

وردت اليها المقالة التالية من ذي الحسب والنسب شقيق الظرف بديع الادب الرياضي المشهور صاحب السعادة شقيق بك منصور مُصدرة بما هو أولي به من الثناء واخلاق ان يقال فيه وفي اقرانه الفضلاء

بشر مصر والمصريين بيزرع شمس العلم في سواها وفتى الوطنيين ببلوغ النفوس اربها ومشتهاها آلا ان المنتطف الأعز قد طلع في قطننا وحل مشاة الاضلان في مصرنا جربة طالما مالت نفوسنا اليها وحسدنا اهل الشام عليها وكريمان كانت نحدثنا بنضالها الركبان وتنتل اليها الصحف عن لسانها سحر البيان فصرنا الآن نفتح برآيا البصر ونشرف بساعها الآذان وما السبع كالعيان

واسمعه من قاله تزدد به عجباً فحسن الورد في آكامه

وقد كنا نسبح ولا نكاد نصدق بما لها من جميل المزايا وجميل العجايا فضلاً عن الباع الطويل في كل فنٍ جليل فلما التقينا صدق المخبر الخبير فرحاً بخبر نزيل ونزيل الخبير فلقد آتيت أهلاً ووطئت سهلاً ونزلت على الرحب والسعة وقد فحيت امامك اجاب الاندية اندية الفضلاء وأخليت لك صدور المجالس مجالس العلماء ولقد حق لك على المصريين مزيد الكرامة اذ قد اخترت بينهم الاقامة فهم لم ينكروا فضلك على بعد الديار وشط المزار فكيف بهم وانت اليوم ما بين ظهرانهم فلا بدع ان تواردت اليك رسالتهم تترى قياماً ببعض ما لك عليهم من الحقوق الكبرى كما بادرت لتقديم هذه

## الطريقة الحسابية في استخراج الجذور العددية

لسعادة شقيق بك منصور بك

من المعلوم ان الطريقة المستعلة في كتب الحساب لاستخراج الجذور العددية مبنية على نواسيس جبرية يصعب تطبيقها كلما ارتفع دليل الجذر وتلك النواسيس هي:

$$(b + 1)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(b + 1)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

$$(b + 1)^4 = a^4 + \dots$$

ولذلك احببت ان اقدم لتراء المنتطف طريقة بسيطة مبنية على مبادي سهل وهو: اذا قسمنا عدداً منروضاً على جذره المتزايي يخرج عدد يعدل ذلك الجذر فاذا قسمناه على عدد اكبر او اصغر من جذره يخرج عدد اصغر او اكبر من ذلك الجذر ويكون هذا الجذر

محصوراً بين المقسوم عليه وبين الخارج فاذا اخذنا متوسط هذين العددين نجد عدداً يقرب من الجذر أكثر مما يقرب منه كل من المقسوم عليه والخارج ثم اذا جلنا هذا المتوسط مقسوماً عليه واجربنا العمل كما مر نجد الجذر الحقيقي اذا كان للعدد المنروض جذراً ونجد عدداً يقرب منه بقدر ما يراد

ولا يخفى على فطنة الفارسي ان سهولة استعمال هذه الطريقة مؤسسه على معرفة العدد الذي يلزم التخابه في النسبة الأولى فكما قرب هذا العدد من الجذر المجهول سهل العمل في الحصول عليه فلانتخاب المقسوم عليه المذكور يكفي ان تذكر التواعد المذكورة في كتب الحساب فيها : اذا لم يجنو عدد الاعلى رقمين فجزءه التربيعي لا يجنوي الا على رقم واحد واذا احتوى العدد على ثلاثة ارقام او اربعة فجزءه يجنوي على رقمين وهلم جرا . ثم اذا لم يجنو عدد على اكثر من ثلاثة ارقام فجزءه المكعب لا يجنوي الا على رقم واحد واذا احتوى على اربعة او خمسة او ستة ارقام فالجذر المكعب يجنوي على رقمين وهكذا كما هو معلوم

لنجح مثلاً عن الجذر التربيعي للعدد ٢٣٠٤ فنقول لما كان هذا العدد يجنوي على اربعة ارقام فجزءه يجنوي على رقمين فاذا قسمناه الى فصلين ثنائيين نرى ان أكبر مربع يجنوي عليه الفاصل الاول اي ٢٢ هو ٤ فنفرض الجذر المطلوب ٤ ونقسم عليه العدد ٢٣٠٤ فيخرج ٥٧ فنأخذ متوسط هذا العدد والعدد ٤ فنجد ٤٨ ثم نقسم عليه العدد المنروض فيخرج ٤٨ حين اذا الجذر المطلوب

مثال آخر : ما الجذر التربيعي للعدد ١٧٩٥٦ فنقول حيث ان هذا العدد يجنوي على خمسة ارقام فجزءه يجنوي على ثلاثة ارقام فاذا قسمناه الى فصول ثنائية نجد ان جذر اول فصل على الشمال هو ١ فنفرض الجذر المطلوب ١٠٠ ونقسم عليه العدد المنروض فيخرج ١٧٩ ثم نأخذ متوسط هذا العدد والعدد ١٠٠ فنجد ١٢٩ ثم نقسم العدد المنروض على هذا العدد فيخرج ١٢٩ فنأخذ المتوسط بين العددين ١٢٩ و ١٢٩ فنجد ١٢٤ ثم نقسم العدد المنروض على هذا العدد فنجد ١٢٤ فهو اذا الجذر المطلوب

لنفرض الآن عدداً كسرياً ١٨٠ ٢٤١ مثلاً فنرى ان الجزء الصحيح ٢٤١ يجنوي على ثلاثة ارقام فجزءه يجنوي على جزء صحيح ذي رقمين وبما ان أكبر جذر من العدد ٢ هو ١ فيمكننا ان نفرض ان الجذر المطلوب ١٠ ولكن اذا لاحظنا ان ٢ يقرب من مربع ٢ أكثر مما يقرب من مربع ١ فالاناسب لنا ان نفرض ذلك الجذر ٢ ونقسم عليه العدد المنروض فيخرج ١٧٠٠٤٠٠٠٠ ويكون اول متوسط ١٨٠٥٤٧٠٠٢٥ وبصرف النظر عن الجزء الكسري نفرض هذا المتوسط

١٨ فقط ونقسم عليه العدد المفروض فيخرج ١٨<sup>٢</sup> ٩٩ وبأخذ المتوسط لنا ١٨<sup>٢</sup> ٤٩. ونقسمه العدد  
المفروض على هذا المتوسط فيخرج ١٨<sup>٢</sup> ٤٩ فهو إذا الجذر المطلوب  
ثم نبحث عن جذر العدد ١٠ بالتقريب فتقول لنفرض هذا الجذر ٢ ونقسم عليه العدد ١٠  
فيخرج مثلاً ٢<sup>٢</sup> ٢٢ ويكون المتوسط الأول ٢<sup>٢</sup> ١٦ وهو عدد انتص من الجذر بمقدار ٢<sup>٢</sup> ٢٢. ثم  
لنقسم ١٠ على هذا المتوسط فيجد مثلاً ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٤٥٥ ويكون المتوسط الثاني ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٧ وهو  
عدد انتص من الجذر بمقدار ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٨٥٢٢. ثم لنقسم ١٠ على هذا المتوسط فيخرج مثلاً ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٨٥٢٢  
ويعتد المتوسط الثالث ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٢٧٧٦٦٠١٦ وهو عدد انتص من الجذر بمقدار ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٢٧٧٦٦٠  
وإذا قسمنا ١٠ على هذا المتوسط فيخرج مثلاً ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٢٧٧٦٦٠١٦ ٧٦٧٥٨٦٦٤٩٩٧٧٨ وهو  
عدد انتص من الجذر بمقدار ٢<sup>٢</sup> ١٦ ٢٢٢٢٧٧٦٦٠١٦ ٧٦٧٥٨٦٦٤٩٩٧٧٨ وهو جراً

هذا ما كان من الجذر التريبي فاذا اردنا تطبيق هذه القاعدة على الجذر التكعيبي وما فوقه  
نلاحظ انه لو علم الجذر التكعيبي مثلاً لعدد وقسمنا هذا العدد على الجذر المذكور لخرج عدد  
يعمل القوة الثانية للعدد المفروض فاذا قسمناه على عدد أكبر او اصغر من ذلك الجذر فيخرج  
عدد اصغر او أكبر من قوة العدد الثانية. وعلى ذلك يكون الجذر التكعيبي محصوراً بين المقسوم  
عليه والجذر التكعيبي الخارج المذكور ثم اذا قسمنا هذا الخارج على المقسوم عليه فيخرج عدد أكبر او  
اصغر من الجذر المطلوب على حسب ما يكون المقسوم عليه اصغر او أكبر منه. وعلى ذلك يكون  
الجذر المطلوب محصوراً بين مجموع العددين اللذين قسم عليهما العدد المفروض وبين الخارج  
الاخير. فبأخذ المتوسط بين الثلاثة الاعداد المذكورة نجد عدداً يقرب من الجذر المطلوب أكثر  
ما يقرب منه العدد الذي قُرض في الابتداء. ثم لو جعلنا هذا المتوسط مقسوماً عليه واجربنا  
العمل كما ذكر نجد متوسطاً ثانياً وهلم جراً الى ان نجد الجذر المطلوب ان كان للعدد جذر حقيقي  
او نجد عدداً يقرب من الجذر بقدر ما يبراد

ولزيادة ايضاح هذه القاعدة نبحث عن الجذر التكعيبي للعدد ٢٤١٢٧٥٦٩ فنقسمه الى  
فصول ثلاثية كما هو معلوم ونبحث عن اعظم مكعب يقرب من العدد ٢٤ فنجد ان هذا المكعب  
هو ٢<sup>٢</sup> اي ٢٧ فنقسم العدد المفروض على ٢٧ فيخرج ٨٥٤٥٨ ثم نقسم هذا الخارج على ٢٠٠  
ايضاً فيخرج ٢٦٨ فبأخذ متوسط الاعداد ٢٠٠ و ٢٠٠ و ٢٦٨ نجد ٢٨٩ ثم نقسم العدد  
المفروض على هذا المتوسط فيخرج ٨٢٥٢١ ثم هذا الخارج على ٢٨٩ فيخرج ٢٨٩ فهو إذا  
الجذر المطلوب

(نبيه) \* عوضاً عن ان نقسم العدد المفروض على المقسوم عليه ثم الخارج على المقسوم

