

## الارقام الهندية

فرأى للاستاذ اومند نور من جامعة ميشيغان في اميركا مقالة في هذا الموضوع فاقتبسنا منها ما يلي

الارقام الهندية وسميت الاربیون الارقام العربية لاسباب سنذكرها شائعة الاستعمال في اوربا واميركا الشمالية واميركا الجنوبيه والبريقية فلا يعول عليها الا حيث حل الاربیون وانتشرت المدنية ومن تأمل للبلاء فهو الارقام التي لا تقاوم عدد الاصناف وما توفر بها من الوقت والتجدد لم يسبه الا بداء ايجابيه لها . فلنك ان تصور اي عدد شئت معا كان كبيرا وتكافئ ولذا كتابته فلا يجد في ذلك اقل عناء . وقد هممت الاعمال الحسابية كثيرا لاسبابها بعد اختراع الآلة الحسابية ووضع جداول المواريثات حتى سار الانسان يجب في الدقيقة ما لم يكن مجده في ايام وتألق في تاريخ حسابه على غاية الدقة والضبط

شاعت هذه الارقام اولا في المدن ثم انتصت بسائر البلدان ولكن سيرها كان بطينا . ولم تكن في اول الامر تفضل الارقام التي وضعتها سائر الامم في شيء ولكنها مالت انت توعت وسهل تناولها فتقلىتها العرب من اهل المدن وانتصت من العرب الى غيرهم من الامم بينما الطفل يدرك شيئا عن المدن بغير ايجابيه بين الاشياء . فاذا ادرك بالانس والنظر ان الشيئين مما غير الشيء الواحد فقد بدأ معرفته بالاعداد ويتدرج بعد ذلك في تمييز بعضها عن بعض حتى يدرك المفهوم بقوله : واحد : اثنان : ثلاثة

والذين لا يزالون في ادنى درجات المدنية لا يدركون من الاعداد الا ادنىها فاذا كبر العدد قسموه الى عددين او اكثرا بسهل عليهم ادركوا . فالاربعة مرکبة عندهم من ثلاثة وواحد واثنتين من ثلاثة واثنين . واثر ذلك ظاهر في طريقة العد عند الفينيقيين والهنود القدماء . ولا يزال شيء منهن في عقول بعض الناس حتى الآن فانهم لا يدركون الاربعة الا مرکبة من ثلاثة وواحد واثنتين من ثلاثة واثنين . فاذا عللت عن ذلك الى السنة فما فوق تساوى الناس في ذلك فيتصورون السنة مرکبة من ثلاثة وثلاثة وسبعين من ثلاثة واربعة

ولما ارتفق العقل واشطر الانسان الى استعمال الاعداد الكبيرة رأى ان لا بد له من وضع الالاماظ والاشارات الكتابية لعدل عليها ولو كانت لا يفهمها الا مرکبة من اعداد

اصلها . ولا ينفي ما في ذلك من الصوابة لأن الأعداد صور مبردة في العقل وليست كالحيوان أو الحيوان الذي تسهل تسميتها بصوته والمن إليه بصورته . وأول ما بدأ الآشان بكتابة الأعداد كان يكتب الواحد بصورة خط والاثنين بصورة خطين والثلاثة بصورة ثلاثة خطوط . فكانت خطوط الصينيين عرضية وخطوط الهند والرومان عمودية . وهذه الأخيرة لم تزل مستعملة إلى يومنا هذا ولما كانت هذه الطريقة لا تصلح لكتابة الأعداد الكبيرة كان لا بد من وضع العلامات الخاصة . فكان الهند يكتبون الاربعة بصورة خطين متقاطعين هكذا  $\times$  درعاً كانت هذه الصورة مركبة من أربعة خطوط في الأصل . والصينيون يكتبون التسعة بهذه الصورة (八) ولما كانت وضع حروف الهجاء وصورها الكتابية أسبق استعانت بعض الأمم كالبرتغاليين واليونانيين بصور المزوف لكتابة الأعداد . وزاد اليونانيون ثلاثة علامات على حروف لقائهم فأصبحت أرقامهم سبعة وعشرين . وكانت في المزوف وطريقة كتابة الأعداد عندم كما في عندينا في حساب الجمل فالحرف الأول عندم واحد والثاني اثنان وعلم " جرّأ " بزيادة واحد واحد إلى العاشر . والحرف الحادي عشر عشرون أي أنه يزيد عشرة على سابقه وثالثي عشر ثلاثون بزيادة عشرة أيضًا وتنتهي هذه الزيادة إلى الحرف الخامس عشر ثم تصبح زيادة كل حرف على سابقه مئة إلى أن تأتي إلى آخر المزوف . وإذا أرادوا كتابة عدد رسمي ما يساوي بمجموع ذلك العدد ووضعوا فوق كل حرف إلى العين ضمة منفية دلالة على أنه رقم لا حرف هجاء . وإذا وضعت هذه الضمة إلى استئنال الحرف زادت قيمته ألف ضعف .

فسهلت هذه الطريقة لكتابة الأعداد ولكنها كانت عبئاً ثقيلاً على الحاسب في إجراء عملياته من جمع وطرح وضرب وقسمة . فعملية الضرب عندنا مثلاً تقتضي حفظ جدول فيه خمسة وأربعون حاصلاً وهي نتيجة ضرب كل رقم من الأرقام التسعة بالثانية اليابانية ( $1 \times 1 = 1$  و  $1 \times 2 = 2$  و  $1 \times 3 = 3$  وما " جرّأ " ) فإذا حفظنا الردود هنا الجدول وعرف كيف يستعمله أصح قادرًا على ضرب أي عدد بين الواحد والآخر . أما عند اليونان فكان على الحاسب أن يحفظ لا أقل من ٣٢٨ حاصلاً وذلك لكتلة أرقامهم

ثم وضع الرومان طريقة أسهل من هذه فكتبيوا الواحد بصورة خط عمودي والاثنين بصورة خطين وهكذا إلى الاربعة ( I II III IIII ) حتى إذا جاؤوا إلى التسعة كتبوا بصورة تقارب من رقم « ٧ » في العربية V وقد ذهب البعض إلى أن هذه العلامة

مأخوذة من صورة اللكب وان الشعبة الواحدة منها تقتل الابهام والآخر قتل الامايم الباقية ولكن هذا الرأي ند بطل . وكتبوا العشرة بسورة خططين متقاطعين هكذا X والعلاء على اختلاف في اصل هذه العلامة ولكن يظهر من الكتابات القديمة انهم كانوا اولاً يكتبون الاعداد من الواحد الى التسعة خطوطا عمودية كما رأينا في كتابة الواحد والاثنين والثلاثة فإذا اتوا الى العشرة صوروا تسعة خطوط متوازية وفاظنها بالعاشر متقاطعة معما للاباس وعريبا من الصعوبة في القراءة ثم ابدلوا الخطوط التسعة بخط واحد فاصبحت العشرة خطين متقاطعين . ويدعى القائلون بذلك الى ان علامة التسعة مقاطعة من علامة العشرة . فكما ان الحلة هي نصف العشرة كذلك علامة الاولى هي النصف الاطول من علامة الثانية . وكتوا عن الحسين بالحرف I وعن الحلة بالحرف C وعن انفس منه بالحرف D وعن الالف بالحرف لـ . واستخروا باقي الاعداد باختلاف هذه العلامات او طرح بعضها من بعض

وهذه الارقام اسهل من الارقام اليونانية في كتابة الاعداد وقراءتها لأن الاعداد كلها تتركب من سبع علامات على طريقة سهلة المأخذ فرية من الفهم . ولكن يذكر اجراء الاعمال الحياتية لها اذا كبرت الاعداد ولذلك كان رياضيو الرومان يرجحون الى الارقام اليونانية لحل ذلك التردد

ولم يقتصر الشرق عن الغرب في هذا السبيل بل تقدمه براحته فان البابليين وعوا في علوم الاعداد والصينيين وضعوا ارقاما لا يزالون يستعملونها الى يومنا هذا . ثم وضع المنداد ارقامهم وما زالوا يحسنون فيها حتى ظهر فضلها على غيرها واتي بهم الام المنداد تاسع ولم يتم وضع الارقام المندية دفعه واحدة على يد رجل واحد بل افتضى قرونا طويلاً وتدليلاً كثيراً . وقد كان للهند ارقام يكتبون الاعداد بها حوالي انقرن العاشر قبل الميلاد ولم تصل اليها ولا نعرف عنها شيئاً . وقد وجدت كتابة هندية يرجع عهدها الى القرن الثالث قبل الميلاد وفيها ارقام غير هذه التي نسبنا اليهم الآباء وتختلف عنها تمام الاختلاف . وقد كانت ارقامهم لذلك الهدى على نوعين نوع يقرب من الارقام الرومانية في ان له علامات تدلية يمكنها ان تكتب باغير ترتيبها تقديماً وفاخراً ونوع يشبه الارقام اليونانية في كثرة العلامات وانقسام كل منها بمقد واحد دون غيره . وقد وجدت كتابة في كتف ناتغات قرب بونا في اواسط المند يرجع عهدها الى القرن الثاني قبل الميلاد وفيها ارقام التي وردت في النكمل الاول المقابل . وما يجدر ذكره ان اشكال

الارقام او لـ ٢ تشبه اشكالها الحاضرة عند الاقرئي . ثم وجدت كثايات اخرى اقرب عهداً من هذه و اشكال الارقام فيها اقرب الى اشكالها في الوقت الحاضر .  
ولم تكن الارقام الهندية من النوع الثاني مختلف عن الارقام اليونانية الا في كونها علامات مخصوصة غير المزدوج . ولم يعرف كيف وضع المزدوج هذه العلامات ولا من اين جاءوا بها او ربما كانت حروفاً في الاصيل ثم حرفت عن صورها الاصلية غير ان ارقام الواحد والاثنين والثلاثة كانت خطوطاً كما في الارقام الرومانية .  
ولم يكن نظام العد عندنا هو الان . ولا كانت قيمة الرق تغير بغير منزلته فكانت للاثنين رقم والمرتين رقم آخر مختلف عنه تماماً . اما ثمن فاذا اردنا كتابة المترتين كثينا رقم الاثنين وجعلنا الى يمين علامة تدل على ان هناك منزلة فارقة وانه في المترفة الثانية ولم يكن المزدوج واليونان والصينيون يعرفون الصفر ولا يحازل الارقام التي تكتب الرق الواحد فيما مختلف اذا نقل من واحدة منها الى الاخرى فاضطروا الى وضع الارقام الكثيرة وفي ذلك ما فيه من العنا على الكتاب والتقاري والحساب . ونذكر ارقام اليونانية لمهد صولون والارقام الرومانية قبلة العلامات قريبة المأخذ ولكنها لم تكن تصلح للاعمال الحسابية . فكان لا بد من تغيير نظام العد ووضع ارقام في بالمراد . وتم ذلك على ابدي المزدوج بعد ان قضوا فرونطاوية يغيرون في الارقام ويمدون نظام العد .

وكانت الشبكة (اباكس) اكبر العوامل على ايصال نظام العد الى درجة الكمال . ويقال ان الشبكة من مخترعات الصينيين ولكن لم يتم برهان فاطح على صحة ذلك . اثابت ان الصينيين والمزدوج والبابليين كانوا يستعملون بها في الحساب قبل التاريخ بازمان طويلة . وشاع استعمالها عند اليونان والرومان واخذها عنهم اهل اوروبا فكانت مدة اهل الحساب الى اواخر القرون الوسطى . ويروى ان الفراعنة على احرزيمة الملكية في بلاد الانكشيف كانوا يستعملون بها في القرن الثاني عشر . ولا يزال استعمالها شائعاً في روسيا والمدارس الابتدائية حيث يعلم التلاميذ اصول العد .

والشبكة لوح ترسم عليه خطوط متوازية بحيث يكون بينها بيوت او منازل توضع فيها الحصى او الودع او غير هذه مما يسهل استخدامه للعد . فاذا وضعت حشاة في المترفة الاولى كان المراد بها المترفة على الواحد واذا نقلت الى المترفة الثانية زادت قيمتها خمسة اضعاف او عشرة او عشرين حسب اصطلاح الحاسب وعدد الحصى التي لديه . ويمكن استبدال الحصى بالارقام فاذا وضع ٣ مثلثاً في المترفة الاولى دل على ثلاثة وحدات اي ثلاثة اشياء

مفردة واذا نقل الى المنزلة الثانية أصبحت قيمة عشرة اضعاف ما كانت في المنزلة الاولى وهذه الطريقة تفضل سواها في ان رقم الواحد فيها يتفق عن ارقام كثيرة في غيرها لأن مدخله يتغير بحسب المايل التي يوجد فيها . وقد كان اليونان تسمى عشر رقماً دلوا بها على كل الاعداد من الواحد الى المائة فاستخدوا عن اكثيرها بعد استخدام هذه الشبكة فاصبحت عشرة ارقام منها تفي بالمراد

اما مقدار الزيادة في قيمة الرقم لدى نقله من منزلة الى اخرى يتوافق على طريقة المد فن كان بعد بالمحاسن تزداد قيمة الرقم مئة عشرة اضعاف ومن كان بعد بالمشرات كما فعل مخن الان تزداد قيمة مئة عشرة اضعاف . وقد اختلفت الام كثيراً في المد فكان البابليون يعتقدون على العدين في تركيب اعدادهم وبعض قبائل افريقيا تأخذ السنة مرقة للمد وينقال ان بعض اهالي جزيرة زيلاندة الجديدة يستخدمون الاحد عشر لتلك الترجمة . ويظهر ان الائمي عشر كانت شائعة الاستعمال كمرقة للمد ولا تزال آثار ذلك باادية في التعامل (بالتربينة)

بل الان في بايدى الامر الى اما بهذه يتعين بها على المد والحساب وذلك اخذ يقسم الاعداد الكبيرة الى خمس او عشرات او عشرات . ولا تزال الى يومنا هذا زرى كثرين يجلبون الى الخدمة في مد المقادير الكبيرة . وقد كان اهل تدمير على عهد ملكهم زبيديا يبدون بالشريفات وكذلك كان السريان يশفون قبل ظهور الاسلام . وكانت بعض قبائل اميركا الوسطى تأخذ العشرين مرقة للمد . ولا يزال في اللغة الفرنسية اثر من ذلك فان الثنائي يعبر عنها بكلتين متضاعفتين (اربعة عشر بيات) وفي اللغة الانجليزية ما يقرب من هذا . ولكن الشرطة (عدد اصابع اليدين) ت limite على سائر الاعداد وعمولت عليها أكثر الام . فقد كان نظام المد عشر يأخذ المندوب والصينيين واليونان قبل ظهور الارقام الهندية ووضع اليونان لكل من الاعداد الشرطة الاولى كفة خاصة ولم يضعوا مثل ذلك للحد عشر وما فوقها الى العشرين . وكان لم لحظة خاصة لكل من عقود الاعداد اي مركبات العشرة مثل العشرين والثلاثين الى المائة وكانتا يسجتون الاعداد التركيبة كما نسميه حتى اي يعطى احد الارقام الشهادة على احد العقود فيتلوون مثلاً اثنان وثلاثون . وكان الرومان يعدون على هذه الطريقة الا انهم لم يستخدموا الا ارقاماً قليلة في الكتابة خلافاً اليونان . اما المندوب فاقتصر على المد الشرقي وارسلوه الى الالوف والكرات والربوات

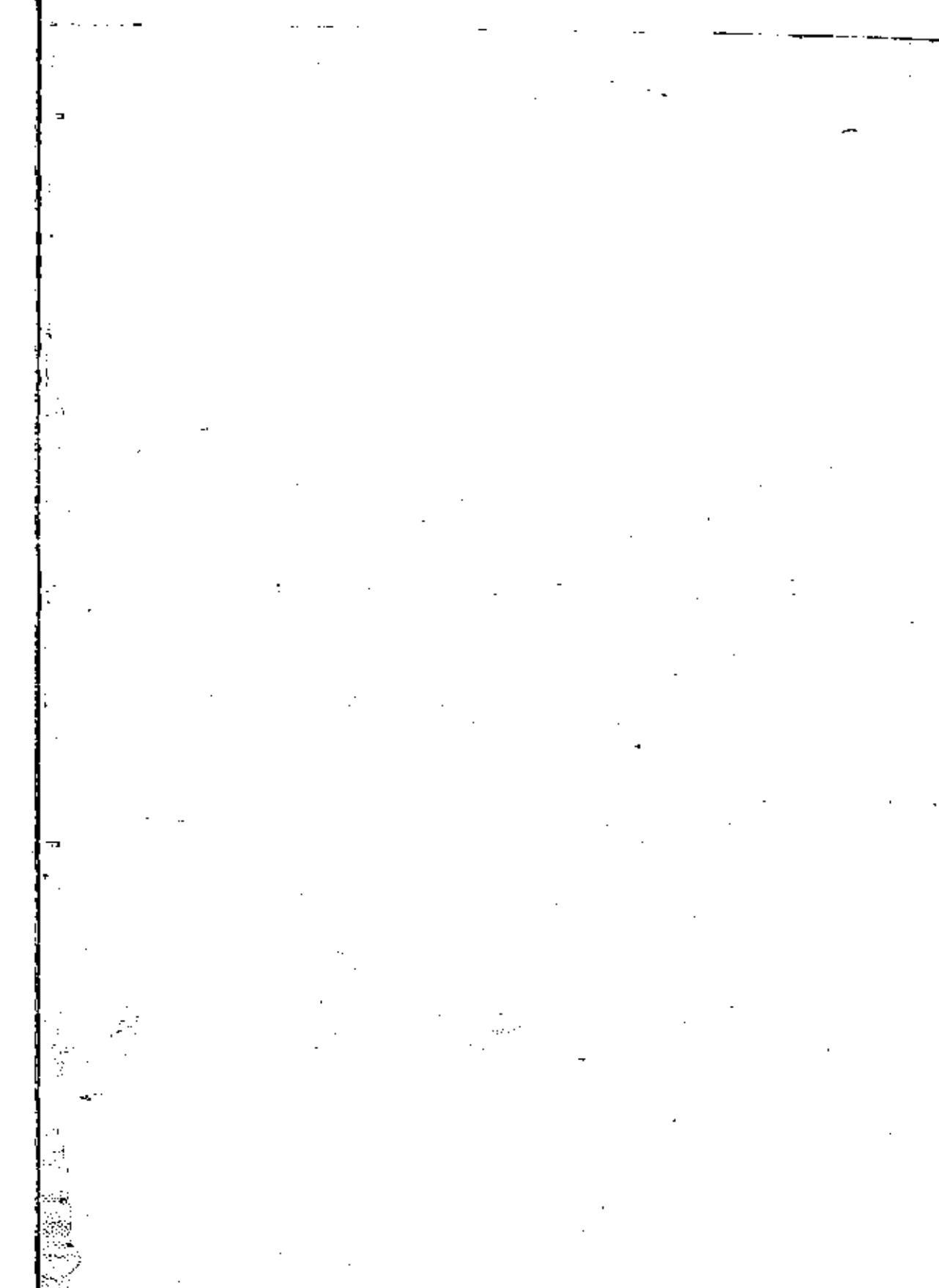
ومع ان المد الشرقي وصل الى تلك الدرجة من الانفاق يقيت اللامات التقنية

١ ٤ ٧ ٩ ٢ ٦ ٣ ٥ ٨ ٧ ٤ ٦ ٩ ١ ٣ ٦

٤٠  
٥٠ ٢٧٠  
٦٠ ٧٧٠ ٥٠

٩ ٨ ٧ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١ (١)  
٩ ٨ ٧ ٦ ٤ ٣ ٢ ١ (٢)  
٠ ٩ ٧ ٦ ٤ ٦ ٣ ٢ ١ (٣)  
٠ ٩ ٦ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١ (٤)  
٩ ١ ٧ ٤ ٥ ٣ ٢ ١ (٥)  
٢ ٨ ٩ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١ (٦)  
٠ ٩ ٨ ٧ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١ (٧)  
٠ ٩ ٩ ٧ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١ (٨)

مودعات	مودعات	نهايات	نهايات	مودعات	مودعات
١	٢	٣	٤	٥	٦
١	٢	٣	٤	٥	٦
٢	٣	٤	٥	٦	٧
٣	٤	٥	٦	٧	٨
٤	٥	٦	٧	٨	٩
٥	٦	٧	٨	٩	١٠
٦	٧	٨	٩	١٠	١١
٧	٨	٩	١٠	١١	١٢
٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣
٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤
١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥
١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦
١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧
١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨
١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩
١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠
١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	٢١
١٧	١٨	١٩	٢٠	٢١	٢٢
١٨	١٩	٢٠	٢١	٢٢	٢٣
١٩	٢٠	٢١	٢٢	٢٣	٢٤
٢٠	٢١	٢٢	٢٣	٢٤	٢٥
٢١	٢٢	٢٣	٢٤	٢٥	٢٦
٢٢	٢٣	٢٤	٢٥	٢٦	٢٧
٢٣	٢٤	٢٥	٢٦	٢٧	٢٨
٢٤	٢٥	٢٦	٢٧	٢٨	٢٩
٢٥	٢٦	٢٧	٢٨	٢٩	٣٠
٢٦	٢٧	٢٨	٢٩	٣٠	٣١
٢٧	٢٨	٢٩	٣٠	٣١	٣٢
٢٨	٢٩	٣٠	٣١	٣٢	٣٣
٢٩	٢٣	٣٠	٣١	٣٢	٣٤
٣٠	٢٤	٣١	٣٢	٣٣	٣٥
٣١	٢٥	٣٢	٣٣	٣٤	٣٦
٣٢	٢٦	٣٣	٣٤	٣٥	٣٧
٣٣	٢٧	٣٤	٣٥	٣٦	٣٨
٣٤	٢٨	٣٥	٣٦	٣٧	٣٩
٣٥	٢٩	٣٦	٣٧	٣٨	٤٠
٣٦	٣٠	٣٧	٣٨	٣٩	٤١
٣٧	٣١	٣٨	٣٩	٤٠	٤٢
٣٨	٣٢	٣٩	٤٠	٤١	٤٣
٣٩	٣٣	٤٠	٤١	٤٢	٤٤
٤٠	٣٤	٤١	٤٢	٤٣	٤٥
٤١	٣٥	٤٢	٤٣	٤٤	٤٦
٤٢	٣٦	٤٣	٤٤	٤٥	٤٧
٤٣	٣٧	٤٤	٤٥	٤٦	٤٨
٤٤	٣٨	٤٥	٤٦	٤٧	٤٩
٤٥	٣٩	٤٦	٤٧	٤٨	٥٠
٤٦	٤٠	٤٧	٤٨	٤٩	٥١
٤٧	٤١	٤٨	٤٩	٤١	٥٢
٤٨	٤٢	٤٩	٤١	٥٣	٥٣
٤٩	٤٣	٤١	٥٣	٥٣	٥٤
٥٠	٤٤	٥٣	٥٣	٥٣	٥٥



والاشارات الكتابية فاصرة تكفل الحاسب عنها كثيرة . ثم اخترع الشبكة فكانت الباءت الاكبر على اختصار الارقام والاستفادة عن كثثير منها فان المندى الذي يمد على الطريقة المشربة لا يحتاج الى اكثار من نسخ ارقام على شبكته وهي (١٢٣ و٤٥ و٦٧ و٨٩) فإذا اراد العشرة وضع رقم الواحد في المنزلة الثانية فيمض عشرة وإذا اراد ١٥٩ وضع الواحد في المنزلة الاولى والستة في المنزلة الثالثة وإذا اراد ١٠٥ وضع الواحد في المنزلة الاولى والخمسة في المنزلة الثالثة وترك الآلية فارغة . وكان هذا التغير في مدلول الرقم بتغيير منزلته اكبر خطورة في سبيل تقدم علم الاعداد خصوصاً والعلوم الرياضية عموماً . ولا صعوبة في نقل العدد ٥٩١ من الشبكة وتدوينه كتابة فان ترتيب الارقام وموضع كل منها بالنسبة الى الاثنين الباقيين بدل على منزلته في الشبكة تتيقّن له قيئه ، ولكن من الاعداد ما تكون فيه بعض المنازل خالية من الارقام كما في العدد ٥٠١ فإذا نقل هذا العدد من الشبكة ظهر بهذه الصورة ١٥ اي انه ليس بالواحد والخمسين . فكان لا بد حينئذ من وضع علامة تدل على ان بين الرقمين منزلة خالية . فوضع علامة المند صلامة الصفر بغايات سكّلة الطريقة كتابة الاعداد بالارقام . وند كان للكلدان حلامة خامسة يستخدمونها للدلالة على خلو المنزلة وكثيرهم لم يتعجبوا في استعمالها عن تدوين الاعداد اي انهم لم يستفيدوا منها في اجراء العمليات الحسابية كالضرب والطرح

فكانت علامة الصفر عند المتقدمة نقطة (٠) وعكّادا نقلها عنهم العرب . الا ان المند ما بثروا ان عدوا عن ذلك وأخذوا يكتبون الصفر بصورة الدائرة . واقدم كتابة هندية يظهر فيها الصفر بصورة الدائرة يرجع تاريخها الى سنة ٨٢٦ م انظر شكل (٢)

اما زمان وصول هذه الارقام الى اوروبا وكيفية حدوث ذلك فلم يصل بالتحقق لها لم تسع دفعه واحدة . بل تدرّجها . ولما رجع ان مغار اوروبا سبقوا علماءها الى اقبال الارقام الهندية لان معاملاتهم مع الشرق كانت كثيرة . ومن الطبيعي ان يكون القوارب الشرقيون قد استخدموها في كتابة اسعار البضائع وباقى اغراض التجارة

واشتهرت الارقام الهندية قبل وضع الصفر في سنة ٦٦٢ ليلاد ذكرها راهب سرياني في درر على القراء وابدى اعجابه بسهولة العد والحساب بارقام المند النسمة واخذت العرب هذه الارقام عن المند وحملتها الى جميع البلدان التي امتدت قتوحها اليها . وفي القرن التاسع ليلاد كان في بغداد بعض الروائيين وغيرهم من العلماء كانوا كلهم يستعملون

الارقام الهندية . وانختلفت اشكالها في الاندلس عن اشكالها في بنداد وعرفت ارقام الاندلسيين بارقام الببار . وعن العرب اخذها اهل اوروبا ولذلك تعرف عندم بالارقام العربية ويذهب البعض الى ان اهالي جنوب اوروبا عرفوا هذه الارقام قبل غيره ، العرب فيها ولكن هذا الرأي لا يزال منتقراً الى الايات . ومن ادتهم على ذلك نسخة خطية من كتاب المندسة لبيوبيوس فيها ارقام تقرب من الارقام الهندية وهذا الكتاب وضع في القرن السادس للبلاد ولكن يرجع ان هذه الارقام قد اقامت فيه في القرن الحادي عشر اي حين كتابة النسخة المذكورة . وعليه فلا بد ان يكون الاوربيون عرفاً هذه الارقام قبل القرن الحادي عشر

وسموا صع ارقام الهندية وصلت الى اوروبا قبل مجيء العرب اليها او بعده ، فان الفضل في تعمير استعمالها بين الاوربيين يرجع الى عرب الاندلس . وقد ثبت ان البابا سلفتر الثاني تعليها من الاندلس حيث قضى مدة مبكراً على تحصيل العلم قبل ارتقاءه الى الستة الابوبية . وقد كتب فصلاً في اعداد البمار الشمعة ولم يذكر المفر في كلامه عليها وشاع استعمال الارقام الهندية في القرن الثاني عشر في اوروبا فكان كل فريق يكتسبها باشكال مختلفة اشكالاً عند غيره وكان البعض يستعملونها بدون المفر وآخرون يزجونها بالارقام الرومانية وبقيفون الصغرى اليها . وما زالت الحال على هذا التردد الى انتقام الزباضي ليوناردو فيروناشي الايطالي فالـ سنة ١٢٠٢ كتاباً في المحساب شرح فيه طريقة استعمال الارقام الهندية شرعاً وافياً . ثم جاء بعده بوسنا ماكروبوسكي فوضع كتاباً آخر في المحساب وشرح فيه طريقة استعمالها وكان اول من سماها بالارقام العربية

وقد يرى المرء فضل الجديد ويتحقق تعمير ولا يتبعه شكله بالتقليد وجرأة العادة التي يصعب تغييرها . فان خبر هذه الارقام شاع في اوروبا في ذلك الحين ولكن كثيرون يقروا مثبتين بارقامهم التالية كأنى الان كل امة تحكمها بمقاييسها مع ظهور فضل المقياس المترية عليها . ولم يكن في ذلك الحين مطابع لنشر هذه الارقام بين العامة فضلاً عن ان الغالب قلما يحتاج اليها ناد احاسنة تقبيله منها

وقد وجدت قطعة تعود من عهد روجر صاحب صقلية وعليها تاريخ سنة ١١٣٨ بالارقام الهندية ووجدت قطعات اخريان مثلها الواحدة ايطالية تاريخها سنة ١٣٩٠ والاخري قرطسية وتاريخها سنة ١٤٨٥ . ووجدت في بريطانيا قطعتان ايضاً واحدة اسكندرية وتاريخها سنة ١٥٣٨ والاخري انكليزية وتاريخها سنة ١٥٥١ . وتاريخ هذه القطع كلها

بالارقام المندية . وفي الفرنسوية كتاب مخطوط من سنة ١٢٢٥ يحتوي على فصل في الارقام المندية . ووُجِدَت في المانيا كتابان قبريان مورخان بهذه الارقام وتاريخ الاولى سنة ١٣٧١ وتاريخ الثانية سنة ١٣٨٨ . وارتبط بها احد المؤلفين تأليف كتاب وضعه سنة ١٤٧٠ . وسنة ١٤٧٢ عدّت بها صفحات كتاب لباراك طبع في مدينة كولونيا المانيا . وكانت ت ذلك العهد تكتبه على اشكال متربعة وتنجز احياناً بالارقام الرومانية ولم ترحد اشكالها الا بعد ظهور الطباعة

واطلق المندى على الصفر لقطة (سونيا) ومتناها فراغ وسماء العرب صفراء ، واخذ الارقمن اللقطة العربية فتلاعبت بها المندى حتى اصبحت على ما نراها الان في لفاظهم ولم يأتي القرن السابع عشر حتى هم امتهنوا الارقام المندية او ربما كلها . ثم حلها الاوريون الى جميع الاقطار وعوّلت عليها جميع الام المنددة الا انها لم تصل بعد الى الصين مع انها ظهرت بالقرب منها

هذه لغة اجمالية من تاريخ الارقام المندية وهي مشهد من مشاهد ارتقاء العقل البشري . فقد كان الانان في ياديه امرؤ يدعى اسامي بديه ورجليه ثم جعل بعض العلامات للدلالة على الاعداد وبعد ذلك يتضمن طوبية فطن لتبسيط مدول رقم تبشير متزكي ثم اعدهى الى وضع الاصناف في التنازل الحالية من الارقام فتم له بذلك نظام العد واضح قادرآ على انت عصب ابعاد النجوم وضرة النور الى غير ذلك مما لا نهاية له وذلك بارقام عشر لا تتجاوز اسامي البدرين حدّا

هذه خلاصة ما كتبه الاستاذ نزير اما العرب فلم يستعملوا دائعاً الارقام التي تستعملها الان ولا هم يستعملوها على شكل واحد الان فان صورة الرقم مثلاً في كتبنا المطبوعة منذ مئة سنة او أكثر تختلف صورتها المستعملة الان وقد كانت صور الارقام عندنا في بعض الازمة شبيهة بصورها المندية وبصورها المستعملة الان في اوروبا وقد جمعها بعضهم يقول

الف وحالاً ثم صح بعدهُ عن وبعد العين عوْنوس

هاد ويد الماء شكل ظاهر يدو كخطاف اذا هو يرم

صفران ثامنها ونinthما سما والواو تاسعاً بذلك ختم

والثانية وتحتها ينها وبين الارقام الافريقية المستعملة الان كما ترى

٩ ٧ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١

و ٨ ٧ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١ ح م ح ع و

وأختلف كتاب العربية كثيراً في كتابة هذه الأرقام ففي قانون ابن مينا المطبوع بروميه سنة ١٥٩٣ لليلا د جعل رقم الاربعة مثل عا ورقم الخمسة مثل حرف الباء الأفريقيه القلوبية هكذا ع و كلها رسمت الأرقام في كتاب الاصول لاقليدس المطبوع سنة ٩٩٦ للهجرة اي سنة ١٥٨٢ لليلا د ماعدا رقم الخمسة فانه جعل دائرة

غرائب العادات

لناس مذاهب شتى واساليب مختلفة في كل ما يتعلّق سواه في ذلك مقدونهم وموتوخوم  
اما اساليب المتدلين وعاداتهم في مأكلهم ومشروبيهم وملبسهم ومكثهم وزيارتهم وولائهم  
ورسمهم في الولادة والزواج والموت والدفن وشاتر姆 الدينية فكاد تكون معروفة عندنا  
كلها لانا غربى عليها او نرى الذين يجرون عليها واما اساليب الموثعين واهالى البلدان  
القاصمة الذين تختلف عاداتهم في معرفتها فكاهة عقلية ومواضيع للنظر والاعتبار .  
وقد وفينا الآن على فضول في هذه المواضيع لناس من النقاط الذين جابوا البلدان القاصمة  
ورفعوا على عادات اهلها ورسمهم الدينية والاجتماعية فرأينا ان نقتصر منها ما نلازمه معرفة  
والغالب ان الناس يندفعون الى اتباع اسر من الامور يحكم الصراوة التي يدعون اليها  
اقليمهم او حقول المعاشرة ب بصير عادة لم يصعب تركها مثل ذلك ان سكان صحراء افریقيا  
المعروفين بالثاراك يتخلّون دواماً ويصعب الرجل منهم ترك الشام عن وجهه ولعلم استعملوا  
الشام اولاً ليقيمهم من وهي الشمس وصف الرمال الحارّة فصار استعماله عادة بشق طبعهم  
المفروج عنها ويعاب على الرجل منهم كشف وجهه كما يعاب عليه كشف عورته  
ولقد كان لرسوم الدينية المختلفة اليد الطولى في تكثير العادات وتزييفها حتى صارت  
حياة الموثعين سلة من العادات متصلة الحلق فلا يكادون يفلعون شيئاً الا علقة  
يمجدونها او بالارواح التي يترهون وجودها حولم وتسلطها عليهم فنتهموا الوحوش في غينيا  
بذرعين انواعاً مختلفة من البليات معتقدين ان كل نبات منها يقدّرم على نوع مخصوص من  
القيد . وسائلوا السعك من الامازون يصيرون عثال سكة يضمونه في مقدم زورق العيد  
حاسين انه يعينهم على صيد السعك فاذ صادوا سعكاً كثيراً اكرموا هذا العثال وحظظوه  
الى توبه اخرى والا طرحوه وصنعوا نشالاً غيره  
واذا كار . - القطع بباب البلاد وبربّ العوت فيما يكفي استرالا فهناك تكثير الشمار