

الفصل الثالث

النقط الافتراضية لجودة
الاتصال

النقطة الإحصائية لجودة الإنتاج

ظهرت الرقابة الإحصائية لجودة الإنتاج مع الحرب العالمية حيث استخدم أسلوب العينات في التفتيش على مواصفات الإنتاج وكذلك المواد والتصميمات ... الخ ، وهكذا أصبحت هناك نظم المراقبة الشاملة الإحصائية للجودة .

وتتيح مراقبة الجودة بالطرق الإحصائية عدة فوائد نذكرها فيما يلى :

١- تحدث الرقابة على العمليات المرحلية وليس فقط على المنتج وهذا

يعنى :

- معرفة سبب الانحرافات عن مستوى الجودة المحدد وعلاجه ، بينما التفتيش النهائي لا يمكننا سوى من فرز المنتجات المقبولة والمرفوضة فهنا نحن نعالج الأثر هنا في المراقبة الإحصائية تعالج السبب .

- إعادة المعرفوضات عند ظهورها وهذا يوفر الجهد والوقت والطاقة الآلية المبذولة في تشغيل المنتجات المعيبة خلال المراحل المتبقية حتى ينتهي كمنتج .

٢- إن الرقابة الإحصائية تبني على نظرية العينات الإحصائية وهذه تعنى :

- عدم فحص كل النتائج من المرحلة (فحص ١٠٠٪) والاكتفاء بعينة مماثلة وهذا يوفر من الوقت والجهد وعدد الكشافين اللازمين (وبالتالي يوفر التكلفة) .

- بعض الاختبارات تجعل المنتج لا يصلح بعدها للاستخدام وهذا يجعل فحص الإنتاج كله (فحص ١٠٠٪) أمراً محالاً .

- استخدام العينات العشوائية في سحب العينات يجعل الرقابة الذاتية على سير العمل (الذى العاملين أنفسهم) قوية وفعالة .

٣- طرق اختيار وفحص العينات :

يمكن استعمال عدة طرق وهى :

أولا - عدم إجراء أي عملية للاختبار (انعدام فحص) Not Test

ثانيا - طريقة الفرز ١٠٠% Sotting

ثالثا - عمل فحص فجائي على المواد والمنتجات Spot Checking

رابعا - طريقة اختبار العينات التقريرية Arbitrary Sampling

الطريقة العلمية لاختيار العينات Scientific Sampling

أولا - عدم إجراء أي عملية للاختبار (انعدام الفحص) :

في هذه الطريقة ترسل المواد أو الأجزاء النصف مشغلة إلى الماكينات المباشرة بدون أي اختبار أو فحص لدى جودتها ، وفي العادة لا نعرف أي معلومات عن مدى جودة هذه المواد إلا بعد تصريفها ، وبهذا لا تظهر العيوب إلا في مرحلة متأخرة ، أي بعد انتهاء عملية التصنيع ومن هنا تزيد تكاليف تصنيع المنتج الداخل فيها تلك المواد ، نتيجة لإعادة تصنيع بعضها لتلاشى العيوب التي تظهر أو لتصنيع منتجات بديلة عن التي حدث فيها عيوب حتى يمكن الوفاء بمواد التسليم للكمية المطلوبة من هذا المنتج .

ثانيا - طريقة الفرز ١٠٠% :

وعلى عكس الطريقة الأولى فهنا يجري فرز لـكامل المواد الداخلة في التصنيع ١٠٠% وتكون هذه الطريقة ضرورية في بعض الأحيان خاصة إذا كان المنتج له خطورة على الأرواح عند استخدامها كما في صناعة الطائرات مثلاً - وتعتبر هذه الطريقة مكلفة .

وأوضح من الخبرة في الحالات العادية أنه كلما زادت عملية الفحص كلما كانت قليلة الفاعلية .

فبعد إجراء فحص كامل على المواد والمنتجات (١٠٠%) فإن الأفراد القائمين بعملية الفحص يتعرضون لتعب وملل ينتج من تكرار العملية ووجود من الخبرة الفعالية الناتجة عن الفحص لا تتعدي ٩٠% في هذه الحالة ، ومن الواضح أن ارتفاع التكاليف الناتج عن استخدام طريقة الفرز ١٠٠% لا يوازي المكاسب العائد منها في الحالات العادية .

كذلك لا يمكن استخدام هذه الطريقة إذا كان المنتج يصبح عديم الفائد بعد

عمل التجارب عليه (كما هو متبع في صناعة الموا التي تشتعل - أعداد الكبريت - أو السجائر بعد التدخين مثلاً) .

وهناك حقيقة معروفة وهي أنها لا يمكن أن نفحص النواحي الجيدة في المنتج بعد تصنيعه ولكن الجودة العالية يجب أن تبني على المنتج أثناء تصنيعه ومن هنا نرى عملية فرز المنتجات إلى سليمة ومعيبة لا تمثل إلا جزء بسيط من عملية الفحص .

ثالثا - عمل فحص فجائي على المواد والمنتجات :

وفي محاولة للوصول إلى حل وسط بين الطريقة الأولى والثانية ، اقترح بعض العاملين في هذا المجال لاستخدام طريقة جديدة ألا وهي عمل فحص فجائي على المواد والمنتجات وذلك بأخذ عينات عشوائية منها وفحصها وبالتالي فإن هذه الطريقة سوف تساعد على منع المواد التي بها عيوب من دخول عمليات التصنيع ولكن سيكون تأثير هذا جزئياً ، وذلك لأن بعض كميات من المواد سوف تدخل الإنتاج بدون فحص .

رابعا - طريقة اختبار العينات التقريرية :

وقد استخدمت هذه الطريقة بكثرة إلى عهد قريب وهي تتلخص في فحص عينة تقريرية من المواد أو رفضها فيعتمد على نتيجة هذا الفحص .

وهذه الطريقة تعتبر مناسبة عن الطرق الأخرى إلا أن لها نقطة ضعف وهو أن اختبار ١٠٪ من المواد لفحصها قد تكون كافية وممثلة لبعض الكميات وكثيراً أو قليلاً جداً للبعض الآخر .

ففحص ١٠٪ من كمية مقدارها ١٠٠٠٠ وحدة يختلف تماماً عن اختبار وفحص ١٠٪ من كمية مقدارها ٥٠ وحدة .. وهكذا .

وعامة فهناك خطورة ما في قبول مواد أو منتجات معيبة عند استخدام أي طريقة لاختبار العينات فباستخدام الطريقة السابقة يوجد احتمال لقبول مواد معيبة أو رفض مواد مقبولة وعادة فإن المستخدمين لهذه الطريقة لا يعرفون كثيراً عن مدى الخطورة الموجودة في طريقتهم التي يستعملونها .

• جداولأخذ العينات : Sampling Tables

وتعتمد مراقبة الجودة أساساً على طريقةأخذ العينة ، وجدائلأخذ العينات حيث تستخدم عادة في اختبار الأصناف الموردة ، وفي قبول دفعات من الإنتاج . Batches .

١- أنواع الجداول والتصنيفات :

الجدائل الإحصائية متعددة الأنواع منها ما يعتبر مرجعاً يحتوى على أرقام عديدة عن ظاهرة معينة ولا يقصد بها سوى أن تكون مصدراً لجدائل أخرى تصمم خصيصاً لخدمة أغراض التحليل ويمكن تسميتها جداول تحليلية فيستقى المختص من النوع الأول من الجداول ما يريده من بيانات لعمل الجداول التي من النوع الثاني ، ومن أمثلة الجداول التي من النوع الأول كل ما تحتويه المجلدات والنشرات الإحصائية التي تصدرها الدولة أو المنظمات الدولية ولا يتلوى في نشرها سوى الشمول التام الكامل للبيانات عن موضوع معين ويترك للباحثين مهمة اختيار ما يلزمهم من البيانات من داخل هذه الجداول يجتذبون منها البيانات التي يريدون استخدامها في بحوثهم وينظموها في جداول خاصة بهم لخدمة هذا الغرض .

ويتم تصنيف الظواهر داخل هذا النوع من الجداول أو ذلك إما كاماً أو نوعاً أو حسب المكان أو الزمان (التصنيف الجغرافي) .

أ- التصنيف الكمي :

يتم في حالة الظواهر التي يمكن قياسها رقمياً كحجم العائلة مقيساً حسب عدد أطفالها أو حجم المصانع حسب عدد عمالها أو الأفلام والروايات السينيمائية حسب عدد من شاهدوها أو القطارات حسب عدد الركاب الذين يستقلونها .

ب- التصنيف النوعي :

يتم في حالة الظواهر التي تقايس حسب خاصية معينة Characteristic وإن كان من بين بعض هذه الخواص ما قد يمكن تحويله إلى قياس كمي ، فقد يمكننا القول بأن عدداً من التلاميذ قد نجح بدرجة مقبول وبعضهم بدرجة جيد ... الخ ، وقد يمكن الاصطلاح على التعبير رقمياً عن هذه الخواص غير الرقمية ، ولكن

بعض هذه الخواص قد لا يمكن التعبير عنه رقمياً تعبيراً محدداً كأن يقسم طلبة الجامعة حسب ما إذا كانوا يمارسون الرياضة أو لا يمارسونها .. أو أن يتم تصنيف الناس إلى ذكور أو إناث أو إلى متزوجين وغير متزوجين وأرامل ومطلقات وكلها قياسات نوعية لا كمية .

جـ- التصنيف الزمني :Chronological

أو السلسل الزمنية يقصد به بيان تغير ظاهرة معينة على مر الزمن ، مثل كمية الصادرات من محصول معين أو منتج صناعي خلال فترات متالية أو غير متالية سنوية أو شهرية أو أسبوعية ، ويمكن اعتبار السلسل الزمنية صورة قريبة الشبه من التصنيف الكمي مع فارق بسيط هو أن السنوات أو الشهور حتى مع تساوى فترات بعدها عن بعضها البعض تختلف فيما بينها اختلافاً كييفياً حسب الظروف والحوادث التي تلابس هذه السنين والشهور .

دـ- التصنيف الجغرافي :

مثل هذا التصنيف يمكن اعتباره تصفيفاً نوعياً ولكن غالباً ما يذكر تحت عنوان مستقل باعتباره تصفيفاً حسب الموقع لا حسب الخواص المميزة للمنطقة ، كما هو الحال في عرض بيانات محصول القطن حسب المحافظات وهنا يتم ترتيب الأرقام حسب الحروف الأبجدية للمحافظات أو حسب التابع الجغرافي أو حسب التفوق في الإنتاج .

وقد لا يكون من السهل التمييز بين التصنيف الكمي والنوعي تمييزاً فاصلاً إذ أن من الظواهر ما يمكن التعبير عنه في فئات كمية ونوعية على حد سواء كما هو الحال في توزيع الأفراد حسب الأعمار أو في توزيع المنشآت حسب حجمها أو عمرها فيقال : صغيرة وكبيرة (تصنيف نوعي) أو تستخدم أعداد مختلفة من العمال أو طاقات مختلفة من العدد والآلات (التصنيف هذه المؤسسات تصفيفاً كمياً) وقد يقال : حديثة ومتوسطة العمر وقديمة (تصنيف نوعي) أو ذات سنوات عدديّة من العمر (تصنيف كمي) .

كما يمكن أن تكون الجداول بسيطة أو مركبة فالبساطة منها ما سبق أن ذكرنا أمثلته أما المركب فإنه يجمع بين ظاهرتين كالعمر والدخل أو كجودة

الإنتاج وفترة التدريب أو درجة المهارة للعمال أو كحجم المبيعات من منتجات متفرقة بواسطة مراكز مختلفة للتسويق في مناطق مختلفة ، وهناك من الجداول المركبة ما يجمع بين أكثر من ظاهرتين .

٢- أركان العرض الجدولى السليم :

لكي يكون عرض البيانات فى شكل جداول عرضاً سليماً يجب أن تتوافق فى هذه الجداول أركان معينة .

أ- الترقيم : Numbers

يجب أن يكون للجدول الوارد فى أى تقرير أو مجلد أو نشرة رقم معين يميزه عن جداول أخرى وبذلك تسهل الإشارة إليه فى صلب التقرير ، أما إذا لم يكن فى التقرير سوى جدول واحد فلا داعى لترقيمها .

ب- العنوان : Adress

يجب أن يكون للجدول عنوان يدل على نوع البيان الذى يحتويه ونوع التصنيف والمكان والزمان فمقال مثلاً : «كمية المبيعات من كل صنف من أصناف الإنتاج فى مصنع (....) في شهر أكتوبر - عام ٢٠٠٢ » وقد يستغنى عن ذكر المكان والزمان فى عنوان الجدول إذا كانت النشرة كلها أو المجلد كله ينصب على منطقة واحدة أو فترة زمنية واحدة ، ويحسن أن يكون العنوان مختصراً بشرط ألا يخل هذا الاختصار بالمدلول .

ج- ملاحظات علوية : Head notes

تستخدم عادة لاستكمال ما قد لا يحتمله العنوان من تفاصيل كذكر وحدات القياس مثلاً «بالآلاف» أو «بملايين القطع» وذكر هذه الملاحظات يتوقف على ضرورتها .

د- مدلولات السطور وعناوين الأعمدة : Captions Stubs

قد يكون لمجموعة عرض بيانات الديون حسب أحجامها رقمياً وأنواعها من حيث كونها ديوناً جيدة أو مشكورةً فيها أو معدومة فإنه يمكن اعتبار كل نوع من هذه الأنواع الثلاثة مدلولاً عاماً لمجموعة من السطور التي تذكر فيها أحجام الديون

بالجنيهات ويدرك أمام كل سطر عدد المدينيين مثلاً، وكذلك الحال في الأعمدة إذ يمكن تجميع عدد من الأعمدة تحت عنوان واحد Boxhead تتفرع عنه تصنيفات لهذا المدلول العريض في أعمدة متفرقة لكل منها عنوانها كما هو الحال مثلاً في فئات المرتب حسب عدد المعولين إذ يمكن لأحد هذين القياسيين أن يجمع تحته الآخر بتفرعياته فتعتبر كل فئة من فئات أحدهما عنواناً لمجموعة فئات الآخر، ويشترط في مدلولات السطور أو الأعمدة أن تكون مختصرة دون إخلال بالمعنى المقصود.

هـ- التفسيرات السفلية : Footnotes

وستستخدم إذا اقتضت الضرورة ذلك لتفسير إحدى القيم التي يحتويها الجدول إما لشنوذها أو لاختلاف مضمونها من مصطلحات علمية أو فنية يرد ذكرها في الجدول ولا يدرك معناها الدقيق غير المتخصصين (نسبة الدرجة الثانية - رأس المال - العامل ... الخ).

وـ- المصدر : Source

وفيها بيان اسم المصدر الذي جاءت منه بيانات الجدول من قبيل رد الفضل لأصحابه وكذلك تيسيراً لمهمة من قد يريد الرجوع إلى هذا المصدر للتأكد من بعض البيانات أو لاستكمالها أو لمعرفة الطرق والوسائل التي استخدمت لجمع هذه البيانات من منابعها الأصلية.

زـ- الخلايا : Cells

إن مجرد السطور والأعمدة في أي جدول يعني بالتبعية أن الجدول مكون من خلايا كل خلية يلتقي فيها مدلول السطر بعنوان العمود وتحتوي كل خلية على قيمة ، ولا يعفي من رصد القيمة داخل الخلية أن تكون هذه القيمة صفرأ ، أما إذا لم تكن القيمة متاحة أصلاً فعندئذ يجب النص على هذا المعنى برموز مختصرة داخل الخلية أو بإدراج هذا المعنى في التفسيرات السفلية وبذلك لا يكون الجدول مدعاه للحيرة لدى مستخدمي البيانات لا يدركون إن كان فراغ خلاياه يعني أن القيمة صفرأ أو أن البيان ليس متاحاً.

حـ- تقرير الأرقام : Rounding

إذا كانت الأرقام التي يحتويها الجدول كبيرة فغالباً ما تهمل الكسور ، فإذا

تصادف وجود رقم أقل من الواحد الصحيح فلا بد من النص عليه والإشارة إليه برمز يمكن تفسير له أسفل الجدول بأنه يدل على هذه الأرقام بالذات وذلك حتى لا يترك السطر أو العمود حالياً من الرقم فتختلط القيم الصفرية مثلاً مع القيم التي دون الواحد الصحيح كما أن هناك من الأرقام الضخمة مالا يجده رصدہ إلى آخر رقم من أرقام الآحاد إذ يستوى في بعض البحوث أن نعرف أن وزن المتر المربع لعينة حوالي ١٢٠ جرام أو أن نعرف أنها ١٢٠ ١٥٧٣ جرام لأننا نعلم أن عملية العد لا يمكن أن تصل إلى مثل هذه الدقة في الوزن وعلى ذلك فإنه يمكن التقريب مع التنويه في رأس العمود أو في سطر على أن الأرقام مذكورة في مثل هذه الحالة «بالآلاف» وفي حالات أخرى يتم التقريب «بالملايين» وإن كان العرف لم يجر على التقريب بالعشرات أو المئات أو مئات الآلاف .

ط- المسافات والتسطير : Spacing & Ruling

لها أهميتها من حيث تيسير قراءة الأرقام في الجداول الواردة بها وقد جرت العادة على ترك مسافتين كل خمسة سطور وأن يقفل الجدول بخطوط مستقيمة من أعلى ومن أسفل وإن كان العرف في الطباعة قد جرى على عدم غلق الجدول بأى خط على جانبيه .

وتجدر بالذكر أن للرسوم البيانية أيضاً أركانها التي تعتبر بعضها أركاناً مشتركة بينها وبين الجداول باختلافات طفيفة إذ يحل عنوان المحور الأفقي في الرسم محل عناوين الأعمدة في الجدول وتحل مدلولاتها المحور الرأسي على الرسم محل عناوين السطور للجدول وتحل النقط في الرسم محل الأرقام في الخلايا ولكن لكل رسم يباني مقياس يرسم به ويستدل الباحث منه على حجم الظاهرة المعروضة بيانياً .

ـ ٣- جداول التوزيعات التكرارية :

تعتبر جداول التوزيعات التكرارية أولى الخطوات في تلخيص البيانات العديدة وتبسيطها تمهدأ لتحليلها بالطرق الإحصائية التي سنأتي على ذكرها فيما بعد ، وتجسد هذه الجداول في صورتها النهائية على شكل مجموعات تضم القيم المتساوية أو المتشابهة .

مثال :

إذا فرض ان لدينا مجموعة من أوزان الأقمشة الغير منسوجة بالجرايم وذات ماركات مختلفة ونريد عمل حصر لهم فكانت بياناتهم كما في جدول رقم (٢) :

٧٥,١	٨١,٩	٧٩,٧	٨٢,٣	٧٨,٢	٧٤,٧	٩٠,٢	٧٤,٩	٧٦,٣	٨٥,١
٧٦,٧	٧٤,٥	٧٥,٧	٧٣,٠	٧٩,٩	٧٧,٨	٨٣,٤	٨٧,٣	٨١,٢	٨٣,٧
٧٦,١	٨٢,٥	٧٣,٤	٨٢,٧	٨٠,٣	٧٧,٦	٧٩,٣	٨٤,٢	٨٣,٣	٧٥,٤
٧٤,٤	٨٠,٨	٧٥,٢	٧٦,٠	٧٣,٣	٧٥,١	٨١,٩	٧٥,٥	٨٩,٧	٧٨,٦
٧٨,٧	٧٠,٦	٧٠,٠	٧٢,٢	٧٤,٩	٧٣,٥	٨٤,٤	٧٨,٣	٨٥,٨	٧٦,٨
٧٧,٢	٧٧,٨	٧٣,٦	٨٥,٠	٩١,٠	٧٨,٢	٧٩,٣	٧٩,٢	٧٥,٤	٦٩,٢
٦٨,٩	٨٠,١	٧٧,٤	٧٩,٦	٧٦,٦	٧٧,٦	٧٩,٧	٨٢,٢	٧٧,٤	٩٢,١
٨١,٠	٧٦,٢	٧٨,٠	٧٣,٩	٨٠,٦	٦٩,٨	٨٦,٨	٧٨,٨	٨٤,٥	٨٢,١
٧٦,٠	٧٩,٠	٨١,٣	٧١,٢	٧٤,٨	٧٨,٢	٨٦,١	٦٨,٨	٧٩,١	٧٨,٢

من الواضح أنه إذا تركت الأرقام بهذه الصورة فلن يكون من السهل التعامل معها - خصوصاً إذا كان عدد الأرقام كثيراً - حتى معرفة أعلى وأقل أوزان الأقمشة .

ومن الصعب أيضاً معرفة ما إذا كانت معظم القيم تتركز حول قيمة معينة ومن ثم يصعب الاستدلال على هذه القيمة .

ولكي يمكن معرفة كل ذلك لابد من تلخيص العرض السابق في صورة مصفوفة Array وذلك بترتيب هذه الأوزان تصاعدياً أو تنازلياً مما يتربع عليه ظهور أرقام الجدول السابق في الصورة التالية جدول رقم (٣) مرتبة تنازلياً ترتيباً أفقياً .

جدول رقم (٣)

٨٥,١	٨٥,١	٨٥,٨	٨٦,١	٨٦,٨	٨٧,٣	٨٩,٧	٩٠,٢	٩١,٠	٩٢,١
٨٢,١	٨٣,١	٨٢,٥	٨٢,٧	٨٣,٣	٨٣,٤	٨٣,٧	٨٤,٤	٨٤,٤	٨٤,٥
٨٠,١	٨٠,٣	٨٠,٦	٨٠,٨	٨١,٠	٨١,٢	٨١,٣	٨١,٩	٨١,٩	٨٢,١
٧٨,٨	٧٩,٠	٧٩,١	٧٩,٢	٧٩,٣	٧٩,٣	٧٩,٦	٧٩,٧	٧٩,٧	٧٩,٩
٧٧,٨	٧٧,٨	٧٨,٠	٧٨,٢	٧٨,٢	٧٨,٢	٧٨,٢	٧٨,٣	٧٨,٦	٧٨,٧
٧٦,٢	٧٦,٣	٧٦,٦	٧٦,٧	٧٦,٨	٧٧,٢	٧٧,٤	٧٧,٤	٧٧,٦	٧٧,٦
٧٥,١	٧٥,١	٧٥,٢	٧٥,٤	٧٥,٤	٧٥,٥	٧٥,٧	٧٦,٠	٧٦,٠	٧٦,١
٧٣,٤	٧٣,٥	٧٣,٦	٧٣,٩	٧٤,٤	٧٤,٥	٧٤,٧	٧٤,٨	٧٤,٩	٧٤,٩
٦٨,٨	٦٨,٩	٦٩,٢	٦٩,٨	٧٠,٦	٧٠,٧	٧٢,١	٧٢,٢	٧٣,٠	٧٣,٣

و واضح أن مثل هذا الترتيب - سواء كان تنازلياً أو تصاعدياً - يساعدنا على معرفة المدى الذي تغير فيه هذه الأسعار بمجرد النظر فنجد هنا تراوحاً في مثالنا هذا بين ٦٨,٨ ، ٩٢,١ وأن التغير مستمر خلال هذا المدى بدون طفرات .

ولكن عمل هذه المصفوفة يحتاج جهد حيث أنها تستلزم استعراض كل القيم المعطاة بالنظر ويمكن تبسيط هذه العملية بكتابة كل وزن على ورقة وفرزها ثم وضعها في مكانها من الترتيب المرغوب فيه ، علماً بأن هذا الترتيب ليس مفيداً فقط من الوجهة الإحصائية بل يستخدم أيضاً لمعرفة الماركات وأوزانها وما إلى ذلك ولكن هذه العملية تزداد تعقيداً إذا كان عدد المفردات كثيراً مما قد يؤثر على هذه الفوائد .

وعندما كان الهدف الرئيسي من التبويب هو التلخيص ونظراً لأنه قد يساعد في الحصول على بعض الأوزان أكثر من قماشة (في مثالنا هذا حصلت أربعة أقمشة على ٧٨,٢ وحصل اثنان على ٧٥,٤ وحصل قماشتان على ٨٢,١ وقماشتان آخرتان على ٨١,٩ ... الخ) فإنه من المفيد بيان القيم ورصد عدد

مرات ظهورها أو تكرارها أمامها في جدول واحد وهذه الطريقة تساعد على تلخيص البيانات إلى حد ما ويسمى الجدول الناتج عن هذه العملية توزيعاً تكرارياً مبدئياً .

ولكن مبالغة في الاختصار والتلخيص يمكن اندماج القيم معاً تحت عنوان مشترك ولذلك طريقتان :

١ - طريقة الرصد المباشر The Entry From

٢ - طريقة التفريغ The Scoring Device

وتتطلب الطريقتان تحديد الفئات التي نريد تجميع القيم فيها إلا أن أوجه الاختلاف بين الطريقتين أننا في الحالة الأولى نسجل الرقم نفسه أمام الفئة ، أما في الحالة الثانية فإننا نسجل الرقم كحالة في صورة شرطة مثلاً أو خط مائل ونجمع الخطوط معاً في حزم خماسية ففي الحالة الأولى تصبح البيانات في الصورة الآتية :

* * *

مثال لاستخدام طريقة الرصد المباشر للبيانات جدول رقم (٤) :

النوات														
: ٩٢	: ٩٠	: ٨٨	: ٨٦	: ٨٤	: ٨٢	: ٨٠	: ٧٨	: ٧٦	٧٤	٧٢	٧٠	٦٨		
٩٣,٩	٩١,٩	٨٩,٩	٨٧,٩	٨٥,٩	٨٣,٩	٨١,٩	٧٩,٩	٧٧,٩	٧٥,٩	٧٣,٩	٧١,٩	٧٩,٩		
٩٢,١	٩٠,٢	٨٩,٧	٨٦,١	٨٤,٢	٨٢,١	٨٠,١	٧٨,٠	٧٦,٠	٧٤,٤	٧٢,١	٧٠,٦	٦٨,٨		
	٩١,٠		٨٦,٨	٨٤,٤	٨٢,١	٨٠,٣	٧٨,٢	٧٦,٠	٧٤,٥	٧٢٢	٧٠,٧	٦٨,٩		
			٨٧,٣	٨٤,٥	٨٢,٣	٨٠,٦	٧٨,٢	٧٦,١	٧٤,٧	٧٣,١		٦٩,٢		
				٨٥,٠	٨٢,٥	٨٠,٨	٧٨,٢	٧٦,٢	٧٤,٨	٧٣,٣		٦٩,٨		
					٨٥,١	٨٢,٧	٨١,٠	٧٨,٢	٧٦,٣	٧٤,٩	٧٣,٤			
						٨٥,٨	٨٣,٣	٨١,٢	٧٨,٣	٧٦,٦	٧٤,٩	٧٣,٥		
							٨٣,٤	٨١,٣	٧٨,٦	٧٦,٧	٧٥,١	٧٣,٦		
							٨٣,٧	٨١,٩	٧٨,٧	٧٦,٨	٧٥,١	٧٣,٩		
								٨١,٩	٧٨,٨	٧٧,٢	٧٥,٢			
									٧٩,٠	٧٧,٤	٧٥,٤			
									٧٩,١	٧٧,٤	٧٥,٤			
									٧٩,٢	٧٧,٦	٧٥,٥			
									٧٩,٣	٧٧,٦	٧٥,٧			
									٧٩,٣	٧٧,٨				
									٧٩,٦	٧٧,٨				
									٧٩,٧					
									٧٩,٧					
									٧٩,٩					
١	٢	١	٣	٦	٨	٩	١٨	١٥	١٣	٨	٢	٤		
مجموع القيم = ٩٠														

ولا تختلف طريقة التفريغ Scoring Method عن طريقة الرصد المباشر المستخدمة في الجدول السابق إلا في أنها بدلاً من كتابة الأرقام ذاتها على النحو المبين نستعيض عن كل رقم بخط مائل يمثله ثم نقوم بتجميع كل خمسة خطوط في حزمة واحدة تيسيراً للعد في النهاية وتمتاز الطريقة الأولى عن الثانية بما يلى :

- ١- يمكن فحص الجدول لمعرفة ما إذا كان الرقم قد سجل في الخانة الصحيحة .
- ٢- يمكن جمع الأرقام لمعرفة ما إذا كان المجموع مطابقاً لمجموع القيم قبل التبديل .
- ٣- يمكن معرفة ما إذا كان مركز الفئة المختار لكل خانة قريباً من متوسط القيم التي في هذه الخانة وعلى ضوء هذا يمكن ضم فئتين معاً أو تقسيم الفئة إلى فئتين أو أكثر تحقيقاً لهذا الهدف دون الحاجة إلى الرجوع إلى القائمة الأصلية للأرقام .
وكمثال بسيط لتوضيح الأخطاء التي تأتي بالصدفة فيأخذ العينات بطريقة عشوائية .

نفرض أن لدينا صندوقين بكل منهما ١٠٠٠ قميص من المنتج ، وأننا نعلم أن جميع القطع في أحد الصندوقين معيبة وأن جميع القطع في الصندوق الآخر مقبولة ولكننا لا نعلم أي الصندوقين به القطع المعيبة ، وأيهما به القطع المقبولة ،
فما هو حجم العينة التي تحتاجها لكي نجري هذا الاختبار .
والجواب هو قطعة واحدة فإذا حدث أن أحذنا القطعة الواحدة من الصندوق الذي به القطع المعيبة وقمنا بمراجعة إسنانها فإننا سنجد أنها خارج حدود المواصفات ، وبالتالي سيكون الصندوق الآخر هو الذي يحوي القطع المقبولة .

يوضح لنا هذا المثال أحد المبادئ فيأخذ العينات وهو :

«استخدم فقط حجم العينة التي توصلك للنتيجة المطلوبة»
والآن نفرض أننا نعرف أن أحد الصندوقين يحتوى على قطع كلها مقبولة ، وأن الصندوق الآخر يحتوى كذلك على قطع كلها مقبولة عدا قطعة واحدة معيبة ، فما هو حجم العينة التي تحتاجها لكي نميز أحد الصندوقين عن الآخر ؟
هناك حالة واحدة يكون فيها حجم العينة ١٠٠٠ قطعة وذلك إذا ما بدأنا بالصندوق الآخر وتم اختبار ٩٩٩ قطعة منه كانت كلها مقبولة قبل اختبار القطعة الأخيرة رقم ١٠٠٠ التي يكون بالصدفة هي المرفوضة .

ويجب الحظ كثيراً أثناء اختبار الصندوق الثاني (الذى يحوى قطعة واحدة مرفوضة) حيث قد تظهر القطعة المرفوضة ضمن العشر قطع الأولى التي يجرى

اختبارها أو قد تكون القطعة المرفوضة هي القطعة ٤٦٧ أو أي رقم آخر ، ويتوقف اكتشاف الصندوق المرفوض على مكان تواجد القطعة المعيبة في الصندوق ، والطريقة التي تم بها الغوص بالأصابع داخل الصندوق لالتقاط قطع العينة .

وكمثال بسيط آخر نفرض أن أحد الصناديق يحتوى على ١٠٠ قطعة معيبة مختلطة مع باقي الألف قطعة التي يحتويها الصندوق ، وتعرف الكمية في هذه الحالة بأنها معيبة ١٪ وفرض من الناحية النظرية أنها لو أخذنا من الصندوق عينة مكونة من ١٠ قطع فإنه يتوقع وجود قطعة واحدة معيبة ضمن العشر قطع ، ولكن بالخبرة البسيطة نجد أنه ليس من الضروري أن تتحقق هذه النتيجة حيث أنها تتوقف كثيراً على مكان تواجد الـ ١٠٠ قطعة المعيبة وسط الـ ١٠٠ قطعة وأيضاً على كيفية اختيار العينة ، وعلى ذلك فإن إحدى العينات (المكونة من ١٠ قطع) قد لا تحتوى على أي قطعة معيبة بالمرة ، بينما قد تحتوى عينة أخرى على ٢ أو ٣ قطع معيبة أو أكثر وهكذا .

وإذا زيد حجم العينة ليصبح ١٠٠ قطعة (بدلاً من ١٠) فإن احتمال احتواء العينة على عدد من القطع المعيبة أقرب إلى نسبة ١٪ وكذلك إذا أخذت عينة عشوائية مكونة من ٥٠٠ قطعة فإن احتمال احتواها على عينات معيبة نسبتها تساوى ١٪ يزداد ، أي عدد العينات المعيبة يقرب جداً من ٥٠ وبذلك قد توصلنا إلى مبدأ آخر في طريقة أخذ العينات وهو :

« كلما كبر حجم العينة قل الخطأ في كون اعتبار العينة ممثلة للكمية كلها »
وعند أخذ العينة من الكمية كلها لا يكتفي بأخذ قطع قليلة من قمة الصندوق ، بل يجب الغوص في الصندوق للحصول على عينة عشوائية .

ولكي يمكن الاعتماد على « جداول أخذ العينات » فإنه يجب أن تؤخذ العينات بطريقة عشوائية وتقع مسؤولية ذلك على المفتش .

وتوجد جداول متنوعة مستخدمة في المصانع المختلفة ولكنها جميعاً مبنية على أسس واحدة وتختلف بعضها عن بعض فقط من حيث التفاصيل .
ويبين الجدول (٢) كيفية أخذ العينات الفردية وهو يوضح كلاً من حجم العينة المقابل لحجم الإنتاج ، ومستوى القبول للجودة .

٤- كيفية استخدام جدول أخذ العينات الفردية :

نفرض أن لدينا دفعة من المنتجات عددها ١٠٠٠ قطعة ومطلوب اختبار مدى مطابقتها للمواصفات ، فإننا نبحث في خانة حجم الإنتاج عن المجموعة التي تشمل العدد ١٠٠٠ فنجدتها في العمود الخامس من الجدول (٥) (المجموعة ٨٠٠-١٢٩٩) ثم نستخرج حجم العينة المناظر لحجم الإنتاج فنجد أنه ١١٥ قطعة يختار وبطريقة عشوائية .

والآن نفرض أنه وجدت ٤ قطع معيبة من الـ ١١٥ قطعة (العينة العشوائية) فإننا نبحث في العمود الخامس تحت المجموعة (٨٠٠-١٢٩٩) وحجم العينة ١١٥ عن العدد ٤ من رقم القبول ، وعند هذه النقطة تحرك النظر أفقياً إلى اليمين حتى نصل إلى خانة « المستوى المقبول للجودة » فإننا نحصل على رقم ٢٪ .

كل هذا يعني أنه إذا وجدت ٤ قطع معيبة في العينة التي حجمها ١١٥ فيكون الإنتاج الذي حجمه ١٠٠٠ قطعة يحوي قطعاً معيبة بنسبة ٢٪ ، أو بمعنى آخر يحتوى الإنتاج الذي حجمه ١٠٠٠ قطعة قطعاً معيبة عددها ٢٠ ، ٤ منها اكتشفت في العينة ١١٥ قطعة) وبالاختبار الفعلي لباقي الإنتاج .
٨٨٥ قطعة) فإننا سنحصل حتماً على ٦ قطعة معيبة .

وقد أثبتت الخبرة العملية أنه من بين عشر مرات فإن تسعة منها تتحقق العينة فيها مستوى الجودة للإنتاج ، وعلى ذلك فإن الاختبار الكامل الحقيقي للإنتاج قد يؤدي إلى ١٩ وربما ٢١ قطعة معيبة بدلاً من ٢٠ (عدد القطع المعيبة نظرياً) ولكن النتيجة العامة لنسبة القطع المعيبة في الإنتاج التي نحصل عليها من العينة وهي ٢٪ تكون غالباً أقرب ما يمكن إلى الصحة بالنسبة للأغراض الصناعية .

٥- تعين مستوى الجودة قبل التفتيش على الإنتاج :

من المتوقع دائماً أن يشمل الإنتاج نسبة معينة من القطع المعيبة وأن محاولة الحصول على إنتاج سليم ١٠٠٪ تحت ظروف الإنتاج الحديث المتسم بالسرعة العالية تعتبر عملية مكلفة للغاية ، وعلى ذلك فيجب تعين نسبة محددة للعيوب يسمح بها في الإنتاج وتتوقف على طريقة الصناعة ونوع الإنتاج والتسويق وظروف التشغيل ، وتتراوح هذه النسبة عادة ٥٪ ، ٥٪ .

وبديهي فإن وضع مستويات الجودة يعتبر عاملاً مهماً في هندسة الإنتاج ، ويجب الموازنة بين تأثير النسبة العالية المسموح بها للعيوب على نسبة المبيعات وعلى العملاء وأسوق السلعة المنتجة ، وبين تأثير النسبة الصغيرة جداً التي يسمح بها للعيوب على تكاليف الإنتاج وخامات التشغيل وأجرة العمال .

والمتبع في هذا الشأن أن يتلقى قسم التفتيش بالمصنع التعليمات الخاصة بمستوى الجودة التي سيتم على أساسها التفتيش على الإنتاج ، ولنفترض أن التفاوت المسموح به في الإنتاج والذى تقرر بواسطة السلطة الأعلى هو ٢٪ ، وأن المفتش يستخدم الجدول رقم (٥) في اختبار جودة إنتاج ١٠٠٠ قطعة ، فالبحث في العمود الخامس رأسياً تحت (حجم الإنتاج) « ١٢٩٩ - ٨٠٠ » حتى نقابل الخانة الأفقية المناظرة « للمستوى المقبول للجودة » ٢ فإننا نحصل على رقم القبول ٤ .

جدول (٥) لاختبار جودة الإنتاج

-٢٠٠٠	-٨٠٠٠	-٣٢٠٠	-١٣٠٠	-٨٠٠	-٥٠٠	-٢٠٠	-٧٥	٧٤-	إجمالي الإنتاج
١٩٩٩٩	١٩٩٩	٧٩٩٩	٣١٩٩	١٢٩٩	٧٩٩	٤٩٩	١٩٩		
٤٥٠	٣٠٠	٢٢٥	١٥٠	١١٥	٧٥	٧٠	٦٥	٦٠	حجم العينة
رقم القبول	مستوى القبول للجودة								
٢	١	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	%٠,١٠
٤	٣	٢	١	٠	٠	٠	٠	٠	%٠,٢٥
٦	٥	٤	٣	٢	١	٠	٠	٠	%٠,٥٠
٩	٧	٥	٤	٣	٢	١	٠	٠	%١,٠
١٤	١٠	٨	٥	٤	٣	٢	٠	٠	%٢,٠
٢٠	١٤	١١	٨	٦	٤	٣	١	٠	%٣,٠
٢٦	١٧	١٤	١٠	٨	٥	٤	٢	١	%٤,٠
٢٨	٢٢	١٧	١٢	٩	٦	٥	٣	٢	%٥,٠

وعلى ذلك فإن التعليمات التي يتلقاها المفتش من الجدول هي أن يأخذ عينة عشوائية كميتها ١١٥ قطعة من كمية إنتاج ١٠٠٠ قطعة ، فإذا كانت نتيجة

التفتيش هى احتواء العينة (١١٥ قطعة) على عدد ٤ قطع معيبة أو أقل فإنه سيقبل كمية الإنتاج كلها حيث لا تتحوى قطعاً معيبة أكثر من الكمية المسموح بها وهى ٢٪ ، أما إذا اكتشف وجود أكثر من ٤ قطع معيبة في العينة (١١٥ قطعة) فإنه سيرفض كمية الإنتاج كلها (١٠٠٠ قطعة) .

خامساً - الطريقة العلمية لاختيار العينات :

تشابه هذه الطريقة مع طريقة اختيار العينات التقريبية في كثير من الصفات ولذلك فهي بين طريقة عدم إجراء أي عملية للاختبار وطريقة الفرز ١٠٠٪ وهذه الطريقة تضيف إلى الطرق السابقة معرفة بمدى الخطورة التي قد تنتج من اتخاذ قرار خاطئ .

ومن البديهي أن العلاقة المباشرة بين المنتج والمستهلك هي ترجمة لمستوى الجودة المتداولة - بينهما ، فالجودة إذن تلعب الدور الارتباطي بينهما ، ومقاييسها هي المواصفات التي تم الاتفاق عليها ونمو العلاقة بين المنتج والمستهلك واطرادها على مر الأيام إنما هو تسجيل مستمر لمستوى الجودة الى يحدد المواصفات تبعاً للإمكانات التي لدى كل منهما ، وهنا يمكن أن نذكر بشئ من التفصيل علاقة هذا المستوى بفحص العينات واختبارها كوسيلة لاتخاذ قرارات الرفض والقبول في أي من الدفعات الواردة أو الخارجة من وإلى المخازن أو المصانع ، فالافتراض الأول أننا نأخذ عينة أو أكثر من أي دفعة ثم نفحصها لمطابقتها للمواصفات ونتيجة الفحص احتمالية ولاشك في ذلك أن اختيار العينة كان عشوائياً دقيقاً وبأمانة وحيادية لا انحياز لها .

وهذه النتيجة الاحتمالية تحتمل الرفض أو القبول وقد يكون الرفض لهذه الدفعه في حين أنها في المستوى المطلوب من حيث مواصفاتها للجودة - وقد يكون العكس أي قبول الدفعه وهي بمستوى أقل بناء على نتيجة فحص العينة وهنا تتدخل نظرية الاحتمالات لتفسر ذلك من الوجهة العلمية ولكن للاتفاق العلمي بين الطرفين (المنتج والمستهلك) في تحديد شدة الاحتمالات في كلا الحالتين ، فكل من الطرفين يخاطر نتيجة الرفض لنسبة معينة من الدفعات حتى ظروف معينة

من الجودة تمثل متوسط مستوى الجودة المطلوب والمستهلك يتحمل هو الآخر قبول نسبة محددة من الدفعات تحت ظروف خاصة من الجودة تكون بطبيعة الحال حداً أدنى لمستوى الجودة المطلوب .

ويعبر عن هذا في حالة المنتج بقيمة مخاطرة المنتج وجرت العادة على أن تكون هذه النسبة في حدود ٥٪ .

• كيفية أخذ عينة عشوائية :

يعتبر شرط أساسى فى اختبار جودة الإنتاج أن تؤخذ العينات بطريقة عشوائية ومعنى عينة عشوائية هى العينة التى تؤخذ من إجمالي الإنتاج بطريقة معينة بحيث أن أى وحدة فيها تختر تماماً مثل أى وحدة أخرى ، ومن الناحية الأخرى العملية يعنى هذا أنه يجب الغوص Digging فى إجمالي الإنتاج لأنذ العينة (أى لا يكشفى بأخذ العينة من على السطح) وفى كثير من الأحيان وخاصة بالنسبة للأجزاء المشغلة يجب على المفتش أن يفرغ الأجزاء فى وعاء (أو صندوق) فارغ ، وتأخذ قطع العينة أثناء عملية تفريغ الأجزاء من صندوق آخر ، وفي حالة الأجزاء الأكبر إذا كانت متحركة بواسطة سير متحرك أو قضبان دوارة مثل

(Chain Conveyer) فإن المفتش يأخذ قطع العينة كل ثالث أو خامس أو تاسع قطعة متوفقاً ذلك على سرعة تحرك السير أو قضبان التحويل (Conveyer) حتى يحصل فى النهاية على العدد الإجمالي .

والكليل هو العدد رقم واحد فى أخذ عينة عشوائية حقيقة ، ويجب أن تذكر دائماً أنه يمكن أن تفشل الطرق الإحصائية لأنذ العينات على أساس علمية بسبب كون العينة لا تمثل الإنتاج تمثيلاً صحيحاً ، ويواجه المفتش عادة صعوبة أو جهد بدني .

فمثلاً إذ كان مطلوب اختبار أصناف واردة عن طريق النقل البحرى معبأة فى صناديق ورقية أو خشبية مغلقة بإحكام ، فيجب على المفتش ألا يهمل فى فتح كل الصناديق حيث يجب أن تحتوى عينة الاختبار على وحدات ممثلة لمحتويات كل صندوق ، وأيضاً إذا كان المطلوب اختبار مشغولات مرصوصة على الأرض

على هيئة أكواام كل كوم منها مكون من ٣٠ - ٤٠ وحدة ، فإنه لا يكتفي بأخذ وحدات العينة من الطبقة العليا للمشغولات أو من الأجناب المفتوحة للكوم لسهولة تناولها ، حيث أن العينة في هذه الحالة لا تمثل الكمية كلها المراد اختبارها ، ولذلك يجب على المفتش الاستعانة بأيدي عاملة ، أو بونش أو بأي معدات تحمل أثخن لرفع طبقات الكوم واحدة تلو الأخرى معأخذ وحدات قليلة بطريقة عشوائية من كل طبقة حتى نحصل على العدد المطلوب لعينة الاختبار .

وكما كان للجداول الإحصائية مهمتها التي سبقت الإشارة إليها فإن للرسوم البيانية كذلك مهمتها في تبسيط عرض البيانات واجتذاب المشاهد إلى الحقائق الرقمية فيتسنى له بذلك أن يستوعب هذه الحقائق بغير عناء كبير ودون إرهاق ولكن هذا لا يعني أن الرسوم البيانية تغنى عن الجداول دائماً ولكن الأخرى أن الرسوم البيانية إنما تساند الجداول الإحصائية في تبسيط العرض .

إلا أن للرسوم البيانية وضعية أخرى تتجاوز مجرد التبسيط والتشويق وتثبت صورة الأرقام في ذهن المشاهد دون حاجة إلى استظهارها ، فهي في الواقع أداة قوية ولازمة من أدوات التحليل الإحصائي التي لا غنى للباحث المدقق عن استخدامها وهي في ذلك بمثابة صور الأشعة التي لا بد للأطباء من الاستعانة بها لتشخيص المرض وتحديد مدى خطورته ، فيدون الرسوم البيانية يعجز الباحث عن تصور شكل الظاهرة اللحظي أو تطورها على مدار الأيام والسنين أو اختلافها من منطقة إلى أخرى أو من بلد إلى آخر .

ومن هذا المنطلق الذي يغفله كثير من الإحصائيين في تطبيقهم للإحصاء يتعمى أن يكون للرسوم البيانية وضعها المرموق ضمن أي نشاط احصائي إذ لا يكفي أن تعتبر الرسوم البيانية مجرد أداة للتشويق لأنها في الواقع أداة لا غنى عنها في التحليل كما سوف نرى عند دراسة الارتباط مثلاً وعند تحليل السلسل الزمنية إذ أنه لا غنى عن الرسوم البيانية في هذين المجالين على الأقل .

ولسوف نستعرض فيما يلى أهم أنواع الرسومات وأهم القواعد التي يجب مراعاتها عند رسم كل نوع من هذه الأنواع كما سوف نجمل هذه الأنواع تحت عنوانين رئيسيين هما :

أولاً - العرض البياني للبيانات غير المبوبة Graphic Presentation of Non-grouped Data

. Ungrouped Data

ثانياً - العرض البياني للبيانات المبوبة Graphic Presentation of Grouped Data

. (Frequency Distributions)

كما يتضح من التوضيح التالي :

أولاً - العرض البياني للبيانات غير المبوبة .

١- الأعمدة أو الأشرطة البيانية (لتمثيل الظاهرة في إجمالها أو بمكوناتها أو تمثيل أكثر من ظاهرة) .

٢- الخطوط والمساحات البيانية .

٣- الصور والأشكال الرمزية .

٤- الدوائر والربعات .

ثانياً - العرض البياني للبيانات المبوبة :

١- المدرج التكراري (قطع محوريين عند اختلاف مدلول المسافات عليهما والعبرة بمساحة المستطيل وليس بارتفاعه) .

٢- المضلعل التكراري (يسير في مقارنة توزيعين عن مقارنة المدرج التكراري لهما .

٣- المنحنى التكراري .

٤- المنحنيات المتجمعة الصاعدة والهابطة .

أولاً - العرض البياني للبيانات غير المبوبة :

وهي الأرقام التي لا ينظمها جدول توزيع تكراري وهنا تستخدم الأعمدة أو الأشرطة البيانية أو الخطوط أو المساحات البيانية أو المنحنيات أو الأشكال الرمزية والصور أو الدوائر أو المربعات ، وسوف نعالج هذه الأنواع بشئ من التفصيل فيما يلى :

١ - الأعمدة أو الأشرطة البيانية أو الھستوجرام Bar or Column

Charts or Histograms

وستستخدم هذه الأشكال في تمثيل الظواهر محل الدراسة بقصد تيسير المقارنات بينها سواء مكانياً أو زمانياً Place or Comparisons وفيها يتم تحصيص المحور الأفقي لأسماء الأماكن أو المناطق أو للزمن بالساعة أو باليوم أو بالأسبوع أو بالشهر أو بالفصل أو بالسنة ويتم تحصيص المحور الرأسى لوحدات القياس سواء كانت أرقاماً مطلقة أو نسباً مئوية .

وتستخدم الأعمدة الرأسية أو الأشرطة الأفقية لتمثيل الظواهر على النحو التالي :

- كل ظاهرة على حدة وفها يكون الشكل الناتج مكوناً من أعمدة أو أشرطة بسيطة Simple Bar or Column Charts .

- أو كل ظاهرة على حدة مع إبراز أجزائها ومكوناتها ويكون الشكل الناتج مكوناً من أعمدة أو أشرطة مجرأة part Bar or Column Charts-Component .

- أو لتمثيل ظاهرتين أو أكثر معاً ويكون الشكل الناتج مكوناً من مجموعات متقاربة من الأعمدة والأشرطة Grouped Bar or Column Charts .

ويمكن أن يطلق على أي من هذه الأشكال الثلاثة اسم هستوجرام Histogram إذا كانت الأرقام موضوع التمثيل بيانات زمنية باعتبار أن الرسم في هذه الحالة يكون ممثلاً للتطور التاريخي للظاهرة ويتم التمثيل في هذه الحالة باستخدام الأعمدة لا الأشرطة وسوف نرى فيما بعد الهستوجرام يستخدم أيضاً لتمثيل التوزيعات التكرارية وأنه يطلق عليه في هذه الحالة بالذات اسم المدرج التكراري .

ويراعى في رسم الأعمدة أو الأشرطة البيانية الشروط الآتية :

ألا يختلف أي شريط أو عمود عن الآخر إلا في الطول ، أما العرض فيكون موحداً بالنسبة لها جميعاً .

أن ترك مسافة بين كل عمودين أو شريطتين متقاربين تقدر في بعض المصادر بحوالى نصف عرض العمود أو الشريط أو ثلثي هذا العرض أو مثله ولكن هذا تقليد وليس قاعدة إذ أن هذا الأمر يتوقف على التقدير الشخصي والذوق الفنى والخبرة .

أن يبدأ القياس على المحور الرأسى بالذات من نقطة الصفر وإلا احتل النسب بين القيم فقدت المقارنة قيمتها الحقيقية .

يمكن كتابة القيم داخل الأعمدة والأشرطة أو عند نهاياتها .

في حالة التمثيل الرملى إذا كان عدد السنوات أو الفترات كثيرة فإنه يمكن الاكتفاء بذكر بعضها فقط دون الآخر لكيلا يزدحم المحور الأفقى بكل هذه السنوات وذلك بأن تذكر سنة من كل ٥ سنوات متالية على هذا المحور مع الحرص على تساوى المسافات بالطبع للفترات المتتساوية وجدير بالذكر هنا أن استخدام الأعمدة يقتصر عادة على الأحوال التي يكون فيها عدد الفترات الزمنية قليلاً ، أما إذا زاد هذا العدد فإنه يمكن الاستعاضة عن الأعمدة البيانية بالخطوط التي سيأتي ذكرها فيما بعد .

يستحسن عند استخدام الأعمدة أو الأشرطة ترتيب البيانات تصاعدياً أو تنازلياً قبل تمثيلها بيانياً بحيث تبدو في الرسم بهذا الترتيب وذلك تيسيراً للاستطلاع والتحليل وإن كانت هذه القاعدة يمكن ، بل يجب الخروج عنها عند تمثيل البيانات الزمنية التي يجب الحرص فيها على ضرورة تتبع الفترات الزمنية وإلا ضاع مغزى الرسم نفسه ، فإذا كانت لدينا البيانات الآتية عن كمية المبيعات أو المشتريات من سلع مختلفة أو منتجات مصانع مختلفة .

وتستخدم الأعمدة والأشرطة أيضاً لتمثيل البيانات المجزأة كما هو الحال عند تمثيل الملابس حسب كونها للرجال أو للنساء أو للأطفال ويحدد المقاس عليها .

وفيما يلي مثال توضيحي لنماذج العرض البياني :

تقوم شركة للملابس الجاهزة بفحص الإنتاج النهائي لفرزها إلى إنتاج درجة أولى ليس به عيوب ظاهرة وبياع بالأسعار العادلة ونظرأً لزيادة عدد القطع فى المجموعة الثانية فقد أرادت الشركة تتبع أكثر الأسباب أهمية فى وجود عيوب فى الإنتاج بغية تحسين الإنتاج وتقليل الفاقد ، وبفحص ٥٠٠ قطعة معينة أمكن تقسيمها حسب العيب كالتالى .

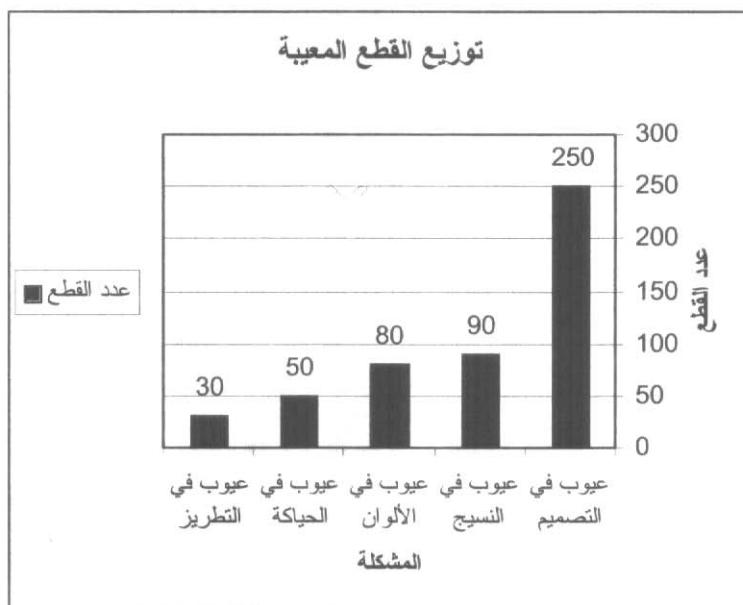
* * *

جدول رقم (٦)

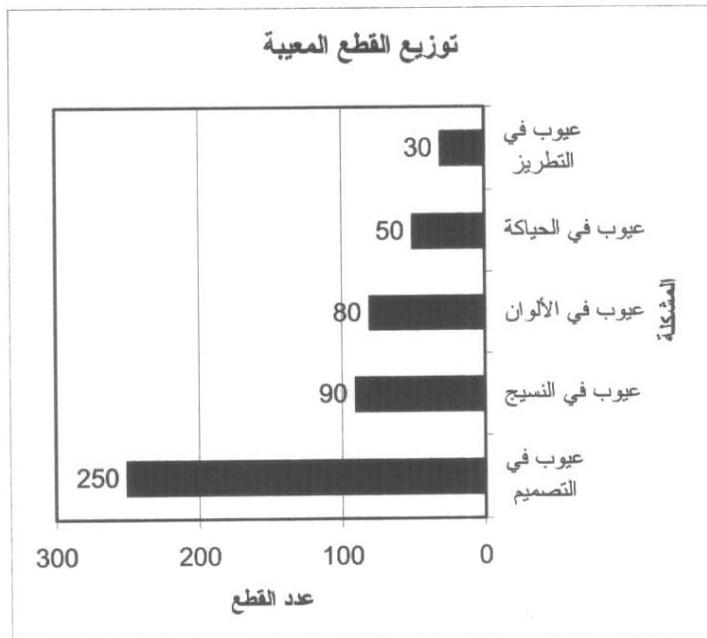
توزيع ٥٠٠ قطعة ملابس معيبة حسب العيب

المشكلة	عدد القطع
عيوب في التصميم	٢٥٠
عيوب في النسيج	٩٠
عيوب في الألوان	٨٠
عيوب في الحياكة	٥٠
عيوب في التطريز	٣٠
إجمالي عدد القطع المعيبة	٥٠٠

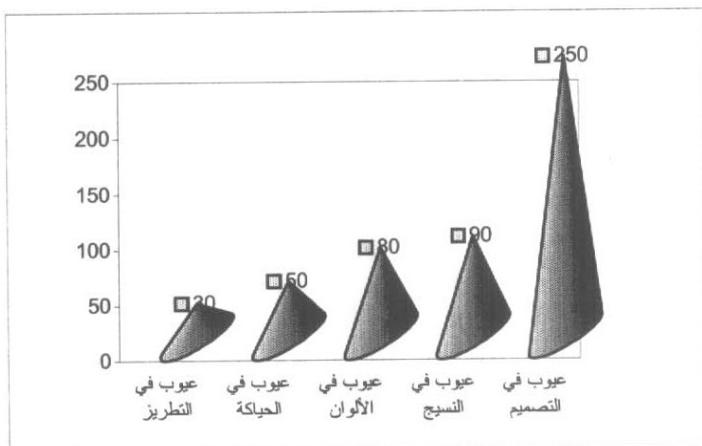
وتوضح الأشكال (٦ : ١١) نماذج مختلفة للأعمدة والأشرطة البيانية والأشكال المجسمة



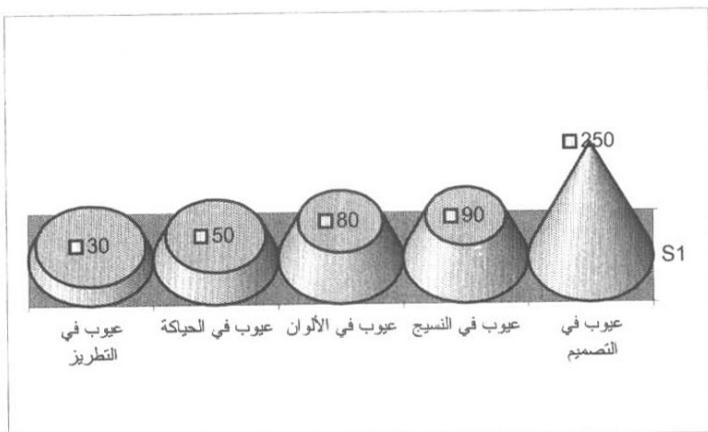
شكل رقم (٦) الأعمدة البيانية



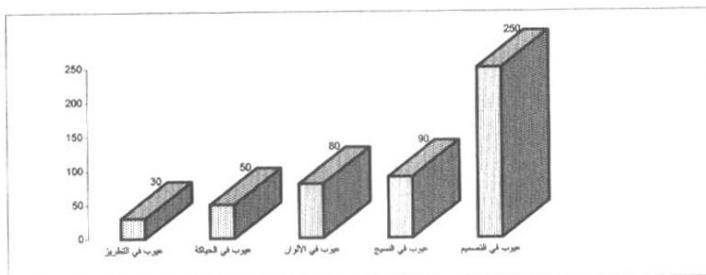
شكل (٧) الأشرطة البيانية



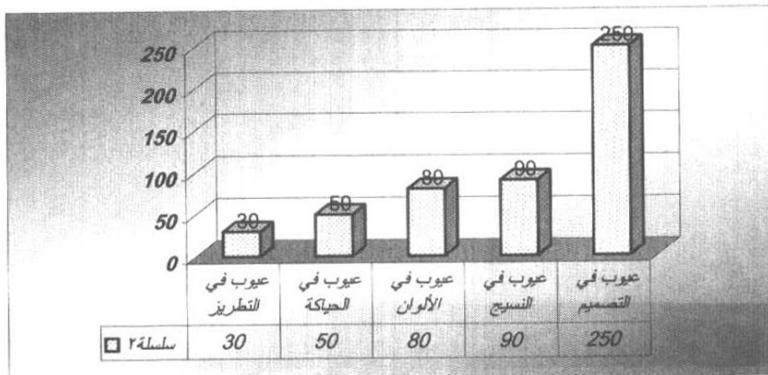
شكل رقم (٨) الأشكال المخروطية



شكل رقم (٩)



شكل رقم (١٠)



شكل رقم (١١) (الأشكال المجمسة 3d)

مثال آخر لتوضيح الأعمدة والأشرطة بصور أخرى :
 يعطي الجدول التالي التوزيع التكراري لعدد (٥) عينات من أقمشة الانترلوك
 قطن ١٠٠ %

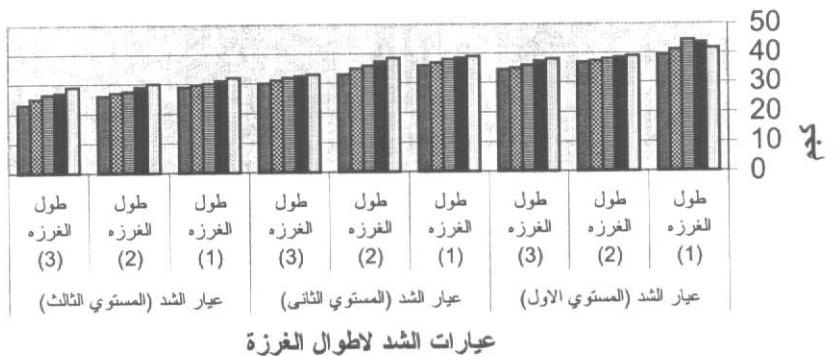
تم حياكتها باستخدام الغرزة رقم (٤٥٠) والمطلوب معرفة قوة شد هذه
 الغرزة بالكيلو جرام عند ثلاثة مستويات لعيارات شد خيط الحياكة وبأطوال
 مختلفة للغرزة .

جدول (٧) قوة شد الغرزة رقم (٤٥٠) بالكيلو جرام

عيار الشد (المستوى الثاني)			عيار الشد (المستوى الأول)						
طول الغرزة (٣)	طول الغرزة (٢)	طول الغرزة (١)	طول الغرزة (٣)	طول الغرزة (٢)	طول الغرزة (١)	طول الغرزة (٣)	طول الغرزة (٢)	طول الغرزة (١)	
29	30	32	33	38.5	39	38	39	41.7	عينة ١
27	29	31	32.5	37.5	38.5	37.5	38.5	43.6	عينة ٢
26.5	27.5	30	32	36	38	36	38	44.5	عينة ٣
25	27	29.5	31	35	37	35	37.5	41.2	عينة ٤
23	26	29	30	33	36	34.5	37	39.4	عينة ٥

قوة شد الغرزة (504)

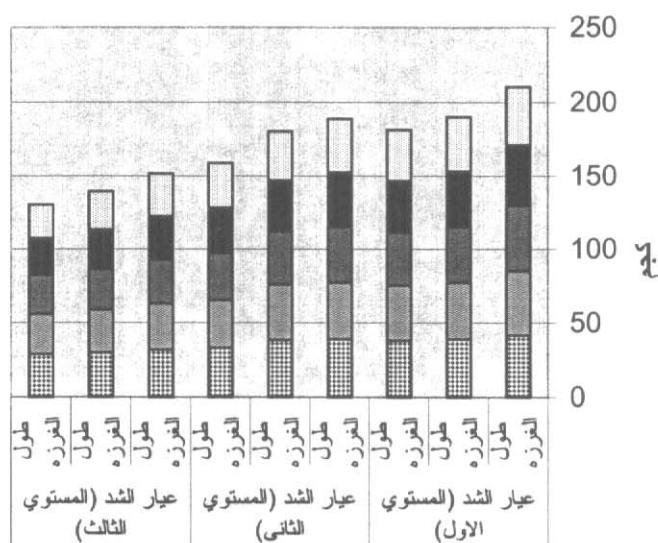
عينة 1 عينة 2 عينة 3 عينة 4 عينة 5



شكل (١٢)

قوة شد الغرزة (504)

عينة 1
عينة 2
عينة 3
عينة 4
عينة 5



شكل (١٣)

٢- الخطوط والمساحات البيانية : Line and Band Graphs

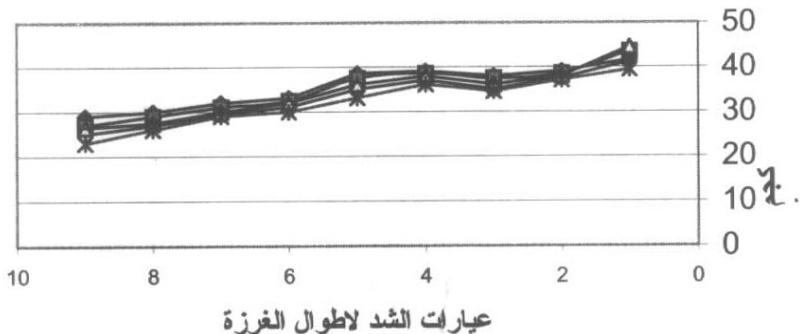
يعتبر استخدام الخطوط البيانية امتداداً لفكرة الأعمدة البيانية كما تعتبر المساحات البيانية امتداداً فكرياً للأعمدة المجزأة ، إذ أنها بتوصيل منتصف أعلى الأعمدة البسيطة على خطوط نحصل على الخط البياني و بتوصيل منتصفات أعلى الأجزاء المكونة للأعمدة نحصل على خطوط بيانية متجمعة تقع بين كل خطين منها مساحة تعبّر عن هذا الجزء من الظاهرة فقط ، وبديهي أنّه يمكننا رسم الخطوط البيانية في الحالين بدون رسم الأعمدة أو أجزائها على الإطلاق .

ويراعى في رسم الخطوط والمساحات البيانية نفس القواعد التي سردناها عند الحديث عن الأعمدة البسيطة والأعمدة المجزأة ، إذ أنها هنا أيضاً نبدأ المحور الرأسى من نقطة الصفر ونسجل القيم في شكل نقط (بدلاً من أعمدة) ويتم توصيل هذه النقط بخطوط مستقيمة ، كما يمكن استخدام الخطوط البيانية لتمثيل ظاهرتين مع التمييز بين الخطوط إما بالألوان أو باختلاف سمك الخطوط أو ما شابه ..

ويمكن إيضاح ذلك بالرسم التالي لنفس الأمثلة السابقة :

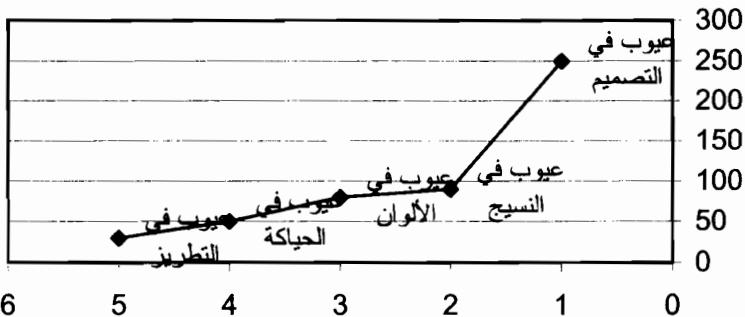
قوة شد الغرزة (504)

عينة 5 — عينة 4 — عينة 3 — عينة 2 — عينة 1



شكل (١٤)

توزيع القطع المعيبة



شكل (١٥)

٣- الصور والأشكال الرمزية : Pictorial and symbolic graphs

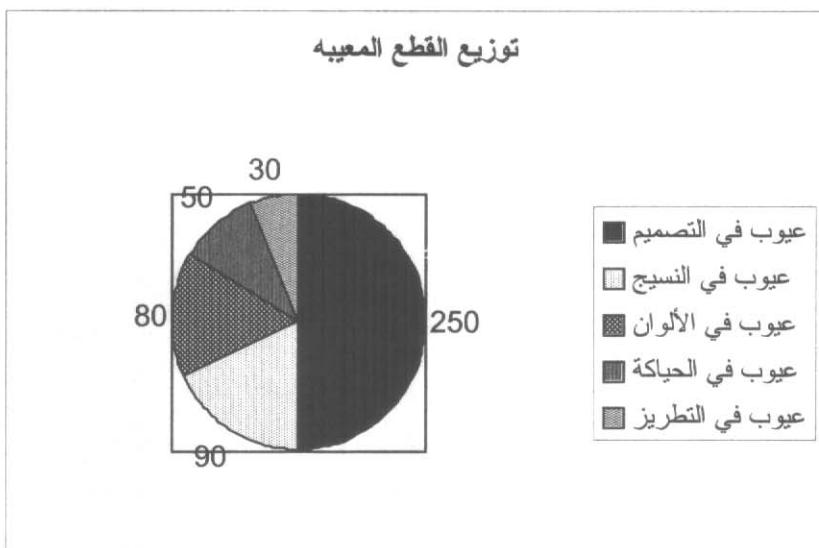
في حملات الدعاية والإعلان والإعلام لعامة الشعب يمكن اجتناب أنظار الناس بملء الرسوم البيانية بعض الرموز التي تمثل الظاهرة نفسها كقطع العملة إذا كان بالأرباح والخسائر أو الإيرادات أو قيمة المشتريات أو المبيعات أو بصورة مصغرة للسلعة أو بوجوه مختلفة الشكل للرجال والنساء والأطفال وهكذا تبعاً لاختلاف الموضوع .

ويراعى استخدام أساليب بسيطة في مثل هذه الرموز من الصور حرضاً على عدم ازدحام الرسم فتضيع الحكمة المتواحة منه ، كما يراعى بيان الاختلافات في القيم عن طريق تكرار الرمز لا تكبيره فإذا استخدمنا القطعة الواحدة من العملة لكي تمثل في الرسم ١٠ جنيهات يجب استخدام قطعتين من هذه العملة في الرسم لتمثيل عشرين جنيهها إذ لا يجوز في هذه الحالة مضاعفة حجم هذه القطعة على الرسم لأن العين المجردة لا يمكنها معرفة الاختلافات بين أحجام الرموز المختلفة في الرسوم البيانية .

* * *

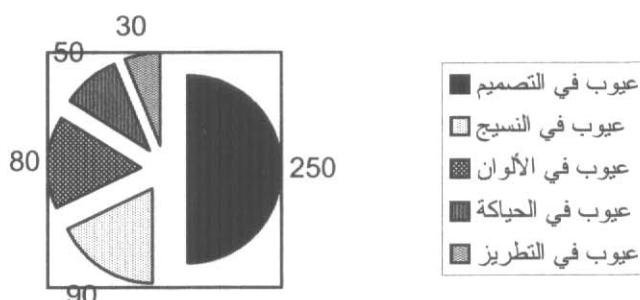
٤- الدوائر والمربعات :Pies and Squares

كما يمكن الاستعانة بالدوائر والأشكال الهندسية الأخرى كالمربعات والمثلثات مثلاً لبيان الفروق بين القيم المختلفة بيانياً وذلك برسمها بحيث تتناسب مساحة كل منها مع حجم الظاهرة موضوع التمثيل البياني ويوضح ذلك من مثال توزيع القطع المعيبة وإظهارها في النماذج التالية أشكال (١٦ : ١٩) .



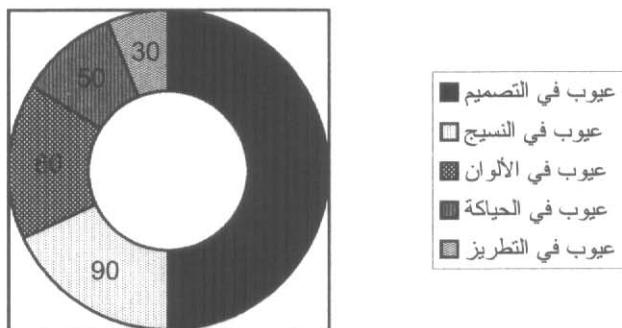
شكل رقم (١٦)

توزيع القطع المعيبة

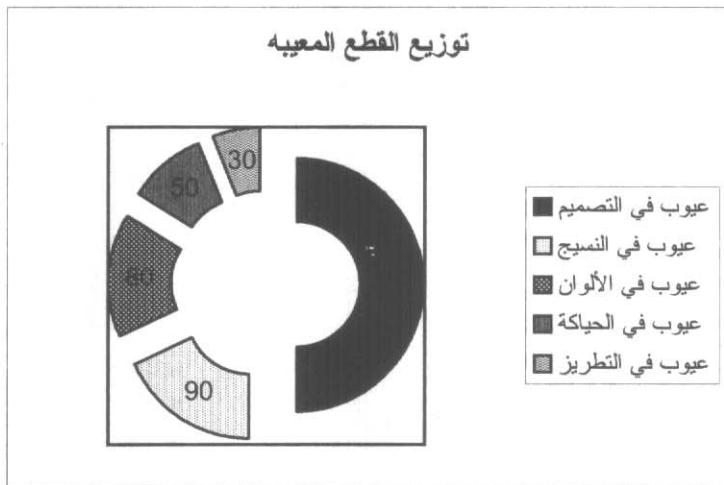


شكل رقم (١٧)

توزيع القطع المعيبة



شكل رقم (١٨)



شكل رقم (١٩)

٥- استخدام لوحات النسب المئوية للقطع المعيبة : Percent defective chits

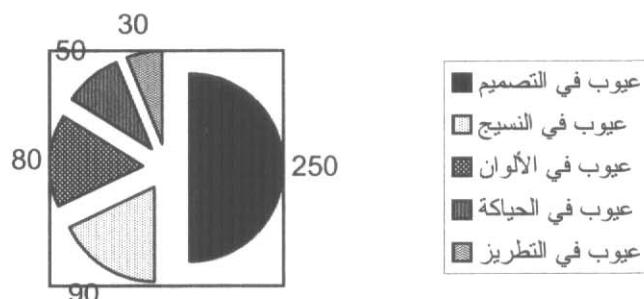
تستخدم هذه اللوحات البيانية على الأخص في التحكم في جودة الإنتاج عندما تكون المنتجات عبارة عن أجزاء من نوع واحد بكميات كبيرة ، وفي هذه الحالة يأخذ المفتش عينات عشوائية مكونة من وحدات كثيرة نسبياً مثل ١٠٠ أو ٢٠٠ قطعة في المرة الواحدة ويحدد عدد القطع المعيبة ويرسم نسبتها المئوية بالنسبة لـ إجمالي قطع العينة .

ثم نرصد أرقام النسب المئوية في لوحة بيانية موقع عليها « خطوط حدود الرقابة » Control Limits .

• تطبيقات إحصائية :

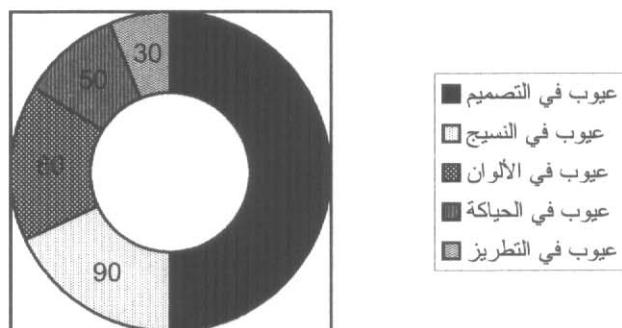
وإذا سلمنا بأن الإحصاء يستهدف تلخيص البيانات بحيث يسهل على الفاحص استيعابها بأقل عناء ممكن وأنه إذا كانت الجداول الإحصائية والرسوم البيانية تساعد على تحقيق هذا الهدف المنشود فإن بعض الحسابات الإحصائية تساعد أيضاً على تحقيق هذا الهدف وذلك بتلخيص الأرقام الكثيرة في شكل واحد يمكن أن يكون أحد المسميات الآتية :

توزيع القطع المعيبة



شكل رقم (١٧)

توزيع القطع المعيبة



شكل رقم (١٨)

ولكى نحصل على صيغة عامة لهذا الحساب يمكننا أن نرمز للمتوسط الحسابى بالرمز (s) ولكل رقم من أرقام المجموعة (s) ويمكن أن يكون الرقم الأول هو (s_1) والرقم الثانى (s_2) والرقم الثالث (s_3) والرقم الرابع (s_4) والرقم الخامس (s_5) .

$$\frac{s_1 + s_2 + s_3 + s_4 + s_5}{5} = \text{إذن } s$$

وفي الحالة العامة يمكننا أن نرمز لعدد القيم بالرمز (n) وبذلك يكون :

$$\frac{s_1 + s_2 + \dots + s_n}{n}$$

أو إذا أردنا شكلاً أبسط لهذه الصيغة نكتفى بالقول بأن :

$$\frac{\text{مج } s}{n} = s$$

وفى يلي أمثلة تطبيقية للتحليلات الإحصائية :

مثال (١) :

يعطى الجدول التالي التوزيع التكراري لعدد ١٠٠ طبقة فرد (فرشة) لبدلة رجالى عرضها ١٦٠ سم من إنتاج إحدى شركات الملابس العاجزة حيث تحدد مواصفات الإنتاج طول الفرشة بمقدار ١٢ متراً .

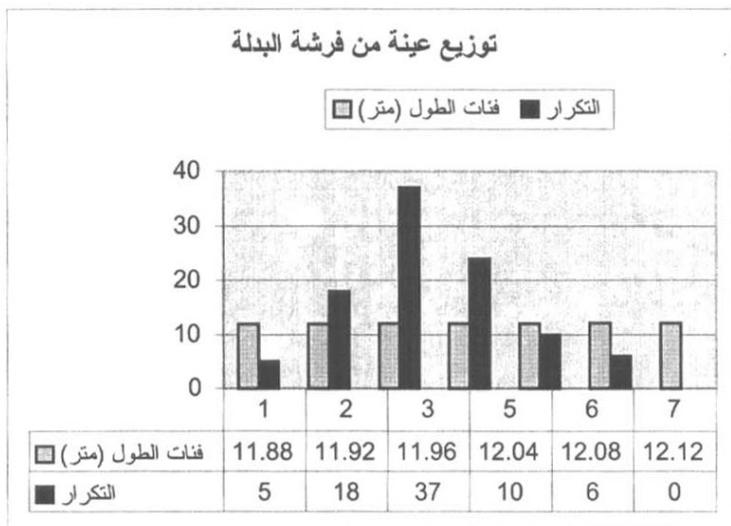
* * *

جدول (٨)

توزيع أطوال عينة من طبقات الفرد (فرشة) البدلة

النكرار	فئات الطول (متر)
٥	١١,٨٨
١٨	١١,٩٢
٣٧	١١,٩٦
٢٤	١٢,٠٠
١٠	١٢,٠٤
٦	١٢,١٢-١٢,٠٨
١٠٠	مجموع

فيكون العرض البياني للتوزيع التكراري كما في شكل (٢٠)



شكل (٢٠)

العرض البياني للتوزيع عينة من طبقات الفرد (فرشة) البدلة

ويبيّن المدرج التكراري بصورته التقليدية هذه أن ترکز بيانات العينة يأتي قريباً من القيمة المستهدفة لطول الفرشة ، كما يوضح انتشار القيم حول متوسطها وهذه هي أهداف الاستخدام المعتمد للمدرج التكراري لتمثيل البيانات ، غير أنه في حالة مراقبة الجودة يمكن إضافة بعض الملامح إلى المدرج التكراري لتصبح بذلك أداة فعالة لقياس مقدرة العملية الإنتاجية ^(١) ، ويتم ذلك بحساب الوسط الحسابي والانحراف المعياري من بيانات العينة واستخدامها في حساب حدود التفاوت التي تعتبر مقبولة من حيث الالتزام بالمواصفات الموضوعة مسبقاً على أطوال طبقات الفرد (الفرشة) وإدخال هذه الحدود وكذلك المتوسط على الشكل البياني أي على المدرج التكراري ويتم استخدام الجدول التالي لحساب كل من الوسط الحسابي والانحراف المعياري للعينة .

جدول (٩)

تقدير الوسط الحسابي والانحراف المعياري للعينة

الفئة	التكرار ك	متوسط الفئة س	الانحراف ح - (س - أ)	ح ك	أ (ح)
-11,88	٥	١١,٩٠	٠,١٠-	٥	٠,٠٥٠
-11,٩٢	١٨	١١,٩٤	٠,٠٦-	١٨	٠,٠٨٦٨
-11,٩٦	٣٧	١١,٩٨	٠,٠٢-	٣٧	٠,١٤٨
-12,٠٠	٢٤	١٢,٠٢	٠,٠٢	٢٤	٠,٠٩٦
-12,٠٤	١٠	١٢,٠٦	٠,٠٦	١٠	٠,٠٣٦
١٢,١٢-١٢,٠٨	٦	١٢,١٠	٠,١٠	٦	٠,٠٦
الإجمالي	١٠٠				٠,١٨١٢
					٠,٦٤-

فيكون الوسط الحسابي :

$$\text{متوسط} = \frac{\sum_{i=1}^{n-1} (X_i + 2\sigma) + (X_n - 2\sigma)}{n}$$

$$= \frac{(11,94 + 2 \times 0,64) + (11,94 - 2 \times 0,64)}{100}$$

$$= \frac{12,21 + 11,67}{100}$$

$$= 11,94 \text{ متراً تقريباً}$$

(١) تشير مقدرة العملية الإنتاجية Process Capability إلى أن التفاوت الحادث فعلاً في الإنتاج يقع في حدود المواصفات الموضوعة مسبقاً على جودة المنتج .

والانحراف المعياري :

$$= \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{م - ك}{ك} \right)^2}} = \frac{2}{\sqrt{\frac{م - ك}{ك}}} = ع$$

$$= \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{0,64 - 0,42}{100} \right)}} = \frac{2}{\sqrt{\frac{0,1812}{100}}} =$$

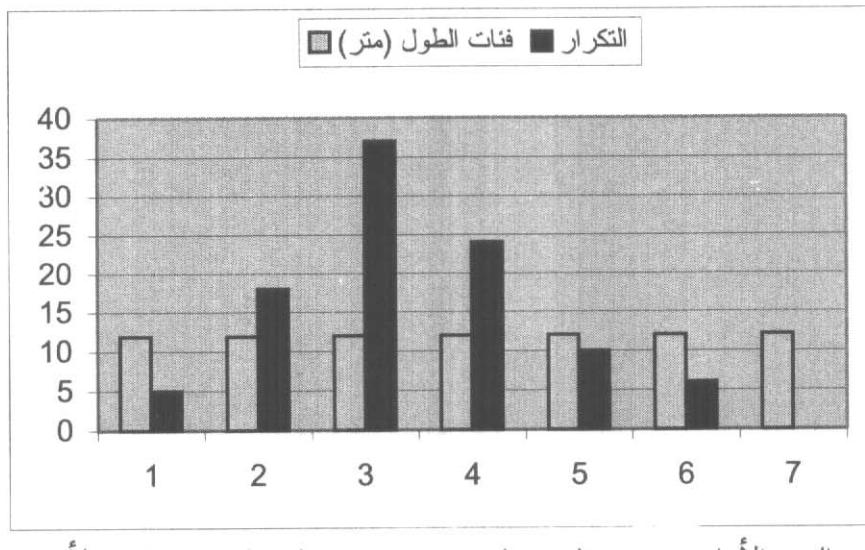
حيث أ هي المقدار الثابت الذي طرح من مراكز الفئات س لتنتج الانحراف ح وذلك لتبسيط الحسابات وعادة يستخدم الوسط الحسابي مضافاً إليه ثلاثة انحرافات معيارية لتحديد حد المراقبة الأعلى ومطروحاً من ثلاثة انحرافات معيارية لتحديد حد مراقبة الأدنى حيث بافتراض أن البيانات تتبع التوزيع الطبيعي فيكون ٩٩,٧٣٪ من المفردات داخل الحدود س + ٣ ع .

أى داخل الحدود

$$11,994 + 3 \times 0,42 = 12,12 , 11,868$$

ويإدخال هذه الحدود على المدرج التكراري شكل (١٠) يصبح الشكل ذو فائدة أكبر في مراقبة الجودة حيث يتضح أن المدرج التكراري يقع بالكامل داخل مدى المراقبة كما أن المتوسط الحسابي للعينة ١١,٩٩٤ متراً يقع قريباً من القيمة المستهدفة للأطوال ١٢ متراً وهذا يعني أن العملية الإنتاجية مستقرة .

* * *



شكل (٢١)
العرض البياني كأداة للرقابة على الجودة

مثال (٢) :

تقوم شركة للملابس الجاهزة بفحص الإنتاج النهائي لفرزها إلى إنتاج درجة أولى ليس به عيوب ظاهرة وبياع بالأسعار العادلة ونظرًا لزيادة عدد القطع في المجموعة الثانية فقد أرادت الشركة تتبع أكثر الأسباب أهمية في وجود عيوب في الإنتاج بغية تحسين الإنتاج وتقليل الفاقد ، وبفحص ٥٠٠ قطعة معيبة أمكن تقسيمها حسب العيب كما في جدول رقم (١٠) .

* * *

جدول (١٠)

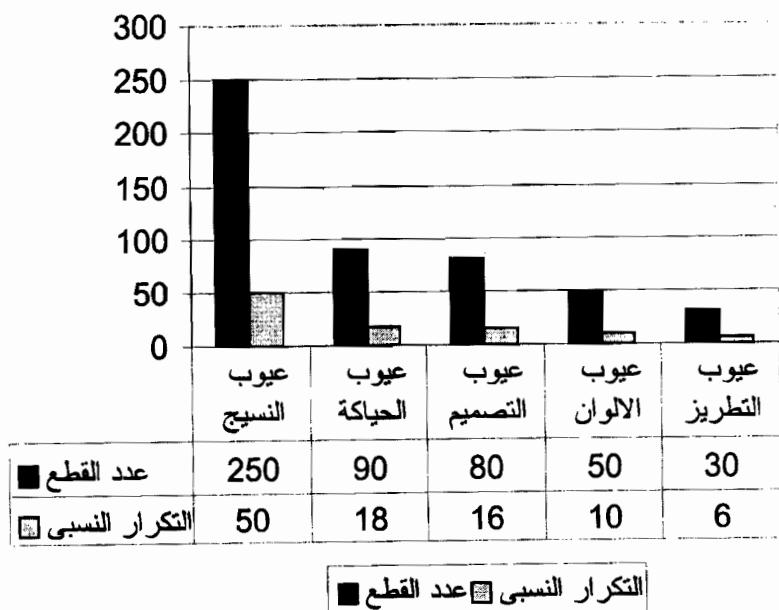
توزيع ٥٠٠ قطعة ملابس معيبة حسب العيب

المشكلة	عدد القطع
عيوب في التصميم	٨٠
عيوب في النسيج	٢٥٠
عيوب في الألوان	٥٠
عيوب في الحياكة	٩٠
عيوب في التطريز	٣٠
إجمالي عدد القطع المعيبة	٥٠٠

باستخدام هذه البيانات بعد ترتيبها تناظرياً من حيث عدد القطع يمكن توضيح العرض البياني كما في شكل رقم (٢٢) .

ويلاحظ أن المحور الأفقي لا يمثل ظاهرة مقايسة (أطول ، أوزان ، أعمار ، ...) وإنما يمثل صفات خصص لكل منها عمود (فة) ويتساوى اتساع الأعمدة وبالتالي تعكس ارتفاعاتها التكرار أو الأهمية النسبية لكل منها . ويمكن تحويل الجدول السابق إلى جدول تكراري نسبي يحوى النسب المئوية لكل فئة كما بالجدول رقم (١١) .

* * *



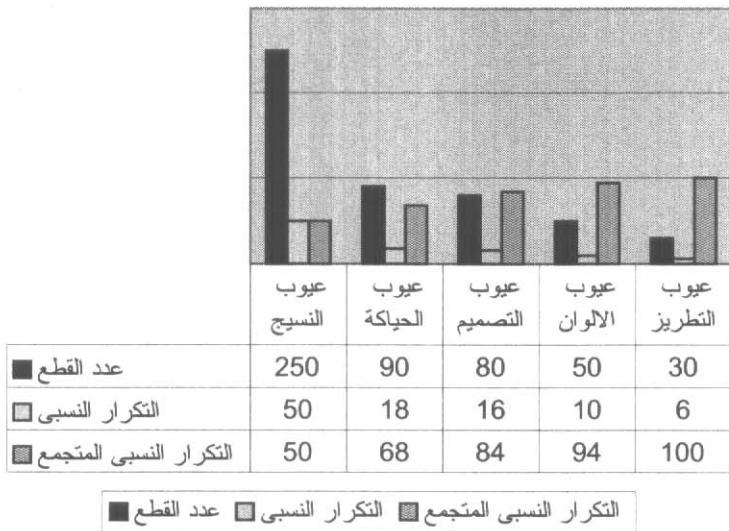
شكل رقم (٢٢)

جدول (١١)

التكرار النسبي للتوزيع الوحدات المعيبة

المشكلة	عدد القطع	النكرار النسبي	النكرار النسبي المجتمع
عيوب النسيج	٢٥٠	٥٠	٥٠
عيوب الحياكة	٩٠	١٨	٦٨
عيوب التصميم	٨٠	١٦	٨٤
عيوب الألوان	٥٠	١٠	٩٤
عيوب التطريز	٣٠	٦	١٠٠
مجموع	٥٠٠	١٠٠	

ثم يستخدم عمودي التكرار النسبي والتكرار النسبي المجتمع في رسم المدرج التكراري والمنحنى المجتمع كما في الشكل رقم (٢٢) .



شكل (٢٣)

ومن الواضح أن عيوب النسيج والحياكة والتصميم مسؤولة عن حوالي ٨٤٪ من مشاكل الجودة ومن ثم فمن المفيد تتبع هذه المشاكل للحد من تأثيرها ، **شكل الانتشار :**

قد يكون من المفيد إذا كانت العملية الإنتاجية خارج حدود الرقابة التعرف على الأسباب التي قد تكون راجعة لماكينات الإنتاج أو للعمالة أو للمواد الخام المستخدمة أو لبيئة العمل أو غيرها من الأسباب فإذا اتضح أن لأى من هذه العوامل منفردة أو مجتمعة تأثير على جودة الإنتاج فإنه من الممكن تدارك الخلل وإصلاحه لإعادة العملية الإنتاجية تحت الرقابة .

ويمكن الاستدلال بشكل مبدئي على وجود علاقة بين هذه المتغيرات وجودة الإنتاج باستخدام شكل الانتشار فإذا كنا نرغب مثلاً في معرفة وجود علاقة من عدمه بين عمر الماكينات المستخدمة وعدد الوحدات المعيبة في إنتاج كل منها فمن الممكنأخذ عينة عشوائية متساوية من إنتاج كل ماكينة وتسجيل عدد الوحدات المعيبة في كل عينة ثم يتم رسم شكل الانتشار بتمثيل عمر الماكينات على المحور الأفقي وعدد العيوب على المحور الرأسى وتمثل كل ماكينة بنقطة

على الشكل إحداثياً الأقصى عمر الماكينة وإحداثياً الرأسي عدد الوحدات المعيبة في إنتاج الماكينة ، فإذا أتمنا تمثيل النقاط لجميع الماكينات فإن انتشار النقاط بعض فكرة مبدئية عن إمكانية تمثيل العلاقة بين عمر الماكينة وعدد الوحدات المعيبة باستخدام خط مستقيم أي أن تكون العلاقة خطية ، فإذا كان الأمر كذلك فإن شدة العلاقة تتوقف على مدى تركز أو قرب النقاط من الخط فكلما تركزت النقاط حول الخط دل ذلك على شدة الارتباط بين المتغيرين ، وعلى العكس فإن انتشار الواسع للمشاهدات حول خط الانحدار المقترن يشير إلى أن الارتباط الخطى بينهما ضعيف .

مثال (٣) :

يعطى الجدول التالي أعمار ١٠ ماكينات حياكة مستخدمة في إنتاج القميص الرجالى وعدد الوحدات المعيبة في عينة عشوائية متساوية مأخوذة من إنتاج كل منها .

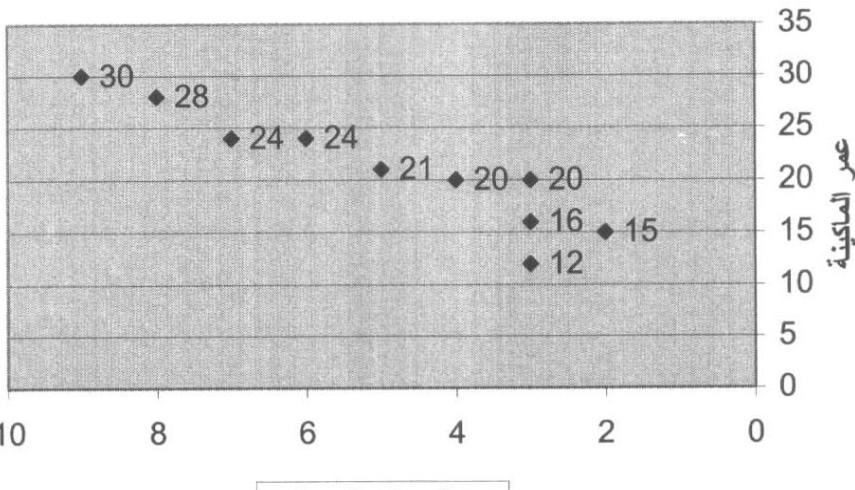
هل هناك علاقة جوهرية بين أعمار الماكينات ونسبة المعيب في إنتاج كل منها بما يستلزم التفكير في إحلال الماكينات القديمة منها ؟

جدول (١٢)

عمر الماكينة	عدد الوحدات المعيبة
٣	٩
٩	٣
٣	٧
٧	٣
٣	٢
٢	٥
٥	٦
٦	٤
٤	٨
٨	
١٢	٣٠
٣٠	١٦
١٦	٢٤
٢٤	٢٠
٢٠	١٥
١٥	٢١
٢١	٢٤
٢٤	٢٠
٢٠	٢٨
٢٨	

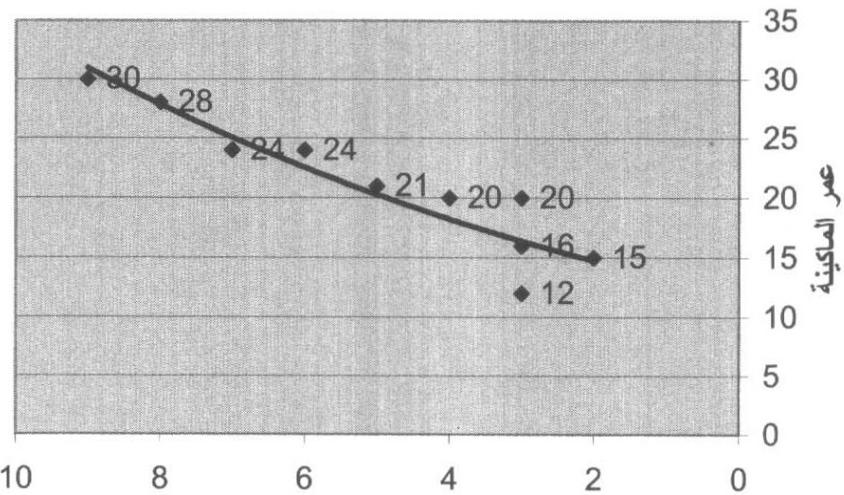
فيكون شكل الانتشار باستخدام بيانات الجدول كما في شكل (٢٤) ومنها يتضح أن من الممكن أن يمر خط مستقيم بين النقاط بما يقترح وجود علاقة ارتباط خطى بين عمر الماكينة وعدد الوحدات المعيبة في إنتاجها كما في شكل (٢٥) .

عدد الوحدات المعيبة



شكل (٢٤)

عدد الوحدات المعيبة



شكل رقم (٢٥)

وبالرغم من أن جميع النقاط في شكل الانتشار قريبة من خط العلاقة المقترن إلا أنها لا نستطيع أن نقطع بوجود علاقة معنوية بين المتغيرين إلا من خلال الإجراء الإحصائي المناسب ، ولما كان الهدف عادة في مراقبة الجودة هو معرفة وجود علاقة بين المتغيرين من عدمه فإنه يمكن تحقيق هذا الهدف من خلال حساب معامل الارتباط واختبار معنويته ^(١) .

- تقدير معامل الارتباط :

نقدر معامل الارتباط بالاستعانة بالجدول رقم (١٣) .

جدول (١٣)

عمر الماكينة (سن)	عدد الوحدات المعيبة (سن)	العينة (سن)	العينة (ص-ص)				
٨	٢٨	٣	٧	٢١	٩	٩	٤٩
٤	٢٠	١-	١-	١	١	١	١
٦	٢٤	١	٣	٣	٣	١	٩
٥	٢١	-	-	-	-	-	-
٢	١٥	٣-	٦-	١٨	٩	٩	٣٦
٣	٢٠	٢-	١-	٢	٤	٤	١
٧	٢٤	٢	٣	٦	٤	٤	٩
٣	١٦	٤-	٥-	١٠	٤	٤	٢٥
٩	٣٠	٤	٩	٣٦	١٦	١٦	٨١
٣	١٢	٢-	٩-	١٨	٤	٤	٨١
٥٠	٢١٠	-	-	١١٥	٥٢	٥٢	٢٩٢

$$س = \frac{\sum s}{n} = \frac{50}{210}$$

$$ص = \frac{\sum c}{n} = \frac{21}{10}$$

(١) في حالات أخرى قد يكون مطلوباً استخدام العلاقة بين المتغيرين في التنبؤ وفي هذه الحالة يلزم تقدير علاقة الانحدار $ص = أ + ب س$ واختبار معنويتها قبل استخدامها في التنبؤ .

معامل الارتباط =

$$\frac{\text{محـ (سـسـ) (صـصـ)}}{\text{محـ (سـسـ) } \times \text{ محـ (صـصـ) }} =$$

$$= \frac{115}{0,93 \times 52} =$$

واضح أن معامل الارتباط كبير حيث يقترب من الارتباط التام بين المتغيرين (ر = 1) مما يدل على شدة العلاقة بين المتغيرين ولكنه بصفة عامة يجب اختبار معنوية معامل الارتباط حيث تتوقف معنوية معامل الارتباط على حجم العينة فكلما كان حجم العينة صغيراً كلما لزم أن يكون معامل الارتباط كبيراً لكي يكون معنوياً.

ويمكن إجراء اختبار المعنوية باستخدام توزيع ت وذلك بحساب قيمة ت باستخدام النسبة :

$$T = \frac{n - 2}{1 - r}$$

ومقارنتها بقيمة ت الجدولية بدرجات حرية n - 2 حيث r معامل الارتباط ، n عدد المفردات وهو هنا عدد الماكينات .

$$T = \frac{7,10}{\frac{2,63}{0,368}} = \frac{2 - 10}{1 - 0,93} = 0,93$$

قيمة ت الجدولية بمستوى معنوية ٥٪ ودرجات حرية ٨ = ٢,٣٠٦

حيث أن ت المحسوبة أكبر من ت الجدولية

معامل الارتباط معنوي بين عمر الماكينة وعدد الوحدات المعيبة ، أى أن هناك تأثير طردى لعمر الماكينة على نسبة المعيب فى إنتاجها ويمكن للإدارة النظر فى استبدال الماكينات الأقدم من خلال دراسة مقارنة للتکاليف الاستثمارية الالزامية للاستبدال بالعائد منها فى صورة تقليل نسبة المعيب فى إنتاجها قبل اتخاذ مثل هذا القرار .