

طرق مباشرة لتحديد تركيب بلوري

Direct methods of crystal structure determination

طرق عديدة لتحديد التركيب البلوري قد تم تحديدها على أنها "مباشرة" (مثل طرق دالة باترسون، فورير) في أنها تحت ظروف معينة فإنه من الممكن أن تسير خطوات منطقية بشكل مباشر من شدات الشعاع السيني المقاسة إلى حل كامل للتركيب البلوري. من ناحية ثانية يحتفظ بالحد "مباشرة" لتلك الطرق التي تحاول اشتقاء أطوار عامل التركيب، كافية إلكترونية أو إحداثيات ذرية بوسائل رياضية من شدات حزمة شعاع سيني وحيدة. من هذه الاحتماليات يكون تحديد الأطوار هو الأكثر أهمية لكريستالوجرافيا الجزيء الصغير.

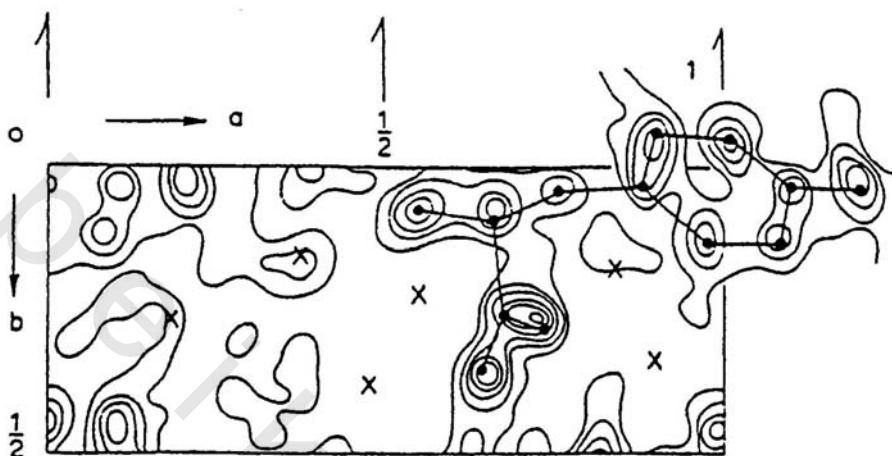
٩،١) ساعات وأطوار

إن أهمية الأطوار في تحديد التركيب واضحة، لكن من المفيد أن تفحص أهميتها نسبة إلى الساعات. لعمل هذا نستخدم نظرية الالتفاف convolution theorem، التي وضعت خارجاً في ملحق ١. ليس من الضروري أن تفهم الرياضيات بالتفصيل، لكن نذهب إلى استخدام نفس العلاقة بين الدوال المشاهدة في المعادلات (٣٥، ٣٦). و(١).

دعنا نعتبر عامل تركيب كاتج ضرب سعة $|F(h)|$ وعامل طور $\exp(i\phi(h))$ حيث h متوجه حيز معكوس، ستمثل حزمة الثلاث معاملات هنا برمز واحد. سوف نستدعي تحول فوري من $|F(h)|$ "تشييد سعات" وتحول فوري من الدالة $\exp(i\phi(h))$ "تشييد الطور". تعطى نظرية الالتفاف:

$$(9,1) \quad \begin{array}{ccc} |F(h)| & \times & \exp(i\phi(h)) \\ \downarrow \text{F.T.} & & \downarrow \text{F.T.} \\ \text{كثافة إلكترونية} & = & \text{تشييد طور} * \text{تشييد سعة} \end{array}$$

حيث * هي عامل الالتفاف. لابد لتشييد السعة أن تشبه إلى حد ما دالة باترسون بقمة نقطة كبيرة والتفافها مع تشييد الطور سوف يضع هذه القمة الكبيرة عند موضع كل قمة في تشييد الطور. لابد لتشييد الطور أن يحتوي على قمم عند الموضع الذري للالتفاف ليعطي الكثافة الإلكترونية. معلومات عن الواقع الذري من خريطة الكثافة الإلكترونية. هكذا فإن الأطوار مفضلاً عن السعات هي التي تعطي معلومات عن الواقع الذري في خريطة كثافة إلكترونية. إن توضيح جيد لهذا أعطى بواسطة راماخاندران Ramachandran [1] اللذان حسبا خريطة كثافة إلكترونية باستخدام الأطوار من تركيب واحد (A) والسعات من تركيب آخر (B). توضح الخريطة في الشكل رقم (9,1) قمم الكثافة الإلكترونية مقابلة للمواقع الذرية في التركيب A فضلاً عن B. واضح من طبيعة المشكليتين المعطيتين لنا أن مشكلة الطور تكون أكثر صعوبة من مشكلة السعة.



الشكل رقم (٩,١). تشييد فوريير محسوب من $|F_B| \exp(i\phi_B)$ حيث A و B تركيبيان مختلفين. الواقع الذري للتركيب A معلمة بال نقاط وتلك للتركيب B بال نقاط.

(٩,٢) الأسس الفيزيائية لطرق مباشرة

The physical basis of direct methods

إذا كانت السعة والطور لعامل تركيب كميتان مستقلتان، فيليس بالإمكان للطرق المباشرة أن تحسب الأطوار من ساعات تركيب مشاهدة. لحسن الحظ لا يكون سعة وطور عامل التركيب مستقلان، لكن يرتبطان خلال معلومة الكثافة الإلكترونية وهكذا، إذا كانت الأطوار معروفة، يمكن حساب الساعات لتتلائم مع معلوماتنا عن الكثافة الإلكترونية. وبالمثل يمكن حساب الأطوار من ساعات. إذا لم يكن هناك شيء معروف على الإطلاق حول الكثافة الإلكترونية فلا يمكن لأطوار أو ساعات أن تحسب من الأخرى.

على كل، فإن بعض الشيء يكون دائماً معروفاً حول الكثافة الإلكترونية، وإلا فلن يكون بإمكاننا أن نميز الإجابة الصحيحة عندما نحصل عليها. إن خصائص وسمات الكثافة الإلكترونية الصحيحة يمكن التعبير عنها كقيود رياضية على الدالة $(x)m$ التي ستُحدد. حيث إن $(x)m$ ترتبط بعوامل التركيب بواسطة تحويل فوريير فإن قيوداً على

الكثافة الإلكترونية تفرض قيوداً مكافئة على عوامل التركيب. حيث أن ساعات التركيب تكون معروفة، فإن معظم القيود تحد من قيم أطوار عامل التركيب وفي أحيان مفضلة تكون كافية لتحديد قيم الطور مباشرة.

(٩,٣) قيود على الكثافة الإلكترونية Constraints on the electron density

لابد للكثافة الإلكترونية الصحيحة أن تملك دائماً بعض سمات قمم ذرية منفصلة ومتمنية (تحليل عالي كافٍ) ولا يمكن مطلقاً أن يكون لها سمات أخرى مثل ذرات سالبة. إن قيود الكثافة الإلكترونية التي من الممكن أن تستخدم أو لا تستخدم في تحديد التركب محددة في الجدول رقم (٩,١). إن القيود التي تعمل على الخلية ككل تكون عادة أكثر فعالية عن تلك المؤثرة فقط على حجم صغير.

الجدول رقم (٩,١). قيود كثافة الإلكترونية.

كيف يستخدم	قيود
عوامل تركيب مسواة	١ - ذرات منفصلة
علاقات غير متساوية	$\rho(x) \geq 0$ - ٢
علاقات طور وصيغ مماس	٣ - توزيع ذرات عشوائي
صيغ مماس	$\int \rho^3(x) dV = \text{max}$ - ٤
Sayre's equation	٥ - ذرات متساوية
طرق أنتروبيا قصوى	$-\int \rho(x) \ln(\rho(x)/q(x)) dV = \text{max}$ - ٦
طريقة استبدال جزيئية	٧ - جزيئات متساوية
تقنيات تغيير الكثافة	$\rho(x) = \text{ ثابت}$ - ٨

Discrete atoms (٩,٣,١)

يكون المدخل الأول في الجدول، ذاك للذرات منفصلة، دائماً متاحاً حيث إن هذه خاصية طبيعة المادة الحامة. لاستخدام هذه المعلومة، نزيل تأثيرات الشكل الذري من F_0

ونحوها إلى E_s ، عوامل التركيب السوية. تربط E_s لهذا بدرجة قريبة لعوامل فورير لتركيب ذرة – نقطي point- atom structure. عندما تكون مستخدمة في صيغ تحديد-طور، يكون التأثير هو تقوية قيود الطور بحيث ينبغي أن تحتوي خريطة الكثافة الإلكترونية دائمًا على قمم ذرية. تظهر نظرية الالتفاف العلاقات بين كل هذه الكميات:

$$(9,2) \quad \begin{array}{c} E(h) \\ \downarrow F.T. \\ \text{ذرة حقيقة} \end{array} \times \begin{array}{c} \text{عامل حجب ذري} \\ \uparrow F.T. \\ * \text{ تركيب ذرة نقطي} \end{array} = \begin{array}{c} F(h) \\ \uparrow F.T. \\ \rho(x) \end{array}$$

نفترض هذه العلاقة أن تكون كل القمم نفس الشكل، الذي هو تقرير جيد عند التحليل الذري. إن نزع التفاف الخريطة لإزالة شكل القمة يمكن التعبير عنه هكذا:

$$(9,3) \quad |E(\mathbf{h})|^2 = \frac{|F_o(\mathbf{h})|^2}{\epsilon_{\mathbf{h}} \sum_{i=1}^N f^2}$$

حيث $\epsilon_{\mathbf{h}}$ هو عامل لحساب تأثير تماثل الزمرة الفراغية على الشدة المشاهدة. إذا لم تكون الكثافة من قمم ذرية، لا تكون لهذه العملية أي معنى فيزيائي ملائم.

٩,٣,٢) كثافة إلكترونية غير سالبة Non-negative electron density

يعبر المدخل الثاني في الجدول رقم (٩,١) استحالة كثافة إلكترونية سالبة. يؤدي هذا إلى علاقات غير متساوية بين عوامل التركيب، خاصة تلك لكارلي Karle وهو بتمان [2]. يؤدي التعبير عن الكثافة الإلكترونية كجمع لسلسل فورير وفرض القيد بأن $0 \geq \rho(x)$ يؤدي إلى المتطلب بأن عوامل فورير $E(\mathbf{h})$ لابد أن تستوفى:

تحليل التركيب البلوري ...

$$(9,4) \quad \begin{vmatrix} E(\mathbf{0}) & E(\mathbf{h}_1) & E(\mathbf{h}_2) & \cdots & E(\mathbf{h}_n) \\ E(-\mathbf{h}_1) & E(\mathbf{0}) & E(-\mathbf{h}_1 + \mathbf{h}_2) & \cdots & E(-\mathbf{h}_1 + \mathbf{h}_n) \\ & & \cdots & & \\ E(-\mathbf{h}_n) & E(-\mathbf{h}_n + \mathbf{h}_1) & E(-\mathbf{h}_n + \mathbf{h}_2) & \cdots & E(\mathbf{0}) \end{vmatrix} \geq 0$$

يكون الحد الأيسر هو محددة كاري - هو بتمان، التي قد تكون بأي رتبة ويعطي التعبير العام حزمة كاري - هو بتمان حزمة من تباينات. لاحظ أن العناصر في أي صف أو عمود تعرف المحددة بالكامل. قد تكون هذه العناصر أي حزمة من عوامل تركيب طالما تكون كلها مختلفة. حيث أن عوامل التركيب السوية $E(\mathbf{h})$ و $E(-\mathbf{h})$ هي أعداد مركبة متراقبة لبعضها، تبدو المحددة أنها تملك تماثل هيرميشن Hermitian أي أن نقلها (من جانب لأخر) أو تبديلها يكون مساوياً لعدها المركب المرافق. كمثال على كيف أن علاقة التباين (4,9) قد تقيد قيم أطوار معطى بمحددة

الرتبة الثالثة:

$$(9,5) \quad \begin{vmatrix} E(0) & E(\mathbf{h}) & E(\mathbf{k}) \\ E(-\mathbf{h}) & E(0) & E(-\mathbf{h} + \mathbf{k}) \\ E(-\mathbf{k}) & E(-\mathbf{k} + \mathbf{h}) & E(0) \end{vmatrix} \geq 0$$

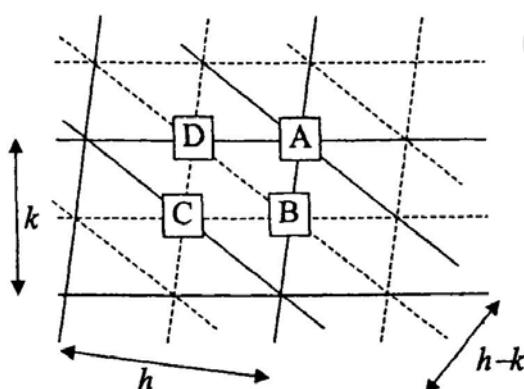
إذا كان التركيب متماثل مركرياً بحيث $E(\mathbf{h}) = E(-\mathbf{h})$ ، يعني تمدد المحددة:

$$E(0)[|E(0)|^2 - |E(\mathbf{h})|^2 - |E(\mathbf{k})|^2 - |E(\mathbf{h} - \mathbf{k})|^2]$$

$$(9,6) \quad + 2E(\mathbf{h})E(-\mathbf{k})E(-\mathbf{h} + \mathbf{k}) \geq 0$$

الحد الوحيد في هذا التعبير الذي يكون معتمدأً على الطور هو الحد الأخير على الناحية اليسرى. لهذا، فإن قيمة $E(\mathbf{h})$ كبيرة كفاية، يمكن للتباین أن يستخدم لإثبات أن إشارة $E(\mathbf{h})E(-\mathbf{k})E(-\mathbf{h} + \mathbf{k})$ لا بد أن تكون موجبة.

يكون من المهم أن نبين كيف أن هذا يُعبر عنه في حدود الكثافة الإلكترونية. يظهر الشكل رقم (٩,٢) ثلاث حزم من مستويات بلورية مقابلة لمتجهات الشبكة المعكosa h, k و $h - k$ مرسومة كخطوط كاملة، تكون الخطوط المتقطعة في المنتصف. لو وقعت القيمة العظمى لموجات جيب التمام لكون الفورير $E(h)$ على الخطوط الكاملة، سوف تقع النهاية الصغرى على الخطوط المنقطة والعكس بالعكس. لو أن الانعكاسات الثلاث $E(h)$ و $E(k)$ و $E(h - k)$ تكون كلها قوية وتكون الكثافة الإلكترونية موجبة، فلابد للذرات أن تقع في موقع تكون قرب النهاية العظمى لكل المكونات الثلاثة بشكل متزامن. أمثلة على تلك الموقع هي المرقمة A، B، C و D في الشكل رقم (٩,٢). لو أن معظم الذرات في التركيب تكون على الموقع من النوع A، فإن $E(h)$ و $E(k)$ و $E(h - k)$ سوف تكون كلها قوية وموجبة. لو أن معظم الذرات تكون على الموقع من النوع B، سوف تظل الانعكاسات الثلاث قوية، لكن كل من $E(h)$ و $E(k)$ سوف تكون سالبة. هذه القيم مدونة في الجدول رقم (٩,٢) بالإضافة إلى الإشارات المتحصل عليها عندما تكون معظم الذرات عند الموقع C أو D. في كل حالة يبدو أن حاصل ضرب الإشارات الثلاث يكون موجباً.



.الشكل رقم (٩,٢). إشارة $E(-h)E(h-k)E(k)$

الجدول رقم (٩,٢). إشارات عوامل تركيب $E(h)$ و $E(h-k)$ عندما تكون الذرات موضوعة على المواقع المبينة في الشكل رقم (٩,٢).

$s(h)s(k)s(h-k)$	$s(h-k)$	$s(k)$	$s(h)$	موقع
+	+	+	+	A
+	-	-	+	B
+	+	-	-	C
+	-	+	-	D

علاقة أخرى مفيدة من نوع آخر يمكن الحصول عليها من محددة الرتبة الرابعة:

$$(٩,٧) \quad \begin{vmatrix} E(0) & E(h) & E(h+k) & E(h+k+l) \\ E(-h) & E(0) & E(k) & E(k+l) \\ E(-h-k) & E(-k) & E(0) & E(l) \\ E(-h-k-l) & E(-k-l) & E(-l) & E(0) \end{vmatrix} \geq 0$$

مرة ثانية، لتركيب متماثل مركريًا وتحت الشروط الخاصة بأن $|E(h+k)| = |E(h+l)| = 0$ يعطي تمدد المحددة الصيغة الرياضية:

$$(٩,٨) \quad 2E(-h)E(-k)E(-l)E(h+k+l) \geq 0$$

بالتبادل الدائري للمعاملات h , k و l يمكن تدوين محددتين متاشابهتين. بوضع $|E(k+l)| = |E(h+l)| = |E(h+k+l)| = |E(h+k)| = 0$ ومع ساعات كبيرة بدرجة كافية لـ $E(h)E(k)E(l)E(-h-k-l)$ يمكن أن تثبت هذه أن الحد $E(h+k+l)$ لا بد أن يكون سالبًا.

(٩,٣,٣) توزيع ذري عشوائي Random atomic distribution

إن قيد كثافة إلكترونية غير سالبة يكون بمقدوره فقط حصر تلك الأطوار التي تجعل $(x)^p$ سالبة لبعض x لقيمة ما من الطور. إن هذا يكون ممكناً إذا كان عامل

التركيب في المعادلة يمثل كسرًا مميزًا من الطاقة المشتقة. من ناحية ثانية يكون هذا أقل ملائمة أن يحدث كلما كان التركيب كبيراً ونصل إلى نقطة سريعاً حيث لا يمكن أن نحصل على معلومة طور لأي عامل تركيب. قيد أكثر تأثير يكون لهذا مطلوباً الذي يعمل على الكثافة الإلكترونية ككل بغض النظر عن قيمته.

إن هنا يمكن إحرازه بالاتحاد القيدتين الأولين في الجدول رقم (٩,١) ليتتج المدخل الثالث، حيث يفترض للتركيب أن يتكون من توزيع عشوائي للذرارات. يعطي التحليل الرياضي توزيع احتمالي للأطوار مفضلاً عن قيم مسمومة وغير مسمومة فحسب. إن التوزيع الاحتمالي لتركيب غير متماثل مرکزياً مكافئ للتباين (٩,٦) يكون مبيناً في الشكل رقم (٩,٣) ويعبر عنه رياضياً هكذا:

$$(٩,٩) \quad P(\phi(\mathbf{h}, \mathbf{k})) = \frac{\exp[k(\mathbf{h}, \mathbf{k}) \cos(\phi(\mathbf{h}, \mathbf{k}))]}{2I_0(k(\mathbf{h}, \mathbf{k}))}$$

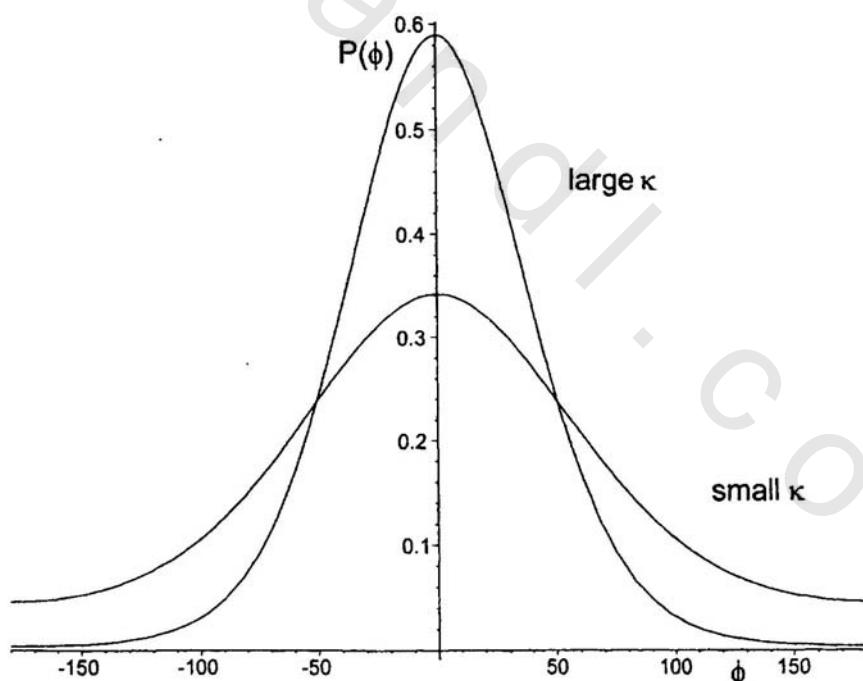
حيث $\phi(\mathbf{h}, \mathbf{k}) = \phi(-\mathbf{h}) + \phi(\mathbf{h} - \mathbf{k}) + \phi(\mathbf{k})$ و $k(\mathbf{h}, \mathbf{k}) = 2N^{-1/2}|E(-\mathbf{h})E(\mathbf{h} - \mathbf{k})E(\mathbf{k})|$. يمكن رؤية أن قيمة $\phi(\mathbf{h}, \mathbf{k})$ أكثر ترجيحاً أن تكون قريبة من 0 لأن $E(\mathbf{h}) = |E(\mathbf{h})|\exp(i\phi(\mathbf{h}))$. يمكن رؤية أن قيمة $\phi(\mathbf{h}, \mathbf{k})$ أقرب ترجيحاً أن تكون قريبة من 0 عن π ، لينشأ عنها علاقة الطور $\phi(-\mathbf{h}) + \phi(\mathbf{h} - \mathbf{k}) + \phi(\mathbf{k}) \approx 0$ (أساس العدد 2π) أي أن:

$$(٩,١٠) \quad \phi(\mathbf{h}) \approx \phi(\mathbf{h} - \mathbf{k}) + \phi(\mathbf{k})$$

حيث يعني الرمز \approx "احتمال التساوي". يكون اتساع التوزيع ممكناً بالقيمة $k(\mathbf{h}, \mathbf{k})$. تعطي القيم الكبيرة توزيع ضيق ومن ثم احتمال قوي أن تكون $\phi(\mathbf{h}, \mathbf{k})$ قريبة من 0، أي قيود أشد إحكاماً على الأطوار.

٤،٣،٩) قيمة $\int \rho^3(x)dV$ عظمى

يكون المدخل الرابع في الجدول رقم (١،٩) قيد فعال. من الواضح أنه يعمل على خلية وحدة التركيب ككل وليس فقط على حجم محدود. إنه ممّيز ضد الكثافة السالبة ويشجع تكوين قمم موجبة، كلاهما سمة متوقعة من الكثافة الإلكترونية الفعلية. يقود هذا مباشرةً إلى علاقات احتمالية بين أنظار وإلى صيغة الماس (ظل الزاوية)، كلاهما قد وضع أساس الطرق المباشرة للوقت الحاضر.



الشكل رقم (٩،٣). احتمالية كثافة $\phi(h,k)$ لـ $k(h,k)=2$ حيث $\phi(h,k)=\phi(-h)+\phi(h-k)+\phi(k)$ و $.k(h,k)=2N^{1/2}|E(-h)E(h-k)E(k)|$

لكي نحصل على صيغة الماس أو ظل الزاوية فإنه يعبر عن الكثافة الإلكترونية في $\rho^3(x)dV$ كجمع فوريير، تفاضل بالنسبة إلى $(h)\phi$ ومساواة بالصفر للحصول على قيمة عظمى. يعطي إعادة ترتيب النتائج:

$$(9,11) \quad \tan(\phi(h)) \approx \frac{\sum_k |E(k)E(h-k)| \sin(\phi(k) + \phi(h-k))}{\sum_k |E(k)E(h-k)| \cos(\phi(k) + \phi(h-k))}$$

يعبر عن هذا بصيغة أدق وأقل غموضاً:

$$(9,12) \quad \phi(h) \approx \text{phase of} \left\{ \sum_k E(k)E(h-k) \right\}$$

لاحظ أن الحد المفرد في جمع صيغة الماس يعطي علاقة الطور (9,10). في الحقيقة، يمكن لصيغة الماس أن تشتق من (9,9) بضرب التوزيعات الاحتمالية مع قيمة شائعة من h معاً ومع قيمة k مختلفة وإعادة ترتيب النتائج ليعطى قيمة $(h)\phi$ الأكثر احتمالية.

٩,٣,٥) ذرات متساوية Equal atoms

إن المدخل الخامس في الجدول رقم (9,1) قد تم إدخاله بسبب علاقته القريبة جداً لصيغة الماس في المعادلة (9,11). في نسبة كبيرة من البلورات، يمكن اعتبار الذرات على أنها متساوية. على سبيل المثال، في بلورة محتوية على ذرات كربون، نتروجين، أكسجين وهيدروجين فقط، يمكن إهمال الهيدروجين وتكون الذرات المتبقية تقربياً متساوية. إن هذا القيد قد استخدم بواسطة سايري Sayre لتطوير المعادلة التي تعطي علاقات بدقة بين عوامل التركيب. إذا تم تربع الكثافة الإلكترونية فسوف تحتوي

على قمم متساوية في نفس الموضع كما في الكثافة الأصلية، لكن شكل القمم يتم تغييره. يعبر عن هذا في حدود عوامل التركيب هكذا:

$$(9,13) \quad F(\mathbf{h}) = \frac{\Theta(\mathbf{h})}{V} \sum_{\mathbf{k}} F(\mathbf{k})F(\mathbf{h}-\mathbf{k})$$

حيث $\Theta(\mathbf{h})$ ترتبط بعامل التركيب للذرة المربعة.

كان معادلة سايري تأثير عميق على تطوير الطرق المباشرة. أنها تكون قريبة الصلة جداً لبيانات كاري - هو بتمان وصيغة الماس المذكورة سابقاً. أنها أيضاً تستخدم كوسائل تحديد طور وتنقية للجزيئات الضخمة.

٩,٣,٦ أنتروبياً عظمى Maximum entropy

يعطي المدخل السادس في الجدول رقم (٩,١) قياس لأنتروبياً أو معلومات محتوى الكثافة الإلكترونية. إنها تعامل على الكثافة الإلكترونية ككل وتحظر المناطق السالبة تماماً. إن زيادة أنتروبيا الكثافة الإلكترونية للحد الأعلى هي وسائل للتعامل مع معلومات ناقصة، مثل أطوار مفقودة. ينبع حساب أنتروبيا للحد الأعلى خريطة جديدة لا تعمل أي افتراضات حول البيانات المفقودة ولهذا تكون تقدير عادل للكثافة الإلكترونية، معطياً كل المعلومات المتاحة. إن هذه التقنية الواudedة لها عدد من التطبيقات المهمة في الكريستالوجرافيا، بصفة أساسية في منطقة تنقية التركيب فضلاً عن تحديد التركيب. أنظر الفصل العاشر لمعلومات أكثر على طرق أنتروبيا الحد الأعلى.

٩,٣,٧ جزيئات متساوية و $\rho(x) = \text{ثابت}$

Equal molecules and $\rho(x) = \text{constant}$

لكل من المدخلين السابع والثامن في الجدول رقم (٩,١) يوجد استخدام في كريستالوجرافيا الجزيئات الكبيرة. عندما يقع نفس الجزيء أكثر من مرة في الوحدة اللا

تماثلية من البلورة، يدخل هنا سريعاً القيد بأن الكثافة الإلكترونية للجزئين يتبعي أن تكون نفس الشيء. يكون التطبيق المنهجي لمكون القيد هو التقنية القياسية للإحلال الجزيئي في كريستالوجرافيا الجزيئات الكبيرة.

يوجد تركيب محدد ضئيل في مناطق المذيب لبلورة ضخمة الجزيئات جاعلاً الكثافة الإلكترونية غالباً ثابتة خارج الجزيء. إن هذه المعلومة مستعملة في تقنية تسوية المذيب. يتم تطوير هذا داخل تقنية تعديل كثافة عامة التي تشمل أيضاً معادلة ساييري وقيود أخرى وهي الآن في استعمال عام لتحسين خرائط الكثافة الإلكترونية لجزئيات البروتين.

(٩,٤) ثوابت تركيب Structure invariants

لقد شاهدنا من علاقة التباين (٩,٦) أن قيود الكثافة الإلكترونية لا تعطي بالضرورة الأطوار لعوامل تركيب منفردة. بدلاً من ذلك نحصل على القيمة لاتحاد أطوار. يحدث نفس الجمع للأطوار في صيغة احتمالية الطور (٩,٩)، صيغة المماس (١١) ومعادلة ساييري (٩,١٣).

تكون عوامل التركيب الثلاث مرتبطة بحيث أن مجموع معاملات الحبيبات تكون صفراءً وتعرف نواتج عامل التركيب التي تستوفي هنا المعيار بثوابت تركيب. إن خاصيتها المميزة هي أن طور الناتج لا يكون معتمدًا على موقع الأصل. يكون طور عامل التركيب معتمدًا على نقطة الأصل، لكن سعته لا تعتمد. حيث أن ساعات عامل التركيب فقط تتميز في صيغة تحديد الطور، فإنه يمكنها فقط أن تعرف كميات أخرى لا تكون معتمدة على موقع الأصل. من ثم يجب أن يكون اتحاد الطور كمية ثابتة تركيب. لكي نحدد أطوار لعوامل تركيب منفردة لابد للأصل وتماكب بصري enantiomorph أن تعرف أولاً.

٩،٥) تحديد تركيب Structure determination

أصبحت الطرق المباشرة لتحديد التركيب شائعة بسبب أنها يمكنها أن تدار أتوماتيكياً بالكامل ولهذا تكون سهلة في الاستخدام. الآن تكون الصيغة الأساسية لتحديد الطور قد تم عرضها، ينبغي أن نرى كيف أنها تستخدم في تحديد التركيب البلوري. إن برامج الحاسوب التي تحل التركيب البلوري بهذه الطريقة تكون متوافرة ومثل ذلك البرنامج سوف يجري عادة العمليات الآتية:

(أ) حساب ساعات التركيب المسوقة، $|E(h)|$ من ساعات مرصودة $|F_0(h)|$. إن هذا إعادة تدريج L_F الموصوفة في المعادلة (٩،٣). من الطبيعي عادة أن تستخدمها في إيجاد المقياس المطلق L_{Fs} وإنتاج إحصائيات شدة كمساعدة في تحديد الرمزة الفراغية. لابد من اتخاذ الحذر في تقدير E_{es} لأن عكcasات عند زاوية منخفضة.

(ب) ضع علاقات طور. تعرف حزم من ثلاث عوامل تركيب مرتبطة كما في المعادلة (٩،١٠) وترصد لاستخدام فيما بعد. تكون كل علاقة من تلك حد منفرد في حاصل جمع صيغة الماس (٩،١١). حيث أن هذا المجموع ممكن أن ينجز الآلاف المرات، فإنه من الأهمية أن يكون لدينا كل الحدود موضوعة بالفعل. بالإضافة، فإن أربع لا متغيرات تركيب طورية من النوع المبين في معادلة (٩،٨) تكون أيضاً قد وضعت للاستعمال فيما بعد.

(ج) أُوجد الانعكاسات المستخدمة لتحديد الطور. إن أطوار بقيمة $|E|$ الأقوى فقط يمكن تحديدها بدقة مقبولة. بالإضافة، فإن كل عامل تركيب لابد أن يتواجد كعدد كبير من علاقات طور بقدر الإمكان. يستخدم هذين المعيارين لاختيار مجموعة جزئية من عوامل التركيب التي ستتحدد أطوارها.

- (د) حدد أطوار البداية. لإنجاز مجموع صيغة الماس (٩,١١)، لابد لأطوار عوامل التركيب في المجموع أن تكون معروفة. في البداية يمكنها أن تكون قيم عشوائية مخصصة أو أطوار محسوبة من خريطة كثافة إلكترونية تقريرية.
- (هـ) تحديد طور وتنقيح. تستخدم أطوار البداية في صيغة الماس لتحديد قيم طور جديدة. من ثم تكرر العملية حتى تقارب الأطوار عند قيم ثابتة. مع أطوار بداية عشوائية، يكون هذا بعيد الاحتمال لكي يعطي قيم طور صحيحة، من ثم فإنها تكرر مرات عديدة كما في طريقة مونت كارلو .Monte Carlo
- (و) احسب أشكال الاستحقاق. تستعمل كل حزمة من أطوار متحصل عليها في (هـ) في حساب أشكال الاستحقاق. تكون هذه دوال بسيطة للأطوار التي يمكن أن تحسب بسرعة وسوف تعطي مؤشراً على جدارة حزمة الطور.
- (ز) احسب وفسّر خريطة الكثافة الإلكترونية. تستخدم حزم الأطوار الأفضل المستدل عليها بواسطة أشكال الاستحقاق لحساب خرائط الكثافة الإلكترونية. تكون هذه مفحوصة ومفسرة في حدود التركيب الجزيئي المتوقع بتطبيق معيار كيميائي فراغي للقمم الموجودة. غالباً فإن الخريطة الأفضل طبقاً لأشكال الاستحقاق سوف تعكس معظم الواقع الذري.

(٩,٥,١) حساب قيم E Calculation of E values

تكون ساعات التركيب السوية $|E(h)|s$ معرفة في المعادلة (٩,٣)، حيث $\sum_{i=1}^N f^2$ هي الشدة المتوقعة (تكتب أيضاً كـ $\langle I \rangle$) من انعكاس h . إن الطريقة الأفضل لتقدير $\langle I \rangle$ هي كمتوسط محظي للشدات الفعلية. عملياً، تكون الانعكاسات مقسمة إلى

نطاقات من $\sin\theta/\lambda$ ومتوسطات مأخوذة من شدة و $\lambda/\sin\theta$ في كل نطاق. إن مضاعفات انعكاس وأيضاً تأثيرات تماثل النقطة الفراغية على الشدات لابد أن يؤخذ في الاعتبار عند حساب المتosteatas. إن أخطاء أحد العينات يمكن أن يقل عند زوايا منخفضة باستخدام تداخل نطاقات من $\sin\theta/\lambda$.

إن الاستكمال بين القيم الحسوبية من $\langle I \rangle$ يكون عاماً مساعداً إذا كان بالإمكان أن تكون مرسومة على خط مستقيم، الذي يكون تقريباً حقيقي إذا ما استخدم مخطط Wilson. إن الاستكمال بين النقاط على المخطط يمكن عمله بدرجة مقنعة إلى حد ما بملائمة منحني موضعى لثلاث أو أربع نقاط. يكون هذا مكرراً لجزء مختلف من النقاط على طول المخطط.

لنتائج أفضل يكون من الضروري للقيمة المستكملاة من $\langle I \rangle$ أن تتبع النقاط الحسوبية الفعلية حتى لو أن هذه تكون بعيدة جداً عن خط مستقيم. عناية خاصة لابد من أن تؤخذ في حساب Es عند زوايا منخفضة. لو أن هذه كان مبالغة في تقديرها بشكل منهجي فقد ينتج عن هذا فشل في أن تحل تراكيب بسيطة بوضوح. إن قيم Es هذه تكون عادة داخلة في علاقات طور أكثر عن انعكاسات أخرى ولهذا يكون لها تأثير قوي على تحديد الطور. إن عدد من Es قوية مختارة لتحديد طور تكون عادة حوالي $4 \times (\text{عدد ذرات مستقلة}) + 100$. أكثر من هذا قد يكون مطلوباً لبلورات ثلاثي الميل أو أحادي الميل.

(٩,٥,٢) تأسيس علاقات طور Setting up phase relationships

ينبغيأخذ الحذر للحد من البحث لعلاقات طور على علاقات منفردة فقط. رغم هذا، في زمر فراغية غير ثلاثي الميل، بالإمكان أن تؤسس نفس العلاقة أكثر من مرة بسبب عمليات التماثل. إن مثل تلك العلاقات المرتبطة بتماثل ينبغي أن تضاف معاً

بحيث تعطي صيغة الماس تقييدات طور التماش الصريح أو توماتيكياً. عادة تكون حوالي ١٥ مرة حيث ينبغي أن يتواجد عديد من علاقات طور بقدر الانعكاسات. لو وجد أقل من ١٠ مرات كعدد كبير يمكن تأسيس عدد أكبر بإدخال انعكاسات إضافية قليلة. إن علاقات ثلاثة الطور المؤسسة تكون متناسبة تقريباً لمكعب عدد Es المستخدمة.

(٩,٥,٣) إيجاد انعكاسات لتحديد طور

Finding reflections for phase determination

تحدد عادة أطوار Es الأكبر فقط وليس كل من هذه يمكن أن تحدد بمصداقية مقبولة. لهذا فإنه من المفيد عند هذه اللحظة أن نحذف حوالي ١٠٪ من تلك الانعكاسات التي تكون أطوارها غالباً معرفة بدرجة ضئيلة بواسطة صيغة الماس. إن تقدير مصداقية كل طور نحصل عليها من $\alpha(\mathbf{h})$:

$$(٩,١٤) \quad \alpha(\mathbf{h}) = 2N^{-\frac{1}{2}} |E(\mathbf{h}) \left| \sum_{\mathbf{k}} E(\mathbf{k}) E(\mathbf{h} - \mathbf{k}) \right| |$$

كلما كانت قيمة $\alpha(\mathbf{h})$ تكون تقدير الطور أكثر مصداقية تعطي العلاقة بين $\alpha(\mathbf{h})$ واختلاف الطور $(\sigma^2(\mathbf{h}))$:

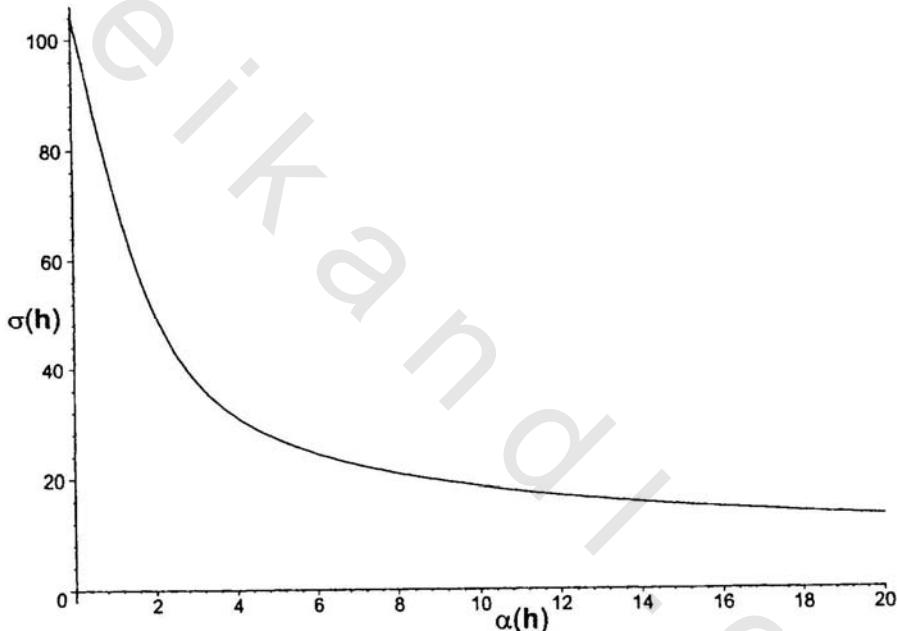
$$(٩,١٥) \quad \sigma^2(\mathbf{h}) = \frac{\pi^2}{3} + 4 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^2} \frac{I_n(\alpha(\mathbf{h}))}{I_0(\alpha(\mathbf{h}))}$$

ويكون الانحراف المعياري $\sigma(\mathbf{h})$ مبيناً في الشكل رقم (٩,٤). من (٩,١٤) يمكن مشاهدة أن $\alpha(\mathbf{h})$ يمكن أن تحسب فقط عندما تكون الأطوار معلومة. من ناحية أخرى فإن تقدير $\alpha(\mathbf{h})$ يمكن الحصول عليه من توزيع معروف لثوابت تركيب ثلاثي الطور (معادلة (٩,٩)). يعطي تقرير جيد بدرجة كافية لقيمة $\alpha(\mathbf{h})$ المقدرة بالعلاقة:

تحليل التركيب البلوري ...

$$(9,16) \quad \alpha_e(\mathbf{h}) = \sum_{\mathbf{k}} K_{\mathbf{hk}} \frac{I_1(K_{\mathbf{hk}})}{I_0(K_{\mathbf{hk}})}$$

حيث $K_{\mathbf{hk}} = 2N^{-\frac{1}{2}} |E(\mathbf{h})E(\mathbf{k})E(\mathbf{h}-\mathbf{k})|$



الشكل رقم (٩,٤). الانحراف المعياري لطور محسوب كدالة في $\alpha(\mathbf{h})$.

يمكن الآن حذف الانعكاسات بقيم $\alpha_e(\mathbf{h})$ أصغر تباعاً حتى يبقى العدد المطلوب.

(٩,٥) تعيين أطوار البداية Assignment of starting phases

تكون كل الأطوار التي ستتحدد قيم عشوائية أولية مصنفة، التي تستخدم لتعريف الأصل والتماكب البصري enantiomorph للكتافة الإلكترونية اللاحقة. لا يكون من

المتوقع أن أطوار البداية المصنفة في هذه الطريقة سوف تؤدي دائمًا إلى حزمة أطوار صحيحة بعد تنقية، لهذا تكرر الطريقة عدة مرات كما في تقنية مونت كارلو. يكون عدد مثل تلك الحزم عادةً بين 30 و 200، لكن عدداً أكبر (أو أقل) قد يكون مطلوباً لبعض التركيبات. واحدة فقط من هذه تحتاج إلى أن تكون صحيحة (ومعروفة) لكي نحل التركيب. في بعض الأحيان قد يكون من المفيد لو أن أطوار البداية تكون محسوبة من توزيع ذري عشوائي أو ربما يحتوي على أجزاء من جزيء يكون متاحاً من حساب سابق، هكذا تكون بداية يكون أقرب إلى الإجابة الصحيحة عن تخمين عشوائي بحث.

(٩,٥,٥) تحديد طور وتنقية Phase determination and refinement

تكون صيغة الماس والاختلاف المصاحب (٩,١٥) فقط صحيحة تحت فرض أن الأطوار المستخدمة في الحساب تكون صحيحة. يكون هذا عادةً بعيداً عن الحقيقة. محاولة بدائية على تصحيح هذا هي أن نعدل الحدود في الجمع بحيث تصبح صيغة الماس هي:

$$(٩,١٧) \quad \phi(\mathbf{h}) = \text{phase of} \sum_{\mathbf{k}} w(\mathbf{k})w(\mathbf{h} - \mathbf{k})E(\mathbf{k})E(\mathbf{h} - \mathbf{k})$$

حيث $w(\mathbf{h})$ هي التعديل المصاحب لـ $\phi(\mathbf{h})$. يتاسب التعديل الصحيح تناصباً عكسياً مع النباین ولتقريب دقيق، يكون هذا متناصباً مع $\alpha(\mathbf{h})$ المعرفة في (٩,١٤). تحسين أكثر لصيغة الماس هي أن ندخل حدود إضافية، تلك الأطوار الأكثر ترجيحاً تكون π . يوجد هناك مكافئ لا متماثل مركزاً للعلاقة (٩,٨) وتعرف بـ "الرباعيات السالبة". أنها تمنع كل الأطوار من التنقية إلى الصفر في زمرة فراغية P_1 التي لا تحتوي على عناصر تماثل انتقالية. تكون الصيغة المعدلة هي:

$$(٩,١٨) \quad \phi(\mathbf{h}) = \text{phase of } \{\alpha(\mathbf{h}) - g\eta(\mathbf{k})\}$$

$$\text{with } \eta(\mathbf{h}) = N^{-1} |E(\mathbf{h})| \sum_{\mathbf{k}\mathbf{l}} E(-\mathbf{k}) E(-\mathbf{l}) E(\mathbf{h} + \mathbf{k} + \mathbf{l})$$

$\alpha(\mathbf{h})$ معرفة في (٩,١٤) و g هي عامل قياس اختياري لمعادلة تأثير الحدين $|E(\mathbf{k}+\mathbf{l})|$. تكون الحدود في جمع η مختارة بحيث تكون السعات $|E(\mathbf{h}+\mathbf{k})|$ و $|E(\mathbf{h}+\mathbf{l})|$ كلها صغيرة لأقصى حد أو صفرًا.

(٩,٥,٦) أشكال الاستحقاق Figures of merit

تكون الحزمة الصحيحة من أطوار في حاجة إلى أن تعرف بين عدد كبير من حزم طور غير صحيحة. يتم عمل هذا بأشكال الاستحقاق التي تكون دالة للأطوار التي يمكن حسابها سريعاً لتعطي مؤشراً على نوعيتها. بين الأكثر فائدة يكون الآتي:

$$(٩,١٩) \quad R_\alpha = \frac{\sum_h |\alpha(\mathbf{h}) - \alpha_e(\mathbf{h})|}{\sum_h \alpha_e(\mathbf{h})} \quad (أ)$$

إن هذا هو المخالف بين الفعلية والمقدرة. ينبغي للأطوار الصحيحة أن يجعل R_α صغيرة، لكن هكذا تفعل حزم طور غير صحيحة عديدة. يكون هذا مميز أفضل ضد أطوار خاطئة التي يجعل R_α كبيرة.

$$(٩,٢٠) \quad \psi_0 = \frac{\sum_h \left| \sum_k E(\mathbf{k}) E(\mathbf{h} - \mathbf{k}) \right|}{\sum_h \left(\sum_k |E(\mathbf{k}) E(\mathbf{h} - \mathbf{k})|^2 \right)^{1/2}} \quad (ب)$$

يشتمل جمع k على Es القوية التي تكون قد تم تحديد أطوارها ويعطي المعامل h بتلك الانعكاسات التي تكون $|E(h)|$ لها صغيرة جداً. لهذا ينبغي للبساط أن يكون صغيراً للأطوار الصحيحة وسوف يكون أكبر بكثير لو أن الأطوار تكون خاطئة بشكل منهجي. يسوى المقام $\frac{1}{70}$ بقيمة الوحدة المتوقعة.

$$(9,21) \quad NQUAL = \frac{\sum_h \alpha(h) \cdot \eta(h)}{\sum_h |\alpha(h)| |\eta(h)|} \quad (ج)$$

تقيس $NQUAL$ التماสik بين الإضافتين في (٩,١٨) وينبغي أن يكون له قيمة منخفضة لأطوار جيدة. من المتوقع للأطوار الصحيحة أن تعطي قيمة -1. لكي نكن الحاسوب أن يختار حزم الطور الأفضل طبقاً لأشكال الاستحقاق، يحسب عادةً شكل مشترك للاستحقاق. يكون هذا جمع لنسخ معايرة من أشكال استحقاق منفصلة وتكون عادةً المؤشر الأفضل للأطوار جيدة.

٩,٥,٧) تفسير الخرائط Interpretation of maps

تحسب خرائط الكثافة الإلكترونية باستخدام أفضل حزم أطوار كما هو مشار إليه بواسطة أشكال الاستحقاق. تكون معاملات فوريير لهذه عادةً Es مفضلاً عن Fs بسبب أن هذه تكون متاحة بشكل أسرع عند هذه المرحلة وتعطي قمم أكثر حدة. العيب الضعيف هو أنه يمكنها أن تعطي خلفية أكثر تشويشاً للخريطة. رغم هذا، تكون خرائط-E مفضلاً عادةً عن خرائط-F.

ينبغي للقمم في الخرائط أن تقابل الواقع الذري، لكن بسبب الأخطاء المنهجية في الأطوار، قد يكون هناك قمم زائفة أو لا توجد قمم حيث ينبغي لبعض الذرات أن تكون. عادةً ما يكون كافياً أن تطبق بعض معايير كيميائية فراغية للتعرف على شظايا

جزئية محسوسة. قد تظهر هذه في مخطط موقع قمة على مستوى المربعات الصغرى للجزيء، الذي منه سوف يتم ملاحظة معظم الجزيء.

٩، ٥، ٨) اکتمال الترکیب Completion of the structure

لو أن بعض ذرات تكون مفقودة من الخريطة، فإن الطريقة القياسية لإيجادها هو أن تستخدم تنقح فوري (انظر الفصل السابع). تستخدم أطوار محسوبة من ذرات معلومة بسعات مثلثة للحصول على الخريطة التالية. إن التكرار مرة واحدة أو مرتين يكون عادةً كافي لاستكمال التركيب. كخيار بديل تستخدم كل بيانات الحيدود في معادلة سايري مع تعديل كثافة لتحسين الخريطة. يستخدم هذا عادةً على خرائط الجزيئات الكبيرة، لكن يمكن أيضاً ناجحاً جداً للجزئيات الصغيرة. إنه سوف يحول تماماً خريطة غير مفسرة إلى واحدة يمكن فيها مشاهدة معظم التركيب والميزة هي أن كل هذا يتمًّاً تلقائياً بالحاسوب.

مراجع References

- [1] G. N. Ramachandran and R. Srinivasan, *Nature*, 1961, **90**, 159.
 - [2] J. Karle and H. Hauptman, *Acta Cryst.*, 1950, **3**, 181.
 - [3] J. H. Robertson, *Acta Cryst.*, 1965, **18**, 410.

Exercises تمارین

(٩١) ضع محددة كاري - هوبتمان Carle-hauptman من الرتبة الثالثة لتركيب متماثل مركزاً الذي يحتوي صفة الأعلى على انعكاسات بمعاملات 0 , h و $2h$. من ثم احصل على قيد على إشارة $E(2h)$. ما هي إشارة $E(2h)$ لو أن

$$\cdot E(\mathbf{0}) = 3 \wedge |E(\mathbf{h})| = |E(2\mathbf{h})| = 2$$

(٩,٢) أثبتت المعادلة (٩,٨). ما هي معلومة الإشارة التي تحتويها تحت الشروط

$$\cdot |E(\mathbf{h} - \mathbf{k})| = 1, |E(\mathbf{h})| = |E(2\mathbf{h})| = 2, E(\mathbf{0}) = 3$$

(٩,٣) مدد محددة كاري - هو بستان من الرتبة الرابعة لتركيب متماضي مركريًا الذي يحتوي صفة الأعلى على المعاملات $\mathbf{0}$, $\mathbf{h} + \mathbf{k}$, $\mathbf{h} + \mathbf{l}$ و $\mathbf{k} + \mathbf{l}$ والذي فيه تكون $E(\mathbf{h} + \mathbf{k}) = E(\mathbf{k} + \mathbf{l}) = 0$ عليهما وتحت أي شروط تحدث.

(٩,٤) قارن محددات كاري - هو بستان بالانعكاسات الثالثة في الصف الأعلى: $0, \mathbf{h}, \mathbf{h+k}, \mathbf{h+k+l}; \mathbf{0}, \mathbf{k}, \mathbf{k+l}, \mathbf{k+l+h}; \mathbf{0}, \mathbf{l}, \mathbf{l+h}, \mathbf{l+h+k}$ الإشارة التي تحتويها عندما تكون $E(\mathbf{h} + \mathbf{k}) = E(\mathbf{k} + \mathbf{l}) = E(\mathbf{l} + \mathbf{h}) = 0$ كلها قوية

$$\cdot E(\mathbf{h} + \mathbf{k}) = E(\mathbf{k} + \mathbf{l}) = E(\mathbf{l} + \mathbf{h}) = 0$$

(٩,٥) إضافة رمزية مطبقة إلى إسقاط، يعطي أكسالات الأمونيوم أحadiة التميؤ بلورات متعامد الأضلاع $P2_12_12$ بـ $a = 8.017$, $b = 10.309$, $c = 3.735\text{\AA}$: يجعل إسقاط محور- القصير هذا تركيب مثالي للدراسة في إسقاط، حيث يمكن أن يكون هناك تداخل قليل من ذرات. إن البيانات للإسقاط قد تم موافتها على الإشارة إلى الذرات عند السكون. (أي محولة إلى قيم E - ومبنية في الشكل رقم (٩,٥). لاحظ تماثل mm وحقيقة أن البيانات ممثلة فقط إلى $h00$ و $0k0$ لرتب زوجية، متوافقة مع محور لولي. أوجد البيانات القوية الخاصة $12-14, 5; 7, 5; 9, 9$ التي لها معاملات تجمع إلى الصفر. كمثال لعلاقة طور ثلاثي (قد حذفنا معامل 1 حيث أنه دائمًا صفر لهذه الانعكاسات).

المشكلة هي أن الأطوار لابد أن تصنف إلى عوامل التركيب قبل أن تضاف معاً. حيث أن هذا الإسقاط هو متماضي مركريًا، لابد للأطوار أن تكون 0 أو π رadianات (0° أو 180°) أي أن E لابد أن تعطى إشارة $+$ أو $-$ ، لكن يكون هناك

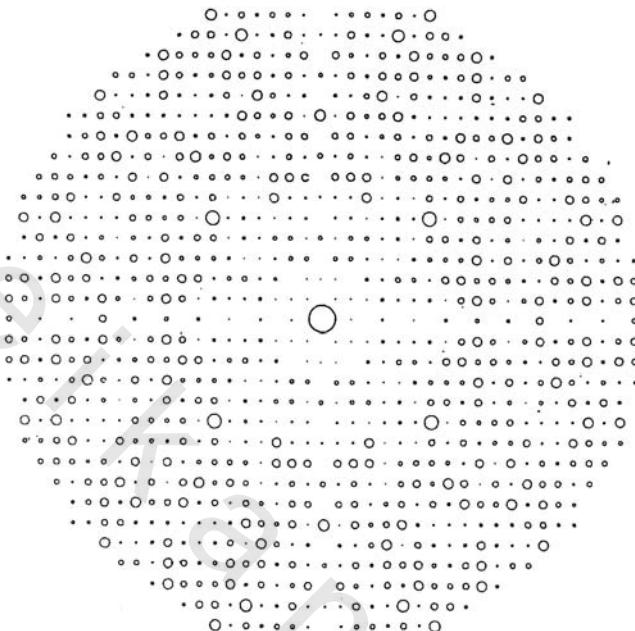
²⁸ اتحادات من هذه القيم، وأن فرصتك في الحصول على خريطة قابلة للتفسير يكون صغيراً!! لحسن الحظ تكون المستويات التي تعطي قيمة $|E|$ قوية مرتبطة بعلاقات كافية لكي تعطينا حل منفرد أو غالباً حل مثالي. إن العلاقة الأساسية المستخدمة هي أنه لقيم كبيرة من $|E|$ لنقل $|E_1|$ ، $|E_2|$ و $|E_3|$ كلها < 1.5؛ لو أن:

$$\phi_1 + \phi_2 + \phi_3 \approx 0 \quad \text{فإن} \quad h_1 + h_2 + h_3 = k_1 + k_2 + k_3 (= l_1 + l_2 + l_3) = 0$$

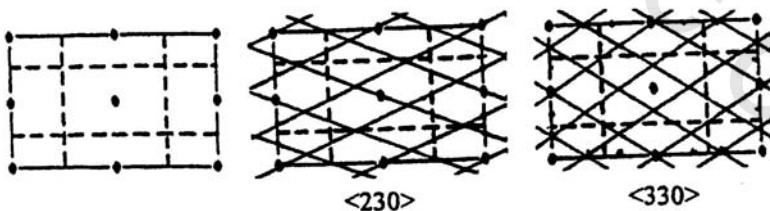
مساعدة إضافة بتماثل التركيب، الموضح في الشكل رقم (٦،٩).

تكون زمرة المستوى (زمرة فراغية في بعدين) pgg مع خطوط ازلاق عمودية على كلا المحورين، ويكون هناك أربع مواقع بديلة للأصل $0,0$ و $\frac{1}{2},\frac{1}{2}$ و $0,\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{2},0$. يعني هذا أن طورين قد يكونا مثبتين اختيارياً من أي

اثنين من الزمر المتماثلة $g,u; u,g$ أو u,u (تعني g,u زوجي وفردي على التوالي للمعاملين h و k) حيث أنه على سبيل المثال إزاحة الأصل بنصف خلية واحدة للتركيب a سوف يزيح طور جميع عوامل التركيب ذات h فردية بقيمة π . نتيجة أخرى للتماثل هي أن تلك المستويات ذات المعاملين h,k يكونا مرتبطان إلى $h,-k$ و $-h,k$ بخطوط ازلاق. إن سعادات التركيب لا بد أن تكون نفس الشيء لكل هؤلاء، ولا بد للأطوار أن تكون مرتبطة، رغم أنها لا تكون دائماً نفس الشيء. لو أن كل من h و k يكون كلاهما زوجي أو فردي $\phi(h,k) = \phi(-h,k)$. لو، من ناحية أخرى واحد يكون فردي وواحد يكون زوجي، $\phi(h,k) = \pi + \phi(-h,k)$. انظر الأمثلة المعطاة لـ (23) و (33) في المخططات. بتعبير آخر، لو أن لدينا إشارة لانعكاس معين h,k ونريد إشارة أما $-h,k$ أو $h,-k$ ، من ثم فإننا لا بد أن نغير الإشارة لو أن $h+k$ تكون فردي، لكن ليس كذلك لو أن $h+k$ تكون زوجي. تغيرات الإشارة تلك معلمة بالعلامة * في القائمة التالية.



الشكل رقم (٩,٥). بيانات إسقاط محور c لأكسالات الأمونيوم أحادية التميؤ. يجري العامل h رأسياً من المركز و k أفقياً.



الشكل رقم (٩,٦). تمايل زمرة مستوى لإسقاط تركيب لأكسالات الأمونيوم أحادية التميؤ بالإضافة إلى حزمتين من خطوط (مكافأة لمستويات في ثلاثة أبعاد).

تحليل الترکيب البليوري...

لكي تبدأ، صنف إشارات اختيارية إلى ٥,٧ و ١٤,٥ وأعطي ٨,٨ الرمز A (مجهول، سوف يتحدد). البيانات المعلمة لها إشارات معكوسه لتلك التي يكون لها كلا العاملين موجب. تكون الثلاث مرتبة من اليسار إلى اليمين ونزاولاً بترتيب تناظر الأهمية. لاحظ أن $A^2=1$ مهما كانت إشارة A. للختصار استخدم B للتعبير عن A.

إشارات محددة

1 10

1 14

1 17

5	7	-5	7	5	7	14	5		2 17
5	-7	14	5	10	0	-9	12*		2 19
10	0	9	12	15	7	5	17		3 10
5	17	-5	7	14	-5*	5	7		3 15
5	-17	8	8	-8	8	6	-3*		5 7
10	0	3	15	6	3	11	4		5 17
-5	7	9	-12*	5	17	-5	17		
6	3	-3	15	6	-3*	6	-3*		
1	10	6	3	11	14	1	14		
11	14	-1	14*	-1	10*	14	5		5 19
-10	0	10	0	8	-8	-7	-2		
1	14	9	14	7	2	7	3		6 3
5	7	-5	17	11	-4*	14	5		7 2
7	3	7	2	1	14	-9	14*		
12	10	2	19	12	10	5	19		7 3
5	19	11	-4*	-3	15	9	9		7 10
5	-19	1	10	12	-6	-8	8		
10	0	12	6	9	9	1	17		8 8
6	3	6	3	-5	7	9	-12*		8 13
6	3	7	3	13	6	1	17		
12	6	13	6	8	13	10	5		9 9
-3	15	-5	7	5	-7	-7	10*		9 12
10	-5*	7	10	-2	17*	10	0		
7	10	2	17	3	10	3	10		9 14
10	5	9	-9	5	19	-5	19		10 0
-9	9	-2	19*	2	-17*	13	-6*		
1	14	7	10	7	2	8	13		10 5
-2	17*	-1	-10						11 4
9	-14*	8	13						
7	3	7	3						

تكون قيمة الرمز A المحتملة هي:

13 6

14 5

15 7

بليوجرافيا عامة General bibliography

- J. D. Dunitz, *X-ray Analysis and the Structure of Organic Molecules*. Cornell University Press, 1979.
- C. Giacovazzo (ed.), *Fundamentals of Crystallography*, Oxford University Press, 1992.
- C. Giacovazzo, *Direct Phasing in Crystallography*, Oxford University Press, 1998.
- H. A. Hauptman, The phase problem of X-ray crystallography. In *Reports on Progress in Physics*, 1991, pp. 1427-1454.
- M. F. C. Ladd and R. A. Palmer, *Theory and Practice of Direct Methods in Crystallography*, Plenum, 1980.
- M. M. Woolfson, *Acta Cryst.*, 1987, **A43**, 593.
- M. M. Woolfson, *An Introduction to Crystallography*, 2nd edn, Cambridge University Press, 1997.