

الفصل الثالث

Chapter Three

قوانين القوة والحركة

Force And Motion

obeyikandi.com

مسألة (3.1) Problem

إذا كان موقع الجسم المتحرك على خط مستقيم يعطى بالعلاقة الرياضية الآتية :

$$x = 3t - 4t^2 + t^3$$

- 1- حدد موقع الجسم المتحرك بعد زمن قدره (1, 2, 3, 4) ثانية.
- 2- حدد إزاحة الجسم المتحرك بين الزمنين (t = 0 sec) و (t = 4 sec).
- 3- حدد السرعة المتوسطة للجسم خلال الفترة (t = 2.0 sec) و (t = 4 sec).

الحل Solution

$$x(1 \text{ sec}) = 3(1) - 4(1)^2 + (1)^3 = 0 \quad -1$$

$$x(2 \text{ sec}) = 3(2) - 4(2)^2 + (2)^3 = -2 \text{ m}$$

$$x(3 \text{ sec}) = 3(3) - 4(3)^2 + (3)^3 = 0$$

$$x(4 \text{ sec}) = 3(4) - 4(4)^2 + (4)^3 = 12.0 \text{ m}$$

$$\Delta x = x(4 \text{ sec}) - x(2 \text{ sec}) \quad -2$$

$$\Delta x = 12.0 \text{ m} - 0 = 12.0 \text{ m}$$

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad -3$$

$$\Delta x = x(4 \text{ sec}) - x(2 \text{ sec}) = 12 - (-2) = 14.0 \text{ m}$$

$$\Delta t = 4 \text{ sec} - 2 \text{ sec} = 2.0 \text{ sec}$$

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{14.0 \text{ m}}{2.0 \text{ sec}} = 7.0 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}} \right)$$

مسألة (3.2) Problem

إذا كان موقع جزيئة متحركة يعطى بالعلاقة الرياضية :

$$x = 4 - 12t + 3t^2$$

حيث تقاس (x) بالأمتار و (t) بالثواني، ما هي سرعة الجزيئة عند الزمن :

$$t = 1 \text{ sec} ?$$

الحل Solution

السرعة عند الزمن $t = 1 \text{ sec}$ وهي عبارة عن سرعة الجزيئة الآتية إذا :

$$\begin{aligned} v(1 \text{ sec}) &= \frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt}(4 - 12t + 3t^2) \\ &= -12 + 6t \\ &= -6 \text{ m/s} \end{aligned}$$

مسألة (3.3) Problem

جسيم يتحرك على المحور السيني وفقاً للمعادلة الآتية :

$$x = 50t + 10t^2$$

حيث تقاس (x) بالأمتار و (t) بالثواني، احسب :

- 1- السرعة المتوسطة للجسيم خلال الثواني الثلاثة الأولى.
- 2- السرعة الآتية للجسيم عند الزمن $t = 3.0 \text{ sec}$.
- 3- التسارع المتوسط للجسيم عند الزمن $t = 3.0 \text{ sec}$.

الحل Solution

1- السرعة المتوسطة تحسب بين الزمنين $t = 0$ و $t = 3 \text{ sec}$.

$$\bar{v} = \frac{x(t = 3 \text{ sec}) - x(t = 0)}{\Delta t}$$

$$x(t = 3 \text{ sec}) = 50(3) + 10(3)^2 = 240 \text{ m}$$

$$x(t = 0) = 0$$

$$\Delta t = t_2 - t_1 = 3 - 0 = 3 \text{ sec}$$

$$\bar{v} = \frac{240(m)}{3.0(\text{sec})} = 80 \text{ m/s}$$

$$v = \frac{dx}{dt} = 50 + 20t \quad -2$$

$$v(t = 3 \text{ sec}) = 50 + 20 \times 3 = 110 \text{ m/s}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = 20 \text{ m/s}^2 \quad -3$$

مسألة (3.4) Problem

بدأ قطار الحركة من السكون وبتسارع ثابت، وعند زمن معين كانت سرعته (30 m/s) ، ارتفعت بعد ذلك إلى (50 m/s) ، وبعد أن قطع مسافة قدرها (160 m) احسب :

- 1- تسارع القطار.
- 2- الوقت الذي استغرقه القطار حتى أصبحت سرعته (30 m/s) .
- 3- المسافة التي قطعها القطار من السكون إلى أن أصبحت سرعته (30 m/s) .

الحل Solution

$$a = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2(x_2 - x_1)} \quad -1$$

$$= \frac{[(50^2) - (30^2)] \left(\frac{m}{s} \right)^2}{2(160)m} = 5.0 \text{ m/s}^2$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad -2$$

$$\Delta t = \frac{\Delta v}{a} = \frac{(50 - 30) \text{ m/s}}{5.0 \text{ m/s}^2}$$

$$= 4.0 \text{ s}$$

$$t = \frac{v}{a} = \frac{30 \text{ m/s}}{5.0 \text{ m/s}^2} \quad -3$$

$$= 6.0 \text{ s}$$

$$x = \frac{1}{2} at^2 \quad -4$$

$$= \frac{1}{2} (5.0 \text{ m/s}^2) (6.0)^2$$

$$= 90 \text{ m}$$

مسألة (3.5) Problem

قوتان (\vec{F}_1) و (\vec{F}_2) تؤثران على حركة جسم في الوقت نفسه كي يتحرك بسرعة ثابتة على النحو الآتي :

$$\vec{v} = (3 \text{ m/s}) \hat{i}$$

القوة الأولى (\vec{F}_1) معرفة على النحو الآتي :

$$\vec{F}_1 = (2 \text{ N}) \hat{i} + (-6 \text{ N}) \hat{j}$$

عرف القوة الثانية (\vec{F}_2) .

Solution الحل

بما أن سرعة الجسم ثابتة فإن ذلك يؤدي إلى أن مجموع القوى المؤثرة عليه تساوي الصفر، وهذا ما يؤدي إلى أن تسارعه أيضاً يساوي الصفر، وهذه حالة خاصة *Special case* من قانون نيوتن الثاني، وهي تقودنا إلى قانون نيوتن الأول.

$$\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

$$\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$$

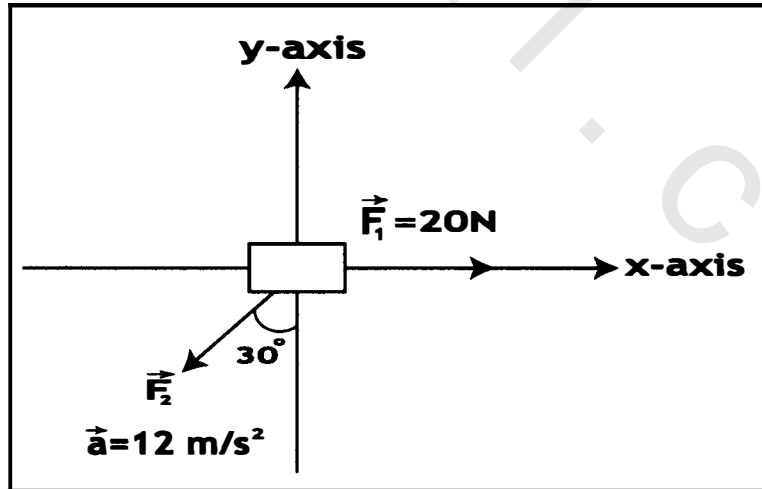
$$\vec{F}_2 = (-2\text{ N})\hat{i} + (6\text{ N})\hat{j}$$

مسألة (3.6) Problem

قوتان تؤثران على صندوق كتلته (2.0 kg) ، انظر الشكل (3.1)، يكتسب الجسم نتيجة لذلك تسارعاً مقداره (120 m/s^2) .

1- أوجد القوة الثانية (\vec{F}_2) باستخدام مفهوم متجه الوحدة.

2- أوجد مقدار واتجاه القوة (\vec{F}_2) .



شكل (3.1)، المسألة (3.6)

Solution الحل

$$\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = m\vec{a} \quad -1$$

$$\vec{F}_2 = m\vec{a} - \vec{F}$$

$$\vec{F}_1 = (20 \text{ N}) \hat{i}$$

وباستخدام متجه الوحدة فإن :

وللتسارع مركبتان محصلتهما :

$$\vec{a} = (-12 \sin 30 \text{ m/s}^2) \hat{i} - (12 \cos 30 \text{ m/s}^2) \hat{j}$$

$$= (-6 \text{ m/s}^2) \hat{i} - (10.4 \text{ m/s}^2) \hat{j}$$

وهكذا

$$m\vec{a} = (2.0 \text{ kg}) [(-6 \text{ m/s}^2) \hat{i} - 10.4 \text{ m/s}^2) \hat{j}]$$

$$\vec{F} = (-20 \text{ N}) \hat{i} + (-12 \text{ N}) \hat{i} - (21 \text{ N}) \hat{j}$$

$$= (-32.0 \text{ N}) \hat{i} - (21 \text{ N}) \hat{j}$$

$$\vec{F}_2 = \sqrt{F_{2x}^2 + F_{2y}^2} \quad -2$$

$$= \sqrt{(-32)^2 + (-21)^2} = 38 \text{ N}$$

$$\tan(\theta) = \frac{F_{2y}}{F_{2x}} = \frac{21 \text{ N}}{38 \text{ N}} = 0.656$$

$$\tan(\theta) = \tan^{-1}(0.656) = 33^\circ$$

وبما أن المقدار السيني والمقدار الصادي سالبان أي أن :

$$\vec{F}_x = -32 \hat{i}$$

$$\vec{F}_y = -21 \hat{j}$$

فإن الزاوية تقع في الربع الثالث :

$$\theta = 33^\circ + 180 = 213^\circ$$

مسألة (3.7) Problem

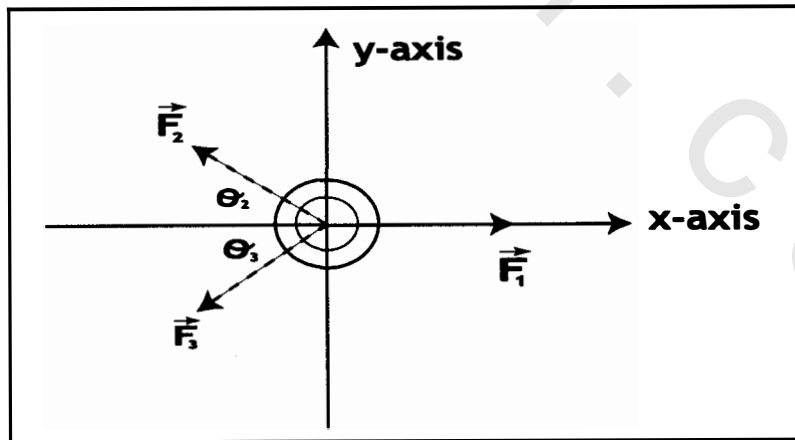
تأمل الشكل (3.2)، ثلاثة قوى $(\vec{F}_3, \vec{F}_2, \vec{F}_1)$ ، تعمل على طول ثلاثة حبال لشد إطار سيارة كتلته (12.0 kg) ، ويبلغ مقدار القوة الأولى (50 N) ، حدد اتجاه القوتين (\vec{F}_1, \vec{F}_2) بحيث يكون تسارع إطار السيارة أقل مما يكون في الحالات الثلاثة الآتية :

$$\vec{F}_3 = 20 \text{ N} \quad \vec{F}_2 = 30 \text{ N} \quad -1$$

$$\vec{F}_3 = 10 \text{ N} \quad \vec{F}_2 = 30 \text{ N} \quad -2$$

$$\vec{F}_3 = 30 \text{ N} \quad \vec{F}_2 = 30 \text{ N} \quad -3$$

الحل Solution



شكل (3.2)، المسألة (3.7)

1- من الواضح أننا إذا اعتبرنا اتجاه كل من (\vec{F}_1, \vec{F}_2) في الاتجاه المعاكس للقوة (\vec{F}_1) فإن محصلة القوى :

$$\begin{aligned}\sum \vec{F} &= \vec{F}_1 - \vec{F}_2 - \vec{F}_3 \\ &= 50 - 30 - 20 = 0\end{aligned}$$

وهذا ما يؤدي إلى أن التسارع في هذه الحالة يساوي الصفر.

2- لنفرض أن (\vec{F}_1, \vec{F}_2) تقعان في الاتجاه (x, y) السالبيين إذا :

$$\begin{aligned}\vec{a} &= \frac{\sum \vec{F}}{m} = \frac{\vec{F}_1 - \vec{F}_2 - \vec{F}_3}{m} \\ &= \frac{10}{12} = 0.83(m/s^2)\end{aligned}$$

3- في هذه الحالة (\vec{F}_1, \vec{F}_2) يجب أن تكونا على النحو الموضح في الشكل السابق

على شكل خطوط منقطعة، وهذا ما يؤدي إلى :

$$\sum \vec{F}_x = \vec{F}_x - \vec{F}_{2x} - \vec{F}_{3x}$$

$$-\vec{F}_1 = (\vec{F}_{2x} + \vec{F}_{3x})$$

$$\sum \vec{F}_y = 0$$

$$\vec{F}_{2y} - \vec{F}_{3y} = 0$$

$$\vec{F}_{2y} = \vec{F}_{3y}$$

وهكذا نجد أن :

$$(30 N) \cos(\theta_2) + (30 N) \cos(\theta_3) = 50 N \quad (1)$$

$$(30 N) \sin(\theta_2) = (30 N) \sin(\theta_3) = 50 N \quad (2)$$

$$\theta_2 = \theta_3$$

أما مقدار الزاوية : فمن المعادلة (2) نجد أن :

$$\cos(\theta_2)\{(30 N)(30 N)\} = 50 N$$

$$\cos(\theta_2)(60 N) = 50 N$$

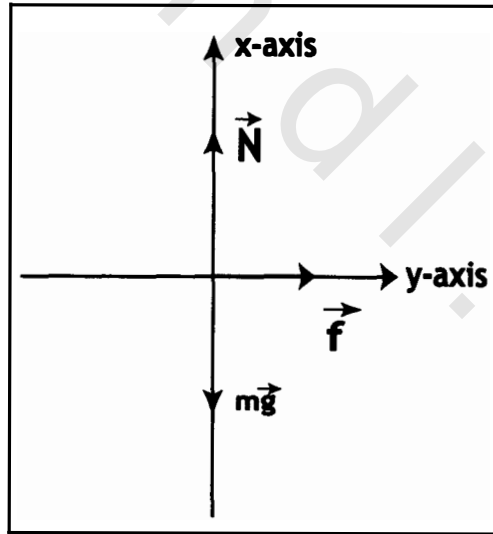
$$\cos(\theta_2) = \frac{50 N}{60 N} = 0.83$$

$$\theta_2 = \cos^{-1}(0.83) = 33.6$$

مسألة (3.8) Problem

لاعب بيسبول كتلته (79.0 kg) ينزلق إلى مكان جديد يعيق حركته قوة احتكاك مقدارها (470 N) . احسب مقدار معامل الاحتكاك الحركي بين اللاعب والأرض، انظر الشكل (3.3).

الحل Solution



شكل (3.3)، المسألة (3.8)

\vec{N} : هي قوة تأثير الأرض العمودية على اللاعب.

$m\vec{g}$: هي قوة شد الأرض للاعب أو وزنه.

وبما أن اللاعب في حالة حركة فإن قوة الاحتكاك الحركي :

$$\vec{f}_k = \mu_k \vec{N}$$

$$\mu_k = \frac{f_k}{\vec{N}} = \frac{470 \text{ N}}{(79.0 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)}$$
$$= 0.61$$

مسألة (3.9) Problem

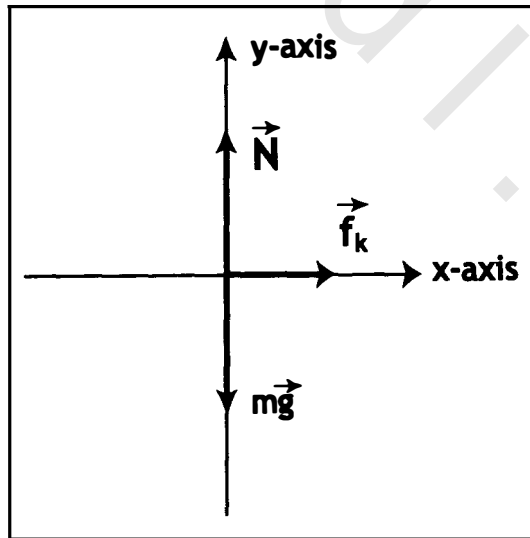
تبلغ كتلة الجسم المطاطي لهوكي الجليد (110 g)، وكانت قد انزلت على الجليد مسافة قدرها (15.0 m)، قبل أن تتوقف.

1- إذا كانت السرعة الابتدائية للكتلة المطاطية (6.0 m/s). أوجد مقدار قوة الاحتكاك بينها وبين الجليد خلال عملية التزلج.

2- أوجد مقدار معامل الاحتكاك بين الكتلة المطاطية للهوكي والجليد.

الحل Solution

انظر للشكل (3.4) :



شكل (3.4)، المسألة (3.9)

1- وفقاً لقانون نيوتن الثاني نجد أن : $-\vec{f}_k = m\vec{a}$

يمكننا إيجاد التسارع من معادلات الحركة على خط مستقيم بتسارع ثابت.

$$\vec{v}^2 = \vec{v}_0^2 + 2\vec{a}x$$

$$\vec{v} = 0$$

$$\vec{a} = \frac{-v_0^2}{2x} = -\frac{(6\frac{m}{s})^2}{2(5m)} = -1.2\frac{m}{s^2}$$

$$-\vec{f}_k = (-1.2\frac{m}{s^2})(0.11kg) = 0.13N$$

$$\vec{f}_k = 0.13N$$

$$\vec{f}_k = \mu_k \vec{N}$$

$$\vec{N} - m\vec{g} = 0$$

$$\vec{N} = m\vec{g}$$

$$\vec{f}_k = \mu_k m\vec{g}$$

$$\mu_k = \frac{\vec{f}_k}{mg} = \frac{0.13N}{(0.11kg)(9.8\frac{m}{s^2})}$$

$$\mu_k = 0.12$$

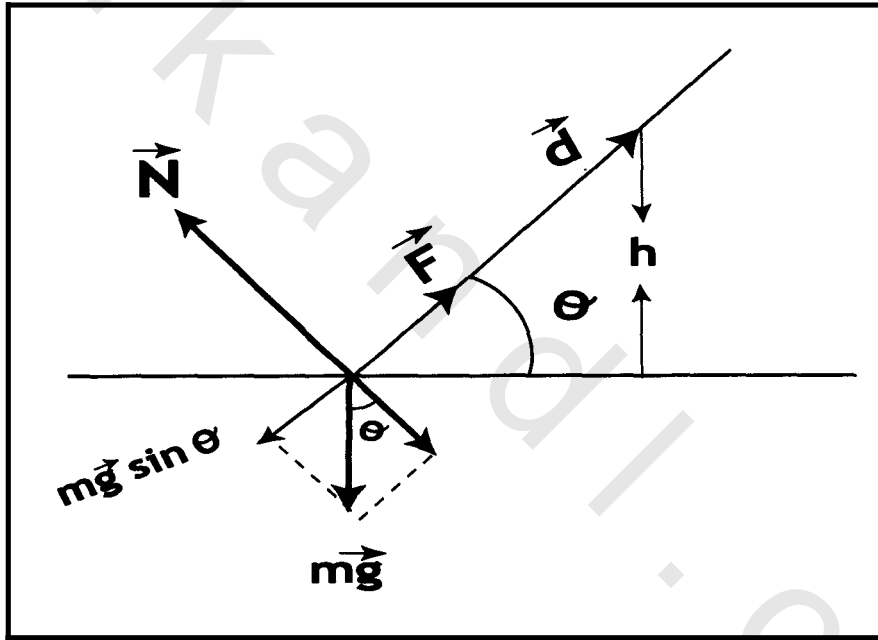
مسألة (3.10) Problem

صندوق شحن كتلته (15.0 kg) سحب إلى أعلى مسافة (5.7 m) على مستوى مائل بزاوية (θ) وعدم الاحتكاك، حيث يبلغ الارتفاع العمودي للمستوى المائل مسافة ($h = 2.5 \text{ m}$)، انظر إلى الشكل (3.5).

1- احسب مقدار القوة التي يجب أن تطبق على صندوق الشحن.

2- احسب مقدار الشغل الذي تم إنجازه بواسطة القوة \vec{F} .

3- هل تتغير قيمة العمل المنجز إذا تغيرت الزاوية (θ)؟ وضح ذلك.



شكل (3.5)، المسألة (3.10)

الحل Solution

1- من الواضح أن القوة \vec{F} تقابل بالاتجاه المعاكس المركبة السينية للثقل $m\vec{g}$ وهي عبارة عن $(m\vec{g} \sin(\theta))$.

$$F = mg \sin \theta = mg \left(\frac{h}{d} \right)$$

$$= (15 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2) \left(\frac{2.5 \text{ m}}{5.7 \text{ m}} \right) = 65 \text{ N}$$

$$W_F = Fd \cos(\theta)$$

(θ) : هي الزاوية بين متجه الإزاحة (\vec{d}) وقيمة القوة (\vec{F}) وتساوي صفرًا.

$$W_F = (65 \text{ N})(5.7 \text{ m}) \cos(\theta) = 368 \text{ J} \quad -2$$

3- عندما تتغير الزاوية (θ) هذا يعني :

أن الإزاحة سوف تتغير، وعليه فإن $\sin(\theta)$ سوف يتغير، وبالتالي فإن القوة (\vec{F}) سوف تتغير بنفس القيمة التي طرأت على ($\sin(\theta)$)، وهكذا نجد أن الشغل أيضاً سوف يتغير.

وهنا من المناسب أن نذكر - أعزاعنا الطلبة - بأن الشغل يقاس بالجول كما أشرنا مسبقاً في النظام الدولي وهو عبارة عن :

$$1 \text{ Joule} = 1 \text{ J} = 1 \text{ N.m} = 1 \text{ kg m/s}^2 \cdot \text{m}$$

$$= \text{kg} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}$$

مسألة (3.11) Problem

جسم كتلته (102 kg) يسير بسرعة ابتدائية على خط مستقيم قدرها (53 m/s)، تم إيقافه بواسطة تعجيل تباطؤ مقداره (2.0 m/s^2).

1- ما هي القوة اللازمة لعملية الإيقاف. أوجد قيمتها.

2- ما هي المسافة التي قطعها الجسم خلال تأثير التعجيل التباطؤي؟ أوجد قيمتها.

3- احسب العمل المنجز بواسطة قوة الإيقاف.

4- أعد الطلب الأول مستخدماً المقدار (4.0 m/s^2) كتعجيل تباطؤي.

الحل Solution

$$\vec{F} = m\vec{a} \quad -1$$

$$= (102 \text{ kg})(-2.0 \text{ m/s}^2) = -204 \text{ N}$$

$$v_0^2 = 2ad$$

$$d = \frac{v_0^2}{2a} = \frac{(58 \text{ m/s}^2)}{2 \times 2} = 702.2 \text{ m} \quad -2$$

$$W = Fd = (-204 \text{ N})(702.2 \text{ m}) \quad -3$$

$$= 14.33 \times 10^4 \text{ J}$$

$$\vec{F} = m\vec{a} = (204 \text{ m})(-4.0 \text{ m/s}^2) \quad -4$$

$$= -816 \text{ N}$$

مسألة (3.12) Problem

الكثرون معدن النحاس تبلغ طاقته الحركية عند درجة الحرارة صفر مطلق $(6.7 \times 10^{19} \text{ J})$ ، احسب سرعة الإلكترون، إذا علمت أن كتلته تساوي $(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})$.

الحل Solution

$$K.E = \frac{1}{2} m v^2$$

$$v^2 = \frac{2K.E}{m}$$

$$v = \left(\frac{2K.E}{m} \right)^{\frac{1}{2}}$$

$$= \left[\frac{(2)(6.7 \times 10^{-19} J)}{(9.11 \times 10^{-31} kg)} \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$= 1.2 \times 10^6 \text{ m/s}$$

مسألة (3.13) Problem

استخدمت القوتان المعرفتان على النحو الآتي:

$$\vec{F}_1 = (3N)\hat{i} + (4N)\hat{j}$$

$$\vec{F}_2 = (-2N)\hat{i} + (-6N)\hat{j}$$

وذلك لتعجيل جسم كتلته (1 kg) .

1 - ما هي محصلة القوة المؤثرة على الجسم باستخدام رموز متجه الوحدة ؟

2 - ما هي قيمة واتجاه محصلة القوة وكذلك التسارع ؟

الحل Solution

1- محصلة القوة هي :

$$F_{net} = F_1 + F_2$$

$$= (3N)\hat{i} + (4N)\hat{j} + (-2N)\hat{i} + (-6N)\hat{j}$$

$$= (1N)\hat{i} + (-2N)\hat{j}$$

$$= \sqrt{(1N)^2 + (-2N)^2} = 2.2N$$

2- إن الزاوية التي تصنعها قوة المحصلة (F_{net}) مع المحور السيني الموجب يمكن إيجادها على النحو الآتي :

$$\tan \theta = \frac{F_{net, y}}{F_{net, x}} = \frac{-2N}{1N} = -2$$

$$\theta = \tan^{-1}(-2) = -63.4^\circ$$

أما مقدار التسارع فيمكن حسابه إذا استخدمنا قانون نيوتن الثاني :

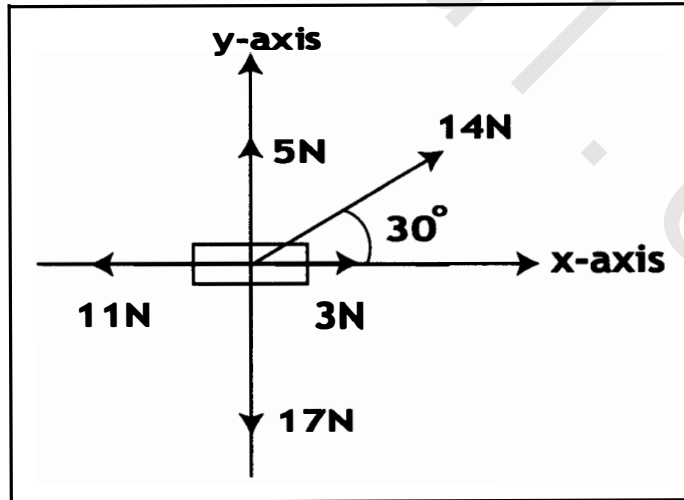
$$F_{net} = ma$$

$$a = \frac{F_{net}}{m} = \frac{2.2}{1 \text{ kg}} = 2.2 \text{ m/s}^2.$$

أما اتجاه التسارع (a) فهو تماماً منطبق على القوة (F_{net}) أي يضع زاوية مقدارها (-63.4°) مع المحور السيني الموجب .

مسألة (3.14) Problem

خمس قوى تعمل على سحب صندوق كتلته (4.0 kg) انظر الشكل (3.6).



شكل (3.6)، المسألة (3.14)

1 - أوجد تسارع الجسم باستخدام رموز متجه الوحدة.

2 - أوجد مقدار واتجاه التسارع.

Solution الحل

انظر الشكل (3.6) تجد أن القوى الخمس يمكننا أن نعبر عنها باستخدام رموز متجهة الوحدة على النحو الآتي :

$$F = F_x \hat{i} + F_y \hat{j} \quad \text{تذكر أولاً أن :}$$

$$= F \cos \theta \hat{i} + F \sin \theta \hat{j}$$

$$F_1 = (3N)(\cos 0^\circ) \hat{i} + (3N)(\sin 0^\circ) \hat{j} = (3N) \hat{i}$$

$$F_2 = (14N)(\cos 30^\circ) \hat{i} + (14N)(\sin 30^\circ) \hat{j} = (12N) \hat{j} + (7N) \hat{j}$$

$$F_3 = (5N)(\cos 90^\circ) \hat{i} + (5N)(\sin 90^\circ) \hat{j} = (5N) \hat{j}$$

$$F_4 = (11N)(\cos 180^\circ) \hat{i} + (11N)(\sin 180^\circ) \hat{j} = (-11N) \hat{i}$$

$$F_5 = (17N)(\cos 270^\circ) \hat{i} + (17N)(\sin 270^\circ) \hat{j} = (-17N) \hat{j}$$

وهكذا تكون القوة المحصلة :

$$F_{net} = \sum_{n=1}^5 F_n = \left(\sum_{n=1}^5 F_{n,x} \right) \hat{i} + \left(\sum_{n=1}^5 F_{n,y} \right) \hat{j}$$

$$= (3N + 12N - 11N) \hat{i} + (7N + 5N - 17N) \hat{j}$$

$$= (4N) \hat{i} + (-5N) \hat{j}$$

أما التسارع فإننا نعبر عنه باستخدام قانون نيوتن الثاني :

$$a = \frac{F_{net}}{m}$$

$$= \frac{(4N)i + (-5N)\hat{j}}{(4\text{ kg})} = (1\text{ m/s}^2)i + (-1.3\text{ m/s}^2)\hat{j}$$

$$|a| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{(1\text{ m/s}^2)^2 + (-1.3\text{ m/s}^2)^2} \quad -2$$
$$= 1.6\text{ m/s}^2$$

ويصنع متجه التسارع زاوية (θ) مع المحور السيني الموجب يمكن حسابها على النحو الآتي :

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{a_y}{a_x}\right) = \frac{-1.3\text{ m/s}^2}{1\text{ m/s}^2} = -52.4^\circ.$$

مسألة (3.15) Problem

طائرة كتلتها ($1.2 \times 10^3\text{ kg}$) مستقرة على وضع الطيران الأفقي من خلال التوازن بين وزنها وقوة رفع الهواء العمودية المؤثرة على الطائرة، احسب قوة رفع الطائرة وحدد اتجاهها .

الحل Solution

إن مقدار قوة دفع الهواء (F) إلى الأعلى تساوي قوة وزن الطائرة، أي أننا نستطيع إيجاد القوة المطلوبة لرفع الطائرة من قانون نيوتن الثاني :

$$F = mg$$

حيث : (m) تساوي كتلة الطائرة = ($1.2 \times 10^3\text{ kg}$).

(g) تساوي تسارع الجاذبية الأرضية = (9.8 m/s^2).

إذا :

$$F = (1.2 \times 10^3 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2) \\ = 1.18 \times 10^4 \text{ N}$$

مسألة (3.16) Problem

عجلة بخارية كتلتها (80 kg)، تم تعجيلها، وذلك بزيادة سرعتها من الصفر إلى (6 km/h).

1- أوجد مقدار تسارع الدراجة البخارية.

2- أوجد مقدار القوة المؤثرة عليها، وذلك خلال زمن مقداره (4 s).

الحل Solution

$$v_0 = 0$$

1- السرعة الابتدائية

$$v_f = 6 \text{ km/h} = \frac{6 \times 1000}{3600} \text{ m/s}$$

السرعة النهائية

$$= 1.67 \text{ m/s}$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_f - v_0}{t}$$

وعلى ذلك يكون التسارع :

$$= \frac{1.67 - 0}{4} = 0.42 \text{ m/s}^2.$$

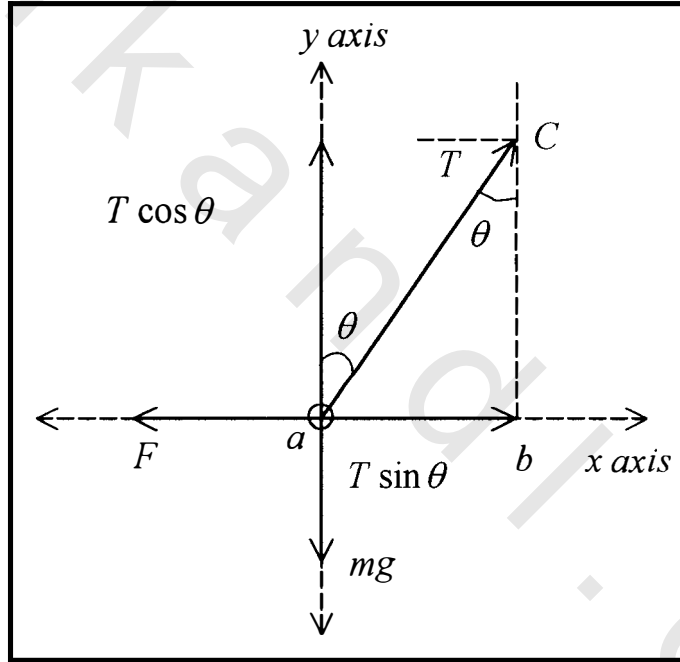
2- أما مقدار القوة المؤثرة :

$$F = ma = (80 \text{ kg})(0.42 \text{ m/s}^2) \\ = 33.6 \text{ N}$$

مسألة (3.17) Problem

كرة تبلغ كتلتها $(3 \times 10^{-4} \text{ kg})$ ، معلقة بخيط نحو الأسفل وبشكل عمودي على الأفق،
أثر عليها تيار هوائي ثابت بحيث دفعها إلى اليسار حتى بلغت الزاوية بين الخيط
والعمود (37°) ، انظر الشكل (3.7).
1- أوجد مقدار قوة دفع الهواء للكرة.
2- أوجد مقدار قوة الشد في الخيط .

الحل Solution



شكل (3.7)، المسألة (3.17)

انظر الشكل (3.7) تجد أن :

T : هي قوة الشد في الخيط.

mg : قوة الجاذبية المؤثرة على الكرة.

F : قوة تأثير الهواء.

تأمل المثلث (abc) القائم في (b) تجد أن مجموع المركبات السينية للقوى المؤثرة هي :

$$F_x = T \sin \theta - F \quad \dots (1)$$

أما مجموع المركبات الصادية للقوى المؤثرة فهي :

$$F_y = T \cos \theta - mg \quad \dots (2)$$

حيث إن الزاوية ($\theta = 37^\circ$)

من المعادلة (2) نجد أن :

$$T \cos \theta - mg = 0$$

$$T = \frac{mg}{\cos \theta} = \frac{(3 \times 10^{-4} \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)}{\cos 37^\circ}$$
$$= 3.7 \times 10^{-3} \text{ N}$$

نعوض الآن مقدار القوة (T) في المعادلة (1) لنجد أن :

$$T \sin \theta - F = 0$$

$$F = T \sin \theta = (3.7 \times 10^{-3} \text{ N})(\sin 37^\circ)$$
$$= 2.2 \times 10^{-3} \text{ N}.$$

مسألة (3.18) Problem

قذف إلكترون أفقياً بسرعة مقدارها ($1.2 \times 10^7 \text{ m/s}$) خلال مجال كهربائي يؤثر بقوة عمودية على الإلكترون مقدارها ($4.5 \times 10^{-16} \text{ N}$) فإذا تحرك الإلكترون مسافة (30 mm) أفقياً. أوجد مقدار المسافة العمودية التي ينحرفها الإلكترون إذا علمت أن كتلته ($m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ mg}$).

Solution الحل

بما أن القوة والتسارع للإلكترون ستكونان ثابتتين إذا :

$$x = v_0 t$$

$$y = \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} (F/m) t^2$$

إن الوقت الذي يستغرقه الإلكترون ليقطع مسافة ($x = 30 \text{ mm}$) بالاتجاه الأفقي هو :

$$t = \frac{x}{v_0}$$

أما مقدار الانحراف الذي يعاني منه الإلكترون على المحور (y) فهو :

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2} \frac{F}{m} t^2 = \frac{1}{2} \frac{F}{m} \left(\frac{x}{v_0} \right)^2 \\ &= \frac{1}{2} \frac{(4.5 \times 10^{-16} \text{ N})}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})} \left(\frac{30 \times 10^{-3} \text{ m}}{1.2 \times 10^7 \text{ m/s}} \right)^2 \\ &= 1.5 \times 10^{-3} \text{ m} \end{aligned}$$

مسألة (3.19) Problem

أوجد قيمة الشغل المبذول لسحب جسم كتلته (50 kg) على أرضية أفقية مسافة قدرها (10 m)، إذ علمت أن معامل الاحتكاك بين الأرضية والجسم يساوي (0.5).

Solution الحل

الشغل المبذول يمكن إيجاده من المعادلة المعروفة

$$W = F \cdot d$$

$$F = f_k = \mu_k N$$

ولكن القوة المؤثرة

$$= (0.5)(50 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)$$

$$= 245 \text{ N}.$$

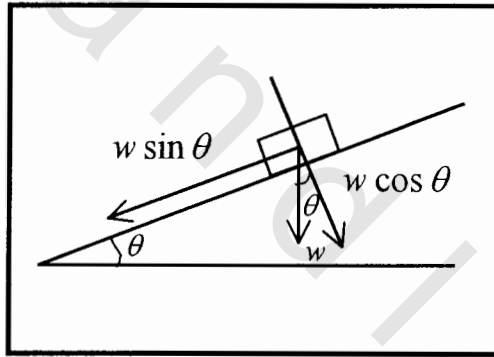
$$W = (245 \text{ N})(10 \text{ m}) = 2450 \text{ J}$$

إذا :

مسألة (3.20) Problem

سحبت عربة طفل مسافة قدرها (10 m) فوق ممشى جانبي يميل بزاوية قدرها (15°) فوق الطريق الأفقي. أوجد قيمة الشغل المبذول في هذه العملية إذا كانت الكتلة الكلية للطفل والعربة (20 kg).

الحل Solution



شكل (3.8)، المسألة (3.20)

بتأمل الشكل (3.8)، افرض أن وزن العربة والطفل هو (w).

إن مركبة القوة الكلية المؤثرة على الجسم والعربة ستكون موازية للسطح المائل وهي:

$$F = w \sin \theta$$

$$= (10 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2) \sin 15^\circ$$

$$= 25.36 \text{ N}$$

أما الشغل فيمكن حسابه الآن من المعادلة المعروفة :

$$W = F \cdot d = Fd = (25.36 \text{ N})(10 \text{ m}) \\ = 253.6 \text{ J}$$

مسألة (3.21) Problem

سقط جسم كتلته (2 kg) من ارتفاع (20 m) إلى أسفل. احسب متوسط قوة الاحتكاك التي تعاكس حركة الكتلة إذا كانت سرعتها قبل الاصطدام بالأرض مباشرة هي (8 m/s).

الحل Solution

$$\Delta K.E = K.E_f - K.E_0 = F \cdot d$$

$$(1/2)mv_f^2 - (1/2)mv_0^2 = F \cdot d$$

$$v_0 = 0$$

$$v_f = (8 \text{ m/s})$$

$$d = 20 \text{ m}$$

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$(1/2)(2 \text{ kg})(8 \text{ m/s})^2 = F(20 \text{ m})$$

$$F = \frac{64(\text{kg})(\text{m/s})^2}{(20 \text{ m})} = 3.2 \text{ NE .}$$

مسألة (3.22) Problem

تستغرق شاحنة كتلتها ($3 \times 10^4 \text{ kg}$) زمناً قدره (30 min) لتتعد طريقاً جبلياً من ارتفاع (200 m) إلى (3000 m).

- 1- أوجد الشغل الذي تبذله الشاحنة ضد الجاذبية الأرضية.
- 2- أوجد القدرة الحصانية التي تستهلكها الشاحنة ضد الجاذبية في هذه العملية.

الحل Solution

1- إن الارتفاع العمودي الذي حققتة الشاحنة هو :

$$\begin{aligned}\Delta Y &= Y_2 - Y_1 = (3000 \text{ m}) - (200 \text{ m}) \\ &= 2800 \text{ m} .\end{aligned}$$

أما قوة رد فعل الطريق على الشاحنة (N) والعمودي دائماً على الطريق فهو :

$$\begin{aligned}\vec{N} &= mg = (3 \times 10^4 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2) \\ &= 294 \times 10^3 \text{ N}\end{aligned}$$

إذا الشغل الذي بذلته الشاحنة ضد الجاذبية هو :

$$\begin{aligned}W &= F \cdot \Delta Y = F \Delta Y = \vec{N} \Delta Y \\ &= (294 \times 10^3 \text{ N})(2800 \text{ m}) \\ &= 823.2 \times 10^6 \text{ J}\end{aligned}$$

2- أما القدرة الحصانية :

$$\begin{aligned}P &= F \cdot v = N \cdot v \\ v &= \frac{(2800 \text{ m})}{(1800 \text{ s})} = 1.55 \text{ m/s}\end{aligned}$$

$$P = (294 \times 10^3 N)(1.55 m/s)$$

$$= 4.56 \times 10^5 \text{ watt} = \frac{4.56 \text{ watt}}{746 \text{ hr}} = 613 \text{ hp}$$

مسألة (3.23) Problem

لدفع صندوق كتلته (25 kg) إلى أعلى مستوى مائل بزاوية (25°) مع الأفق، يبذل عامل المصلحة قوة موازية للسطح المائل مقدارها (209 N). إذا دفع العامل الصندوق مسافة مقدارها (1.5 m).

- 1- ما هو العمل الذي تم إنجازه على الصندوق (وزن الصندوق)؟
- 2- ما هو العمل الذي أنجزه العامل؟
- 3- ما هو العمل الذي أنجزته القوة العمودية المطبقة بواسطة السطح المائل؟
- 4- ما هو العمل الكلي الذي تم إنجازه على الصندوق؟

الحل Solution

1- العمل الذي تم إنجازه على وزن الصندوق هو :

$$W_1 = F \cdot d = Fd = (209 N)(1.5 m)$$

$$= 314 J .$$

2- العمل الذي أنجزه العامل هو :

$$W_2 = - mgh$$

$$h = d \sin 25^\circ$$

حيث إن :

$$= (1.5 m)(\sin 25^\circ)$$

$$= 0.63 m$$

$$W_2 = -(25 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(0.63 \text{ m})$$

$$= -155 \text{ J} .$$

3- العمل الذي أنجزته القوة العمودية :

$$W_3 = 0$$

وذلك لأن الجسم يكون عمودياً عليها، وعلى هذا فليس هناك من عمل تتجزه المركبة العمودية للقوة.

4- العمل الكلي الذي تم إنجازه على الصندوق :

$$W = W_1 + W_2 + W_3$$

$$= 314 \text{ J} + (-155 \text{ J}) + (0)$$

$$= 158 \text{ J} .$$

مسألة (3.24) Problem

يدفع عامل كتلة مقدارها (27 kg) على طول أرض مستوية مسافة مقدارها (9.2 m) بسرعة ثابتة وبقوة تصنع زاوية (32°) تحت المستوى الأفقي. احسب العمل الذي أنجزه العامل على الكتلة إذا كان معامل الاحتكاك يساوي (0.20) . انظر الشكل (3.9).

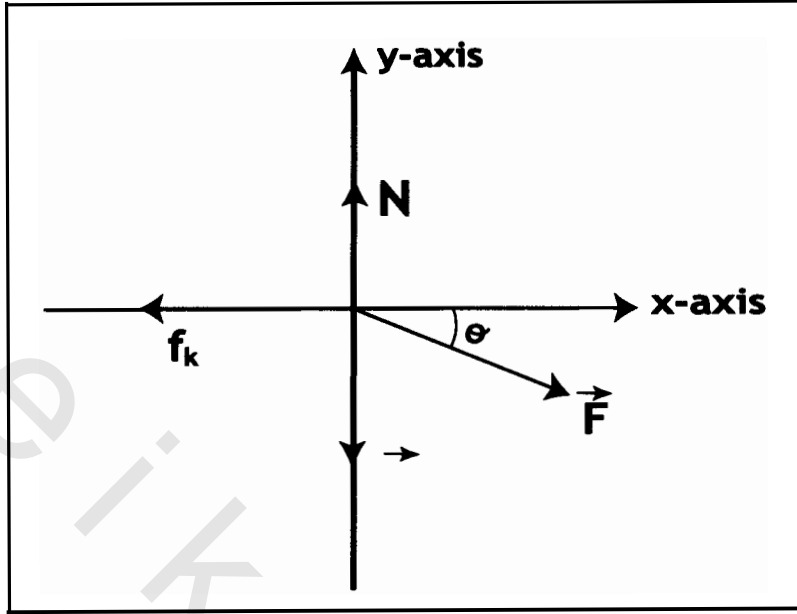
الحل Solution

بالنظر إلى الشكل (3.9) نجد أن المحصلة السينية للقوى المؤثرة هي :

$$F \cos \theta - f_k = F \cos \theta - \mu_k N = 0 \quad \dots (1)$$

أما المحصلة القوى على المحور الصادي فهي :

$$N - F \sin \theta - mg = 0 \quad \dots (2)$$



شكل (3.9)، المسألة (3.24)

من المعادلة (1) نجد أن :

$$F \cos \theta = \mu_k N \Rightarrow N = \frac{F \cos \theta}{\mu_k} \dots (3)$$

نعوض (3) في (2) لنجد أن :

$$\frac{F \cos \theta}{\mu_k} - F \sin \theta - mg = 0$$

$$F \left(\frac{\cos \theta}{\mu_k} - \sin \theta \right) - mg = 0$$

$$F = \frac{\mu_k mg}{\cos \theta - \mu_k \sin \theta} = \frac{(0.2)(27 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)}{\cos 32^\circ - (0.2)\sin 32^\circ}$$

$$= 71 \text{ N}$$

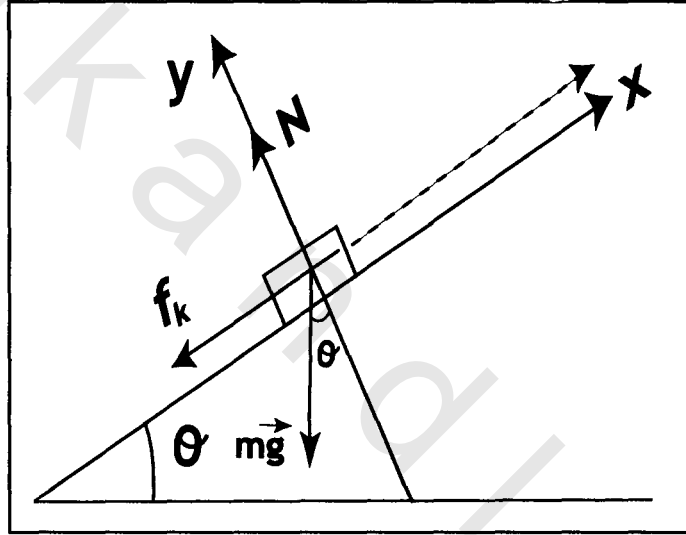
$$W = Fd = (71 \text{ N})(9.2 \text{ m}) = 6.6 \times 10^2 \text{ J}$$

وعليه يكون الشغل :

مسألة (3.25) Problem

صندوق كتلته (50 kg) دفع مسافة (6.0 m) بسرعة ثابتة إلى الأعلى على مستوى يصنع زاوية (30°) مع الأفق، فإذا كان معامل الاحتكاك بين الصندوق وسطح المستوى (0.20). احسب :

- 1- القوة المستخدمة لهذا الغرض.
- 2- وزن الصندوق هو الآخر قوة مؤثرة في هذه الحركة، ما هو الشغل المنجز بواسطة وزن الصندوق؟ انظر الشكل (3.10).



شكل (3.10)، المسألة (3.25)

الحل Solution

1- المركبات السينية لمجموع القوى المؤثرة هي :

$$F \cos \theta - f_k - mg \sin \theta = 0 \quad \dots (1)$$

أما المركبات الصادية لمجموع القوى المؤثرة فهي :

$$N - F \sin \theta - mg \cos \theta = 0 \quad \dots (2)$$

نعوض في المعادلة رقم (1) عن $(f_k = \mu_k N)$ ثم نجد مقدار القوة (N) على النحو الآتي :

$$F \cos \theta - \mu_k N - mg \sin \theta = 0$$

$$N = \frac{F \cos \theta - mg \sin \theta}{\mu_k} \quad \dots (3)$$

نعوض الآن (3) في (2) لنجد :

$$\left(\frac{F \cos \theta - mg \sin \theta}{\mu_k} \right) - F \sin \theta - mg \cos \theta = 0$$

نوّحد المقامات :

$$F \cos \theta - mg \sin \theta - \mu_k F \sin \theta - \mu_k mg \cos \theta = 0$$

$$\begin{aligned} F(\cos \theta - \mu_k \sin \theta) &= mg \sin \theta + \mu_k mg \cos \theta \\ &= mg(\sin \theta + \mu_k \cos \theta) \end{aligned}$$

$$F = \frac{mg(\sin \theta + \mu_k \cos \theta)}{(\cos \theta + \mu_k \sin \theta)}$$

$$W = F \ell \cos \theta$$

$$= \frac{(mg \ell \cos \theta)(\sin \theta + \mu_k \cos \theta)}{\cos \theta - \mu_k \sin \theta}$$

$$= \frac{(50 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(6.0 \text{ m})(\cos 30^\circ)[\sin 30^\circ + (0.2)\cos 30^\circ]}{\cos 30^\circ - (0.2)\sin 30^\circ}$$

$$= 2.2 \times 10^3 \text{ J}$$

2- الشغل المنجز بواسطة وزن الصندوق هو :

$$W_g = -mg \ell \sin \theta$$

$$= -(50 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(6.0 \text{ m})(\sin 30^\circ)$$

$$= -1.5 \times 10^{-3} \text{ J.}$$

مسألة (3.26) Problem

مركبة فضائية متحدة مع مركبة الفضاء أبولو، تبلغ كتلة المركبتين $(2.9 \times 10^5 \text{ kg})$ ، وتبلغ سرعتها (11.2 km/s) . ما هي الطاقة الحركية للمركبتين معاً؟

الحل Solution

بفرض أن كتلة المجموعة هي : (m)

وسرعتها هي : (v)

على ذلك تكون الطاقة الحركية لهما هي :

$$K.E = \frac{1}{2}mv^2$$

$$= \frac{1}{2}(2.9 \times 10^5 \text{ kg})(11.2 \times 10^3 \text{ m/s})^2$$

$$= 1.8 \times 10^{13} \text{ J.}$$

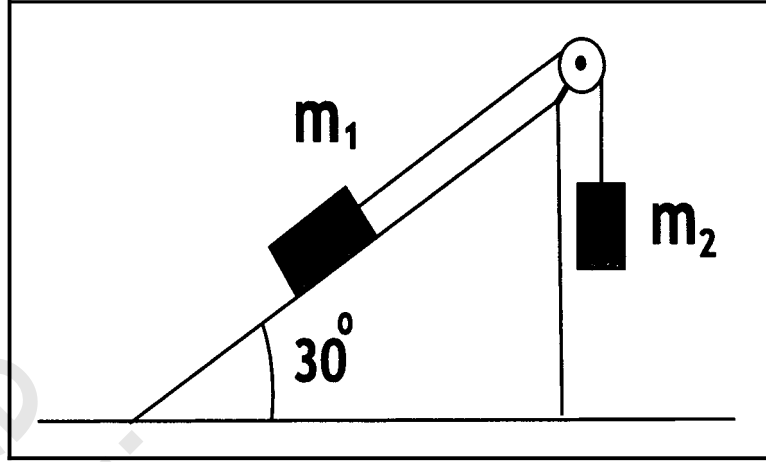
مسألة (3.27) Problem

جسم كتلته $(m_1 = 3.7 \text{ kg})$ موجود على سطح عديم الاحتكاك يميل على الأفق بزواوية (30°) ، مربوط بجسم آخر كتلته $(m_2 = 2.3 \text{ kg})$ معلق بشكل عمودي انظر الشكل (3.11).

1- أجد تسارع كل من الكتلتين m_1 و m_2 .

2- حدد اتجاه تسارع الكتلة m_2 .

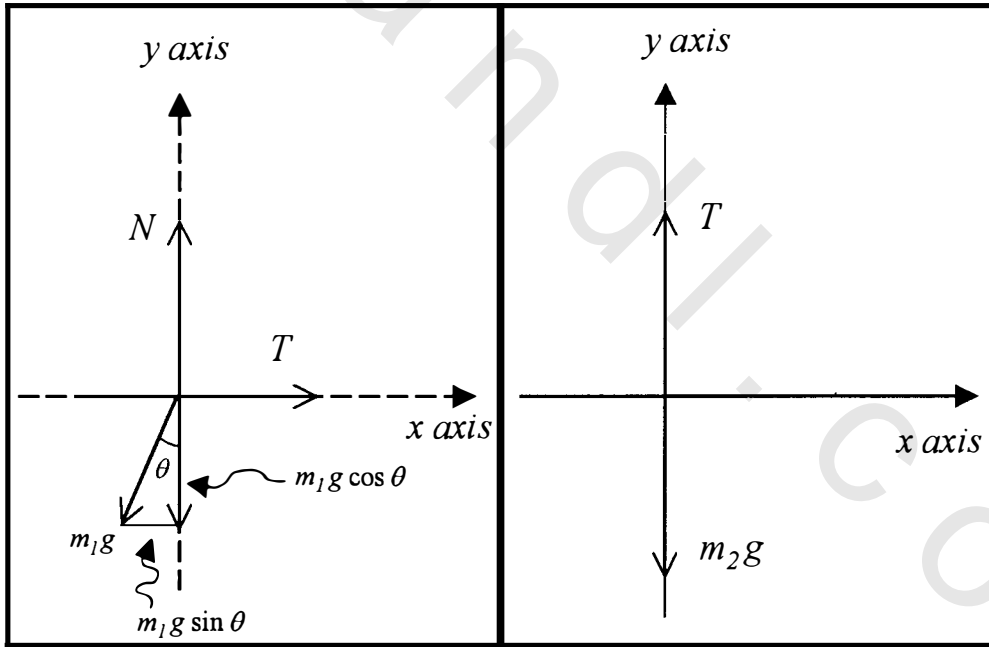
3- أوجد قيمة قوة الشد في الخيط.



شكل (3.11)، المسألة (3.27)

Solution الحل

لكل من الكتلتين (m_1) و (m_2) ولتبسيط المسألة تأمل الشكل (3.12) :



التخطيط المنفصل للكتلة (m_1)

التخطيط المنفصل للكتلة (m_2)

شكل (3.12)، المسألة (3.27)

1- من خلال تأملنا للتخطيط المنفصل للكتلة (m_1) نجد أن :

$$T - m_1 g \sin \theta = m_1 a \quad \dots (1)$$

وذلك بتطبيق قانون نيوتن الثاني والذي مفاده أن محصلة القوى المؤثرة على خط واحد (x -axis) تساوي حاصل ضرب الكتلة بالتسارع (a). أما مجموع مركبات القوى على المحور (y) فهي :

$$N - m_1 g \cos \theta = 0 \quad \dots (2)$$

حيث (N) هي القوة العمودية لرد الفعل الناتج عن السطح المائل.

ومن خلال تأملنا للتخطيط المنفصل للكتلة (m_2) نجد أن :

$$m_2 g - T = m_2 a \quad \dots (3)$$

حيث (a) هو التسارع المشترك للكتلتين وقوة الشد في (T) أيضاً هي القوة المشتركة بين الكتلتين.

من المعادلة رقم (1) نجد أن :

$$T = m_1 a + m_1 g \sin \theta \quad \dots (4)$$

بتعويض المعادلة (4) في المعادلة (3) نجد أن :

$$m_2 g - m_1 a - m_1 g \sin \theta = m_2 a$$

$$m_2 g - m_1 g \sin \theta = m_1 a + m_2 a = (m_1 + m_2) a$$

$$\begin{aligned}
 a &= \frac{m_2 g - m_1 g \sin \theta}{(m_1 + m_2)} \\
 &= \frac{(2.3 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2) - (3.7 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(\sin 30^\circ)}{(2.3 \text{ kg} + 3.7 \text{ kg})} \\
 &= \frac{4.4}{6} = 0.733 \text{ m/s}^2
 \end{aligned}$$

2- من الواضح أن تسارع الكتلتين موجب المقدار وهذا ما يؤكد أن الكتلة (m_1) تتجه إلى الأعلى، أما الكتلة (m_2) فتتجه إلى الأسفل.

3- أما قوة الشد في الخيط فيمكن إيجادها من المعادلة رقم (4) :

$$\begin{aligned}
 T &= m_1 a + m_1 g \sin \theta \\
 &= (3.7 \text{ kg})(0.733 \text{ m/s}^2) + (3.7 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2) \sin 30^\circ \\
 &= 20.84 \text{ N} .
 \end{aligned}$$