

# الفصل الأول

نظريات فى تعليم الرياضيات

## الفصل الأول

### نظريات في تعليم الرياضيات

#### ١- النظرية في العلوم التربوية :-

إن النظرية هي مجموعة من البناءات والمفاهيم والتعريفات والافتراضات المتداخلة التي تطرح منظوراً نظامياً للظواهر وذلك بتحديد العلاقات المتداخلة بين المتغيرات ويهدف التنبؤ بتلك الظواهر والوصول إلى تفسير مقبول لها .

وقد يختلف مفهوم النظرية في العلوم الإنسانية عنه في العلوم الطبيعية ولذلك نرى أن الاختلاف الوحيد بين النظرية في العلوم الإنسانية والنظرية في العلوم الطبيعية هو في مدى القدرة على الإثبات . ففي العلوم الطبيعية لا يعد البناء نظرية إلا إذا قام عليه الدليل والبرهان في حين لا يتحقق ذلك في النظرية في العلوم الإنسانية لأنها تخضع لمعايير إنسانية تتشابه وتختلف طبقاً للظاهرة ذاتها والمتغيرات المتضمنة فيها .

أما الافتراض هو عبارة عن إشكالية تؤكد أو تنفي شيئاً عن الموضوع تحت الدراسة ، ولذلك فإن التعميمات والبدهييات أو المسلمات والنظريات والقوانين ما هي إلا حالات خاصة للافتراض . فمثلاً نجد أن التعميم هو افتراض يضع تأكيداً لشيء معين بعد العديد من الملاحظات والاستنتاجات والوصول إلى العديد من النتائج والبدهيية أو المسلمة هي افتراض صحيح نقبله بسدون برهان أو بدون أن يقوم عليه الدليل والإثبات واللامعرفات هي افتراضات أولية نقبلها بدون تعريف والمعرفات هي افتراضات تستخدم اللامعرفات ولكن تعطى معنى ومغزى بالتعريف . والنظرية افتراض يشتق من المعرفات واللامعرفات والبدهييات ويقوم عليها الدليل والبرهان إذا كانت في العلوم الفيزيائية الأمبريقية ويقبل منطقياً في العلوم الإنسانية وهناك اتفاق بين العلماء على أن وظائف النظرية هي :

٣- التفسير

٢- التنبؤ

١- الوصف

فالنظرية تساعد في التحليل والتلخيص والوصف وتعين في تنمية القدرة على التأمل والتفسير ولذلك فإن النظرية تعمل كأداة للتفكير والمساعدة في العمل .

١- النظرية العملية : وتقوم على أساس نموذج مبسط للعملية العلمية ذاتها من تحديد الأهداف وتخطيط المواقف التعليمية الضرورية وتقويم مدى تحقق تلك الأهداف .

٢- النظرية الواقعية : وتسعى هذه النظرية إلى وضع أسس ومبادئ ومعايير محددة يقرر في ضوئها ما يجب أن يعلم ؟ وكيف يعلم ؟ ولمن يعلم ؟ ومن يعلم ؟ وما نتيجة ما تم تعليمه .

٣- النظرية الابدكالية :- وهي تقوم على الشك فيما هو مسلم به بدلاً من معارف حقيقية فهي تشك في أن المعارف التي تقدمها في الدراسة معارف حقيقية كما تشك في النوايا والأهداف المتضمنة فيها وترى أن الإصلاح التربوي يجب أن يكون جزءاً من الدراسة وأن القضايا التربوية يجب أن تعالج في ضوء إطار إجتماعي أوسع لأنه لا إصلاح في المجتمع بدون إصلاح النظام التربوي .

٤- النظرية التأملية :- تهتم هذه النظرية بالوصول إلى فهم أفضل لمشاكل العملية التربوية وهي ترفض التعليمات المسبقة المحدد في معالجة المشاكل وتبحث عن ارتباط في المشكلات بالجانب الانساني وأن نوعية الحياة المدرسية وتحسينها أهم بكثير من النوايا والمقاصد المتضمنة في الخبرات التربوية .

وفى ضوء العرض المختصر الموجز السابق لمفهوم النظرية في العلوم الإنسانية نجد أننا نميل إلى تبني نموذج النظرية الواقعية وخاصة أننا نتحدث عن نظرية في تدريس الرياضيات ولذلك فإننا نتبنى في هذا الكتاب المفهوم الواقعي للنظرية من تحديد الأهداف المراد تحقيقها ثم البحث عن ماذا ندرس ؟ وكيف ندرس ؟ وما هي نتيجة ما ندرسه ؟ في ضوء الفلسفة التربوية العامة للمناهج .

٢- الفروق بين نظريات التعلم ونظريات التعليم :

يرى غالبية المربين أن هناك فروقاً جوهرية بين نظريات التعلم ( Theories Of Learning ) ونظريات التعليم ( Theories Of Teaching ) فيرى برونر ( Bruner , 1964 ) أن نظريات التعلم وصفية ( Descriptive ) أي أنها تتصل بعملية وصف ما يحدث وما هو متوقع من أحداث فعندما تصف مراحل النمو العقلي عند المتعلمين كما في نظرية جان بياجيه ( J . piaget ) وتحدد مراحل النمو

العقلي ( المرحلة الحس حركية ( ٠ - ٢ ) ، و مرحلة ما قبل العمليات ( ٢ - ٧ ) سنة  
مرحلة العمليات المحسوسة ( ٧ - ١٢ ) سنة ومرحلة العمليات المجردة ( ١٢ سنة فأكثر  
من ذلك ) فأنت هنا تصف مراحل النمو العقلي فهذا يتعلق بنظرية تعلم أى أن نظرية  
بياجيه فى النمو العقلي نموذج لنظريات التعلم أما نظريات التدريس ( التعليم ) فهى  
توصيفية ( Prescriptive ) بمعنى أنها تهتم بوضع أفضل الطرق والوسائل لأحداث  
التعلم لدى المتعلم بمعنى آخر أن نظريات التعلم تهتم بوصف الحدث كما يحدث فى حين  
أن نظريات التدريس أو التعليم تهتم بتحديد أفضل الإجراءات والوسائل وطرق التدريس  
الملائمة لإحداث الحدث بأفضل طريقة ممكنة : ويرى جيج ( Gage , 1964 ) أحد  
أكثر المتحدثين عن نظريات التدريس : أنه بينما تهتم نظريات التعلم بطريقة تعلم الكائن  
الحى فإن نظريات التعليم تهتم بالطريقة أو الطرق التى يؤثر بها شخص  
( المعلم ) فى طريقة تعلم ذلك الكائن الحى .

بمعنى أكثر بساطة أن نظريات التعلم تهتم بما يفعله المتعلم عندما يتعلم معلومة فى  
حين أن نظريات التعليم تهتم بما يفعله المعلم لتعليم المتعلم معلومة ما .  
وقد نشأت نظريات التعليم من عدم كفاية نظريات التعلم لتحقيق أهدافنا من التعلم .  
فكثيراً ما يعرف المعلم عدداً من نظريات التعلم ( بياجيه ، ثورنديك ، بافلوف ، وغيرهم )  
ولكن لا يستطيع أن يستخدم تلك النظريات فى مواقف حقيقية أثناء التدريس ومن ثم  
نشأت نظريات التدريس لتساعد المعلم فى توضيح كيفية استخدام نظريات التعلم فى  
مواقف التعليم .

وعليه فهناك ارتباط وثيق بين نظريات التعلم ونظريات التعليم فكل نظرية للتعليم  
تبنى على نظرية أو أكثر من نظريات التعلم فعلى سبيل المثال نجد أن التدريس  
الاكتشافى ( Discovery Teaching ) يعتمد فى جزء كبير منه على نظرية الجشالت  
والتعليم البرنامجى والحقائب التدريسية تعتمد على نظرية سكنر " Skinner " بل أن  
مفهوم سكنر للتدريس يعتمد كثيراً على نظريته للتعلم فقد عرف التعليم على أنه عملية  
ترتيب توافقى لحدوث التعزيز مع الاستجابة وهذا فى الحقيقة يعتمد على نظرية سكنر  
للتعلم بل أنه يرتبط ارتباطاً وثيقاً بمفهوم التعزيز عند سكنر " Skinner " .

## أهداف النظريات التدريسية :

إن هدف أى نظرية للتدريس هو أحداث التعلم وتحسين أداء المعلمين فى فصولهم المدرسية ومن ثم فإن أى نظرية للتدريس تحاول الإجابة عن الأسئلة الأربعة التالية وسوف نناقش هذه الأسئلة فى ضوء مادة الرياضيات فى المراحل التعليمية المختلفة .

١- لماذا ندرس ؟ وهذا السؤال يتعلق بميدان هام فى مجال التدريس وهو الأهداف " أهداف تدريس الرياضيات " .

٢- كيف ندرس ؟ ويتعلق هذا السؤال بالطريقة التدريسية وإستراتيجيات التعليم وأساليب ومداخل العملية التدريسية فى مجال تدريس الرياضيات .

٣- ماذا ندرس ؟ ويتعلق هذا السؤال بالمحتوى المنهجي وطرق تنظيمه سواء كان فى صورة وحدات دراسية أو دروس يومية وذلك بما يتعلق بمناهج الرياضيات .

٤- ما نتيجة ما ندرس ؟ ويتعلق هذا السؤال بعمليات تقويم التلاميذ وتقييم التعلم فى مادة الرياضيات .

## نماذج مختلفة لنظريات فى تدريس الرياضيات :-

لقد حاول كثير من المربين فى السنوات الأخيرة وضع إطار نظرية لنظريات تدريسية يمكن لمدرسى الرياضيات استخدامها فى مواقف التعلم المختلفة على أساس أن المعلمين الذين يتم تدريبهم وإعدادهم طبقاً لإطار نظرى محدد لنظرية تدريسية معينة يدرسون أفضل من زملائهم الذين لم يتم تدريبهم بدون ذلك الإطار النظرى بمعنى آخر أن العمل التربوى وإعداد المعلمين فى ضوء نظرية تدريسية معينة أو عدة نظريات سوف يساعد المدرسين أنفسهم فى أداء عملهم داخل فصولهم التدريسية بصورة أفضل وعلى درجة عالية من الكفاءة والإتقان .

وسوف نعرض لنظريات برونز " Bruner " وجانيه " Gagne " وأوزيل ، Ausubel " ودينز " Dienes " ، وترافرز " Travers " .

## ١- نظرية " برونز " فى التدريس :

حدد برونز ملامح نظرية للتدريس فى كتاب نشره بعنوان نحو نظرية للتدريس ( Toward a Theory Of Instruction , 1966 ) فى هذا الكتاب حدد برونز ملامح

نظريته التدريسية فى صورة شاملة حيث أوضح وجود خاصيتين رئيسيتين لتلك النظرية وأربعة ملامح عامة أعتقد أنها تمثل الأساس لأى نظرية للتدريس والخصائص هى المعيارية والتوصيفية

كما حدد برونر Bruner أربعة ملامح رئيسية للنظرية التدريسية هى :

#### ( أ ) الدافعية Motivation

يرى برونر أنه لا يتعلم المتعلم إلا إذا كان مدفوعاً للتعلم ، فالدوافع والميول أساسيات رئيسية فى أى نظرية للتدريس طبقاً لبرونر فالنظرية تعمل على تهيئة بيئة صفية جيدة من خلال خلق الدوافع التى تجعل التلاميذ يميلون إلى تعلم الرياضيات سواء فى موضوعات عامة أو فى موضوعات خاصة بعينها ودور النظرية التدريسية هو إعطاء المعلم البدائل والمكونات وعناصر الدفع التى يمكن أن يستخدمها فى حصصه المدرسية .

#### ( ب ) التنظيم والتسلسل Structured & Sequences

فالنظرية التدريسية ينبغى أن تضع تصوراً لتنظيم وتسلسل المعلومات الرياضية المراد تدريسها فى الموقف التربوى ويرى " برونر " أن هناك ثلاثة طرق يتم من خلالها تنظيم وتسلسل المادة الرياضية عند القيام بالعرض التدريسي لها .

#### ١- أسلوب العرض :

إن لكل موضوع أو جزئية رياضية أسلوب فى العرض مناسب لها وقد يأخذ أسلوب العرض أشكالاً مختلفة قد تكون فى صورة أمثلة منطبقة أو غير منطبقة ( Example & Non Example ) أو مجموعة من الرموز والمصطلحات والمفاهيم الرياضية أو القصص التاريخي أو المدخل الفكاهي .

#### ٢- اقتصاديات العرض :

كلما قلت شروحات وأمثلة عرض المادة للوصول إلى مفهوم جيد للمعلومة كان العرض اقتصادياً فعندما يستخدم المتعلم أقل قدر من المعلومات السابقة التى يجب أن يتذكرها لتعلم المعلومة الحالية . والنظرية التدريسية يجب أن توضح للمعلم كيف يمكن أن يكون العرض الدرسي اقتصادياً .

### ٣- قوة العرض :

يقصد بالقوة هنا مدى الارتباط بين مستوى المادة المتعلمة والمستوى العقلي للمتعلمين فإذا كانت المعلومة على المستوى التجريدي وكان مستوى العمليات العقلية للمتعلمين هو المستوى المجرد كان العرض التدريسي قوياً والعكس صحيح أى إذا حدث اختلاف بين مستوى العرض ومستوى تفكير المتعلمين كان العرض ضعيفاً .

### ( ج ) التتابعية : Succession

تمثل التتابعية إحدى مشكلات تنظيم المحتوى التدريسي في العرض اليومي . فبينما يرى " بروبز " أن العرض يجب أن يكون في صورة هرم مقلوب أى يبدأ من التعميمات ثم يتدرج إلى الأكل تعميماً وهكذا إلى أن يصل إلى المبادئ العامة . ويرى " جانبه " أن التتابع ينبغي أن يكون هرمياً حيث يبدأ العرض بأكثر المفاهيم بساطة ويتطور إلى الأكثر تعقيداً كلما ارتقينا في التتابع الهرمي . حتى يصل إلى قمة الهرم حيث توجد المفاهيم الأكثر عمومية وتجريداً . ويتفق " أوزبل " Ausubel " مع برونر " حيث يرى ضرورة أن يبدأ التتابع من قمة الهرم ويستخدم في ذلك المنظمات المتقدمة " Advance Organizer " ويرى " دينيز Dienes أن المعلومات ينبغي أن تتابع في شكل من أشكال التجارب المحسوسة كالمكعبات والألعاب والألغاز قبل تقديم المفهوم في صورته المجردة ومن أشهر المكعبات المعروفة باسمه مكعبات دينيز المتعددة الأساس أى أن التتابع عند دينيز يبدأ بالمحسوس وينتهي بالمجرد وعليه فالنظرية التدريسية ينبغي أن تحدد لنا أهم وافضل وأحسن الطرق المناسبة لعرض المادة في صورة متتابعة . ومدرس الرياضيات له الحرية في اختيار التتابع المناسب لمادة الدرس ومستوى المتعلمين .

### ( د ) الثواب والعقاب : Rewards & Punishments

أن الملمح الرابع للنظرية التدريسية عند " برونز " هو الثواب والعقاب . بمعنى أن النظرية التدريسية ينبغي أن تحدد لنا أفضل أنواع الثواب المناسبة لكل مستوى من مستويات التلاميذ فالرضا والارتياح وحب التفوق لطلاب المراحل العليا والمكافأة المادية والإشارات الظاهرة ولوحة الشرف كلها أمثلة للثواب للمراحل الأولية من التعليم كذلك بالنسبة للعقاب كالحرامان من الثواب أو اللوم والتأديب والتوبيخ والطرده والحجز والإبعاد

أساليب متعددة متدرجة من أساليب العقاب المعروفة . المهم أن النظرية التدريسية تحدد لنا أنماط وأشكال الثواب والعقاب المناسبة لكل مستوى من مستويات تعلم التلاميذ بما يتناسب مع المواقف التدريسية المختلفة .

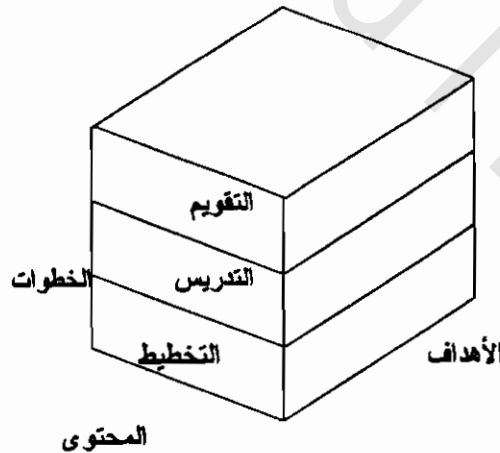
## (٢) نموذج ترافرز Travers

قدم ترافرز وزملائه :

( Travers , K. Leun , Pidarrt , L . , Suydan , M.M. J & Runion , G. 1977 )

نموذجاً مختلفاً للنظرية التدريسية عن نموذج " برونر " السابق شرحة وقاموا بتطبيقه على تدريس الرياضيات . وهذا النموذج لا يصف ما يجب أن تتضمنه النظرية التدريسية كما سبق أن ذكرنا في نموذج " برونر " بل أن نموذج ترافرز وزملائه يحدد معالم الموقف التدريسي بأبعاده المختلفة سواء ما كان على المدى القريب ( حصة دراسية ) أو على مدى متوسط ( فصل دراسي ) أو على المدى البعيد ( العام الدراسي ) أو على مستوى مرحلة تعليمية بكاملها . والشكل ( ١ ) يحدد أهم مكونات النظرية حيث يتضمن شكلاً ثلاثي الأبعاد أبعاده الفراغية الثلاثية هي :

Processes	( ١ ) الخطوات التدريسية
Goals	( ٢ ) الأهداف
Content	( ٣ ) المحتوى





وكل بعد من هذه الأبعاد الثلاثة ينقسم إلى مستويات فرعية وهكذا حتى نصل إلى مستوى الأداء الفصلى فى صورة سلوكيات تدريسية يومية .

فعلى سبيل المثال إذا أخذنا البعد الأول وهو الخاص بالخطوات التدريسية سنجد

ينقسم إلى المستويات الفرعية التالية :

التخطيط ( أ ) Planning

التدريس ( ب ) Teaching

التقويم ( ج ) Evaluation

فإذا نظرنا إلى المستوى الفرعى " التخطيط " نجده ينقسم إلى مستويات أكثر فرعية على سبيل المثال .

١. قرار عام حول الميدان الدراسى ككل .
٢. أهدافدرس ( معرفية - مهارية - وجدانية ) .
٣. مراجعة أهم الاستراتيجيات التدريسية المناسبة لموضوعدرس .
٤. مراجعة لأهم خصائص المتعلمين النفسية والعقلية .
٥. مراجعة للظروف البيئية الصيفية ( التهوية - الإضاءة ) .
٦. تصميم وإعداد حصة درس يومى فى ظل التخطيط العام للوحدة وفى ضوء التخطيط العام للمقر الدراسى ككل .

فإذا انتقلنا إلى بعد " التدريس " فسنجد ينقسم إلى المستويات الفرعية التالية :

١. الأهداف السلوكية للدرس .
٢. اختيار الاستراتيجية التدريسية المناسبة للدرس .
٣. الأنشطة الاستهلالية ( اختيار - تنفيذ ) .
٤. الدافعية ( أنواع وطرق التنفيذ ) .
٥. التقويم الشكلى . ( الأسئلة الشفوية - إحساس المدرس .... ) .

وينقسم البعد الثالث " التقويم " إلى المستويات الفرعية التالية :

١. إعداد خطة كاملة للتقويم .
٢. تقويم كمى شامل .
٣. تحليل البيانات وتفسيرها .
٤. دراسة مدى تحقق أهدافدرس .

وعليه فإن بعداً واحداً وهو الخطوات نجده أنقسم إلى ثلاثة مستويات رئيسية ( التخطيط - التدريس - التقويم ) وكل مستوى أنقسم إلى مستويات فرعية وهكذا لنصل إلى مستوى الأداء الدرسي في الفصل المدرسي على مستوى الخطوات لاحظ أن مستوى الخطوات يتضمن التدريس كمستوى فرعي وليس كمكون أو بعد رئيسي كما حدد في أهداف النظرية التدريسية في بداية هذا الفصل ، وليس في ذلك أي تعارض فإذا نظرنا إلى البعد الثاني ، وهو الأهداف فإن " ترافرز " وزملائه استخدموا تصنيفاً مختلفاً للأهداف ينقسم إلى ثلاث مستويات هي :

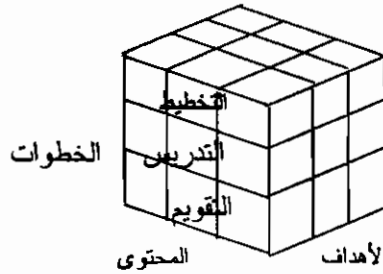
( ١ ) إكساب معلومات ومعارف ومهارات واتجاهات .

( ٢ ) فهم وإدراك .

( ٣ ) حل المشكلة .

وكل مستوى من هذه المستويات ينقسم إلى مستويات أكثر فرعية وهكذا لنصل إلى مستوى الأداء الدرسي للخصص اليومية على مستوى الأهداف ، وهو الخاص بصياغة أهداف سلوكية إجرائية على المستويات الثلاثة المحددة سابقاً .

أما البعد الثالث وهو المتعلق بالمحتوى المنهجي للمادة الدراسية سواء كانت وحدات دراسية أو موضوعات درسيه . فإن كل موضوع ينقسم إلى مكونات جزئية ( مفاهيم ، نظريات ، حقائق مهارات ، اتجاهات وهكذا ) . ويمكن تصور وضع كل تلك المستويات الفرعية في الأبعاد الثلاثة في صورة مكعب كما هو موضح في الشكل ( ٢ ) .



شكل رقم ( ٢ ) نموذج ترافرز لنظرية التدريسية وبعض المستويات الفرعية

( ٣ ) نموذج روبرت جانيه ( R . Gagne ) قدم روبرت جانيه نموذجاً لنظرية في التدريس في كتابه المشهور " حالات التعلم " ( 1981 , The conditions of Learning ) حيث صنف أنماط التعلم إلى ثمانية أنماط مختلفة تستوعب الموقف التعليمي ككل ولا تفضل نظرية في التعلم على أخرى بل أنها تستخدم معظم نظريات التعلم حسب نوع النمط التعليمي .  
وهذه الأنماط هي :

- |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|
| ١ . التعلم الأشارى         | . Signal Learning          |
| ٢ . تعلم المثير والاستجابة | . Stimulus & Respose       |
| ٣ . التعلم التسلسلى        | . Chaining Learning        |
| ٤ . التعلم اللفظى          | . Verbal learning          |
| ٥ . التعلم المتمايز        | . Discrimination Learning  |
| ٦ . تعلم المفهوم           | . Concept Learning         |
| ٧ . تعلم القواعد           | . Principale Learning      |
| ٨ . تعلم حل المشكلة        | . Problem Solving Learning |

وتتم عملية التعلم طبقاً لنظرية جانبية في مراحل أربع هي :

- ١- مرحلة الوعى .
- ٢- مرحلة الاستيعاب .
- ٣- مرحلة التخزين .
- ٤- مرحلة الاسترجاع .

وهذه المراحل الأربع تعبر عن جوهر نظرية الخطوات المعرفية التي يتبناها جانيه " Information Processing " وكأحد أهم ملامح النظريات في تفسير عمليات التعلم والتي تستخدم عمليات الحاسب الألى لتفسير ما يحدث فى العقل البشرى حيث يتم إدخال البيانات للحاسب وهذه تسمى مرحلة الوعى . ثم تنتقل البيانات إلى وحدة التشغيل الرئيسية ( CPU ) مع برنامج التشغيل ( الاستيعاب ) ثم يتم تخزين هذه البيانات والنواتج إما على " ديسكات " أو على الأقراص الصلبة ( HD ) . ( مرحلة التخزين ) ثم يتم استرجاع البيانات واستعراضها من خلال ما يسمى بالمخرجات OUT PUT ( مرحلة الاسترجاع ) . كما تعتمد نظرية جانيه على فكرة التسايع الهرمى "Hierarchy" حيث يتم تنظيم الخبرات التعليمية المراد تعلمها فى شكل مهام Tasks وهذه المهام توضع فى قمة الهرم ويتم تحديد المهارات الرئيسية اللازمة لحل المهمة فى

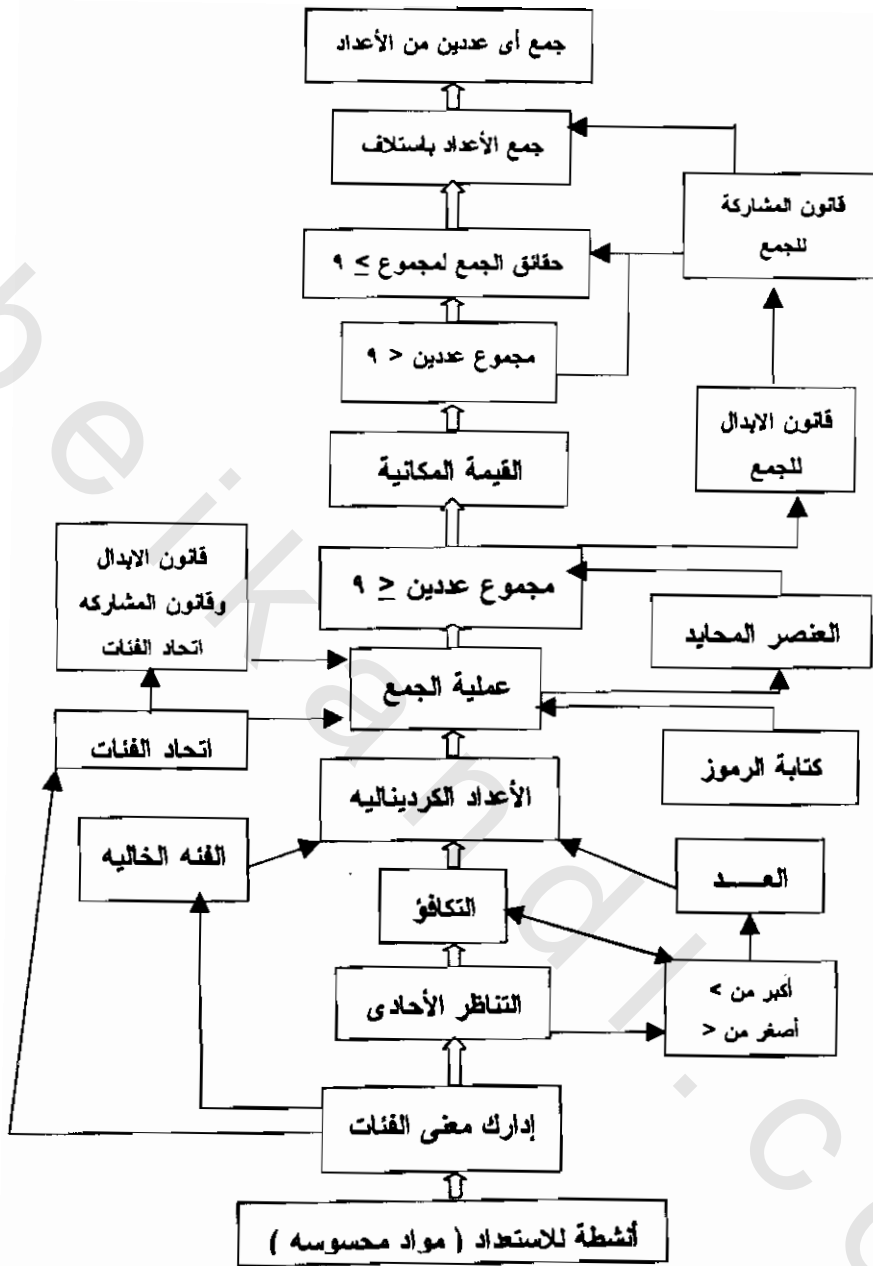
صورة تتابعيه تبدأ من قاعدة الهرم وتتدرج فى الصعوبة كلما ارتفعنا إلى المستويات الأعلى فى الهرم حتى القمة .

بمعنى أن المهارات الرئيسية " Basic Skills " اللازمة للمهمة توضع فى قاعدة الهرم . ويتطور التابع الهرمى كلما بعدنا عن القاعدة بحيث تبنى الخبرات الحالية على سابقها وتقود إلى اللاحق فى تتابع منطقي منظم ، أى أن النمو المعرفى من خطوة إلى الخطوة التالية لا يسير فى صورة خطية أحادية الاتجاه بل يتيح الفرصة للاختيار بين بدائل عديدة ومدعمات عديدة يسميها المهارات الداعمة وذلك لإتاحة الفرص العديدة للمعلمين والمتعلمين للتحرك من قاعدة الهرم إلى قمته فى أداء المهمة " TASK " ليس فى خط مستقيم واحد بل فى خطوات عديدة تقود فى النهاية إلى قمة الهرم أو المهمة

ولتوضيح فكرة التتابعات الهرمية لجانيه سنأخذ المثال الموضح فى الشكل ( ٣ ) وهو يوضح نموذج لتتابع هرمى لجمع أى عددين طبيعيين .

فى هذا النموذج تجد فى القاعدة الأنشطة الأولية للاستعداد لعملية الجمع وقد تستخدم فى هذه الأنشطة المكعبات أو أعطية الزجاجات الفارغة أو مكرونة أو فول أو بلى أو أى نوع من المحسوسات التى يلعب بها الأطفال فى هذه السن وتستخدم كنماذج مرئية لفكرة العدد . كما يفضل أن يكون منها أكثر من نوع واحد ( كالفاصوليا الجافة ، والمكرونة ) لكى يدرك الطفل أوجه الشبه والاختلاف بين تلك المعدودات ( ٢ حبة مكرونة + ٣ حبة فاصوليا ) لا يمكن أن تساوى خمسة .

وهنا يتكون لدى الطفل إدراك بمعنى المجموعة أو الفئة وهذه تنقله إلى المرحلة التالية فى البناء الهرمى وهنا يأتى مفهوم التصنيف Classification حسب اللون أو الحجم أو الشكل أو غير ذلك من تدرجات تنمى لدى المتعلم مفهوم المجموعة . لاحظ فى الشكل أيضاً أن مفهوم المجموعة يرتبط بمفهوم المجموعة الخالية أيضاً لتوسعة المفهوم كمقدمة بعد ذلك لمفهوم الصفر يلى ذلك مرحلة التناظر الأحادى حيث أن لكل عدد محدود وأن كل عنصر فى مجموعة معينة مرتبط بعنصر آخر فى مجموعة أخرى ( مجموعة الأثنياء ، مجموعة الأعداد ) يلى ذلك مفهوم التكافؤ بين المجموعات كمقدمة لعملية التساوى ، وهكذا ينطور البناء الهرمى وتتعدد عناصره وتتابع مهاراته من البسيط إلى الأكثر عمومية إلى المعقد والأكثر تجريباً حتى الوصول إلى الهدف النهائى Terminal Goal .



شكل ( ٣ )

نموذج للتابع الهرمي لجانيه لعملية الجمع العادى

وهو الوصول إلى حل المهمة المراد الوصول إليها . كما تلاحظ أن المهارات الداعمة تتوزع على جانبى البناء الهرمى ووظيفة هذه المهارات هى تدعيم تعلم المفهوم أو المهارة إما من خلال تعميمه على مواقف أكثر شمولية وعمومية أو من خلال أمثلة تطبيقية لحالات استخدام ذلك المفهوم . أو تلك المهارة وهذه المهارات اختيارية للمعلم وتمثل للطلاب المتميزين تدريبات اثرائية لهم .

إن جانبه يعتقد أن كل مشكلة لها حل إذا اعددنا لها البناء الهرمى المناسب . وليس هناك بناء أو تتابع هرمى واحد لمشكلة بعينها بل أن المدرس حر فى أن يعد البناء الهرمى الملائم والمناسب للمشكلة المراد حلها وبما يناسب مستوى تلاميذه . وإن مجرد إعداد التتابع الهرمى ليس نهاية المطاف بل أن إعداد التتابع الهرمى هو نقطة البداية فى تعلم القاعدة أو حل المشكلة فالمدرس عليه عبء تنفيذ ذلك التتابع واختيار الاستراتيجية المناسبة للوصول إلى المهام المراد تعلمها بطريقة سهلة وميسورة . إن التتابعات الهرمية تعطى المدرس سلسلة مرتبه من الخطوات التى يمكن أن يسترشد بها فى تعليمه للمفاهيم أو حله للمشكلات فى مجال تدريس الرياضيات وليس مطلوباً من المدرس الالتزام الحرفى بكل خطوة فى التتابع الهرمى بل يمكنه تعديل أو اختصار خطوات يرى أن تلاميذه ليسوا فى حاجة إليها أو أن تلاميذه يعرفونها ولا داعى لبذل الجهد والوقت فيها بمعنى آخر أن التتابعات الهرمية مرنة بشكل جيد حسب ظروف كل مدرس وكل موضوع وظروف التلاميذ .

ولكى نصمم بنايات هرمية نبدأ بتحديد الأغراض الدراسية للموضوع بصورة سلوكية behavior objectives . ثم يلى ذلك إعداد الخطوات والترتيبات التدريبية لتدريس كل غرض من هذه الأغراض . بعد ذلك يتم ترتيب وإعداد وتنظيم المفاهيم الأساسية والمهارات المناسبة للمهمة . ثم يتم عمل محاولات أو مخططات هرمية أولية لترتيب تلك المهارات وكذلك المفاهيم المراد تعلمها . وبعد إعداد المخطط الأول يتم إضافة المهارات الداعمة وهكذا يتم تصميم وتجربة وإعادة صياغة البناءات الهرمية حتى تصل إلى الصورة المقبولة والعلمية حتى يمكن استخدامها فى الحصص المدرسية .

وقد صنف جانيه أنماط التعلم إلى ثمانية أنواع مختلفة يمكن بإحداها أو أكثر من واحد منها تفسير الموقف التعلمى بمعنى أن الموقف التعلمى كما يراه " جانيه " مركب معقد من مواقف عديدة لا يمكن لنظرية واحدة أن تفسره أى أن الموقف الواحد يستوعب أعداد مختلفة من النظريات ولذلك فهو قد جزء الموقف إلى أنماط وكل نمط له طريقة فى التعامل وله نظرية تفسره . وهذه الأنماط هي :

### ١ . التعلم الإشارى Signal Learning :

يرى جانيه أن التعلم الإشارى هو أبسط أنواع التعلم وهو نوع من التعلم اللاإرادى فأنت حين تسحب يدك عندما يقترب منها دبوس أو شمعة منقّدة هو نوع من التعلم الإشارى . ولحدوث التعلم الإشارى يتطلب الموقف وجود مثير اشارى محايد ومثير غير متوقع ففى المثال السابق تجد أن اقتراب الشمعة المنقّدة أو الدبوس هو نوع من المثيرات غير المتوقعة إما خبرات الشخص السابقة التى مر بها سواء من شكة دبوس أو الألم عندما يقترب شئ ساخن من يده فهى مثيرات محايدة ولا يستطيع المتعلم السيطرة على التعلم الإشارى بسهولة فهو عمل لا إرادى ويمكن أن يكون له نوع من التأثيرات الفاعلة فى عملية التربية والعملية التدريسية . فالتعلم الإشارى هو تعلم وجدانى كالاتجاهات والميول قد تكون سالبة أو موجبة أو سارة أو مؤلمة .

### ٢ . تعلم المثير والاستجابة Stimulus & R esponse :

أن تعلم المثير والاستجابة هو نفسه التعلم الإشرطى فى المدرسة السلوكية ويختلف تعلم المثير والاستجابة عن التعلم الإشارى السابق الإشارة إليه ، فى أن تعلم المثير والاستجابة إرادى جسمانى فى حين أن التعلم الإشارى لا إرادى وجدانى . فتعلم المثير والاستجابة نوع من التعلم يتضمن الاستجابة العضلية لمثير بحيث " يأتى " المتعلم بحركة عندما يريد وكنتيجة للتدعيم المتتابع للاستجابة المرغوبة وعليه يتعلم الفرد أن يميز الاستجابة المناسبة عن مجموعة الاستجابات الأخرى الأقل رغبة فيها التى قد تتبع أيضاً المثير .

### ٣ . التعلم التسلسلي Chaining Learning :

أن التعلم التسلسلي هو ارتباط متتابع لفعالين غير لفظيين أو أكثر من نوع تعلم المثير والاستجابة الذي سبق تعلمه وهذا التعلم يرتبط عادة بتعلم المهارات حيث يتم تعلم المتعلم كيفية ترتيب سلسلة متتابعة من الأحداث (( ربط حذاء ، تشغيل سيارة ، برى قلم رصاص ، بناء شكل هندسي " متوازي مستطيلات من السلك )) .

فإذا أخذت مثلاً مهارة برى قلم الرصاص فإن ذلك يتضمن المهارات الفرعية التالية :-  
إمساك القلم باليد اليمنى وإمساك البراية باليد اليسرى وإدخال القلم الرصاص في البراية وأخيراً تدوير القلم الرصاص داخل البراية . ومن أجل أن يحدث تعلم تسلسلي " أو تعلم سلسلة " كما قد يسميه البعض ، لا بد للمتعم أن يكون قد تعلم كل تلك المهارات الأساسية الأولية اللازمة لأداء المهمة الرئيسية وهي " برى قلم الرصاص بالبراية " . ولا يمكن للمتعم أداء المهارة الأساسية دون إتقان المهارات الأولية الأساسية لهذه المهارة . وهذا صحيح على طول الخط خاصة في تعلم المهارات الرياضية فمثلاً لا يمكن تعلم مهارات الضرب دون تعلم مهارات الجمع وهكذا .

### ٤ . التعلم اللغوي Verbal Learning :

التعلم اللغوي هو نوع من تعلم السلسلة اللفظي أي هو ارتباط متتابع لأفعال لفظية على صورة مؤشر واستجابة قد سبق تعلمه من قبل . وأبسط أنواع التعلم اللغوي المتسلسل هو تعلم أسماء الأشياء والأعقد من تعلم الأسماء تكوين الجمل وتعلم الشعر وتعلم لغة أجنبية وهكذا . والتعلم اللغوي الفعال يتطلب استخدام وصلات عقلية وسيطة تعمل كشفرات " Codes " يمكن أن تكون لفظية أو سمعية أو بصرية وعادة ما تحدث هذه الشفرات في عقل المتعلم

فعلى سبيل المثال فإن شفرة تذكر العمليات الأربع الرياضية ( الضرب ، القسمة ، الجمع ، الطرح ) يلخصها الرياضيون في العبارة الإنجليزية التالية " My Dear Aunt Sally " فإذا أخذنا الحروف الأربعة الأولى ( M . D . A . S ) فالحرف الأول " M " يلخص عملية الضرب Multiplicating والحرف الثاني " D " هو ملخص لكلمة القسمة Division والحرف الثالث " A " يلخص كلمة الجمع " Addition " والحرف الرابع " S " يلخص كلمة الطرح " Subtraction " أي أن عملية الضرب قبل عملية القسمة



وعملية الجمع قبل الطرح ويتم ترتيب هذه العمليات في الحاسب الآلى على النحو السابق  
فى المثال التالى :

$$\text{أوجد الناتج } 7 - 9 \div 8 + 9 \times 5 \text{ ؟}$$

$$\text{أولاً : يجب إجراء عملية الضرب } (9 \times 5) \times (8 \div 9) - 7$$

$$\text{ثانياً : يجب إجراء عملية القسمة } (9 \times 5) \times (8 \div 9) - 7$$

$$\text{ثالثاً : يجب إجراء الجمع } 7 - [(9 \div 8) + (9 \times 5)]$$

$$\text{رابعاً : يجب إجراء عملية الطرح وهى آخر العمليات فيكون الناتج } 38 \frac{8}{9}$$

ومن أشهر الشفرات التذكيرية فى مجال الرياضيات الجملة " كل جبار ظالم جاتو  
داهية " وهى اختصار لتصنيف وترتيب إشارات جيب وجيب التمام وظل الزوايا طبقاً  
للقيم المختلفة لتلك الزوايا . فى الأرباع المختلفة لوضع الزاوية .

#### ٥ . التعلم المتميز : Discrimination Learning :

إن التعلم المتميز هو تعلم المفاضلة بين السلاسل أى إدراك الأشياء الجسمية  
والعقلية معاً . وينقسم التعلم المتميز إلى نوعين " التمايز المفرد " و " التمايز المتعدد " .  
فتعلم الطفل مفهوم عدد معين عن طريق سلاسل مرتبة من هذا العدد ( كتابته خمسين  
مرة مثلاً ) فهذا مثال للتمايز المفرد إما تعلم الطفل سلسلة مرتبة من الأعداد ( فردية ،  
زوجية ، أولية ) فهو نوع من التمايز المتعدد لاحظ أن تعلم التمايز أرقى من التعلم  
اللغوى وهكذا فإن التعلم اللغوى أعلى وأرقى من التعلم المتسلسل وهكذا .....

#### ٦ . تعلم المفاهيم Concept Learning :

أن تعلم المفهوم عملية معقدة تتطلب من الطفل المتعلم أن يوازن بين الخصائص  
الفيزيائية المحسوسة لنوعيات مماثلة للمفهوم وبين التجريدات لتعلم ذلك المفهوم المجرد .  
بمعنى أن تعلم المفهوم عكس التعلم المتميز ، فبينما يتطلب تعلم التمايز التفرقة بين  
الأشياء وفقاً لخصائصها المختلفة فإن تعلم المفهوم يتضمن تصنيف الأشياء إلى فئات وفقاً  
لخصائصها المشتركة والاستجابة للخاصية المشتركة العامة بين هذه الخصائص .  
فعلى سبيل المثال نجد أن تعلم الطفل مفهوم الدائرة مثلاً يتطلب تعلم ( لفظه ) دائرة  
ككلمة لغوية أولاً وذلك من خلال تكرار الكلمة على مسامع الأطفال وتكرار نطقهم لها .

ثم يلى ذلك التعامل مع نماذج محسوسة لدوائر وأشكال من الكرتون أو الخشب " الأبلاكش " ومن خلال تطبيق طريقة المثال والمثال غير المنطبق يتم تكوين خبرات حسية ملموسة لمفهوم الدائرة يلى ذلك الانتقال إلى مرحلة التصور أو قيام الطلاب برسم دائرة من خلال ما وصلوا إليه من تصورات لمعنى الدائرة فى أذهانهم وبعد ذلك ينتقل المدرس بتلاميذه إلى التعامل التجريدى للدائرة من خلال حساب مساحة الدائرة مثلاً من القانون  $M = \pi r^2$  أو تحديد العلاقة بين الدائرتين من خلال حل معادلات دائرتين حلاً آتياً وهكذا . أى أن مراحل تعلم المفهوم كما سبق توضيحها تتضمن المرحلة المحسوسة ، يلى ذلك المرحلة التصورية ، ثم المرحلة التجريدية .

#### ٧ . تعلم القواعد **Principal Learning** :

يعتبر تعلم القواعد من أعقد أنواع التعلم التابعى الهرمى كما يقول بذلك " جانبيه " فتعلم القواعد يتطلب الاستجابة لفئة من الواقف ( المثيرات ) بفئة كاملة من الاستجابات وقد حدد " جانبيه " خطوات لتعلم القواعد هى :

أ ) حدد نوع الأداء المتوقع وأخير تلاميذك به " الهدف "

ب) ذكر تلاميذك بالقواعد أو القوانين أو المعلومات ذات الصلة بالقاعدة المراد تعلمها والتي سبق لهم دراستها من قبل .

ج) استخدم التلميحات لتقود تلاميذك لوضع سلسلة متتابعة من المفاهيم المرتبطة بتعلم تلك القاعدة .

د) حاول أن تساعد تلاميذك لصياغة القاعدة لفظياً وهذه الخطوة اختيارية إن شئت نفذتها وإن شئت توقفت عند المرحلة الرابعة .

#### ٨ . تعلم حل المشكلة **Learning Problem Solving** :

يعتبر " برونر " Bruner " أن حل المشكلة هو الفعل العقلى الكامل ، ويرى " جانبيه " " Gagne " أن تعلم حل المشكلة يتطلب مجموعة مختلفة من العمليات الداخلية يسميها التفكير . وللوصول إلى حل المشكلة يحتاج الأمر إلى إعداد التابع الهرمى اللازم حتى يتمكن المتعلم من حل المشكلة وبدون معرفة المكونات الرئيسية والمبادئ والأنظمة والقواعد والعلاقات المتداخلة بين كل تلك العناصر لن يتمكن المتعلم من حل المشكلة .

ولذلك فإن جانبه يرى أن أى مشكلة لها حل إذا تم إعداد التابع الهرمى الدقيق والمناسب للمشكلة .

#### ٤- نظرية دينز : Dienes :

يلخص " زولتان دينز Zoltane Dienes " نظريته فى تدريس الرياضيات فى كتابه المشهور بناء الرياضيات " Mathematics Structure " فى أربعة مبادئ عامة هى :

##### ١- المبدأ الديناميكي :

حيث ينبغى توفر بيئة حية ديناميكية فاعلة ومنظمة للتدريب واللعب مع بعض الألعاب الرياضية التى تمكن المتعلم من تكوين خبرات لازمة لبناء مفاهيم رياضية صحيحة وبطريقة محببة ومن أشهر الألعاب الرياضية التى صممها " دينز " مكعبات دينز المتعددة الأساسى " Dienes Mult base Block " حيث صمم مكعبات للنظام الثنائى فى العد ومكعبات للنظام الثلاثى والرابعى وبالطبع للنظام العشرى يمكن للتلاميذ اللعب بهذه المكعبات بشكل هادف ومنظم للوصول إلى خبرات عملية لمفهوم العدد والعد وغير ذلك من مفاهيم الجمع والطرح والضرب والقسمة

##### ٢- المبدأ البنائى :

يرى " دينز " أن الرياضيات ما هى إلا دراسة للبناءات والتركيبات الرياضية . ويرى أنه من خلال اللعب الرياضى المنظم يمكن بناء وتشيد تركيبات رياضية ممتعة تساعد فى بناء المفهوم الرياضى بشكل صحيح ولذلك فتركيزه على البناءات الرياضية يعد أحد الأسس الرئيسية فى نظريته

##### ٣- مبدأ التغير :

يرى دينز أيضاً أن الرياضيات ما هى إلا دراسة للمتغيرات لذلك يجب تعلم المفاهيم المتضمنة للمتغيرات وكلما زادت أعداد المتغيرات فى التركيب الرياضى كلما كان ذلك ادعى لتفكير ويمثل تحدياً للمتعلمين ولذلك فإن الافتراض والتعويض واستخدام المتغيرات عمليات أساسية فى تعلم المفهوم الرياضى فهو يبدأ بالمحسوس وينتقل من مرحلة إلى مرحلة التجريد وهى المرحلة التى تتضمن متغيرات تحل محل الإعداد أو التمثيل العددي للمفهوم . ودراسة التغير وأنواع المتغيرات جزء أساسى ورئيسى فى دراسة المفهوم

الرياضى من وجهة نظر " دينز " ويمثل ذلك أحد أهم مبادئ نظريته فى تدريس الرياضيات .

#### ٤- مبدأ التضمين : **Inclusion** :

يجب أن تقدم البناءات الرياضية بصور عديدة من الأنماط الإدراكية المتكافئة وذلك من أجل إفراح المجال للمتغيرات الفردية فى تكوين المفهوم وللوصول إلى تفكير أعمق وأشمل للمعنى الحقيقى لماهية الرياضيات والبناء الرياضى المجرى من مفهوم التضمين والاحتواء من المفاهيم الأساسية لتكوين مفاهيم رياضية صحيحة .

#### مراحل تعلم المفهوم الرياضى عند " دينز " :

يرى دينز أن المفاهيم الرياضية يتم تعلمها فى مراحل متتابعة متدرجة مرتبة تسير مع التركيب المعرفى للمتعلم كما نادى بذلك " جان بياجيه " حيث أن العمليات العقلية للمتعلم تمر فى مراحل مرتبة متدرجة متتابعة ولا يمكن التعجيل بإنهاء مرحلة قبل موعدها وإن كان يوجد تداخل بين المراحل فيما يسمى بمراحل التحول والانتقال Transation Stages وتختلف المراحل فى الفترة الزمنية التى يستغرقها كل متعلم حسب ظروفه العقلية والبنائية والجسمية والبيئية وبعض العوامل الأخرى ويفترض " دينز " وجود ست مراحل يمر خلالها المتعلم للوصول إلى تعلم المفهوم الرياضى وهذه المراحل هى :

- ١) اللعب الحر Free Playing وفيها أيضاً ما يسمى بالرسم الحر Free Drawing
  - ٢) مرحلة الألعاب والألغاز Games & Puzzales .
  - ٣) مرحلة البحث عن خواص مشتركة .
  - ٤) مرحلة التمثيل Represntion .
  - ٥) مرحلة الترميز Symbolization .
  - ٦) مرحلة الصياغة الرمزية Concept Formalization
- ولا تختلف هذه المراحل الست عن تقسيم " برونر " لخطوات تعلم المفهوم الرياضى الذى يرى أنه فى ثلاث مراحل هى :

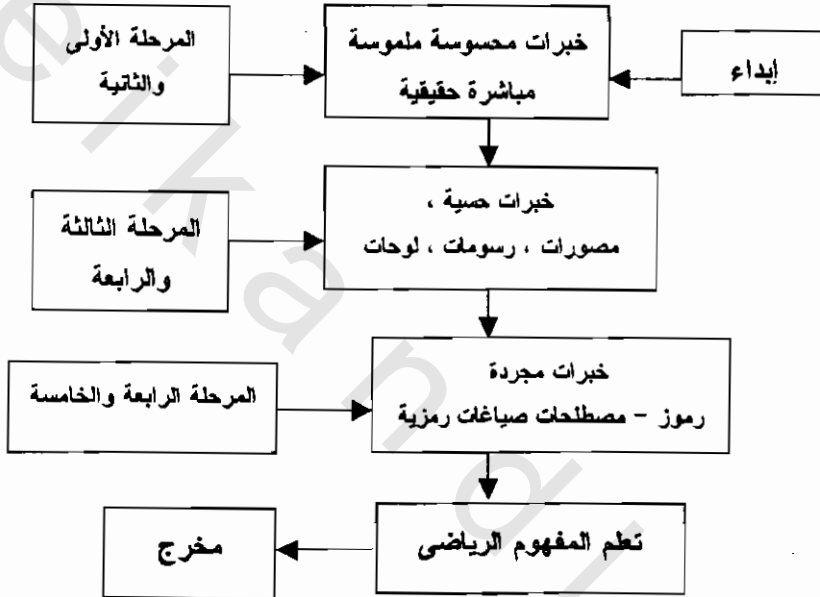
١) المرحلة المحسوسة .

٢) المرحلة المصورة .

٣) المرحلة المجردة .

وعليه فإن مدرس الرياضيات الذي يريد أن يستفيد من نظرية " دينز " في تدريس المفهوم الرياضى يمكن أن يساعده الرسم التالى فى ذلك :

مراحل دينز



وهذا يعنى أن يبدأ المعلم درسه بأن ينظم البيئة الفصلية الملائمة للتلاميذ وموضوع الدرس ويجعل طلابه يندمجون فى خبرات حية حسية من خلال نماذج وعناصر ملموسة للمفهوم مجسمات أو دوائر كرتون أو خلافة يجعلهم يدرسون ويقارنون ويقيسون ويلعبون وأثناء اللعب بتلك النماذج المعدة سلفاً لاكتشاف فكرة أو مفهوم معين يتحرك معهم فى اتجاه التعبير بالصورة أو الشكل البياني أو الكلمة أو الرمز أو الرقم وبذلك يرتبط فى ذهن التلميذ علاقة المفهوم المرسوم أو الصور " الدائرة المرسومة على اللوحة " بالدائرة التى لعب بها والمكونة من قطعة من الكرتون .

ينتقل بعد ذلك بهم إلى خبرات أكثر عمقاً وتعقيداً حول محيط الدائرة أو مساحة الدائرة أو كيفية حساب قيمة " ط " من خلال معرفة محيط الدائرة التي رسموها أو استخدموها من الكرتون أو الخشب أو من خلال معرفة مساحة الدائرة التي رسموها على أوراق رسم بياني .

وينتقل بهم بعد ذلك إلى مرحلة مجردة أعلى درجة وهو التعبير الرياضى عن الدائر بمعادلة رياضية مثلاً أو علاقة دائرتين ببعضهما . وهكذا تتحول الحصّة من لعب محسوس إلى مرحلة الترميز والتجريد حسب مستويات التلاميذ ومراحل تعلمهم ومراحلهم العمرية والمعرفية .

إن أهم ما يدعو إليه دينز في تعلم الرياضيات :

- (١) أن يساعد المعلم تلاميذه على تحليل البيانات الرياضية .
- (٢) أن يساعدهم على استنتاج خواص مشتركة أو غير مشتركة بين مجموعات مختلفة من المفاهيم وتصنيف كل مجموعة .
- (٣) تطبيق البيانات والنتائج على مواقف أكثر عمومية مماثلة أو غير مماثلة للخبرات المتعلمة .
- (٤) استخدام التجريد والرموز في مواقف التعلم الرياضى .
- (٥) نموذج مكعبات دينز صورة لتمثيل المفهوم الرياضى بشكل محسوس .

٥. نظرية أوزبل Ausubel theory :

يرى " أوزبل " أن التعلم الفعال هو التعلم ذى المعنى وأن طريقة المحاضرة والتدريس اللفظى والتدريس الاستظهارى " Rote Teaching " من الممكن أن يكون فاعلاً وأحياناً أكثر فاعلية من التدريس الاكتشافى إذا كان هذا التدريس ذا معنى ولذلك تسمى نظرية أوزبل التعلم اللفظى ذى المعنى " ويصف " أوزبل " وجهة نظره هذه المنشورة فى مجلة النظرية التربوية Educational Theory عدد يناير ١٩٦١ بقوله : " يعتقد البعض خطأ أن التعلم بالتلقى هو تعلم أستظهارى وأن التعلم بالاكتشاف هو تعلم ذو معنى ... إلا إنه فى الحقيقة من الممكن أن يكون كلا من التعلم بالتلقى والتعلم بالاكتشاف من الممكن أن يكونا تعلماً بالاستظهار تبعاً للظروف التى يحدث فيها كل منهما .

إن المتعلم ذي المعنى هو تعلم تكون فيه المادة المتعلمة مفهومة وذات معنى للمتعلم بغض النظر عن طريقة التدريس بل أنه يرى أن التدريس الاكتشافي والتدريس المعملية هي طرق غير فاعلة لا يجب استخدامها بكثرة في مدارسنا . لأنها مضيعة للوقت والجهد والأفضل هو استخدام طرقاً تقليدية كالمحاضرة لكي تؤدي إلى تعلم ذي معنى .

### مفهوم أوزيل للتعلم ذي المعنى :

أن كل مادة لها بنية معرفية تنظيمية معينة تميزها عن غيرها من المواد مثلما أن كل فرد له بنية معرفية مميزة تميزه عن غيره من المتعلمين بمعنى أنه يرى أن هناك تشابهاً بين البنية المعرفية للأفراد والبنية المعرفية للمادة فمثلاً تجد أن مادة الرياضيات تتضمن بناءً معرفياً هرمياً تشغل فيه المفاهيم الأكثر عمومية قمة الهرم ثم يليها الأفكار الأقل شمولية وهكذا حتى يصل إلى قاعدة الهرم حيث يمثل المفاهيم الأكثر محسوسية أو الأقرب إلى الخبرات الحسية والمفاهيم التطبيقية ولذلك فإن " أوزيل " يرفض مبدأ التكامل في العلوم " Integrated Science " لأن لكل مادة بل لكل فرع من فروع المعرفة بنية أساسية معرفية خاصة بها فكيف يمكن دمج أو إحدات تكامل بين مادتين أو فرعين ( جبر ، هندسة ) مثلاً طالما أن لكل مادة أو فرع بنية مختلفة . ولذلك فهو يعتقد أن الهدف الأساسي والرئيسي من التدريس هو ترسيخ البنية المعرفية للمادة لدى المتعلم حتى تصبح جزء من التنظيم المعرفي لهذا المتعلم بدلاً من تكاملها مع أفكاره السابقة أو عمل بنايات جديدة لديه

والهدف الثاني هو ضرورة أن تكون للمادة المتعلمة معنى لدى المتعلم وعليه فإن

### أهم أهداف نظرية أوزيل :

أ ) ترسيخ البنية المعرفية للمادة لدى المتعلم لتصبح جزء من النسيج المعرفي للمتعلم .

ب ) أن تكون المادة المتعلمة ذات معنى لدى المتعلم .

ويقترح " أوزيل " استخدام ما يسمى بالمنظمات المتقدمة Advance Organizer

كإستراتيجية للتدريس وذلك لتحقيق ما يسميه التعلم اللفظي ذا المعنى . والمنظم المتقدم

هو تمهيد للدرس أو مناقشة أو رحلة علمية حول الموضوع تقدم المفهوم أو المعلومة في

أعم صورة ممكنة وعلى أعلى درجة من التجريد . أى أن منظم الخبرة هو عمل يزود

المتعلم ببناء معرفى للمادة أو الموضوع الدرسي تتكامل فيه المعلومة المقدمة مع المعلومة الموجودة فعلاً فى البنية المعرفية للمتعلم ويستخدم لتقديم المعلومات مستقبلية .

أن الهدف من المنظم المتقدم هو تهيئة المتعلم ذهنياً لمعالجة المهمة التعليمية بالعزم والتصميم المناسبين ومحاولة لتقريب البنية معرفية للمادة المتصلة بالبنية المعرفية للمتعلم والهدف هو تهيئة الذهن لدى المتعلم واستنهاض المعارف والمعلومات السابقة لديه والتي قد تكون لها صلة بالمعلومة الحالية . فإذا ما نكب المتعلم على المهمة وهو مهياً ذهنياً ولديه فكرة ما مسبقاً ( أبرزها المنظم المتقدم ) وهذه المهمة توحى له بأنها قريبة من ذهنه بشكل أو بآخر فإنه طبقاً لأوزبل - يحدث تعلم ذا معنى سواء كانت الاستراتيجية التدريسية تبني على الإلقاء أو اكتشاف أو محاضرة أو أى صورة من صور التدريس المعروفة بمعنى آخر يرى " أوزبل " أنه مهما كان استعداد المتعلم فإن المادة تصبح غير ذات معنى بالنسبة له إذا لم تقدم فى صورة مفهومة ومتناسبة مع بنيته المعرفية .

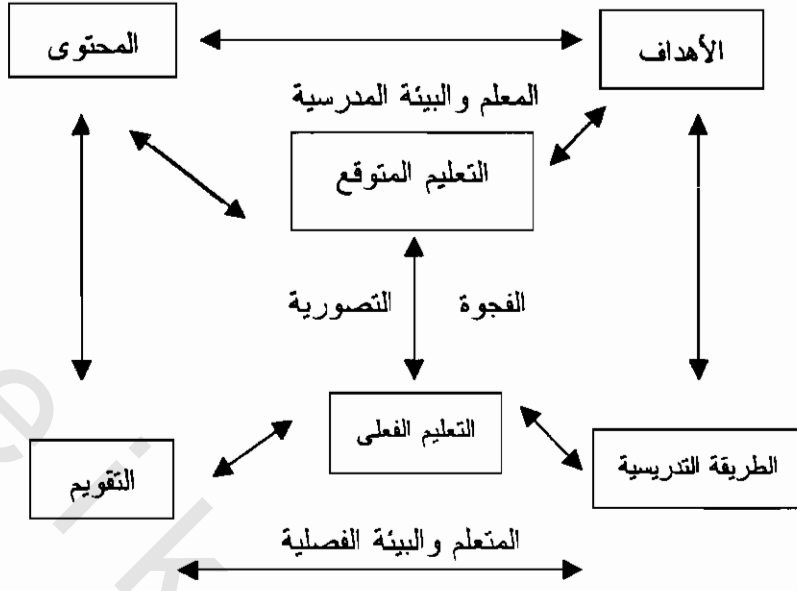
**نموذج مقترح لنظرية فى التدريس :**

فى ضوء كل ما سبق استعراضه من نظريات فى التدريس يمكننا أن نقول أنه لا توجد نظرية واحدة نستطيع أن نقول أنها أحسن نظرية فى تدريس الرياضيات فكل نظرية لها مداخلها ولها منطقها ولها فلسفتها التى بنيت عليها ولها أيضاً تطبيقاتها التى يمكن أن تكون ذات فاعلية فى تدريس الرياضيات فى موقف معين وليس فى كل المواقف بمعنى أن إمام المدرس بكل تلك النظريات أو بعضها على الأقل يساعده فى أن يلم بمختلف الرؤى لتكون له نظريته الخاصة به وكذلك الاستفادة من كل النظريات فى المواقف التى تعن له أثناء التدريس وقد يستخدم نظرية أو أكثر فى الموقف التدريسي المهم أن تكون له معرفة بمختلف الاتجاهات وطرق الاستخدام وظروف الاستخدام الأمثل لكل حاله . ولذلك فإننا نجد أن تعلم القواعد والقوانين قد ينجح باستخدام التدريس الاكتشافى الموجه الذى عرضه " برونر " فى نظريته وهو من أنسب الطرق فى هذه الحالة . بينما نجد أن نموذج " أوزبل " من أحسن النماذج فى تدريس الموضوعات التى تتطلب محاضرة نظرية أو عرضاً لفظياً ونرى أن " جانبيه " ونموذجه المتعلق بالبناءات



الهرمية من أنسب النماذج لتدريس المهارات الرياضية ، وأن نموذج " دينز " من أنجح النماذج لتدريس الحساب وعمليات العدد والتدريب عليها واللعب المفهوم ذا المعنى .  
المهم أن يدرك معلم الرياضيات أن هناك نماذج ونظريات صالحة لمواقف معينة ونظريات صالحة لمواقف أخرى وأنه لا توجد نظرية واحدة تصلح لكل المواقف ومعرفته لتلك النظريات وطرق استخدامها وتطبيقاتها يمكنه ويؤهله من أن يستخدم المناسب في الموقف والوقت المناسب مع التلاميذ المناسبين .

وإذا كان لنا أن نقترح نموذجاً لتدريس الرياضيات فإننا نتصور أن أى نظرية لا بد أن لا تخرج عن المحددات الأربعة التى تم ذكرها فى بداية هذا الفصل وهى : لماذا ندرس ؟ وماذا ندرس ؟ وكيف ندرس ؟ وما هى نتيجة ما ندرس ؟ هذه الأركان الأربعة نمثلها بأربعة مربعات تقوم عليها النظرية التدريسية وتمثل فى الأهداف ، المحتوى ، الطريقة ، والتقويم ، أى أن هذه العناصر الأربعة تمثل الأعمدة التى سيقوم عليها البناء الرئيسى للنموذج المقترح وإذا كان للنموذج من قلب يضخ ويحرك هذه البناءات الأربع فإننا نرى أن التعليم الفعلى Actual Teaching والتعليم المتوقع Expected Teaching تمثلان القلب بالنسبة للنموذج وهناك روابط وثيقة بين كل من التعليم المتوقع بكل من الأهداف والمحتوى . بينما يرتبط التعليم الفعلى بكل من الطريقة التدريسية وأسلوب وأدوات ونتائج التقويم وكلما اقترب التعليم الفعلى من التعليم المتوقع دل ذلك على خبرة المعلم ولذلك نقول أن المسافة بين التعليم الفعلى والتعليم المتوقع دالة فى الخبرة التدريسية . وتصل هذه الدالة إلى نهايتها الصغرى مع اكتمال الخبرة وزيادة النضج التدريسى لدى المعلم حيث يقترب التعليم المتوقع من الفعلى بدرجة كبيرة والشكل رقم ( ٤ ) يوضح نموذجاً مبسطاً للنظرية المقترحة وإليك وصفاً تفصيلياً للنموذج .



شكل رقم ( ٤ ) مكونات النموذج المقترح للنظرية التدريسية

### ١ ( التعليم المتوقع Expected Teaching )

يقصد بالتعليم المتوقع هو التدريس على المستوى التنبؤى وقد يطلق البعض عليه التدريس الأولي وهذا التدريس ليس تدريساً فعلياً بل هو إعداد وتحضير وتجهيز وتصور لشكل الدرس وفعالياته فمن خلال تعاملات المدرس وخبرته ودراسته لتلاميذه وللمادة يستطيع أن يحدد كل الاتجاهات والخبرات والمعارف والمهارات التي سيقوم بتدريسها في الحصة أو في مجموعة من الحصص . فتوقعات المدرس محكومة هنا بالأهداف المنهجية والأغراض الدراسية للمحتوى المنهجي بمعنى أن التدريس المتوقع هنا هو تدريس على المستوى النظري أو ما يسمى بالإعداد والتحضير ومن المعروف أن هناك فجوة تسمى بالفجوة التصورية Perception Gap وهي فجوة بين ما يتصور المدرس أن يدرسه في الحصة ( على المستوى التنبؤى ) وبين ما يتم فعلاً ( التدريس الفعلي ) فنحن نتصور أننا سنفعل كذا وكذا ولكن عندما نقوم فعلاً بالتدريس قد نؤدى بعض أو جزء مما تصورنا إنجازاه وليس كل ما تصورناه وهنا تحدث الفجوة وكثيراً من الأبحاث درست

هذه الفجوة واقترح حلاً كثيراً لتقليلها والحد منها لكنها موجودة وبدرجات مختلفة حسب مستوى المعلم ومستوى خبرته وتأهيله التربوي والعملية .  
ولذلك فإن التعليم المتوقع يرتبط بالأهداف التي ينحو المعلم لتحقيقها في منهج من المناهج وكذلك بالمحتوى المنهجي هذا بالإضافة إلى وضع تصور للمكان والبيئة الصفية ومستوى التلاميذ ونوع المادة المتعلمة وعلاقة المدرس بالزملاء والإدارة والبيئة المدرسية ككل . بمعنى أننا نعد ونخطط ونتصور أننا ندرس على المستوى المتوقع وفي اعتبارنا نضع كل الظروف المحيطة بالمواقف الموقف التدريسي .  
وكلما حددت العوامل التي يضع المدرس اعتباره لها ويتوقع ويتنبأ كل كبيرة وصغيرة كلما ساعده ذلك على التنفيذ الجيد للدرس .

## ٢ ( التعليم الفعلي Actual Teaching )

إذا كان التعليم المتوقع يرتبط بالأهداف والمحتوى فإن التعليم الفعلي يرتبط بطريقة التدريس وأسلوب وأدوات ونتائج عمليات التقويم . فليس كل ما خططه المدرس لتنفيذه أثناء عملية التدريس المتوقع يستطيع تنفيذه كما خطط له . ولذلك يقاس مدى النجاح التدريسي بمدى اقتراب التعليم الفعلي من التعليم المتوقع والعكس صحيح .  
وكلما اقترب التعليم الفعلي من التعليم المتوقع كلما زادت كفاءة المعلم وقدراته التدريسية . ويرتبط التعليم الفعلي بالطريقة التدريسية والتقويم فتوفيق المعلم في أدائه يتوقف على مدى توفيقه في اختيار الطريقة المناسبة للتلاميذ وللمادة كذلك مدى ملائمة أسلوب التقويم فما درس ينبغي أن يقوم بالطريقة التي درس بها .  
وهنا مجال خصب وهام للنظريات التدريسية حيث يمكن عرض كل طريقة وأساليب استخدامها وعيوبها ومميزاتها وكيفية تكفيها للمعلم والمتعلمين كما نستطيع أن نصف مختلف طرق التقويم المعروفة وظروف استخدام كل منها  
ويرتبط التعليم الفعلي بالمتعلم بشكل مباشر فهو الهدف الأساسي من كل ذلك ولا بد من أن نراعي المتعلم في مواقف التعلم بل أن استهداف المتعلم أحد أهم أسس النظرية الحالية ولذلك فإن دراسة نظريات التعلم خاصة نظرية بياجيه ، تعتبر أحد الأسس البنائية لهذه النظرية ويرتبط بالتعليم الفعلي بالإضافة إلى ما سبق ذكره البيئة الفيزيقية للفصل

التي سيتم التدريس فيها من إضاءة وتهوية ووضع الأدرج والسبورة واستخدام الوسائط التعليمية المختلفة وغير ذلك من عوامل وهنا مجال آخر رحب ومتسع للنظرية لعرض أفضل وآخر الأبحاث في هذا المجال .

### ٣ ( الأهداف :

أن أحد أهم أهداف النظرية الحالية هو وضع تصور نظري للعناصر الأساسية للموقف التدريسي يجعل المدرس واعياً بعناصر ومكونات وعلاقات تلك المكونات بعضها ببعض الآخر . ولذلك فإن تحديد الأهداف وصياغتها وطرق اختيارها أحد أهم العناصر الأساسية في النموذج المقترح للنظرية التدريسية الحالية . إن تحديد الأهداف وصياغتها وطرق اختيارها أحد أهم العناصر الأساسية في النموذج المقترح للنظرية التدريسية الحالية ولذلك فإن تحديد الأهداف المنهجية Curriculum Goals والغايات التربوية Educational Aims والأغراض الدراسية Lessons Objectives تعد من أهم العناصر الواجب توفرها في النظرية التدريسية فتحديد الهدف أو الغرض وصياغته صياغة إجرائية تعد أحد أهم المهارات الأساسية في إعداد المعلمين المؤهلين تربوياً وتتبع أهمية الأهداف لأن الأهداف هي محددات السلوك ففي ضوء الأهداف تحدد سلوكياتنا . كما أن معرفة الهدف يساعد في اختيار طريقة التدريس وطريقة التقويم بمعنى أن هناك علاقات مباشرة متداخلة ومتصلة بين التعليم الفعلي والأهداف والتقويم وطريقة التدريس وأن الأسهم الموجودة على الرسم شكل ( ٤ ) ليست موضوعة بشكل عشوائي بل لها أهداف حيث تحدد نوع واتجاه العلاقة بين المكونات المختلفة للنموذج .

### ٤ ( المحتوى Content :

إن وسيلتنا في عملية التعليم هي المادة الدراسية أو ما يسمى بالمحتوى المنهجي أي أن المادة وسيلة وليست هدفاً وليس المحتوى المنهجي مادة دراسية فقط بل هناك المهارات والاتجاهات وال ميول التي ترغب في غرسها في المتعلمين أو إكسابهم لهم . إن اهتمام المدرس بالسؤال كيف ؟ بنفس القدر والأهمية للسؤال لماذا ؟ ضروري لتحقيق بيئة صفية صحية بمعنى أن التركيز على المهارة مهم ولكن من المهم أيضاً التركيز على الفهم بل أن التركيز على أحد هاذين الأسلوبين دون الثاني فيه خلل تعليمي كبير وقد

لاحظنا ذلك فى فترة ما قبل ما يسمى بالرياضة الحديثة New math ، وما بعدها والردة التى حدثت حول العودة إلى الأساسيات Back to basic بمعنى أننا نعطى للفهم نفس الأهمية بل أكثر قليلاً على المهارة فى إجراء العمليات الرياضية أو غيرها من مهارات وعليه فإن المدرس لديه محتوى ويريد أن يستخدمه لتحقيق أهداف معينة ويستخدم طريقة لتحقيق تلك الأهداف وفى النهاية يريد أن يعرف إلى أى مدى حقق تلك الأهداف (التقويم) وهنا يتضح لك مدى الارتباط الوثيق بين العناصر الأربعة للنموذج وهذه الارتباطات توضحها الأسهم فى النموذج فى شكل ( ٥ ) . كما أن نوعية الأهداف تحدد نوعية الطريقة المستخدمة فإذا كان هدفى أن يفهم الطلاب عملية رياضية فإننى سأستخدم طريقة تختلف عما لو كان هدفى إجراء العملية ذاتها وهكذا .

### ٥ ( الطريقة التدريسية " Teaching Strategy "

إن أى طريقة للتدريس مهما كانت جيدة وفاعلة فإنها تعكس بشكل أو بآخر فكراً تربوياً معيناً لا يمكن تحقيقه إلا إذا كان هناك مدرساً فاهماً وواعياً لتلك الخلفيات للتدريس ليس مجموعة من الأدوات المنفصلة عن بعضها البعض بل أن الطريقة جزء من النسيج العقلى والفكرى للمعلم ولا توجد طريقة مثالية فى التدريس والطريقة الأكثر فاعلية هى التى يستخدمها المعلم بشكل جيد ويتعلم منها التلاميذ بأسلوب ذا معنى وبطريقة مفهومة . وتتعدد الاستراتيجيات التدريسية وتتوزع حسب النظريات التى تتبناها كل استراتيجية فمنها التعليم الاكتشافى وأسلوب حل المشكلات والمحاضرات والمناقشات والتعلم الفردى والتعلم النشط والتعلم عن بعد وغير ذلك من أنواع وأشكال للطرق والأساليب والاستراتيجيات التدريسية وترتبط طريقة التدريس ( كما فى النموذج ٤ ) بأسلوب التقويم فما درس ينبغى أن يقوم بالطريقة التى درس بها وترتبط الطريقة بالمحتوى وكذلك بالأهداف .

### ٦ ( التقويم : Evaluation

يعنى التقويم بمفهومه العام مدى تحقيق الخبرة التدريسية لأهدافها بمعنى أن عملية التدريس لا تكتمل إلا إذا حدث تقويماً لما تم كما أن طريقة ونتائج عمليات التقويم تمثل تغذية راجعة للمعلم لتحديد وتحسين أدائه التدريسى ومعرفة نواحي القوة والضعف

سواء فى أدائه التدرىسى أو فى أداء المتعلمين بمعنى أن عمليات التقييم خبرات تربوية جيدة لكل من المعلم والمتعلم ولذلك يرتبط التقييم بالطريقة وبالمحتوى المنهجى كما يرتبط بالتعليم الفعلى فما درسناه وبالطريقة التى درس بها ينبغى أن يقوم بنفس الطريقة فليس معقولاً أن أدرس بطريقة تساعد على الفهم وأقوم أداء المتعلمين فى حفظ المعلومات التى تم تدريسها بهذه الطريقة إن هذا النموذج محاولة من المؤلف لوضع تصور لعناصر الموقف التدرىسى يصف ويشخص العناصر الداخلة فى الموقف التعليمى وذلك بقصد مساعدة المعلم على وضع تصور للعلاقات بين مختلف عناصر الموقف لمزيد من الفهم والدقة لتلك العلاقات ولتبني نظريته التدرىسية المناسبة له . إنها محاولة لفهم عملية التدريس وعناصرها ومكوناتها والعلاقات المتداخلة المتفاعلة بين ذلك العناصر .

## المراجع

- ١- أحمد الخطيب ، ورداح الخطيب ، اتجاهات حديثة فى التدريب . مطابع الفرزدق التجارية ، الرياض ، ١٩٨٦ .
- ٢- فريدريك بل ، طرق تدريس الرياضيات ، الجزء الثانى . ترجمة وليم عبيد ومحمد المفتى ، وممدوح سليمان . الدار العربية للنشر والتوزيع ، ١٩٨٦ .
- 3- Bruner, J.S. ( 1966 ) . toward a Theory of Instruction Cambridge, Mass. : Harvard University Press .
- 4- Bruner, J.S. ( 1964 ) . Some theorems On instruction illustrated with reference to mathematics, in Theories of Learning and instruction . Sixty - third Year Book Of the National Society for Study Of Education , Chicago : University Of Chicago Press .
- 5- Gage , N . L . ( 1964 ) . Theories Of Teaching , in : Theories Of Learning and Instruction , Sixty - third Year Book Of the National Society for the Study OF Education , Chicago : University of Chicago Press .
- 6- Gagne , R . ( 1981 ) . The Conditions Of Learning . New York : Holt , Rinehart and Winston , Inc .
- 7- Skinner , B . F . ( 1968 ) . The Technology Of Teaching , New York : Appelton - Century Crofts .
- 8- Travers , K . , Pidarrt , Suydan , M . M . : and Runion G . ( 1977 ) Mathematics Teaching . New York : Harper & Row Pub .