

الفصل الرابع

تدريس الهندسة للتلاميذ بطيئى التعليم باستخدام أسلوب حل المشكلات

★ تمهيد

★ المقصود بأسلوب حل المشكلات وأهميته.

★ إستراتيجية التدريس باستخدام أسلوب حل المشكلات.

★ نماذج لبعض مسائل الجبر اللفظية محلولة باستخدام أسلوب

حل المشكلات .

★ تدريس الهندسة النظرية باستخدام أسلوب حل المشكلات.

★ تدريس التلاميذ بطيئى التعلم باستخدام أسلوب حل المشكلات.

★ المراجع .

تمهيد :

لعبت الرياضيات ومازالت تلعب دوراً أساسياً في جميع مناحى التقدم العلمى من حولنا . والحقيقة، لقد سبق التطور الذى حدث فى الرياضيات كمادة علمية التطور العلمى الذى حدث فى شتى المجالات الأخرى، ولم يقتصر الأمر على ذلك وإنما كان له أثره الملموس وصداه المسموع فى تطوير العلوم الأخرى^(١) . ولقد ترتب على التطور الذى حدث فى الرياضيات كمادة علمية تطوراً مناظراً فى الرياضيات كمنهج تربوى . لذا، لم يعد الهدف من تدريس الرياضيات مجرد الرفاهية العقلية، وإنما بات البحث عن تطبيقاتها المعيشية واستخداماتها الوظيفية فى الحياة العملية أمراً لازماً وضرورة مهمة^(٢) . وعليه، لم تعد الرياضيات بمثابة تدريبات عقلية، ومهارات مجردة، وعلاقات رمزية فقط، إنما أصبح لها أهداف لا تقل فى مكانتها المرموقة من حيث ترتيب أهميتها عن الأهداف السابقة، وذلك مثل : إكساب التلاميذ الأسلوب العلمى السليم فى التفكير، وتكوين وعى رياضى كامل عند التلاميذ، وذلك بتعريفهم بعض استخداماتها فى الحياة الاجتماعية والاقتصادية والسياسية والطبية . . الخ^(٣) . أيضاً، من مظاهر التطوير الذى حدث فى الرياضيات كمنهج تربوى ، التطوير الذى حدث فى طرائق تدريسها . لذا، ظهرت طرائق جديدة كان للتلميذ فيها دور بارز من حيث فاعليته وتفاعله، ومن هذه الطرائق أسلوب حل المشكلات الذى توليه هذه القضية جل اهتمامها .

أولاً : المقصود بأسلوب حل المشكلات وأهميته :

لقد وهب الله الإنسان القدرة على التفكير، لذا يجب أن تولى التربية هذا الجانب الاهتمام الواجب، لتوسيع مدارك التلميذ، وليكون أكثر قدرة على حل مشكلاته، التى تمثل له مواقف طارئة تعترض حاجاته، وتتطلب حلاً سريعاً .

وبالنسبة للرياضيات، فإنها من المجالات الخصبية التي يمكن من خلالها تقديم المشكلات المناسبة إلى التلاميذ ليقوموا بحلها بمستوى علمي مقبول، وذلك على أساس أن التلميذ في أية مرحلة دراسية، وتبعاً لقدراته الخاصة، يستطيع أن يحل مشكلة رياضية، أو أن يكتشف بنفسه برهاناً لقانون في الجبر، أو لتكوين هندسى. إن الرغبة في الاكتشاف هي إحدى السمات التي تميز التلميذ الذي يميل للرياضيات، ويستمتع بما يعرفه، ويكون شغوفاً أيضاً بما سيعرفه من المعلومات الجديدة التي يصل إليها بنفسه. إن الرغبة في الاكتشاف جعلت من يعمل أو يتخصص في مجال الرياضيات، سواء أكان ذلك في العصور القديمة أم في العصور الحديثة يسأل نفسه دوماً: « هل يمكنني أن أجد حيلة لحل هذه المسألة؟ فإذا لم يستطع أن يجد حيلة اليوم، فإنه يبحث عن واحدة غداً »^(٤).

وعلى ضوء ما تقدم، يكون من الضروري أن يختار المدرس المشكلات الرياضية ذات الدلالة والمعنى في حياة التلميذ، والتي يمكن السيطرة عليها والتمكن منها، إذا ما استخدم التلميذ أسلوب حل المشكلات. إن تحقيق ما تقدم يجعل التلميذ سعيداً راضياً عن نفسه، كما يمكنه من استخدام المهارات التي يكتسبها من أسلوب حل المشكلات في المواقف المناظرة، سواء أكان ذلك في مجال مادة الرياضيات أم في مجالات المواد الدراسية الأخرى، أم في المواقف العملية والحياتية^(٥).

وبعامة، يسهم أسلوب حل المشكلات في تدريب التلاميذ على التفكير العلمي السليم، وعلى تنمية قدراتهم على التفكير الثاقب الواعي^(٦). إذا كان الحال كذلك، فينبغي استخدام هذا الأسلوب في تدريس الرياضيات، وبخاصة أنه يمكن النظر إلى حل أية نظرية أو قانون أو تمرين رياضى بمثابة هدف تربوي يجب تحقيقه، أو بمثابة طريقة عملية يجب تدريب التلميذ عليها، أو بمثابة مهارة ينبغي أن نعلمها للتلميذ*^(٧). وعلى الرغم من أهمية وجدوى ما تقدم، فإن من يلاحظ

(*) إذا نظرنا إلى حل المشكلات كهدف تربوي، فيوجه الاهتمام إلى عملية حل المشكلة دون أى اعتبار للكيفية أو الطريقة أو الاستراتيجية المتبعة في الحل. وإذا نظرنا إلى حل المشكلات كطريقة عملية، فيصب الاهتمام في هذه الحالة إلى الخطوات العقلية أو الإجراءات أو السياسات أو الأساليب أو =

عن قرب ، أو من يدقق فى الأمور، يجد أن أسلوب حل المشكلات لا يستخدم بفاعلية وكشافة فى العملية التعليمية، سواء أكان ذلك بالنسبة للبناء المنهجي كما تعكسه كتب الرياضيات المقررة، أم كان فى طريقة التدريس السائدة والمعمول بها فى تعليم الرياضيات فى مدارسنا .

والحقيقة، تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية التى تسمح طبيعتها وتركيبها باستخدام أسلوب حل المشكلات فى تعليمها . كما تعتبر من المناخات الملائمة لتطبيق أسلوب حل المشكلات، وذلك على أساس أن النظرية أو القانون أو التمرين الرياضى، بمثابة موقف يتطلب تفكيراً ونشاطاً لإثبات الحل، وذلك يمثل تنابحاً فى طرق التفكير العام الذى يمثل أساساً منطقياً متيناً يقوم عليه أسلوب حل المشكلات .

والسؤال :

ما المقصود بأسلوب حل المشكلات؟

إن المشكلة فى الرياضيات تنطوى على سؤال أو مسألة لا يمكن للتلميذ الإجابة عنها فوراً، فيضطر إلى بذل الجهد، والاستعانة بخبراته السابقة، والاستفادة بالمفاهيم والمهارات التى سبق له تعلمها للوصول للحل. (٨) ويرى «ويكيلجرجين Wickelgean» أن المشكلة الرياضية تشمل على ثلاثة أنواع من المعلومات :

- معلومات تتعلق بالمعطيات (تعبيرات معطاة) .
- معلومات تتعلق بالمعطيات التى تحول واحداً أو أكثر من التعبيرات المعطاة إلى تعبير جديد أو أكثر .
- معلومات تتعلق بالأهداف (التعبيرات الخاصة بالمطلوب) .

= المسارات التفكيرية التى يمر بها التلميذ للوصول إلى الحل . وإذا نظرنا إلى حل المشكلات كمهارة أساسية، فينبغى ألا نركز فقط على نوعية المشكلات وعناصرها أو محتوياتها، وإنما يجب أيضاً التركيز على طرق وأساليب أو استراتيجيات حل تلك المشكلات . وبعمامة ، لمزيد من التفصيل بالنسبة لهذا الموضوع يمكن الرجوع إلى المصدر رقم (٧) فى قائمة المراجع .

وقد تشتمل المشكلة الرياضية بصورة واضحة على تعبيرات خاصة بأهداف جزئية وسيطة، أو قد يعرف القائم بحل المشكلة هذه التعبيرات المتعلقة بالأهداف الجزئية لنفسه (وذلك وصولاً للتعبير الخاص بالهدف النهائي)^(٩) .

ويمكن تعريف أسلوب حل المشكلات بأنه إحدى طرائق التدريس التي تقوم على وضع التلميذ وجهاً لوجه أمام مشكلات يتطلب حلها بذل جهد أكبر، ومزيد من التفكير^(١٠) . أيضاً، يمكن تعريف أسلوب حل المشكلات (سواء أكان هدفاً، أم طريقة أم علمية، أم مهارة أساسية) بأنه الممارسات والنشاطات العقلية والسلوكية التي يؤديها التلميذ منفرداً، أو تحت توجيه وإرشاد المعلم ، بهدف الوصول إلى الحل الصحيح لنظريات وتمارين المواد الرياضية الدراسية ، وذلك عن طريق الاستقراء أو الاستدلال . بمعنى ، المشكلة موقف يثير الاهتمام . ويتطلب فهم جميع أبعاده . بذكاء وحنكة، حتى يمكن استخدام المعرفة السابقة والمهارات والفهم، لذلك فإن حل المشكلة في الرياضيات، يتطلب تشغيل آليات التفكير عند المعلم، ليستخدم الحقائق المكتسبة والمعلومات الواردة بالمشكلة لحل الغموض، وتحقيق المطلوب^(١١) .

وينال أسلوب حل المشكلات بعامه ، سواء كطريقة أو كإستراتيجية لتدريس الرياضيات، اهتماماً لائقاً وواسعاً، لذا فإن الآراء العديدة المؤيدة والمعضدة لاستخدام هذا الأسلوب في تدريس الرياضيات ، لها صداها المسموع في الحقل التربوي . فعلى سبيل المثال :

١ - يرى (وليم عبيد) أنه يجب أن يكون حل المشكلات هو البؤرة التي تتجمع حولها رياضيات الثمانينيات^(١٢) .

ويؤكد (وليم عبيد) ما تقدم في رؤيته المستقبلية لرياضيات التسعينيات^(١٣) .

٢ - أوصى المجلس الوطني لمعلمي الرياضيات في الولايات المتحدة الأمريكية في النشرة المعنونة « برنامج العمل : توصيات عن الرياضيات المدرسية للثمانينيات » أن يكون حل المشكلات محور الرياضيات المدرسية في الثمانينيات^(١٤) .

٣ - أشار (ماسلوف) إلى أن « مفهوم الرياضيات فى معاهد البوليتكنيك يتضح من المناهج نفسها ومن طرق تقديم المادة الدراسية ومن تأكيد العلاقات المختلفة مع المواد الأخرى فى المناهج ومن التوجيه نحو الموقف المعروف بحل المشاكل»^(١٥).

٤ - يوضح (فيان Wain) العلاقة التبادلية بين البرهان وحل المشكلة^(١٦).

٥ - يؤكد (بول تورانس Paul Torrance) « أهمية مساعدة الطالب ليتعلم كيف يولد حلول المشكلات، وتصوير إمكانية وجود عالم ملتزم اجتماعيا، مع إعطاء الفرصة لأفراده ليكونوا مبدعين متحررين »^(١٧).

وجدير بالذكر أن عديداً من البحوث والدراسات ، اهتمت بموضوع أسلوب حل المشكلات، سواء أكانت تلك البحوث والدراسات عربية أم أجنبية، لتحديد مدى فاعلية هذا الأسلوب فى التدريس .

وفيما يختص بفاعلية أسلوب حل المشكلات فى تعليم الرياضيات، فإننا نذكر بعض النماذج لاستخدام هذا الأسلوب ، فيما يلى :

نماذج من البحوث العربية :

(١) بحث (السيد عبد العزيز محمد عويضة ، ٢٠٠٠) :

قام (السيد عويضة) بدراسة تجريبية للحصول على درجة دكتوراه الفلسفة فى التربية (مناهج وطرق تدريس الرياضيات)، تحت عنوان : « فاعلية برنامج مقترح لتنمية أداء حل المشكلات الهندسية، فى ضوء معرفة بعض متغيرات بنية المشكلة والخصائص المعرفية لدى طلاب المرحلة الإعدادية » . ولقد كان من أهم نتائج هذه الدراسة: وجود أثر دال لكل من متغير بنية المشكلة، والنمط المعرفى والنمو المعرفى للطلاب على أدائهم فى حل المشكلات الهندسية^(١٨).

(ب) بحث (صلاح عبد الحفيظ، عايدده سيدهم ، ١٩٩٩) :

وعنوان هذا البحث : (أثر استخدام النماذج الرياضية وأسلوب حل المشكلات فى تدريس الرياضيات على تنمية مهارات الترجمة الرياضية والتفكير الرياضى لدى تلاميذ الصف الثانى الإعدادى) ، حيث تم اختيار ثلاث مجموعات، مجموعتين تجريبتين ، ومجموعة ضابطة، وعدد أفراد كل مجموعة (٣٧) طالبا. وقد حقق هذا البحث من خلال إجراءاته التجريبية أهدافه، إذ ظهر تفوق لأفراد المجموعتين التجريبتين الذين درسوا بطريقة النمذجة وحل المشكلات ، مقارنة بأفراد المجموعة الضابطة، ممن درسوا بالطريقة التقليدية، وذلك بالنسبة لمتغيرات البحث (١٩).

(ج) بحث (لطفى عمارة مخلوف ، ١٩٩٠):

قام (لطفى مخلوف) بدراسة، عنوانها : « أثر استخدام بعض استراتيجيات إلقاء الأسئلة على حل طلاب المدرسة الإعدادية للمشكلات الهندسية واختزال قلقهم الرياضى » ، حيث اختار (١٤١) طالباً ، قسمهم إلى مجموعتين تجريبتين (٤٦ طالبا، ٤٨ طالبا) ومجموعة ثالثة ضابطة (٤٧ طالبا)، وقد أظهرت النتائج أن متوسط التحصيل فى اختبار حل المشكلات الهندسية لصالح المجموعة التى درست باستخدام إستراتيجية القمم (٢٠).

(د) بحث (مجدى عزيز ابراهيم ، ١٩٨٦):

قام (مجدى عزيز إبراهيم) ببحث تجريبى عنوانه : « فاعلية استخدام أسلوب حل المشكلات فى رفع مستوى تحصيل تلاميذ المرحلة الإعدادية فى مسائل الجبر اللفظية » ولقد استخدم الباحث عينة قوامها (١٧٢) تلميذا من بين تلاميذ الصفين الأول والثانى بمدرسة دمياط الإعدادية بنين. ولقد أسفرت النتائج عن وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين مستوى تحصيل التلاميذ الذين يدرسون بأسلوب حل المشكلات وبين نظرائهم الذين يدرسون بالأسلوب التقليدى. والفرق لصالح من يدرسون بأسلوب حل المشكلات. ولقد قام هذا البحث على أساس قياس الفروق

بين أفراد المجموعتين: التجريبية والضابطة فى كل من الصفيين : الأول والثانى الإعدادى، دون عمل تقسيم أو تمايز بين التلاميذ لفرز الأفراد العاديين، أو المتأخرين دراسيا فى مادة الجبر (٢١).

(هـ) بحث (محمود أحمد الإيبارى، ١٩٨٥) :

قام (محمود أحمد الإيبارى) بدراسة للحصول على درجة الدكتوراه، عنوانها: « دراسة لعمليات حل المشكلات الرياضية وطرق تنميتها لدى تلاميذ المرحلة الثانوية». ولقد استخدم الباحث عينة قوامها (٥٣٥ طالبا وطالبة) اختارهم من ست مدارس ثانوية تقع بمدينة الإسكندرية، ويمثلون (١٥) فصلا بالصف الثانى الثانوى علمى فى تلك المدارس. ولقد أسفرت النتائج عن وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين مستوى تحصيل الطلاب الذين يدرسون بأسلوب حل المشكلات ومستوى نظرائهم الذين يدرسون بالأسلوب التقليدى، بالنسبة للتحصيل فى مادة الميكانيكا ، والفرق لصالح من يدرسون بأسلوب حل المشكلات (٢٢).

(و) بحث (شكرى سيد محمد أحمد، ١٩٨٤) :

قام الباحث بتصميم برنامج لتدريب التلاميذ بالمرحلة الإعدادية على أسلوب حل المشكلات فى الرياضيات. ولقد أظهرت نتائج هذا البحث أن التلاميذ الذين يدرسون الموضوعات المتضمنة فى البرنامج باستخدام أسلوب حل المشكلات، يتفوقون على نظرائهم الذين يدرسون الموضوعات نفسها باستخدام الأسلوب التقليدى (٢٣).

٢. نماذج من البحوث الأجنبية:

(أ) دراسة (كلوسترمان Kloosterman ، ١٩٩٢):

وكان الهدف من هذه الدراسة بناء برنامج يتضمن مشكلات رياضية لفظية غير روتينية، كمقرر إضافى أو تكميلى للبرنامج المعمول به، وذلك لإثبات أن حل المشكلات غير الروتينية ، لا يستهلك وقتاً أكثر من طرق التعليم التقليدي، رغم

صعوبته النسبية. وقد خلصت الدراسة إلى مجموعة من النتائج، أهمها يتمثل في أن الوقت الذي يستغرقه تخطيط الدروس لحل المشكلات غير الروتينية، ليس أكثر من نظيره الذي يتطلبه التخطيط التقليدي للدروس. كما أنه حدث تحسن في مستوى التلاميذ، سواء أكانوا من ذوى المستوى المرتفع أم ذوى المستوى المنخفض، في عملية حل المشكلات (٢٤).

(ب) دراسة (تراكسون Trukson ١٩٨٢) :

وكان الهدف من هذه الدراسة هو قياس فاعلية التعليم والتدريس الموجه في حل المشكلات في رفع مستوى التحصيل في الرياضيات، والاتجاه نحو دراسة الرياضيات. وكانت عينة البحث (١٣٩) طالبا مستجداً من المتحقين بأقسام الرياضيات في إحدى الكليات المتوسطة. ولقد أظهرت نتائج هذه الدراسة فاعلية استخدام أسلوب حل المشكلات في تعليم وتدريب الرياضيات (٢٥).

(ج) دراسة (سووب Soope ١٩٨٢) :

وكان الهدف من هذه الدراسة هو قياس فاعلية برنامج تعليمي في مادة الجبر بالصف الثانى الثانوى باستخدام استراتيجيات أسلوب حل المشكلات وتكونت عينة هذا البحث من (٩٢) طالبا. ولقد أسفرت النتائج عن عدم وجود أثر ملحوظ (له دلالة إحصائية) فى مستوى تحصيل الطلاب، الذين درسوا بإستراتيجيات وتكنيكات حل المشكلات، وإن كان متوسط مستوى تحصيلهم أعلى قليلا من مستوى تحصيل نظرائهم الذين درسوا بالطريقة التقليدية (٢٦).

ثانياً: إستراتيجية التدريس باستخدام أسلوب حل المشكلات :

تعتمد إستراتيجية التدريس التى تقوم على أساس حل المشكلات، على مساعدة المدرس للتلاميذ فى برهنة وإثبات النظريات والقوانين الرياضية، وفى حل التمارين والتدريبات الرياضية باستخدام أسلوب حل المشكلات، عن طريق تحقيق الخطوات التالية :

(١) فهم أبعاد المشكلة :

تحت إشراف المدرس وتوجيهه ، وعن طريق الأسئلة المحكمة التي يقدمها المدرس للتلاميذ، يمكن بدقة تحليل عناصر الموقف وشروطه. ويمكن تحقيق ما تقدم عن طريق ما يلي :

أ - قراءة المشكلة بهدف فهم المدلولات الرياضية للألفاظ والرموز الواردة بالمسألة .

ب - تحديد المعلومات المعطاة في المشكلة، أو البيانات التي تتضمنها.

ج - تحديد المجهول المطلوب إيجادها في المشكلة .

د - تحديد العلاقات والشروط المكونة للمسألة ومدى تحقيقها ، والالتزام بها، وذلك عن طريق عرض العبارات اللفظية في صورها الرمزية .

هـ - رسم الشكل التخطيطي للمسألة (إن أمكن ، أو تطلب الأمر ذلك) .

و - تحليل عناصر الموقف وشروطه، ومحاولة الفصل بين كل هذه العناصر على حدة ، وذلك عن طريق ترجمة المعطيات إلى علاقات أو رموز .

(٢) وضع خطة الحل :

من المهم إيجاد الصلة بين المجهول المطلوب تحقيقه في المشكلة، وبين المعلومات والبيانات المعطاة في المشكلة. وفي حالة عدم وضوح الصلة بين المعطيات والمطلوب، فإن التوجيهات التالية تساعد على التفكير في العوامل التي عن طريقها يمكن تحديد هذه الصلة بدرجة كبيرة :

أ - استدعاء المواقف ذات الصلة بالموقف 'الحالي' ، ويتحقق ذلك إذا توافرت مشكلات على نمط المشكلة المثارة نفسها المطلوب حلها .

ب - التفكير في وضع خطة لحل المشكلة القائمة عندما لا تتوافر مشكلات على نمط المشكلة القائمة نفسها ، عن طريق (٢٧) :

- تعرف بعض المفاهيم أو القواعد أو التعليمات التى تفيد فى الحل إذا ما تم استخدامها .

- التفكير بإمعان فى المجهول بالمشكلة، والتفكير فى مشكلة مألوفة بها مجهول مشابه لذلك الذى تضمنته المشكلة الحالية .

- الرجوع إلى مشكلة مماثلة مألوفة سبق حلها ، ومحاولة الاستفادة من فكرة الحل السابق فى التوصل لحل المشكلة القائمة ، أو فى التوصل إلى إضافة عامل مساعد يمكن الاستفادة منه فى حل المشكلة الحالية .

- قراءة المشكلة مرة أخرى ، ومحاولة تحليل عناصر المشكلة مرة أخرى .

- فى حالة عدم التوصل إلى مشكلة شبيهة أو مرتبطة بالمشكلة الحالية، ينبغى الرجوع إلى مشكلة أخرى أبسط من المشكلة القائمة ، ومحاولة القيام ببعض خطوات الحل، وإذا لم يتحقق ذلك بفاعلية، فينبغى العودة مرة أخرى للمجهول فى المشكلة للوقوف على :

* هل يختلف المجهول فى المشكلة عن المجهول فى المشكلة الأبسط؟ وما الاختلاف؟

* هل يمكن اشتقاق بعض المعلومات المفيدة من المعطيات الموجودة بالمشكلة الحالية؟

* ما فائدة كل من عناصر هذه المعطيات؟

* ما علاقة كل عنصر فيها بالمجهول فى المشكلة؟

* كيف نصل من هذه المعطيات جميعها إلى المجهول المطلوب حله فى المشكلة؟

* هل يمكن تعديل المجهول فى المشكلة ليصبح فى صورة أخرى قريبة من المعطيات؟

* هل يمكن تعديل المعطيات لتصبح قريبة من المجهول في المشكلة ؟

* هل يجب تعديل كل منهما ليصبحا قريبين من بعضهما ؟

- تحديد العلاقات اللازمة لإنجاز الحل، عن طريق استخدام كل المعلومات المعطاة في المشكلة، ومراعاة الشروط والظروف والقيود المتعلقة بالمشكلة، وأخذ كل الافكار والعناصر الأساسية المتضمنة في الاعتبار.

٣. تنفيذ خطة الحل :

وتتضمن هذه المرحلة مجموعة العمليات التي يجب القيام بها، بعد استكشاف الحل الذي تم التوصل إليه في الخطوة السابقة ومراجعته والتأكد من صحته. ويتطلب إنجاز الحل، القيام ببعض العمليات الحاسوبية أو الجبرية أو الهندسية بصورة صحيحة، وكتابة الحل في صورة منطقية .

٤. التحقق من صحة الحل :

بعد تسجيل الحل ينبغي مراجعته للوقوف على مدى الإفادة الكاملة لجميع معطيات المشكلة، ومدى معقولة الحل وتحقيقه لشروط المشكلة، وللتأكد من صحة نتيجة كل خطوة من خطواته أيضاً . وتفيد عملية التحقق من صحة الحل في البحث عن طرق حل بديلة، وفي استخدام النتيجة التي تم التوصل إليها في حل بعض المشكلات الأخرى ذات العلاقة بالمشكلة القائمة .

بالإضافة إلى ما تقدم، ينبغي أن يراعى المعلم المتطلبات التالية التي تسهم في إكساب المتعلمين أبعاد الاستراتيجية التي يقوم عليها أسلوب حل المشكلات : (٢٨)

- يقوم أسلوب المعلم في التدريس على الفهم ، ولا يستخدم أسلوب التدريس الآلى، الذى يقتل روح الإبداع عند التلميذ .

- ينبه التلاميذ إلى ضرورة وأهمية قراءة المسألة مرات كثيرة، ليستطيعوا تحديد معطيات المسألة والمطلوب وإثباته تحديداً دقيقاً.

- يعود التلاميذ أن المسألة موقف من المفروض أن يلقوا فيه بعض الصعوبة .
- يعرف التلاميذ أن قراءة الرياضيات بطيئة بطبيعتها ، وتقتضى قدراً كبيراً من التركيز .
- يعرف التلاميذ أن بنية الرياضيات تراكمية البناء ، وعليه فإن إثبات أى قانون أو نظرية يحتاج إلى توظيف القوانين والنظريات السابقة .
- يطلب من التلاميذ أن يصوغ كل منهم المسألة بلغته الخاصة .
- يقوم بعمل الرسوم والنماذج التوضيحية التى يشرحها داخل الفصل .
- ينمى قدرة التلاميذ على توجيه أسئلة ذات معنى .
- يعطى التلاميذ الوقت الكافى للتفكير فى الأسئلة التى يقوم بطرحها عليهم .
- يساعد التلاميذ على إهمال المحاولات الفاشلة فى حل أى مسألة ، ويطلب منهم تجربة غيرها للوصول إلى الحل الصحيح .
- يشجع التلاميذ على استرجاع المواقف المشابهة التى مرت بهم ، بهدف الوصول إلى بعض العناصر التى تساعدهم فى حل المسألة الجديدة .
- يجعل التلاميذ يقدرّون جواباً معقولاً للمسألة ، ويستخدمونه عكسياً نحو المعطيات .
- يساعد التلاميذ على جعل حل المسألة الذى يحققونه كقاعدة يمكن تطبيقها فى المسائل الأخرى المشابهة .

ثالثاً : نماذج لبعض مسائل الجبر اللفظية محلولة بأسلوب حل المشكلات :

تمثل دراسة المسائل اللفظية فى حد ذاتها مشكلة بالنسبة للتلاميذ فى أى مرحلة تعليمية . وفى هذا الصدد يقول (فهر) : « من المشاهد أنه عندما تتحول إحدى المسائل إلى عملية حسابية تتضاءل صعوبتها ، وبالعكس إذا تحولت مجموعة من

المعادلات السهلة إلى مسائل نظية ارتفع مستوى صعوبتها، والواقع أن كثيراً من الطلبة الذين يتفوقون في العمليات الجبرية تكون إجاباتهم على اختبارات التفكير الكمي ذات الدلالة غاية في الضعف، أى إنهم يستطيعون أداء العمل دون أن يعرفوا ما يعملون « (٢٩) .

كما يرى « كواجوشى » أن العوامل التالية تحدد صعوبة المسائل «المشكلات» اللفظية (٣٠):

- * نوع العمليات الحسابية التى تستخدم فى حل المسائل .
- * معنى العمليات الحسابية التى تستخدم للعلاقات الرياضية المكونة للمسألة .
- * النواحي التركيبية لخواص العمليات الرياضية ، كالعلمية أو معكوسها المكونة للمسألة .

ونعرض فيما يلى بعض المسائل المقررة على الصفين الأول والثانى الإعدادى، محلولة باستخدام أسلوب حل المشكلات : (٣١)

نماذج من المسائل المقررة على الصف الأول الإعدادى :

١ - ثلاثة أعداد طبيعية متتالية أصغرها س ، ومجموع الأعداد الثلاثة ٣٢١ ، فما هى الأعداد؟

يطلب المدرس من التلاميذ قراءة المسألة بتأن، ويترك لهم فرصة ووقت كافٍ للتفكير فى حلها، ثم يناقش التلاميذ فى الحل على النمط التالى :

يطلب من أحد التلاميذ أن يذكر ثلاثة أعداد طبيعية متتالية ، ثم يناقش تلميذ ثان ، وثالث لو أخفق الأول فى تحديد الأعداد ، وبعد ذلك يطرح المدرس السؤال التالى : أى مجموعة من مجموعات الأعداد الطبيعية التالية، تكون عناصرها متتالية :

$$. ١٩ ، ١٨ ، ١٧ *$$

$$. ٢٦ ، ٢٤ ، ٢٥ *$$

$$. ١٠٣ ، ١٠٤ ، ١٠٥ *$$

$$. ١٤ ، ١٢ ، ١١ *$$

$$. ١٠٣ ، ١٠١ ، ٩٩ *$$

وبعد التمهيد السابق، يطلب المدرس من أحد التلاميذ أن يحدد أصغر عدد في ضوء معطيات المسألة (وليكن س مثلاً)، ويطلب من تلميذ آخر أن يحدد العددين التاليين لذلك العدد (س + ١ ، س + ٢) وخلال المناقشات بينه وبين التلاميذ، يوضح لمن يخطئ موقع الخطأ، ويترك له فرصة التفكير ليصحح ما أخطأ فيه : ثم يسأل التلاميذ عن المشكلة في هذه المسألة ، وطريقة حلها. وعلى المدرس أن يساعد التلاميذ على اشتقاق المشكلة، التي تتمثل في وجود ثلاثة أعداد طبيعية متتالية، أصغرها س ، ومجموعها ٣٢١، أى يساعدهم على استنباط أن الأعداد الثلاثة تكون على النحو التالي :

$$س ، س + ١ ، س + ٢ ، فيكون مجموعها = ٣ + ٣س :$$

$$\boxed{٣٢١ = ٣ + ٣س} \text{ فإن } ٣٢١ = \text{مجموع الأعداد الثلاثة} = ٣ + ٣س$$

$$\text{باستخدام المعكوس الجمعى : } (٣-) + ٣٢١ = (٣-) + ٣ + ٣س$$

$$\boxed{٣١٨ = ٣س}$$

$$\text{باستخدام المعكوس الضربى } \frac{١}{٣} (٣س) = \frac{١}{٣} (٣١٨)$$

$$\boxed{١٠٦ = س}$$

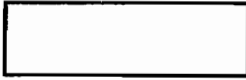
ثم يطلب من أحد التلاميذ تحديد الأعداد الثلاثة المتتالية :

$$(١٠٨ ، ١٠٧ ، ١٠٦)$$

وفى النهاية ، يطلب من تلميذ آخر أن يتحقق من صحة النتيجة التى وصل إليها زميله ($106 + 107 + 108 = 321$).

٢ - مستطيل عرضه س ، وطوله يزيد على عرضه بمقدار ٥ سم ، فإذا كان طول محيط المستطيل ٣٠ سم ، أوجد طول وعرض المستطيل .

يحضر المدرس معه نماذج لبعض الأشكال الرباعية (مربع - مستطيل - متوازي أضلاع - معين - ...) ، ويسأل التلاميذ أى هذه الأشكال هو المستطيل ، ثم يطلب منهم قراءة المسألة بتأن وهدوء ، ثم يناقش التلاميذ بنظام على النحو التالى :



الشكل المعروض أمامك هو ... (مستطيل)

إذا كان طول محيط المستطيل = ٣٠ فإن :

$$\text{طول المستطيل} + \text{عرض المستطيل} = 30 \text{ (١٥)}$$

وحيث أن طول المستطيل يزيد من عرضه بمقدار ٥ سم ، فإن :

$$\text{عرض المستطيل} = 5 \text{ سم} ، \text{ وطول المستطيل} = 10 \text{ سم} .$$

وبالطبع سوف يقدم بعض التلاميذ إجابات غير صحيحة ، فقد يستقرئ أحد التلاميذ (مثلاً) أن الطول = ٨ سم ، والعرض = ٧ سم (على أساس أن مجموعهما = ١٥ سم ، وهنا يناقش المدرس هذا التلميذ ، ليوضح له أن الطول الذى اقترحه (٨ سم) ، لا يزيد بمقدار ٥ سم عن العرض الذى اقترحه (٧ سم) ، وذلك كما جاء بمعطيات المسألة .

بعد المناقشة التى سبق ذكرها ، يطلب المدرس من التلاميذ التفكير فى تسجيل الحل الذى تم الوصول إليه ، فى ضوء معطيات المسألة ، ويكون ذلك على النحو التالى :

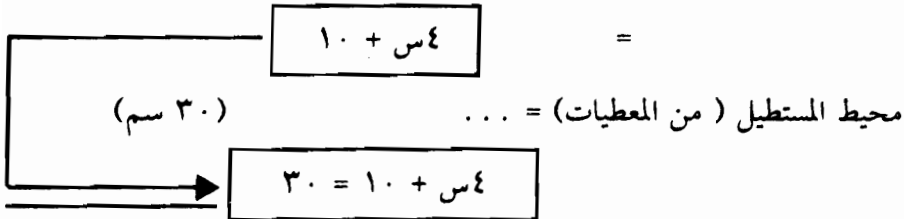
$$\text{إذا كان عرض المستطيل} = \text{س فإن طول المستطيل} = (\text{س} + 5)$$

وتتمثل مشكلة هذه المسألة في محاولة إيجاد قيمة س ، وبذا يمكن إيجاد قيمة كل من عرض المستطيل وطوله، وذلك بعد كتابة العلاقة الواردة في المسألة .

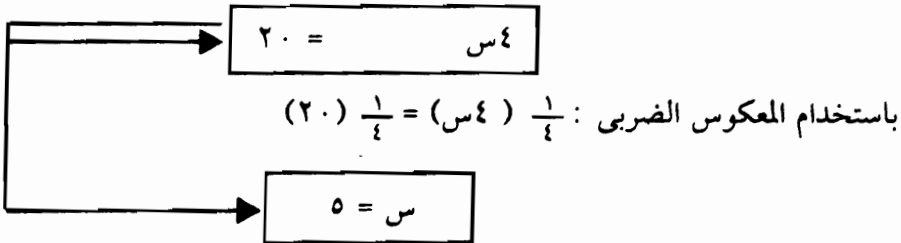
$$\text{عرض المستطيل} + \text{طول المستطيل} = س + (س + ٥) = ٥ + ٢س$$

$$\text{محيط المستطيل} = (\text{عرض المستطيل} + \text{طول المستطيل}) \times ٢ =$$

$$٢ \times (٥ + ٢س) =$$



باستخدام المعكوس الجمعى : $٤س + ١٠ + (١٠ -) = ٣٠ + (١٠ -)$



وفى النهاية ، يطلب المدرس من أحد التلاميذ تحديد عرض المستطيل وطوله (٥، ١٠) والتحقق من صحة النتيجة .

$$\text{محيط المستطيل} = ٢(٥ + ١٠) = ٢ \times ١٥ = ٣٠ \text{ سم} .$$

٣ - عمر أب يزيد عن عمر ابنه بمقدار ٢٥ سنة ، ومجموع عمريهما ٥٥ سنة، أوجد عمر كل منهما؟

يطلب المدرس من أحد التلاميذ أن يقف بجواره، وأن يسأله عن عمره (١٣ سنة)، ثم يطرح عليه السؤال التالى : إذا كان عمرى يزيد عن عمرك بمقدار ٢٥ سنة ، فكم يكون عمرى ؟

يستطيع التلميذ بسهولة أن يكتشف أن عمر المدرس = ٣٨ سنة .

وبعد ذلك يطلب المدرس من تلميذ آخر أن يحسب مجموع عمري المدرس والتلميذ (٥١ = ١٣ + ٣٨) ، ثم يطلب المدرس من تلميذ آخر أن يستقرئ حلاً للمسألة في ضوء معطياتها، مستفيداً مما تقدم، فيقترح أن عمر الابن = ١٤ سنة، وعمر الأب = ٤١ سنة ، فيوضح له المدرس خطأ إجابته، لأن الفرق بين عمري الأب والابن لا يساوي ٢٥ سنة (٤١ - ١٤ = ٢٧) ، ثم يطلب المدرس من التلميذ أن يهمل الإجابة الخاطئة، ويفكر في غيرها، ويعطيه الفرصة ليفكر، ليستقرئ الجواب الصحيح (عمر الابن = ١٥ سنة ، وعمر الأب = ٤٠) .

بعد الوصول إلى القيمة العددية لعمر كل من الابن والأب، يطلب المدرس من التلاميذ التفكير في تسجيل الحل الذي تم الوصول إليه ، وذلك على النحو التالي:

إذا كان عمر الابن = س ، فإن عمر الأب = ... (س + ٢٥)

وتمثل المشكلة في إيجاد قيمة س ، وبذا يمكن إيجاد عمر كل من الابن ، والأب ، وذلك بعد كتابة العلاقة الواردة في المسألة .

$$\text{عمر الابن} + \text{عمر الأب} = س + (س + ٢٥) = ٢٥ + ٢س$$

ولكن : عمر الابن + عمر الأب = ٥٥ سنة

$$٥٥ = ٢٥ + ٢س$$

باستخدام المعكوس الجمعي : $٢س + (٢٥ -) = ٥٥ -$

$$٢س = ٣٠$$

باستخدام المعكوس الضربي : $(٢س) \times \frac{١}{٢} = (٣٠) \times \frac{١}{٢}$

$$س = ١٥$$

وفى النهاية، يطلب المدرس من أحد التلاميذ تحديد عمر كل من الابن والاب (١٥ سنة ، ٤٠)، والتحقق من صحة النتيجة (١٥ + ٤٠ = ٥٥ سنة)

نماذج من المسائل المقررة على الصف الثانى الإعدادى:

١ - عدد إذا أضفنا ٩ إلى ضعفه كان الناتج مساوياً المعكوس الجمعى لهذا العدد، أوجد العدد؟

يناقش المدرس التلاميذ على النحو التالى :

إذا كان العدد = س فإن ضعف العدد = ... (٢س)

إذا كان ضعف العدد = ٢س فإن ضعف العدد + ٩ = .. + .. (٢س + ٩)

إذا كان العدد = س فإن المعكوس الجمعى لهذا العدد = .. (- س)

فتكون المشكلة هى كتابة العلاقة المعطاة فى المسألة بالصورة :

$$\text{ضعف العدد} + ٩ = \text{المعكوس الجمعى للعدد}$$

ويستطيع بعض التلاميذ ترجمة المعادلة السابقة فى الصورة :

$$٢س + ٩ = - س$$

ويستطيع المعكوس الجمعى : $٢س + ٩ = (-٢س) + ٩$ ، $- س = (-٢س) + ٩$

$$٩ = -٣س$$

باستخدام المعكوس الضربى : $٩ \times \frac{1}{٣} = (-٣س) \times \frac{1}{٣}$

$$٣ = - س$$

بالضرب $\times -١$: $(-٣) \times (-١) = (-س) \times (-١)$

$$٣ = س$$

٢ - عددان صحيحان أحدهما ثلاثة أمثال الآخر ، وإذا ضرب الأصغر في ٤ ، وأضيف إليه معكوس الأكبر كان الناتج - ٥ ، فما العددان ؟

يناقش المدرس التلاميذ على النحو التالي :

إذا كان الأصغر = س فإن العدد الأكبر = ... (س٣) .

إذا كان الأصغر = س فإن ٤ × العدد الأصغر = ... (س٤)

إذا كان العدد الأكبر = ٣ س فإن معكوس العدد الأكبر = ... (- س٣)

فتكون المشكلة هي كتابة العلاقة المعطاة في المسألة بالصورة :

$$٥ - = ٤ \times \text{العدد الأصغر} + \text{معكوس الأكبر} =$$

يستطيع بعض التلاميذ ترجمة المعادلة السابقة في صورتها الرمزية التالية :

$$٥ - = (- س٣) + ٤ س$$

$$٥ - = س$$

٣ - إذا كان ثلاثة أرباع مساحة سطح مربع = $\frac{1}{12}$ ٢ متر مربع .

فأوجد طول طول ضلع هذا المربع ؟

يحضر المدرس نموذجاً لمربع طول ضلعه = ل ،

ويسأل التلاميذ عن مساحة هذا المربع (م = ٢ل)

ثم يناقش المدرس التلاميذ على النحو التالي :

إذا كانت مساحة المربع = ل٢ فإن $\frac{3}{4}$ مساحة المربع = ... ($\frac{3}{4} ل٢$)

فتكون المشكلة هي كتابة العلاقة المعطاة بالمسألة في الصورة :

$$\frac{3}{4} \text{ مساحة المربع} = 2 \frac{1}{12}$$

يستطيع بعض التلاميذ ترجمة المعادلة السابقة في صورتها الرمزية التالية :

$$\frac{20}{12} = 2 \frac{1}{12} = 2 \text{ ل } \frac{3}{4}$$

باستخدام المعكوس الضربي : $\frac{20}{12} \times \frac{4}{3} = 2 \text{ ل } \frac{3}{4} \times \frac{4}{3}$

$$\frac{20}{9} = 2 \text{ ل}$$

$$\frac{10}{3} \pm = \text{ ل } \therefore$$

وفي النهاية يطلب من التلاميذ التحقق من صحة النتيجة التي تم الوصول إليها

$$\left(\frac{20}{12} = \frac{20}{9} \times \frac{3}{4} \right)$$

رابعا: تدريس الهندسة النظرية باستخدام أسلوب حل المشكلات

لقد ظلت الهندسة الإقليدية سيدة الموقف لمدة قرنين من الزمان تقريبا. وعلى الرغم من اختلاف الاتجاهين القويين اللذين ظهرا في الخمسينيات (اتجاه «كلاين Klein»)، (اتجاه : « بورباكي Bourbaki ») ، فإن لهما أهدافا مشتركة، إذ يسعى كلاهما إلى «إزالة الغموض الذي كان عالقا بهندسة إقليدس التقليدية، وإلى ترويض الهندسة وترتيب المسائل الهندسية طبق نظام منطقي ومعقول» (٣٢).

وعلى الرغم من ظهور فيض غزير من الاتجاهات المتنوعة المختلفة في الهندسة (هذا بالإضافة إلى الاتجاهين اللذين سبق الإشارة إليهما)، فإنه ظهر في السنوات القليلة الماضية اتجاه قوى للعودة إلى هندسة تقليدية بحتة، ومتشددة من الناحية الرياضية.

ويتلخص رأى الثقة من الخبراء المتخصصين في طرق تعليم الرياضيات بالنسبة للهندسة في الآتي :

* يوفر علم الهندسة الفرص المناسبة أمام التلاميذ كي يفهموا الرياضيات فهماً
حدسياً، لذا يجب أن يحظى هذا العلم بمجال أوسع، ومكانة أوسع في منهج
الرياضيات .

* يفتح علم الهندسة الطريق إلى الميادين الرياضية الأخرى أكثر من أى فرع آخر
من فروع الرياضيات .

* يجب رفض الفكرة القائلة بأن تدريس الهندسة غير ممكن، دون تطبيق الطريقة
«موضوعية - استنتاجية» ، ودون الاعتماد على الجبر .

والآن : ماذا عن تدريس الهندسة النظرية ؟

يواجه التلاميذ في سنواتهم العمرية الأولى معطيات فضائية ، لذا فإنهم في
حاجة إلى تمثيلات حية متعددة في شتى الميادين . وتسهم التجارب الأساسية في
الهندسة في دعم قدرات التلاميذ على تصور هذه التمثيلات . ونعنى بالتجارب
الأساسية في السنوات الأولى من الدراسة هندسة الأجسام الطبيعية والإدراكات
المحسوسة ، لذا يجب القيام بنشاطات متباينة يكون للحس فيها نصيب وافر
بدرجة كبيرة . وليس الهدف من التجارب الأساسية إكساب التلميذ المعرفة التي
يمكن اختبارها فيها ، إذ ليس المقصود تدريس التلميذ أغراضاً يتم إعدادها سلفاً،
أو نكسبه مهارات ينبغي أن يسيطر عليها في السنوات القادمة .

والأفضل خلق الظروف الملائمة للتجارب الأساسية ضمن تعليم، يمكن عن
طريقه استغلال كل فرصة لإضفاء طابع الحسية على المبادئ التدريسية . أيضاً،
يجب إبراز ما يكتسبه كل تلميذ على حدة، من خلال النشاطات التي يمكن أن
يقوم بها ، مع الأخذ في الاعتبار ، أنه يكون من الصعب تحديد موعد مضبوط
وملزم لعملية إدراج التجارب الهندسية في تدريس الهندسة .

وينبغي أن يرتبط تدريس الهندسة في المرحلة الأولى بوضعيات يمكن تواجدها
في العالم الطبيعي الذي يحيط بنا . كما ، يجب أن تكون المفردات والجمل

«المستوى التعبيري» قادرة على إثارة صور وحركات وأحاسيس لدى التلميذ .
بمعنى أن يكون هذا المستوى التعبيري لائقاً ، فيكون حدسياً لا يحيد دون أسباب
قاهرة عن الكلام المعهود ، ويكون تركيبياً ، وأن يستطيع إيجاد الألفاظ القادرة
على نعت كل وضعية جديدة تظهر دفعة واحدة ، حتى لو كانت تلك الوضعية
تتطلب فيما بعد تحليلاً مطولاً نسبياً .

وفي تدريس الهندسة ، يعتمد مبدآن اثنان :

- الانطلاق من المحسوس ضمن محيط التلميذ ، وتصور هذا المحسوس كجسم
هندسى مثالي ، دون إعتبار لمادته ولا لخصايته .

- الانتقال من التجربة الفضائية إلى التطبيق العملى لتلك التجربة، مع مراعاة أن
التمثيلات فى الفضاء أو فى المستوى بفضل دور الوساطة الذى تقوم به ، تكون
عوناً قيماً ، ومجالاً للتمارين لا يستهان به .

فعلى سبيل المثال، فإن إضفاء معنى هندسى على المحيط، يعنى أيضا التساؤل
عن القوانين التى تخضع لها الأشكال . وكما أن محيطنا يتكيف تحت تأثيرات
بيولوجية ومناخية واجتماعية ، فإن الأشكال الفضائية المسطحة تخضع هى أيضا
لقوانين هندسية (خاصة منها قانون التناظر وقانون الإسقاط) (٣٣) .

وعلى صعيد آخر ، حاولت بعض المناهج الحديثة معالجة نقاط الضعف فى
المنهج التقليدى للهندسة على ضوء أهداف أساسية ، ترسم الأبعاد التالية لدراسة
الهندسة (٣٤) :

١ - إكساب التلاميذ المعلومات المناسبة عن الأشكال الهندسية فى المستوى والفراغ
لأهميتها فى تدريس بعض فروع الرياضيات الأخرى (التفاضل والتكامل ،
والمثلثات ، والميكانيكا) ، إلى جانب ارتباطها بالعالم الفيزيقي المحيط
بالتلميذ، على أن يتم ذلك على مراحل متعددة ، تبدأ بالرسم والقياس
وعمل النماذج وفحص الحقائق الهندسية بطرق عملية، ثم التدرج منها نحو
الدراسة الاستنباطية المبنية على المسلمات والبرهان الاستدلالي .

- ٢ - تنمية فهم وتذوق التلاميذ للطريقة الاستدلالية كطريقة للتفكير والبرهان ، مع إكسابهم مهارة فى تطبيق هذه الطريقة فى المواقف الرياضية المختلفة .
- ٣ - تشجيع الأصالة والمبادأة، والتفكير المتمر عند التلاميذ ، وإتاحة الفرصة لهم لممارسة التفكير الابتكارى من خلال دراستهم الهندسية .
- ٤ - دراسة أساليب مختلفة فى معالجة المسائل الهندسية ، مثل : الطرق التركيبية والجبرية ، ويستلزم ذلك تقديم بعض الطرق المبنية على الأعداد الحقيقية والموجهات .
- ٥ - تبسيط وتعديل الجزء الإقليدى من المنهج ، بحيث يمكن إدخال بعض المفاهيم الهندسية الجديدة ، مثل تلك المتعلقة بالهندسة الترابطية والإسقاطية .
- ٦ - يجب أن يقوم تدريس الهندسة فى المراحل الأولى على أساس الفطنة والبصيرة، حيث يحصل التلميذ على معرفة مناسبة بالأشكال الهندسية المختلفة وخواصها ، ويدرس الحقائق الهندسية البسيطة ، ويكتسب مهارة فى العمليات الهندسية البسيطة .
- ٧ - يجب أن تقوم المرحلة التالية على المناقشة ، التى تختص بطبيعة البرهان المنطقى والأسلوب الاستدلالى . وهنا، تبدأ الدراسة الاستدلالية بدراسة بعض الخواص التى سبق للتلميذ التعامل معها فظنياً أو عملياً .
- ٨ - يجب أن يحتوى المنهج على عدد من التتابعات القصيرة بدلا من تتابع واحد مطول ، وأن تقلل عدد النظريات الأساسية، وتعطى بقية النظريات كفروض أو كتمارين يطلب من التلميذ البرهنة عليها، وأن يدرك طبيعة هذا البرهان .
- ٩ - تدريس الهندسة الإحداثية كوحدة من وحدات الدراسة الهندسية .
- ١٠ - يجب ألا تكون هناك حدود فاصلة بين الهندسة المستوية والهندسة الفراغية .
- ١١ - يجب إعطاء فكرة أولية عن بعض الهندسات اللاإقليدية، لأهميتها فى الدراسة المجردة ، وفى مفهوم التركيب الرياضى .

وعند تدريس الهندسة بالمرحلة الإعدادية ، يمكن أن يكون المدخل لهذا ، هو الأسلوب البديهي ، الذي يقوم على الأسس التالية : (٣٥)

* يجب أن تكون البداية تقديم الاصطلاحات غير المعرفة ، مثل : النقطة ، والمستقيم ، وعلاقة البينية ، وبعض التعريفات للمفاهيم البسيطة لمكونات الأشكال الهندسية (القطعة المستقيمة ، الشعاع ، الزاوية) .

* تقديم القياسات ، مثل : مقياس القطعة المستقيمة باستخدام خط الأعداد ، وبالاتعانة بالمسطرة ، ومقياس الزاوية ، والقطع المستقيمة ، عن طريق القياس .

* تقديم بديهيات أساسية ، يمكن استخدامها بطريقة حدسية فى التوصل للمفاهيم الخاصة بالمستقيم ، ووقوع النقاط عليه ، وعلاقة البينية والقياس .

* تقديم بديهيات الجمع والطرح ، والضرب والقسمة (على القطع المستقيمة أو الزوايا) ، وعلاقة التساوى ، والتضمن المنطقى .

* إعطاء نظريات بسيطة على أساس البديهيات السابقة ، مع توضيح كل خطوة فى البرهان .

* تقديم تطابق المثلثات .

وفيما يلى نموذج لإحدى النظريات ، التى يمكن تدريسها باستخدام الاستراتيجية السابقة :

موضوع النظرية : القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفى ضلعين فى مثلث توازى الضلع الثالث وطولها يساوى نصف طول هذا الضلع .

الزمن اللازم لدراستها : ٢٠ - ٢٥ دقيقة

* مفاهيم :

١ - مفهوم التساوى .

٢ - مفهوم القطعة المستقيمة .

٣ - مفهوم التنصيف .

٤ - مفهوم التوازي .

٥ - المثلث .

٦ - متوازي الأضلاع .

* تعميمات :

١ - خواص المثلث

٢ خواص متوازي الأضلاع

٣ - في المثلث ABC : $DE \parallel BC$ ، $DE = \frac{1}{4} BC$ ،

حيث D ، E منتصفا AB ، AC على الترتيب

* مهارات :

١ - مهارات عملية :

* رسم المثلث

* تنصيف أى مستقيم

* رسم مستقيم يوازي مستقيماً آخر .

٢ - مهارات كيفية :

* الدقة فى التعبير وفى الصياغة اللفظية للمعطيات والمطلوب إثباته .

* إدراك مفهوم «القياس» على أنه عملية مقارنة .

* استخدام الرموز فى التعبير ، مع إدراك لدلول الرمز المستخدم ، فمثلا

القطعة المستقيمة يمكن التعبير عنها رمزيا AB .

* إدراك أن $\overline{أ ب}$ لا تعنى $أ \times ب$.

٣ - مهارات أدائية :

* ترجمة منطوق النظرية إلى صورتها الرياضية .

* التخطيط للتحقيق العملى من صحة إثبات النظرية .

* صياغة فروض النظرية فى أسلوب رياضى ، وذلك بالتعبير عن معطياتها بصورة علاقات رمزية تربط بين المعطيات والمطلوب .

٤ - مهارات متعلقة بالشكل :

معرفة الخواص الهندسية المتعلقة بالآتى :

* الخط المستقيم والقطعة المستقيمة .

* التوازى .

* المثلث ومتوازى الأضلاع .

الأنشطة التعليمية :

فى الشكل :

المعطيات : $أ ب ح$ مثلث فيه $د$ منتصف

$أ ب$ ، $هـ$ منتصف $أ ح$

المطلوب إثبات أن :

$$١ - د هـ // ب ج$$

$$٢ - د هـ = \frac{١}{٢} ب ج$$

على ضوء ما تقدم ، يمكن تحديد الأنشطة التعليمية وفقا للاستراتيجية السابقة

فى الآتى :

فهم أبعاد المشكلة :

- (١) قراءة منطوق النظرية بدقة .
- (٢) رسم الشكل التخطيطي للنظرية .
- (٣) تحديد المعطيات والمطلوب وإثباته لفظيا .
- (٤) عرض المعطيات فى صورتها الرمزية . (د، هـ منتصفى $\overline{أب}$ ، $\overline{أج}$ على الترتيب).

(٥) عرض المطلوب إثباته فى صورته الرمزية ($\overline{د هـ} // \overline{ب ج}$ ، $\overline{د هـ} = \frac{1}{4} \overline{ب ج}$) .

وضع خطة الحل:

(١) استدعاء البيانات والمعلومات والنظريات السابقة اللازمة لإثبات النظرية (النظريات السابقة).

(٢) التفكير بامعان فى المطلوب إثباته ($\overline{د هـ} //$ ، $\frac{1}{4} \overline{ب ج}$)

(٣) اشتقاق بعض المعلومات المفيدة من المعطيات الموجودة . (مثلا : د ، هـ منتصفى $\overline{أب}$ ، $\overline{أح}$ فىكون $\overline{د هـ} // \overline{ب ج}$)

(٤) استخدام العناصر الموجودة فى استنتاج علاقات تفيد فى إثبات النظرية:

* د ، هـ منتصفى $\overline{أب}$ ، $\overline{أج} \leftarrow \overline{د هـ} // \overline{ب ج}$.

* هـ منتصف $\overline{ح أ}$ ، $\overline{هـ و} // \overline{أح} \leftarrow \overline{ح و} = \overline{و ب} = \frac{1}{4} \overline{أ ب}$.

* $\overline{د هـ} // \overline{ب و}$ ، $\overline{هـ و} // \overline{د ب} \leftarrow$ الشكل د ب و هـ متوازى أضلاع.

* الشكل د ب و هـ متوازى أضلاع $\leftarrow \overline{و ب} = \overline{د هـ}$

* $\overline{و ب} = \frac{1}{4} \overline{أ ب} \leftarrow$ ، $\overline{و ب} = \overline{د هـ} \leftarrow \overline{د هـ} = \frac{1}{4} \overline{أ ب} \leftarrow$

تنفيذ خطة الحل

(١) ترجمة خطة الحل فى صورة خطوات إجرائية .

(٢) كتابة البرهان فى صورة منطقية .

التحقق من صحة الحل

(١) مراجعة البرهان للتأكد من صحة كل خطوة من خطواته .

(٢) التحقق من صحة البرهان عمليا (بالقياس) .

(٣) تعميم النتيجة التى تم التوصل إليها على جميع المثلثات .

(٤) استخدام النتيجة التى تم تحقيقها فى حل بعض المشكلات الأخرى (تمارين على النظرية ، أو فى إثبات نظريات أخرى) .

ويمكن تحقيق الأنشطة السابقة من خلال الممارسات التالية :

١ - من يقرأ منطوق النظرية؟

٢ - ما المقصود بالتصنيف؟ وما المقصود بالتوازي؟

٣ - من يستطيع رسم الشكل التخطيطى للنظرية؟

ويمكن أن يكون البديل للخطوة (٣) الإجراءات التالية:

يرسم المدرس على السبورة المثلث أ ب ج على السبورة، ثم يطرح الأسئلة التالية :

* ما الشكل المرسوم على السبورة؟ الشكل هو المثلث أ ب ج .

* هل يستطيع أحدكم تحديد منتصفى أى ضلعين فى المثلث ؟ د منتصف أ ب ، ه منتصف أ ج .

* ما القطعة المستقيمة الى تصل بين منتصفى أ ب ، أ ج ؟ القطعة المستقيمة هي د ه .

٤ - ما معطيات النظرية ؟ د، هـ منتصفى $\overline{أب}$ ، $\overline{أح}$ على الترتيب .

٥ - ما المطلوب إثباته ؟ $\overline{د هـ} \parallel \overline{ب ح}$ ، $\overline{د هـ} = \frac{1}{4} \overline{أ ب ج}$.

٦ - فى المثلث $\overline{أ ب ج}$: د، هـ منتصفى $\overline{أب}$ ، $\overline{أ ج}$ على الترتيب ، ما الذى يمكن أن نستفيد به من هذه المعطيات؟

قد يجيب أحد التلاميذ بالآتى :

∴ د ، هـ منتصفى $\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ ج}$

∴ $\overline{د هـ} \parallel \overline{ب ج}$ (نتيجة)

وهنا، يتدخل المدرس فيسأل التلاميذ :

إن ما توصل إليه زميلكم صحيح ، ويمثل المطلوب الأول، ولكن ماذا عن المطلوب الثانى : $\overline{د هـ} = \frac{1}{4} \overline{أ ب ج}$

أذا عجز التلاميذ عن إيجاد حل المشكلة، يستطيع المدرس أن يساعد التلاميذ عن طريق السؤال التالى :

النقطة هـ هى منتصف $\overline{أ ح}$ ، ماذا يحدث لو رسمنا من النقطة هـ مستقيما يوازي $\overline{أ ب}$ ؟

قد يجيب أحد التلاميذ بالآتى :

المستقيم المرسوم من النقطة هـ موازيا للمستقيم $\overline{أ ب}$ ، سوف يقطع المستقيم $\overline{ب ح}$ فى النقطة (و) .

والسؤال الثانى : ما موضع النقطة (و) على المستقيم $\overline{ب ج}$ ؟ (و) منتصف $\overline{ب ح}$.

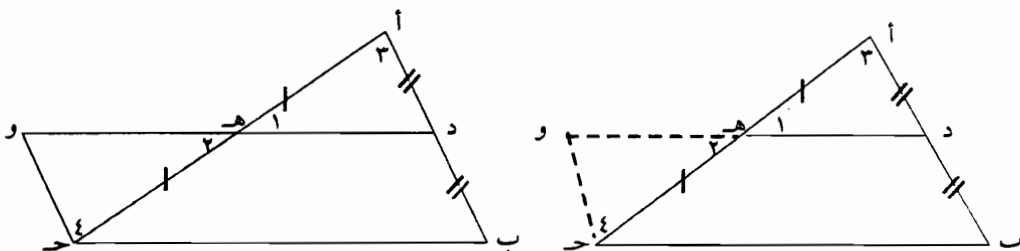
وما الشكل الذى رؤوسه النقاط د ، ب، و، هـ؟ الشكل د ب و هـ متوازي أضلاع .

ما خواص متوازي الأضلاع؟ كل ضلعين متقابلين متوازيين متساويين $\leftarrow \overline{ب\ و} = \overline{د\ ه}$

هل وضحت الآن أبعاد المشكلة؟ $\overline{ب\ و} = \overline{د\ ه}$ ، $\overline{ب\ و} = \frac{1}{4} \overline{ب\ ح} \leftarrow \overline{د\ ه} = \frac{1}{4} \overline{ب\ ح}$.

في النهاية : يطلب المدرس من التلاميذ تحقيق الآتي :

بعد أن توصلنا إلى حل المشكلة بالطريقة السابقة ، هل يمكن التفكير في حل المشكلة نفسها باستخدام شروط تطابق المثلثين ؟



خامساً: تدريس التلاميذ بطيئى التعلم باستخدام أسلوب حل المشكلات

إن مشكلة (التأخر الدراسى) تعتبر من أهم المشكلات التى تحول دون تقدم المدرسة ، والتى تقف عقبة كؤود أمام المدرسة فى أداء رسالتها بالكامل . إن « هذه المشكلة من أهم عوامل التخلف التربوى والثقافى ، فهى مشكلة تهدد سلامة المجتمع ، وتبدد الكثير من ثرواته المادية والبشرية ، وتعوق ركب تقدمه » (٣٦) . وفى هذا الصدد ، يؤكد « ابراهام Abraham » ضرورة الاهتمام بفئة « المتخلفين دراسياً » (٣٧) ، كما أجريت دراسات وبحوث عديدة بهدف تحديد البرامج والأساليب التربوية المناسبة لرعاية المتأخرين دراسياً . وكنموذج من هذه الدراسات، قام (ضلعت حسن عبد الرحيم ١٩٧٥) بدراسة تحليلية لشخصية التلاميذ المتأخرين دراسياً فى المرحلة الابتدائية فى جمهورية مصر العربية (٣٨) .

وهناك بعد خطير بالنسبة لمشكلة التأخر الدراسي ، ويتمثل فى أن بطيئى التعلم معتادون على الشعور بالدونية Feeling Inferior فى المدرسة ، لذا فهم يحتاجون إلى الاعتراف بهم من خلال دراسة وتعلم موضوعات ومهارات يعرفها الطلاب الآخرون تماما . « فيجب تضمين المادة الدراسية فى كل برنامج لبطيئى التعلم موضوعات ذات مستوى عالٍ فبطيئو التعلم يحتاجون إلى أن يدرسوا وأن يدركوا أنهم يدرسون رياضيات بالقدر نفسه من الأهمية والصعوبة التى يدرس بها طلاب آخرون برنامج رياضيات ومع ذلك فإن الطلاب المتأخرين يحتاجون إلى ممارسة كثيرة لكى يتمكنوا من المهارات واستراتيجيات الاختبار التى سرعان ما تصبح روتيناً مملاً للطلاب» (٣٩) .

إن ما تقدم يمثل مشكلة حقيقية، إذ قد يعتقد بعض المدرسين اعتقاداً خاطئاً أنه من الضرورى الإعادة والتكرار، لأنه يوجد من بين تلاميذ الفصول التى يقومون بالتدريس فيها ، بعض التلاميذ بطيئو التعلم فى الرياضيات الذين يحتاجون لذلك العمل (الإعادة والتكرار) .

من ناحية أخرى، تمثل مشكلة التأخر الدراسي مشكلة حيوية ومهمة ، لذا ينبغى تسخير كل الجهود والإمكانات المادية والبشرية لتذليل هذه المشكلة، أو القضاء عليها كلية إذا أمكن تحقيق ذلك ، إذ إن أى تقاعس فى حل هذه المشكلة سوف يزيد الطين بلة، ويؤدى إلى تراكمات غير مطلوبة . ولعل أحد الأساليب التى ينبغى التفكير فيها لحل مشكلة التأخر الدراسي ، التفكير فى استخدام أساليب جديدة فى التدريس للتلاميذ المتأخرين دراسياً . ولعل أسلوب حل المشكلات هو أحد الأساليب التى يمكن استخدامها وتوظيفها لتحقيق ذلك الغرض . وعليه، تتحدد مشكلة التأخر الدراسي فى الآتى :

إن التلاميذ المتأخرين دراسياً يمثلون مشكلة تتطلب حلاً سريعاً وحاسماً ، حتى لا تتفاقم هذه المشكلة ، فيكره هؤلاء التلاميذ الدراسة ويتسربون خارج المدرسة

بلا عودة . وأحد المداخل التي ينبغي التفكير فيها لحل مشكلة التأخر الدراسي ،
هو استخدام حل المشكلات فى تعليم التلاميذ المتأخرين دراسيا .

والسؤال :

ما المقصود بالمتعلم المتأخر دراسياً ؟

فيما يلى بعض التعريفات الخاصة بالتلاميذ المتأخرين دراسياً ، من مدخل
التحصيل المدرسى (Scholastic Achievement) : (٤٠)

أ - يشير (سيرل بيرت Burt, Cyril) إلى أن الطفل المتأخر دراسيا ، هو
«الشخص الذى يكون مستوى تحصيله أقل من ٨٠٪ بالنسبة لمستوى أقرانه فى
عمره الزمنى نفسه» .

ب - ويعرف (انجرام Ingram) المتأخرين دراسيا بأنهم « هؤلاء الأطفال الذين
لا يستطيعون تحقيق المستويات المطلوبة منهم فى الصف الدراسى ، وهم متأخرون
فى تحصيلهم الأكاديمى بالقياس إلى (المستوى) التحصيلى لأقرانهم» .

ج - ويوضح (Dohaana, Kough) ، « أن الطفل المتخلف دراسياً هو الطفل
الذى تكون قدراته العقلية غير كافية بدرجة تسمح له بالانتظام ومواكبة الدراسة فى
فصله الدراسى ، ومن الضعف بدرجة لا تسمح له بمسايرة السرعة العادية لهذا
الفصل .»

د - ويشير (ابراهيم) ، « إلى أن المتأخر دراسيا ... عادة ما يجد المقرر
الدراسى من الصعوبة بدرجة لا تجعله يستوعبه إلا بعد أن يحدث لهذا المقرر نوع
من التكيف التعليمى أو التربوى ، أو التعديل بدرجة تجعله متكيفا مع متطلبات
قدرته فى التحصيل » .

هـ - ويوضح (Leuegh, M. F.) « أن نصيب أو قدر الطفل المتأخر دراسيا من
التحصيل يعتبر من الأشياء الأولية التى تلفت الانتباه والأنظار إليه » .

ونلاحظ من التعريفات السابقة ما يلي :

* مستوى تحصيل التلميذ المتأخر دراسياً أقل من مستوى تحصيل أقرانه (أ، ب، ج، د)

* التلميذ المتأخر دراسياً يجد صعوبة في دراسة المواد المقررة عليه (ج، د)

* يلفت التلميذ المتأخر دراسياً الانتباه والأنظار إليه (هـ).

* يجب إحداث نوع من التكيف التعليمي أو التربوي للمواد المقررة على التلميذ

المتأخر دراسياً ، بما يتوافق مع قدرته في التحصيل (هـ).

ولكن في ضوء الاعتبارات التالية :

- من غير المرغوب فيه تربوياً مقارنة مستوى تحصيل التلميذ المتأخر دراسياً بمستوى تحصيل أقرانه من التلاميذ العاديين ، بل يجب مقارنة مستوى تحصيله على ضوء التقدم الذي يحرزه .

- من الصعب إحداث تعديل في محتوى المواد المقررة على التلميذ المتأخر دراسياً بما يتوافق مع قدرته في التحصيل ، نظراً لتوحيد هذه المواد على مستوى جميع المدارس ، ولأنه لا يتم تخصيص مدارس بعينها للتلاميذ المتأخرين دراسياً ، وإنما تخصص تلك المدارس للتلاميذ المتخلفين ذهنياً ، أو عقلياً ، وليس للمتأخرين دراسياً .

- ومن ناحية أخرى ، من غير المرغوب فيه تربوياً عزل التلاميذ المتأخرين دراسياً في فصول تخصص لهم بالمدارس التي يلتحقون بها .

- على الرغم من أن التلميذ المتأخر دراسياً قد يلفت الانتباه إليه ، إلا أنه يجب عدم الإشارة إلى ذلك صراحة .

تأسيساً على ما تقدم ، وفي ظل الوضع الحالي للتعليم وظروفه في بلادنا ، فإن الأمل في رفع مستوى تحصيل التلاميذ المتأخرين دراسياً يتمثل في استخدام طرائق تدريس جديدة ، غير تقليدية في التعليم .

ومن وجهة نظرنا، يكون المقصود بالتلاميذ المتأخرين دراسياً ما يلي :

التلميذ المتأخر دراسياً هو الذى يحصل على أقل من ٦٥٪ من مجموع الدرجات المخصصة للاختبارات التحصيلية المقننة ، وليست الاختبارات المألوفة، التى يقوم المعلمون بوضعها فى الامتحانات الشهرية الدورية ، أو فى امتحانات نهاية العام. وتوضح النسبة السابقة أن هناك هدراً فى مستوى التحصيل يساوى ٣٥٪، وهذه نسبة ليست قليلة ولا يمكن الاستهانة بها .

أما الأساس الاعتبارى الذى على ضوئه ، يتم حساب النسبة السابقة (٦٥٪)، فهو :

على الرغم من أن شرط النجاح وفقاً للأحكام المعمول بها هو حصول التلميذ على ٥٠٪ من مجموع الدرجة النهائية فى الاختبار، فإن هذه النسبة لا تمثل دالة حقيقية للنجاح، إذ إنها ربما تعود إلى الصدفة بسبب حل التلميذ لإحدى المسائل بطريقة اعتباطية دون فهم ، أو بسبب التساهل فى التصحيح لرفع النسبة العامة للنجاح. ومن ناحية أخرى ، لا يمكن اعتبار أن مستوى تحصيل التلميذ الذى يحصل على نسبة تتراوح بين ٥٠٪ - ٦٤٪ من مجموع الدرجة النهائية فى الاختبار متوسطاً ما دامت المتغيرات سالفه الذكر قائمة . أيضاً ، فإن حصول التلميذ على نسبة أقل من ٦٥٪ تعنى أنه ضمن زمرة التلاميذ الذين اجتازوا الامتحان بصعوبة، وبذا فإنه يكون من المتأخرين دراسياً . وأخيراً ، فى ظل نظام القبول بالمدارس الثانوية العامة حيث يشترط حصول التلميذ على ٦٥٪ (على الأقل) من المجموع الكلى لمجموع الدرجات ، يمكن الحكم بأن التلميذ الذى يحصل على نسبة أقل من ٦٥٪ من الدرجة النهائية فى أى اختبار تحصيلى يعد متأخراً فى الدراسة .

ويحقق التعريف السابق ما يلي :

١ - يتم تقويم مستوى تحصيل التلميذ من خلال اختبارات تحصيلية مقننة .

٢ - لا يتم الحكم على مستوى تحصيل التلميذ من خلال مقارنة مستواه بمتوى أقرانه .

٣ - يمكن تقسيم التلاميذ على أساس النسبة السابقة إلى الفئات الثلاثة التالية :

* تلاميذ مستوى تحصيلهم الدراسي مرتفعاً (٨٥٪ فأكثر) .

* تلاميذ مستوى تحصيلهم الدراسي متوسطاً (٦٥٪ - ٨٤٪) .

* تلاميذ مستوى تحصيلهم الدراسي منخفضاً (أقل من ٦٥٪)

نموذج تطبيقي :

في دراسة تجريبية ، عنوانها : « فاعلية استخدام أسلوب حل المشكلات في رفع مستوى التحصيل في مادة الهندسة بالصف الثامن الأساسي عند التلاميذ المتأخرين دراسياً (٤١) » .

وقد استهدفت هذه الدراسة الوقوف على مدى فاعلية أى من الأسلوبين التاليين في التدريس :

أ - أسلوب حل المشكلات .

ب - الأسلوب التقليدي .

يكون أكثر فاعلية في رفع مستوى تحصيل تلاميذ الصف الثامن الأساسي المتأخرين دراسياً في مادة الهندسة النظرية .

ولقد حققت الدراسة الإجراءات التالية :

١ - اختبار فصلى التجريب بالقرعة من بين فصول الصف الثامن الإعدادى ،

فكانت « العينة » على النحو التالى :

الصف	الفصل	للمجموعة	نوعبة التلاميذ	عدد التلاميذ
الثانى الإعدادى	الأول	تجريبية	عادين	٢٤
الثانى الإعدادى	الرابع	ضابطة	متأخرين دراسياً	٢١
الثانى الإعدادى	الرابع	ضابطة	عادين	٣٠
الثانى الإعدادى	الرابع	ضابطة	متأخرين دراسياً	١٢

وعلى الرغم من تكافؤ مستوى التحصيل فى جميع الفصول، وعدم وجود تمايز بين الفصول بعضها البعض، إذ يتم توزيع التلاميذ على الفصول عن طريق الزقزاق، فقد تم تطبيق الاختبار التحصيلى المقنن الأول فى الهندسة بهدف التحقق من الآتى :

- أ - التأكد من تكافؤ مستوى تحصيل التلاميذ فى مادة الهندسة فى فصلى التجريب ، بالنسبة للجزء الذى قطع من المقرر وتم تدريسه قبل التجريب .
- ب - تحديد التلاميذ العاديين والمتأخرين دراسيا فى مادة الهندسة بكل من الفصلين، على ضوء نتائج التطبيق .
- ٢ - التدريس لأفراد المجموعة التجريبية باستخدام أسلوب حل المشكلات ، ولأفراد المجموعة الضابطة بالأسلوب التقليدى المعمول به فى مدارسنا .
- ٣ - بعد انتهاء التجريب ، يتم تطبيق الاختبار التحصيلى المقنن الثانى فى الهندسة، ثم اختبار دلالة الفروق باستخدام اختبار (ت) بين :

- أ - متوسط مستوى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية المتأخرين دراسيا قبل وبعد التجريب .
- ب - متوسط مستوى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية المتأخرين دراسيا بعد التجريب ، ومتوسط مستوى تحصيل تلاميذ المجموعة الضابطة المتأخرين دراسيا بعد التجريب .

ومن خلال الإجراءات السابقة ، تحققت صحة الفرضين التاليين :

- ١ - توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين مستوى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية المتأخرين دراسياً قبل دراستهم للهندسة النظرية بأسلوب حل المشكلات، وبعد دراستهم للهندسة النظرية بأسلوب حل المشكلات. والفرق لصالح مستوى التحصيل البعدى (أى بعد دراسة التلاميذ بأسلوب حل المشكلات) .
- ٢ - توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين مستوى تحصيل تلاميذ المجموعة

التجريبية المتأخرين دراسياً الذين يدرسون الهندسة النظرية بأسلوب حل المشكلات ، ومستوى تحصيل تلاميذ المجموعة الضابطة المتأخرين دراسياً الذين يدرسون الهندسة النظرية بالأسلوب التقليدي ، والفرق لصالح من يدرسون بأسلوب حل المشكلات .

المراجع

- (1) Aggarwal. S.M. **A Course in Teaching of Modern Mathematics**, Delhi, Dhanpat Rai & Sons, 1985, PP : 1 - 13.
- (2) Selinger, Michelle (Editor), **Teaching Mathematics**, London: Routledge, 1994.
- (3) Kumar, Sudhir, **Teaching of Mathematics**, New Delhi: Anmol Publications PVT LTD, 1993.
- (٤) و.و.سوير، ترجمة أديب عبدالله ، مدخل إلى الرياضيات، القاهرة : الهيئة العامة للتأليف والنشر، ١٩٧٠، ص ٢٩٩ .
- (٥) مجدى عزيز إبراهيم ، أساليب حديثة فى تعليم الرياضيات، القاهرة : مكتبة الأنجلو المصرية، ١٩٩٧ .
- (٦) وليم عبيد ، « تقرير عن الكونجرس العالمى لتعليم الرياضيات » ، كيبك (كندا): ١٧ - ٢٣ أغسطس ١٩٩٢ ، وقد نشر هذا التقرير فى المجلة التربوية (الكويت)، العدد (٢٦) المجلد (٨)، شتاء ١٩٩٣ .
- (7) Polya, G., **On Solving Mathematical Problems in High School**, 1980 Year Book, NCTM, 1980.
- (8) James, V. B., "Problem Solving for the Primary Grades", **Arithmetic Teacher**, Vol. 29., No. 6., 1982, P.10.
- (9) Wickelgren, W. A., **How to Solve Problems**, San Francisco: Freeman, 1974, P.10.

(١٠) فريد جبرائيل نجار، وآخرون، قاموس التربية وعلم النفس ، بيروت :
دائرة التربية فى الجامعة الأمريكية ، ١٩٦٠ ، ص ١٩٠ .

(11) Prumbaugh, D., Ashe, D., Ashe, J., and Rock, D., **Teaching Secondary Mathematics**, New Gersey: Lawrence Erlbaun Associates, Inc., 1997.

(١٢) وليم عبيد ، « رياضيات الثمانينات : نظرة مستقبلية » ، القاهرة: أكاديمية
البحث العملى والتكنولوجى (أعمال وتوصيات مؤتمر تعليم الرياضيات
بالمحلة قبل الجامعية) ، ٨ - ١١ ديسمبر ١٩٨٠ ، ص ص ٢٤٤ - ٢٤٩ .

(١٣) ——— ، « رياضيات التسعينات » ، الكتاب السنوى فى التربية وعلم
النفس : دراسات فى تدريس الرياضيات ، (المجلد ١٥) ، القاهرة، دار
الثقافة للطباعة والنشر، ١٩٨٨ ، ص ص ٢٣ - ٣٢ .

(١٤) روبرت أ. راس، ترجمة عدنان فرحان أفرام، « تطوير تدريس الرياضيات
فى الولايات المتحدة الأمريكية » ، المجلة العربية للبحوث التربوية ، المجلد
الخامس ، العدد الأول، مارس ١٩٨٥ ، ص ص ٨٨ - ٩٤ .

(١٥) ج. ج. ماسلوف، ترجمة عدنان فرحان أفرام، « تطوير تدريس الرياضيات
فى مدارس الاتحاد السوفياتى » ، المجلة العربية للبحوث التربوية، المجلد
الخامس، العدد الأول، مارس ١٩٨٥ ، ص ص ٩٥ - ١٠٢ .

(16) Wain, G.T. & Woodrow, P., **Mathematics Teachers Education Project**, London: Tutor's Guide Blackie & Sons Lim, 1980 P.29.

(١٧) أحمد الفنيش، التربية الاستقصائية، ليبيا: الدار العربية للكتاب، ١٩٨٢ ،
ص ٥٤ .

(١٨) السيد عبد العزيز محمد عويضة، « فاعلية برنامج مقترح لتنمية أداء حل
المشكلات الهندسية فى ضوء بعض متغيرات بنية المشكلة والخصائص المعرفية
لدى طلاب المرحلة الإعدادية » ، رسالة دكتوراه غير منشورة، مودعة بكلية
التربية (كفر الشيخ): جامعة طنطا ، ٢٠٠٠ .

(١٩) صلاح عبد الحفيظ، عايذة سيدهم، « أثر استخدام النماذج الرياضية وأسلوب حل المشكلات فى تدريس الرياضيات على تنمية مهارات الترجمة الرياضية والتفكير الرياضى لدى تلاميذ الصف الثانى الإعدادى » مجلة تربويات الرياضيات، المجلد الثانى، يناير ١٩٩٩ .

(٢٠) لطفى عمارة مخلوف ، « أثر استخدام بعض استراتيجيات إلقاء الأسئلة على حل طلاب المدرسة الإعدادية للمشكلات الهندسية واختزال قلقهم الرياضى»، مجلة دراسات تربوية، المجلد الخامس ، الجزء ٢٧ ، ١٩٩٠ .

(٢١) مجدى عزيز إبراهيم « فاعلية استخدام أسلوب حل المشكلات فى رفع مستوى تحصيل تلاميذ المرحلة الإعدادية فى مسائل الجبر اللفظية » ، مجلة دراسات فى المناهج وطرق التدريس ، العدد الأول، مارس ١٩٨٦ .

(٢٢) محمود أحمد الإييارى ، « دراسة لعمليات حل المشكلات الرياضية وطرق تنميتها لدى تلاميذ المرحلة الثانوية، رسالة دكتوراه غير منشورة، مودعة بكلية التربية: جامعة الاسكندرية، أغسطس ١٩٨٥ .

(٢٣) شكرى سيد أحمد ، « حل المشكلات فى تدريس الرياضيات » ، مجلة التربية ، العدد ٦٤ ، أبريل ١٩٨٤ .

(24) Kloosterman. P., Non - Routine World Problems: One Part of a Problem - Solving Program in Elementary School, **School Science and Mathematics**, Vol. 92, No. 1, January 1992.

(25) Trukson, E. B., "The Effects of Heuristic Teaching and Instruction in Problem - Solving on the Problem Solving Performance, Mathematics, Achievement, and Attitudes of Junior College Arithmetic Student", **Dissertation Abstracts International**, Vol. 43, No. 11, 1982.

(26) Soope, R. B., " The Development and Evaluation of an Instructional Program in Problem - Solving Strategies for Second Year Algebra

- (٢٧) شكرى سيد أحمد ، مرجع سابق ، ص ص ١٠٨ - ١١٣ .
- (٢٨) مجدى عزيز إبراهيم ، تدريس الرياضيات فى التعليم قبل الجامعى ،
القاهرة: مكتبة النهضة المصرية، ١٩٨٥ .
- (٢٩) هوارد ف . فهر، ترجمة لبيب جورجى ، تدريس الرياضيات فى المدرسة
الثانوية، القاهرة: دار القلم، ١٩٦٣، ص ص ٤٨ - ٤٩ .
- (٣٠) نظلة حسن أحمد خضر ، « البحث فى الرياضيات التربوية واتجاهاته المتميزة
فى مصر » ، مجلة كلية التربية (جامعة عين شمس) ، العدد الخامس ،
١٩٨٢ ، ص ١٥٠ .
- نقلا عن :

Kawagachi, T., " Training of Mathematics Teachers in Japan",
(IPSME) 1971.

- (٣١) مجدى عزيز إبراهيم ، استراتيجيات فى تعليم الرياضيات، القاهرة: مكتبة
النهضة المصرية، ١٩٨٩ .
- (٣٢) محمد فيالة ، « تدريس الهندسة فى التعليم العام » ، للمجلة العربية للبحوث
التربوية، المجلد الخامس، العدد الأول، مارس ١٩٨٥ ، ص ٦٤ .
- (٣٣) المرجع نفسه ، ص ص ٦٥ - ٦٦ .
- (٣٤) معصومة كاظم وآخرون، أساسيات تدريس الرياضيات الحديثة ، الطبعة
الثانية ، القاهرة: دار المعارف ، ١٩٧٠ ، ص ص ٣٤١ - ٣٤٤ .
- (٣٥) نظلة حسن أحمد خضر، مرجع سابق ، ص ص ٢٥٢ - ٢٦٥ .
- (٣٦) طلعت حسن عبد الرحيم، سيكولوجية التأخر الدراسى ، القاهرة: دار
الثقافة للطباعة والنشر ، ١٩٨٠ ، ص ٩ .
- (٣٧) المرجع نفسه ، ص ١٢ .

(٣٨) طلعت حسن عبد الرحيم ، « دراسة تحليلية لشخصية الطلاب المتخلفين دراسياً فى المرحلة الابتدائية فى ج.م.ع، والمتطلبات التربوية والنفسية لرعايتهم » ، رسالة دكتوراه غير منشورة مودعة بمكتبة كلية التربية: جامعة المنصورة ، ١٩٧٥ .

(٣٩) فريدريك هـ. بل، ترجمة وليم تاووضروس عبيد وآخرين ، طرق تدريس الرياضيات، (الجزء الثانى)، القاهرة : الدار العربية للنشر والتوزيع ، ١٩٨٦، ص ص ٢٢٠ - ٢٢١ .

(٤٠) جاءت الاقتباسات التى ذكرت عن التلاميذ المتأخرين دراسياً فى المصدر التالى :

طلعت حسن عبد الرحيم ، سيكولوجية التأخر الدراسى ، مرجع سابق، ص ص ٤٧ - ٤٨ .

(٤١) مجدى عزيز إبراهيم ، « فاعلية استخدام أسلوب حل المشكلات فى رفع مستوى التحصيل فى مادة الهندسة بالصف الثامن الأساسى عند التلاميذ المتأخرين دراسياً ، مجلة دراسات تربوية (إصدار خاص) أبريل ١٩٩٠ .