

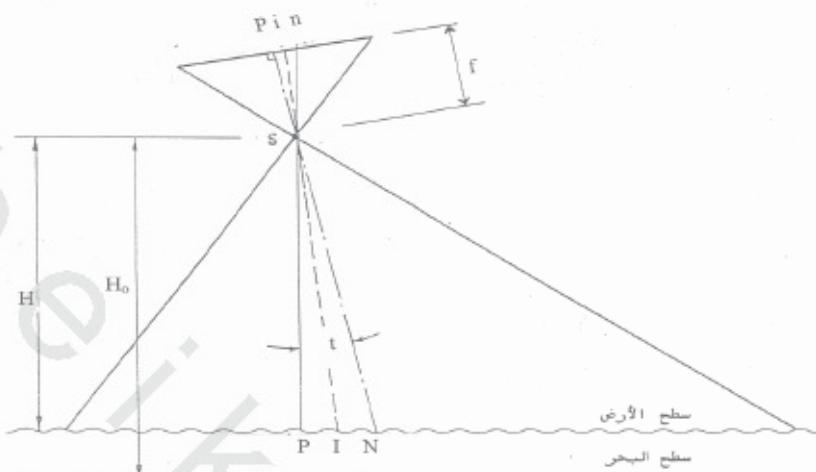
الفصل الثالث

القياس على الصورة الجوية الرأسية المفردة

(٣،١) مقدمة

في الحديث عن تصنيف الصور الجوية حسب وضع آلة التصوير أثناء التقاط الصورة ذكرنا في الفصل الأول أن الصور الناتجة يمكن أن تكون رأسية أو مائلة. فعندهما يكون المصور البصري لعدسة آلة التصوير في مستوى رأسى تنتج صورة رأسية وعندهما يكون مائلًا بالنسبة للمستوى الرأسى تنتج صورة مائلة. وعما أن آلة التصوير داخل الطائرة تتأثر باهتزازات الطائرة الناتجة من المؤثرات الجوية فإن المصور البصري للعدسة لا بد من أن يميل قليلاً عن المستوى الرأسى (زاوية ميل تتراوح فيما بين درجة إلى ثلاثة درجات) وعليه فإن الصورة الناتجة لا تكون رأسية تماماً ويطلق عليها الصورة الرأسية أو شبه الرأسية vertical or near vertical وهي التي ستقوم بإجراء القياسات عليها في هذا الفصل.

وستبدأ بتقديم بعض المصطلحات والتعريفات الأساسية التي تحتاج لمعرفتها حتى يسهل استيعاب عمليات القياس على الصورة الجوية في هذا الفصل وفي الفصول التالية. يبين الشكل رقم (٣،١) وضع آلة التصوير عند التقاط صورة جوية شبه رأسية.



الشكل رقم (٢,١). وضع آلة التصوير بعد النقاط صورة جوية فيه رأسية لأرض مستطلة.

بالإشارة إلى الشكل رقم (٢,١) يمكن تعريف المصطلحات التالية:

نقطة الأساس (p) principal point : وهي النقطة التي يلتقي فيها العзор الضوئي للعدسة مع مستوى الفيلم أو المستوى البؤري.

البعد البؤري (f) principal distance (focal length), (f) : وهو المسافة العمودية من محطة النقطة الصورية (S) إلى المستوى البؤري لآلة التصوّي.

نقطة السطور (n) nadir point : وهي النقطة التي يلتقي عندها الخط الرأسى الذي يمر بمركز العدسة مع المستوى البؤري.

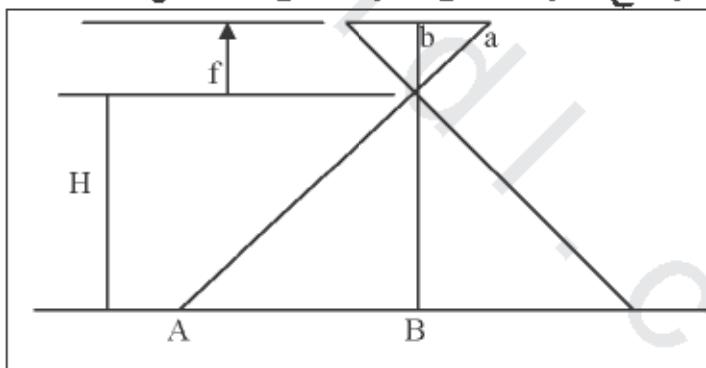
زاوية الميل (t) tilt angle : وهي الزاوية في المستوى الرأسى بين العور الضوئي والخط الرأسى الذي يمر بمركز العدسة.

مركز التساوي (I) incenter : وهي النقطة التي يلتقي فيها منصف زاوية الميل مع المستوى البؤري.

النقطة الأرضية التي تقابل النقطة p, n, I : هي على التوالي: P, N, I.

- ارتفاع الطيران فوق سطح البحر (H) :** هو ارتفاع عدمة التماط الصورة فوق سطح البحر.
- ارتفاع الطيران فوق سطح الأرض (H) :** هو ارتفاع عدمة التماط الصورة فوق سطح الأرض.

(٣,٢) مقياس رسم الصورة الجوية الرأسية في حالة الأرض المسطحة يعتبر مقياس رسم الصورة أساس العمليات الهندسية التي يتم إجراؤها على الصورة الجوية. والتعريف الفيزيائي لمقياس الصورة هو نسبة حجم صورة الجسم إلى حجم الجسم الحقيقي . ويتم استنتاج التعريف الهندسي للمقياس من هذا التعريف الفيزيائي على أنه نسبة بعد صورة الجسم من العدسة إلى بعد الجسم الحقيقي من العدسة. يبين الشكل رقم (٢,٢) صورة جوية رأسية لأرض مسطحة (پتواري مستوى الصورة مع مستوى الأرض المصورة) . من هذا الشكل :



الشكل رقم (٢,٢). تصوير الأرض المسطحة.

$$\begin{aligned}
 \text{مقياس الصورة} &= \frac{\text{حجم الصورة}}{\text{حجم الجسم}} = \frac{ab}{AB} = \frac{h}{f} \\
 \text{بعد الصورة من العدسة} &+ \text{بعد الجسم من العدسة} = f + H = f(1 + \frac{H}{f}) = f \cdot S_p
 \end{aligned}$$

حيث:

- f = البعد البؤري لعدسة التصوير (بعد الصورة من العدسة)
- H = ارتفاع الطيران فوق سطح الأرض (بعد الجسم من العدسة)

ودائماً ما يعبر عن المقياس بشكل كسري عادي مثل : $1/1000$ أو نسبة مثل $1:1000$.
مثال (٣،١)

تم التقاط صورة جوية رأسية باستخدام آلة تصوير جوية البعد البؤري لعدستها 300 مم ، إذا كان ارتفاع الطيران فوق متوسط سطح الأرض هو 1800 متر
كم يكون المقياس المتوسط للصورة ؟

الحل

باستخدام المعادلة (٢،٢) :

$$\text{مقياس الصورة} = \frac{300}{1800} \text{ متر}$$

$$1:6000 = 1000 \times 1800 \div 300$$

ويكون إيجاد مقياس الصورة إذا قسنا المسافة على الأرض المضورة بين نقطتين

(A, B) ثم قسنا المسافة على الصورة بين صورتي النقطتين (a, b) .

في هذه الحالة يتم حساب مقياس الصورة من العلاقة (٢،١) :

مقياس الصورة = المسافة بين صورتي النقطتين (a, b) \div المسافة على الأرض بين
النقطتين (A, B).

مثال (٣،٢)

إذا كانت المسافة الأفقية بين النقطتين Q و G على الأرض تساوي 2500
مترًا ، وكانت المسافة بين صورتي النقطتين على الصورة الجوية الرئيسية تساوي 5.00
ستمتراً ، كم يكون المقياس المتوسط لهذه الصورة الجوية ؟

الحل

$$\text{مقياس الصورة الجوية} = 5.00 \text{ سم} + 2500 \text{ متر}$$

$$1:50000 = (2500 \times 100) \div 5.00 =$$

ويمكن أيضًا معرفة مقاييس الصورة الجوية إذا توفرت خريطة مساحية ذات مقاييس معروفة (k) تغطي المنطقة المصورة نفسها . من قياس المسافة (D) بين نقطتين A و B على الخريطة المساحية . وقياس المسافة (d) بين صورتي النقطتين a و b على الصورة الجوية يتم حساب مقاييس الصورة 1:S من العلاقة التالية :

$$\text{مقاييس الصورة الجوية} = \frac{\text{المسافة بين صورتي النقطتين (b)}}{\text{المسافة بين النقطتين (A, B)}} \times \text{مقاييس الصورة الجوية} + \text{المسافة بين النقطتين (A, B)} \text{ على الطبيعة} .$$

حيث إن المسافة بين النقطتين على الطبيعة = المسافة على الخريطة \times مقلوب مقاييس الخريطة :

$$(3,3) \quad 1:S = d / (D * k)$$

مثال (3,3)

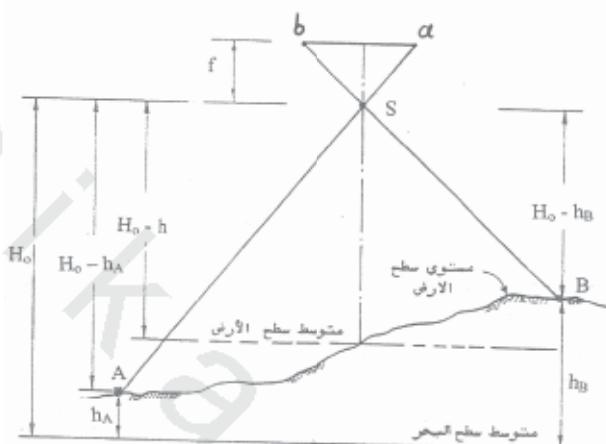
إذا كانت المسافة بين نقطتين (A, B) على خريطة مقاييسها 1:20000 هي 10.00 سم ، وكانت المسافة بين صورتي النقطتين (b) على صورة جوية رأسية هي 50.0 ملم ، كم يكون مقاييس الصورة الجوية ؟
المحل

بالتعويض في العلاقة (3,3) :

$$\text{مقاييس الصورة الجوية} - 1:S_y = (50.0) / (100.0 * 20000) = 1:40000$$

(3,3) مقاييس الصورة الجوية الرأسية في حالة الأرض المترجة
بما أنه في كثير من الأحيان يكون شكل الأرض متعرجاً وليس منبسطاً كما افترضنا من قبل فإن ذلك يؤدي إلى تغير في مقاييس الصورة حيث تختلف المسافة من المركز الضوئي لعدسة آلة التصوير (S) أثناء التقاط الصورة من نقطة إلى أخرى حسب ارتفاع النقطة المصورة من سطح البحر . ويكون توضيح ذلك من الشكل رقم (3,3)

حيث إن النقطة الأرضية A تبعد مسافة قدرها $h_A - H_o$ من محطة التقاط الصورة S في حين أن النقطة الأرضية B تبعد مسافة قدرها $H_o - h_B$ من محطة التصوير ، وعليه يكون مقاييس الصورة عند صورة A مختلفاً عن مقاييس الصورة عند صورة B.



الشكل رقم (٣,٣). صورة جوية رأسية لأرض مصرحة التضاريس.

من الشكل رقم (٣,٣) :

$$(3,4) \dots \text{مقاييس الصورة لنقطة } A = f / (H_o - h_A)$$

$$(3,5) \dots \text{مقاييس الصورة لنقطة } B = f / (H_o - h_B)$$

وفي مثل هذا الوضع يفضل استخدام المقياس المتوسط للصورة ، و ذلك إذا عرفنا ارتفاع متوسط سطح الأرض من متوسط سطح البحر (h) .

$$(3,6) \dots \text{المقياس المتوسط للصورة} = f / (H_o - h)$$

مثال (٤,٤)

تم التقاط صورة جوية رأسية بآلية تصوير ذات عدسة يعدها البوري 152.42 مم من ارتفاع 2500 متر فوق سطح البحر . ظهرت في هذه الصورة نقطتان A و B تثلان

نقطتين على سطح الأرض A و B على التوالي وإذا كان ارتفاع كل من النقطتين A و B على التوالي 600.00 متر و 800.00 متر فوق سطح البحر ، وإذا كان منسوب متوسط سطح الأرض فوق سطح البحر هو 700.00 مترًا فلأوجد : مقياس الصورة عند كل من النقطتين A و B ، ثم أوجد المقياس المتوسط للصورة .

الحل

بالتعويض في المعادلات (٣,٤) و (٣,٥) على التوالي نحصل على :

$$\text{مقياس الصورة عند النقطة } A = \frac{152.42}{[(2500 - 600) * 1000]} = 1:12465$$

$$\text{مقياس الصورة عند النقطة } B = \frac{152.42}{[(2500 - 800) * 1000]} = 1:11153$$

$$\text{المقياس المتوسط للصورة} = \frac{152.42}{[(2500 - 700) * 1000]} = 1:11809$$

إن أول تطبيق لمقياس الصورة هو استخدامه في تقدير المسافة الأفقية بين النقطتين ، ثم تطبيق ذلك في قياسات مساحية أخرى مثل إيجاد مساحات قطع الأراضي التي تشكل حدودها أشكال هندسية مت ormula مثل المثلثات والمربعات المستوية .

ولإيجاد المسافة الأفقية بالتقدير بين النقطتين A و B على الطبيعة ، وبمعرفة المقياس المتوسط للصورة ، فإننا نقوم بقياس المسافة بين النقطتين A و B على الصورة ، ثم نحسب المسافة على الأرض من العلاقة :

المسافة على الأرض بين A و B = المسافة على الصورة بين A و B ضرب مقلوب المقياس المتوسط للصورة .

مثال (٣,٦)

إذا تم قياس المسافة بين النقطتين A و B على الصورة الجوية ذات البيانات في المثال السابق (٣,٤) وكانت المسافة المسجلة من القياس على الصورة تساوي 50.0 مم فلأجد المسافة التقديرية بين النقطتين A و B على الطبيعة بالأمتار . إذا ظهرت على الصورة نفسها نقطة ثالثة C تمثل نقطة أرضية و إذا كانت تالية القياس على الصورة بين A و B وبين B

و ٨ هي ٧٠.٠ مم و ٤٠.٠ مم على التوالي فما يجدر كلاماً عن المسافة AG والمسافة BG على الأرض ثم تأكد مساحة المثلث الأرضي ABG . استخدم القياسات على الصورة لإيجاد مساحة المثلث الأرضي ABG مباشرة وقارن بين النتيجتين.

الحل

$$\text{المسافة بين A و B على الطبيعة} = \frac{(50.0 \times 11809)}{1000} = 590.45 \text{ متر}$$

$$\text{المسافة بين A و G على الطبيعة} = \frac{(70.0 \times 11809)}{1000} = 826.63 \text{ متر}$$

$$\text{المسافة بين B و G على الطبيعة} = \frac{(40.0 \times 11809)}{1000} = 472.36 \text{ متر}$$

$$\text{محيط المثلث ABG} = 1889.44 \text{ متر}$$

$$\text{نصف المحيط} = 944.72 \text{ متر}$$

$$\text{مساحة المثلث} = [944.72(944.72 - 590.45)(944.72 - 826.63)(944.72 - 472.36)]^{1/2}$$

$$= 136635 \text{ متر مربع}$$

مساحة المثلث من القياسات على الصورة مباشرة :

$$\text{نصف محيط المثلث على الصورة} = \frac{(50.0 + 70.0 + 40.0)}{2} = 80.0 \text{ مم}$$

$$\text{مساحة المثلث على الصورة} = [80.0(80.0 - 50.0)(80.0 - 70.0)(80.0 - 40.0)]^{1/2}$$

$$= 979.80 \text{ مم مربع}$$

$$\text{مساحة المثلث على الأرض} = [(10^5) / (10^6)] (979.79 \times 11809)^2 \text{ متر مربع}$$

$$= 136635 \text{ متر مربع}$$

هذه النتيجة مطابقة للطريقة السابقة مما يؤكد صحة الحسابات . أما دقة إيجاد المسافة أو المساحة فيعتمد على دقة تحويل القياس المتوسط للصورة ، إذ كل ما كانت الأرض منبسطة كانت الدقة أعلى وكل ما زالت التغيرات التضاريسية فإن النتيجة تكون أقل دقة .

إن استخدام قياس المسافة الأرضية المباشر بين نقطتين تظهران على الصورة الجوية أو القياس على الخريطة ذات القياس المعلوم والتي تغطي المنطقة المصورة يمكن استخدامه لحساب ارتفاع الطيران فوق سطح الأرض أو حساب البعد البؤري لأن التصوير إذا كان أحدهما مجهولاً.

مثال (٣،٦)

إذا كانت المسافة بين نقطتين A و B على خريطة مقاييس رسماها ١:٢٠٠٠٠ هي ٨٠ مم، علماً بأن المسافة بين صورتي النقطتين على صورة جوية رأسية هي ٥٥ مم. كم يكون مقاييس الصورة ؟ إذا كان ارتفاع الطيران عند التقاط هذه الصورة ٣٠٠٠ متر فكم يكون البعد البؤري لآلة التصوير التي استخدمت لالتقاط الصورة ؟

الحل

مقاييس الصورة = المسافة بين النقطتين على الصورة ÷ المسافة بين النقطتين على الطبيعة

المسافة بين النقطتين على الطبيعة = المسافة بين النقطتين على الخريطة × مقايس خريطة :

$$\text{مقاييس الصورة} = \frac{(80 \times 20000)}{1000} = 1600 \text{ متر}$$

$$\text{مقاييس الصورة} = \frac{(50)}{1600000} = 1:32000$$

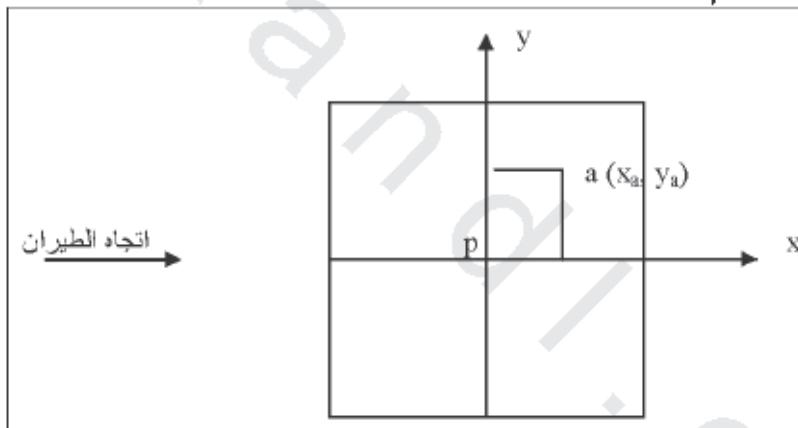
$$\text{البعد البؤري لآلة التصوير} = \frac{(3000 \times 1000)}{32000} = 93.75 \text{ مم.}$$

(٤) إحداثيات النقاط على الصورة

إن تغير ارتفاعات سطح الأرض يؤدي إلى التغير في مقاييس الصورة كما تبين من الموضوع السابق. ونسبة لهذا التغير في المقاييس بجانبنا لاستخدام المقاييس المتوسط للصورة والذي تكون نتائج استخدامه في القياسات الأرضية غير دقيقة . عليه فلا بد

من إيجاد وسيلة أخرى تمكننا من إيجاد القياسات الأرضية بدقة أعلى. ولذلك ستتم بعمل نظام إحداثيات للصورة تقيس عليه إحداثيات النقاط على الصورة ثم تحويل هذه الإحداثيات إلى نظام إحداثيات أرضي لإيجاد القياسات الأرضية المطلوبة.

لإنشاء نظام إحداثيات للصورة تقوم بتوسيع علامات الإسناد الجانبية المقابلة أو علامات الإسناد الركبة للصورة وحيث تتقاطع يكون نقطة الأصل لنظام الإحداثيات وهي نقطة الأساس للصورة p كما أشرنا إلى ذلك من قبل. ويكون الخط الموصى بين نقطة الأصل وعلامة الإسناد الجانبية والتي في اتجاه الطيران هو المحور السيني x -axis وخط العمودي عليه عند نقطة الأصل هو المحور الصادي y -axis كما في الشكل رقم (٤).



الشكل رقم (٤). نظام إحداثيات الصورة .

وقد تم تصميم أجهزةً خاصةً لقياس إحداثيات النقاط من الصورة الجوية المفردة ، يطلق عليه جهاز القياس من الصورة المفردة mono comparator . ويوضح الشكل رقم (٥) جهاز قياس الإحداثيات على الصورة المفردة Zeiss PK1 [13] وقد أتيق منه وحدة تسجيل الإحداثيات 12 Ecomat .



الشكل رقم (٣,٥). جهاز قياس الإحداثيات على الصورة الجوية المفردة Zeto PK1 [13].

(٣,٥) الإحداثيات الأرضية من الصورة الجوية الرأسية

لقد ذكرنا آنفًا أن دقة استخدام المقاييس المتوسط للصورة الجوية حساب المسافات على الطبيعة تتطلب أن تكون الأرض مستوية وأن تكون الصورة رأسية تماماً، وذلك لا يتيسر في كل الحالات إذ أن طبيعة الأرض غالباً ما تكون متعرجة وأن ظروف الطيران لا تسمح بأن تكون الصورة رأسية تماماً.

إن تأثير تغير سطح الأرض على قياس المسافات يمكن تجاوزه بقياس إحداثيات النقاط على نظام إحداثيات على الصورة ومن ثم تحويل هذه الإحداثيات إلى نظام إحداثيات أرضي موازي لنظام إحداثيات الصورة ، وأخيراً حساب المسافات من الإحداثيات الأرضية.

ولنفترض أن صورة جوية رأسية قد تم التقاطها من محطة تصوير S على ارتفاع H_0 متر من سطح البحر باستخدام آلة تصوير بعلبة البورسي f مم ، وقد ظهرت على هذه الصورة النقاط a, b, c والتي تمثل النقاط الأرضية A, B, C على التوالي. إذا كان ارتفاع كل من النقاط الأرضية الثلاث فوق سطح البحر هو h_A , h_B , h_C بالأمتار على التوالي وإذا الترجمنا أن نظام الإحداثيات على الصورة هو u, v حيث نقطة أساس

الصورة (p) هي نقطة الأصل لهذا النظام ، وأن نظام الإحداثيات الأرضي الموازي له هو X_p, Y_p ، وقد تم قياس إحداثيات التقاط على الصورة و مجملت كالتالي : (x_p, y_p) ، $a(x_a, y_a)$ ، $b(x_b, y_b)$ ، ملم ، فمن الشكل (٢.٣) ومن تشابه المثلثات يمكن إيجاد العلاقة بين الإحداثيات في الأرض والإحداثيات على الصورة على النحو التالي :

$$(2,7) \quad X_A = [(H_o - h_A) / f] x_a$$

$$(2,8) \quad Y_A = [(H_o - h_A) / f] y_a$$

وبالمثل توجد إحداثيات كل من النقطتين الآخرين B و C ، أي نقطة أخرى في المنطقة المصورة ذاتها.

إن هذه الإحداثيات كما ذكرنا تم حسابها في نظام إحداثيات أرضي مستوى مواز لـإحداثيات الصورة ، وبالتالي يمكن حساب المسافة الأفقية عليه بين كل نقطتين باستخدام نظرية فيتاغورس ، فعلى سبيل المثال فإن المسافة الأفقية D_{AB} بين النقطتين A و B تحسب من العلاقة التالية :

$$(2,9) \quad D_{AB} = [(X_A - X_B)^2 + (Y_A - Y_B)^2]^{1/2}$$

مثال (٢.٧)

تم التقاط صورة جوية رأسية باستخدام آلة تصوير جوية ذات عدسة بعدها البؤري 152.42 مم من ارتفاع 2400.00 متر فوق سطح البحر ، وقد ظهرت على هذه الصورة صورتا النقطتين A و B هما a و b على التوالي. احسب المسافة الأفقية بين النقطتين A و B مستخلصاً البيانات التالية :

إحداثيات صورتي النقطتين على الصورة (مم) x y	ارتفاع النقطة فوق سطح البحر (مم)	النقطة
60.00	- 40.00	A
-10.00	80.00	B

المحل

حسب الإحداثيات الأرضية لل نقطتين A و B باستخدام العلاقات (٧.٣) و (٨.٣) :

$$\begin{aligned} X_A &= [(2400.00 - 400.00) / 152.42] \times (60.00) = 787.30 \text{ m} \\ Y_A &= [(2400.00 - 400.00) / 152.42] \times (-40.00) = -524.87 \text{ m} \\ X_B &= [(2400.00 - 380.00) / 152.42] \times (-10.00) = -132.53 \text{ m} \\ Y_B &= [(2400.00 - 380.00) / 152.42] \times (80.00) = 1060.23 \text{ m} \end{aligned}$$

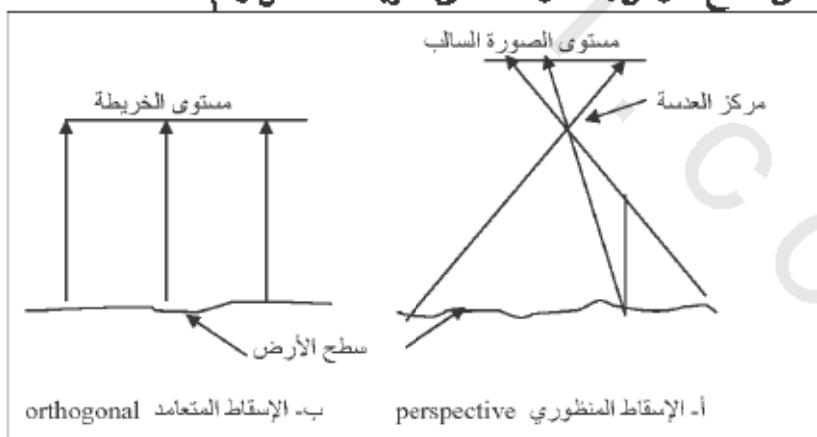
ولإيجاد المسافة بين النقطتين نعرض في المعادلة (٣،٩) :

$$D_{AB} = \sqrt{(787.30 - (-132.53))^2 + (-524.87 - 1060.23)^2} = 1832.66 \text{ m}$$

(٣،٦) الإزاحة العقاربية

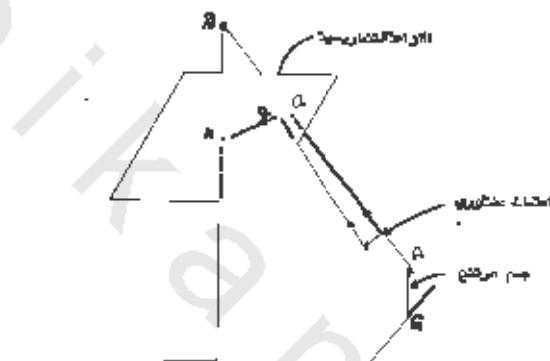
Relief Displacement

نسبة لأن الأشعة الضوئية المنعكسة من سطح الأرض تمر كلها من خلال المركز الضوئي لعدسة آلة التصوير لتسقط على الفيلم فت تكون الصورة فإن هذا النوع من الإسقاط يسمى الإسقاط المنظوري perspective projection و يسمى مركز العدسة المركز المنظوري perspective center . أما عند إسقاط نقاط سطح الأرض على مستوى أفقى توقيع الخريطة فإن الإسقاط الناتج يطلق عليه الإسقاط المتعامد orthogonal projection حيث تمثل كل نقطة على سطح الأرض ببقعة واحدة على الخريطة (الشكل رقم ٣،٦).



الشكل رقم (٣،٦). الإسقاط المنظوري (أ) والإسقاط المتعامد (ب).

ونتيجة للإسقاط المنظوري فإن الجسم المرتفع يظهر في الصورة كمدة نقاط تشكل خطأً ، هذا الخط على الصورة يطلق عليه الإزاحة التضاريسية القطرية ، إذ أن اتجاه هذا الخط يكون قطرياً مبتعداً من نقطة نظر الصورة (و) والتي تطلها نقطة الأساس في حالة الصورة الجوية الرئيسية (الشكل رقم ٣,٧) . أما هذا الجسم المرتفع فإنه يظهر كنقطة واحدة على الخريطة ذات الإسقاط المتعامد.



الشكل رقم (٣,٧) . الإزاحة الضاريسية ذات الاتجاه الفطري، يبعد عن نظر الصورة .

ويوضح الشكل رقم (٣,٨) صورة جوية رئيسية تظهر الإزاحة التضاريسية لبرج في وسط الصورة.

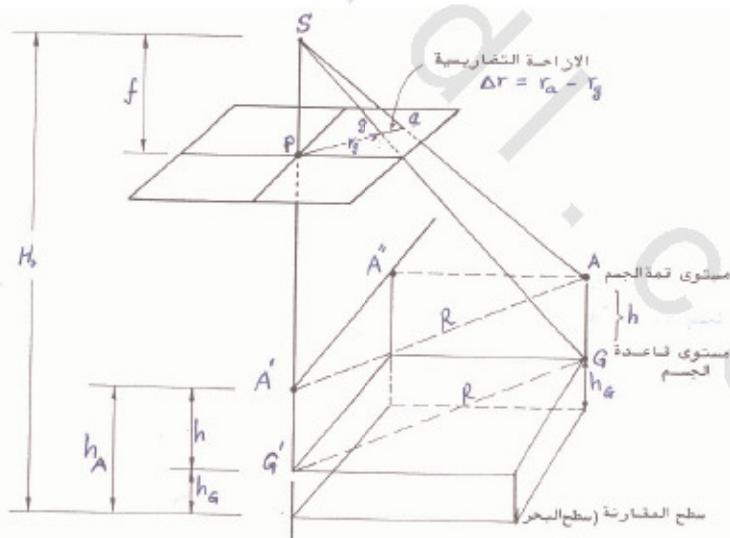


الشكل رقم (٣,٨) . الإزاحة الضاريسية لبرج في وسط الصورة.

إن مقدار الإزاحة التصويرية يزداد كلما زاد ارتفاع الجسم مما يعني وجود علاقة هندسية بينهما ، يمكن الاستفادة منها في حساب ارتفاع الجسم إذا أمكن قياس الإزاحة على الصورة.

(٣,٧) العلاقة الهندسية بين ارتفاع الجسم والإزاحة التصويرية على الصورة
إذا تم التقاط صورة جوية رأسية بالآلة تصوير ذات عدسة بعدها البولي f من ارتفاع H فوق سطح البحر وقد ظهرت عليها صورة جسم قاعدته على ارتفاع h و قمته على ارتفاع h' من سطح البحر (حيث تتمثل G قاعدة الجسم ، و A قمة الجسم). فإذا كانت صورة قاعدة الجسم (g) و صورة قمة الجسم (g') تبعidan من نقطة أساس الصورة p مسافة r و r' على التوالي (الشكل رقم (٣,٩) فإن الإزاحة التصويرية الناتجة بسبب ارتفاع الجسم هي :

$$(3,10) \Delta r = r_g - r_g'$$



الشكل رقم (٣,٩). الإزاحة التصويرية (Δr) هو ارتفاع الجسم في الطبيعة (h).

ومن الشكل رقم (٣,٩) :

من تشابه المثلثين 'SAA' و 'Sap' :

$$\frac{sp}{AA'} = \frac{Sp}{SA'} = \frac{r_s}{R} = \frac{f}{(H_0 - h_A)} = \frac{f}{H_A}$$

ومن تشابه المثلثين 'SGG' و 'SGp' :

$$\frac{gp}{GG'} = \frac{Sp}{SG'} = \frac{r_s}{R} = \frac{f}{(H_0 - h_G)} = \frac{f}{H_G}$$

ومن المعادتين :

$$f * R = r_s * H_A = r_s * H_G$$

$$r_s = r_s - \Delta r$$

$$r_s * H_A = (r_s - \Delta r) * H_G$$

$$r_s * (H_G - H_A) = \Delta r * H_G$$

ويتعين قيادة

وإذما أن ارتفاع الجسم هو : $h = H_G - H_A$ فيمكن كتابة هذه المعادلة بالشكل التالي :

$$\Delta r / r_s = h / H_G \quad \text{أو}$$

$$(3,11) \quad h = (\Delta r / r_s) * H_G$$

وتسمى المعادلة (٣,١١) معادلة الإزاحة التضاريسية. ويمكن الاستفادة منها في حساب ارتفاع الجسم إذا تم قياس الإزاحة التضاريسية لصورته و كذلك المسافة من نقطة أساس الصورة إلى صورة قمة الجسم مع معرفة ارتفاع الطيران فوق قاعدة الجسم على الأرض.

مثال (٣,٧)

استخدمت آلة تصوير جوية ذات عدسة بعدها البؤري 152.40 مم لالتقاط صورة جوية رأسية من ارتفاع 2600.0 متر فوق سطح البحر. وقد ظهرت على هذه الصورة صورة برج شيدت قاعدته على ارتفاع 600.00 مترًا فوق سطح البحر. وقد تم قياس المسافة القطرية على الصورة من نقطة الأساس إلى كل من صورتي قاعدة البرج و قمتها و سجلتا على التوالي : 72.70 مم و 72.85 مم . احسب الإزاحة التضاريسية لصورة البرج ثم احسب ارتفاع البرج.

المطلوب

$$\text{الإزاحة التضاريسية} = 72.85 - 71.70 = 1.15 \text{ مم}$$

$$\text{ارتفاع البرج} = (2600.0 - 600.0) * (1.15) / (72.85) = 31.57 \text{ متر.}$$

ومع أنه يمكن الاستفادة من الصور الجوية المفردة في حساب المسافات والارتفاعات كما يبنا في هذا الفصل فإن الاستخدام الأكثر جدوى من ناحية الدقة وتنوع الاستخدامات هو استخدام زوج من الصور الجوية المتداخلة والتي تشتهر في تطبيقات الدراسة بما يمكن من تحديد النموذج الجسم للمنطقة . وهذا ما سنقوم بتوضيحه في الفصل القادم.

أ- تمارين (٣،٨)

- عرف المطلحات التالية :

- ١) نقطة التلسكوب ب) مركز التصوير ج) زاوية الميل د) الإزاحة التضاريسية.
- ٢- أقطعت صورة جوية رأسية بواسطة آلة تصوير بعد البؤري لعدسها 152.42 مم من ارتفاع طيران 2200 مت فوق متوسط سطح الأرض. احسب المقياس المتوسط للصورة.
- ٣- إذا كانت المسافة الأفقية على الأرض بين نقطتي تحكم 1800 مترو قد ظهرت صورتا النقطتين على بعد 12 سم على صورة جوية رأسية ، كم يكون مقياس الصورة ؟
- ٤- المسافة بين نقطتين G و Q على خريطة مقياس رسمها 1/2500 تساوي 28 سم ، والممسافة بين صورتيهما على صورة جوية رأسية تساوي 56 سم ، احسب مقياس الصورة ؟

٥ - ظهرت صورتا النقطتين A و B على صورة جوية رأسية تم التقاطها بواسطة آلة تصوير بعد البحري لعدستها 152.40 مم من ارتفاع 3200 متر فوق سطح البحر . إذا كان منسوب A و B فوق سطح البحر يساوي 420 متر و 560 متر على التوالي فماجد المقياس المتوسط للصورة .

٦ - تم التقاط صورة جوية رأسية بواسطة آلة تصوير بعد البحري لعدستها 152.40 مم من ارتفاع 1800 متر فوق سطح البحر . وقد ظهرت على الصورة صورتا نقطتين G و Q . احسب المسافة الأفقية بين النقطتين من البيانات التالية :

النقطة	ارتفاع النقطة فوق سطح البحر (مم)	ارتفاع النقطة على الصورة (مم)	(مداليات النقطة على الصورة (مم))
	x	y	z
A	280.00	18.00	56.00
B	460.00	-50.00	78.00

٧ - استخدمت آلة تصوير جوية بعد البحري لعدستها 152.40 مم لالتقاط صورة جوية رأسية من ارتفاع 2100 متر فوق سطح البحر . وقد ظهرت على الصورة صورة مبنى متعدد الأدوار تم تشييده على ارتفاع 520 متر فوق سطح البحر . قيست المسافة القطرية من نقطة أساس الصورة إلى قاعدة و قمة المبنى وسجلت بالترتيب 82.40 مم و 82.80 مم . احسب ارتفاع المبنى .