



## المتعلم المتباين في التحصيل وتدريس الرياضيات

The Dissimilar Learner

اقرب مني أحد الطلاب في الصف الرابع عندما كنت أزور صفه وقال لي بفخر: إنه الآن "متمكن من الرياضيات" فسألته باستغراب ماذا يقصد بكلامه. فأجابني قائلاً: "أعلم أن أي شيء أفكر فيه سيكون خاطئاً ولهذا فإنني الآن لا أفكر ولا أقول شيئاً بل أنتظر ماذا يقول المعلم كي أفعله وإذا فعله أعلم بأنه صحيح".

### المشكلة والحل

هناك سؤالان مهمان عادةً ما يسألهما معلم الرياضيات وهما:

- ١ - كيف أقوم بتدريس المفاهيم والمهارات الرياضية بطريقة تكون مفهومية وقابلة للتذكر.
- ٢ - كيف أستطيع تدريس المحتوى الرياضي بكفاءة.

إن العبرة ليست بالتركيز فقط على المحتوى وإنما بالأسئلة التعليمية والتي تربط المحتوى بما يحتاجه الطفل. إن التركيز في العملية التعليمية يجب أن يكون منصبًا على

الطفل لأن الحاجات النفسية والعاطفية للمتعلم مختلف بشكل واسع من متعلم آخر وتأثر بشكل كبير على تحصيله. ولكي ينجح المعلم يجب على المعلم أن يراعي الفروق الفردية بين الطلاب ويختار إستراتيجيات مناسبة وفاعلة في تعليمهم.

يهدف هذا الكتاب إلى دراسة الاحتياجات المعرفية لطلبة الصفوف من الأول الابتدائي ولغاية السادس الابتدائي الذين تحصيلهم دون المستوى في تعلم الرياضيات. إنه من غير الضروري أن ينجح جميع الطلاب في استخدام أسلوب تدريسي واحد أو نموذج سلوكي واحد دون مراعاة الفروق بينهم. وقد يفقد النظام التعليمي الأمل بتعليم مثل هؤلاء الطلاب. ولكننا نقترح بأن خطة التطوير الرياضي (Mathematics Improvement Plane) والتي تستند على تقدير عملي ومحدد لمواطن القوة والاهتمام لدى المتعلم قد تكون أداة فاعلة في تدريسه. وقد تخدم مجالاً واسعاً من الإستراتيجيات المتداخلة المقترحة لزيادة التحصيل الرياضي لدى الطلاب.

### **التعليم المتمحور حول المتعلم**

إن مبدأ "التعليم المتمحور حول المتعلم" تتضمن استخدام أكثر من طريقة للتدرис للحصول على النتائج المرجوة. ويطلق مصطلح المتعلم المتبادر تحصيلياً على الطلاب الذين أخفقوا عندما تم تدريسهم بأسلوب تدريسي واحد على طريقة "مقاس واحد للجميع" (Cooper, Lingg, Pnricell & Yard, 1995). إن المتعلمين المتبادرين تحصيلياً لا يناسبهم أسلوب التدريس التقليدي حيث إنهم يرفضون ولا يتفاعلون بشكل جيد عندما لا توفر الأجراء التعليمية خيارات تدريسية مختلفة وأساليب تدريسية متعددة. وإذا ما وضعوا في مثل هذه الأجراء فإنهم يفقدون القدرة على التخلص من انهزاماتهم وعجزهم والمعوقات التي تمنعهم من التعلم (Bernard, 1995).

وقد أظهر البحث الذي قام به بيرنارد (Bernard, 1995) بخصوص القدرة على تجاوز المصاعب التعلمية بأن هناك عدة عوامل بعضها متعلق بالمدرسة تؤثر بشكل ملحوظ على هذه القدرة وقد أسمتها الباحث بالعوامل الوقائية ، ووجد بأن المدارس التي تنشئ الطالب على المرونة في التغلب على المصاعب التعلمية تتيح له الفرصة لتطوير قدراته الداخلية والتي من شأنها مساعدته على تجاوز تلك المصاعب مثل مهارات التعلم الذاتي والاستقلالية والنظرة المستقبلية الهدافـة والبناءـة والمـتفائلـة ومهارات الاتصال والعـلاقات الـاجتمـاعـية. وقد قـسم البـاحـث هـذـهـ العـوـاـمـلـ الـوـقـائـيـةـ وـالـعـوـاـمـلـ بـهـاـ مـنـ قـبـلـ المـدـرـسـةـ وـالـمـدـرـسـينـ إـلـىـ ثـلـاثـةـ أـقـسـامـ:ـ الـعـلـاقـاتـ الـمـانـدـةـ وـالـتـوـقـعـاتـ الـإـيجـابـيـةـ الـكـبـيرـةـ وـفـرـصـ الـمـشـارـكـةـ الـبـنـاءـةـ.

وحدد كل من سميث وويرنر (Smith & Werner, 1998) العوامل الوقائية في إطار المدرسة وركزوا على ضرورة إشراك الطلاب في القرارات التي تخصهم ، وأكدا على ضرورة أن يقوم المدرسون بإتاحة مثل هذه الفرص للطلبة في كافة المجالات والأنشطة. كما بينا أن الاهتمام والتحفيز الإيجابي والمشاركة وتقبل أنماط تعليمية مختلفة مستندة على نقاط قوة الطلاب واهتمامهم تعد من الأمور المهمة المؤثرة بشكل إيجابي في العوامل الوقائية. وقد حدد الباحثان الصفات التي يجب أن يتصرف بها موظفو المدرسة بحيث تتعكس على شخصيتهم بشكل إيجابي على الطلاب مما يؤدي إلى جعلهم القدوة بالنسبة لهم. كما أكدت العديد من الأبحاث أن تقدير الطلاب لتميزهم في مجالات الرياضة والموسيقى والفنون والدراسة تعد من العوامل الوقائية المهمة أيضاً.

في الحقيقة إن غياب المعلم صاحب الشخصية التي تمتاز بما تم ذكره سابقاً من الممكن أن يؤدي إلى ضعف الطلاب في تحصيلهم الدراسي وقد يؤدي إلى عدم

القدرة على تشخيص ومعالجة المشاكل الدراسية لديهم وقد يؤدي في بعض الأحيان إلى انسحاب الطلاب من الدراسة. ويرى كوير وآخرون (Cooper, et,al. 1995) بأن "اعتبار الطالب متعلماً مختلفاً لا ينفي عنه القدرة على التعلم وقد تكون لديه العديد من الخصائص التي يتمتع بها المتعلمون الآخرون. وعلى الرغم من امتلاكه لهذه الخصائص بدرجات متفاوتة، إلا أن وضعه ضمن النظام التعليمي التقليدي قد يسبب له صعوبات عدّة". يظهر الشكل رقم (١,١) الخصائص الأساسية للمتعلمين المتباهين تحصيلياً، ويظهر الشكل رقم (١,٢) بعض الخصائص الداعمة أيضاً.

الشكل رقم (١,١). الخصائص الأساسية للمتعلمين المتباهين تحصيلياً.

- حسي (Concrete) في عمليات التفكير
- تدني الشعور بالأمان خصوصاً إذا كانت البيئة المواجهة الجسدية المباشرة تعطي نتائج مختلفة مما هو معتاد عليه
- سلبية
- يعد النظام التعليمي بمثابة تهديد للحفاظ على النمط البصري هو النمط الأساس في
- التعلم
- يتجاوب بشكل سلبي مع الأوامر الصارمة
- الاتصال الحسي مع البيئة
- هش ومتقلب عاطفياً
- نمط الاتصال عالي في استخدام الكلمة
- قوي الولاء ولكن بناء الروابط بطئية ولكن منخفض في معانيها
- ضند (سلبي) تجاه اللغة المكتوبة
- يفضل الأداء الجماعي على الأداء الفردي

الشكل رقم (١,٢). الخصائص الداعمة للمتعلمين المتباهين في التحصيل.

<b>ضعف العادات الشخصية (Poor Personal Habits)</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• إيماءات غير مناسبة</li> <li>• الافتقار إلى بنية التعلم في البيت</li> <li>• ردود فعل عنيفة</li> <li>• افتقار المتعلم إلى احترام الوالدين</li> <li>• افتقار الأبوين إلى احترام النظام التعليمي</li> <li>• تدني مستوى النظافة</li> <li>• تدني مستوى التغذية</li> <li>• تأخر أو التغيب عن الصف</li> <li>• ضعف التواصل الشفهي للمتعلمين</li> <li>• عدم التنظيم والترتيب</li> <li>• العدوانية (جسدياً وشفهياً) - (Agressive)</li> <li>• الشكوى من عدم الراحة الجسدية</li> </ul>	<b>المشاكل المنزلية (Home Problems)</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• الافتقار إلى بنية التعلم في البيت</li> <li>• افتقار المتعلم إلى احترام الوالدين</li> <li>• افتقار الأبوين إلى احترام النظام التعليمي</li> <li>• تدني التطوير المهاري (Low Skill Development)</li> <li>• تدني المهارات الاجتماعية لديه</li> <li>• لغة سيئة</li> <li>• العدوانية الجسدية ضد الأقران</li> <li>• والملئين</li> <li>• المشاجرات</li> <li>• رمي الأشياء</li> <li>• التهديد الجسدي للأقران</li> </ul>	<b>ضعف العلاقات مع الأقران (Poor Peer Relationships)</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يبحث عن العناية الجسدية بشكل مفرط</li> <li>• الافتقار إلى السكون الحركي في اليدين والرجلين</li> </ul>	<b>عدوانية تجاه البالغين والأقران (Verbally and Phsically)</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• العدوانية تجاه البالغين والأقران</li> <li>• الألفاظ المسيئة</li> <li>• لغة سيئة</li> <li>• العدوانية الجسدية ضد الأقران</li> <li>• والملئين</li> <li>• المشاجرات</li> <li>• رمي الأشياء</li> <li>• التهديد الجسدي للأقران</li> </ul>	<b>ضعف عادات العمل (Poor Work Habits)</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يواجه صعوبات أثناء التعامل بشكل منفرد</li> <li>• معزول عن أقرانه</li> </ul>	<b>اتجاهات ضعيفة (Poor Attitudes)</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يحتاج إلى انتباه بشكل دوري من قبل المعلم</li> <li>• السلبية وخصوصاً تجاه النظام الحازم</li> <li>• دفاعي</li> <li>• تتفصله الدافعية (Motivation)</li> </ul>
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

تابع الشكل رقم (١,٢).

<ul style="list-style-type: none"> <li>❖ الانتدفاعية</li> <li>❖ يميل إلى السيطرة على البيئة</li> <li>❖ يفتقد إلى احترام الإدارة</li> <li>➢ يجادل في الإرشادات والتصحيح</li> <li>➢ يستخدم عبارات وتعليقات غير مناسبة</li> <li>➢ تهديد شخصيات ورموز الإدارة بشكل لفظي</li> <li>➢ تهديد رموز الإدارة بشكل جسدي</li> <li>❖ يقاوم التعليمات ودائماً ما يفتقر إلى الانضباط</li> <li>❖ ينخرط في سلوكيات تدمير الذات</li> <li>❖ يسيء إلى ممتلكات الآخرين</li> <li>➢ السرقة</li> <li>➢ الغش</li> <li>➢ يبكي</li> <li>➢ ينسحب ويتجنب التفاعل مع الناس</li> <li>➢ تدني الحس الأمني في العلاقات</li> <li>❖ مفرط في النشاط (يكسر أقلام ويصدر أصوات مزعجة) ويقوم بحركات جسدية</li> <li>❖ لديه أحلام يقظة ورسومات عبئية</li> <li>❖ يواجه صعوبة في البقاء جالساً في مقعده</li> <li>❖ يغادر غرفة الصف</li> <li>❖ يقوم بتصرفات غير لائقة حتى بعد تبييه للتوقف عن ذلك</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>❖ يحتاج إلى تكرار الإرشادات</li> <li>❖ يريد تحقيق متطلباته بشكل فوري</li> <li>❖ يحتاج إلى إشراف دائم وتذكير</li> <li>• يتذرع من المهام الموكلة إليه</li> <li>• لديه تباين في إنجاز المهام</li> <li>• يميل إلى احتكار الأنشطة الصحفية</li> <li>• نادراً ما يشارك في الأنشطة الصحفية</li> <li>• يظهر تصرفات غير مناسبة</li> <li>❖ يتكلّم في الصف</li> <li>❖ ينام في الصف</li> <li>• المخاطرة بشكل كبير (High Risk)</li> <li>❖ يترجم خواوفه إلى عدائية</li> <li>❖ هش عاطفياً</li> <li>➢ يعتقد أن الناس غير عادلين</li> <li>➢ ينكر تصرفاته وسلوكياته</li> <li>➢ يلوم الآخرين</li> <li>➢ رد فعله سلبي تجاه النقد البناء</li> <li>➢ يتفاعل بشكل غير مناسب في المواقف</li> <li>التنافسية أو تجاه نجاح الآخرين</li> </ul>
---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### التدريس المنظمي Systematic Instruction

تعد الطريقة التعليمية الأكثر فاعلية والتي تركز على المتعلم المتبادر تحصيلياً هي تلك النظرة المنظمة والمتمدة الأبعاد والتي تقوم على تفحص كل الظروف البيئية المحيطة بالطفل مثل: محتوى المنهج وغرفة الصدف والسلوك الاجتماعي والأكاديمي والطرق التي يتعلم فيها الطالب من حيث تلقى المعلومات والاستجابة التي يديها في تعلمها. وللوصول إلى الأسلوب الأمثل والمتكامل في تعليم الرياضيات وإعادة تأهيل الطلاب الضعاف في الرياضيات لا بد من تطبيق عدة عوامل في التدريس بأسلوب منظم ومنطقي والحرص على العمل بها. كما أن تجاهل أي من هذه العوامل يعرض النجاح الأكاديمي للخطر.

وقد أظهرت التجارب بأن المشاكل التي يواجهها المعلم والمتعلم عند معالجة أي من هذه العوامل متعلقة ببعضها وقد تؤثر بشكل سلبي على قدرة المعلم في إحداث تغير إيجابي عند المتعلم. ويبدون شك في أن النظام التعليمي الذي يأخذ بعين الاعتبار كل هذه العوامل في العملية التدريسية هو النظام الناجح والأكثر فائدة للطلاب. وعلى المعلمين أن يستخدموه أكثر من أسلوب في التدريس حيث إن الالتزام بأسلوب واحد قد لا يكون مفيداً لجميع الطلاب وعليهم أيضاً أن يديروا الصدف بأقصى درجة من المرونة في التعامل مع الطلاب واستغلال الوقت بكفاءة عالية.

### لماذا يعاني الطلاب في تعلم الرياضيات؟

إن أهم مكونات التدريس المنظمي المتمحور حول المتعلم هو المحتوى. وبعد موضوع الرياضيات من المواد الدراسية التي تشكل تحدياً كبيراً للمتعلم المتبادر

تحصيلياً. وبحسب وثيقة مجلس البحوث الوطني (National Research Council) لسنة ١٩٨٩ ، اعتبرت الرياضيات بوابة النجاح أو الفشل في التخرج من المرحلة الثانوية وفي سوق العمل. وقد أكدت الوثيقة (صفحة ٧) على أنه من الضروري التعامل مع الرياضيات كمضخة تزود أنبوب التعليم الأمريكي لا كمصفاة. ذلك بأن الافتقار إلى الفهم والمهارات الرياضية يؤثر سلباً في القدرة على اتخاذ القرارات الصائبة على الصعيد التعليمي والحياتي والمهني.

وعند سؤال الطلاب عن السبب وراء تدني تحصيلهم الأكاديمي في موضوع الرياضيات وحصولهم على علامات دون المستوى ، يجيب معظمهم "لم نفهم الرياضيات يوماً" أو "لم نحب الرياضيات يوماً لأنها علم مجرد ولا يمت لنا بصلة". في الحقيقة يعود هذا الإخفاق إلى عدة عوامل شخصية وبيئية وفيما يلي سوف تقوم بمناقشتها بالتفصيل.

### **عوامل بيئية Environmental Factors**

#### **التدريس Instruction**

عند تدريس موضوع الرياضيات لا بد من اتباع أساليب تعليمية متنوعة تتبع لدى الطلاب بناء المفاهيم والتعامل مع المسائل الصعبة والمناسبة والقدرة على التفسير الرياضي والربط بين محتوى المنهج والمواضيع الحياتية اليومية. حيث تبين أن الطلاب الذين تركز تعليمهم الرياضي على الحفظ والتذكر يعزل عن إدراك المفاهيم واستيعابها يعانون عدة صعوبات في التمييز بين المفاهيم المختلفة وفي بناء فهم صحيح لها وفي تعميمها أيضاً.

#### **المواد التدريسية Curricular Materials**

إن توسيع المنهج يوفر فرصاً للمتعلمين للتعامل مع المحتوى بشكل متتطور مع مرور الوقت. كما أنه يمكن من خلاله بناء المفاهيم وربطها بما تعلمه الطلاب بحيث

يصبحوا أكثر كفاءة وخبرة في الرياضيات. ولا بد هنا من الإشارة إلى ضرورة أن لا يتم تدريس المحتوى كما هو سنة بعد سنة بالطريقة ذاتها تقريباً ذلك بأن الطلاب الذين يخفقون في تعلمهم للمنهج في المرة الأولى من المرجح أن يخفقوا لو درسوا مرات عدة إذا ما تم تعليمهم بالطريقة نفسها. علاوة على ذلك كثيراً ما يتم تعليم الأساسيات للطلاب ذوي التحصيل الضعيف بطريقة تعتمد أسلوباً قائماً على تكرار مهام مهارية مملة. إن مثل هذا الأسلوب يمثل أفقاً ضيقاً لأساسيات الرياضية (Mathematical Foundation) ومستوى متدنياً من التقدير لقدرات الطلاب مما يؤدي إلى الخد من فرص تعلمهم لحل المسائل والتبرير المنطقى.

#### الفجوة بين المتعلم و الموضوعات التي يدرسها

##### **The Gap Between Learner and Subject Matter**

عندما يكون المحتوى الرياضي الذي يتم تدریسه للطلبة غير متناسب مع مستوى قدراتهم وخبراتهم التعليمية تحدث فروقات ملحوظة بينهم في مستويات تحصيلهم. ويحدث هذا في الحالات التي يغيب فيها الطلاب كثيراً عن الحضور إلى الصف أو الحالات التي يتم فيها انتقال الطلاب إلى مدرسة أخرى خلال العام الدراسي نفسه، والتي قد يتربّط عليها تغيير مناهج الرياضيات التي درسوا جزءاً منها في المدرسة السابقة إلى منهج آخر مختلف عن السابق وقد يكون أصعب منه في بعض الحالات. وبغياب الإستراتيجيات التي تساعد مثل هؤلاء الطلاب على تخطي هذه المشاكل يتعرض الطلاب إلى حالة من التخبّط وعدم الاستقرار في تعلمهم.

كما أن الحالات التي يكون فيها الطلاب ذوي خبرات حياتية متواضعة، مثل : الذهاب إلى المحال التجارية القريبة من سكنهم أو مثل : التواصل مع الآخرين حول الأرقام من خلال أمثلة عملية من واقع الحياة، تؤدي إلى اعتقاد الطلاب بعدم

أهمية تعلمهم للرياضيات ، وبالتالي تؤدي إلى حدوث ليس فقط فجوة بين مناهج الرياضيات فحسب ، بل بين المتعلم وبين مدى الاستفادة من تعلم الرياضيات.

### **عوامل شخصية أو فردية Personal or Individualized Factors**

#### **موضع التحكم والسيطرة Locus of Control**

يعتقد بعض الطلاب بأن مستوى تحصيلهم في الرياضيات مرتبط بشكل كبير مع عدة عوامل خارجة عن إرادتهم كالحظ مثلاً ، حتى إن بعضهم وعند حصوله على علامات جيدة في بعض الاختبارات يرى بأن السبب في ذلك هو سهولة المحتوى ليس إلا. إن مثل هؤلاء الطلاب لا يعزز النجاح بأي حال من الأحوال إلى الفهم الصحيح أو العمل الشاق ويصر على أنه نتيجة لعامل خارجة عن إرادة المتعلم ولا علاقة له بالاجتهاد والمثابرة وال موقف الإيجابي من تعلم الرياضيات. كما يعتقد بعضهم أيضاً أن الفشل مرتبط بشكل كبير بالقدرة النظرية الرياضية (Innate) (Mathematical Inability) وي مستوى ذكاء المتعلم وبأن الفشل في التعلم أمر لا مفر منه وبأن النجاح إن حصل أمر عرضي. ولهذا نجد بأن الاعتقاد الخاطئ لهؤلاء الطلاب يحد من قدرتهم على الدراسة والاستمرارية (Beck, 2000; Phillips & Gully, 1997).

#### **القدرة على التذكر Memory Ability**

يفتقر بعض الطلاب إلى عدم امتلاكهم لإستراتيجيات عقلية مطورة تمكنهم من تذكر كيفية القيام بتنفيذ بعض العمليات أو تذكر بعض الحقائق الأساسية. ومع ذلك ، هنالك عدة إستراتيجيات تعليمية يمكن اتباعها مع مثل هؤلاء الطلاب لتحسين قدراتهم على تذكر الحقائق والصيغ والعمليات الرياضية. على سبيل المثال تعد الألعاب التكرارية من الإستراتيجيات الناجحة في هذا الجانب والتي يتم فيها وضع مجموعة من المسائل المتعلقة بإحدى الحقائق الرياضية ويطلب من الطالب القيام

بتكرار حلها عدة مرات كل حسب دوره في اللعب. فمثلاً قد يطلب المعلم من أحد الطلاب إيجاد ناتج " $3 \times 5$ " ، فيجيب بأن الناتج هو "15". ومن ثم يقوم هذا الطالب بطرح سؤال مثل إيجاد ناتج العملية "7-5" على زملائه ويطلب من يجيب ضرورة أن يذكر جواب هذه المسألة والمسألة التي قبلها. ويكون الجواب الصحيح في هذه الحالة هو "7-5=2" . و تستمر اللعبة بحيث يسأل الطالب عندما يحين دوره في اللعب عن حل مسألة رياضية جديدة ويطلب من يجيب أن يذكر حل هذه المسألة وحلول جميع المسائل التي تم حلها سابقاً منذ بداية اللعبة. إن قدرة الطلاب على تنظيم أفكارهم واستخدامها لاستدعاء البيانات تأثر بشكل إيجابي على نجاحهم بتعلم المنهج الدراسية.

### الاهتمام الكافي Attention Span

قد يكون الطالب مشتتاً ذهنياً ويجد صعوبة في التركيز على تنفيذ الإستراتيجيات الرياضية متعددة الخطوات. إن تعامل مثل هذا الطالب مع مسائل رياضية متعددة المتغيرات أو المعلومات وتحتاج مزيداً من الوقت في حلها تؤثر سلباً على تحصيله. وينبغي على المعلمين عند تعاملهم معه التركيز على استخدام الوسائل المساعدة مثل الرسومات وحثه على التعاون مع أحد زملائه في حل مثل هذه المسائل بحيث يساعد بعضهم بعضاً في متابعة خطوات الحل والتتأكد من صحتها.

### معرفة المصطلحات الرياضية وإدراك معانيها

#### Understanding the Language of Mathematics

يتم الخلط عند الطلاب في بعض الكلمات التي لها أيضاً معنى رياضي مثل كلمات الحجم، الباردة، الطاقة، المساحة وغيرها. إن عدم فهم المصطلحات الرياضية مثل "القاسم" و"العامل" و"المضاعف" و"المقام" يعرقل على نحو خطير قدرات الطلاب على التركيز وعلى فهم الشروط والعمليات التي تتضمنها الخوارزميات

الحسائية ويتضمنها كذلك حل المسائل ، مما يجعل تذكر الطلاب لهذه المصطلحات دون معرفة معانها و يعزل عن سياق مناسب مسألة غير متجة و غير فاعلة .

### كيف يتم تدريس الرياضيات بشكل فعال لجميع الطلاب؟

#### **إتقان الرياضيات Developing Mathematics Proficiency**

يعد الطلاب الذين يقومون بتنفيذ الخوارزميات مع الإدراك البسيط لحقيقة ما يقومون به أكثر عرضة من غيرهم للنسيان السريع لهذه الخوارزميات وللخلط بين خطواتها المختلفة . وتعرف الخوارزمية على أنها عبارة عن "مجموعة متتالية من الخطوات الإجرائية المتعاقبة لإنجاز وإكمال مهمة ما" (Usiskin, 1998, p. 7) ، مثل الخطوات الالزامية لحل مسألة في القسمة الطويلة . في الحقيقة إن الفهم الصحيح هو الأساس للقيام بالمهارة بإتقان (Clements, 1997; Piaget, 1965) . على سبيل المثال لو فرضنا أنه عند الطلب من أحد الطلاب إيجاد الكسر العشري المكافئ لكسر عادي لم يكن متاكداً ما إذا كانت الطريقة لذلك هي قسمة المقام على البسط أو العكس برغم قدرته على إيجاد ناتج القسمة في كلا الحالتين . إن هذا يدلل على أن هذا الطالب لا يدرك السبب الذي يضمن حصوله على التمثيل العشري الصحيح إن قام بتنفيذ قسمة البسط على المقام وبالمثل يمكن للطالب إدراك ما تعنيه الأرقام العشرية بشكل صحيح إلا أنهم قد يجدون صعوبة في تذكر الخطوات الصحيحة لخوارزمية القسمة الطويلة . في الواقع ، يمكن التأسيس للفهم الصحيح على المدى الطويل جنباً إلى جنب مع اكتساب المهارات بإتقان ، من خلال تطوير البناء المفاهيمي للطلبة بطريقة استكشافية ومتدرجة (Bruner, 1977).

في الحقيقة إن تمكن الطلاب من المفاهيم الأساسية وقدرتهم على تنفيذ الخوارزميات الرياضية بشكل دقيق يساهم بشكل كبير في أن يصبحوا بارعين في الرياضيات ، بمعنى أنهم يصبحوا قادرين على تعلم الرياضيات بنجاح (NCR, 2001). وباستعراض جميع البحوث الوطنية المتعلقة بتعلم الرياضيات (NRC, 2001) ، نجد بأن تعلم الرياضيات يتكون من خمس مراحل مترابطة وهي : التمكّن من الأفكار (إدراك ما تعنيه المفاهيم الرياضية) واكتساب مهارات إجرائية مرنّة ودقيقة (إنقان تنفيذ الخوارزميات و العمليات الرياضية) والقدرة على صياغة و حل المسائل الرياضية (وضع الإستراتيجيات) والقدرة على تفسير وتقدير معرفة الآخرين الرياضية (التفسير المنطقي) وإدراك قيمة المواقف المعلمة وأهميتها (الفائدة المرجوة) .(NRC, 2001)

إن المتعلم المتبادر تحصيليًّا هو ذلك الشخص الذي شهد نجاحًا متواضعاً في جميع مراحل التعلم الخمسة آنفة الذكر أو ربما فشل في إحدى هذه المراحل بشكل كامل. ومع ذلك ، يمكن تحقيق النجاح في تعلم الرياضيات ببراعة وإنقان من خلال إجراء تعديلات مناسبة على المناهج الدراسية تبعاً لخصائص المتعلمين كتلك المتعلقة بالحياة اليومية لهم وباهتماماتهم ، أو من خلال توفير المزيد من الوقت للتفكير الإستراتيجي القائم على التعاون.

ويكمن للطلبة بلوغ مستويات أعلى من الكفاءة في تعلم الرياضيات عندما ينخرطون في دروس تم بناؤها بشكل محكم. علماً بأنه قد يختلف الوقت اللازم للانتقال من خطوة واحدة إلى أخرى عبر هذه الدروس وفقاً لتقدم الطلاب ، ويكمن الجمع بين خطوتين في درس واحد. و فيما يلي نعرض الإطار العام مثل هذه الدراسات :

### بناء وتنظيم الدروس الناجحة Structuring Lessons for Success

**الخطوة ١:** يقوم المتعلمون بالربط بين المفاهيم الجديدة مع تلك التي عرفوها سابقاً واستوعبواها بشكل صحيح. ويستخدم الطلاب العدادات ومجموعات العشرات في حل مسائل من واقع الحياة اليومية. على سبيل المثال، يمكن للطالب إيجاد عدد قطع البسكويت التي يحتاجون الحصول عليها لإقامة حفلة تجمع ١٥ طالباً، علماً بأن لديهم ٨ قطع ولا بد أن يحصل كل واحد من الطلاب على قطعة بسكويت. عند دراسة الضرب أدرك المتعلمون المعنى المفاهيمي لهذه العملية من خلال تشكيل ثلاث مجموعات كل منها مكون من أربعة عدادات تمثل قطع حلوي قام بجمعها الأطفال يوم العيد. كما تم ربط ذلك بدرس سابقة كتلك التي تم فيها الربط بين عملية القسمة وعملية الطرح المتكرر. وتم طرح الأسئلة ومناقشة الطلاب في إدراكهم لما تعنيه هذه المفاهيم الرياضية.

**الخطوة ٢:** يقوم الطلاب بتمثيل ما تعنيه المفاهيم بحسب فهومهم لها باستخدام الصور أو الرسومات التوضيحية. على سبيل المثال، فيما يلي رسمة لمجموعة قطع البسكويت التي بحوزة الطالب :

لدي القطع التالية من البسكويت



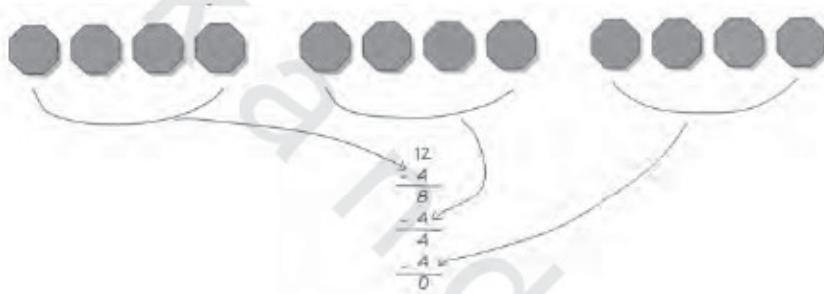
ما عدد قطع البسكويت الإضافية التي احتاج لحصول عليها ليصبح لدى ١٥ قطعة؟

ضع العدد المطلوب من قطع البسكويت الإضافية في المسنطبل التالي:

يمكن رسم المجموعات الثلاث التي يحتوي كل منها على أربعة عناصر على النحو التالي :



يمكن التعبير عن عملية قسمة العدد ١٢ على العدد ٤ باستخدام عملية الطرح المتكرر كما في الشكل التالي مثلاً :



**الخطوة ٣ :** يقوم الطلاب بربط الأرقام والجمل التي تصفها بالرسومات السابقة على النحو التالي :

$$\text{A) } 8 + \square = 15 \\ \square = 7$$

لأنني بحاجة إلى ٧ إضافة  
إلى ٨ ليصبح لدى ١٥

$$\text{B) } 3 \times 4 = 12$$

في كل مجموعة مجموعات

$$\text{C) } 4 \overline{) 12 }$$

في الكل في كل مجموعة مجموعات

$$4 \times 3 = 12$$

في كل مجموعة مجموعات

**الخطوة ٤:** يقوم الطلاب بممارسة المهارات والعمليات الحسابية المعلمة من خلال مجموعة متنوعة من الأنشطة ودروس التعزيز. كما يقدم المعلم للطلبة التغذية الراجعة المستمرة في كل خطوة من خطوات عملهم، بحيث يمكن تصحيح الأخطاء والفهم الخاطئ لديهم أولاً بأول بسرعة وفعالية.

#### قيمة الرياضيات Valuing Mathematics

ينبغي على الطلاب أيضاً التعرف على مدى أهمية الرياضيات واستخداماتها في حياتهم اليومية. ذلك بأنه في كثير من الأحيان، نجد بأنه من المقبول اجتماعياً أن يعترف أحدهم ويقول بكل سهولة: "أنا لست من يتقنون الرياضيات ويفهمونها" في حين أنه يتحرج بشكل كبير من أن يقول: "أنا لست قارئاً جيداً". إن المسائل والأمثلة التي تتعلق باهتمامات الطلاب وخبراتهم اليومية تعد ذات أهمية وقيمة كبيرتين، لا سيما للطلاب الذين حرموا من دراسة الرياضيات. وتظهر أهمية الرياضيات على الصعيد الشخصي من خلال تقديم المفاهيم الرياضية في المواقف التي ترتبط ارتباطاً وثيقاً بالطالب، مثل الرياضة، وتداول العملات النقدية، والاهتمامات الشخصية، والفصول الدراسية والمدرسة. ولهذا وعند اهتمام الطلاب بالمحظى الرياضي على كافة الصعد، ستتجدهم يقبلون على التعلم بشكل كبير قائم على التفاعل والمشاركة والاستفسار.

#### استيفاء المعايير للمتعلمين المتباهين تحصيلياً

##### Meeting Standards for Dissimilar Learners

يوفر المجلس الوطني لمعلمي الرياضيات (NCTM) وثيقة تتضمن المبادئ والمعايير للرياضيات المدرسية، والتي تعد "ثمرة من الجهد الذي تركز على التحسين المتواصل للطلبة في تعلم الرياضيات المدرسية" (NCTM, 2000) وهي عبارة عن مجموعة شاملة من المعايير لتدريس الرياضيات من الحضانة حتى الصف الثاني

عشر. وبخصوص أهمية تلبية احتياجات المتعلمين المتبادرين تحصيلياً، يصرح المجلس بما يلي "ييدي الطلاب مواهب مختلفة، وقدرات وإنجازات واحتياجات واهتمامات في الرياضيات... ومع ذلك لا بد وأن يحصل جميعهم على أفضل برامج تعليم للرياضيات". (NCTM, 2000).

وتحددوثيقة المبادئ والمعايير للرياضيات المدرسية ستة مبادئ تعكس الأسس التي يجب اتباعها من أجل تعليم الرياضيات بأفضل صورة، وهي عبارة عن "وجهات النظر التي يمكن أن يستند إليها المعلمون في قراراتهم التي تتعلق في الرياضيات المدرسية" (NCTM, 2000). وتشمل هذه المبادئ كلاً من المساواة والمناهج الدراسية والتعليم والتعلم والتقييم والتكنولوجيا. وتشكل مبادئ المساواة والتعليم والتعلم أهمية خاصة للمتعلمين المتبادرين تحصيلياً في الجوانب المتعلقة بالأسس التي تستند عليها معايير التقييم والأهداف التعليمية.

#### مبدأ المساواة (The Equity Principle)

ينص مبدأ المساواة على أن التمييز في تعليم الرياضيات يتطلب وجود تطلعات من الإنفاق العالي والدعم الكبير لجميع الطلاب (NCTM, 2000, p. 11). إن المغرى الرئيس من وراء هذا الكتاب يقوم على أساس أن جميع الأطفال لديهم القدرة على تعلم الرياضيات ويستحقون فرصة للقيام بذلك. كما أن المساواة تتطلب القيام بتوفير الوسائل المناسبة واللازمة لتعزيز القدرة على التعلم والتحصيل الجيد .(NCTM, 2000, p. 12)

تتضمن الوسائل المرجوة التي تعزز التعليم العادل ما يلي:

- ١ - طرقاً بديلة تعامل مع وسائل الإيضاح اليدوية.
- ٢ - تشكيلاً واسعة من الأسئلة المتباعدة.

٣ - العاباً.

- ٤ - مواد عينية مثل: الآلات الحاسبة، وقوائم الطعام، والخرائط، وأدوات القياس.
- ٥ - مزيداً من الوقت لتنفيذ أي مهمة.

يحتوي الملحق أ في نهاية الكتاب على قائمة أوسع من الاقتراحات التي تعزز التحصيل الجيد، وهي تتضمن عدة أفكار تُعنى بالمحظى والسلوك والبيئة النفسية للمتعلمين. إن بإمكان المدرسين القيام بتوفير البيئة المناسبة للتعلم وتسخير خبراتهم والقدرات التي يتلذذون بها لاستحداث طرقاً منوعة من التدريس التي تعزز التحصيل الجيد للطلبة.

#### **مبدأ التدريس The Teaching Principle**

ينص مبدأ التدريس على أن التدريس الفعال للرياضيات يتطلب تحديد ما يعرفه الطلاب وما يحتاجون تعلمه ومن ثم حثهم ودعمهم لكي يتعلموه بشكل جيد (NCTM, 2000). وهو يسلط الضوء على ضرورة ممارسة التعليم تبعاً للطلاب (غوج التركيز على الطفل)، بمعنى أن ما يقوم به المعلم هو ليس إلا تعليم الطلاب مفاهيم وإجراءات جديدة استناداً لما هو معروف لديهم مسبقاً. حيث يبدأ تعليم الأطفال بناءً على قدرتهم على فهم اللغة وبناءً على الأفكار الأساسية وخبراتهم التعليمية السابقة. وتم عملية تطوير المفاهيم لديهم من خلال الإجراءات التدريسية المتعاقبة من قبل المدرس والتي تقوم على إعداد الدروس بشكل جيد يساعد الطلاب خطوة خطوة في تطوير المفاهيم وصولاً إلى الفهم العميق لها ووصولاً إلى اكتسابهم للمهارات المتعلقة بهذه المفاهيم بشكل متقن.

إن المتعلمين المتبادرين تحصيليًّا هم في الغالب أولئك الطلاب الذين يتم تدريسيهم على التعامل مع الوسائل المحسوسة للتأكد من معرفتهم للأساسيات ، وهذا يؤثر عليهم بشكل سيئ و يجعلهم يفتقرن إلى معرفة المفاهيم الأساسية بشكل دقيق. ونتيجة لذلك يواجه معظمهم صعوبة في التعامل مع الوسائل المساعدة القائمة على الفهم الصحيح. كما أن عدم تمكنهم من هذه المفاهيم يؤدي بهم في معظم الأحيان إلى نسيان العمليات الإجرائية وفي حال تذكّرهم لها فإنهم لا يقومون بتطبيقاتها بشكل صحيح وإذا ما حاولوا تصحيح أخطائهم تجدّهم يقعون في دوامة من الأخطاء المتكررة أو الإجراءات المملة وغير المفيدة. كما أن التعامل مع مثل هؤلاء الطلاب بأي طريقة لا تعتمد فكرة التعليم التمحور حول المتعلم واحتياجاته والتركيز عليه في التدريب لا تحقق نجاحاً حقيقياً في تعليمه على المدى الطويل.

إن تطبيق مبدأ التعليم لا يتم إلا من خلال إشراك الطلاب في عمل قائم على الجدية والتحدي والاستمتاع ، وبالتالي يؤدي بالطلاب إلى الاهتمام والعمل على تلبية احتياجاتهم التعليمية ، ويولد لديهم إدراك قوي للأساسيات.

### **مبدأ التعلم The Learning Principle**

يرتبط مبدأ التعليم ارتباطاً وثيقاً بمبدأ التدريس ، وهو يدعو الطلاب إلى تعلم الرياضيات مع التركيز على الفهم الصحيح والحصول على المعرفة الجديدة استناداً على خبراتهم ومعارفهم السابقة (NCTM, 2000). إن استخدام أساليب متنوعة لتعليم الطلاب المحتوى الرياضي يوفر لهم فرصاً ثمينة لاكتساب تلك المعرفة المرتبطة بشكل وثيق بكيفية تفكيرهم وبخبراتهم السابقة. على سبيل المثال ، عند تعليم الطلاب على كيفية حساب طرح العدد ٩ من العدد ٣٥ ، يتم تدريسيهم على إستراتيجية إعادة التجميع بالاستعانة بمجاميع القيم المكانية العشرية ، وفي حال

تعرضهم لاستخدام الإستراتيجية نفسها بوجود منزلة المثات كما في المسألة 235-79 ، يقوم الطلاب مرة أخرى باستخدام مجاميع القيم المكانية العشرية كما تعلموها سابقاً للتعامل مع منزلة المثات.

إن الأساس المعرفي والذي هو غالباً ما يكون مفقوداً لدى الطلاب المتباهين تحصيلياً يكن التأسيس له في الدروس اللاحقة. حيث إن الطلاب غالباً ما يكون لديهم القدرة على ابتكار واستخدام إستراتيجيات خاصة بهم تمكنهم من استساغة وقبل الرياضيات ، كما أن مناقشة المفاهيم وإجابات الأسئلة من حيث أنمط التفكير والإستراتيجيات تعطي مزيداً من الاستكشاف لطرق متعددة لحل المسائل.

والأهم من ذلك ، هو حقيقة أنه يمكن للمدرسين دعم المبادئ من خلال مساعدتهم للمتعلمين المتباهين تحصيلياً في بناء أساس متين من الفهم وذلك من خلال العمل معهم على تطوير المهارات لديهم ، وقدرتهم على التفكير ، وشعورهم بأهمية ما يقومون به. ومن الضروري تهيئة بيئة تعليمية تقوم على الثقة وقبل طرح الأفكار الجديدة وطرق التفكير المتعددة. إن الهدف الحقيقي من وراء هذا هو إيجاد إستراتيجيات ترتبط بشكل مباشر مع العوامل التي تحدد قدرة الطلاب على التعلم ومن ثم استخدامها لمساعدة هؤلاء الطلاب في بناء الفهم الصحيح واكتساب المهارات بإتقان والشعور بالقدرة على النجاح.

أصدرت (NCTM, 2006) وثيقة بعنوان :

(Curriculum Focal Points for Pre Kindergarten Through grade 8 Mathematics: A Quest for Coherence)

تتضمن خطوطاً عريضة لأهم المفاهيم والمهارات الرياضية الواجب تعلمهما من قبل الطلاب في كافة المراحل ابتداءً من مرحلة ما قبل الحضانة واتهاءً بالصف الثامن. كما تناقض الوثيقة عدداً من القضايا المتعلقة بالطلاب الذين يعانون في تعلم

الرياضيات وتأكد على أن التدريس الذي يركز على عدد قليل من المواضيع يكسب الطلاب خبرة أطول في المفاهيم والمهارات (NCTM, 2006). كما يمكن لكل من المعلم والمتعلم الاستفادة من التدريس المنظم الذي أكدت عليه نقاط الاتصال المتضمنة في الوثيقة والتي تؤكد على أن "تعلم الرياضيات عملية تراكمية، بمعنى أن ما يتعلمه الطالب في مرحلة لاحقة يقوم على إكمال ما قاموا بنائه من مفاهيم في مراحل سابقة وتعويقها بشكل أوسع دون تكرار ودون إعادة تدريس غير فاعلة. كما أن المنهج الدراسي المبني على نقاط الاتصال تلك يوفر فرصاً لتشخيص ما يعانيه الطلاب من صعوبات وتدخلات مباشرة" (NCTM, 2006, p. 13). إن مبادئ ومعايير نقاط الاتصال بالمنهج للمجلس الوطني لتعليم الرياضيات تؤكد على ضرورة بناء المنهج الدراسي بطريقة مناسبة تركز على المعنى الحسي للأرقام وعلى الربط بين تعليم وتعلم الرياضيات بالواقعات الحياتية اليومية.

وفي هذا الكتاب قمنا بتصميم نموذج لورقة تحليل البيانات (Data Analysis) واقتصرها (DAS) وأخر خطة التطوير الرياضي (Mathematics Improvement Sheet) واقتصرها (MIP) لتوجيه المعلم وحثه على التركيز على احتياجات الطلاب وعلى توفير منهج رياضي لهم قائم على التماسك والترابط بين أجزائه.

**تحديد وتوفير احتياجات الطلاب المتبادرين تحصيلياً**

قام مؤلفو الكتاب بوضع آلية مكونة من ثلاث خطوات منهجية لتحسين التحصيل الرياضي للطلبة المتبادرين تحصيلياً بحسب الترتيب التالي :

- ١ - تحديد نقاط القوة والضعف لدى المعلم.
- ٢ - تعبئة ورقة تحليل البيانات (DAS) الخاصة بالتعلم.
- ٣ - تصميم خطة تطوير رياضي (MIP) بناءً على المعلومات التي تم جمعها.

### **الخطوة الأولى: تحديد نقاط القوة والضعف لدى المتعلم**

تتضمن الخطوة الأولى في التخطيط لتلبية الاحتياجات التعليمية للطلبة وتقدير وضعهم الحالي معرفتهم للمحتوى الرياضي والعوامل البيئية التي تؤثر في تعلمهم وأسلوب تعلمهم وسلوكهم ومدى تقبلهم للمعorzات الحسية والمعنوية بأشكالها المختلفة. ويتم جمع البيانات من خلال سجلات تحتوي على ملاحظات يومية تم رصدها عن الطالب ومن خلال أدلة في المهام الصحفية والاختبارات القصيرة والامتحانات النهائية في مادة الرياضيات ، ومن خلال التعينات المنزليه ونتائج اختبار الرياضيات الموحد. ومن ثم يتم تسجيل هذه البيانات في ورقة تحليل البيانات (DAS) والتي هي أداة لجمع البيانات التي يتم على أساسها التقييم المتمثل بتحديد كافة العوامل التي تؤثر في تقدم المعرفي للطالب في الرياضيات.

إن الهدف من عملية التقييم هو الوصول إلى تصور شامل عن القدرات الفنية ونقاط القوة والاهتمام لدى المتعلم. كما أن البيانات المضمنة في ورقة تحليل البيانات تساعده في اختيار الطرق الأنسب في عملية التدريس وتحدد البيئة التعليمية الأنسب التي تسهم في الوصول الأسهل للمعلومات إلى المتعلمين. يحتوي الجدول رقم (١,١) على نموذج لورقة تحليل بيانات ، وفيما يلي نستعرض أهم الفقرات المضمنة فيها :

- **البيئة:** وهو يمثل البيئة التي يتواجد فيها الطالب وتشمل الغرف الصحفية والممرات وغرفة الطعام ومعمل الطعام والصالات الرياضية والصالات. كما تشمل كل ما يعطي المدرسة الحق في مسؤوليتها الإدارية عن الطالب.

جدول رقم (١١). عينة لورقة تحليل البيانات (DAS).

ورقة تحليل البيانات			
اسم الطالب :			
أعضاء الفريق :			
تسجيل تحليل البيانات			
السياق			
-			+
تقييم الخروي			
-			+
العمليات			
المخرجات		المدخلات	
-	+	-	+
السلوك			
اجتماعي		تعلمي	
-	+	-	+
التعزيز			
-			+

ملاحظة: إن الرمز + يشير إلى نقاط القوة فيما يشير الرمز - إلى النقاط التي تحتاج إلى متابعة.

- **المحنوي:** ويتضمن المنهج الدراسي بشكل عام والمنهج الحالي الذي يدرسه الطالب الآن.
- **العمليات:** وهي تمثل الطرق والإستراتيجيات والأدوات التي يفضلها الطالب قبول المعلومات والتعبير عنها مثل الاستماع والمحادثة والكتابة والرسم.
- **السلوك:** ويتضمن السلوك التعليمي والاجتماعي مثل معرفة ما إذا كان الطالب محباً للتعلم من خلال مواد مكتوبة أو ضمن مجموعات وما إذا كان غير محب لتصحيح الواجبات وإنعامها، وما إذا كان راغباً في طرح الأسئلة على أقرانه في مجموعة ما وما إذا كان محباً للأنشطة الاجتماعية والتواصل مع الآخرين والعمل مع المعلم بشكل مباشر أو مع زملائه في الصف.
- **التعزير:** ويمثل ردود أفعال البيئة المحيطة بالطالب والتي تسبب في قيامه إما بسلوك جيد وإما بسلوك غير لائق وبشكل متكرر (Sperbar, Premack, & Premack, 1996).

### أنماط السلوك

يوصف السلوك عالي الاحتمال على أنه السلوك المحتمل حدوثه بشكل كبير مثل: الرغبة في لعب الألعاب الرياضية أو في استخدام الحاسوب. أما السلوك ضعيف الاحتمال فهو يصف السلوك المحتمل حدوثه بشكل ضئيل جداً، مثل دراسة الطالب لوحده أو مع آخرين، ومثل حل التدريبات وحل المسائل والتي تعد من الأمثلة المعروفة عن السلوكيات ضعيفة الاحتمال عند المتعلمين المتأخيرين تحصيلياً.

وعلى سبيل المثال، إذا كان المناخ في سياق غرفة الصف يساعد في تحصيل الطالب، نصف السياق باستخدام الرمز "+"، وفي حال واجه الطالب صعوبات

نتيجة للبيئة في غرفة الصف ، نصف البيئة باستخدام الرمز " - " ، وبالطريقة نفسها نصف السلوك غير المقبول للطالب بالرمز " - ".

إن جمع ومراجعة هذه المعلومات تساعد المعلم في تحديد الأنشطة الصحفية التي تعزز السلوك عالي الاحتمال للطالب والتي لا تعززه. كما يمكن للمعلم التركيز على السلوك منخفض الاحتمال المتعلق بالمحتوى مثل نقطة البداية في خطة أي من الدروس. وفي حال كان استخدام الحزم العشرية على سبيل المثال غير مجد للطالب عند دراسة القيمة المكانية وتم وصفها بالرمز " - " ، فلابد في هذه الحالة أن يبدأ المعلم الدرس بمراجعة مهارة إيجابية (توصف بالرمز " + " بالنسبة للطالب) مثل مهارة العد.

وبالنسبة إلى بعد السياق في عملية التقييم والذي يمثل جميع البيئات التي يتعرض لها الطالب في يومه الدراسي ، فإن المعلم غالباً ما يقوم بتسجيل سلوك الطالب داخل غرفة الصف علمًا بأنه من المعروف أن معظم السلوكيات ضعيفة الاحتمال والتي يقوم بها الطالب تكون خارج غرفة الصف (Sperber et al., 1996). إن كل التصرفات التي يديها الطالب في كافة السياقات تنعكس على تحصيله التعليمي بشكل واضح. في الواقع إن جميع المعلومات المتعلقة بسلوك الطالب الاجتماعي والعاطفي وتلك المتعلقة بمفرداته اللغوية وبإحساسه بالأماكن وغيرها داخل البيئة المدرسية تعد من البيانات المهمة في عملية التقييم.

إن الهدف الأهم من وراء ورقة تحليل البيانات هو أنها توفر للمعلم بنكًا من المعلومات عن نقاط القوة (كل ما وصف بالرمز " + ") لدى الطالب التي يمكن أن يستفيد منها في عملية التعزيز التعليمي للطالب والتي تشمل كل ما يحب أن يفعله الطالب وما يتقنه في البيئة التعليمية وتشمل أيضًا كل ما يرغب الطالب في تجنبه.

## الخطوة ٢: تعبئة ورقة تحليل البيانات

تزود ورقة تحليل البيانات (DAS) المعلمين بمعلومات عن بيانات السلوك الحالي للطالب والتي تم جمعها من بيئه حقيقية. وهذه المعلومات تشكل الأساس الذي يستند عليه تشخيص الصعوبات التي يواجهها الطالب. كما أن ورقة تحليل البيانات تقييم الطالب بالمقارنة مع نفسه وتزودنا بمعلومات تشخيصية للصعوبات التعليمية التي يواجهها وتقترن وصفات جاهزة للاستخدام لمعالجة هذه الصعوبات. وتعد هذه الوصفات بمثابة الإطار العام لخطة إعادة التأهيل المتضمنة في خطة التطوير الرياضي (MIP) لهذا الطالب.

ويستخدم كافة البيانات المتعلقة بالسياق والمحظى والعمليات والسلوك والتعزيز، يتم تجهيز ورقة تحليل البيانات لكل طالب عدة مرات خلال السنة الدراسية تبعاً للتغيرات التي تطرأ على ظروف تعلمه وعلى شخصيته. كما تتم مراجعة وتسجيل سلوكياته عالية الاحتمال ومنخفضة الاحتمال على حدي سواء.

### الإرشادات العامة لتعبئة ورقة تحليل البيانات

- ١ - تحديد البيانات كما جمعت.
- ٢ - تسجيل البيانات لكل فئة وتحديد ما إذا كانت نقطة قوة أو سلوكاً عالي الاحتمال أو سلوكاً منخفض الاحتمال، وتسجيل كافة البيانات من كل البيئات. ولابد من تعريف ما يقوم به الطالب وليس العكس. بمعنى أنه وعلى سبيل المثال يسمح بتسجيل عبارة تقول بأن الطالب يعرف العد لغاية الرقم عشرة ولا يسمح بتسجيل عبارة تقول بأن الطالب لا يعرف العد لغاية العدد عشرة أو أكثر.
- ٣ - تسجيل العبارات التي تصف السلوك مثل عبارة أن الطالب رفع يده وعبارة أن الطالب عمل بشكل جيد ضمن الجموعة. وإعطاء كل من هذه العبارات

الرمز "+" إذا كانت تصف سلوكاً محبذاً للطالب والرمز "-" إذا كانت تصف سلوكاً غير محبذاً للطالب.

٤ - تسجيل أنشطة التعزيز مثل عبارات الإطراء أو الملصقات كمكافأة للطالب على ردود أفعاله الإيجابية.

يتم وصف العمود الواحد في ورقة تحليل البيانات بالرمز "+" إذا كان عدد المدخلات في ذلك العمود التي أعطيت الوصف "+" (سلوك عالي الاحتمال) أكثر من تلك التي أعطيت الوصف "-" (سلوك منخفض الاحتمال) في العمود نفسه. يحتوي الجدول رقم ١,٢ على ورقة تحليل بيانات جاهزة. كما تحتوي كل وحدة من الكتاب على نماذج من الطلاب الذين تمت تعبئته ورقة تحليل بيانات لكل منهم.

الجدول رقم (١,٢). كيف نعيي ورقة تحليل البيانات (DAS)?

اسم الطالب :	
أعضاء الفريق :	
السياق	
-	+
<ul style="list-style-type: none"> <li>• خجل في التعامل مع البالغين، مع أقرانه أو في النشاطات الجماعية.</li> <li>• لا يستطيع الجلوس لفترة طويلة من الوقت.</li> <li>• لا يتواصل جيداً ضمن المجموعات.</li> <li>• لا يحب: العمل لوحده، الجلوس في الأمام، العمل مع المعلم وجهًا لوجه، العمل الجماعي.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>معلومات تغطي نقاط القوة (+) وال نقاط التي تحتاج متابعة (-) حول بيته الطالب واستجاباته لها مثل:           <ul style="list-style-type: none"> <li>• يكون أدائه جيداً عندما يجلس بالقرب من النافذة، وفي مقعد لوحده، ومع القرآن، ومع المعلم، وفي غرفة الصف، وفي المرات بين القاعات، وفي الصالة الرياضية، وفي الباص، ومع مجموعة من القرآن.</li> <li>• منفتح على الأصدقاء وودود معهم، يحب العمل لوحده، يتوتر عند العمل مع المعلم.</li> <li>• يحب الأنشطة مع مجموعات سواءً كان يعمل مع زميل له أو مع المعلم.</li> </ul> </li> </ul>

تابع الجدول رقم (١،٢).

		• يحب الجلوس أماماً في غرفة الصف ، من قبل المعلم ، في مقعد لوحده.	
تقييم المخواى			
-	+	معلومات تغطي نقاط القوة (+) والنقاط التي تحتاج متابعة (-) الممثلة لمهارات خاصة مرتبطة بتعلم الرياضيات مثل :	
<p><b>الخطأ النمطي I</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يسجل أكثر من خانة واحدة لقيمة المكانية.</li> <li>• غير قادر على كتابة الأعداد المكونة من أكثر من خانة بدلالة القيمة المكانية.</li> <li>• يفترض من المكان الخاطئ.</li> <li>• لا يقوم بإعادة التجميع.</li> <li>• لا يقوم بربط الأعداد بالحياة العملية.</li> </ul>	<p><b>المفاهيم المتعلمة I</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• قراءة وتنبییز الأعداد.</li> <li>• يعرف الطرح بوجود الصفر.</li> <li>• يعرف ضبط الخانات.</li> </ul>	<p><b>المفاهيم المتعلمة II</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يعرف عمليات الجمع التي ناجها أقل من عشرة.</li> <li>• يعرف بوجود قواعد القيمة المكانية.</li> <li>• يعرف كيف يفترض بوجود الصفر.</li> </ul>	
العمليات			
المخرجات		المدخلات	
-	+	-	+
<ul style="list-style-type: none"> <li>• بطيء في إتمام المهام ، لا يكمل مهمته على الإطلاق ، أو يكمل المهام متأخراً.</li> <li>• يتسرع في إنهاء</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• الاستجابات اللغوية كفرد أو ضمن مجموعة ، يتمتع بالنقاشات التي تحدث داخل المجموعة أو يحب إعطاء تقارير شفوية.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• لا يستمع جيداً في غرفة الصف للإرشادات أو لزملائه الآخرين ، لا يحب طلب المساعدة ، لا يأخذ وقتاً كافياً لقراءة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• معلومات تغطي نقاط القوة (+) والنقاط التي تحتاج متابعة (-) المتعلقة بكيفية أخذ الطالب للمعلومات وكيف يوظف المعلومات</li> </ul>

تابع الجدول رقم (١،٢).

<p>العمل، يتجنب التقارير الشفوية أو المشاركة في العمل ضمن مجموعة.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>يكتب بالقلم والورقة أو يطبع على الحاسوب، العمل ككاتب للمجموعة، يطور ما يقوم به من عمل.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>يكتب بالقلم والورقة أو يقرأها بسرعة.</li> <li>لا يحب القراءة، الهام ضمن مجموعة، المهام المتعددة مثل أو ما يقوم به من عمل.</li> </ul>	<p>التي اكتسبها من تعلمه مثل:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>يسمع للمعلم عندما يقرأ أو يتحدث.</li> <li>يسمع للطلبة عندما يقرؤون.</li> <li>يتبع الإرشادات المعطاة باختصار، يستعمل أصواته لحل المسائل الرياضية، يمد بصوت عالي، ذاكرة سريعة. يجلس لوحده أو في مجموعة، أو يجلس بالقرب من المعلم.</li> </ul>
<b>السلوك</b>			
اجتماعي		تعليمي	
-	+	-	+
<ul style="list-style-type: none"> <li>يتشارج مع الأقران، متحادي للمعلم، يتصرف بخجل</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>يتعاون بصورة جيدة مع المعلم أو مع الأقران.</li> <li>يستمتع بالتواحي الاجتماعية التي</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>لا يستطيع التركيز لفترة طويلة، لا يستطيع إكمال مهمة مكتوبة أو لا يستطيع البقاء في</li> </ul>	<p>معلومات تغطي نقاط القوة (+) والنقاط التي تحتاج متابعة (-) المتعلقة</p>

تابع الجدول رقم (١،٢).

<p>مع المعلم أو مع أقرانه.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يكون أداؤه جيداً فقط في المجموعات الثانية.</li> <li>يحيط بسرعة عندما</li> </ul>	<p>تقديمها المدرسة.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• محبوب.</li> <li>• يتبع أنظمة المدرسة.</li> <li>• يتبع التعليمات</li> </ul>	<p>مقعده.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>لا يحب ارتكاب الأخطاء أمام زملائه، أو أن يقوم المعلم بالإشارة إلى أخطائه</li> </ul>	<p><b>سلوكيات الطالب الأكاديمية والاجتماعية:</b> مثلاً: يستمتع بأنشطة التعلم، يرفع أصبعه ليجاوب على الأسئلة، أو يساعد الآخرين في مهام التعلم.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>يرغب بإكمال الأنشطة.</li> <li>ييدي استعداداً لأخذ مواد إضافية من المعلم بهدف المراجعة أو تصحيح الأخطاء.</li> </ul>
<b>التعزيز</b>			
-		+	
<ul style="list-style-type: none"> <li>لا يحب العمل الذي يتطلب عملاً إضافياً.</li> <li>لا يحب التعزيز المادي كالحلويات أو الملصقات أو الوقت الحر.</li> <li>لا يحب أن يكون مع المعلم لوحدة أو إمضاء الوقت مع الأقران.</li> </ul>		<ul style="list-style-type: none"> <li>نقاط القوة (+) والنقط التي تحتاج متابعة (-) والمتعلقة بتفاعل الطالب مع طرق التعزيز المستخدمة في التعلم مثل:</li> <li>يحب أن يكون بين أقرانه أو مع المعلم.</li> <li>يحب تلقى المساعدة من البالغين ويكون ممتناً لذلك.</li> </ul>	

تابع الجدول رقم (١,٢).

	<ul style="list-style-type: none"> <li>• يحب الجوازات مثل: الحلويات، الفشار، الملصقات أو الوقت الحر أوأخذ علامات إضافية ليكتسب ميزات خاصة.</li> <li>• يحب الجلوس أماماً في غرفة الصف أو يحب الحديث مع المعلم وجههاً لوجه.</li> </ul>
--	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### الخطوة ٣. تصميم خطة التطوير الرياضي(MIP)

لا بد وأن يركز تدريس الرياضيات على كافة العوامل التي تؤثر على التعلم والاستفادة من نقاط القوة ومن الأخطاء النمطية لدى التعلم. وكما ذكرنا سابقاً يتم تدوين هذه المعلومات بشكل منهجي في ورقة تحليل البيانات كأداة لتحديد الاحتياجات التعليمية الشخصية للمتعلم. ومن خلال ورقة تحليل البيانات يصبح بمقدور المعلم معرفة بيئه التعلم للطالب (أي يجد العمل منفرداً أو ضمن مجموعات) والتعزيز وكافة العوامل التي قد تؤثر في درس الرياضيات المزمع تصميمه. وبناءً على كيفية تعلم الطلاب داخل غرفة الصف يتم إعداد خطة التطوير الرياضي بحيث تؤدي إلى زيادة عدد السلوكيات عالية الاحتمال على عدد السلوكيات ضعيفة الاحتمال في الأنشطة المستخدمة في مرحلة إعادة التأهيل والمعالجة للأخطاء النمطية التي ارتكبها الطالب. في الحقيقة لا بد من دراسة مجمل تعليم الرياضيات بدلاً من تكرار دروس لا يجيد الطلاب تعلمها دون تغيير النهج المتبعد في تعليمها. يحتوي الجدول رقم (١,٣) على نموذج لخطة تطوير رياضي (MIP).

الجدول رقم (١,٣). ورقة تحليل البيانات (DAS).

				اسم الطالب :
				أعضاء الفريق :
الميالق				
-				+
تقييم الاختوى				
-				+
العمليات				
المخرجات		المدخلات		
-	+	-	+	
السلوك				
اجتماعي		تعليمي		
-	+	-	+	
التعزيز				
-				+

## تعبئة استماراة خطة تطوير رياضي

يجب على المعلمين اتباع ما يلي في تعبئتها:

- ١ - مراجعة المعلومات المتضمنة في ورقة تحليل البيانات و المتعلقة ببيئة المعلم.
- ٢ - تشخيص أحد الأخطاء النمطية التي ارتكبها المتعلم سواءً في فكرة أو مهارة ما في أحد المواقف الرياضية مثل القيمة المكانية للأرقام أو الحساب في

الأعداد الصحيحة أو الأعداد النسبية أو في حل المسائل.

٣ - اقتراح إستراتيجيات لإعادة التأهيل بحيث تشجع السلوكيات عالية الاحتمال بناء على السلوكيات منخفضة الاحتمال عند المتعلم وبناءً على الأخطاء النمطية المرتكبة. وبإمكان المعلم اعتبار الأخطاء التي يرتكبها المتعلم عند القيام بإعادة التجميع في مسائل الطرح أخطاء مفاهيمية. ويمكن أن تتضمن الإستراتيجيات استخدام وسائل المساعدة اليدوية والرسوم التوضيحية وطرقًا تشجع السلوكيات عالية الاحتمال مثل العمل ضمن مجموعات صغيرة وتقبل عبارات تعزيز مكتوبة.

٤ - تعبئة استماراة خطة التطوير الرياضي (MIP) وذلك بوضع خطط تحفز السلوكيات عالية الاحتمال. ووضع أنشطة على السلوكيات الموصوفة بالرمز "+" والتي تمثل السلوكيات التي يستطيع الطالب القيام بها أو يرغب القيام بها. ويجب أن لا يزيد الوقت المستغرق على الدروس أو الأنشطة التي تشكل تحدياً للطالب عن ثلاثة دقائق.

٥ - قم بتنفيذ الإستراتيجيات المقترنة لإعادة التأهيل والمعالجة في سياق البيئة التعليمية للطالب وتبعد سلوكه.

باتباع الإرشادات السابقة ، تكون خطة التطوير الرياضي (MIP) مبنية على ورقة تحليل البيانات (DAS) بشكل دقيق ويمكن استخدامها كمرجعية لنهج تعلمى مخطط بشكل جيد ويمثل المعلم فيه المحور الأهم.

يحتوي الجدول رقم (٤,١). على خطة تطوير رياضي مستكملة. كما يحتوي كل وحدة من الكتاب على نماذج مستكملة لاستماراة خطة تطوير رياضي.

الجدول رقم (٤). كيف يتم تعبئة خطة التطوير الرياضي؟

مثال:

الوقت	دقيقة ٣٠ - ٢٠	دقيقة ٢٠ - ١٥	دقيقة ٣٠
السياق	يعمل لوحده (-) العمل مع أقرانه (+) قريب من المعلم (+)	العمل ضمن مجموعات صغيرة (-) قريب من المعلم (+)	قريب من المعلم (+) العمل ضمن مجموعات
المحتوى			
المدخلات	مواد حسية مدعاة بالصور والرسومات (+)	مواد حسية (+)	إرشادات شفوية من المعلم (-)
العمليات	إجابات شفوية للمعلم (+)	نشاطات شفوية (+) استخدام الآلة الحاسبة (+)	الإجابة بكلمات مقتضبة (+) العمل على جهاز الحاسوب المحمول (+)
التعلمي	الالتزام في المعد (-)	تسليم المهام (+) قبول توجيهات المعلم (+)	إنجاز المهام بسرعة، العمل غير منجز بعناء (-) (-)
السلوك	مارسة الطالب لضبط النفس (-)	الاستجابة الإيجابية لطلبات زملائه (+)	اتباع تعليمات المجموعة (+) التحدث مع زملائه اثناء الدرس (-)
التعزيز	أنشطة صافية ضمن مجموعات (+) الجلوس مع الأقران (+)	السماح بالحركة داخل غرفة الصف (+)	تغذية راجعة للفظية (+)

### الاستنتاجات

يحدد مستوى التحصيل التعليمي في الرياضيات تبعاً للفهم الحقيقى والمستوى المهارى والقدرة على التفسير والقدرة على حل المسائل والموقف الإيجابى تجاه الرياضيات. وبعد العديد من الأشخاص الذين أخفقوا في تعلم الرياضيات حسب توقعاتهم أو توقعات والديهم أو معلميهم متعلمين مختلفين. إذ إنهم لا يحققون أي تقدم ملحوظ عندما يتم تعليمهم بطرق تقليدية وأحادية الأبعاد. كما أن الأسباب البيئية والشخصية تؤثر في أدائهم التعلمى.

إن اتباع نهج أكثر تنظيماً يقيم احتياجات الطلاب وقدراتهم والبيئة التعليمية لهم وسلوكياتهم وأسلوب تعليمهم ووسائل التعزيز، يعد ضرورياً لتصميم إستراتيجية تعليم ناجحة لهم. كما أن الإستراتيجيات التي تأخذ بعين الاعتبار كافة الاحتياجات التعليمية للمتعلم تعد أكثر دقة لتلبية احتياجات المتعلمين المتبادرين تحصيلياً وقد ينتج عنها نهج عام للنجاح.

ويستند هذا الكتاب على ضرورة قيام المعلمين باتباع نهج منظم يمكنهم من تشخيص أنماط الأخطاء الرياضية التي يرتكبها طلابهم، ومن وضع خطط عمل مناسبة لإعادة تأهيلهم. وينبغي تفزيذ تلك الإستراتيجيات في سياق البيئة التعليمية لهم. في الواقع، إن تدريس وتعلم الرياضيات بطريقة تؤكد على أهمية الانضباط في حياة الطلاب، وعلى ربط القواعد بالإدراك الصحيح للمفاهيم، وعلى تقديم مسائل صعبة وأصلحة ومثيرة لاهتمام الطلاب، تشجع الطلاب على التعبير عن تفكيرهم في مناخ إيجابي يؤدي إلى التحصيل الجيد في تعلم الرياضيات.

### أسئلة للمناقشة

- ١ - ما الفائدة من دراسة الاحتياجات التعليمية للمتعلمين المتباهين في التحصيل باستخدام أسلوب تعليمي منظم؟
- ٢ - ما الخصائص التي غالباً ما تميز الطلاب المتباهين تحصيلياً؟
- ٣ - وضح أهمية التقييم بالاستعانة بورقة تحليل البيانات (DAS) أو خطة التطوير الرياضي (MIP) بالمقارنة مع أهمية برنامج التعليم الفردي للطلاب.
- ٤ - اذكر نشاطاً يربط بين الخبرات الحياتية اليومية لطلبة المرحلة الابتدائية (حضانة- الصف الثالث) والمرحلة الابتدائية (الصف الرابع- الصف السادس)، وبين حصة دراسية تتحدث عن القيمة الحقيقة من وراء تعلم الرياضيات.
- ٥ - وضح الأثر الإيجابي المنعكس على تحصيل الطالب في الرياضيات من خلال تعليمه بطريقة تركز على السلوكيات عالية الاحتمال لديه.
- ٦ - ما عمليات التفكير الرياضي التي توصي بتدريسيها وثائق المجلس الوطني لتعليم الرياضيات، المتعلقة بالمبادئ والمعايير ونقاط الاتصال بالمنهج، لجميع الطلاب بما فيهم أولئك الذين يعانون في تعلم الرياضيات؟ ووضح كيف تساعد عمليات التفكير في تعزيز تعلم الطلاب للرياضيات وجعله أكثر فاعلية.
- ٧ - ما المبادئ التعليمية ذات الأثر الأكبر بحسب رأيك؟ ووضح إجابتك.
- ٨ - قم بسؤال ثلاثة من زملائك في الصف أو من معارفك ما إذا كانت لديهم صعوبات في تعلم الرياضيات. وإذا كانت إجابتهم بنعم، اطلب منهم أن يذكروا الأسباب وراء ذلك، ومن ثم قم بتحديد الأسباب الشخصية منها والأسباب البيئية. فسر اختياراتك.

-٩- وضح الاختلاف بين الكيفية التي تعلمت بها الرياضيات وبين تعلم الرياضيات في سياق تعلم الأفكار وفهمها أولاً ومن ثم تطبيقها. أعط أمثلة محددة.

## المراجع

- Arbaugh, F .. Lannntn, K.. Arhauch, F .. Barker D. D .. & Townsend. B. (2006). Making the most of student errors. *Teaching Children Mathematics*. 13(3). 182-186.
- Beck. R. C. (2000). *Motivation: Theories and principles* (4th ed.). Upper Saddle River. NJ: MerrilljPrentice Hall.
- Bernard, B. (1995). Fostering resilience in children. *ERICjEECE Digest EDO-PS99. 1-6*.
- Brownell, W. (1935). Psychological considerations in the learning and teaching of arithmetic. In the *Teaching of Arithmetic*. New York: Bureau of Publications. Teachers Col-lege. Columbia University: National Council of Teachers of Mathematics Yearbook. 10.
- Bruner. J. (1977). *The process of education*. Cambridge. MA: Harvard University Press.
- Clausen-May, Tandi. (2005). *Teaching math to pupils with different learning styles*. Paul Chapman Educational Publishing. A Sages Publications Company. Thousand Oaks California. London, England, New Delhi, India.
- Clements, D. H. (1997). (Mis?) constructing constructivism. *Teaching chUdren mathematics*,4,198-200.
- Cooper, C., Lingg, M., Puricelli, A., & Yard. G. (1995). *Dissimilar learners*. St. Louis, MO:Pegasus Press.
- Hatano, G. (1996). A conception of knowledge acquisition and its implications for mathe- matics education. In L. P. Steffe et al. (Eds.), *Theories oJ mathematical learning* (pp. 197-217). Mahwah, NJ: Lawrence Erlbaum.
- Hiebert, J. (Ed.). 1986. *Conceptual and procedural knowledge: The case oJmathematics*.Hillsdale, NJ: Lawrence Erlbaum.

- National Council of Teachers of Mathematics. (2000). *Principles and standards for school mathematics*. Reston, VA: Author.
- National Council of Teachers of Mathematics. (2006). *Curriculum focal points for prekindergarten through grade 8 mathematics: A quest for coherence*. Reston. VA:Author.
- National Research Council. (1989). *Everybody counts: A report to the nation on the future of mathematics education*. Washington, DC: Author.
- Oswald, M., Johnson, B., & Howard, S. (2003). Quantifying and evaluating resilience-promoting factors in teachers' beliefs and perceived roles. *Research in Education*, 70, 50-64.
- Phillips, J. M., & Gully, S. M. (1997). Role of goal orientation, ability, need for achievement, and locus of control in the self-efficacy and goal-setting process. *Journal of Applied Psychology*, 82, 792-802.
- Piaget, J. (1965). *The child's concept of number*. New York: W. W. Norton.
- Randolph, T. D., & Sherman H. J. (2001). Alternative algorithms: Increasing options, reducing errors. *Teaching Children Mathematics*, 7(8), 480-484.
- Sowder, J. T. (1992). Making sense of numbers in school mathematics. In G. Leinhardt, R. Putnam, & R. A. Hattrup (Eds.), *Analysis of arithmetic for mathematics teaching*(pp. 1-51). Hillsdale, NJ: Lawrence Erlbaum.
- Sperber, D .. Premack, D., & Premack, A. J., (Eds.). (1996). *Causal cognition: A multidisciplinary approach*. Cary, NC: Oxford University Press.
- Usiskin, Zalman. (1998). Paper and pencil algorithms in a calculator and computer age. In L. J. Morrow & M. J. Kenney (Eds.), *Teaching and learning of algorithms in school*
- VanDevender, E., & Harris, M. J. (1987). Why students make math errors. *Academic Therapy*, 23(1), 79-85.
- Wang, M. (1998). Building educational resilience. *Phi Delta Kappa Fastbacks*, 430, 7-61.
- Werner, E., & Smith, R. (1998). *Vulnerable but invincible: A longitudinal study of resilient children and youth*. New York: Adams Bannister Cox.