	كه	رومية الكبرى في حدود ايرنكا وهم الافرنجية
	٠	مج	مح	٠	ايناس وهي اثنية المعروف بمدينة الحكماء
	٠	م	مط	٠	ماقدونيا مدينة الاسكندر
	٠	مج	ن	ل	نيقية ^٢
	٠	لط	نب	٠	قلوذية ومنها بطليوس صاحب المجسطي
	م	لط	نب	ل	برغامس ومنه جالينوس
	مه	لط	سا	م	بطن هتريط
	٠	لط	نا	٠	ملطية ^٢
	٠	م	نو	٠	طرابزنده فرضة الروم على ساحل بحر بنطس
	٠	مب	سب	٠	نقلس قصبة كرجيان
ارمنية	٠	مج	سج	٠	برذعة قرب نهر الكرد، وهي قصبة اران

(١) راجع كتاب الهند للبيروني ص ١٣٠، ١٦٣، ١٠١، وترجمته الانكليزية ج ١ ص ٢٥٩، ١٠١، ٣١٧، ٢٥٩

(٢) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٨ ص ٣٦٠، ١٥٠

	ن	لط	سد	اليقان
	م	لط	سد	خلاط
	٠	ما	سو	باب الابواب ومعرف بدر بند خزران على بحرهم
	٠	م	سو	ارحيش
	ن	م	سز	متروان
	٠	لط	عب	باكوية معدن النقط الابيض
افريجان	م	لط	عد	ورثان
الانزور	٠	مج	عب	بلد صاحب السرير
	٠	م	عز	جبل ينحشلاغ فرضة الغرزة
	٠	م	عج	يلجان الخربة بانقطاع جيحون عن مجراه الى بحرارقانيا وهو جرجان
الغزوة	كه	لط	فب	رباط فراردا من ثغور الغرزة
	د	م	فج	مياالحاه في وسط المفازة بين نساو خوارزم
خوارزم	يز	مب	فد	الجرجانية احد بلدى خوارزم في غربى جيحون
	لو	ما	ده	كاث بلدها الآخر وهى مدينتها فى القديم فى شرقى جيحون
البيشاش	ى	مج	فد	ستكند على نهر حسرت المعروف بوادى البيشاش
خوارزم	ل	م	فو	درغان آخر حدود خوارزم الى مرو والى بخارا

(١) راجع معجم البلدان لابوت الخوى ج ٢ ص ٣٤ - ج ٤٥ ص ٢ ج ٤٥ ص ٤١٣ ج ٦ ص ٢٢٣ ج ٧ ص ٧٩ ج ٧ ص ٢٠٣ ج ٥٣ ص ٥٣ على الترتيب المذكور .
آموية

أموية المعبر الى بلاد ماوراء النهر	فز	ه	لظ	ي
بربر المعبر من بلاد ماوراء النهر الى خراسان	فو	له	لح	م
بيكندا ويعرف بعزرويين	فو	ن	لظ	٠
بخارا	فز	ل	لظ	ك
الطواويس ^١ مشتهر بسوق فيه كل سنة	فز	ن	لظ	ل
السرع مشتهر بسوقه ايضا	فز	يه	لظ	له
كرمينية	فز	يه	لظ	م
الدبومة ^٢	مخ	٠	لظ	ن
الكشانية	مخ	ي	لظ	يد
اسينجن واربنجن	مخ	يد	لظ	ن
مدينة نسف وهي نخشب	مخ	٠	لظ	م
مدينة كش وبالفارسية معجبة	مخ	ي	لظ	ن
سمرقند وبالتركية سمر كند اي بلد الشمس	مخ	ك	م	٠
زامين	فظ	٠	م	كان
خجستان	ص	٠	م	ن
امروشيبة	فظ	ل	لظ	ل
بامر	صب	له	ما	ي
بلعة شراشت	صح	ك	م	لنا
بكت قصبة السماش وبالتركية تس كند	فل	ي	مب	ل
و باليونانية برج الخيخارة	فظ	ن	ما	ي
پناك				

بجانب خراسان

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٢ ص ٢٢٤ ج ٦ ص ٦٦ ج ٤ ص ٣٣ ج ٧ ص ٢٥٣ ج ١ ص ١٧٦ ج ٨ ص ٢٨٦ ج ١٧ ص ٢٧٠ ج ٤ ص ٤٠٢ على الترتيب المذكور.

الشاش ففرغانه ترك الصين	٠	مج	ى	فظ	تون كت قصبة ايلاق
	ى	مج	يه	فظ	سلحى
	ك	مج	ك	فظ	اسبيجاف
	ك	مب	٠	صب	احشيكث قصبة فرغانه
	ل	مب	ى	صب	جدعل ناحية
	٠	مج	يه	صب	قبا
	ل	مب	ن	صبح	خيكث
	يه	مد	كه	صا	نوكث
	٠	مد	ى	قح	كرويا
	ى	لط	٠	قى	يوسمت فى البيت الخارج
	٠	مب	ك	قيا	حيابحكث وهو قوچو مستقر ايفرخان
	٠	مج	٠	قبيج	سولن
ك	م	ى	قيه	سانجو يشعب الطريق منه جنوبيا الى الصين	
٠	لط	٠	قيو	قامچو	

ومما فى الاقليم السادس

الروم	٠	مه	٠	م	يرجان
	٠	مه	ن	مط	يوريطيار وهى قسطنطينية على خليج بين بحرى بيطس و الروم
	٠	مو	ل	ن	خلقيدون
	يه	مد	٠	نا	ميقوموريا
	له	مو	كه	نح	هرقلة

الخز	م	مد	ل	عب	سمندر
	ن	مد	٠	عج	يلحر
	لد	مو	ك	عه	مدينة الخزر وهي خراب على شط نهر آتل
	٠	مد	ل	عح	القرية الحديثة وحيد وجواره على مصب حسب الى بحيرة خوارزم
	ل	مج	٠	فد	صفوان للتركانية
	٠	مد	ل	فح	پاراب
	له	مج	ن	فظ	الطراز
	كه	مج	ل	صب	اوش
	٠	ممد	ن	صب	اوز كند
	م	مز	ل	صا	بلاساغون
	ك	هو	٠	صب	قچغار باشي
	ل	هو	٠	صبح	پرسخان قرب اليسى كول اى البحيرة الحارة
	٠	مه	ى	صبح	ات باشي
	٠	مد	كه	صه	ارد كند و هو كاشغر
م	مج	له	صه	يار كند	
٠	مه	ك	صط	اوج	
ل	مج	م	ق	ياحمة قصبه الختن	
نه	مد	م	قا	يارمان	
ن	مد	ك	قب	كچا	

(١١) راجع معجم البلدان لياقوت الحموي ج ٥ ص ١٣٠ ج ٥ ص ٣٦٩ ج ٢ ص ٣١ ج ٦ ص

٢٧ ج ١ ص ٢٧٥ ج ٢ ص ٢٥٨ ج ١ ص ١٢٦ ج ١ ص ٣١٨ على الترتيب المذكور .

ومما فى الاقليم السابع					
الصفحة	ك	ح	•	ح	انقرة
	ل	مط	•	غ	بلد اسوارا وبلغارا فى بحر الروس والصفالبا و بينهما مسيرة يوم
ومما وراء الاقليم السابع					
الصفحة	•	يه	•	سط	بلد السوء يتجر اليه البلغار يون
	ل	س	•	سج	غياض يوره وهم متوحشون يتأجرون مغابنه

(١) راجع معجم البلدان لياقوت الخوى ج ١ ص ٢٤٧، ج ٢ ص ٢٧٢ ج ١ ص ٢٠ ص ١٨ •

أبواب الحادى عشر من مسائل المطارحة للتدريب

الاشياء التى تحصل بالرصد على الافق وفلك نصف النهار

عما لا يختلف فى اليوم الواحد فى الموضع الواحد ولا تتغير الا بتغير ميل

الشمس او عرض البلد هى ثلاثة: احدها سعة المشرق، والثانى ارتفاع

نصف النهار، والثالث نصف قوس النهار فان منه يعرف فضل مطالع

درجة الشمس، وهذه الثلاثة اذا تفردت عقلت واذا ازدوجت انتجت

المطلوب الذى هو اما عرض البلد واما ميل الشمس واما كليهما، وذلك

ان المقدار الواحد لاحد الثلاثة الموجودة يكون لميل فى عرض

ويكون لميل آخر فى عرض آخر، والاقترانات الثانية فى الاشياء الثلاثة

يكون ثلثه اعنى سعة المشرق مع نصف قوس النهار وهو ازدواج اول،

ومع ارتفاع نصف النهار ازدواج ثن، وفضل المطالع اعنى تعديل

النهار مع ارتفاع نصف النهار ازدواج ثالث .

معرفة ما فى الازدواج الاول

مسئلة : اذا اعطينا كل واحد من سعة المشرق و نصف قوس

النهار و احد المطلوبين و اريد المطلوب الآخر فان عرض البلد اذا

كان معلوما ضربنا جيب سعة المشرق فى جيب تمام عرض البلد، وقسمنا

ما اجتمع على جيب تعديل النهار فيخرج جيب تمام ميل درجة الشمس .

مسئلة : و اذا كان الميل معلوما عكسنا ما تقدم ف ضربنا جيب تعديل

النهار فى جيب تمام ميل الدرجة و قسمنا المبلغ على جيب سعة المشرق

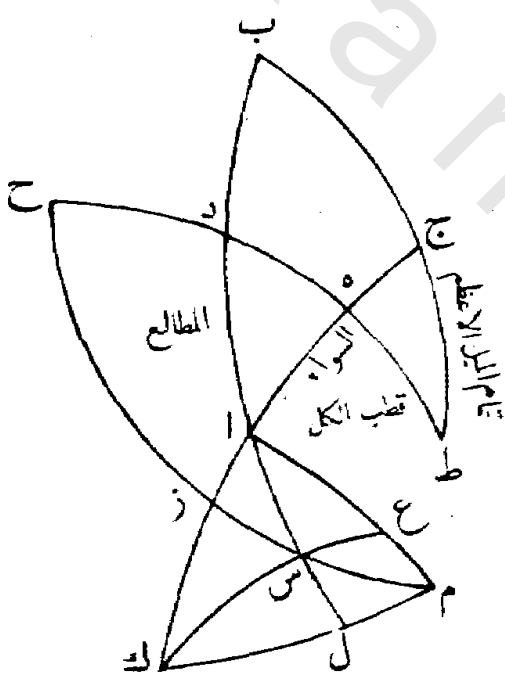
فيخرج جيب العرض .

مسئلة: سأل سند بن علي عن عرض بمطلع فيه برج الحمل في ازمان مفروضة ، فقال ثابت بن قرة ينقص فضل ما بين مطالعه في ذلك البلد وبين مطالعه في خط الاستواء من تسعين ، ويضرب جيب ما يلقى جيب تمام ميل الحمل و يقسم المبلغ على الجيب كله و نقوس ما يخرج من القسمة ، و نقسم على تمامها مضروب جيب الحمل في الجيب كله فيخرج جيب تمام العرض .

مسئلة: فرض الفضل بن حاتم النيريزي في زجه الاخير لقوس من فلك البروج معلومة ازمان مطالعها في خط الاستواء و قصد منها استخراج الميل الأعظم ، و طريق ذلك ان يقسم جيب ازمان المطالع على جيب درج السواء ، و يضرب ما خرج في جيب تمام درج السواء و يقسم المجتمع على جيب تمام المطالع فيخرج جيب تمام الميل الأعظم ، و اما النيريزي فانه ضرب جيب المطالع في جيب تمام درج السواء و قسم المبلغ على جيب درج السواء ثم ضرب ما خرج في الجيب كله و قسم المجتمع على جيب تمام المطالع فخرج له جيب تمام الميل الأعظم .

مسئلة: فرض النيريزي ازمان مطالع في خط الاستواء الدرج سواء مجهولة و قصد ميلها ، و باب ذلك ان يضرب جيب المطالع في جيب الميل الأعظم و نقوس المبلغ و يلقى قوسه من تسعين و نقسم على جيب تمام ما يلقى جيب تمام الميل الأعظم فيخرج جيب تمام ميل الدرج التي لها تلك المطالع ، و اما النيريزي فانه امر بقسمة جيب تمام الميل الأعظم على جيب الميل الأعظم لتخرج النسبة الاولى و قسمه جيب المطالع على الجيب كله

(١) وليكن للمسئلة الاولى بما اورد النيريزي نقطة: ا، نقطة الاعتدال و:
 ب ا ل، معدل النهار على قطب: ط، و: ج ا ك، منطقة البروج و:
 ط ج ب، الدائرة المارة على الاقطاب الاربعة ودرج السواء المعلومة:
 اه، ويخرج: ط ه د ح، فيكون: ا د، مطالعها في خط الاستواء
 ه وهي معلومة، والمطلوب: ب ج، الميل الأعظم، فعله ما ذكرنا في ذلك
 ان ندير ببعد ضلع المربع على: ه، دائرة: ح ز س م، وعلى: ا،
 دائرة: م ل ك، وعلى: ك، دائرة: م ا، ونخرج: ك س ع، من
 دائرة عظيمة فنسبة جيب: ه ا، درج السواء الى جيب: ا د، المطالع



(٧٦)

كنسبة جيب: ه ز، الربع الى:
 ١٠ ز ح، و: ز ح، مساو ل: س م،
 ونسبة جيب: س م، الى جيب:
 م ل، تمام الميل الأعظم كنسبة
 جيب: س ا، تمام: ا د، الى
 جيب: ا ز، تمام: اه، فملك
 ١٥ الميل الأعظم اذن معلوم.
 ولطريق النيريزي نسبة جيب:
 ا ز، تمام: درج السواء الى جيب:

ز ك، درج السواء كنسبة: ع س، الى جيب: س ل، المطالع، ونسبة
 جيب: ع س، الخارج من القسمة الى جيب: س ا، تمام المطالع كنسبة

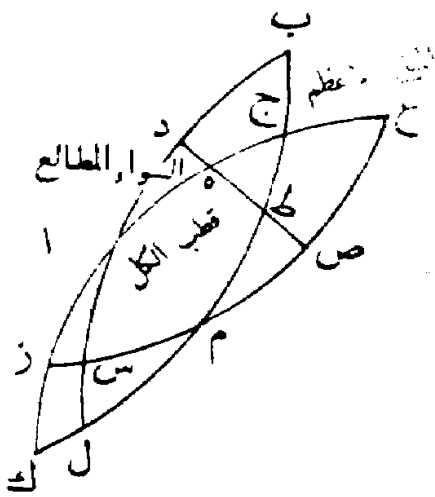
(١) ابتداء شكل ٧٦ .

جيب : م ل ، تمام الميل الأعظم الى جيب : ا ل ، الربع ، والحساب واحد فى كلى الامرين .

(١) وللسئلة الثانية من مسئلته يخرج : س م ، ه ج ، ج ط ، على استدارتها حتى يحصل قطاع : ع ه ، ط م ، ونسبة جيب : س ا ، تمام المطالع الى جيب : س ز ، كنسبة جيب : ا ل ، الربع الى جيب : ل ك ، الميل الى الأعظم ف : س ز ، معلوم ومع تمامه ونسبة جيبه الى : ه ص ، الربع كنسبة جيب : ط ج ، تمام الميل الأعظم الى جيب : ه ط ، تمام ميل المطالع فيلها معلوم .

واما طريق التيريزى فيه فان مبناه على استعمال النسبة المؤلفة

فى جنوب الشكل القطاع وذلك ان نسبة جيب : ط ج ، الى جيب : ه



١٥

(٧٧)

ج ب ، مؤلفة من نسبة جيب : ط ه ، الى جيب : ه د ، ومن نسبة جيب : ا د ، الى جيب : ا ب ، فاذا قسم جيب : ط ح ، على جيب : ج ب ، خرج ما نسبته الى الواحد نسبة جيب : ط ج ، الى جيب : ح ب ، وهو الذى سماه نسبته اولى ، وهى المؤلفة الحاصلة من تضعيف

نسبة جيب : ط ه ، الى جيب : ه د ، بنسبة جيب : ا د ، الى جيب : ا ب ، وهاتان اولى بان سميا اولى وثانية حتى يكون المؤلفة التى اولى سماها

معرفة ما فى الازدواج الثانى

مسئلة : اذا اعطينا سعة المشرق و ارتفاع نصف النهار ثم كان احد

المطلوبين معلوما سقط به أحد المعطيين اما اذا كان العرض معلوما فانا

نستغنى عن ارتفاع نصف النهار يضرب جيب سعة المشرق فى جيب

تمام العرض فان المجتمع منه يكون جيب الميل، واما اذا كان الميل ٥

معلوما فقد تقدم فى استخراج العرض من ارتفاع نصف النهار

ما يكفى .

مسئلة : اذا أعطيناهما و المطلوبان مجهولان معا قدمنا لهما سهم النهار

المحول بان ينظر الى ما اعطيناه فان كانا فى جهة واحدة أخذنا الفضل

بين جيب تمام ارتفاع نصف النهار و جيب سعة المشرق و ان كان ١٠

جهتاهما مختلفين جمعنا الجيبين ثم ضربنا الحاصل من الفضل او المجموع

فى مثله و جيب ارتفاع نصف النهار فى مثله و أخذنا جذر جملة المبلغين

فكان سهم النهار المحول فان اردنا سهم عرض البلد قسمنا عليه جيب

ارتفاع نصف النهار فيخرج جيب تمام العرض، و ان اردنا ميل درجة

الشمس قسمنا مضروب جيب ارتفاع نصف النهار فى سعة المشرق ١٥

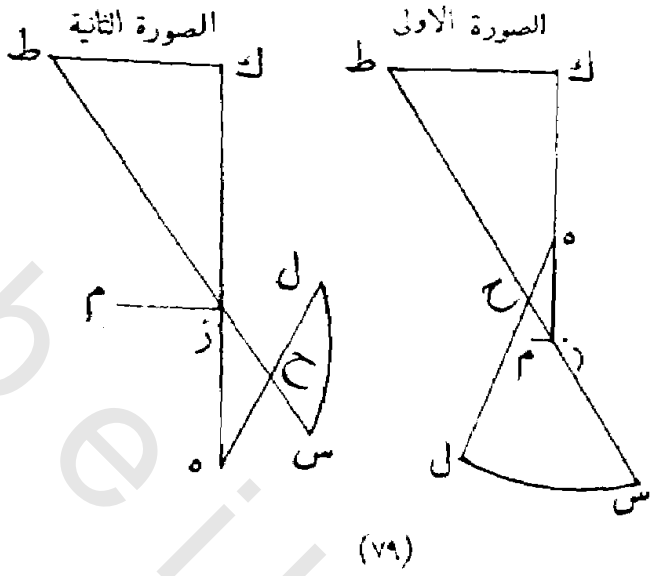
على سهم النهار فيخرج جيب الميل، و الى قريب منه ذهب ثابت بن

قرة فى جواب سند عن مثله فانه حصل سهم النهار كما ذكرنا، ثم

قسم عليه مضروب جيب تمام سعة المشرق فى مثله و زاد الخارج من

القسمه على سهم النهار و نصف الجملة و أخذ قوس هذا النصف و زادها

على ارتفاع نصف النهار و نقص المبلغ من مائة و ثمانين فبقى عرض ٢٠



البلد .

(١) وليكن لما قلنا

مثلث النهار : ط ك ز ،

و مركز السكره : هـ ،

هـ ونخرج منه الى قطب

الكل محور : هـ ح ،

فيكون : هـ ح ، جيب

الميل ، ونخرج : ل ، قطر المدار الى : س ، من فلك نصف النهار

و : زم ، الفصل المشترك بين سطحى المدار والافق ، ونقول ان أخذ

المطلوبين اذا كان معلوما سقط احد المزدوجين ، وذلك ان استخراج

أحدهما من الآخر بوساطة ارتفاع نصف النهار سهل قد تكرر فيما

سلف ، وكذلك هو من سعة المشرق فان نسبة : هـ ز ، جيبه الى : هـ ح ،

كنسبة جيب زاوية : ح ، القائمة الى جيب زاوية : هـ ز ح ، تمام العرض

فاما اذا جهلا معا فانا نجمع : ك هـ ، ز ، فى الشمال وأخذ تفاضلها

١٥ فى الجنوب يحصل : ك ز ، ومن قوته وقوة : ط ك ، يحصل :

ط ز ، سهم النهار بالاجزاء التى بها نصف قطر المدار جيب تمام الميل

ولذلك القيناه بالتحويل فان غير المحول يكون بالمقدار الذى به نصف

قطر المدار الجيب كله ، ونسبة : ز ط ، الى : ط ك ، كنسبة جيب زاوية : ك

الى جيب زاوية : ز ، وعليها ايضا نسبة : ز هـ ، الى : هـ ح ، فاما

(٣) ابتداء شكل : ٧٩ .

ما ذهب اليه ثابت بن قرة حتى حصل سهم النهار المحول فقد مر ذكره وضرب : ط ز ، فى : ز س ، مساو للمربع : ز م ، جيب تمام سعة المشرق فلذلك قسم مربع : ز م ، على : ز ط ، حتى خرج له : ز س ، وبمجموعه الى سهم النهار هو قطر : ط س ، ونصفه : ط ح ، جيب تمام ميل المدار فاما قوس : ل س ، فى الصورة الاولى الشمالية ه فهى ربع دائرة الا الميل لكن ارتفاع نصف النهار ربع دائرة والميل الا عرض البلد و مجموع ذلك ربعان الا عرض البلد فلذلك اذا نقص هذا المجموع من نصف الدائرة بقى العرض .

معرفة ما فى الازدواج الثالث

- مسئلة : اذا اعطينا ارتفاع نصف النهار ونصف قوس النهار اعنى ١٠ فضل المطالع ثم كان احد المطلوبين معلوما اريد الاخر اما اذا علم العرض فانه يستغنى به عن تعديل النهار وذلك انا تقسم جيب ارتفاع نصف النهار على جيب تمام العرض ونحفظ الخارج من القسمة ثم نضربه فى جيب العرض فما اجتمع نأخذ فضل ماينه وبين تمام ارتفاع نصف النهار فيبقى جيب سعة المشرق فنضربه فى جيب ارتفاع نصف النهار ونقسم ما اجتمع على المحفوظ فنخرج جيب الميل .

- مسئلة : واما اذا كان الميل معلوما واريد العرض فانا نضرب جيب تمام الميل فى جيب تعديل النهار ونزيد ما اجتمع على جيب تمام الميل ان كان شماليا ونقصه منه ان كان جنوبيا فيجتمع سهم النهار المحول ونقسم عليه جيب ارتفاع نصف النهار فيخرج جيب تمام العرض . ٢٠

مسئلة: واما اذا كان المطلوبان معا مجهولين فانا نريد جيب تعديل النهار على الجيب كله و نقصه منه ايضا و نضرب الزائد ان كان تعديل النهار مما نقص في جيب ارتفاع النهار و نقسم المبلغ على الناقص وان كان تعديل النهار مما يراد نضرب الناقص في جيب ارتفاع نصف النهار و نقسم المبلغ على الزايد و ما خرج من القسمة نقوسه و نزيد عليها ارتفاع نصف النهار و نقص الجملة من مائة و ثمانين جزؤا و نصف ما يبقى فيكون عرض البلد .

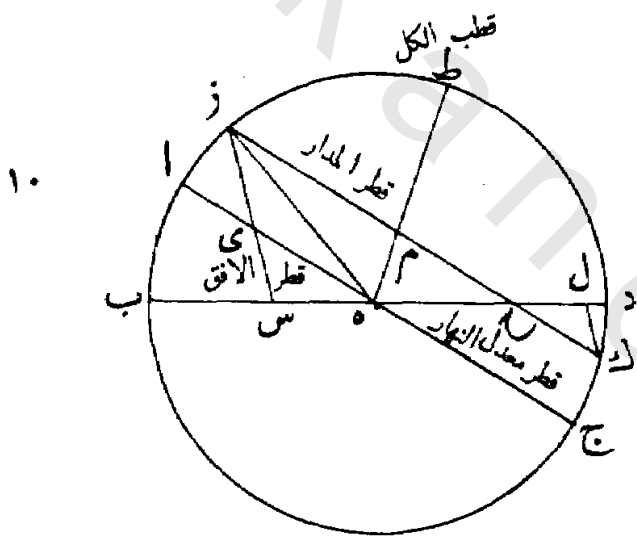
(١) و البرهان على ما في هذا الازدواج نسبة : ط ك ، في الشكل المتقدم الى : ط ز^٢ ، المحفوظ كنسبة جيب زاوية : ز^٢ ، الى جيب زاوية ط ، فاذا كان العرض معلوما و عرف : ط ز^٢ ، المحفوظ و من : ك ه ، تمام ارتفاع نصف النهار : ه ز^٢ ، جيب سعة المشرق صار : ه ح جيب الميل معلوما فان كان هو المفروض كان : ط ح ، جيب تمامه و نسبة ز^٢ ح ، اليه كنسبة : ز^٢ ح ، جيب تعديل النهار الى : ط ح ، الجيب كله ف : ز ح ، معلوم و مجموعه الى جيب تمام الميل هو سهم النهار المحول اعنى : ز^٢ ط ، و نسبه الى : ط ك ، كنسبة جيب زاوية : ك ، القائمة الى جيب زاوية : ز^٢ ، تمام العرض و هو معلوم .

ثم ليكن : اب ، ج د ، فلك نصف النهار و قطر : ب ه د ، فيه في سطح الافق و : ا ه ج ، في سطح معدل النهار و : ز ح ك ، في سطح المدار و نخرج عمودى : ز س ، ك ل ، على قطر : د ه و نصل :

(١) ابتداء شكل : ٨٠ (٢) ب ، ج ، د .

ط م هـ ، من قطب الكل فيكون : ح م ، جيب تعديل النهار في المدار
 وقسما : ك ح ، ح ز ، يتفاضلان به ف : ح ز ، الزائد و : ح ك ،
 الناقص ونسبة : ك ح ، الى : ك ل ، كنسبة : ح ز ، الى : ز س ، و : ك ل ،
 معلوم وقوسه : ك د ، هي تمام عرض الا : ك ج ، الميل ف : ب ز ،
 ارتفاع نصف النهار تمام عرض مع : ا ز ، الميل فمجموع : م ز ، ز ح ، هـ
 اذن تماما عرض فاذا القى من ضعف الربع بقى عرضان فنصفهما :
 د ط ، هو العرض فنقول الآن عند استيفاء الازدواجات الثلاثة

انه يحدث فيما بين الافق
 وبين فلك نصف النهار احوال
 مشابهة لما ذكرناه فيها متغيرة
 المقدار والوضع في كل وقت
 ويمكن ان يحصل بالرصد في
 كل وقت من النهار عن
 جنبتى نصفه وهي السميت مشابهة



(٨٠)

لسعة المشرق و الارتفاع في الوقت مشابه لارتفاع نصف النهار وازمان ١٥
 الدائر مشابهة لنصف قوس النهار و يقترن ايضا ثلاثة اقترانات ، احدها
 السميت مع الارتفاع ، والثاني السميت مع الدائر ، والثالث الدائر مع الارتفاع
 و اذا انضافت الى كل واحد من الثلاثة الاشياء الثابتة التي تقدمت حصل
 منها تسعة ضروب يمكن في بعضها تحصيل العرض و الميل معا و يتعذر في
 بعض الى ان يفرض فيه احدهما معلوما ثم ينحل في اكثر احوال الى غيره
 و يسقط المقترنان عنه .

الاقتران الاول مع سعة المشرق

فاذا أعطينا سعة المشرق وفرض الارتفاع والسمت معها لوقت واحد ضربنا جيب السميت في جيب تمام الارتفاع للوقت فتجتمع حصة السميت فان كان السميت وسعة المشرق في جهة واحدة اخذنا فضل ما بين حصة السميت وبين جيب سعة المشرق، وان اختلفت جهتهما جمعناهما فيكون الحاصل من الفضل او المجموع الضلع الافقى فضربه في مثله وجيب الارتفاع في مثله وتأخذ جذر جملة المبلغين فان قسمنا الضلع الافقى على الجذر المأخوذ خرج جيب العرض وان قسمنا على هذا الجذر مضروب جيب سعة المشرق في جيب الارتفاع للوقت خرج جيب الميل .

واما النيريزى فانه فرض الارتفاع والسميت مع العرض معلومة وضرب جيب تمام الارتفاع للوقت في جيب السميت وقسم المبلغ على الجيب كله فخرج له العدد الاول وضرب جيب الارتفاع في جيب العرض وقسم المجتمع على جيب تمام العرض فخرج له العدد الثانى وجمع العددين في السميت الثانى وأخذ فضل ما بينهما في الجنوبى وضربه في جيب تمام العرض وقسم المبلغ على الجيب كله فخرج جيب الميل .

ومع تعديل النهار

وليس ينتج هذا الا بعد ان يكون احد المطلوبين معلوما فان كان العرض

أعرض استخرجنا الضلع الافقى من الارتفاع للوقت و حصة السميت منه وكان ما بينهما جيب سعة المشرق فان ضرب في جيب تمام العرض اجتمع جيب الميل، وان كان الميل ضربنا جيب تعديل النهار في جيب تمام الميل وما اجتمع في نفسه وقسمنا بمجموع المبلغين على مضروب جيب الميل في نفسه و أخذنا جذر ما يخرج من القسمة فيكون جيب تمام العرض .

ومع ارتفاع نصف النهار

نستخرج من السميت و تمام الارتفاع للوقت حصة السميت و نجعله الى جيب تمام ارتفاع نصف النهار ان كانا في جهتين مختلفتين و نأخذ فضل ما بينهما ان كانا في جهة واحدة و نحفظ الحاصل، فاما العرض ١٠ فانا نضرب كل واحد من هذا الحاصل و فضل ما بين جيب الارتفاعين في مثله و نأخذ جذر جملة المبلغين و نقسم عليه الحاصل فيخرج جيب العرض .

واما لليل فانا نضرب هذا الحاصل في جيب ارتفاع نصف النهار و نقسم المجتمع على فضل ما بين جيب الارتفاعين فما خرج نأخذ ١٥ الفضل بينه و بين جيب تمام الارتفاع و نضربه في فضل ما بين جيب الارتفاعين و نقسم ما بلغ على الجذر المأخوذ فيخرج جيب الميل و في جوابات ثابت عن مسائل سند في هذه المقصود فيها عرض البلد أن نضرب جيب تمام السميت في جيب تمام الارتفاع للوقت و نقسم

المجتمع على الجيب كله فيخرج المحفوظ الاول وقوسه هي الاول وسهم
ضعفها هو السهم الاول ثم يضرب جيب الارتفاع للوقت في الجيب
كله ونقسم ما بلغ على جيب تمام القوس الاولى ونقوس ما يخرج
ونقص القوس من تسعين فيبقى القوس الثانية ويؤخذ فضل ما بينهما
٥ وبين تمام ارتفاع نصف النهار ان كان السميت جنوبيا ومجموع الثانية
وتمام ارتفاع نصف النهار ان كان شماليا ويحصل جيب الفضل او المجموع
وسهم ضعفه، فاما الجيب فضروبه في مثله هو المحفوظ الثانى .

واما السهم فيضرب فضل ما بينه وبين السهم الاول في مثله
ويزاد عليه المحفوظ الثانى ويؤخذ جذر الجملة ويقسم عليه مضروب
١٠ المحفوظ الاول في مثله ويزاد ما يخرج على هذا الجذر وينصف المبلغ
فيكون قوس هذا النصف هي الثالثة، ثم يجمع بين الثالثة وبين ارتفاع
نصف النهار فيكون العرض ان كان المبلغ ليس باكثر من تسعين وان
كان اكثر نقص من مائة وثمانين فيبقى العرض .

وذكر لاستخراج القوس الثالثة طريقا آخر هو ان تقسم
١٥ وتر مجموع السميت الى تسعين على الجيب كله فماخرج يضرب في كل
واحد من جيبى تمامى ارتفاع نصف النهار والارتفاع للوقت .

ثم يضرب كل واحد من المبلغين احدهما في آخر ويزاد على
ما اجتمع مضروب وتر فضل ما بين الارتفاعين في مثله ونزل ما بلغ
ونلقى منه ايضا مضروب المحفوظ الاول في مثله ويؤخذ جذر الباقي

٢٠ ونقسم عليه المعزول وننصف ما يخرج ونقوس فتكون الثالثة .

الاقتران الثانى مع سعة المشرق

وهذا لا ينتج الا اذا كان احد المطلوبين معلوماً، و اذا كان كذلك سقط الاقتران و صار العمل بمجرد جيب سعة المشرق و جيب المعلومين المطلوبين .

ومع تعديل النهار

- وهذا ايضا كذلك ، فان كان الميل فيه معلوماً فقد تقدم فى باب الاقاليم من معرفة العرض ما يكفى .
- مسئلة : اذا فرض هذا الاقتران مع تعديل النهار فى بلد معلوم العرض وازيد الميل زدنا جيب تعديل النهار على الجيب كله ان كان النهار زائداً على المعتدل ، و نقصناه من الجيب كله ان كان النهار عنه فيحصل سهم النهار ، و نلقى منه سهم الدائر فيما بين الوقت و بين نصف النهار فيبقى ترتيب الدائر و نضربه فى جيب العرض فيجتمع الضلع الأفقى ، و نضرب جيب الدائر فى جيب السمى و نقسم المبلغ على جيب تمام السمى فيخرج حصة السمى فان كان ارتفاع نصف النهار فى جهة واحدة اخذنا فضل ما بين حصة السمى و بين الضلع الأفقى ، و ان اختلفت جهتهما جمعناهما فكان الحاصل جيب سعة المشرق .
- ثم نضرب سهم النهار فى جيب تمام العرض فيجتمع جيب ارتفاع نصف النهار و نضرب ايضا سهم النهار فى جيب العرض ، و نأخذ فضل ما بين المجتمع و بين جيبى سعة المشرق و نضربه فى مثله و جيب ارتفاع

نصف النهار في مثله، ونجمع المبلغين ونقسم على جذره جيب ارتفاع
نصف النهار ونقوس المبلغ فيكون ارتفاع نصف النهار و اذا كان
العرض معه معلوما فالميل معلوم .

ومع ارتفاع نصف النهار

٥ وهذا ايضا غير منتج فاذا فرض الميل معه معلوما سقط المقترنان
وصار العرض بالميل وارتفاع نصف النهار معلوما ، وكذلك ان
فرض العرض معلوما علم الميل منه ومن ارتفاع نصف النهار .

الاقتران الثالث مع سعة المشرق

مسئلة : هذا غير منتج فان فرض احد المظلويين معلوما سقط
١٠ المقترنان ، فان كان الميل قسمنا جيب سعة المشرق على جيبه فيخرج
جيب تمام العرض وان كان العرض قسمنا جيب سعة المشرق على
جيب تمامه ، فيخرج جيب الميل .

ومع تعديل النهار

مسئلة : نريد جيب تعديل النهار الزائد على الجيب كله ونقص
١٥ جيب الناقص من الجيب كله ونلقى مما حصل وهو سهم النهار سهم
الدائرين الوقت وبين نصف النهار فيبقى ترتيبه، ونضرب سهم النهار في
جيب الارتفاع للوقت ونقسم المبلغ على ترتيب الدائر فيخرج جيب
ارتفاع نصف النهار ، وقد آل الى الازدواج الثالث .

وقال النيريزى في هذا المعنى يجعل بعد الوقت عن فلك نصف
٢٠ النهار جيبا منكوسا و نلقيه من سهم النهار وهو المحفوظ الثالث فيبقى
المحفوظ

المحفوظ الاول و جيب الارتفاع للوقت هو المحفوظ الثانى ، و نأخذ فضل ما بين سهم النهار و بين ضعف الجيب كله فيكون المحفوظ الخامس ، ثم نضرب الثانى فى الثالث و نقسم المبلغ على الاول فيخرج الرابع و نضربه فى الخامس و نقسم المجتمع على الثالث فيخرج السادس ، و نجعل كل واحد من الرابع و السادس قوسا و نأخذ نصف مجموع القوسين ٥ فيكون تمام عرض البلد .

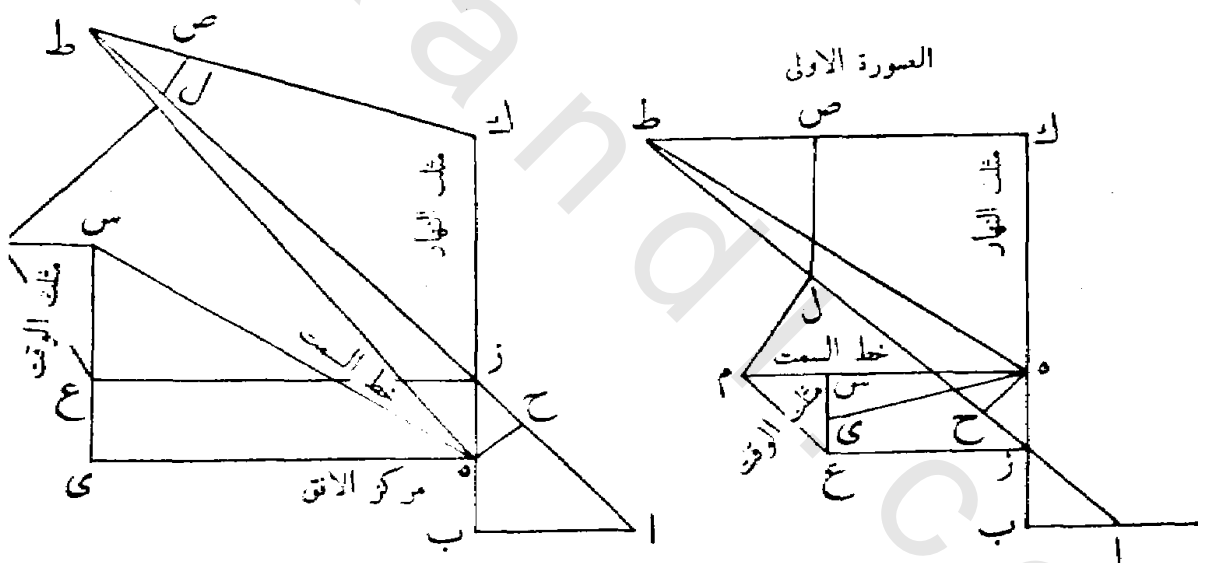
مسئله : اذا كانت الثلاثة التى يقترن كلها معلومة اعنى السمات و الارتفاع و الدائر و اريد المطلوبان منها فانا نضرب جيب تمام الارتفاع للوقت فى جيب تمام السمات و نحفظ المجتمع و نقسمه على جيب الدائر فيخرج جيب تمام الميل ثم نضرب جيب تمام ارتفاع فى جيب السمات ١٠ و نقسم ما بلغ على جيب تمام قوس المحفوظ فما خرج نقوسه و نعرزها ، ثم نقسم جيب الميل على جيب تمام قوس المحفوظ فيخرج جيب نقوسه فان كان السمات و الميل فى جهة واحدة نأخذ فضل ما بين هذه القوس و بين المعزولة وان كانا فى جهتين مختلفتين جمعنا القوسين فيحصل من الفضل او المجموع عرض البلد ، و لما لم يستين فى الازدواجات من براهين ١٥ ما ذكرنا فى هذه الاقترانات .

(١) و نفرده مثلث النهار الذى تقدم و هو : ط ك ز ، مع مثلث الوقت

و هو : م س ع ، و نصل : د س ، الذى يحده السمات و هى من خط ،

الاعتدال فيكون : س ي ، حصة السمات و : س ع ، الضلع الأفقى ،

ونخرج : م ل ، على موازاة : ز ع ، فيكون جيب الدائر في المدار و : ل ط ،
 سهمه و : ط ص ، فضل ما بين جيبى الارتفاعين فاذا كان المعلومان مع
 سعة المشرق الارتفاع و السميت وهو الاقتران الاول كانت نسبة : ه س ،
 جيب تمام الارتفاع الى : س ي ، حصة السميت كنسبة جيب زاوية : ي ،
 القائمة الى جيب زاوية : س ه ي ، التي بقدر السميت ، فخصته معلومة
 ومنها ومن : ي ع ، المساوي لجيب سعة المشرق يحصل : س ع ،
 الضلع الأفقى و : س ع ، ترتيب الدائر يقوى عليه ، وعلى : م س ،
 جيب الارتفاع فهو الجذر المأخوذ ونسبته الى : س ع ، كنسبة جيب
 زاوية : س ، القائمة الى جيب زاوية : س م ع ، العرض فهو معلوم



(٨١)

١٠ ونسبة : ز ه ، الى : ه ح ، كنسبة : م ع ، الجذر الى : م س ، جيب
 الارتفاع للوقت ف : ه ح ، جيب الميل معلوم ، واما النيريزى فانه
 استخراج حصة السميت وسماء عددا اول ، ونسبة : م س ، الى : س ع ،
 كنسبة جيب زاوية : ع ، تمام العرض الى جيب زاوية : م ، العرض فاستخرج :
 س ع ، وسماء عددا ثانيا ، وجمع العددين في السميت الشمالى وأخذ

تفاضلها

تفاضلها في الجنوبي لأن مطلوبة: هـ ع، و السميت الجنوبي يقتضى ان يكون فضلا سواء كان الميل شماليا او كان جنوبيا ولا يكون الجمع الآتى السميت الشمالى الممتنع كونه لغير الميل الشمالى، و اذا علم: هـ ز، جيب سعة المشرق كانت نسبه الى: هـ ح، جيب الميل كنسبه جيب زاوية: ح، القائمة الى جيب زاوية: ز، تمام العرض فيصير: هـ ح، معلوما، و اذا كان الاقتران الاول مع تعديل النهار لم يؤد الى المطلوبين لأن: ز ح يكون غير محول الى المقدار الذى به فرض: م س، وليس يؤثر في ذلك ان مثلث: س د ي، معلوم الزوايا و الأضلاع.

ثم ان فرضت: زاوية: ع، معلومة صار مثلث الوقت معلوما،

- ومثلث: س هـ ي، قد كان معلوما، فجيب سعة المشرق معلوم ومنه يعلم: هـ ح، ١٠
وان فرض: هـ ح، معلوما كان: ع ط، جيب تمام الميل معلوما ونسبه الى: ز ح، كنسبة الجيب كله الى جيب تعديل النهار، و اذا علم: ز ح، كانت نسبة مجموع قوته وقوة: هـ ح، اعنى مربع: د ز، الى مربع: هـ ح، كنسبة مربع جيب زاوية: ح، وهو واحد الى مربع جيب زاوية: ز، فصارت بذلك معلومة، و اذا كان الاقتران الاول مع ارتفاع نصف النهار كانت حصة السميت من المقترنين معلومة فحصل من: ك د، جيب تمام ارتفاع نصف النهار، و: س ي، باختلاف اوضاعهما ما يساوى: ص ل، و: ل ط، يقوى على هذا الحاصل و على: ط ص، فضل ما بين جيبى الارتفاعين فهو الجذر المأخوذ ونسبه الى: ل ص، الحاصل

كنسبة جيب زاوية : ص ، القائمة الى جيب زاوية : ط ، العرض
فهى معلومة ، واما لمعرفة الميل فان نسبة : ل ص ، الى : ط ص ، كنسبة :
ز ك ، الى : ك ط ، في : ز ك ، معلوم منه و من : ك د ، يصير : ه ز ، معلوما ،
ونسبته الى : ه ح ، المطلوب كنسبة : ل ط ، الجذر الى : ط ص ، الفضل
ه فالميل اذاً معلوم .

(١) ولعمل ثابت بن قرّة فليكن : ا ب ج ، الاق على قطب :
س ، ومركز : ه ، و : ا ج ، فيه خط نصف النهار ، و : اس ك ، دائرة
نصف النهار على قطب : ب ، و : ا ط ، ارتفاع نصف النهار و : ط ك ،
قطر المدار و : س م ، من دوائر الارتفاع ومنها الارتفاع للوقت :
١٠ م د ، ونخرج : ب م ح ، من دائرة عظيمة و : ه ح ، نصف قطرها يقاطع :
ط ك ، على : س ، ومعلوم ان نقطتي : م ص ، في سطح المدار القائم
على فلك نصف النهار و : ص ح ، في سطحه ، فزاوية : م ص ح ، قائمة
نقط : م ص ، جيب قوس : م ح ، المستوى و : ص ح ، جيبها المعكوس
فهو اذاً سهم ضعفا .

١٥ ونسبة جيب : ج د ، تمام : ي د ، السميت الى جيب : د س ،
الربع كنسبة جيب : ح م ، القوس الاولى الى جيب : م س ، تمام
الارتفاع للوقت ف : م ص ، المحفوظ الاول و : ص ح ، السهم الاول
ونسبة جيب : ب م ، القوس الاولى الى جيب : م د ، الارتفاع للوقت
كنسبة جيب : ب ح ، الربع الى جيب : ج ح ، تمام القوس الثانية ،

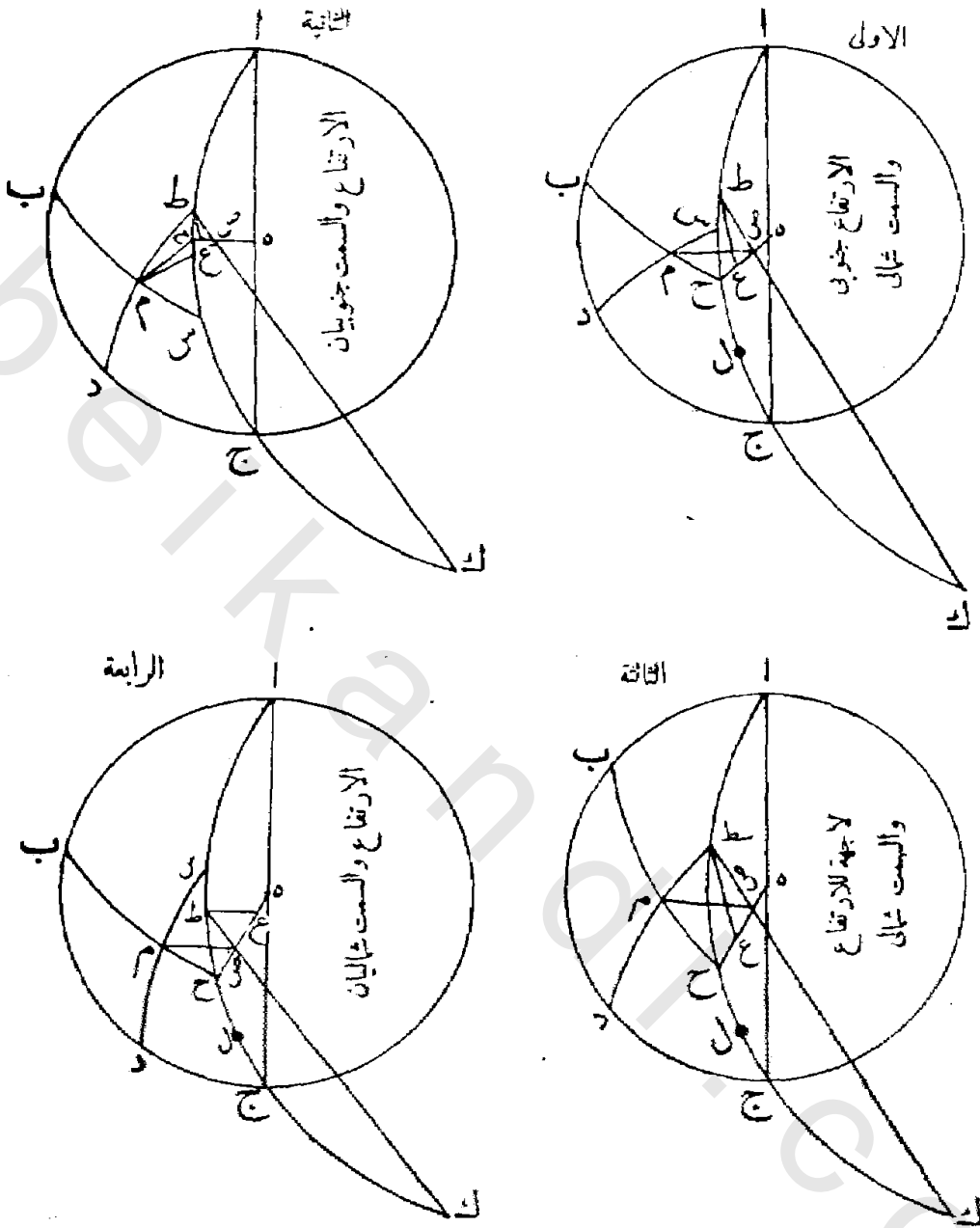
(١) ابتداء شكل : ٨٢ (٢) ا ، ب ، ج : س م د .

فالقوس الثانية اذاً : ح س ، ومنها ومن : س ط ، تمام ارتفاع نصف النهار يحصل : ح ط ، بالتفاضل في السميت الجنوبي والمجموع في الشمالي ونزل عمود : ط ع ، على : ه ح ، فيكون جيب : ح ط ، ومربعه هو المحفوظ الثاني وسهمه : ع ح ، لكن : ط ص ، يقوى على : ط ع ، الجيب و : ع ص ، فضل ما بين سهمي : ح ص ، ه ح ع ، ف : ط ص ، الجذر معلوم ، ولقيام : م ص ، عليه في سطح المدار يكون ضربه في : ص ك ، مساويا لمربع : ص م ، المحفوظ الاول ، فاذا زيد : ص ك ، على الجذر اجتمع قطر : ك ط ، باجزاء نصف قطر الكرة وهو اذن جيب تمام ميل المدار و قوسه الثالثة هي : ط ل ، فنقطة : ل ، قطب الكل .

١٠

ومهما كان ارتفاع نصف النهار من جهة : ا ، اعنى الجنوب فان : ل ط ، القوس الثالثة في الميل الشمالى يكون ربع دائرة الآ الميل و : ا ط ، ارتفاع نصف النهار ربعا والميل الآ عرض البلد و مجموعهما ربعان الآ العرض ، وفي الميل الجنوبي : ل ط ، ربع والميل و : ا ط ، ربع الآ الميل و العرض ، فمجموعهما ايضا ربعان الآ العرض ، ١٥ فلذلك اذا التى المجموع من نصف الدور بقى العرض .

واظن في قوله ان مجموع الثالثة و ارتفاع نصف النهار هو العرض اذا كان غير فاضل على التسعين فسادا في النسخ ، فان العرض تنمة هذا المجموع ما دام ارتفاع نصف النهار لا من جهة الشمال ، ثم اذا صار فيه فكما في الصورة الرابعة .

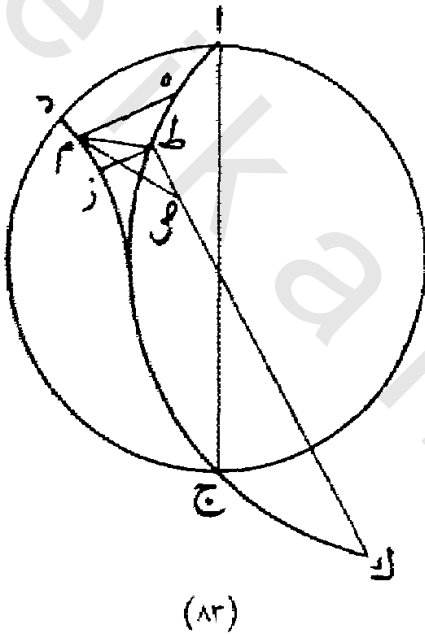


(٨٦)

(١) وأما الطريقة الأخرى فإنا نعيد من الصورة ما يحتاج إليه وندير على قطب: س، وبيعد تمام ارتفاع نصف النهار مقنطرة: ط ز، وبيعد تمام الوقت مقنطرة: م هـ، وظاهرنا إذا وصلنا أوتار: م هـ، ط ز،

(١) ابتداء شكل: ٠٨٣

الموازيين و: م ز، ه ط، المتساويين انه يحدث منحرف يحيط به دائرة
 وضرب وتر: ط ز، في وتر: م ه، مع مربع وتر: م ز، اعنى ضرب
 وتر: م ز، في وتر: ه ط، مساو لمربع وتر: م ط، اعنى مضروب
 القطرين المتساويين أحدهما في الآخر، فاذا جمع ذاك المضروبان اجتمع
 مربع: م ط، المعزول فاذا اتى منه مربع: م ص، المحفوظ الاول فيما ه



تقدم بقى مربع: ط ص، وضربه
 فى: ط ك، مساو لمربع: م ط،
 فاذا قسم مربع: م ط، على: ط ص،
 الجذر المأخوذ خرج: ط ك، ضعف
 جيب: ل ط، الثالثة، واما تحصيل
 وترى: م ه، ط ز، فلان كل
 واحده من نسبة وتر: ط ز، الى

١٠

(١٢)

جيب: ط س، ونسبة وتر: ه م، الى جيب: م س، هى نسبة وتر
 : ا د، تمام السمات الجنوبي، وبمجموع الربع مع السمات الشمالى الى جيب
 : د س، الربع فى استخراج كل واحد من الوترين يحتاج الى ضرب
 وتر: ا د، فى جيب تمام ارتفاعه، وقسمة المبلغ على الجيب كله فاذا
 ١٥ قسم وتر: ا د، على الجيب كله خرجت نسبة ما بينهما وبقى ضرب
 الخارج فى كل واحد من جيبى تمامى الارتفاعين ليحصل المضروبان .
 ثم نعد الى ما كنا فيه ونقول، اذا كان المعلومان مع سعة المشرق
 وهما السمات والدائر وهو الاقتران الثانى لم يتوصل الى المطلوبين لان

السمت لا يحصل في مثله الأيسبب أضلاعه والدائر وسعة المشرق ليسا من دائرة واحدة ، فجيوبهما غير متناسبين وزيادة أحد المطلوبين في المعلومات يوصل الى الآخر من غير استعانة بالمقترنين ، واما كونها مع تعديل النهار فهو كذلك الآن نفرض في عرض معلوم فيرجع فيه الى الشكل المتقدم وفيه : ز ح ، جيب تعديل النهار في المدار و : ح ط ، الجيب كله قطر سهم النهار معلوم في المدار و : ط ل ، سهم الدائر فيه فد : ط ز ، المساوى ل : م ع ، معلوم ونسبته الى : ع س ، الضلع الأفقى كنسبة جيب زاوية : س ، القائمة الى جيب زاوية : ع ، تمام العرض فالضلع الأفقى بالمقدار الذى به : ط ح ، الجيب كله معلوم و : م ل ، جيب الدائر في المدار و يساويه : ه ي ، ونسبته الى : ي س ، كنسبة جيب زاوية : ه س ، تمام السمت الى جيب زاوية : س ه ي ، السمت فهو معلوم بذلك المقدار ايضا ، ومن : س ع ، س ي ، باختلاف الاوضاع يحصل : ه ز ، ونسبة : ز ط ، سهم النهار الى : ط ك ، كنسبة جيب زاوية : ك ، القائمة الى جيب زاوية : ز ، تمام العرض فد : ك ط ، معلوم ونسبة : ز ط ، ايضا الى : ك ز ، كنسبة جيب زاوية : ك ، الى جيب زاوية : ط ، العرض فد : ك ز ، معلوم ومنه ومن : ه ز ، يكون : ك ه ، معلوما و : ه ط ، يقوى عليه وعلى : ك ط ، فالجذر وهو : ه ط ، معلوم ، لكن هذه المقادير التى حصلت كلها هي على ان الجيب كله : ح ط ، ولكن : ه ط ، نصف قطر الكرة ونسبة : ه ط ، الى : ط ك ، بالمقدار الذى حصل به معنا

(١) راجع شكل : ٨١ ص ٥٦٧ من هذا الكتاب .

كنسبة : ه ط ، على انه الجيب كله الى : ط ك ، جيب ارتفاع نصف النهار فهو اذن معلوم وهو اما زائد على تمام العرض واما ناقص عنه بالميل فالميل معلوم ، و اذا انضاف هذا الاقتران الى ارتفاع نصف النهار لم ينتج شيئاً .

- و اما الاقتران الثالث أعنى الارتفاع مع الدائر فانه مع سعة ٥ المشرق غير منتج فان علم أحد المطلوبين استغنى به عن المقترنين وقد تكرر استخراج العرض والميل بواسطة سعة المشرق ، واما مع تعديل النهار فان : ط ز ، يكون معلوماً وبسهم الدائر اعنى : ط ل ، يصير : م ع ، معلوماً ونسبته الى : ز ط ، سهم النهار كنسبة : م س ، جيب الارتفاع للوقت الى : ك ط ، جيب ارتفاع نصف النهار فهو معلوم ، ومنه ١٠ ومن تعديل النهار يحصل المطلوبان على ما تقدم في الازدواج الثالث .
و اما عمل التمييزى فان المحفوظ الاول فيه ل ز ، والثانى : م س ، والثالث : ط ز ، والرابع : ط ك ، والخامس : ا ز ، سهم الليل والسادس : ا ب ، جيب ارتفاع نصف نهار النظير اعنى انحطاط نصف الليل ونسبة : ل ز ، اعنى : م ع ، الى : م س ، كنسبة : ط ز ، الى : ١٥ ك ط ، فالربع معلوم ، وقوسه ارتفاع نصف النهار ونسبته الى : ط ز ، كنسبة : ا ب ، الى : ا ز ، السادس فهو معلوم ، وقوسه ارتفاع نصف نهار النظير واحدهما بالضرورة تمام العرض مع الميل والآخر تمام العرض الا للميل ، فجموعهما اذاً ضعف تمام العرض وهو ما اراده .
(١) و اما المسئلة الاخيرة المؤلفة من المتغيرات المقترنة فليكن لها : ا ب ج د ٢٠

